



总主编 李其维 赵国祥

皮亚杰文集

Collected Works of Jean Piaget

第六卷 (下) 本卷主编 曾守锤



ISBN 978-7-5649-4478-0



9 787564 944780 > (上. 下册) 定价:730.00 元



皮亚杰文集

Collected Works of Jean Plage!

(第六卷) Volume Six

智慧操作的建构过程

(下)

The Construction Process of Intelligent Operation
(Part II)

主编 曾守锤 副主编 主 美 孙忘凤 张 坤

阿南大学出版社 HENAN UNIVERSITY PRESS ·郑州·

图书在版编目(CIP)数据

皮亚杰文集.第六卷/李其维.赵国祥总主编;曾守锤分卷主编.一郑州:河南大学出版社,2020.9

ISBN 978-7-5649-4478-0

I.①皮… Ⅱ.①李… ②赵… ③曾… Ⅲ.①皮亚杰(Piaget, Jean 1896-1980) -文集 Ⅳ.①B84-53

中国版本图书馆 CIP 数据核字(2020)第 190628 号

责任编辑 杨风华 马元珍

责任校对 王 慧 陈 炜 胡玲霞

封面设计 马 龙

出 版 河南大学出版社

地址:郑州市郑东新区商务外环中华大厦 2401 号

电话:0371-86059701(营销部)

排 版 河南瑞之光印刷股份有限公司

印刷 河南瑞之光印刷股份有限公司

版 次 2020年12月第1版

开 本 787 mm×1092 mm 1/16

字 数 2083 千字

邮编: 450046

国旗; hupress. henu. edu. cn

印 次 2020年12月第1次印刷

印 张 97.75

定 价 730.00 元

概括化研究

[瑞士]让·皮亚杰 [葡萄牙]吉尔·恩里克斯 著 袁乙榛 田 晨 王东春 张 璐 译 蒋 柯 审校

概括化研究

法文版 Recherches sur la Generalisation , Paris : Presses Universitaires de France . 1978.

作 者 Jean Piaget, Gil Henriques

袁乙榛 田 晨 王东春 张 璐 译自法文

蒋 柯 审校

总目

序 一 (Marc Ratcliff)

序 二 (Leslie Smith)

序 三 (李其维)

第一卷 皮亚杰自传、访谈及皮亚杰理论自述

第二卷 皮亚杰思想的认识论与方法论

第三卷 心理发生及儿童思维与智慧的发展

第四卷 从动作到觉知——儿童对世界的认知及个体意识发展

第五卷 知觉与符号功能的发展

第六卷 智慧操作的建构过程

第七卷 皮亚杰心理逻辑学

第八卷 数、因果性范畴及时间与某些物理概念的个体发生

第九卷 可能性、必然性范畴及空间、几何(学)和概率概念的 个体发生

第十卷 皮亚杰理论的应用——教育及其他

走近皮亚杰 继学有来者——代《皮亚杰文集》后记(赵国祥)

目 录

序言/883

第一章 导致"部分集合化"的概括/885

- 1 水平 IA/888
- 2 水平 IB/890
- 3 水平 IIA/892
- 4 水平 [[B/895
- 5 阶段 III/897
- 6 结论/898

第二章 长度的组合/902

- 1 水平 IA/903
- 2 水平 1B/905
- 3 水平 IIA/907
- 4 水平 [[B/909
- 5 阶段 Ⅲ/910
- 6 结论/912

第三章 连续数字间二元组合和三元组合的形成/914

- 1 水平 [A/915
- 2 水平 IB/917
- 3 水平 IIA/919
- 4 水平 IIB/922
- 5 阶段 11/924
- 6 结论/925

第四章 关于内接多边形的递推论证/927

- 1 水平 JA/927
- 2 水平 IB/929
- 3 水平 ⅡA/931
- 4 水平 [[B/933
- 5 阶段Ⅲ/934
- 6 结论/936

第五章 凸多边形中的角的总数的递推/939

- 1 水平 IA/940
- 2 水平 IB/942
- 3 水平 IIA/943
- 4 水平 [[B/945
- 5 阶段Ⅲ和结论/947

第六章 周长的延长/950

- 1 水平 I/951
- 2 水平ⅡA/952
- 3 水平 IIB/955
- 4 阶段Ⅲ/956
- 5 结论/957

第七章 两个垂直平面之间最短路径/959

- 1 水平 I/959
- 2 水平 IIA/962
- 3 水平 IIB/963
- 4 阶段 Ⅲ和结论/966

第八章 (波纹闪光的)叠放的运动效果中的分化与整合/969

- 1 水平 IA/972
- 2 水平 IB/974
- 3 水平 IIA/975
- 4 水平 IIB 与阶段 III /977
- 5 结论/978

第九章 相对运动问题/981

- 1 阶段 1/982
- 2 阶段 Ⅱ/984
- 3 阶段Ⅲ/987

第十章 在概率问题上的观察及"原因"/991

- 1 规律性的开端/992
- 2 水平 IB/993
- 3 水平 ⅡA/997
- 4 ⅡB和阶段Ⅲ/1000
- 5 结论/1003

第十一章 压力和反作用力的相对概括化/1005

- 1 水平 IA/1007
- 2 水平 IB/1009
- 3 水平 IIA/1012
- 4 水平 IIB/1015
- 5 阶段 11/1018
- 6 结论/1021

第十二章 速度的基本概念的概括/1023

第一部分 速度-频率/1024

- 1 第一阶段和水平 ⅡA/1024
- 2 水平 IIB和阶段 III/1027

第二部分 线性速度和角速度/1029

- 3 桌子上的轮子的滚动为圈数/1029
- 4 齿轮的速度/1032
- 5 结论:速度的一般性理念/1035

概括化研究

[瑞士]让·皮亚杰 [瑞士]吉尔·恩里克斯著

合作者

- I. Berthoud-Papandropoulou(L博哲德-帕潘德里保罗), A. Blanchet(A.布朗切特),
- J.-F. Bourquin(J.-F.布尔坎), J.-P. Bronckart(J.-P.布隆卡特), A. Bullinger(A.布林格),
- J. Cambon (J. 坎波), J. Cuaz (J. 屈阿), S. Dayan (S. 达扬), E. Dekkers (E. 德克斯),
- M.-A. Fluckiger(M.-A.弗拉基格), C. Kamii(C.坎米),
- A. Karmiloff-Smith(A.卡尔米洛夫-史密斯),
- M. Lavallée (M.拉瓦勒), P. Mengal (P.孟加尔), Al. Moreau (Al.莫罗),
- E.Rappe du Cher(E.哈普杜谢赫), M. Solé-Sugranes(M.索勒-苏格朗尼),
- E. Valladao(E. 瓦拉道), J. Vauclair(J. 沃克莱尔),
- D. Vcelin-Liambey(D.威尔林-利亚姆贝), Cl. Vcelin(Cl.沃尔兰)



法兰西大学出版社

巴黎圣日耳曼大街 108号 ISSN 2 13 035507 2

---第一版:1978年第二季

根据法兰西大学出版社1978年版译出 对所有国家保留其全部翻译、复制和改编权



内容提要

.概括化研究。书汇集了皮亚共和他的同事关于儿童概括化发展特征的研究 这些研究的基础是发生认识论研究中心之面用用限的一系列关于"抽象化"的研究

在抽象化研究的基础上,本书与介绍的研究旨在揭示儿童认知发展的两个重要特 行:第一,儿童通过概括化不断广生新的星构,而新的结构是初始结构的必然顺延;第二,儿童概括化的发展是一个连续过程,尽管其中体现出阶段性的特征,但是阶段性的 证变是建立在儿童认知平衡化的连续转换的基础之上的

抽象化有两种形式, 种是主体针对未且各体的信息进行的辩别与整合加工; 另种是主体对自身则发生的动作协调本身进行"反省性"的辩别与整合,即"反省抽象",从而形成认知格式。与之对应, 概括化也有两种形式: 种是对现象事实的概括化; 另种是对原观条到的关系的有效性进行检查的概括化。前者是从"有时"到"总是"的概括化, 也可以被称为"归纳性概括化"; 后者则 支及主体的运算性建构, 即建构了新的运算结构, 因此可以被称为"归纳性概括化"。

本书第一章和第二章介绍了概括化的逻辑问题、第一章到第五章是关于数字领域的概括化,第八章到第九章形及于门问题、第十章沙及概率问题、第十一章到第十一章则是关于物理学问题的概括化解释、第十四章是一般性结论 从第一章到第十一章介绍了关于儿童概括化的实验性研究、并根据儿童在实验任务中的表现得儿童的概括化区域分为3个阶段6个水平。有一章都分别提述了各个阶段或水平的儿童的概括化料。

息体上, 也过过概括化的研究, 本书揭示, 广儿童认知发展从动作协调到形式化运算的发展过程。

《发生认识论研究》起草委员会 与《发生认识论国际中心》咨询委员会

- C. BACHELARD,索邦大学名誉教授。
- L. V. BERTALANFFY,系统科学理论协会。
- E. W. RETH, 阿姆斯特丹大学教授。
- C. BOULICAND, 巴黎理学院教授。
- J. BRUNER,哈佛大学教授。
- S. CECCATO, Methodos 总监。
- P. FRAISSE,索邦大学教授。
- F. GONSETH, Dialectica 总监。
- C. G. HEMPEL, 普林斯顿大学教授。
- O. KŒHLER, 弗赖堡大学教授。
- Th. KOTARBINSKY, 波兰科学院院长。
- P. LORENZEN, 基尔大学教授。
- J. G. MILLER,密歇根大学教授。
- A. NAESS, 奥斯陆大学教授。
- Ch. PERELMAN, Logique et Analyse 联合总监。
- W. V. QUINE,哈佛大学教授。
- C. RYLE, 牛津大学教授。

目水

序言/883

第一章 导致"部分集合化"的概括/885

- 1 水平 IA/888
- 2 水平 1B/890
- 3 水平 IIA/892
- 4 水平 IIB/895
- 5 阶段 11/897
- 6 结论/898

第二章 长度的组合/902

- I 水平 IA/903
- 2 水平 IB/905
- 3 水平 JIA/907
- 4 水平 IIB/909
- 5 阶段 11/910
- 6 结论/912

第三章 连续数字间二元组合和三元组合的形成/914

- 1 水平 TA/915
- 2 水平 IB/917
- 3 水平 IIA/919
- 4 水平 [B/922
- 5 阶段 IIV924
- 6 结论/925

第四章 关于内接多边形的递推论证/927

- 1 水平 IA/927
- 2 水平 IB/929
- 3 水平 IIA/931
- 4 水平 II B/933
- 5 阶段Ⅲ/934
- 6 结论/936

第五章 凸多边形中的角的总数的递推/939

- 1 水平 IA/940
- 2 水平 IB/942
- 3 水平 IIA/943
- 4 水平 [[B/945
- 5 阶段Ⅲ和结论/947

第六章 周长的延长/950

- 1 水平 1/951
- 2 水平 IIA/952
- 3 水平 IIB/955
- 4 阶段Ⅲ/956
- 5 结论/957

第七章 两个垂直平面之间最短路径/959

- 1 水平 I/959
- 2 水平ⅡA/962
- 3 水平 IB/963
- 4 阶段 Ⅲ 和结论/966

第八章 (波纹闪光的)叠放的运动效果中的分化与整合/969

- 1 水平 IA/972
- 2 水平 1B/974
- 3 水平 [[A/975
- 4 水平 IIB 与阶段 III /977
- 5 结论/978

第九章 相对运动问题/981

- 1 阶段 I/982
- 2 阶段 Ⅱ/984
- 3 阶段 III /987

第十章 在概率问题上的观察及"原因"/991

- 1 规律性的开端/992
- 2 水平 IB/993
- 3 水平ⅡA/997
- 4 ⅡB和阶段Ⅲ/1000
- 5 结论/1003

第十一章 压力和反作用力的相对概括化/1005

- 1 水平 IA/1007
- 2 水平 1B/1009
- 3 水平 IIA/1012
- 4 水平 IIB/IO15
- 5 阶段Ⅲ/1018
- 6 结论/1021

第十二章 速度的基本概念的概括/1023

- 第一部分 速度-频率/1024
 - 1 第一阶段和水平 [[A/1024
 - 2 水平 IIB 和阶段 III/1027

第二部分 线性速度和角速度/1029

- 3 桌子上的轮子的滚动为图数/1029
- 4 齿轮的速度/1032
- 5 结论: 速度的 -般性理念/1035

序言

我事心无门, 它进行的关于抽象的不同知式的研究,让我们自然而然地对概括化的多样性进行了补充性分析,与此同时,而者同广者之间的密切联系是显而易见的一然而我们并不是反不断重复自己的研究,出为母属括化过程的研究会进一步导致我们对两人认知类视的研究;它包括了生不甚更立的情构,这并非指初始结构的内容,而是指一旦新的结构被建构后来,它就成为这些行始结构的必然产物;并且这种建构是连续的,依赖于这些与未完成的构成。它依赖于已产完成的构成更多,同样,包含需更多地依赖于之前的既有内容。

关于抽象,我们扎它分为两种主要形式。其一,我们称之为"不验的",是指从客体自身出发以获得信息,要过抗寻某些智性以抗考其他(对象),并看主体的认识之前它就已经存在了(何)。 色或者重新等) 另一种标为"支射的",它并不从客体的 把发,而是从主体对各体制进行的动作内的出发,或者是从主体的一般化去算出发,这两者是截至不同,并同几人这一方面和及怎们去思考一个从低效于升到高级层面上的"智维"的含义,对一方面,是思考特利层面上入于"反省"的含义,"支省"的功能是在初的层面上重构关于前例的抽象,这种重构便需要一个新的结构化。

记着真的知此,目有个人都会认识到少年。数量抽象和在实验研究中的抽象的区况。在11月1、全少在为产品的抵抗。那些从各体了优好性角度出发的抽象。即等会的抽象,以及母素等关系的有效性力有验证的抽象。由以及形成概括化等级并从中形成进步介,的抽象(由设有进一步地子长管径或"耳性",可以是对可观察性的绝球),都是有外好意义上的本质。性,由或"有些""元"全部",提成从"有力"到"意见"的并程构成。我们将之为"一构代括化"。这个不语是广中为门之是不容包包的一方外,当概括化依核或少及主体的运算或运算的广物时,在这种情况下,它便同时具备了两颗和外延的原性,从有导致自广式发新内容的广生。等是:数及其复合多样性。这些内容由这些形式"年,而不是不严重参申与进。我们将它们称为"建构性概括"。本书的主要研究对象便是关于它们的形成和形成机制的讨论。

元宗上, 产纳法普查是B 英海尔德(B Linelder)的建筑煤建 , 而我们并不需要追向 工体是通过何种方法实现了战括化, 并在现实中形成关系或现律的一方外, 为了更好地 严解建村性概括的基本作用, 我们可以可以一下。"特过程一当主体而对变量、和变量、

以及它们之间产生的关系时,为了验证这种关系的稳定性,这个任务总是需要无处延广地般设存在一个同化框架,这种同化即是主体的活动,在特定情况下,它体现为一种函数关系:如果,一户口,那么这个框架就是函数/本身,作为一种形式联合了内容;和广及其变化。这些变量,它们的变化和存在,以及由可观察对素归构成的关系等,都是由于工体的活动或运算才能被置于某种关系当中。然而,仅仅是"被用于"而不是"用对于"客体),也就是之前所说的建构性概括的结果(名名射线感知运动性协调的个人

我们还应该从一开始就注意到,如果"建构性"框架的基本的和普遍的(特征)必然是通过"归纳"而建立的联系的同化有获得的,据么从概括的角度而言,在捆象领域我们所确定的结果只有,客体的属性读取所关乎的任何坚全的抽象都在实际上假设了谓同、关系和类别的使用,以及可观察内容的同化所必需作为先决条件的"形式",都至少包含着先前所说的反思性推象,即便它们本身是无意识的一我们将在一纳性和建构性概括之间找到这种相同的关联,在(儿童的认知,发展初期建构性概括处于先势,与最初的系统性的简单的经验性归纳的首要性地位相对。一然后,我们并有识努力将集中在逐渐丰富起来的建构性概括的形成上,以及致使它们在内容和形式上不断创高的机制上

本书的第一章和第二章将探讨逻辑上的问题,第一到五章声及数字领域 循环推理),第八到九章涉及它问性协调,第十章关于概令问题,第十一行十一章讨论了物理性解释。第一章到第五章比而——章史容易阅读,我们曾犹豫过从它们先开始\该者可以这样做),但最终我们仍将按照问题的。序来排列

房庸置疑,所有这些署名人共同与作了整本书,并且每一个合作者在实验设计和实施的过程中都发挥了至关重要的作用。

J. P.

备主:我们热切地感谢瑞士国家科学基全会和福特基全会对我中心工作的持续而诚恳的支持。

第一章 导致"部分集合化"的概括

与D. 號竹林 有正好 和I. 挖礼 有 和思考主读明等、今曹

部分集合是一套或一类元素的具有可能分类中的一个类别,因此,它是建构作概括的特在性形式的情况,即在其中运算被提升为第一点势力。因此,我们有时会提出这样一个假设,即部分集合的结构都是通过"替代性"运算(1+4年1+4年8)来实现的,这种运算使得它在保持。可相同的制程下从一个类别或分区过渡为另一个一这是真的,几乎在具体运算的最初阶段便已至获得了替代性(7-8岁或更早升,是重就已经明早地表现出这种正常了),而组合和部分集合化却要到,11-12岁时才获得(并且只是刚刚开始一一)。两者之间的新统性困难由此间来,我们将在这里对它们进行探讨。因此,本证完的目的不是分析"单形(simplexe)" 2的最终结构的建构,而是要研究从替代开始的过程,以及讨论始于双重分区(doubles partitions)的过程,进而指向部分集合化的方向。

实际主,为了从替代过渡到部分集合化,至少需要满足两个条件,这些条件对主体流言则是很大的困难。第一个是:如果替代是在保持全集B恒定的条件下,同时用分区1+1/末代替1+名的运算,那么形式单形就是必然的,而不仅仅是局限了这种替换或者对整体的识别,还要同时考虑这两者或而至分区,以便可以整一个部分与为一个部分进行比较。当有两个类别的情况下,即1和B以及它们补集是14和非B.我们甚至可以构成16种单形的混合,但是我们各发处理的首要同定是发确定,当年幼的被试能够替换的仅仅只有两种不同的一元分区时,他们是否能够同时进行独立的推论,也就是说,在可能的关系的事节中将它们整合主。个具有可分析性的集合系统中一然前,我们会看到情况并非如此。

很显然,分区的比较还包括交集的使用。门样,当由元素A,B,非自和自B组成含有16个"部分(parties。"的集合时,每一个元素都会出现在12个"部分",为了合并它们各自的用途,我们赋予每个元素16(根据"部分"决定0、1 或2) 日理解了两个类或两个"部分"之间交集的存在,就是认识到了两者之间存在着共同元素。这再次假设了两个不同系统或子系统之间的同时比较(例如双重包含)。因此,还有一个问题在于确定这是每一种简单报导,抑或它本身也是某种程度于的建构性概括。然而,众所周知,年幼

被试验向于仅仅在不相交的类别或者以这种结构为基础的加去"智集"上进行推理 对于乘法群集而言,即对同一个群集的使用私概括,儿童一开始只能在内涵中构想这些乘法群集,双向表格中每个格子甚而的元素被认为同时具备两种属性,同时,每个格子的属性是不交叉的 所以同是依然是,如何从不相交的类别过度到外廷的交集,实向上这很困难。

为了将这两个门题是回最基本的形式,我们使用了显而易见的替换,例如我们可以 切确地区分于方形。()和四形(1)或人(1)和小(1)的类别,这些类别 (1)和了相应地由 与4 和 4'和同的元素和成 我们所研究的门边之一就是随意见择数字(任何数字),但 是要具有"与大(A₂)一样的方块(A₁)"。

了以看出,尽管这是具有似非常基本的任务,然而它却预没了同时使用两个分区 此外,在所有可能的答案中(我们试图的主,所有可能的答案)自然地形成了交集。如果 我们称a、a'、a 和高为前面的分类工一"、1 和工的性质(谓用)、那么工确答案实际上可 以通过类别X和Y**呈现以下三种类别的组合:

- (1)n4(aa),在这种情况下会平现特件A-1,也就是方块和大组等;
- (2)n (a a') · n (a a), 这是排他性构取。d.sponction exclusive);
- (3)n1(aa'1+n)(aa')+n2(aa), 知某人是言大門 12(aa'+aa—和 12) aa'+aa 的交集,那么就有等式 X+Z = Y+Z。

行着我们的问题。包围港省分区和包含、交集。行同时作,显么它们已概据又看怎样的关系。首先要明确的是,即使没有区判部分集合化,被武师使用的推理为设置在运算基础上的运算框理构,从面形成形式。但是,似乎通过当日双门表格交乘法分类,在7-8岁儿童的运算水平之前就可以解决了这个问题,因为:(口)这两种方式都已经预设了同时考虑到两个分区;(2)并且这种表格的每个分区就已经是一个交集。实物于,证明的四个类别4、4′、1和4′构成了这样。全表格,而于我们所提到的一个解决方案。而文提到的1、2、3)可简单地对结为使用了该表格中的。个、两个或一个分区,同理2°代表了所有的可能性,因此有16种组合)。我们提出的问题有什么不可,但显然,无用无是以不同的方式组合表格里的各个分区,从而在整个系统内建立了夸强,它可以被视为产生这个整体系统的运算性概括。通过机器已区分和重组。一位事实上,由于以下两个原因。这些局部的重组会产生一系列新问题。

首先,当我们只是逐个考虑四个分区时,如前里述,它们的含义很简单,无丰是对两个谓词相结合的理解(如大王方形、小王方形等),然而当我们结合两个或者一个分区

② X代表方格,Y代表大

③ 组合AA2、AA2、A'42以及A'A2。

其次,这些由两支 个分区组成的了系统活要更多数量的否定的同时性协调,这种否定的协选正是整体系统的建构;比较"正方形"和"大的"一方面活象排除上正方形,为方面排除非大,要做到逐个分区重目同时考量,而在整个系统中,否定是全局的,甚至可能保持简单的"差异"状态(例如;正方形和圆形)。

息而言之,我们通过同是引导技法制制。部分集合化"的方可上面进,这假设了某种新关系的建构,这种建构由定义了四个初始分区的基本联系出发,并严生了概括化的问题。

这种方式包含几个步骤,内容由一个分区构成(而不是前面简化的例子中的两个); 正方形和门形, 大成小, 红色或绿色: 八个分组, 每组 n 个元素, 一一, 得知内容包括那 些分区,我们无会对孩子说"售所以他提高复选择数字,但我希告有与人的同样多的成 · 等量的') 」 方形" 11我们有了答案, 我们又会询同被武功于同一问题的其他可能 ご何決方案:事美士、正如我有图才所见, ご可以是相同的司可以具备人门和正方形的」、 制建 信坐 植取和非基他性机取在在着交集的情况。为了在儿童不能理解的让问题要待 更容易,或者为了更好地分析从一个偏决方案到另一个福决方案的转换,我们会在行出 · 答案的情况下,刻提出第一个问题。当我们有4个大的红色正方形和1个大的绿色固形 司,我们要承找到。到在一样多的告示。当我们有了答案时,我们会继续提高:"我们可 以在不破坏相等的告兄下忌加另一个红色图形马。"支者"我们可以用其他东内已记如小 门户替换人的零色目形吗?"等等。在提问的第一阶段,我们会拿出一个人的绿色正方 形,并发长被武伐到一个与己"相反的"多形。 口答案给出,并且如果相反是确定新进 一门,我们就会背定其他"和文:方"智形,弄最零询问"最和反"的是哪一个一关于差异的计 数 (根捷洛形末计数 一个 , 两个 支 一个的模式), 可能由此产生中一系列问题: 仅仅根据 * 方量的数量建构了一个主要引,这是示了它们的外廷。(方)自我们会问:"为什么具有一 个模型机反。"如果被试选择了小的红色。可形来建村子类。我们还要求被试找出历有不 "是"大的绿色正方形"的凶形、既"补充的"或与"相反的"。词所指定的相对应的否定

还要注意,这个本语"朴反的"(或"最朴反的")是对儿童自发地使用的表达方式的 反应。至于与人的零色正方形的差异数量,请记住在小的绿色正方形,大绿色圆圆或大 的红色正方形的情况下都具有一个差异,而在小的红色正方形,小的绿色页形和大的红 色圆形情况下有两个差异;最后,小的红色凹形有一个差异。最终,我们仔细确定孩子 如何使用支理解术语"和"和"或"("人和绿"和"大或绿")也是至关重要的

1 水 平 IA

对于更年幼的被武,我们只能将他们用人最相互的属性分组

Ela(5;8) 正确地描述了所呈现的《个类别中的4个:"圆形,正方形,以及大圆形和大工方形,小圆形和小正万形"所以8个分区中的4个:"更多的' 我全都提及过了"与正万形等量的大的,她只会给出'大圆巴和小圆形"的答案,对于吓有类似的问题都存在错误 相反,"与录色圆巴和问的红色圆形"也会寻出两个相对户的集合,但没有量化的描述 然而对于与大的绿色正万形的"相反的"例形,她给出了一个小的绿色方块,随后一个大的红色正方形,随后是一个小的绿色圆形;"我没有选择大的绿色圆形,随为这两个都是绿色的 哪个才是最相反的'他于是拿出了小的绿色正方形。)"

接下来的被认开始每十相邻属性高类别类有比较

Phu(5;6, 与大的图形等量的正方形,他拿出 4个大正方形(2个红色和2个绿色):"司样的情况,不应该选取(某一种风色的,3个或者4个图形"他选取了4个大的绿色正方形和4个大的红色正方形,然后开始奋致"好了,我数好了"缺少了包含:"有同样多的红色和圆形吗"——4个红色正方形与4个绿色圆形(8个大的图形)——还有其他方法吗? (他用3个小的绿色圆形替换了3个大的绿色圆形)不,不对,这个更小了 这址你很困扰"——啊!不是(随后,他把第4个大的绿色圆形也替换了) 那这样呢,用大的红色圆形替代正方形) 对的

拿了3个大的红色圆形1,除了水外绿色的(第4人正方形)"于是手就有了4个红色正方形和4个红色园形表使得圆形和红色图形相等:"我们全部采用了红色…… 仅是正确的 但是……全部是红色然而仅4个是圆形1 (于是他把4个圆形用4个绿色正方形来替代了)"

如果我们将根据同一标准(形状 大小戈亭色 构成的分区称为"同度分区" partition homogene),就可以依据占面的实现结果做图这样的判断,在这些实验中被从还不知道如何在异境分区(partitions beterogenes)上进行外延推理,并且,为了能够回答。同是,他们或者用门质分区来替换,都成他们暂时地放弃了任何分区,同时合并了本该用未区分两个类别的特征,使它们成为估同各体的内面。而且,但都这个事实,这些被认对类别所进行的推理具有构取或合并自tsion toes),而交集对于他们来说飞程和生

一百先, 即于"分区替换了异子分区,这相当上构成了背景的打他性框取(在其内容中是错误的),因此我们看到 Lla 用"大和小"的分区代替了"大和力"的分区,从而完全忽略了。方形 程式 Mur 也在某个时刻用小的上方坐替换大的正方形 Don.亦然,Phr 对红色和绿色的区分都应用到了无关二分法。

具次,我们至主意到Mir女们把"与大军以等量的正方形"解,为成了"大向正方形"。 Dem 偏何将"正方形或年色"理解力"正方形山平色"等。这种合并可能看起来与同步分 文相反,但其实是由于目标的原因造成,儿童无法在外廷中比较应该属于异项分区类别 的"正方形"和"人的"或"红色",进口含这些异项分区的内涵合并,犯这样的精误是很容 易的,因为同一个物体可以有几个不同的特质。当我们试图将这种合并转化为外延的 统一时,参见前文中的类别人和1的介绍,就会遭遇完全的抗拒、Mur,当面对4个大的 上方形时 设有其他图形。拒绝事认有在与大图形同样多的(外廷可)正方形;"有更多的 方形……(不对……这儿只有大的烈形。"同样地,。确地选取了正方形和图形来回 答"圆形或正方形"的 Dom, 称它们为"国正方形", 他使用这种表达方式各内面(甚至是相互矛盾的) 替换为一种相对容易把握的外廷。根据形式而构成的同型分区上也就是同"和"代替了"或"。

不言自喻,在这些情况下,他们都不能理解交集;对于像约色。相多的下形,Mirr看出(如果求严小)4个绿色圆形和4个红色上方形,但相绝使用红色智形,出为没有看到它既是两形又是红色,因而不会破坏已有的相等。事实上,这些被武中无一人能于确则答包含问题,整体中的元素多于部分中的元素),这自然使得他们缺乏关于交集的判别能力。最后,在"相反性"的问题中,被试一次只能指生一个相对性属性,并且没有等级之分(参考下面,只能以上面的同生描述已,甚至在某些情况下通过省其与相似之处取系起来;"我没有选择大的绿色。]形(与大的绿色上方形相对,因为这两个都是绿色、显然,处理否定问题的困难性造成了构造异常分区的最初的障碍,因为异方分区包含了两个否定。

2 水 平 IB

首先是具体实例。

Ind(6;4) 与在水平 I(x) 于n个正方型—n个大的图型—1一样,在一开的汽子 4个大图形,其中包括2个正方形,"我要求的是什么? 学了1个大的正方形之 外,还应该都是大的图形 不(我们到复了一遍) 一边很用难,他用2个大 的正方形替提了2个同形) 它们都是大的内形也都是正方形(相同,除了它们是? 个红色和2个绿色之外) 好,我们飞有其地做法吗, 他进了4个大的门 形)这些礼和正方形的情况相似(在大小方面),但是是另一种形状 但是取利 要…… (他选了4个小的正方形)那如果我选3个大的正方形呢 (犯 呢? - 看不多也一样 一 相反的吧(1个大的绿色正方形)? 一 这个(大的绿 色圆形) — 还有吧, — 大的红色正可形1 约对电丁以是颜色上的相 对 一个有吗,一一小的绿色正方形)形状上的对立不是大小上的 目有 其他的吗 — 这个(小的红色正方写), 只色上的相反, 像这个一样(大的红色正 方形)",并且这也是"大小上的相反(而不是两个同时)" 他展示了所有的情况, 但仅仅依据一个特性"其中有哪些是最具有对主性的吗"——是有(何,此取了一 对一对的图形: ——那相对较为对王的吗? ——它们都是对王的,那些国书(相 对于正方形不分等级次序》"我们选择了4个正方形(2个小的红色和2个大的领 色)"你可以选取或是小的或是正方形的图形吗?——(他一种选了一个出来)]个小 的正方形和1个大的。"

Yar 6:61 相等的正方形和大图形·她吃了15个大的红色正方形"我要求的 是什么'同样多的图形和正方形 不对(又解释了一两) ---(她继续 选择正方形和圆形)——那像这样(4个大正方形),这有更多的正方形还是更多的 大. A. 形, 还是一样多, 一样的……它们都是大的图形并且都是正方形 那怎样才能有比大图形更多的正为可吃'他选取了小的正方形'——好。还 有其化方法保持先别的一致性吗? (改变了空间上的作置) 那再加些图形 的话, 如人了大的红色正方形,如果我们不考虑颜色的话,这个应该可 行 如果没们加入这个呢 大的行色圆形),我们选有同样多的大图形和正方 村,因为了是太阳写并且不是正方形 然后呢, 对,我们就有 The only 一样多了…… 白我们会有比图形更多的正方形(尽考最开始) ——那是更多的大 . 对于可是更多的正方形, 更多的大图形"对于筝管的红色和圆形",她选取了 4个大的颜色同形和4个大的红色正多写"还有其他方法吗? (选了小图 写,"对于以上4个智利的历种情况、我们又加入了1个大的红色圆形"还是相等 的吗? 对,因为,对于红色正方形)它是红色的,我们不考虑它是圆形,而这边 (对于绿色圆形)它是圆形,我们不考虑它是红色"但是她看不出仍然是6个红色 和6个圆形,因为她把两个组别分开看待。

(501、6、9) 对于从个红色一个个圆形、恒过造取了3个绿色圆形很有然地完成了题目,但是在圆形和正分形层面上解释了这个信果。我们建议她把3个绿色圆形用3个红色灰棒化。她问题了,全了"那么 待完成的公分)它们不是同一颗色,应该把文个线色门形拿出声换上红色。 那我们的闪形和红色一样多吗" 一对,这样我们有4个圆形和4个正分形。 红色在哪儿/ (把它们都展示了一遍)——那是更多红色、更多圆形,还是一样?——一样多"。

尽管在这一水子上几章表现出了整体的智力进步,但这些被认仍然无去构成异 原介区、标画可连接两个行类分区。比如Sar(在这一年验除"设我们所见到最有人 分的孩子,把售金"。全主方形=n个大图形"解古成"。个上方形-n个目形",并且将 这个想点。 点子持到最后: Gon 把"n个红色-n个图形"解读或"n个图形-n个正方 形",直到最后都不能上确地解读这个结果 8个红色=等量的4个目形,因为没有区 分外延和内涵)。

付于有或有严段举言卫现的"等同性"的写答(唯一的人的正方形),这些解答不再像在水平17.那在仅仅理解力我们只是及未听有"大正方形",但他们还不能够把两个有相互内容的东西等同是未一他们的理解是,在大王方形中,有些为大的,另一些则为正方形,因此Dia才把2个绿色工方形和2个大的红色王方形分在两个子系列中,而且他犹豫地接受了一个奇数(例如3)。

D 记住方法会简化答案。

因此,(在这个水平,不存在刻意的交集的可能性,当我们想做这样的引导的时候, 其同元素被分配在了两个分离的类别中。Aar就是很好的一个例子,对于n个图形-n个 红色: "我们建议她选取 2 个红色圆形时,她并没有把它们放在那 4 个红色正方形和 4 个绿色圆形中间作为一个交集,而是把其中1 个放在红色正方形于方, 边说"因为它 是红色的,我们不考虑它是圆形",然后把另一个放在红色造形上方,说明了理由,"它是 圆形,我们不考虑它是红色的"。

全于"相反性"的问题,我们看到Did从未没有给卫力宽性的判断,以使他前后提到的两个属性(先创色然后是大小。因此,他没有发现可以根据差异的数量来建立等级关系,并且没有"更相反的"观念,除了在主观上,孩子会比另外。个因素更加重视某个因素,例如更,正重形状而不是大小,所以大的红色图形将此小的红色正方形更"对方"于小的红色正方形。另外,即使被试得具有2个或3个差别的图形认定为"相反的",当我们要求显全"更相反的"时,他会回答"器是一样的图形"

现在,很显然,对差异间是的应答对于如何建构部分集合化具有重要意义。实际上,如之间见证的邓梓,由于缺乏否定性的选节和层级区分,事实上阻碍了处廷的和己们互负设的了系统的异质分区的建构。这就是为什么所有这个阶段,包括水平IB,其特征是缺乏由正确析取面形成的自动组合,以及缺乏关于交集的认识进而"生的大于同一性的错误理解。

3 水 平 IIA

以下是由"战"和"和"引发的条包开始。以及入于"相反的"及补集(否定)的美例。

(a)(7:4 我们要求她选出图形或者正方形,她选择了所有的图形"但是我只说了'正方形或图形',但是它们都是国形或者正方形 那如果我要求'大的或者小的图形呢',其中任何一个它们都是大的或者小的"相反,对于"或者大的或者绿色的"(两个分医),她只选择了大的红色图形:"这些 ——余下的为什么不是"———因为它们是大的并且是绿色的图形。图索 对,因为它们是大的问时也是绿色的 我们要求的是什么, 大的或者绿色的 那些呢(小的绿色图形), 也是,因为它们是绿色的 哪此图形是不应该选取的, ——(迟疑了一会选出了先行拿出的大的绿色图形 因为它们(同时 属于这两种 ——还有其他不应选取的吗, (她选了小的红色图形)它们也是同时两种,因为它们是小的并且不是绿色(所以不属于任何一个, 大的绿色正方形的对立是什么,——(选了大的红色正方形)因为它是红色的:与绿色相对 ——还有呢?—— 小的绿色正方形)因为它与大的相对 还有吗。 没有了,

就这些、随后她又拿了小的红色正方形,因为它同时是大小和颜色的对立(和小的红色圆形),因为它不是大的,不是正方形也不是绿色的——有这些图形都是对立的吗?——整的——哪个更为对立?——那个(小的红色圆形),因为它是小的,不是绿色也不是正方形 那大的红色正方形和小的绿色正方形。哪个与大的绿色正方形更为不同。——它们是一样的:都只有一处不同"然而,当我们要求她对大的绿色正方形和小的红色圆形所包含的6个元素进行分类时,她无法建构适当的干类别并且把带有1个或2个差异的元素相互混淆了"你能告诉我哪些图形不是'小的正方形'吗?她选取了另外6个,但无法区分相反和否定的含义

尽管儿童对战套问题和差异问题的反应相对正确。尤其是在常见的包含问题上几乎只是成功的,但是,水平 [[A] 的被试如同水平 [B] 一样,先采用了假性标取(只有一个分区),然后再纠正自己。

Ema(7:4) 对于大的和正方形的问题,她选取了4个大的和4个小的,然后从 4个大的和4个小的中分别,选了2个正方形和圆形 然而,她并没有看到这个方案 已经回答了指令,并以下面的形式重复了这一点:"等量的大的和小的"再次告知 她后,她把这些图形按照正方形和图形重新分类,依用没有看出正方形和大的已经 相等,然后拿掉了一个大的圆形。"因为它不是正方形"她选了4个正方形、重新 按照对工的大图形和小图形分类,然后发现是错误的,因为"它们都是正方形",尽 管"我们要大的图形,然后正方形"这依然不能阻止她以4个大正方形重新开始。 然后选了1个圆形,然后把它分开,然后又选了4个小的正方形:"啊! 不对,我想 我懂了:"我用大的圆形束替换,大的正方形)"她终于形成了第一个正确的解决。 うま — 一般性析取(disjonetion adequate)・4个大的関形和4个小的正方形 与我 一门要求她找到其他的方法时,她用2个大的正方形替换了2个大的周先,之后发觉 这样是错误的,然后留下了2个大的周节和2个小的正方形,却发现"这和之前的是 同一种解决万条 我试着找出另外一种办去(她全出了4个大的正方形) 残这 样 它们既是正方形也是大图形(相同) —— 确定是正确的吗? 是的……这 个 第一排)是2个正方形、而这(第二排)也是 这(第一排)是夫的图形,这个(第 二排 是正方形 周此她错失了利用人工折取(disjonation artificielle)形成交集的机 会 …… 我要做出一些改变因为我发现这是错误的"于是她回到2个小的正方形。 然后又拿掉了,换上了2个大的。"但是我还是不太确定,但是这口孩是对的"她 最后安慰自己说"第一行是正方形,第二行是大的图形",但是无法理解,4个大正方 形的解决方案是正确的,而2个大的2个小的则不是! 由于她没有看到交集的形 式,因此在缺乏交集形式时,构思出相等性时遇到的困难使她选择了1个大的绿色 圆形和 [个小的红色正方形,"有1个(大的)和1个(正方形)", 但她称,"如果我们 加入1个大的红色正方形(这本上该是1个正确的交集)那就错了" 于是。她和Cal 对待相反和差别的反应是一样的。

Sen(7;10) 很好地复述了指令,等量的"大图形和正方形",但为了达到"与大的红色和绿色圆形等量的大的红色和绿色正方形",她只选取了大的正方形和圆形。她非常费力地实现了所需的相等。

(Ne(7;5) 以4个大的正方形开始,并且首先确保了n个大图形=n个正方形,说到"我们看得出,它们是大图形,它们是红色的 那就有n个大图形-n个正方形?——因为我选了大的图形" 然而这种理解是如此脆弱,从至于可到关于另一种解决方案时,他增加了4个小的绿色正方形;然后又意识到应该把它们移除,于是又回到了最初的4个大正方形,最后他没有找到其他的组合方法 对于n个红色图形=n个图形,他用了3个绿色圆形很自然地完成了这道题目,然后发现(这是一种进步)我们可以加入2个红色圆形和2个绿色正方形来保持等量关系(6个圆形和6个红色) 就在即将结束之前,他又落回到独立分区的描述,"有6个周形和6个正方形"包含问题,"或"和"和"以及相对问题,是(由所存的水平遇到的主要问题。

And(8;3) 以一个假性折取开始·4个大的正方形作为"正方形"和4个大的圆形作为"大图形";然后他意识到了他的错误,于是移除了大的圆形;这样"就有4个大图形,问时都是正方形" 这看似一个完整的理解,但与他被问到我们是否可以再添加4个小正方形时,他实际这样做出表以后,才看到:8个正方形>4个大图形。然后他并没有一次九成功地解答出这个简单问题,n个圆形-n个红色,而是通过不断地尝试直到选取了8个圆形-8个红色,其中包括4个红色圆形(不维感地形成了交集)。通过不断尝试他同样完成了12=12的任务。

Bur(8;4) 对于等量的正方形和大图形,她考虑把"大图形放在中间",然后正方形放在两边,然后这并不是个交集,最后她查了1个小正方形和2个大的正方形。然后是1个大的圆形和2个大的正方形,并把第一组的三圈形组合称为"正方形们",第二组称为"大图形" 尽管这个解答是正确的,但她对于"大的正方形同时也是正方形"感到很困惑,于是她用小正方形束替换了大的正方形 发觉错误后她做了一个简单析取:3个大的圆形和3个小的正方形 另外,她拒绝加入小的红色调形,"因为它既不是大的图形也不是正方形……这什么都改变不了(n个大图形=n个正方形),所以我们不能把它放生来" 相反,她接受了大的绿色正方形,"因为它是大的图形也是正方形",但是为了保持析取的模式(forme disjonetive),她选了2个大的绿色正方形 同样,对于n个红色=n个圆形,Bur在完成析取后拒绝加入绿色正方形,因为它既不是红色也不是圆形,然后在统计过后她发觉,"它不能算数、因为什么都没有改变",然而添加的红色圆形吸引了她的注意,"我们有更多的红色、因为这个圆形是红色的",她忽视了这图形同时也是圆形的

具体运算水平的开始没有明显的转折性标志,我们认为在(儿童)建构异质分区时会看到这个预期的转折点,但是(我们发现)儿童只有在经过无数次的尝试开克服了错

误阻碍以后,才逐新地最终确定,通过正确的析取达到最终的解决方案。同时儿童对等同性的解决方案也有了更好的理解,虽然这还不够完整,并且仍然不是以引出交集的观念

关于排他性析取的解决方案,我们看到Fma仍旧从大的和小的相对性出发(缺乏对偶然获得的结果司允分解责,实际上该结果已经回答了指令1万,在多次试验和错误之后才达到了n个人图形=n个上方形的结果。Sen从图形和正方形这两个分区代发,And 也是如此。

关于相等性,被武都已至纪接互两个类别包含相同内容的想法,也表现出来希望将它们看作相互分离的趋势;Fira说得很好,"它们既是立方形也是大图形",但她随后指出其中的2个"它们是大的"而其全2个是"正方形",就好像她是是了它们彼此是相同的。Ole 和 And 为人很犹豫,但后者做出了一个。确的解决,"有4个大图形,同时,它们)都是正方形"。

国北文集的私会仍未出现,苏子等它是无意识地被做出时(如 And),Ema 甚至说"我复数这是错误的";Bar在处理对色目形动,每一开始只看到了第一种属性,互来则做。是用确的反应陈述,这会造成"有更多的红色(图形、图为这个图形是红色的"一至于在标片可与信和等的。提下,到可增加所提出的元素,有些被接受、但它们绝大多数是被拒绝的。Bar 说"这什么都次变不了,只以我们不能把它包里来",对为它打破了一分法的平衡。

对于差别和"品付性"(Cat)、它们作为四面市设施矿地东,制,但是却没有被赋予外延,即对应于异质分区的子系统阵列。

4 水 平 IIB

在支持年龄为8岁6个月到9岁之间的孩子中,我们你对地发现了与之而相同的初级错误,但更快起,"现了礼童,"的构取,特别显著的是出现了儿童的交集。

Im 8:31 如何任务是6个大的门町和包含3个大图町的6个正方形,他得出了9-6"找出正方形 (他照做了——找出大图形 - 一有这组(6个圆形)和这组3个(大正方形) 我们几段把它们放在中间(意力交集,但没有明确说出来) 所以呢 有比正方形更多的大图形 那怎么办 移除这些(3个大正方形),放上3个小的正方形,因为这些(大正方形)既属于正方形也属于大图形"他同时也完成了一次正确的折取9=9"还有其他解决方案吗,——有的1个小正方形,2个大的正为形和4个大图形,由此6个大图形-6个正方形),因为4个小的正方形和2个大正方形组成6个正方形,我们同时有6个大图形,因为这些2个大正方形)也是大图形"于是交集的观念处明确呈现出来了。"这个(析取的解

Hen(8;9) 依日给出类似的2个小正方形和2个大正方形这种假性斩取(于是有了4一2)。但是他很快找到了2个大圆形和2个小正分形的方案, 之后又加入了2个大正方形, "因为它们既是正方形也是大圆形"。但是与他面对包含有6个大正方形的10个正方形时, 他再次陷入到了假性断取与中。他选了相对的两堆红色和绿色(分别包含4个大的和4个小的), 并且把2个红色的大图形放在中间, 因为它们同时满足"大的, 红色的, 正方形", 他并没有考虑到相等性。然而与我们问他仅用一堆是否可能解决时, 他回答道, "这些(大的红色正方形) 因为它们现是大的也是正方形的"对于11个红色=11个图形, 他支接了各种解决办法直到摆出8个红色工方形和8个绿色调形, 在两省之间放了8个红色圆形, "因为它们相对于这一堆是红色的。相对于那一堆是圆形的"。

[an.(9;0) 对于n个大图形 n个正方形的任务,也从大的图形和大的正方形的假性析取开始,然后用小正方形替换了后者。他工刻接受了1个小正方形,1个大圆形和1个大正方形,因为后者"可以属于两边,因为在这边它是方形的,在那些它是大图形"为了变换其他的解决方案,他仅仅改变了它们的颜色,然后通过简单的延伸概括。与我们推荐给他3个大正方形时,他又加入了1个以使它们成历两相对的析取,而后发现它们都同时满足大图形和正方形。

Bor(9:1) 一开始的应对方案在他自己看来是新取(2个大正方形对应另外2个大正方形),但其实是问一准:"它们都是正方形。"它们都是大图形"但是如果他继续通过不同颜色的变换(两个绿色,两个红色相对)来深入旅讨这个解决方案的话,他就会陷入假性新取中。对于大的绿色正方形的"对之面",他马上选择了小的红色圆形并且正确说出了二个不同之处。此外,与仅能用内涵来进行推论的水平[[\的被试不同,Bor明确了外廷的范围。存在一处不同的3个图形(他先试了两个然后指出来了第三个)和存在两处不同的3个图形。他马上就指出来) 对于存在三处不同的这个小图形,只有"它是最不接近那个正方形的图形"

这些反应都最终为"部分集合化"做了充分的铺垫 异质分区的诉求很快就导致了正确析取,相等性的含义也很快被理解("它们既是大的也是正方形的",Hen 说 没有

子集之间的 分志 1, 尤其是交集自发而生影地出现, 相对而言自发的相等性解决方案则是得低效和低短 最后, 在验证它之间, 被试推导出两个不同的正确解决方案来保持相等性 n=n, 开且用外廷来解释了"不同"和"相反"的关系 在阶段即, 到达成功所需的试验和错误次数进一步减少了。

5 阶段 Ⅲ

首先介绍一个介于介段 IB 和阶段 III 的中司水平反应的例子。

最后是一个直接的例子。

FG同时改变、FC、CG FCG同时改变。但是这不构成INRC群、而是单一或双重四元群中的一个,它使得在具有4或8个元素的乘法表中,运算从一个分区转换到另一个一另外,如果我们的表具包含了4个元素、那么16个部分的集合以及通复和互及之间的区别将很容易形成与INRC群一致的推论。

6 结 论

从任何附加的分类开始, 替代即是分区的转换。

为了连接2个(或n个)分区,我们便得到一个双河(戈n-河)表格,如: $\binom{1-2}{3-4}$ 部分集合化不仅要考虑这四个部分,还要考虑它们之河门组合 1,2 (1,3 (1,4 等,或(1,2,3)(1,3,4)等,同时还包括了0 1和4 怎共有 16 年间台 — 我们在实验中的问被认的问题者 [正通过发表配平元素的数量以实现两个部分之间的比较,发,1,2)和、1.3、即n(1+2)=n(1+3) 如果确实在一个能够了量实现部分集合化动力法,那么现在问题是变为应该通过何种概括化来实现这种律的,其主发的固是在1,发现行时有间的。(它可同时在两个分叉上进行推理、换句话记,是基于量质分叉而不是有简单一几分可(dichotomie)的基础上进行推理。

被认为了配平n(1+2)和n(1+3)采用汇写更为条有。和:同一性(idertife),即仅使用子类或仅使用部分1,同时忽略2和3;挂包5石取,2-n3,排资其、可部分1,上引包5石取和交集(1+2+3)或n(1+2)=n、1+3。但是这些一次方条并没有以任何生产是现象的将按照这些方案机制来讨论它们的建构顺序。

(一)这种相继序列始于一个非常有启发性的阶段

特别属于水平1A:最初的问题是找到与。为形形 1+2)相等的"大多形"和(1+3)外面被认完全忽略了"相等的"外廷(动)自仅保留了"正为形"和"人"与内形是义。因此他们仅限于收集。"大正为形",这没有任何困难,因为对于否证的言,一个各体可以被同时归属于几种特性而无须借助于分区或否定,而对外经而言,它们而未是无比设了强。很性的异质分区(因为我们提到了不上一种特性),即外延和它互对与的否定或分

第二阶段 水平 [B] 是有了正确的每次方条但仍是是于同一名《部分口的阶段、没有达到成功的析取(n2=n3),但是开始把外延应用于部分工具是、它天工一种是未持一个交集的特殊的外延形式、"同时"入时且是正方形的影理图形式、但它仍然属于根取到别,并具有同质性。元对立分区的属性。被试选择偶数个大正方形、例如4个、并上对这样的偶数的偏好持续了很久),并且他如终认为一半是"正方形",但另一半是"大多形"。因此,这就有了异质分区的开始,但由于它适用于相同的元素(人正方形),并且因为不涉及任何明确的否定而变得容易。

第二阶段是基于外延的异质分区概括化的开漏,应用于或是正方形,或是圆形的新元素(除了1),但这是一个艰苦的反复探索的过程。这种概括导致了否定(不同或"相反")的构成,但仍然基于内涵,而不是对外廷的及时调节。只有在最终实现了排他性析取 n2-n3)的建构以后,[]一件尽管仍在进行中,仍然只需要对析取类别进行推理(如第一和第一类),作为类别1的大正方形则用偶数(通常为4)未表示,好像它们仍然一生是"上方形"的另一片是"大沟形",这表明交集仍然未能实现

第四阶段最终标志着外延的概括化, 它不仅适用于否定(具有一个、两个或一个不同的类别), 还证用于同一些识别:"大正方形"1 只形成了两个相同内容的类别, 尽管理解上具有双重特性, 但在外延上相同。由于有异质分区的概括化, 同一性的概括化综合(1)和析取、2+3)使得上挂他他框取和交集的(1+2+3)成为可能

第五阶段,这二支有系统性研究,是些有可能部分的组合建构,即单形2m,但它集合了并有基于类别1、2+3和1+2+3的解决方案,当然其中也涉及类别4

首先,已经发现了解决方案(无论得误支正确)的被试不会运归新内容(颜色等),尽 一点。这种有已不在材料中呈现了,(对新内容的)使用。直要到这时;现没有新形式的创 建也没有新内容稳建构,而具定对之后的应对格式(scheme résulotoire)的简单应用。其 次,在这种情况下;从同质分区(支加去群)的离性析取类别到异质分区或最终的部分集 合化厂员的新联结之间的逐渐过度,包是有在建构性现代化以作为新形式的产物,在其中,位于每低序列的东西定作为较高序列的内容而存在(类别工位于组合2中,组合2则 行于组合3之中,以此类推)。于是,我们称之为形式和内容的同时创建

我们将尝试拖索这种建构可能涉及什么内容,基于区分和整合的立场,或者从内涵与外廷之间的关系出发;但在此之前,计我们先来回顾五个阶段中,从每一个阶段到下一个阶段的过渡。

正为形和人的, 及红色和国形。所以, 问是是需要解释。在第二阶段(儿童)对属性外延使用的开始"人正方形"的选择所显示的特征是, 首先已经预设了存在两个隐含分区, 它们包括了相对的, 方形与国形。大图形与小含形, 在这两种情况下它们都是两个析取类别。因而, 在被武还没有, 正创西省化, 四为"大正方形"的组合仍处在内涵水平: 在这种情况下, 概括的分区就导致了第二阶段, 也就是说, 这些大正方形中的。 半将被视为"正方形"而另一半被视为"大图形"。

接下來是第一阶段。由于之前的分区是一元分区的概括化、因此随后的概括化将引导被武朝向:(1)通过考虑1中的其他元素来寻找新的一分法;(2)如前所述,通过将上方形与圆形相对,大图形与小图形相对的同项分区的启发下来寻找新的二分法。从a

和5得出了在无前阶段已至出现过的银管档取。《仅是不相关的》,在第一阶段被试的首次尝试时依然或长成料题保留了。描一只是,由于第1类制的元素已经被分为"大多形"和"正方形",按照内额以及随至开始了按照外延的区分,程括化的分外。个目表。也参与其中,它作用于"大图形"和"上方形"上,由于,广西分区与第1类别中的内部分区,具体形成了水平11人口上看料取,在以世异质分区通过外延和否定的联合两些重视 展到了类别2和3。

但在这种情况下,仍然需要有一种原的把握化价第1类别用的"大智"与第2类的"大的但不是正方形"联系起来,以及特第1类别 [1]"正方形"与第3类对印度。"上方形化 [1] 大图形"联系起来,因有解决了非特他性形况和交集的问题。于是我们可以这样说。这构成了同一性和简单构取的完全。这种是度短插,最后使得复点能够接触了构取失别。的限制力,从而发展出任心的异了分区,从自一12 发展开始趋向主构成部分集合化的终极概括化。

不言方面,我们所指述的概括(有重水平11)并不仅仅包括了运动布的关系亦见在 关系,而是普及对了系统进行连续的区分,然后也有控制。 量质分区的格式,其本身是 如此用难以至复到水平11B和阶段即(中国情况 与)。 其分区分为,这个格式是对不同生 合进行精确区分的结果,这些社合则未且仅同表记两个作复。和"病效有结果(构成了 其本身已经分化了的初始替代的产物)。

但是,分解两种以分是有的支的, 因各体材料中的差异是由来。如常的真色性态定定在各内涵转化为外线的条件下一个是未自内在对交易, 也就是说, 我们可以从赢舍中引申出意义。第一种类型表现为, 仍如, 当主体容相同的形式应用于不同的内容时, 即, 仅仅是外延的概括化。有第一种类型则是在区分形式和历建立方行工式与会运及, 它假设了主体自己的否定性建构。例如, 成决开始混淆了"和"和"支", 也还是完活了。和记忆,然后又在接下来同对"支"的时候, 区分和应则工程也性的心心心和主机。他性的心心心心, 这意味着。在心中被肯定, 但在心中被否定一定是, 这一为在的变量构造了建构性概括的效果, 只要具个新的含义并启了它的新色可能性

每一个 元气、1,2)(2,3)诸如此为,或 元十二,2,3 等,作力部分,实示十都较分别地包含在一个单形中,作为组合面具有了特别的意义,用目《别目记》,合 1,2,3,4),即相关材料的简单乘法排列。

随后,区分占安有结构于更丰富的整合,但值得占意的是,这种丰富性同时增加了 形式的属性(人面)和内容的数量(外延)。在这方面,部分集合化和简单组合之间存在 两个主要产量。对于具有4个元素的乘去组,我们会形成16个"部分",但如果有8个基本类别,则会有256个"部分"(21),即,内存上门变化会导致"部分"的记著增加。至于形式,这个组合和INRC性的结构显示了和当丰富的内涵,在这种情况下整个是"互称形" 而不仅仅是"协同的",因为它增加了新的结构属性有不是持限了将最套关系倍增(例 每,将不良分类整合到更详细的分类中) 形式和内容的这种双重丰富并不意味着从静 态观点来看已必形成的属性,内涵和外链的反同关系定律是有例外的,但是从转换或者 内在变量的角度来看,形式和内容。后者在它们的重新排列中具有不同的含义。具有某 种相关建构(继时性或同时性的)。

总有点之,等分集合化的建构构成了建构性概括的典型构面,它既存在于那些推理的制造中,正是这些和节引导了由外延到否定的。步一步地过展,已存在于起声和终点的结构性比较中。

第二章 长度的组合

与 A. 布朗切特合著

此研究类似于的一个研究,但它处理的是本间上的大小面不再是离散元素的类别。给定。粗范围从10cmx9cm到5cmx3cm的24个矩形,我们支来孩子们在桌子上从他们面面的刻线开始把。此類形在成。条线(并相拿排列,垂直于他们后面的水平线),终点(也称为"顶部")必须与预先设定的目标(由修皮链表示)垂合,但不得超过它。因此、 方面仅仅是添加由矩形的长边(长to)及它们的短边,是ta 智成的长度,或者各个矩形的短边(ta (1) 是15)另一个矩形的长边(大 (2) 上。实际上,2个矩形就会有4种基本组合,4个矩形则有16个组合、因此是2种组合方式,这也是部分集合化"的特征之另一方面,仅根据长度(to1+to2)或它们的意度(ta1+to2)对形的组合,这个任务对应了析取类别之间的关系,面组合两个系统ta1和ta2 更过转动其中一个来获得具有相同元素的两个不同的意长度,特别是(有时候是这种情况)适过长度和意度之间的差异,甚至是这些差异的意和(to+ta),这将与点。章中的异质分区或非析取类别之间的比较(如"大的潜形"和"正方形")是相对应的,与之前我们可被武技出相等问题时碰到了同样的困难。

因为这只关于人小的调整(长 Lo 或宽 Lo)和混合,不单是形成物体组合的总长度, 更是把"碎片化的"知形气成整体的物体。有趣的是我们想知道,这种长期以来被我们 称为"次逻辑"(infralogiques),并且每于莱斯里夫斯基(Lesnicwski)的"分体论"

^{1. 15. 18}年元的元、不不是"部子 * 集合"、元子、谐为、星本部子的集合"、周元素的"月、一七年、日、日、日、田野" 每一种相合称与其是"合不目",而不是一个"一学元的"中分。且有"元素书子日"五、"等表示(三路对"于其子色")是 在禁集通"古灵"之一等。其一一题中见宽远,对于单个一条,我们有难一号自由和"高、对于2个元素"我们有40个元素。我们有80个元年。我们有准一号自由和"动"。动作4个元素,我们有16个19元、"5个)者"。有32个元之前,依此类集一我们的之为"基本都分的集合",其次次为2、其中元1234等。对于一一整。"为了集合化,三元产品与元素合有一起,其中包括元的和元合作。取者我们有2个工业工艺的"一一整"。"为了集合化,三元产品与元素合有一起,其中包括元的和元合作。取者我们有2个工业工艺的"一一"。"为了集合化,三元产品与元素会有一起,其中包括元的和元合作。在这种情况下一个次是实有任何意义的"两个工程工工工工",这种通为形式的"一个工工",这种通为一个第一位的"种对之外",这个1、元是实有任何意义的"两个工程工工工工",这种通为几个、这种通为几个、一个工具,有一个工具、有这方面"等",是的研究之间与有显著差异。通过比较两个工厂的"美国的分区",产生了一个流点(元整的,都可集合化、以及1、15的研究单位(在所有的基本部分的集合),这是一个不同的工程,但三元建构部分产生合,这是一个不同的工程,但三元建构部分产生合,这是

(meteologie) 的运算、是否呈现了与逻辑运算相同的发展规律,逻辑运算准及的类别以及类别的包含和相交关系。

研究方法上,我们首先注意的是,这24个矩形的长度Lo和宽度Lo之间的产是1,2,3或4个单位,但有一个情况下为5个单位,有两种情况下是0个单位(正方形) 边长尺寸也写在矩形上,例如7/5.在隐后的计编插录中我们将写出7/5或5/7,这些尺寸中的第一个是被试使用的尺寸。进行组建的板子也同矩形的侧面一样带有刻度,这样被试整不必进行测量,我们可以写上各知他刻在矩形侧面和板上的数字。第一个任务是在(刻度)15—25之间,根据我们要求使用几个矩形达到(长度)8—如果孩子不能自发地使用环境元素的两个边长Lo和Lo,我们将限制这个选择以便迫使他做出相应的操作。我们还可以在保留已效置的矩形情况下来发来被试延长排列的长度

接下来我们要讨论一个更复杂的问题,选择矩形使得它们可以在没有添加但是可以旋转的情况下,达到产先指示的两个目标(我们先给出了一个两子)。在目标距离为3 到 10 之间的情况下,以有一个矩形法是够了。目标距离是2 5个单位,目其中一个(知见的长边。大于10 的信况下,必须用两个矩形,并且要旋转其中一个矩形是以达到目标。对于目标距离是5个单位的,则需要旋转两个矩形

及元十个棘手的问题:我们改置了1 2和与到5个矩形,其长Lo = 宽Lo的差总是3, 我们要求每次达到比前一个到达的考查多出2个单位的目标。这是一个不可能实现的 目标,所以要求被试必等等看一下写用。然后我们把目标提高到了3个单位并检查被 试的反应。我们还要求被试发明一种类似的事效,但实验者很快发现被试不能完成这 样的任务。

另外, 个普遍的问题是在一个大的知形(9/10)于方放置一个小知形(3/7)并向问必须转动两者中的哪一个才能尽可能地延长挂列长度,并且为什么一最后,我们的问题是,对于1、2、…、n个矩形的排列,有多少种组合是可能的。

1 水 平 IA

从这个层面未说, 付元素的感知评估是土靠精确的, 与数字指示无关, 对象在行动中发力地解决了门题, 主具不与要推寻或代表性预测远能得到解决方案

Hub15;6 目标是19,他放置了7/9,8/10和3,6的矩形;但是他还着1cm,于是他,人4/7取代了36 目标24,他放置了7/8,88和8/9,达到了23;于是他移除了8/9

1 事了1、与这些部分是在支撑本方条件、每子专于主部。或目体。合体的元素 写。任家且 时 该逻辑 , 永将包含关系 * E, 逻辑 * 等于图象关系 < 于严采 。它的心理化显示了"分体论" 表向 丁类别或集合之 与。占有在任,构现象,目于研究了我们,例之为 次逻辑 的心算 证是因为整体是 个物本 而不是 个类别),我们只坚持同构,这从心理发生学的角度来看是很重要的。

有看到它们的长宽差别很大。

并用看起来更适合的88的正方形替换了方者、因为它更小一些·结果依旧是23,于 是他换成了9/10 与目标是8时,他放置了8/9的矩形"还有其他的可能吗? 你是怎么办到的, 我看了到度 在板子上的刻度, 你敬过 8/10 没有 还有其他合适的矩形吗? (他尝试了9/10、7/10、最后 1 还有吗, (6/8)这个不行 但是其实它也行得通, 、听过建 8/8) 以后,他把它旋转过来) 像这样 还有吗? (他又回到了同样的尺寸) 7/8, 7/10, 最后 7/9 没有了 没有其他的吗, 、7/8) 没有了 有办法让这 块矩形行行通吗" 他把它旋转了过来) 其他方法呢 (他仍旧集中 在单一矩形的尺寸上,9/7、7/5 8/4 : 还有呢, (7/4、94、7/5、8/5); 然后 9/5、 7.6、9/4、95、9.6· · · · 你可以被置几块吗? (他尝试了3/7+3/6,然后取下了, 然后4/7和36,随后又取下了,最后以3/7和5/9获得了成功)"对于目标11,他放置 了10.9、随后旋转了过来,然后用6/8替换了品者,又取了5/9来外充 对于用相同 元素适过旋转来达到两个目标的任务, Him 总是自然地没法达成两个目标中的一个 而忽略了另一个、子我们试图提醒记第二个目标时、他会添加外部元素而不是追过 旋转已经放置的矩形 例如:对于目标8和10,他通过3/7、3/5和48表达到10,而 对于目标8,他留下了48,却添加了以外的4.5 我们拿出了9.10和3/7,并且提问 旋转其中的哪一个将会带来最大的差异,开对把只使用9/10和没有转动它,然后把 比权它们, 转动它们, 然后转动成 10/9, 却是有看到他只是由10 改定到9 对于展示 出差并为3的这个楝手问题,他在唱试后写出告论,"我不会,它们都太小了", 万没

Ron(5,5 对于5/9+36"我们希望做得更高一儿 那个珍选择正为 形 一 如果用这两个帮呼呢, 我们做不到 那如果变动其中的一个呢, 不行 (我们于是旋转了36, 是予更高了! 还能更高吗, (他旋转了另外一个) 我们只做出一个不可的一对吗 他换用了其他的元素) 为用先前的矩马呢 不说"我们又填用了10/8和7/6,并且要求他组裁不同的组合;他可以把它们是行旋转,但没有看出其他可作的扎列方式 随后为了达到比5/9+54更高,他把两个矩形都旋转了,其中旋转5/9是正确的、但是他却忽略了4/5比5/4更少。

如果我们试图将这些反 / 可第一章中观察到的年幼被试的反应趋势做对比 第章描述了、儿童,只能根据同重分区有实现构取类别 我们首先应该理解Hub最初的反立 他先是系统地只增加宽边加加不采用长边加、然后,在我们会超旋转知形的建设之后,我们要求他使用几个元素而不仅仅是一个元素时,他又仅限于使用几个特定矩形的长边(加)来达到想要的长度 对Ron和言,他甚至不能做到自己原转一个矩形,在接下来的过程中也只能做到非常局部的概括,以至于他没有意识到各5/4旋转成4.5会降低息体系列的高度而不是增加了想要的高度(多见Hub 对10/9的操作) 如果不考虑

引来,这种对最转的不理解自然会妨碍被试用相同的元素同时达到两个目标值;第一个目标值被认为仅在第一个之后并且独立于第一个,特先是在(被试)需要通过使用新的矩形而不是同样一些矩形时。

至于违过书2个或3个元素的长边16和第四16组合成尽可能多的混合这个问题、 无象Rom的操作层现了处于水平14时,解决方案是多么不完整: 灵么被武件用了其他元素、 复么质转给出贴此知形,或者选择联介。由于缺乏对这些差异的推理,他甚至不能在任 意两个元素构成的四种组合排列中找到最长的一个。

它面言之,我们注意到,在这个水平上,被武可以推列出的基本准合计我们回想起第一章中年幼被认对栏取类别依出的同类分叉,尽管在开始时间上如用邮的第一次反应,和本设有存在任何分区。只有长点,等等。在可能的组合之间缺乏分辨的原因,显然是被武完全不能通过调节间,已一条列相等的活动未实现表征性预期(autrepations representatives)。于过有实现概念化(conceptual-sution);他们没有系统性的尝试、而仅仅依靠知见未指导活动,是果且在高于平均值。以总是依据先而行动的结果,通过负反常两条(上重或造员)来进行改算。绝大多数成功的结果都是通过"反复的试错"而获得用。依由他们是不了程所提出的门是以及成功或失败的具件。

2 水 平 IB

与当一个条段和10.1以个水平只有一个进步,但这依然很干要,它是对齐封列。经加工和竞争,从75.4独特门76.1、支权日本元之司的新诞生的协调。即使支有这种协调。几单面已是复去式运会的汽车机作亦可继续得到解决方案。

Fab16:() 以8月目标,先使月了5.5、然后找到810,然后是6/9和8/9、"闪为它们大利这里" 当我们建议使用一个以上的元素时,她成功地找到36+5/5、并且 月910+4/7 成功地完成了目标13 为了更进一步,她打算添加矩形,但不敢会试 旋转矩形,因为矩形上标记的一些数学 \$是额倒的,还好最终她成功地排列了出 本"好吧,我要或转这个大的'在双手目标的条件下,她使用了旋转的可能胜,但仅想到了先们做出的售果乃本点发出好的预用 对于目标13和18,她成功做到了 对于18,在考虑了添加元素后,她最后选择了旋转另外一个矩形,但及能成功,"我们不能完成,双样气太大了",等等 另外,在她很快完成了目标23后,我们要求她在没有添加新元素的情况下完成目标25:她自发地把矩形转动成了10/7、8/7和10/9、这些之前是23的元素组合现在变成了28,然后她保留了8/7和10/9、然后旋转了8.7、因此等到25 通过反复会试和探索旋转矩形,她也成功地从目标26中得到了目标28 对于得到差值3这个不可能的解决方案,她尝试了所有的组合并得出线论:"如果我们把它们这样效置(展示9/6),它就会超过,如果我们把它们像那

样放置(9/6+10/7),它超过得更多、如果这两个像这样(旋转、又会太低了"

Val (6:5) 先是在目标20上失败了, 但是对于目标8. 她正确地放置了3/7+5/9 "还有其他的矩形或者其他两个矩形吗 (4/9+4/8, 还有吗 5/8 +一个矩形呢? (7/9, 她又取了下来, 换上了8/10) · 换其他一个矩形 3/61 --(她尝试10,在6/9和9/10)之前,发现两个都正确) 还有其他的 मध्ये) 没有了(尝试了7/8) 有其他方法可以比它行得通吗? 浸 那如果换一种方式放置信呢, 她把它旋转成了8/7)可以(她随后也 成功地旋转了其他矩形)"对于双重目标,我们从一次旋转即丁满足目标的最简单 的问题开始:"目标7和9' (她为了满足目标7個然地交置了7/9、但却忽略了 该矩形也同时满足目标9) 它满足第一个目标。但对于第二个呢, 她在 7/9 上加入了 3/7, 然后接成 4/9, 再者 45) 与若用问一个矩形, 你可以实现 不能(随后她把它旋转了过来 可以的 那对于目标8和10 OB) (她教置了4.5+3/5,随后拿出了后者换为4/6,于是寻到了要求的目标 8) -- 那对于10呢? -- (她把46交转充了64)好明 "然而对于9和11以及10 和12、经历更加费劲的反复会试之后:两个目标作总是被分开来寻求,在17次对于 目标9和11的尝试中,仅仅用了5次汽车;同样对于目标10和12.最后得到了正确。 的解决方案 3/7+4/6+3/6 得到目标 10; 交转 3/6+46 得到 12) 这个只可有趣的地方 在于, 当得到目标 12 后, Val 很难重折配置以得到她先为是否得到的目标 10 类似 地,对于目标13和15,解决方案是通过添加和交转的多次公式而获得的,但11日平 不记得她转动了哪个元素,并且干均分公试3次飞有一次错误:"这个矩形可行 41/2) -- 为什么另外两块可行 · "我们又可"哪个(9,10与3/7) 不行 可以(通过旋转 叠加到更高) 那块(3/7), 門为它更到长, 而胖的那块更矮" 对于高于2的目标,有3个差别 在多次,试之后,1,1说"我们不完心成 什么? ------

对矩形的旋转,却使使用了不定最初那一个互加或加未具有排列,这种活动在了阶段 IA期间就偶尔有出现,但那只是被试的偶然尝试,还不能算是通过改变排列的总长度达到目标的一种方法。相反,在水平 IB,特有的变化是,被试已不许通到旋转在获得特定的总长度中的作用,随后他能通过使用这种方法,与简单的套加拉调,来获得想要实现的目标。因此,在双重目标的问题中(或者,就像在Fab的实例中,从目标23延长到25或从26到28),被试距离经验上的成功并不通远,就像Yal一样,她很快就找到了解决方案,只是在9和11 那是进行了精偿长时间的探索

这种概括化的过程在水平 IB 阶段提出了一个有趣的问题,即关于它们的本质的问题。当然,这在一部分上是关于一种建构性的概括,即被武开始理解矩形不同于正方形,它具有两个不同的维度,转动它我们必然会找到一个新的长度 Lo或 La: 因此可以使用旋转的方式。但是只有一个先决条件以确定这种意义,因此这是一个简单的证用框

架,还不足以解释从一个动作到下一个动作的转换机制。事实上,关于这种用法的相节之处,孩子仍然无法推断出特定旋转所带来的结果;因此,只有根据他的行动结果,他不会选择拒绝 接受这些尝试,或对尝试进行组括,并且在某种程度上,不言而喻,这种概括的属性仍然是用物件的。何即,在最有地尝试。实并未获得成功的情况下放弃了旋转("我们不能完成,这样就太大了"),然后采用了旋转成功地从23过度到了25(她得到了28, 以证开始没有看到旋转79可能得到目标7和9,然后,在下点到这个动作的成功后,她在接下来对它进行概括,但是并没有了解其原因,她不记得剧团旋转的元素,也不能应为什么某些旋转就跟得了成功。她仍然启得在整体性的知道对新中,她相信旋转3/7会比旋转9/10提高更多,"因为它更细长"。

3 水 平 ⅡA

支令子阶段 [14] 特有的省发展是, 于是出现了关于一个矩形的布度加强的私力。 第一方式。全是与动作先之间的关系的推论, 以便尝试对所要达到的目标准列进行量 化。消其他外示这些量化的找了是通过使用基地和平板上指示的数字来标记的

Fiat7:3/ 在完美目标8 C后又或看了独写9 10 和 5/9 表記成目标 13.随后用 4.5 替换了 5/9 "你可以用吃两块却奶组成更高的吗 ——我再加入新的矩形 1個主對於转成了10.9和5.41"对于双手目标13和18:"好吧! 仅用这两个呢? 18 战战(亿政置了10/9和5.9、然后又会战了可以得到13的710和6/10) 在计算吗 记载 是了 7.10+6.9+5/9、这样可以学到 18. 然后移除了 5/9) 最后往 如果用可样的积明,寻到13和18呢 1他旋转成了10.7. 然后寻找 8 10 以便引到 18, 但是为了得到 13 被迫使用叠加模式 7, 10+3/7+3/5) 那 18 我人孩可以办好到 电旋转成了10/7和7~11 这样不行 然后换成10/7+ 3/7+53 汉年可以"对于双百日标13和19.他用6/4替换了35"这样行不通 他长留了107,然后放置了3/7±6/4)好了,目标19 那目标13呢? 几该 移除6.4 那如果不移除红行矩形啊! (他或转成了7/10)+3/7+3/5得到13, 7 10+7/3+5/3 19) 好等 "对于日本和20、次承次找到6.10+8/10-14和10.6+10/8-20、但 是对于12和20,他试验了多次有表哭,于是说道:"对于大的数 按需要用10"对 于不可能解决的方案 19加了31, 他做了各种会议还结诉,"这个行不近, 我就知 适"对于比较3/7和4/10:"这个19/101、四是我们交转了它、只见增加一个程度、然 而这个(7/3)可以增加3。"

Jer(7:7, 对于目标8,工刻,准确地找到了7个正确解决方案,然后(实验者)问道,"我们可以改在一起吗! -如你所愿(他放置了6/9+3/7,然后用5/5替换了6/9 得到了8)" 对于目标11 同样成功 双重目标问题:对于13和18 他没有成功,但 是对于6和9,他立刻放置了6/9,并且展示旋转这个矩形足以得到两个结果;对于9和13,在两次尝试失败后,他找到了6/10+3/5,因为6+3-9而10+3-13 对于把13变成18,他尝试了8/10+9/6,然后发现8/10+5/8得到13,而且"它还能得出:10+8=18 · 换其他的两个呢? (他尝试了3次,找到7/10+6/8)" 对于13和19,14和20,13和20,尝试变得更长久了,但最后成功了,并且他不断地表明他同时考虑了这两个目标:"我试图做得更大(更高的目标)或稍微小一点(另一个)",或者"我数错了这个","我计算错误了(一方面)",等等 不可能的解决方案:"我们行不通,因为它(最后一个元素)多了1。"

Guy(7;9) 对于目标5和8毫无疑问地失败了,因为缺少对问题的含义的完整理解,所以对于6和9他立刻选择了6/9,并且旋转了,他说道,"我懂了" 他问样解决了目标8和10(给出了8/10),然后目标13和15,"我们可以这样做(8/10)和5/7)行到13(10/8+5/7得到15)"他也完成了目标13和19 对于不可能的解决方案,他会说:"像这样太小了,像这样太大了。"

Gar(8;3) 正确地组成了目标28 与我们要求得到30时,他想加入25,但是我们重申用相同的元素,他旋转了其中的某些,得到了32,并且还原了多余的旋转,最后得到了目标30。

Cat(8;6) 对于目标8和10,直接放置了8/10;对于目标6和8,她选择了6/8 对于目标17和13:"只能用两个矩形吗" 你可以用更多的矩形 (她尝试了3/7+6/5+8/10-17,但是没有得到13,然后摸索过后发现了7/3+45+6/8)这是正确的方案"不可能的解决方案,"仍然太大了(经过多次尝试) 你能猜到,吗?——我不能。"

我们已经看到,在水平 IB,被试开始协调叠加和旋转,但还不能够预先推断出这样的结果,只有在经历实验事实之后方才得知,因此只能做出归纳性概括(或者说"这样可以行得通,所以我们重新再来一次",或相反) 相反,在了阶段 IA,反应标志则有了个显著的进步,孩子可以立即注意到给定矩形的两个维复,并通过反复试验与其他知形的维度进行对比后选择恰当的放置,因此有了建构性概括的突然的肇端,从简单的框架开始,将它当作量化的工具,并逐步叠加加和加加的值,以达到与所要求的目标对齐

概括化作用的转换的第一个标志是,在双重目标的情况下被试真工理解了我们对他所提出的问题:他立即找出(或者很接近目标:参考Guv, 当他说"我懂了") 这不仅仅是达成了一个接一个的目标,而是使用相同的元素同时实现两个目标,其中一些是很简单地旋转Lo或者旋转La 因此,有一个明显的双重分区的情况,相较于第一章中被试所遭遇的任务更容易一些 毫无疑问,因为这里的不是异质属性问题,而只是不同长度的分布;但这并不妨碍我们有必要同时考虑到两个分区

尽管如此,我们仍然还没有看到(儿童表现出)系统性组合,因为如果被试也可以连接两个分区,他仍然无法区分它们并且更加难以协调它们 两个事实青楚地表明了这

点 第一个是,但某种组合被找到,儿童就不能或者很难再发现其他的组合了(Jer 在尝试了3次之后) 第一个问题是,被试在Q重目标问题上一般都取得了最终的成功,但都是在经历多次反复尝试后的告果,而且其中有很多反复转换的细节以及混淆,尤其是关于数字的使用(例如,Gux关于他的一次尝试,说道"应该用一个较小的并且也标记为9/5的知比") 我们不应忘记,水平IA是"具体运算"的开始,这意味着儿童的推理仍然告妻附属于实体行动和关于物体的观察,即"准-经验"(pseudo-empiriques)的抽象,尚未达到11—12岁阶段的形式化"反省"(reflectaes) 在不可能解决的问题上,这两个阶段之间的差异元为明显;这些被试中没有一个能够理解Lo和La之间差为3的一般争时,我们无去再增加2个单位的针列。因此,孩子只能注意到它多出了一个单位(Jer)或"像这样太小了,像这样太大了"(Gux) Fra说出了不可能性"我确定",但没有给中另确的理由,Cat更坦白,她认识到自己无法解答。

4 水 平 IIB

在首多研究中,特别是在因果关系方面,水平IIB在某些方面标志着比水平IIA的明显起步,但分析表明,该阶段的被武灵形上发现了使任务复杂化的新问题,因此才会有他们从中年探索每下午两点的印象存在。就目前的研究而言,这种现象特别引入言目,方面因为如果被试的推理越来越多,我们还观察不到水平IIA和IIB的尝试结果表现出的任何进展,但另一方面,我们还是要对明显的退步提出几个解释。

Bn(9;1) 约要达到目标7亿是拒绝徒目矩形7/6、因为"这个(7)是对的、但另一个(6)下对" 她最终转为赞问了,但是仅一半赞同并且说明,例如9/8可以达到目标9、"我们不能采用9/8、因为如果我们旋转为8/9它就太小了,如果我们用9/8就可以"另一方面,她立即成功地完成了双重目标7和9、8和10;她在任务9和11时反复探索了多次,但很快发现需要两个矩形;对于目标10和13,她计算着长度(9/7+3/7和7/9+3/7),此外她还发现,这些长度的增加是可交换的:"我们也可以采用相反的(一改变顺序)"更复杂的双重目标引起了与水平用4相同的多次反复尝试,但伴随着主观的评论 "那个更高",如果把它旋转,"我就可以减少了一个单位",这一个"只有一边行得透",等等 对于不可能解决的任务,她得出的结论是"需要两个大的和一个非常小的"。"必须再多两个单位",而不是差别为3。

T.r(9;2) 对于双重目标经历了很长的反复尝试,因为"我试图计算" 对于陷阱问题(不可能问题),他很快就会发现"这是不可能的"·"这多出来1个单位",面对目标20,"到处都是21 —— 为什么?—— 因为是你选择的它们" 与被问及差异是否总是相同时,他很清楚,"是的,3个单位 —— 那么为什么始终行不通呢?——不知道。——那你会怎么做?——我会选择少2个单位的"。

Amt(9;9) 经过长时间的偿款后,达到了双重目标,但首先要计算它们的差别,这比之前更加困扰 对于不可能的解决方案。"我们看到缺少了2个单位,我们没有在数字中看到2.没有2写在卡片上",他这样说时)好像差异是一种组合组度"你能用(2个矩形)它们放出几组不同对条"。 4组 他放出了) 那加上第一个矩吗呢。 这有4种(对于2个矩形)。我们可以像这样做[可样的获特:这就是6:1"用4个和5个矩形比了以代到8个和10个可能的对条,因为每次多2种。

(or(9;9) 在某方面已经为不可一的冒决可能提供了达到阶段目的解释。"这样的差别为3个单位,而不是2个单个"。但其在双重目标的表现没有超过水平目1人组合问题的答案仍停留于水平目B:对于2个矩形,她发现我们可以进行4种不同的排列。但对于3个矩形,她只找到6种,然后是第7种,但没有找到第8种。我们进行了详细的分析。然后她认识到"4和4分成们转动它们时,那若是4个矩形吧?12种;我们增加了4种可见性"我们认为较功地及这样的表述。"是16万不是12。"诸如此类。

Dre(1):1) 组合"对于知识,有多少不同的杂如 只有一种 它转动啊! 不,2种。——用2个矩形呢?——4种(他实际操作了)。——用三个呢? 则,6种(他质示了6种 ——(或信)的他展示另一个,但没有说服他)不管怎样都是6种 如果我们添加一个种的,它是8种,它是多出2种"

这些事实是以计我们理解是全在水上IBP中体现的矛盾。方面,被战比水平IIX进行了更多的推出并且至后在确定之间进行了计算,这有志名建构性概括的进展。有别是对不见能可能的反应更好(Cor甚至我包了上舱的局释。但是,另一方面,他们在行动之前战率推理,错误的风险就会增加,反复的会战也成停地压加,这就是明显遗址的第一个原因。偶尔出现的第一个之内是,他们对面积的理解的进步有时会能得他们,从知形这个。但系统中分离出某一个重度,有这正是Bri回我们层示的。尽管她在双手目标上感到更加打如)。但是,尽管他们在推理方面取得了过步,但这些被战依然停留在推集结构的水平,包括积取类别和它们的垄断。12个composition,而没有形成真正的联合。Combinatoire):我们看到Ant、Cor和Dre通过简单叠加过程计算出了可能的针列数量4.6.8等,并没有达到基本的部分集合化(以一元混成一元。为基础)

5 阶段 Ⅲ

11-12 岁过, 这一阶段的标志是几章终于学会了正确使用推理。

Tri(11:8) 对于双重目标14和19: 他放置了7/10和6/10 不对,不是那个(7/10),他月10.8替换了 沒在10+10上成去一个单位,在宽度上行得通(因为8

加6等于141, 但是长度上不对 —— 那怎么办 。 需要 9/6 我懂了: 9/6和 10.8 那目标 15和 20 呢 。 再加一个大的 需要一个 5.啊, 不是(他保留了 8/10) 高度上我还需要一个 10, 然后是 5: 10+5, 它符是 15 哦, 不, 我需要一个 5和 3.的东西(他选取了 10/6) 就是这个, 所以有了 10/9, 这就对了(正确) 如果你留下 10/8 呢 。 那我需要一个 10/7(正确 "对于不可能解决的问题: 在经过几次会试之后, 他说"这也不会行得重, 因为总是差异为 3 个单位", 而且应该是"要么前面的是 2(减少), 要么后面的是 1(更多)"。

Mar(12;4) 从等于两个目标で差的元素开始,例如对于目标11和17,他从6/8 开始,"因此(要添加)9/4,而中9/5" 不可能解决的问题:"相差为2,这没有· · · (因为相差为)5,这个也不能实现,这不是(3的)每数 "所有的组合可能性 2种1个矩形,4种2个矩形(他实验出来了),8种3个矩形 "4个矩形,我们有16种可能性,以此类推:32、64、128、256、512。"

至于相同数量元素的对齐的各种可能的组合,即计算构成打列的所有不同 元组 元组、四元冠等的问题、我们可以称之为"基本部分"集合化或基础性联结、其中"部分

补集"提供了从n至n的组合。但它已经形成了2种组合,因为每个新元素都要联结到,前面的每个元素。然而,我们已经看到,在水平IIB,被试仍然只能看到加法组合(4、6、8、10等),就好像每个新元素仅添加两种可能性(Lo或La) 阶段III的被试有时也会以这种方式开始,但他们很快就会看到新元素可以和其他元素相互结合,因此有了乘去数量的解决方案。

6 结 论

从不同形式的概括的角度来看,这项研究的结果是很有趣的。让我们首先回顾下,如果构成一个关于观念的或结构的(前运算的或运算的)发展阶段的表格是不困难的,是因为这两个阶段都取决于抽象和概括的运作;有概括只是一种功能(有术语的生物学意义上,与被类比为器言的概念和结构相对应),但功能是永久性的,同时使用各种态官(见营养及其无数的形式),因此作为一种功能心是没有阶段性的一分外,它呈现出与器官有关的多种功能性形式,因此,有生物空意义上,问题沉是要了解定功能"创造"了器官还是相反的。从认知的角度来看,我们认为概括性功能争夺了结构,而结构则体现了功能的作用,新生结构或后继形成的结构同样如此。我们观察到的阶段性是结构的阶段性,但是关于它们的分析也形成了功能的阶段性,它们都是从一个水平到下一个水平不断地改进的(尽管这些不是它们自身决定的)

这就是说, 让我们试着区分这些级别中的两种常见类型的概括化: (1) 归纳性概括, 它仅限于将从经验抽象或反省抽象得到的已知格式应用于新的客体(但是在反省抽象的情况下, 格式在实际概括之前就已被建构完毕, 并且这种建构没有介入概括的机制当中) (2)建构性概括, 通过完成或区分性运算而产生新的形式。因此第一种形式的概括化标志着内涵的进步, 也自然地标志着外延的进步(因为它从属于内涵); 由此便有了新内容的创造或经验内容的丰富, 并在这种情况下冠以新的形式。 般而言, 归纳性概括的标准是它基于验证事实或仅基于计算的结果, 而建构性概括则通过扩大和完成先前的形式来概括动作或运算本身。

从这个角度来看,水平14的反应很引确;被试非常清楚如何在挂列中调整矩形以达到某个目标,但是无去上确地推断出这些矩形的维度16和16之间的长度差异。简单地餐加长度自然是动用了被试的动作格式,也就是更早时候(在感知运动阶段的未期)的形式,只是被立用到了当前所呈现的新对象上。因此,本质上它是归纳性概括,且根据目标不同存在某些区别,但它是知觉导向的且无须任何计算。对差异性理解的缺乏,证实了这些对象对建设性概括的能力较弱。

在水平 IB中,被试通过初步有意识地使用旋转与添加相结合的方式,这标志着建构性概括的重大进步 实际上,通过区分和组合来增加长度的方案带来了新形式的建

构 但是我们在第二节中已经看到了这种建构性概括的极其狭窄的界限,因为被试仅能根据所获得的结果来判断旋转的成功或失改 这其实是属于归纳性的,而建构性过程仍,目只是一种框架, 种新的形式,是在没有丰富内容的情况下,得到了经验性的补充

接下來,在水平114,我们在儿童的建构性概括方面看到了更明显的进展:一次实现两个目标而不改变元素,且只能通过旋转矩形来改变总长度,即使这也需要通过先前的多次尝试,并且还不能单纯依靠推理来获得解决方案。但实际上,这是用另一种不同的格式对同质加法格式的补充,当它使用于相同的元素时,就需要用到某种分区,类似于双重分区,或者有第一章中我们曾经看到的很困难的异质分区等。换句话说,这里已经存在了对运算,分区)的运算(协调),这是建构性概括的最一般化的特征,即使在这个水平上它的作用很简单(关于数量和长度的预测)。

如果水平IB的特点是(儿童)有预期推理上有了更大的进步,那么结论正如我们所看到的那样,除了对不可能解决的问题有了确改更好的解释之外,几乎没有其他的积极作用了。而在阶段II,建构性概括在至少两点上占据上风。一方面,双重目标的问题最终导致了推理方法的精细化发展,这使得计算成为协调异质分区属性的优势性方法目定,作为其必然结果,对棘手的不可能解决问题的理解[用差异量3做出延长量2(是不可能的)预设了差异和的使用。另一方面,用给定的矩形做出可能的组合方式的数量问题,或然具在水平IB仅产生了错误的添加的回答,但最终得以解决,这是一个显著的代表性例子,且是几乎纯粹的建构性概括(通过准经验抽象对2个矩形有4种组合可能进行了确认)。

总之,如果我们发现的是归纳性概括以及建构性概括的所有水平(预期性的和作为 框架的或作为现实的,以及可称之为动力性的),它们似乎构成了这样一个过程;第一个 险段逐渐从的一个阶段中脱颖而出,而总体上则构成一个连续的过程

第三章 连续数字间二元组合和三元组合的形成

与 M. 拉瓦勒和 M. 索勒-苏格朗尼合著

在考察子类的或长度的分区円是之后,现在我们有必要来研究关于递归数和公司(第四章和第五章)的建构性概括。本研究此及了我们目前为正设定,的最基本的问题,这些问题我们曾经有几章的目答中发现过,制有更有实产中更过被试的简单认识和原因的维释中体现过,即体现为两种可能类型的调整和概括。例如,我们合定。个数列3-4,5,诸如此类。个分界代(重直柱子、已简单明子地划分。建数字对,这些数字对由相邻元素之间的橡皮的连接起来(加1-2-2-3,3-4等,但不是1-3-2-4)。然后是连接成和邻元素之间的橡皮的连接起来(加1-2-2-3,3-4等,但不是1-3-2-4)。然后是连接成和邻元素之间的橡皮的连接起来(加1-2-3,2-3-4等),但不是1-3-2-4。然后是连接一个企业,不是1,n-3个四元组,等等。但这些关系有两种递归方式。定律(1);在相同元素的情况下,任何集合的允许。1000年,100

方法:材料由80cm×8cm的木板组成,木板上以6cm的等。可证穿了孔,因此其有12 年 孔;另有12 根5cm 乌的黄铜塔和不同长度不同产色的皮第一为了更好操作,我们还使用了另一块80cm×8cm的木板(2),其分孔的间隔不等,也是12 个孔。在早现材料之后,提问过程如下。

第一部分、元组的形成 有板的前3个孔中改善了3个美国棒,并上我们同核 了解释道,这是关于通过皮筋将黄铜棒两两分组自同题,所有的黄铜棒在蕈从连续性的 条件下都应该被使用,且它们之间没有间隔。我们问:"高安多少个皮等未维烧这一个 几素才能把它们,两两分组,而又不会在两个组之间谓下马隔?"

A.3 个元素中组成二元组:

- ----预期所需的皮筋数量:
- --结论:孩子可以正确地实现分组。

如有高及可遇过实验来制助孩子找到2个可能的分组 第一个判试的完成能计我们了解儿童对指令的理解。

B4个元寿中生成 元组,预期,实现(必复的情况下,借助于实验,及解释:我们要求孩子说 包做了什么,以便他能够发现 n-1 的玩力,如果是这种情况,我们会要求他找出原因。

C.(对于年幼的孩子们)

- 一一5个元素中组成二元组:同样过程。
- ---6个元素中组成二元组:同样过程。
- 一一7个元素中组成二元组:同样过程。

每五十六的孩子们,我们会周擎听,当加的元素的数量,或2.支3,等等。

D. · P 孩子发现并呈售了配作, 尽能布广到更多的数量。在这种情况下只做预期和解释。

En个元素组成的n个联合。

第一部分: 元型的形成 ——部第一部分前操作过程相同,但是我们以同个元素开始。

第三部分:对比二元组形成和三元组形成的结果。

第四部分(年龄较大的儿童);对该规律的解释。 形成四元组和五元组以便得出更具概括性的组建规律。

1 水 平 IA

水丰14的技术是自然用引建了。元年,但果少能够、建一元年,因为倾向于仅考 成本有交的集合。另一方方,他们对自己的有力结果的理解还存在。些困难,更难,从 了后这些有力的机制,制制也可能建力紊乱难理者,以是使一可能的解释。

少" 國为我没有放太多" 对于二元组,我们要求被试在每3根柱子上套上一根橡皮筋"再添加1根柱子呢? 会多1个(橡皮筋) 所以我们共有多少柱子。 4根 橡皮筋呢" 4个"等等"之后我们让被试回忆在二元组的任务中如何捆绑柱子,"是两两一组吗"—是两两一组 那如果3-3一组,我们会需要更多还是更少的橡皮筋"—更少 会试,我们放置2排柱子以便于比较,一排是二元组,另一排是三元组 你打算采取更多还是更少或是相同数量的橡皮筋? 同样多的 我会用和那些一样的,绿色、蓝色和红色(相同数量)但是有什么不问吗" 是的,这是两个不同的"" 他甚至还表明,在二元组1~2中,"(两名之间)没有柱子",所以与"元组是不同的,但对于橡皮筋束说"我们要用同样的数量"。

Tar(4;9) 在操作过程中与Pat 相似,因为在对二元组有了一些认识之后,她认识到"对于6根柱子我们需要5根橡皮筋"但随后,"总是会有什么发生/橡皮筋和柱子一样多吗? 不,柱子更多 多出来多少" 多出很多"对于三元组,在6根柱子上,她建立了2个分离的三元组 而对于4根柱子,她正确地建成2个三元组:"你拿了多少根橡皮筋, 2个 用于, 4根柱子 一如果我加1根柱子呢"——也更加1根橡皮筋 那对于5根柱子来说需要几根橡皮筋?——4个。"

NIC (5;2) 确认了对于3根柱子需要2根橡皮筋,但是认为4根柱子比该用4根橡皮筋,然后在数出3之后,他还是说"对于5根柱子也应该使用5根橡皮筋"当我们可他为什么只有4个时,他回答道。"因为橡皮筋很大" 然而他开始时用4根柱子构成都是分离的二元组 当我们通过增加2根柱子从6过度到8时,他总结出户额外需要2根橡皮筋,随后又预点出"再多2个,再多2个,再多2个" 但他最终像Sur一样承认了对于6根柱子需要5根橡皮筋 为了看看他是怎么理解的,我们决定使用则试(2)(不等问题的木板),然后一切都重新开始,3根橡皮筋对几3根柱子,4个对应4根,等等,通过必要的新的学习,直到5根橡皮筋对应了6根柱子。"因为橡皮筋够多,我们不需要再增加了" 然后我们回到先前的木板堆线二元组的问题:他遇到了同样的困难,但最终他承认对于5根柱子,我们需要3根橡皮筋这种关系似乎被接受了,接着我们问道:"我们之前放了什么, 二元组我们需要比三元组更多还是更少的橡皮筋, 我们需要更多的橡皮筋给二元组我们需要比三元组更多还是更少的橡皮筋,

Cal(5;11)和Ren(5;3) 也有引证的意义,因为他们被问及的问题不是基于矿面的技术,即用橡皮筋套住木板上的柱子来组建二元组,他们的任务是用小方块来实施的 这样的实验设计会有一个有趣的现象,即被试表现出一种强烈的倾向,只构成二元组或只有析取性集合,例如对于四个元素的12和34:"还有其他二元组

吗? 没有了"然而,我们发现这种顽固的想法会形成与元素个数同样多的二元组或三元组:3个二元组对应3个正万形,4个二元组对应等量"更多"的4个正方形,5个对应5个,如此等等;3个元素有3个三元组,等等 经过一些观察后,被试最终能够预测出 n-1个"对于5个元素呢' 5个,不,是4个",虽然缺乏理解,但是被试中还是有人预测出了对于4个正方形是5个二元组,所以他的结论是 n+1 个而不是 n-1 个。

从概括化的起源和困难性的角度来看,这些反应是值得关注的。由于每根柱子都被橡皮筋接触,所以孩子从先入为主的想法开始,即两者之间必定存在起点到终点(terme à terme)的对应(correspondance);这是一个错误的观念,但不乏其合理性,因为这种对应结构是有感知运动水平上由动作对应的基本形式构成的,其重要性则在表征水平上得到了体现。因此,这种在我信的被武身上表现出强制性的对应的观念,以及作为和形式的 反省抽象的观念和建构性概括的观念,以及更早期的推理的观念,它们都在我们实验设计中得以展现。那么,是什么构成了当前的推理呢?矛盾在于,他们声称是自己基于同一性的观察,并各观察结果推广包西早现的全部情况中去,因此这应该是归纳性概括的一种类型(按照惯例,以及如我们之前所讨论的,更早的框架则拥有建构性的来源)。但是,在特定情况下,这些可观察的东西却很难被观察到,这是因为它们被发置在了一个不适合的初始框架中,矛盾正是在于被试并没有表现出先验的(appron 1推理,面目他相信,他所看到的东西,并目对他所看见的以及仍然在看的东西进行概括化。因此这种态度基本上是归纳性的。

互以Pat和Nic 花费了很长时间来观察,虽然只有他们通过出声的数数统计,才能发现只需要2根橡皮筋就可以把3根柱子连接成了元组,3根橡皮筋用于4根柱子,如此等等,并立即得出结论点该是一个相同的数字,"它们是一样的数量啊!"(Pat) 这种固执的原因导然是他们不明日为什么会有n-1根橡皮筋(当他们点数统计它们时):"因为我设有放太多"(Pat)或"因为橡皮筋够多"(Nic) 即使Sar,尽管她以一种看似稳定的方式认识到需要的橡皮筋比柱子数要少,但只是得出结论认为前者"更多",没有任何规律性一至于一元组的问题,她甚至更不清楚,跟其他对象一样只能建立析取(Nic,Ren和Cal在一元组时仍然在这样做) 最后, 元国和一元组所需的橡皮筋的数量的比较使Nic得出了清晰的答案:"需要更多的橡皮筋给一元组,因为3个多于2根"换句话说,因为橡皮筋点该和柱子一样多一等而言之,我们的问题在这个水平上都没有得到正确的解决。

2 水 平 IB

在该水平上,被试相比之前的被试仅有稍微的进步,因为对于n根柱子,他们承认

高发加入根橡皮筋,但在归纳性概括情况下只能得到某个具体的数量加

Dup(5,8) 认为3根柱子需要2根橡皮筋,4根柱子需要用4根橡皮筋,但对于 5根柱子仍然需要放出4根橡皮药:一如是我加1根柱于呢(叶以6根1)——5根橡 皮筋。——你怎么知道的?——我猜到了……—那对于7根柱子呢?——7 为什么! 内为有了根柱子"在确认6根橡皮筋之后,她成功预测出 校 对于8根柱子高要7根橡皮的、似是对于10根柱子、她先行不决了:"8根橡皮 15 力什么 这无疑为是对于增加2根柱子到8根扎是需要增加了1根橡皮特到7根 她放了 鼓:"不、是9根那对于12根柱子吧。10根(她位了一面,确定力9 个)"我们总结出线冷,2根接收筋对小3根柱子,3根对印4根,4根对户5根;6根 对一,7根,42是(这次纳通过气,得出 10)根据皮筋对,12根柱了一个无值:她正确 地红建了它们并且得出2根橡皮筒马下4根柱子,3根橡皮筒马于5根柱子,但是对 于6根和7根柱子等,她门司需要5根和6根模定药,与修对符二元准一样。在程过 多次测试和现象之后, 成们可用的两两方面和三三一目有什么不可,"没有什么不 同的",并且对于三元组又回到了答案n-1,

Xan(n; 4) 有到真诚到 n 根据于助, 于约4, 对于二元组高要为 1 根缘皮筋 对于7根和 8根柱子, 他仅通过计算它可以产生的二元程的故量(任本高要实际动作) 未回答 另外, 对于10根柱子, 化却预测了12根橡皮筋:"多于还是少于10根少了一更多的橡皮等或更多的柱子, 不, 或不知有"对于二元组, 把正确确认从下根柱子开始, 但是随后"0 根缘皮筋对 1) 根据子"和"12根橡皮筋对 10 根柱子"。

Ho(6;8) 在對5核柱子財开的确信於心面1,并且军室內地住,但是預明了6 核橡皮等对1.6聚样子,10聚橡皮等对一1)以柱子;"它及成与红子数量是相同的"与我们稍后的到最初的可能时,如又说出了开始时的改量n-1,但是对于1.核和12聚、概率复"相同的数量" 成份用为什么。"我不知道,还有或复杂"于样,在三元组的论证中她也"不知道"是否没有更多或更少的橡皮等来对应三元组或二元组门以看出,从水平1人到水平1B,5件聚份燃烧效心。Flo有其中表现出的进展最小、她自到4根橡皮等对与5型柱子才确认n-1根橡皮等对与n根柱子,她后来没有是心重复这些数子未被严明,尽管水平1人分代试有很多。对受局的)排制,但Flo从6根柱子并处的她其简入了得成的一块射中。另外,Dup和Xin 直线括到6机、8根柱子,心算以则加工有同时的数子中被规禁到。这一次,我们看到了正确的可及繁的归纳性概括,且不打像水平1人与样发生清晰。只是这种时前数字的推通仍然得详重,因为Dup从7粒柱子并处计可到了高度对对应。并且在它们也很流流,而Xin却认为12根橡皮等对应10根柱子1分,为同。尽管有了之上的论证。这些效试发现。几个和一几至1高的橡皮筋的数量"没有差别"。Flo也不知该怎样做。

3 水 平 IIA

这个子阶段的标志。正可构性最括点进展和司初期建制性概括的过度。让我们从介 F水平 IB 和 IIA 之间的中间案例开始。

Mi. 17:8 在3 农村子的任务中工到构成了2个二元组,并且预测出对于4根 柱子需要使用3根橡皮筋"你怎么知道的" 因为(他把二元纪3-4加到已经做 出旬12和23) 如果我再加1根柱子吧(5) 4根橡皮筋 我们将有5 根柱子和4根橡皮的, 啊、不是(由于缺乏点对点的对几万使他感到担心。周 此口头上表达了这一点: 多少: 5根,然后他开始心前1不,是4根 -你算什么呢, ……那用了根柱子吃(我们迎盖着)" - 6根橡皮筋 你 怎么知道的 4-5、5-6、6-7和之前的3/1(直到4, 那若是12根杆子 嗎? [[根橡皮筋 你在算什么呢,一(他指了打]隔!)这、中间 如果不是12項柱子石是有15根柱子間(原際股有柱子)? (抗陳)15根橡皮 药 与作有3根柱子时, 2根橡皮筋 4根柱子 3根 6根柱 子, 我不知道了他放着了,5根 一般根并呼吃, ——你可以不计 数规浮出么,不此"等等"那用10根柱子呢,我不会了一8根,不,是 11根橡皮写,不,是9根橡皮易! 一 你确定吗? —— 是的,我想要10之前的那个 数字 ——那么15 税柱子吧 ——14 根橡皮药1" 然后绝符还出这种规律:"(马 是1有更多的柱子"但无法解释原图 然而, 9他的计数引用到柱子的网际上让他 明白了光像在一个矩形点周形的针别图中,会有与柱子的数量相同的二元组 然而,尽管有了先前的论证,二元组使他格到非常闲鸣:"我完全不知道了"

Thx (7:9) 直到第5根柱子时点型使找到1-1的规律,但是对于9根柱子,他 首先猜明为6根橡皮筋,然后在3理上计算1223~7-88-9"其实更多一些,是 8根橡皮仿 那对于12根料子呢, 11根橡皮筋,因为形会少一根 这是怎么发生的 因为我们计算之间的,他打了下间的,而且科子更更多一 上一,我需要用2根样子表效置1根橡皮筋"另一方面,对于三元组来说,他确定了4 个元素有2个组合,但却错误地概然为2个组合对应5根柱子(忽略了规律2,虽然 理解了二元组中的规律1和2 "还是2个"——或者是3个,我不知道"然后他正 确地预见了对于6根料子对应4根橡皮筋,但是没有给出新的栅梯,并且预测8根 橡皮筋对应9根料子。"因为还是少1根橡皮筋(洗像是二元组一样) 三三一组, 你还认为是少了1根橡皮筋吗, 是 计算看 啊"是少2根橡皮筋"随后,他更 接近水平11图了。"还是少2根橡皮筋 (为什么人) 周为有更多的柱子被捆 鄉了,所以橡皮筋更少"但与我们进入四元组时、Th、预测给出了4根橡皮筋对应9根柱子,就好像我们从三元组过渡到四元组时、橡皮筋数量从平2过度到了n5一样、"两两一组,这将是多少? (他计算间隔)8根(正确的) :二一组呢? 13根(随意计数) 四四一组呢? 更少的橡皮筋、不是4根,更少····"

Mon(8;0) 也发现了 n 1 的规律,"因为我们一次拿 2 根柱子,所以橡皮筋数量更少",并且她知道在整体上它将是 12-12 对于三元组,她没有预则出规律,她陈达出了 4 根柱子的情况并概括到了 5 根柱子,但是在 6 根柱子的情况下也预测了 3 根柱子,并且在接下来她有时得出 n 2,有时 n-3 另外,她可以理解二元组比 5 元组需要更多橡皮筋,"因为 3 根多于 2 根"。

Ber(8;4) 对二元组做出了相同的反应(并且一开始注意力集中在间隔上)对于23根柱子,将需要22根橡皮筋、"因为总是少1根"对于三元组、她成功解决了4个元素的情况、"需要1根布不足2根橡皮筋、因为我是这样做的(展示了她的操作)"但是对于10根柱子,她虽然仔细观察构建、却还是回到了9根(=n-1)四元组任务失败。

这些水平 IIA 上的反应揭示了(儿童)从艇括化的归纳性形式到建构性形式的过渡 方面,被试有时似乎已经进到了高级类型的推理水平,但是在定量评估时,他们却不能在特定的例子中发现规则加工,因为概括化的开始可以是归纳性的,但之后他们开始发现或猜测到,其理由 例如,当Mil 数柱子的间隔来判断在一九组的情况下橡皮筋的数量;当Thy很明确地说"有更多的柱子,(因为)我需要用2根柱子放置1根橡皮筋"时,甚至包括一九组"有更多的柱子被捆绑了,所以橡皮筋更少";当Xen说出类似的内容时["橡皮筋绑在了这(2根)柱子上";当Mon宣称"因为我们一次拿了2根柱

子"时,他们的意向已经确正了规则n、而无须更多阐释。此外,我们看到这些解释 反过来释放了意向性活动的某些方面,体现在。元组和一元组的实体性建构中,于是 我们可以立刻推断,建设性概括化形式的构成就是将实体性建构转换成为概念性 建构。

但在另一方面,也是这些实验的关键,同样是这些被试,他们却没有表现出能够自己利用这个良好的开端。例如Mal知道如何用橡皮筋和间隔作对应,但当我们告诉他橡皮筋的数量与柱子不对应时,Mal开始不知所措并且对一元组变得"一无所知",即使他知道如何建构它们;他甚至对二元组也乱了阵脚,给出了一些数字。Thy在二元组部分从9根柱子开始就已经产生疑惑,对一元组更是摸索,犹豫不决。Xen在看不到柱子的情况下感到推理非常困难,而且他最终的推断变得越来越不好。Mon和Ber在一元组问题上也是同样的,包括他们最后成功完成了的建构

因此存在着一个矛盾,因为这些被试有时会达到建构性概括的开端,而在另外的场合他们却局限在归纳性概括上,即简单地使用观察,但最终都无法找到正确的推演。现在,这种奇怪的现象很容易通过抽象的规则和意识的参与来解释。实际上,我们应该在自身的动作素材中至少区分生。个等级,并且意识到它们之间存在的所有过渡。首先,从外国开始。但是识恰好是从外国过渡到中心的一,动作的外部结果会被对象先认知,即使是在他还没有理解结果是怎样产生的情况下,例如:Mon,在面对10根柱,于进行一元组构建时,仔细地观察了自己的建构,但却看不出他是如何进行的。其次,有用实物来开展的动作,但是儿童对动作的认知仍然基于经验性抽象,就像对外部活动的认知一样(诸如基于移位,操从等的认识)(儿童)最终拥有了对动作的内部机制的理解,以及对其必要的协调(逻辑-数字运算的起事)的理解,对这种行动逻辑的认识便源于反省抽象

日此,我们的被试的反应并不存在任何矛盾。当动作变得复杂时(如柱子的数量增加,部件的尺寸增大时,等等元他们设法逐步地执行它,却不能清楚地预期到结果,并且在阶段上会因为描述性因素的上预而发生歪曲。在这些实验结果的基础上,不论正确与空,由于缺乏当前的反省抽象和缺乏导致成功动作的内部协调机制的认识,因此被试只能使用归纳性概括。

相反、当动作更简单时(先电的 元组),被武丈去观察每 个步骤,直到掌握了问题的重点,但是在这个阶段,儿童仍然以实际操作为基础,认识还没有达到相应的水平(第 层次的水平),偶尔 些时候,会达到,内部协调水平(第 层次),只有当内在必然性驱动的建构性概括获得了形式化特征,只有当这些特征不再只是露出端倪,不再是偶尔出现,我们才能说达到了水平但,即儿童才能够找到所有数字性的规则n-1,并从n-1过渡到n-2(元组).n-3等 总之,这个水平的被试对逐步建构已经有了比较清晰的认知,但是还没有形成概括化格式,并进行系统化的必然性协调

¹ 请参考我们的 意识的把握 幼儿的动作和概念》是"西大学出版社、1973

4 水 平 ⅡB

这个子阶段的特征是我们发现了格式进展、但这只是一个开始,因为我们仍然发现许多建立于可观察性的归纳性概括的残余,而支持建构性概括的例子仍然很少一在这方面,从一元组的规则n-1过渡到一元组的规则n-2是非常重要的,因为如果一元组的规律可以单单基于具有归纳性概括的可观察量(归隔等), 局么有一元组的情况下建构的格式就显得更加必要了,尤其是随后的集合在构成现画下,交叉部分会变得越来越大。

En(8;7 主划找到了二元组的规律和其解释:"因为那个有2根、所以找几点会少1根橡皮筋"对于二元组、他组合出了4和5个元素的情况,然后得出结论:如果我们添加2根柱子,那么这10根柱子,则需要添加2根橡皮防凑成10根橡皮筋(第2定律)。"因为只要我们添加一根柱子,我们适可以组建出另一个组(3个元素)"但是对于7根柱子时,他又回到了10地则中并且发现了他的错误。"不对,这是另一个规则,因为对于二元组找们总是拿走后面的那一个,现在我们拿它的接替者)——所以呢,——依然是(n)-2个"我们随后进一步概据:"对于四元组合,规则是什么,——总是会少3根橡皮筋、每当我们增加时,整体中结会多1根柱子(2个、3个、4个……),总是会有少1根橡皮筋——是什么更少了。集合(第一规则)——对于六元组呢,——会少5根橡皮筋、是正确的答案)"对于10元组,他先是错了:"(他数)少10根",然后重复过二元组和在元组后,"少9根,低于该组元拳的数字——对于20元组呢,少19根橡皮伤",但是他不优比出在25个元素中有多少20元组(所以25196、2根、不、是3根",尽管心理解8根柱子时我们将有5个4元组,等等。

\m(8:7) 也是相同的反凡直到第3定律的最后一个问题:"它总是少1根橡皮筋 例如,五元组的橡皮筋会少了多少根?——少了4根 ——那25元组 %。 ……少了24根橡皮筋 和此于谁少, 橡皮筋比柱子少, 你我们不知道有多少根柱子。——要组成25元组, 你需要至少有多少根柱子, 至少100根或类似的数量 不能更少吗, ——50根, 是的, 这将是2个组 2个吗? 也不对 啊, 我们可以做26元组! 那用26根柱子呢, 会有多少个25元组?——将有2组。"

Kal(9;5) 很快找到了二元组的规律"对于12根柱子呢, [1根橡皮筋 为什么" 因为它以1根柱子开始,又以1根柱子结束而不是橡皮筋"三元组:他在3、4和6根柱子时,得出了n2,但是"我不知道是否它每次都会奏效" 他用7根柱子检验后得出结论,"因为橡皮筋现在占据了更大的空间" 对于

Dan(10:0 在二元温之后立即发现"无组的规律"2、"周为它们总是在里面"中间的元素)、历且通过观察在没有任何操作的情况下、得出了4、5和6根柱子二元组数量,之后他又通过简单的演示找出8根柱子有6个二元组 然后推断出用6根柱子他将礼够做出3人四元组 "之言我去掉了2、现在是3、因为现在关于四元组 那若是有7根柱子,有多少个八元组呢。 2个 为什么,我们之前是去掉3(四元之1) 加上2个元素(构成公元组)、那是去掉5、所以7减去5是2个"之后他在25根柱子情况下计算20元组数量时有点混乱 他是通过计算而不是运用概括,最后找到了16组,然后是只有2组,再后来是5组 但是在重复二元租到五元位中他说出了规律工:"公须将是多或去1 那么对于15元组呢,那么一次或去14 20 坚柱子里而有多少个15元组。一 19个……不,是6组 "

四此, 医环转试与水平用(的)被试(号)用无用的各种中间案例)和比取得的重大进展 一元气的 n 2 定量的1炔函和合理等轻以及规则的易用性。他们从规则 n-1 - 很快过度气压元年支更大的集合。现在,最而易见的是,建构性概括的这种完善是由于 - 他们不再写得于对一元头重合中扩起及的动作结果或材料模块的依赖(Ka)依然以这种 方、开始,然后司出告念"我不知道是否它每次都会失效"),但他们获得了格式开能实 现自身是构,也。"是龙,你,仍是被用来支持"乃,由"的。这只是(最终地)某些水平11/的被 式的事分情况、例如Xen和Thy,但他们提及的关系与未实现数字量化。"只是是够更 多",而在水平 IIB, 孩子 II II 为什么我们从 n 1 让渡至, n-2 ("这是另一种规律"等, Eri 记。目科参考KittiDart,并且能够。即引起元四元组甚至以上的过渡,这是新的理解 · 的标志。但是这个水平的限制在于付起过20的数的扣除过程中产生的一些犹豫不 决。如果我们省。作为复考患的柱子的数量。例如501.14的为集合中元素的数量(例如 25),则发减去的橡皮的的数量证内比较少的集合的是 \ 1.因此这里的答案应该是 24、然心可能的集合的数量完是n a, 国此是26 现在, 我们看到Fr. Am 在某个片刻) 型 Pan 图 ¥ 和 n 的 正语问尽到示。这、他们不知道如何从减去 ¥=1 中推导出 n=x,尽管这很 好理解 这标志看 种主导性的上充分性协调,但有必要指出这一点以表明存在着一 个中门阶段, 它存在于建构的互补格式的表征(意识的第二级: 参见第一节)和仅仅获得 或舌动结果的重智(第一级)或其实体性操纵,之可(第二级)。

5 阶段 Ⅲ

不言而喻,在所有推理都有所改进的形式运算阶段,被试将通过清除必要的协调来设法将其推理建立在建构的格式之上。特别值得注意的是,现在可以在没有前期观察的情况下找到。元组的规律n-2,就是说仅仅从一元组规律n-1进行推论。至于对 N 和 n 的推理,我们依旧能看到犹豫不决的情况,但同题是变出的

Nat(11;2) "用12根柱子你可以告诉我有多少组二元组吗,无领计算" 11组,因为我们需要减少了一个 为什么? 因为有12根柱子,我们不能够 连接两端"、因此理解为围成一圈时它将是12根柱子"那如果用125根柱子 那将有124组"4个元素的三元组、通过迟蔽):"2组 ——那若是6根柱 呢? ——你是怎么知道的"——因为假若有3根柱子,我们会这样做 4 %1 子呢 (1,2,3等) ——那如果是12根柱子呢?——10组,我以是减去2 ——那7根柱 子呢? --5组、因为我们跳过一个、1 3之间)"五元组(没有经过四元组):"这 7根柱子里面有多少五元组》 3组(通过心算) 我们完成了二 三、五元 组,我们可以完成四元组吗, 会有4组(用这7根柱子) 你能解释下发 我们集合的元素数量越多,你成去的越多,你就有越少组 生了什么吗り 少了多少 每当我们的集合里面多一根柱子(1)。我们就会少一组(规 律) ---所以如果组中元素增加1,我就需要成少什么, 组的数量"

Kin(11;5) 三元组:立即理解了、"10个元素中有多少三元组", 8 组 那若是12个元寿呢? 会有10组 每次我们添加1根柱了(在n中)、每次就会增加1个组(规律二, 但为什么四个元素中有2组3、等等, 一因为我们使用相同的柱子,它总是减少2 与你组成四元组时(自发的)会减少3 我认为每次我们增加柱子的数量(指\而非n)……我不知道如何解释…… 会少多少,——是的,我们每增加1根柱子(在\中)它就减少1(去则\-1) 那对于任何数字的25元组呢?——24个 ——为什么?——我做了同样的推理 ——我们用25根柱子可以组成多少个20元组? 15组 ……不是,太多了……它是5组,哦,不是,是6组:它是(第一组)20,然后是21 22、23、24、25、它是6组"

Dta(12,2) 三元组:n-2,"円为我每次都会配过一根柱子,所以它少了2个"四元组:她仍然查数"那20根柱子呢" 岁19根 28根柱子中有多少组20元组? 一我可以做5组,因为每次我移动1根柱子,我就需要多1根橡皮筋(但她从21开始出现偏差,然后纠正了) 那是6组 ——你可以解释一下吗? 因为组中每增加一个元素(N)我就减少一根柱子。"

Flu(15:2) 自发地总约(如Kin),如果对于三元组我们减去2."那么对于四元

周此,这些被试同等地依赖上格式和他们的动作,这允许他们同时通过心理的或表得性建构的预期来替代实体性操纵,并为作为推理基础的必然性协调提供解释。有要让意的是,对于相对较大的数字,他们更喜欢通过同于递增的方式(20,然后21,22等)而不是同下递减,如于lu(和最后Dia师音示的形样)对可能集合的数量的计算。于是,我们可以以此来区分水平用A和水平用B,当被试处于这些过程中的初始阶段可是水平用A,当被试到达第二个阶段时则是水平用B。

6 结 论

即,而的结果提供了概括化连续变换的一个很好的例子;首先是归纳性的、上常不完整。同样有有被先而建构性起源的先人为主的概念所歪曲的可能),然后稍微更完整些、继而过渡到被试的数量化的建构性概括,因此,几至只是从行为结果出发来形成认识,从此又升极为对实体操纵的依赖,最后才有必然性协调的系统中形成动作的格式。这个阶段中的第一个已经被涉及,"行被武不再局限于对其行为的结果与上进行分析,而是可以通过心理计算或者表示再现来重新建构甚至替换它们。至于必然性协调,其功效是通过对现几关系"理由"的发现来体现的,这构或了建构性概括的真正标准

但是,我们不能忽视这种演变的一个重要方面,即被试的活动从一个层面到另一个层面的连续演变,其意识决定了包括化的进程。例如, 元组和二元组的形成开始于失 以(水平 [4]中的Pen 和(a),由于立要坚持析取集合,且变集只是阶段性地得到了改善,然而,由于对行动的认识是由概念化构成的,因此概念在此后对活动做出反应也是一带的;如果行动先于思想之前,那么它就可以在之后形成新的进程,其实际形成必然有滞后,或者有一个中间性的过渡时期,名为控制时期或简单地称为支户时期(准经验化抽象)。

也就是说,有待研究的问题是要解释建构性概括是如何产生的,同样的问题是解释关于活动本身的属性建构的格式的概念化过程,在第二阶段(尤其是 IB 级别 口,这些过程使得 被试 占断地采用了递归的形式,并在阶段用获得更一般性的形式化 事

实上,任何建构性概括都不仅依赖于现实的、或已经实现了的操作性建构之上,还更多地依赖于届此将要发生以及正在形成阶段而尚未完成的过程。原因是任何建构都会 用解新的可能性,并且这些新的可能性以一种尚未完成的虚拟的、作成式,定可以得 到实现的,但最终,它们会得以完成一然而,递归补理一或充加菜(Poncare)标之为"气 全归纳")恰恰是这些建构在其延效的基础上的中越模型。如果我们在第一个数字的情况下验证了一个属性,并且如果 n 为负, n+1 也必然为负,那么所有数字也必然为负,因此,很显然,在这个公式中,决定性的时刻并不是指制0或1 抑或 n, 们是从 n 记 波 n+1, 支持并追溯既往的推理一然有,在我们的情果中,我们看到在水平 fl A, 元相的规则 n 1 只能通过观察而被理解,因为缺乏到达了元相规则 n 2 的可能过度;然而在水平 fl B 中,后一个规则被类推出并且可即推导出。对元组说则 n 2 可以 2 的可能性提供了对 n 2 的理解,就像对 n 1 的概括一样很快就被构想出来,无确更深一步地从 n 2 过度分 n 3 的可能性提供了对 n 2 的理解,就像对 n 1 的概括一样很快就被构想出来,无确更深一步地从 n 2 过度有有提供理由的情况下才能减予推论一个必然性证义,而这恰恰是我们在水平 fl B 看到的 n 端, n 目在阶段 fl 明确地显示出来了

① 但是是在普遍意义上而不是在"完整"推理的意义上。

第四章 关于内接多边形的递推论证

与J. 沃克莱尔合著

在各种凸 参过形中,其中有多少我们能建构。角形或四边形,以及更多图形,以使 角形的两条边 或回边形的 条边 含含于多边形的两条(对四边形是 条)邻边。这 进 得是在本章被研究的问题,被试 是复发现 角形数量(当这些为切图形不相互独立 1) 与多边形的角之间的对应规则,以及有可能的话,对这个规则作用解释

装置包括。块配有很多制的平板,我们能重直地往里插入铁杆。初始的多边形面条大橡皮筋和记出来,由其他工小的橡皮筋具不同些色的方式标记以各用进行作图。配有字母的图钉以A、B、C…的顺序被置于每个铁杆上。

日做好了。角形和四点形,我们学出一个人边形开表求被武提出总数的顶测,如果可能的广,作将。然后,我们借的一个简单担刊,进一步要求对任意的多边形以及有三角形和四边形内接的其他图形进行预测。1

1 水 平 IA

约从5岁1个月到6岁5个月,儿童几乎没有能力预刊可能的 角形数量,对四边形式更复有,尽管被试在被给予了初始包了后或能知晓并开始几次作图。

Cri 5.1,我们的包展示了五边与中的二角形 1BE: 他做了BCD(与 1BE 并不交叉)。"试试别的,——ABDE。——有几条边?——4条。——作个三角形。

¹ 人次此条师子性中 我上帝网络任务分析已作为。任知 角开 私办品。2月17

这个有了、换个别的 BDE 不符合指令、但这是(之前两个二角形 ABE之后)仅剩余的面积了] ---再来一个/--已经没有更多了 再试试嘛 ——(他重做了一次 ABE) "我们提示了其他的,并且我们数了数:1 3 4 "为什么 你能数到4" --- 因为还有其他地方"我们展示了一个巨大的四边形4B(1) 并回 道:"你能做个三角形吗, 不行, 因为我们是做像三角形的 试试 呀 ——(他做了1BD) 再做一个 (BCD), 孙无一下, 不相交的) 再 试试 (他又做了BCD,此外就看不到其他的了)"我们投示了其他两个,并问 道:"为什么是4个了,——因为我们做了那个和那个(他的那些),然后我们做了 那个和那个、我们提示的那两个! 我们把房点的外扩张,有几个三角 形/一一更多了,因为更大了(面积) 试试 他找到4个)但怎么做才信 弄下更多的橡皮筋呢? 一件做了几个, 一4个, 但要做更多的三角形我们没有 更多地方了、除非我们可以放在下面,那我可以做更多"他事作了一些,而我们为 他记录了有4个新的,之后我们增加了顶点B的角度开度:"我们做更多超过4 个 —— 为什么, 因为我们弄得更大了,那么我们心做更多的三角形 试试 ——(他做了4个,且重复了最后1个) (我们纠正了他 几个, 4 个 那你觉得呢, ---5个"我们扩大了力点, 而他重新开始想要做起过4个 开解释挫败, 道:"因为我们已经穿过所有的钉子了"我们给小了四边形的面积: "我们只能做一个三角形了,因为我们把它青小了 ——图形变了吗? 是的" [sa(6:5) 我们从一个六边形开始,她作了3个相交的二角形的图,但於接着 除非提示不然看不出其他的 她教出6个,如当我们在1点扩大图形时,她预计会 有更多的:"新的是6个 (我们在1)点扩大)现在将有几个呢" ···· 我们能知道吗"下 差不多吗, 7个(尝试) -那么几个 呢?——6个 ——那之前,你怎么解释?——6个和6个 ——那就是永远是6个 了? --- 不 "我们作了个巨大的长方形图:"这里有几个三角形? (她作图,然 后数数14个 一这个图形有几条约: --- 4条 ·-- 那这样如何(我们把长万形 变形为棉形) ---(她放了4个三角书,如试图得到,更多)4个 那在之前图 形里呢(六边形)? ---6个。---为什么那样更多? -----你有想法 吗? 没有 (我们把裙形变形为五边形)有多少直线投(边)呢? 5

处于水平 IX 的被试在数字递推任务(la récurrence numérique)(第一章)中表现出种伪归纳概括化(fausse généralisation inductive),其特征是无人为主地形成了一种加对加的对应(实际应该是n-1,等等,这种项与项对应的整体倾向导致了高速的建构性概括化。在目前的案例中,我们再次发现了同样的现象,尽管其本质是空间性的,而我们的确期待着会出现一角形和多边形质点之间的一种加对加的对应。此处有一种预设的观

条。——那这样有几个三角形呢?——不知道。"

念是,个史大的面积就可以裁成更多分离的部分;而 种基于正确的建构性概括的观念,与前述所呈现的例证都不吻合,因为 角形是有重叠部分的(如果我们符合指令的话,它们必然是有相重叠的部分的),它们的数量仅依赖于其图形而非其大小

这是该水平被试的第一个普遍性倾向,即只限于建构不相交的二角形,就像Cri(Isa的方法是相继地联结起六边形的4条邻边,无疑她没有察觉到相交。只有她完成了6个);这种不同部分不相交的至上观念很自然地符合类别析取的观念,这对这个水平的被试面言是如此具有强制性(第一章) 需要注意的是,被试还会提到其他一些限制条件,但那些是次要的,例如:需要 角形都是等边的("这不算 角形,因为那儿有个很大的火角",一个5岁6个月的被试这样说),或需要它们的需点与桌边平行(当转动平板时,"如果我们从那儿看,这是个二角形", 个6岁5个月的被试这样说),等等

这种从析取开始的倾同(或是像 Isa一样做部分联合)是一种基本公设的显现。同样,如 Cri 听述, 角形的可能数量唯独依赖于可用的面积,所以我们会听到"还有空间"这样的说法。根据其中的一般性反应、我们能列举有关不相交部分的其他相关案例),增加多边形的包制面积,只有一个点固定,儿童会相信能够建构更多的一角形,而当其面积缩小时(Cri 最后),儿童则认为只能做出一个一角形

因此,在这里存在一种伤口纳性概括,由扩迷的以及还没有提及的建构性考量所决定的,这种观念是如此强烈,以至于作为一种便利的方法,或者被提示, 角形数量和多边形总边数对应,儿童依然不能理解(如lsa)。

2 水 平 IB

从6岁整到7岁5个月,我们观察到了儿童的反应从之前的态度转同内接图形数量 与多边形的顶点与边之间的关联。

Mar(5;10) 起初与【A组一样,只是她伴随着探索发现了五边形中的5个三角形:"迟怎么做的呢' 因为那几1个,那几1个,等等 ——你看到窍11了" 我们只做了【条边(是对重叠指令的解释") ——如果我们扩大这里(顶点D)呢" 不,会有更多,因为我们延长了(多次尝试) 不,我们做不了更多了 你想做更多。 6个 那为什么做了5个? —如果我们这么弄(在C和D之间加入一个框,但不产生新的角),我们还能多做1个 (六边形)多少个三角形?——有6个框 ——多少三角形呢" 6个 那如果7个框呢, 那就7个 那如果8个呢"——那就8个三角形 ——(在尼点扩大)——就像之前一样 及更多了, 如果我们能加一个框的话(菱形的四边形) (她做了4个三角形)——你如何解释呢? 因为我们有1、2、3、4(指出了各个鞋或顶点)以及1、2、3、4(指出了各条边) ——(扩大)——

一样的——(C 占社长后形成非常不规则的五力形)几个三角形, 3个(不相交!)。——再试试。——(反复摸索)5个。——为什么?——我不知道……因为有5和5(角和边)。"

Pat(6;5) 也按框和浮标来数,尽管五边形扩大了:"不会有变化,只是变大了他我这有更多地方吗" 是的,我相信是更多了",等等

Rom(6;3) 五边形: 烦剧到3个三角形, 坚过长时间探索后发现了5个"为什么,因为我们有更多的地方(对3个而言) (扩展(点) 更多"角形,因为我们有更多的地方。——几个?——7个。——去做出来。——5个 (再次扩展 C 点) 总是 5个 力什么 内为我们没主意了! (六边形)"他预测7个三角形,""月为我们有更多的地方" 他根据柱的数量发现6个目"总是6个" 对于四边形: 4个二角形,"月为我们没有更多的(不够多的)租了",且随着面积增加,"总是4个,因为我们没有太大地方"

这些反应中两个显著的过程,其一是,基于无然的规律性的敏感的。19种性概括,是与预测相反的;其二是,尽管经历了艰难的过程,被试签于排除了对他们而言依然占主导的因素,这就是面积的大小。然而,移靠障碍或是上批周素("位置")。这些每个被试之而都受到于扰的因素——则意味着新的可能性和新的解释。但是这些被试并未到达这一水平,是因为这首先需要发现新的规律性并把握其中的关系,因此儿童占要发现新的法则,水替代那些迄今为正已经接受的错误去则;这些新的法则,由直接观察的归物性概括而获得,所以关于它们的解释总是具有(犯错误)风险。这就是(包生的等释)最

终转同样子的数量 当发现多边形的 个原点进行扩展时并不会改变可建构 角形的数量,被试推断(这相对于水平1A已经是下常大的进步了)这种恒定是由于桩子的数量稳定决定的,并且这两个数目之间有某种联系 这种发现,首先在Mar那里隐晦地表达出来,"如果我们能加 个桩的话").目尤其是在Ron 郑儿[他把"桩子"当作"位置"place)这个木记来想考,最后在GI 邓儿("因为总是只有5个钉子")和在Gui 邓儿("我见得是6个,因为有6根棍子")变得非常有说服力 然而这种联系的意义是什么呢 并且它之中是否已经包含了一种解释呢?

尽管我们呈现合儿童的问是已至尽可能地简单,我们依然发现了问第一章中所面对的 | 打的情况 "理由",也就是作为建构概括 可含出的解释,重新脱离了活动与实体性建构之间的必然性协调,而这种解释能力在水平 | [B之后都没有开始(在这次研究中和第一章 | 有) 事实上,这种内在条件的廷忌概念化只建立在行动意识呈现的第一阶段 | 有第一阶段,思维只能触及行动的外部结果,所以被武一上来就开始装配或停滞于 | 友庭已摸索(概念性,应为问管误);有第一阶段,可识介入了操作性活动进程,后继的操作体经复了实体性操作的某些特征,但已至可能部分地受到概念化进程的指引;最终在第三阶段,思维使得操作具有了必然性协调。

然而,看起来似乎明显的是,水平 18的被战能发现。角形数量与相的数量之间的 关系,还有写在第一阶段,只有几个罕见地或长到了第二阶段。事实主,方面,他们的 活动还未呈现任何系统性的方法,并且他们予过了多次的反复抹素(细节记录上是精疑 飞味的,,处,果没有实验员的品助和信令,以及知繁提醒下是无法取得任何成果的一方 方面,内接图形与他子之可能,以与中之间的)。对方还远未稳定,尽管它接引了解 程,这是本质性的,因为协调的信何(包括原述良好的形式化的和感知运动性的)启示了 以和关系存在于图形数量,实体化的橡皮筋,以及身层橡皮筋的木相等项之间,而被试 却未能明确这种关系的本质。

3 水 平 ⅡA

这个新游牧的两个特广则思的进展是,方面,被武变得更少反复探索(需要更多好选),并且开始表现中方法的使用,这表明(被试)已经意识到了操作的变化;而另方面,根据胜的数量,技武从此开始参考"图形"而不再是根据"位置"来做判断,因,提高到了某种正确的归物时概括化的水平(但内接四边形的任务,直都有困难)。

Neal 7; 21 还是停留在水平 [B和 [[1 之间: 其行动依然无力(需要帮助)且某中(顶点)的扩张还是给电造成了国执:"我们会看到,我们没法一直很准确1"他开始促促更少的:角形、"因为这样更分开而且我们不论在那儿做二角形了",但接着

说:"看那些边:只是简单地变换了柱的红置 但这几更大了,为什么没有更多的三角形呢? 因为我们做了一个图形,我们能做同样的东西 "对于内接四边形,他的行动表现更好,Sta一上来就预见了五边形里的5个 在面积扩大时,他宣告了同样的数字,"因为您一直在做一个图形,而它只有5个" 六边形时,基于这些桩的数量,正确地预测6个三角形。

Rik(7;11) 从五边形中的三角形开始行动:他按1顶点的 顺序把邻边连接起来,1、2、3、5 4, 然后自己拿走一个不符合指令的三角形:"啊! 不是"当面积扩大时,我们忘了拿掉旧的4桩:"这样将是6个了,因为您加了1个框 但这个不算啊 啊! 好了,那么5个"他很明确,当有视觉可见的橡皮防装置时,他在心里在数着数(参考其初始方法) 对四边形,他预见了"我们做不了5个",这是无疑的,因为它们有更多的边(参考更早些时候的 kar) "你有一种方法来确认吗"——没有……(是的)跟随,从该跟随橡皮筋(不再提·参考其一直的建构方法) 然后看我们是不是验放一个四边形"对六边形,他以每次拿一对相对的顶点的方法建构了二角形,然后发现了6个(之前预购4个),"因为我用了所有的柱,而我们不能放其他的了 那7个柱呢(六为形), 那7个一角形,而如果是8个(入边形)那么就是8个三角形"。

Nam(7:5 早熟) 从相对成组的顶点包络的四边形里建构;角形,且当面积扩大时逐维持在4个的数量,"国有一直只有4个角" 五边形:预测5个"要不要试一试"——我觉得行",并于此成功以顶点1、2、3、4、5的股序的方法进行了建构扩大面积后·"也是5个,一直是同样的钉子,那么选是同等的图形 "对于不规则的五边形也是同样的反应,但说"我觉得我们没去说他不能试试,得知道后才能说"反之,对四边形的建构有此困难 尽管如此,被试最终的明括化产生了一些数目的正确思想,也混杂看一些困惑:"这个周形(五边形)呢,——5个三角形 如果我们要7个三角形,那要什么图形呢, 要7个钉子 那几个凹边形呢? 7个 那5条边的图形(在七边形里)呢,——很多,我们只能数数 那么, 至少7个,如果没有更多的话,但我们不能超过10个钉牙 精确一点呢,——不低于7个,因为有7个钉子 那6条边的(内接,图形呢,——不低于6个(对于内接与包含有图卷) 那7条边的图形呢?——不低于6个(只有一个!)。"

Kar(8;2) 和上面一样以对点的方式(在五边形里)建构三角形 扩大面积后,一样,"5个,因为这没有造成变化,这此(钉)是分开的!"六边形:"也作7个,因为有7个钉子"但这个外延的概括化只能推延到八边形,对八边形,她的预测是6个三角形 同样对五边形中的四边形:"3个,因为我们要拿4条边,而(可用的)钉子更少"

Nic(8;8) 同样的反应,但概括化直到八边形及十边形,且对四边形和对下角

形一样,但在对五边形中的四边形的错误预测后,"三角形占3个杆而四边形占4个,那么这就少1个。"扩大面积后:"这没改变。"

Atı(8;1) 描述了其建构方法的细节:"我从E点开始到达DE,然后我从C点开始然后到了这几和这几"……但他在建构四边形时有障碍 最终的概括化:在六边形中的6个三角形和6个四边形,以及七边形中各有7个,"因为我拿1根橡皮筋放在新柱子和另外两个柱子之间"然后他改变主意了7个三角形和6个四边形,"因为四边形比三角形更大,这就需要4个柱子而三角形只需要3个柱子"

Hen(8;1) 用一种优美的方式来做建构,即"我们用手指来看"……"根据图形和交叉" 六边形:"有趣的是有6个木桩和6个三角形 为什么" 是的,为了有6个三角形我们得拿3个木桩,3个木桩,3个木桩,一"七边形:"我觉得是8个表7个,我们待会儿数数 11个木柱的图形呢' 呃! 大概是9个,我们会有8,9、10 11个木柱,那么我们从这儿1个开始,这就会有8,9…啊! 11个。——9个还是11个?——11个!"

这些被试完全是在形成意识的第一约第一阶段之间,这计我们想起第2组;一方面,他们的思维跟待上他们的操作相节("我从这儿到这儿",等等,An.或是"我们用于指来看",Hen),而另一方面,因为儿童除了对内接四边形以外,并不需要帮助就能以一种方人为指导来展开行动,最终他们从中获得成果(Rik、Sam Kar等等)。这个抽象化的进程依然处于经验层面,但已经指向了反省性形式的方向,正是对本相数量的协调开启了解释性的价值;不再以"位置"作为记数了, 有是以"图形"(Sea 已举就是)以及以"边"(Sea等),或是以"角"(Sam等)为参照,这与建构方法有关(Hen说"根据图形和交叉",第一个不语从第一个面来)。这提供了一种(解释)理由,尽管仍是隐含的,这就是观察性协调,其特征是解释的隐含性,还没有达到必然性协调(要从水平用8的第3阶段开始),是水平用4的标志;这时的概括化依然是归纳性的(当 Kar在八边形受挫时),而即使是起高的被试 Sam 有处理内接四边形时也是到了妨碍,并混淆了部分的内接图形和包络图形的最后推理一反之,Kar,Nie 和 An 由 上4条边面对四边形数量的低估,这个错误则是智力因素导致的,因为这个观念的主提是相以线性顺序,有非以环形的方式排列(参考:第三章,四元组对应 n-3 根橡皮筋)。

4 水 平 **II**B

这个水平被试的反应和水平IIA的反应之间的差别似乎可能是微妙的,但很具启发意义:当之前水平的被试通过"用手指来看"(Hen)来控制自己的行动时,这 水平的被试则有了一点改进,开始通过对比的方法来规划自己的行动,但依然没有达到必然性协调(这在文章写作之前已经预见到了),水平IIB的被试会在行动之前思考并规划行动,

这让他们同时能对正确的概括做一些知可,且接近了形式化的协调性。

Dao(8;5 早熟) 完全掌控了三角形的问题,直到11个顶点 对四也形而言(五边形中的)他只试了第一个,接着就说"我觉得可能也是有5个(像三角形一样) 为什么' 我在脑子里做的 这些文字对你有帮助吗(水框顶部的)' 是的,这让看起来更方便了 我这样拿一个字母然后接着传到下一个",还有"我盯着这些角来会试看做 ——但这不奇怪吗,5个四边形,它们可多了1条边吗,——不,它们交叉得更频繁了(相交) ——那对一个11条边的图形,几个四边形呢?——应该有11个"。

Did(8;10) 五边形中的二角形: 代则4个、"我试过时有方法了",是通过心算的,继而指出了第5个,并说之所以忘记了这个是因为它与其他相比不"正常""怎么做能让你不搞错呢"——我们从1到C(1BC),然后C到F(CDE),从已到B(E1B),EBC是错的,从D至,A(1ED),然后从1到D,啊!不,故过了一一这样是为了不重复吗" 比如说1BC和1ED(对称的),它们与是面对面一一那还有一个,我做1BC,那价到哪儿呢"—啊!从B(B(D),等等"对四边形一样通过简单的视觉审查就取得了成功。

Nil(9:2) 一上来流通过观点;计算出五边形中的二角形,且与他指出4个人 后,他宣称:"全做完了,所有的边缘(五边形的边)都被占了 --那么所有的边都 被占了死结束了, 一还有杆子,它们到处都是,啊!除了这儿()所以5个)"六边 形:"4个 乙醇呢! 5个 (现则,哦,至少6个!(他把它们对称成组 做起来)"七边形。"7个 你怎么及的, 們……我順着做,从这儿开始 (1),然后报,然后已,然后全部(他本了手指)7个"对(五边马中的)四边形,"我从 每个木桩开始数: 1BCD, BCDE, CDE1, 等等, 这样是5个 那 11 条 也的图形里 有多少个四边形呢? ---11个,因为我们从每个推出发 ---那7条边呢? 那11个框里有几个10条边的图形。 啊! 系对灰, 也是11个1" 是11个 我们看到,从外显动作、1100之后内化,到一种行动之前的概念化之间的让度,生产 出一种现实的或可能的程序化,更好地使被试商生出一种名构性的分析,这计他们趋力 于必然性逻辑协己进路: Dao 用相交的增长未解释了一角形和四边形的数量相等, Dal 和 Na 则有同样的进程中试图 7 找一种彻底的枚举法,这更多的是在一次完成之后预证 - 协遇的法则,诸如此类。但这一切都存在主隐含的部分,直到冷段Ⅲ我们最终将会发现。 一种完全的反省式分析。

5 阶段 Ⅲ

Est(9;10) 从只在五边形中找到3个三角形开始,然后心理上达到了5个"为什么?——因为有5条边,所以我只找到5个如果有6个杆子,那我会做6个,而如果少1个,那我会做4个"对四边形也预15个(并列举)"那这种呢(六边形)"——6个四边形 确定"——是的 ——不需要试试"——不,因为如果是5个柱子那就必然是6个 ——那10条边呢,——10个三角形和10个四边形 ——直如此吗" 是的 我们每次拿1个杆子那吃一定是10个 ——为什么呢?——我们拿1个杆子(4),然后找们再拿B和C,然后我们再重拿B和C和D,我们每次拿1个杆子就必然是10个。"

Lau(11;3) 一开始九预感到三角形数量 n 等同于钉子的数量 n "解释一下 这样弄一次,这样弄一次(成功举出相邻的钉子作为顶点)……因为每个是2个钉子(因此2条边),然后继续。哒、哒、哒、如此继续"更进一步·"那有19条边的图形呢" 19个三角形和19个四边形 ——指给我看看9条边的图形里所有了能的构图 9个图形里的1个.8个还剩2个.不对.9个里的8个.9个里的7个.9个里的6个、5个、4个、3个、2个。"

我们首先要确认的是,有我们的任务中, 权重递推的明确验证了在两个案例中提供的从元至元十1的属性过渡的理由。在第一方面, 被试下可我们展示了, 如果一角形的数目等价于木种的数目, 对5个面占(五边形)是真的, "必然(也)是6个", 因为在两个案例中"我们拿1个相子"与其相邻的两个一起。在第二方面, Mae主张, 如果规律对一角形面, 是真的, 那它对四边形面言也应该是, "我们跳跃了只是一点, 但这又回到了同样的了"

我们最终要承认,被试的这种推理方法把他们引向一正如形式运算在另外的场合所实现的那样——立即实现新的可能的方向: Mac 也能非常确定地在 150 条边的多边形中计算五边形的数量! 在这种类似案例中,建构性概括化不仅仅局限于规划新的形式,而且也孕育出了新的内容。在逻辑数学领域或是递推法的领域,这几乎是理所当然的,并引领"切的"数量直到无限,但是我们将会在第 11 章到第 13 章看到,从好的一面

看,这还是停留在真实的物理字的范畴中的情况

6 结 论

有两种证化中,这种值得注意的趋同收敛自然而然地在概括化与阶段的转变中保持着密切的关系,它不仅仅是意识的获取,还有其确定的抽象形式。在起始点(阶段 1)、被武几乎只能发现行动的结果,并首先是企曲的(水平 14),然后,紧随仅仅是承认和按受(不到水平 18)。先是错误的经验性概括化,接下来才是正确的,以及很多错误的归纳概括化("位置"总是经常地,也是错误地出现在水平 14的概括化中)、再然后是有价值的概括化,尽管停留的时间很每一但不能忘记的是。 切归物性概括化和假定了一个预先的框架,对其实际使用可能被证实或者没有被证实,而其形式化则是通过建构性概括化来实现的,只是发生在更早或更基础的阶段。此外,在被武载得对其成功的行动进程的意识领悟的范围内(主要是基于通过实体性操作而得到的经验抽象)、以及最后的格式本身和必然性协调的形成(反省抽象)过程中,概括化逐渐趋向上建构性,直到阶段面的被试在构成新图形的任务中表现出了这种惊人的能力——以形式化以及非经验素材的内容就能实现。实际上,这些新的图形是推理出来的,而非实体性的,它们不包含实际内容,也不是从先前的建构出发或是从它们的结果出发得来的,而是依靠其开放的可能性,这完全是一种新的建构。

我们在此再次发现递推推理形成的一个阶段:(1)对面的观察,也就是说简单地记

右心中的先前的结果却没有充分性确认,只能通过外延性日纳,因此不能获得必然性; (2)从n到n+1的过渡,由在阶段 III 的两种显著的证明所构成(Est 和 Mae),而这仅仅引入了格式的必然性以及关于行动的建构性必然性; (3)形式序列件的概括化(对"所有的"n来说都是真的,原则上直到无限)。

这也就是说,还有得明确的是,这些事实教会了我们关于两种概括化(和抽象化)之间的关系。在某种意义上,这两个类型总是合并。不可分离的(正如在某种意义上经验抽象和反省抽象是等价的一样),但在发展中的核心事实是,它们不仅仅转变了规模,而且还完全转变了隶属关系,阻止了意欲的持续进程,并且将一种高级的形式化(或更准确地说是逻辑-数学的,从一种准反省层面出发的)过程接予来归纳性概括化和准经验性抽象化,使它们获得了与初始的完全不同的意义。

从出发汽车,我们看到归纳性概括化。以及经验性抽象化的结果。最基本的多样化已经假定了一个建构性的(因此也是反省性的,预先的框架,如此不相交部分的表面划分。以及自然的一角形,不限于等也一角形),等等,但这些及实际推理的预先形式化或更基本的过程。如果我们上端到透知云动的两头,我们会发现,所有同化格式的形式化都同时包括了建构性的因素。一体的活动)和自物性的因素,两生性同化以及部分概括化)因此,对所有的归物性概括化以及经验性抽象化的言。总是存在建构性和反省性的预备

但是在此之后,我们必须分解两种质性层面上的情况,而不仅仅是量化层面上的区分, 盖先是, 跨段工的主要特点,自动化发生的归纳性概括化与学验性抽象化,在此意义上,如果其所提及的框架是必然性的,它就只是允许(premettre)这些推论或判断,而非"构成"(engendre)了它们。这些框架的局限自发了被试后排的现候,所以他们是借着可观察到的非推理性的自须设施等所出发的。如此,这就有了关于"归纳的"和"经验的"不再听给予的第一种含义, 原便。提,这里所指的是它们性用的和固有的意义

其次,尽管根据意识性产生过程中我们可以看到的那些理由,建构性概括化的实现最终成为可能,它以自动化的方式发生作用,在此意义上它"构成了"(engendrer)(而不仅仅是"允许")建构。它不仅仅是维的形式,还是新的内容(参见:在登技制,那些一连建的新数字或私图形),而不是在建构之显而观察到的某一个(具体对象)。此外在这个案包中,自然地还考虑到了外廷的过程,不过是在一种新的意义上,也就是其"内涵"(形式)简单地丰富了"外廷"的正确性一个上沿岭性抽象化,它中走了对外源性观察的依赖,因此它不再是"经验的",而仅仅运用在由被试的建构两构成的内容之上,并且因此成为"准经验的",是功能性的经验,有非结构性的连续一一言以最之,在这些新的意义上,既十外廷化进程,亦非准经验性组象化,在第一种情况下产生了属性的概括化和抽象化;它们之中存在着完全的差异,这种差异把内护性的和外身性的(两种)区分开,否认这种差异可能会消解物理认识和逻辑数字认识之间的。切区隔。冒着产生误解的风

① 在具有可能性却没有有效性的意义上。

• 938 · 皮亚杰文集 第六卷 智慧操作的建构过程

险,我们可以这样类比,正如生物字中的表现型和基因型之间的关系,也就是从来就不存在纯粹的外源性的(条件),因为总是有一个内原性框架存在的必要性。反之,在特定的水平上,也就是不同的形式化水平上,总是存在这样。种逻辑和"纯粹的"数字,也就是说,它仅仅只依赖于内原性结构,丝毫不高发外半性的控制支确认(记述别于有机体的新或性的思考机制,其基因气的属性正是通过内系性反应对外面性的环境生力的目应)。

第五章 凸多边形中的角的总数的递推

与J. 坎波和J. 屈阿合著

关于3件类型的经标件模括化的第一个正式是基于占多点形的集内包数。可是是实现 每年 1月 180、房内 2 中间,1960、对在 2 中间 1 是 360 平 180 一 每次多一个 角形,标数的量化可以按替换成产量的合并。 全国无形代表 一角形的 3 个角 5 生以中经科 一角形 7 的数量需要数据、彼此不相交,是数是 7 - n 2、上将 一角形的 数。以上,10 不是 4 是 一个表面上看来似乎很简单的,是 人工可能推断数据 1 以上,10 不包含第一量中间,在函数元本中的可变性,也不包括第四量中的内接数据的多量和交(现代这里所有的 1 都必须是不相交的一 第三面,一家老面面一些童中的历典者未见有效是,为事以上,我们的上了要更示。在水平 1 B 和 1 I A 之间的,在基于可观。约特的基本。每种形式化。中国和自己有一个多型的用户和依证对一个几分解的建制的几件形式。

万定分成的部分工具。在第二部分中,我们呈现。至列口含形自提问:《口题售级表力联合》的作及、以及它们特征是未已年度: 2 发生错误 计仅仅对 角压和四位 15 元代某人,我们可能设试有动; 3 对证法支生已定告集的有益经

我们从一角自开发。(对年总的最快以下,整合在一个已经定好的角的。你有角 角形、然后是任。角度的一角形。接着,我们是没到四度形式投票的方式。如何不 个人的一角形在一个公司一角形。接着,我们是没到四度形式投票的方式。如何成功的以 方形。然后是没有一位。一次有一种任何的边形)。在此之后,我们对一步到规则的以 及不规则的有边形。没有一位)一我们不再,与全产行之。十步,而是任于几个付证所到 一分上是他缺乏自己是为一次自己用型考和想象未进行第四分的和合并。然后,来到现 同时,不见用的不为少一的这样,我们进一步(不仅小型形式)到从元的元十二条边的多 互形:此去,从上有一方,不是形成进一步(不仅小型形式)到从元的元十二条边的多 互形:此去,从上有一方,不是形成进一步(不仅小型形式)到从元的元十二条边的多 互形:此去,从上有一方,不是形成是一方,不是有一种形式,我们要求

在第一部分期间, 我同建议上直(女, 杲池五)表在1发地发现) 种以(从一个顶点目

¹ 表すで、、イビリトゥスで、 ま、生生する 一転 1 分析 有人年 。 製力 で 特力 利用 不再整建了。

发的) 不相交的 "角形对多边形进行分解的方法、我们在梯形上重复并暗示在其中隐含的 角形(1个 或划出一条对角线 然后我们在五边形中同样构成 角形(3个), 然后在六边形中同样做 角形(4个), 以此类推 我们于是提出多边形的全部角的包和是多少,以及为什么的问题。

最后,我们要注意到另一项被运用的技术:从一个一角形出发并增加到更多的图形,诸如四边形,五边形等等,这种积累的边产生了一个不规则的态形。事实上,之后的那些河试所获得的结果与分解并没有太多区别,而且呈现了一些不便,诸如,所有多边形的普遍形式被遗忘了,以及一角形被逐渐地加强,而较多实成是它们的最后的自有况且,我们不能说这就是最终的事实了。

1 水 平 IA

概括化首先设有超过从一角形到四边形的企设,在其中还值然任有很多困难

Mag(5:6) 三角形:"如果我从这里用线条来切一下,你猜则自己能否把证此 小块儿弄在一起, 不能(他切了、并整理) 1个房子、1个問形, 十个問 形! --那用这些呢?(不等边上角吗) - 「个教堂的屋顶 - 这不是一个三角 形吗? --- 下, 内为它那几有1个很大的支顶, 它是美的 那切开这山角落 不知道他斌看做了」半个门! 为什么, 因为那是同一个东西 (他分別指出第1个三角形和第二个三角形的部分) 那用这个呢。小二名 形), 不行, 图为这个很小"但他在观察之后进行了概括 我们逐上1个校 角:他预测"1个完全用合的圆形 -- 为什么" --- 因为棱角很大 我们可 以在里面做三角形吗, 下汽 试试 (他做了内接三角形、但没有月 尽所有表面积)"于是我们指出了对角线:"你可以吟我解释一下为什么用!个三 角形就能做1个丰圆形,而用正方写也是1个月写吧。 因为它很大:然后他看 看那两个由对角线所孕生的二角形) 我们不见(用这个)做1个完全的圆形,因为 这是两个三角形1 为什么不能, 因为这样的这个不是一个正方形(没有对 角线)"矩形:没有预测。"我不知道"有1个角很关铋的不规则四边形:"我不知 道……一整个圆形 …不是半个圆形、因为(及)有3个棱角(直角和钝角)"

Bia(5;1) 对三角形的尖角预点:"1个图形",随后试了一下,"这做成了隧道(= 半圆,",然后概括到一些不同的三角形,"因为有同样的尖角……同样的形式" 对棱角,他一下子就预则"1个球 为什么" 因为有4个尖角,里面有更多的角了" 找们连接2个三角形成为1个正方形:"1个圆形 为什么?——因为那几(1个二角形),有3个头角,而那边也是,这就有6个尖角

了 那用6个长角,你能吸点几什么呢" 我又再次联想起了1个隧道,不是1个环 ——那用4个尖角呢? 1个球 那为什么4个和6个也造成了1个球? 因为这是可祥的形式(正方形中的2个三角形)"矩形和不规则四边形;"1个球,也有4个尖角 ——(五力形 ——1个球,和之前的是一样的东西。一个球,也有4个尖角 ——是的,但我们可以做得更大,因为有5个尖角。——(六边形?)——1个大球,有更多的尖角。"

Fie(6;2) 对三角形来说是半圆形,而对四边形来说是"1个完整的圆形""(五边形)——一个完整的大圆形,因为我们能负很大的矢角"我们把1个棉形切成2个三角形,而Fie把一个朝着另一个重新恢复。"这是半个三角形,他指示的是棉形,所以说是2个半个),这不够用来收1个完整的圆形……不,我们不能做足够大的1个完整的圆形(参考Mag)面对正方形中的对角线)"

4r1(6;8) 同样的反形 对五边形:"1人完整的圆形(非常确定) 我们不能,也许把它弄成2个呢" 我们可以(犰狳不决) —— 用3个尖角呢,1个半圆形 用4个呢 1个完整的圆 —用5个呢" 也是1个完整的圆(确定且轻松!)——(七边形)——有7个尖角,这也做成1个完整的圆形"

因此,在这些技式中有关于 角形作为主图的最终的概括化,但是Macial 先体疑小型 角形,然后简单地建立了2个被切开的小块的类比,因为1个"尖的" 角形不是1个 角形,比对,这个比重还不计算尖角 为国,Bac最初就预测到了 个完整的"两心" 当过渡到四边形时,若遍的应则是"1个 可自",但并不奇怪,因为它们是由2个角形构成的 这是因为它们是"更大的"(Mag)或者说它们有"更多"的尖角,且被以终是不考虑从下凹到完整目的中间状态 另一方面,当我们呈现一个正方形或是1个被分为2个 角形的梯形的时候,Mag和Fre以为我们就再也没有"1个完整的圆形"了,因为那样的话法"不够大"了,与此同时Bac也以可了完整的图形,但因为此案例中有6个尖角,自6和4是相似的 事实上,当我们进图引五边形 马边形或毛边形时,儿童的问答是只有1个四形,表面积的增长其接着 个云则来描述,即"占提的位置",与第四章中的水平14的被试的形式不同。

因此我们看到,在水平14年没有出现谨推,同样,即便是3至4个角的过渡并且关系到概括化,特别是对于4个角以上的多边形都只有1个周的守恒,都表明(被试)本质上依然停留在归纳水平,与第四章中被询问的河边的答案处于目样的水平

2 水 平 IB

比起水平 14 的进步在于,当形的,加、从4 个角开发,怎一外补充的门门与"加的气况" 序, 但无视了它们在半圆和整个圆中不等价的区别。

Ser 6;0 对1个三角形配祭到"1个丰月书"且规括,红到其他的二角形 对码形,也批聚不失,然后自己决定看作为"1个目的月产" 对五边形,"有5个角;1个月亮且只有那一块" 他位了1个物分为随意形式的心块的圆,开从外公加入了1小块,把到"1块 外部的)和4块 内部的 经在一起 那这个"只边"的"现在不是一个月亮加2块 那对7个头角吧 新大支成这样(多1个)。——那8个呢?——(他又加上去。)"。

R. 7;4, 不是"生了和] 表型一件为四。他们用"鲁那是一个目的34 所观尽到丰间形。"用为人许有小的 有";1个有角二角形对他玩是'丰个正分形",并且走上圆粉子"更多一点" 化对心形也是一样的,但对正为形产生的是"1个同形",并且对处形是"比一丰多一点点" 在立形:"1个元件的目录加上1个碎片"1个针的编形:为之后指可印度 ,而对1个产的正方形。"1个月形(非言确定),因为有4个很大的碎片"。

Bm 7:0, 对大多数"气"和"气"和"气"和"有气有的)则长则是几乎一整个圆形,有对压力形式。"无金是个圆形" 五分形:"1人圆气石是写1个圆的开始"、伊对不规则的五次形则仅仅是"1本巨大的。" 八边形:"1人圆形以及1块一 更大的" 我们建议用一角形分解正方形:"这样尤有2个了 有呢?——4个。——这个三角形值多少?——1个半圆。——其他的呢?——也是一样 那因2个呢 不完全是1个完整的圆。 该还有1个这样的来位或1个完整的圆 一那么你被引什么来做或1个完整的圆。 这还有1个这样的来位或1个完整的圆 一那么你被引什么来做或1个完整的 一方个大角 "这体现了一种新视角的逻辑,她放了放压分形中的3个不对交的内被三角形,凭如产生了"1个半圆,还是1个半圆,这边的也是 所以一共3个半圆) 那整个图形的 电

三角形上,最先的2个"完全放了1个3 一那其他2个呢'——完全是1个 图 全", 我不知道,"她放了故角,一共是6个 这年会去被成1个圆"

布趣的是,这些反应机志了水平1个和11A之间的变迁,同时也是角的数量函数的是化评估的起户;相对于一角形,五边形甚至更多边形,因边形可能具有某种完全的优势。处于似乎任何这些图形都没有包含。况然而告求,因为角的数量不仅仅是单独在活动,可是被试理推动角或镜角的多少允许发生变动的,所以不存在制量的一致性一数、试得好地确认了一角形产生了主图形,和以上他用"片"和"块"来计算,对小的图形则是为了14图 A。认为公边形对为一个生的。形,还以是没有与五边形是添;五度形对应1个11形和2个14图

这种度量的缺难是特别的人的。当我们建议被武以一种依据一角形来让行分解的方式过,1.5。Bm 伝清楚地知道一角形的3个角对1/1个年四。目2个主国合成1个完整1,5、但是化依然不认可以被分均为2个。角形可止方形能对应一个完整的图。他接着一方在认可以较分均成3个不有交的一角形可止方形的3个主制。进而可以产生不由1个气势的设计他同样打造形式,也形中的4个内接一角形,并因此对形了2对2个平均一尽管和能分辨互来,所以包括两不认为公约扩充实际的对抗1个完整的设一这些异常为企从自然化现了这样的重要,当该以图像不成为公约扩充,但是是不是一个完整的设计。

3 水 平 IIA

这个"没国人的反应。""你可以关记于第四点中国目水平的反应、营管被认的行动所不允的功效在以里支连更少、目记不是广丰。以一我们发现、下户这样的案例是临近了广航的推开、作而是一种不角的数量及其等担特在之间的犹豫不决、正介于推理和现象之间的犹豫。

Anhi 7:5 然 1.7 对等均 5.5 型的 1. 个 本国, 并且在确信了与角变得更大的时表面积会支撑更小之后, 他解释证"它们仍然还是可样的正式", 并且 1. 个小角是被 1. 个大角所成正的 反之, 他反对更多的 1. 个角之后什么都没有改变这种观念。"1. 个正多形产生 1. 个上量, 啊 1. 不 "较小的 5. 南 可,"和似的, 1. 个 半月, 因为一直是同样的形式。"正分形:"1. 个国, 因为有目的 4. 个1. 4 "对一个矩形记是, 但对一个不知见, 的结形则 1. 等错误。 五边形。"1. 个 可, 且它保持如此 3. 个角。"但与我们建议内核 5. 有形的轨道片。"这会做 3. 个 1. 有1. 个简单 先了的那 2. 个), 且它保持仍是 1. 个 1. 个 1. 有形和 1. 个 4. 图形 1. 个 2. 这不再出现在对 1. 个 不规则的五边形上,由于大小不等的等,且对 1. 个公司, 也是仅产生 1. 个 4. 图形

Rog(8;4) 预测这些三角形为1个半圆形,"因为也有3个角";对不等边的三角形和很小的三角形也是如此;对稀形将会产生"1个圆形 啊! 不,不完全是,因为它应该是6块三角形来做成1个完整的圆形",但当我们建议她用对角线时,"这就好像是有过2个三角形;1个完整的圆!"但对正方形,她对做问样的事则没有任何主意,且在那几吃惊地看到4个二角形的角 五边形:"1个半圆(-1个二角形)加上2个尖角"对六边形,她相信:6个角-2个三角形-"1整个圆"

An.(8;4) 所有的三角形-1个丰圆 梯形:"1个圆 为什么呢" 因为还有1个半圆 ——哪儿有?——还有1个角(似,泥,看了角 = 1.角形)"矩形、 等等:"也是1个圆形"五边形:"1个圆形上面还带1小片"而六边形则是2个 我 们建议作三角形,而 Am 一上来就问意了,并在正方形的2个三角形里确认了"1个 圆形"但、事实上我们能在正方形里切引4个角而每个三角形则是3个,这6个的 总和将会是"1个圆形加2个角 如果我分解这个图形的2个三角形成是同样 图形的4个角,这不是一样的吗, ---不,这不是一样的"对五边形, Am做了3个 三角形"那如果我们切割底部呢!——1个圆形边上还带3片 ——还带3 片,一1个圆形以及卷一点的1个丰圆形(全部一起)! --那如果我们切割图 形的5个角呢? ---那就不是同一回事几明 "仍然因为这做了1个圆形(三正方 形)带着1片在顶上(第五个顶点),那我们明确了3个三角形=3个半圆形二1个圆 形以及1个半週形"这与你之前听说的符合吗" 不 那哪个才是正确的 呢, 2个都是! ---分解不是一样的吗, ---不是问一回事, 是问一回事. 啊!不 那么,是还是不是呢, 不,是的,我不知道 这将会做1个圆形和 1个丰圆形 如果我分解图形的角,那这可允欲同样的东西,是吗" 不" 六边形:"6个角和4个三角形 如果你分割三角形呢! 2个圆形"那么应 该让她写从三角形到六边形的图形的列表,并看着边的故量和内接三角形的数量, 以便让她模糊地感到当加上1条边,我们就加上1个三角形,而因此变成了1个丰 圆形(但并没看到关系三角形T=n条边-2)。

12 "因此他计算为图形的4个角等介于1个正方形(1个圆形,

就如在上面已经说过的,这些反应的有趣之处在于,在对物体的观察字眼上,它符 合我们已经从第四章的水平 IIA 上看到的对行动的观察字眼 事实上, 第四章的 IIA 的 被试都以某些有价值的推理来牵引他们的行动。但都并没有达到一种足够的意识产生 以达到必要的协调来引导他们的操作。在现在的案例中,这就不是以行动的细节来提 卍问题: 切开角并把它们重新组合起来是很容易的, 可题是反过来仅仅知道多边形的角 是 至同时今并的(依靠作图或是思考,就像做给出的第一个 角形的行动),在多边形里 将会产生同样数量多的不相交的 角形 然有这个难题证明了建构概括化和口纳概括 化之间的 个有趣的冲突 相反地,在水平 TB的被试这里,这就概括为对一切的二角 形的角折包含的尾性中总数是 1 个半图, 而这个即是过去与 B. 英海尔德一起做的研究 校上的活动,因此已经包含了一部分的建构既括化一当任意一个多边形带有内接 形的时候, 那么很容易就能记住它们(元)并对其进行推理(还是以建构概括化), 其角的 ·自数将会是 n 个 字 到 一 仅 仅 是 , 要 感 知 地 与 质 性 地 思 考 多 边 形 , 我 们 在 没 有 衡量那些每一个角的情况下毫无任何办法来控制,并且信任这些我们完全不能对其更 严肃的水平 IB 的被试相关的观察结果。然而,对一个已经能进行数字运算的被试来说, 不引言的事情是这些被武拒绝形成推合,也没有更多地去做建构性推理,而保持在一种。 归纳概括化的执行上,从五边形出发,基于四边形加一个角的想法(或是1"卉"、1"块")来 - 在 Ani 和 Dom 那里, 矛盾之处是同样, 青晰的: Ani 推断多边形的角的总数不等。 11 信质性 价于这个半圆。 角形, 的, 且马上说"两"种类型的评估都是正当的, 而其中一种情况并无 上路 Dom 尽管已至9岁6个月子, 无论如何都拒绝关于一角形的正确的概括化!

这些困难的原因很明。表被试个都已经怎会了n个 角形 =n个半圆形的关系,然而没有理解多边形的角的数字 \ 与我们所能内接的不相交的 角形也就是 \ -2 之间的关系, 了是乎对这个程度的儿童而言, 任意一个多边形的3个角等价于 个一角形的3个角目对 个四边形就是4个角, Rog 也如此相信, 八边形有6个角, 只和2个 角形相符合, 而 Dom和信一个十二边形的角回到了3个正方形也就是3×4-12

4 水 平 IIB

如前,面两章中的一样,水平 [[B]的标志是关于递推进程成功,然而并非不需要摸索,除非一切的规律都是轻松的。

(ha 9;5) 不确定所有三角形都能产生1个丰圆、随后看到校正之后就知道了 村四边形和整个圆形也是一样的行为 五边形:"1个圆形又1/4,也许1/3,要看角的大小"六边形:"1个圆又1/2,或许多一点儿"我们建议把1个梯形分成2个三角形,于是 Chac用到五边形上,"这有3个三角形,所以我们会有,(这次)我确信,1个图形以及一半"六边形,2个圆 摘要:"每片多1个角的时候,并多1个丰圆 8个角呢 4个圆,不是3个。"

(Cla(9;1) 一开始和(liu一样,但对五边与一上来吃玩。"1个目写和一半,因为有都很大 不规则的 1 1个圆形和不完全的一半"六边形;"2个1/4多,角都足够大,能做1个圆,加3个角又是1个圆、那就是2个圆 7条件的呢" 秋不知道"分解三角形;这次给予了不规则五边形。"1个圆和一半 听有的5条也的图形吗——是的,我确信 (六边形 这对我来玩是2个圆 如果我们又多1条边,我们感觉多加1个三角形、所以我们将会多1个丰圆 7条边呢?——我不知道了。必须要做图画三角形了"

对 角形和四边形都毫无问起,从五边形开始,这些被试的推过能力依然和水平 IIA的影略一样: 质性耳体 即便第一个回方正是Cla 今平,为对分解为正方形或 角之 则没有想法 反之,与之前年,对的反应都有一大差别。 日给予建议进行分解,他们不仅仅能立即且确地执行,有且对于接踵而来的推论他们还加强 种主接的确信,且被武立刻就降低了先前那些缺乏基础的思考所带来的评估的价值: Cha 和 Cat 在 这方面 十富 清晰。此外,如此获得的结果引起了一种明确的选择,并行有边边数量和一角形的数量协调,因此才有那些事情形,但 Cha 和 Cla 还没有发现"元" = n 条边—2"的规律,直到 Cat 发现了这一点并进入阶段 III。

5 阶段Ⅲ和结论

这一阶段被试的特性是、一方面。当他们要起自己的初始确信或简单地要求他们做他们"第一点看到的"。他们就能自己考虑未分解;第一方面。如果要被建议去分解,那么被武以递推方式到达定构的一阶段。其所包含自考验包括了n条边图形的n-2个 角形

(Nic11;1) 很清楚"所有的三角形都产生问释总数的角,无一可外",且所有的、中心影響"必须是十个角","如果我们作一条对角线(这是他对发现村出的)或完成2个三角形了" 对五功形:"这很简单,1、23、45、这符会产生1个圆形和1个小圆形的底、一、表会看看 我们第一跟看到什么" 一、1角形,啊!我们要以么做" 他初点成2个四分形然后又改变主意(1个四分形和1个石角形)"如果我又么使,既这样汽产生了1个周节和1个有和1个结形的种类……1个圆形和一本"不规则的五分形"一切事儿"并没有经过以为形,在接到,上功形,他做了1个四分形和7个一角形的较近。他忘了着一个太交纪了,而导致成战太短了,对形被这样弄了清官不规则,以尽产生了3个高形,但这是一个错误的计算且没有方去。对于二时形,他看手计算角的数点(让用允强变异性制的介于图形的全部的角和内接下角里的角),但他还将一些被光点程度异性制的介于图形的全部的角和内接下角里的角),但他还将一些被光点程度异性制的介于图形的全部的角

Asp(12,x) 在壁边开大的优柔之后,马上理解了稀形中二角形的情乐,且面对在心形,不作图片光闭答:"这会是1个门巴和一十 为什么" 一我们记在与礼作3个三角形(并展示了) (不起处的) 我们还是比在内部作3个三角形 ——更多呢/——不行,且(少1个)我们或许有1个图形有3条边另1个有4条边的 (六2形) 我们一再多作1个三角形,这先年会产生2个过了 那个条力呢/ 每多一条边,九多1个丰圆,因为会又多1个三角形。——那20条边呢?——在20条边里,会有18个三角形。——为什么18个,我有那几五边升入标记了对5条边会有3个三角形,因此是是多2条边(比三角形) 那如果我们从20增加到21条边呢/ 九多1个丰圆 那1000条边呢?——那就会是998个三角形(立即说出)。"

如此这般这个都是实复元告末了, 行这一章平行,相似的之前的两个章节也是一事实上, 在表面上几种泰简单背后, 这里对儿童提出的同是包括了现实中的一个程度的递推去的结构。得是的第一个规律是, 每两加工条件, 行考虑的多边形计我们相信, 一个上面和这些角的总数是相同的, 对为每多工条边壳允许多工个不相交的一角形的建构

(其中1条或2条边是借用多边形的边的),且1个 角形的角价值 规律是在 IIA 程度被发现的,然而在 IB 里我们看到Bm 确认了1个多边形能得到3个半 圆,如果我们相信,但结论是所有都值价值一个门同样,有1个六边形里,有4个一角形, 最先的2个组成了1个圆,后面的2个组成另1个圆,"点共1个圆",因为有6个角) 第 1条规律似乎牵涉到第一条,且同样是重言式的,就是半圈的意数,由规则下的内接。 角形的数量所给出,是等于多边形的总共的角的亡数的。不过,这条规律并不被水平 IIB 所认同,当第一条是属于IIA的,也就是说,对包络多边形的n个角,我们只能得到 角形, 据么这些n个角能产生感知评估的地方是基于简单的质性的可 n=2 个 -1 和 -2 的 水平 II 1 的被试, 唯独毫不依赖制面两条规律(如 IB 般), 密续把他们带向思 索:从这里,比如从Ani、Dom等等的身上能感受到矛盾,且他们能够从中走出来 这里,相反地,所引发的对一角形推论给他们带来了圣定果斯。最终,第一条规律,也抗 是n-2 个 角形对应多边形总共的n条边,只在阶段III被叫确表达出来(且Cat是更早选 的,在IIB组和II组之间,但最终还是对同题的答案不太明确可,因为他们假设了前两个 规律对行动建构的必要的内在协调是。 种更加的反省抽象

这些事实的有趣之处是,我们展示了这一个递作的阶段中有多少是从属于建构概括化的,以及在可几章的研究推理中显得更加清晰,因为在本章的案例中,这种概括化的形式是有开放的事实中的,以外延的形式表现在IB组和IIA组之门。事实上,承认我们能够以我们在其中内接不相交的。 角形的形式,来达到一个多边形的角的总和,是用以替代直接的可观察物的,以及有时是数据以及感言可供值物的。如此这样化。个我们借助成功的推论,在新形式和新内容的物体中所导入的一个建构的游戏,以演绎得是我们或许与该且同样或许能够在这里直观地看到的。所以,当我们对他提出这个复杂的练习时,以及Ani和Dom在对简单地从可观察物可开始的归纳概括化中包含关于同样常识的矛盾所遭遇的困难时,我们理解Bin(IB)所展示的冷淡

为什么这种建构概括化在水平IIB和阶段III被自发地接受,然后又被利用。很易显在这个案例中,如同在先前其他被评述的案例一样,逻辑的必要性的逐渐发展的精神起响保持了一种意识获取的进展,并直到达到行动的内在协调之后才终于。这就与原地表现在Catill实第一条规律的方法中:"应该需要2条边来完成1个一角形(这就是一个分享多边形的同一个顶点,且我们每次拿2条边来估值的幅度之中两个极端的一角形案例),我们每次拿走2条以做三角形。"

最终,我们重新记录这些事实中多少是确定的,且以我们已经看到的关于递推的可记录的方式;也就是这种概括化模式下内在确定性,绝对不是由对起始数字。(如门这会是一个关于几素的物理"归纳"的案例)所现察的事实的简单的拓展,而是它自证了仅仅依靠基于理解仿照,也就是说在从n到n+1点过渡以及因此到以后的"全部"的n+x(其中"完全"归纳这个术语由庞加莱所运用。事实上,直到水平 [14,被武都有足够的知识知道,1个三角形的角都价值1个半圆,且四边形的角都价值一整个圆,他们中很少

人没有看到1个平圆的这种区别。当我们加上工条边或1个角的时候,他们都能够提供之后的五边形等等的问题的解决。当我们建议以一角形进行分解的时候,水平11A的被试很幸处地时自了我们因此应该每次多添加工个平当,但却拒绝使用这种事实来判断全部多边形的角本身。这仅仅在水平11B上找到,从元到元十1的过渡的推理即递推法成为可能,且是在阶段111中变得青晰明确,而依轄此后的序列也能远至1000条边的998个角形。Asp) 言以敬之、递推推理是以在结构上建构而非仅停留在初始结构上为基础的建构概括化的一个典型的例子。

第六章 周长的延长

与 A. 布林格和 P. 孟加尔合著

我们看到、看第四章的生产中,广泛美别外纬的机括化的。种形式、功能性的差级而结构的不全变。每一种压力合出的或性等可扩充。企业过几点或多物的运行物体的概括化件不是必要的,并为是全有了简单的一一内"互第一种,取决于是相关扩化、仅有工作定理证券、企业建构的等效支入产的外延、结功一种高等。即"等",这种对纸内地域定有孕育内各的功能可以是仅仅允认为各、如果是物理上的一一这里们是几倍研究是本于与未了基于内,和外线之间的这些人方式。这种关系具体也打了一个。一切积层化的完的基本可是,它确定了基于被试理,是机律性但基种方式让他借此将能达到上层的切的迹象而非其他的某些迹象。

为了这次国验师选择的写真是似现名的一方有么有比争。特别、特别们经长点任则 图长时,能获得相同的表。比如此。有其的主任是16m, 最高的。积为当是多少。这种 等是关系或者记不变性是似难理目的。【为我们是以不可是或允许有比例的方式进行 推理的(选为允许。)。由民可或表证积少支化的中。可我们没有改多十分产力2m, 2m保存 不变。以便使得制加度部的关系包引不是成比例的一次全门是引表部分成年人间言都 未能解决。此外我们寻找了一些简化的上方元末使用。其中引载调单也流行算为2m 我们也将为这些边代为1cm。6cm、10cm—1000cm的正为所以及一切记列第二级 增加1cm,因此一个正方形的每一条边的端点。

这就是阶段Ⅲ的被试将最终要能够解释的。

具使用的材料包括不同直径的一套。在它们上,最上与之一设计。定不变的个层包状物(房间的线),象征一个固定的。目前的连接一方长 ten. 4cm、6cm 40cm的正方与也被 起星现 有厂形之口,发之后口,用氧先支一致的重复。推等地加上1cm,最后、个矩形以及它的框架。

我们的布置从一系列国形中任己门一个开始,然后建造一个区域。我们拿包用来扩大尺寸的变,拿一个模样匿答多形。我们们间。否约如周长足够用以围绕有信图形, 然后我们开始最高与最终的凡长的区况的长度。我们建定观众高等分,然后转向更大 的产业或是走小的图形,未加料的工人的尺码,并解释无论之间的观察。最后,我们面包被武关于目形物体或不可提及,为一方形。人量子,大同地,用完等等,以及关于图形和正方形之间不变的添加物的区别。

1 水 平 I

在型目7,111 起产程度中,5 升支有获得寻差 点义,引为钱武无法在保持足够长支 的状态下未认同。条金。包状物,并根据它是产的还是弯的者确量其长短

Ana(6;2) "不,它们不是同样的(尺寸)。——这两个不一样吗? 是,一样的。——为什么?——这两个都很小。"

反之,从水平 1B 起,很可能非复持, 发走走实的,当我们提出向走的时候并看上去 不会变式运行。被试用然是严酷被指加的部分是未越大,但当他看到它不自有了,他多 多少屋服于全面的建构概括化的错误的观察。

(a)(6:6 正马形图的 每次表面积增发化后约约1次(15) 1)有会表小了、引力这几之间的大行多",然后的 这会大小了、用力致们在存条路上都增加了"。等 化面对型层、链"都会得对的" 为什么同样的没有了 九片儿孩有简单的声声 更加写有。"我们,也展到了怎么问题。" 战事如一提、水路都是如一段"我们,让你,不得都是如一天。"我们,让你,也就同等的好加一分。"是的,我们你是同样的 你说什么?——我觉得(它们说)一样的!不,我觉得大圆形会更大一些。"

Mic (6; 3) 可称的反义, 但《后次了一了。"尺寸一样的"对下一个的点目。 "吃个可吃全大小了, 但我不确定。 因为我们也可已经有过一样尺寸的了 现在 则几乎看不多 "此族解释"下 "人只一即解当我们图是起来",我们一直增加同样的尺寸, 因为这是线的同样尺寸。"

人(16;9) 并不中, 地上加的气加物后汗毒。"不, 这是可导的 为什么同样小的一段?——因为它会到处都是!"

(水, 7,4 一样, 在民, ,错误之后绝"一点是同样的一段, 对为这正是直到另一个的长度(旧的和新的周长)。"

事 万十、水平 1B 中不记出 计可长度的对比。中国或目1内的维利性,因为这种预测要 至, IIB 组 才 上 对比较发现: 计反式在事实自己是无序可地 水 生接 灵 了,如此这般这种阶 无物的不变量 汽 不 中 所 了。"我们 友现一 最 的 母位,就如 下 过 一 完 的。" 会 到处都是一 但 这种对可观察物的 美风无念怎句已 至 ,其 反复 手 。 才 为 M 。 从 一 成 一 次 净 慎 起 画 范 可 地 玩 条 "我只 查理 罪 当我们 一 美 屋 和) 跨 找到 "一 直" 用 一种 外 延 的 概括 化 抵 机 忽略 1 特 逻辑 的 能 动性; 反 之。(ar 没 看 底 打 工 方 形 一 长 焊 怎 都 分 的 不 支 掉 。 乏 而 想 多 到 儿 并 了 此 可 成 "

圆形上,就如在一切纯粹地外延的概括化,其中理解局限于非建构的可观察的解读,但仅仅简单地分类或重新捆绑;这是同样的套加物,因为这是或的同样尺寸(Mic)或是同样的间隔要填补(Ced)。

2 水 平 ⅡA

当水平 IB的回答全都表达出被武与物体之间的相互作用,换句话说,限于行为的结果(看到了前几章的意识获取的阶梯),水平 IIA 和通常一样,以某种成功操作的阶段性行动为中心,件随其成果,但并未达到内在的协调,所以方发推理一这与致了两种态度,当根据表面积全部增大的普遍预测引起了周长的增长以及附加物的增多的期待与事实不同时:被武太惊讶而拒绝理解其不变性,或是他们以这种其他的不变量比如是绝了的"粗细度"("路的宽度")来解释它一这就是第一种类型,于是我们能考虑 IB 程度和 IIA 程度之间的中间阶段。

ha(6;10) 与通过了从圆盘7到3:"比起之前的一段力该有更大的一段,因为圆形变得更大了——你配解释一下吗,一我想这是同一回事,因为两条长线是同样的尺寸,这确实很骨稽,因为圆更大了;及法解释"我们换到圆盘1,然后小a 惊愕地发现了同样的附加物:"不,我不理解,我觉得这根理"正方形,她概括:"这 心是同样的,我们应该如的——为什么" 这个我不知道"反之如果"正方形的一段更大了,(这就是)因为圆形不够一样大",因此存在对不相干的表面积切归的迹象。

Pie(7;9) 圆形2到3、全都自发地形那些冠状物或路戏"它们有一样的厚度",这表明了类型 II, Pie 没有预见到少 1 个附加物就更长, 因为"这个(圆形3 是更大的 为什么" 我不知道" 图形 1, 在错误的预则之后·"这差不多! 为什么"——我不知道 3条路线上长度一样吗? 可能是真的, 但不见该看厚度, 应该是长度算数 那么为什么问样的一段呢?——没法说, 我不知道"

Jos(8:7) "有大的(圆形),中等的和小的,而且它们的加约)一直是一样的 ··我不理解。"

Her (9:8) 尽管他的年纪如此,他还是说:"我不知道 ……这是碰运气的吧! 没有规则吗?——没有。"

当来到水平 II A 的实验时, 他们都以冠状物的长度为理由 只是这算不上一个解释, 而仅仅只是简单地把不变的"耐加物"与其他的不变的"周长"打上关系, 观察行动结果且停留于连接彼此, 其中对不可操作的物体的概括化是缺少的, 这将会在 IIB 程度开始显露。

Par(7;0) 圆形1到2然后2到3,"应该要1个更大的(栅栏周长2),2倍大", 然后"应该要1个更小的(2)和1个更大的1段(3)来加进去" 然后他观察不变 生"为什么?——因为缺少的是同样的一段,因为这个和这个是同样的厚度"

Den(8:9) 同样的反应且最终接受了附加物的不变性,"因为这是同样的路线的宽度", 们"这还不够", 对1个如此大的圆形而言有着同样"路线的长度"

(n(8:6) 仔细地描述了所有已经被执行的行动的阶段并总结说:"我们用铁标记了小圆形是更小的铁,且更大的圆形是更大的铁;(但)我们看到边缘是一样的",且理由是"厚度(他指出框架的宽度)一直是同样的"

Jus(9;2) 理解了为们这种行动的连接,与增加部分的不变性,并重新成功地联系起周长:"我们放置了1个更大的圆形在这里和那里(中等的和小的圆形),然后我们增加同样的路线,那么这就是同样的一段了 为什么是同样的? 这是同样的路线,应该已经是同样的线束给最小的那个做,那么这里(两个之间的差别) 就将会是1段 "在正确预测之后,会就在10cm×10cm 的正方形上:"这是同样的1段!——但这发生了什么?——路线一直是一样的 ——什么一样?——它们没有门样的圆地 ——那么什么一样呢?——一样的宽度 这就让我们总是有同样的一段。"

• 954 。 皮亚杰文集 第六基 智慧操作的建构过程

Ric 10.(): 一样:"所有的附加物品分割构成吗 — 是的 那如果我们拿一个大圆形的底座呢" 广泛要增加7倍的冠状物的宽度 那对一个很大的底座呢" 广泛更大,几该有比我们所加的大1(0)信的一段"

这些反应都对概括化门归物和建设行形式的问题。呈现主,种确定的存处。我们首先观察到,从中间阶段的实验起就存在着与 IB 程度所相反的。行动的或功序列的意识获取,Iva 已至主意到"两条长线是同样的尺寸",因此他介入了一种对周长的头色。这只 Nat 更易确;"主要的是我们之后放的"人"但矛盾之处在于,在表面积大幅增加。在他们的想法中,这数发了一种对周长的长度的相关增长。和是无任何严格的角加物的不变性之间,他们强处地感受到其中就是其种活化的外延的纯粹属性。

对于这一程度的理查的实验,它们同样越来越多地清晰地坚持图长的点套,这合产了附加物的均等不变。种可接受度,如同我们在从Pac(7;0)到,bot 4 Get 9;0)的用语主所找到的"这缺少的是相同的一段"。但这里仅仅是对同是的转移,它是效了必定的是著进展,分别在对表面积和图长的坚长的分层的理解,以及对设式关于这次的图长的差异之间的理解;只是它停留在验证这些人量的和图上,推行适应。种对图形和主力形构和物体的每一种都是但定的一这里上所了长度,同时也得得升保持一样,且需求上份是了一个"重要"的角色,(可读数地忽见记道(气好记惯设是已经有了一个必要条件,但不是充分条件)。

行确,这种因果关系归图于对这个程度的言为高的。种关性气难以诠释了,因为破试本身并未贴值也所建立起的在前层物力。厚度"和长度之门的屌些关系互扑力的另个难度。被认识可是最接近这个第一阶段解决方案力,然而包,然而免,然而包,或引用物"国为技角"看变得更长了,但证可这不够的更好的证据是这个效试,就如这个利度的原有人。样,不能且好如果但定的免疫而免更了的原则了附属物的不变性,如果(上我们可确)我们有它们周期固绕同样的"路线的笼度",那么一个"像桌子一般"中大门上方形或者"地球那么大的四形"将会包含同样的两只物。这种属于化的缺少,在我们没有以同样不同的迭代或至少是对相邻的周长的饮食进展到成功的物质人动的情况下,是小子被试到危快物笼度足够符"解释",但他们还未完成两种风雾的鬼律性之间的关联,即几种可观察物之间的不变性的联系;但作为应该投资的行动的可见多物以及还未作为必要的协调,而表现出的必要性("因为")在我们。从可获作的物体的领域几乎来,就是失了一这因此还涉及尽力有建构形式的方面下一种本质上的即物概括化,但缺乏在这方的必不可少的最后一阶段的对协调的意识获取。

3 水 平 IIB

平均9到10岁已有些到了11 12岁。如同IIA程度 样会扩大到10 11岁的案例) 的被試完成了巨大的进展,这是不可操作的物体的概括化

(山)(9;3) 在错误地预测后规察附加物的约等性:"因为在那几或许应该再加上3 那如果我们做1图识较置吧 2该再加上3 那一圈月底吧 3,以该再加上 那1个保小的园吗呢 3"但是奇特的事情是、与我们回到对被读进的周末的圆形时。(山顶高对于最大的周会有1个更长的附加物,然后解释了她的错误:那些或点是一样的。"因为它们折叠了,在我相信我们已经打开它们之。"。这个是从完度到长度的过渡的开锅"那对月亮呢 更大,不,这会是一回事。"

Rail(10;6) 在错误的照明之后"这是问样的1段,因为这是问样的宽度 那付1个很大的正方形呢" 缺少问样的1段 那围绕着桌子呢,——同样的1段 ——那对无论哪个正方形都是,——是的 ——那如果我们身次放置2条路线呢, — 对路线都是同等的1段"圆形:他预测同样的附加物,然后现"这是因为没有更多的等了一个了4条边没有更多边了:在我们每一次做转向之前。——三角形呢?——比圆形更大,比正方形更小"。

Ser(11;() "是同样的尺寸,因为是和我们之门合并的同样的宽度 ——对1 个巨大的目节草地呢, 一同样的1段,因为已经有了所有的线来绕1圈,应该再加一样小的1段 "考有月号" 刘炽的1段 "正方形;"更大一些,因为有4条边,而圆仅仅是1个。"

Lan(12;2 第二个正方形·"这是一样的,这水还是1cm大小 ——但这个正方形是4cmx4cm的,那还是1cmx1cn.吗' 是的,但这是同样的宽度 之前我们已经有1条线夹做了图长,且之后我们再加上1cm的长度,所以这就变得相似了。——那围绕着桌子呢?———总是1cm。"

随着这些被试通过恒定的宽度与附加物长度的转移,这种宽度被表现在边的长度上,然而路线做了一个直角转弯。Ran还没有到那儿,可是被表面积的些大所支配的停留在原部分,然而Col 说到我段都是折叠的,Ran 说到"转变",而Ner和Iso一样说到上方形的"边"是接近解释的,他们达到了暗含的方法,他们对行动的意识获取起上了动作,因此几乎达到了必要的内在的协调,但是,更多一次,立该期望11—12岁的"形式化的"操作的程度,同样从最初的正确预测起来获得这些解释和这些必要性。

4 阶段 Ⅲ

看这些例子。

Pin(11:9) 预测"1段4倍于此的(1cm), 图为这是它的尺寸(框架的宽度 且它有4条边 (尝试)不, 不是这样, 气该要拿8倍于宽度的 它(边)这样还有这样地扩大了(2个顶端) 我拿1条很长的线然后绕着桌子 我想从全部四周再远离1cm 那我所该如何再加1段/ 像其他一样8倍 不, 是的, 这样就够了, 这是一样的" 圆形:"同样的 (会试)不, 在正方形里有角占地方, 那么这些需要拿线。——环绕月亮呢, 这1段会足够吗?——是的。"

Ala(12;3) 被展示的第1个正方形(4cm×4cm):"这个扩大了,边增长了1cm,那么它就缺了4cm (会试)啊,不……这几1cm 那几1cm(2减)"1cm×1cm 的正方形:"应该再增加8cm 10cm×10cm 的正方形? 总是1cm,也应该再增加8"圆,他预测一个更大的附加物,"因为圆有更大的表面积(会试)至少,因为正方形有4个角且我们加上1cm 在每条边上 如果我们展开这个圆,那就是1条直线,正方形也是,但有角的话就是更长" 大圆:犹豫不决,然后说"我们永远再加一样的 那如果放上第2个冠状物呢" 这就会是同样的1段(对第二个而言而

非对第一个} 那环绕月亮,这一小段会够吗,——是的(毫不犹豫),但这有点奇怪。"

Den (12,9) "那对1个圆形的大桌子,这会是相似的吗? 是的,明显是 那对月亮呢, 这是一样的,是的,对无论如何的尺寸都相似的"

因此,这些被试在所有尝试之前,就已经预见了附加物的不变性并概括为"对无论如何的尺寸都相似的",就像Den说的;如此"奇怪"就像是Ala以及所有成年人都想的一样并不符合几何学!这种立即的预测自然地得到一种行动的内在化,其不再局限于描述句暂的序列,而是到达必要的协调,这依赖于其中最终对路线的"宽度"作用的正确解释,这是通过在正方形的4条点的每一端都延长1cm也就是8cm年表达出的

这种基于规律性的"理性"的概括化因此是一种坚决的"建构的"类型,并带有其所有的特殊性质。在第一个方面,它不再,以及可可观察物的重选,因为附加物是在观察之前,就被计算的目其不变性是演绎的:高戏中的图形,它们初始的和最终的周长等等,因此都是青升到概念性物体的层域,且同样由此形式(第一个方面)孕育了它们自身可能的内容,在这其中丝验供给了内容的材料。于此,第一个方面, 种外延作用的完整变化。事实上,在一种可能的或非常可能的"个部"中的"某种"交上的意义上,先前程度的概括化在一切外延之后就带留了,而根据一种停留在某种推定上的规律性保持者对同等观察条件下的可能的简单再生产。反过来,"对无论如何的尺寸都相似的"(Den)形式的外延概括化不再建构。种基于经验的"概括",可是预先论证的必要的结论,它是基于理解的。于是,外延不再作为一种形式对内容的概括化

5 结 论

在此,我们被带回了我们起初的 关系到外延和理解之间的问题 为了开始这最后部分,我们观察这些过多的选择中的 种意义重大的演变,首先根据其指引预测以及之后对预期外的(包括直到IIB程度)可观察物的电就是附加物的不变性的反应,对初始过象的预测是物体的"尺寸",在四长与表面积之间并没有鉴别分化,因此 种全局可观察物建立起了对事遇地增长的附加物的预测 在11 阶段(IIB和IIA一样),周长的长度依,是一个可观察物,但(以一个不完整的建构新的因素 错误地争介了对图形或正为形的表面积好似成几例的想法,且因此造成了错误预测的新场合。反之在11 阶段,为预测所服务的迹象。开始就是黑长,分化开了表面积,但一种超越可观察物或对其扩充的迹象关系到了计算,因此关系到了实择的建构,且不再仅仅关系到感知的记录

关于这些名曰观察后的解释的因素或迹象,我们发现一种从可观察物独有的特性所提炼的"理解",到一种建构所演绎的理解的同样演变。在1阶段,新的可观察物是可

接受的但"滑稽的"且不能解释的 反之,在Ⅱ阶段型,一种有关的迹象是发现与不断地接引:路线的"宽度" 这也是停留在观察以及作为可解释的事实来量现 只是,就如我们已经看到的,那里只有一种合法关系的状态,而尽管还没有在可观察物的两种不变性之间的因果的表象,也缺乏对宽度和长度的过渡的宣释。其中一次,概括化停留在基本的归纳或者外延,[1/组限制在可操作的物体型,也扩展到 IIB中的其他人,除非机制或能被解释了一反过来,在Ⅲ阶段路线的这种恒定的宽度,服务于预测就像报务于何释,变成了解释性的,因为一下子就的人了一种对点长的调绎;在这个天验中,理得上的特性超越了可观察物,因此变成了建构或重构的严嵩,这改变了它们们状态,而在这种状态中引起了直到此时一直都缺少的必要性的部分。

那么,我们就理解介入外廷的宴及的基本的。元性 自到包括 IN 组,它独立于如下的建构;它停留在归纳的,且在对被试相信,是必要的判量中,这种推定的伪必要性只是 利根据它所确认之事的外廷的概括化的产品 对IIB 程度同,,,它属并允不明提作为物体中,这构成了 种重要的且意味深长的转打,并允占了III阶段 在这最后 个价段,事实上,情况是相反的;此后是意义在理解之上引起 种真诚的必要性,几些各处延延,附加物的必要的不变的性质强性据这一事实变得"总是"但定的(Fra)或是"引无论如何的尺寸都相似的"(Den)。

所以,拒绝把建构概括化门外延理解为日纳概括化或纯粹的先向的外延的概括化的结构性地点生,这并不分张:如果它是功能性的资角的连续(如同TBR程度所括出行),那它证实了关于它们的逻辑结构中的元有区别,并使内生的和外与的互相对方。换行话说,游戏中的发展并非由从外等的运内生的。次内在化所制成,而是(且这依然行动的内在协调的方向下的意识获取的固有内在化、与之德不相似)它需要了由内生的对外。源的一次渐进的替代,此外这还证实了几行字的与有历史以及物理学生的一大部分为何如此发展而来。

第七章 两个垂直平面之间最短路径

与C1. 沃尔兰和E. 哈普杜谢赫合著

在这个开充中支払过的同心联系到建制抵抗化中的鉴别分化以及固有的整合。在这个特别实产中,违及发现水平而上的一个中一个花园的地面上放着的。并生菜),方口重直面的一个点厂。建造上放着同一点鳞牛) 之间的最短路径。那么它违及知晓是否这种最短路径保持在一条直线上,这只有适过一次周转叠合才变得明显。但我们在创在这个实验中,概括化省会很少在土机大规律的外延,而是更多在丁艺术维持它、支贴在于如果被武以为被当及接纳规律每合释提出信仰。这里及认过的是情境中的这条规律的概要的问题,但比将会做起一系列关于鉴别分化和整合或是预整合的特定规程,仍不一个关于一个的奇特还可以是有是知论。设路程通过周转叠合度或水平的之后与重直的是否是同程长度。或几里得一向的各同同性。

技术是非常简单的,包含有下颌的情境。上在一片含名为花园的纸上,我们改管只蜗生点和一小片生荣在非边缘的半行的不同在潜,然后被认应该港间"最短路径"。 II 制度的可忘记在一个哲态的纸板的两个相互垂直向上正于一步上生荣占据花园的个角多方蜗生在墙上的对边(以里是一个斜的路径)。II 另外,我们利用一含无盖了的纸板箱从身缘至水开提后同样的问题。IV 我们以使用实验空来结束的气,我们请求被决想参蜗生在地运过。II 个角落里 按了美的任置,知在II 和III 的别处点按目,II、III、III 的恒字保持不变一等被试未能再发地提及目转叠合的可能性时,对知晓如何"做"来指用路径最短存在的词气,我们建设并按片支贴的其执行

1 水 平 [

最短路径的初始概念。13程度)包含了两个方面,而这两个都还不是是化的; 个是有动的格式,它是定点的重压确地指向目标,另一个是"最短的"表面,它会感知地(跟随花玉儿也录)或是花补地广告也与最简单的记者。我们也看到在情境工中,怎么也与告我相同,等等。此外,当我们向及等短路程时,被试不占让生菜和蜗牛更靠近了,等等

Lea(5;5) 对情境[[指出]条从:1点到:'1'点的垂直的路径1,接着在纸板的边缘H延伸1'.然后绕过直角并继续到另一个边缘直至生菜;点 但她承认这条路径(1)。"它太长了" 缩粗, 她作了路径(2):从:点随后水平地沿上面的边缘直到面对:点且下降了1,另一条边的长度继续可样在H上运行:这结果准确地和:1:对称了 1条路径(3)通过(1)和(2,的中心线, 吃是朝着直角且因此通过了垂直和水平两个平面的中间"那有没有其他更短的呢' — 她作了 4),更接近正确一点点,我这么做(斜的姿势) 哪条是最短的" 那条(3) 那如果我们不算第3条呢" —那就是它(1)"回转叠合没有任何变化 情境[[]和]]:同样反应。

Yvo(6;3) III:从x到过且通过对角线到x,参考Loc的初次) 这里还是IB程度的例子,其中被试在正确路径和之间的解决方案之间抵摆不定

Rin (5;6) 以 | 条正确的路径开始:"它是笔真的,没有弯曲"我们问他其他路线,然后Rin 以 | 条边的曲线作了一条(2)以及另一条轻巧的曲线(3),但离之前的程度的作图: (1) ,很近,不过奇特的事情是他接着定到了这个解决方案的引诱而让我们可他"行进的可能的最短路线"时,他指示了最后一条"那在这些路线里面有多少是笔直的" 这条和这条 | 和 3) "与回转叠合时,他展示了路径但并不相信它和回转叠合是相似的。

Val(6;6) 同样,开始于正确的解决方案(1),然后作了其他可信的路线,路径 v (一)(2),从及1个两者的拆中(3) 与我们问她以蜗牛的现角瞄准目标效置路线时,她特别坚持主张(1)"是最笔真的" 在翻看的墙上, 尽是(1)是最笔真的, 但在被重新竖立的墙上,那就是(2)是"最短的"了。

Kar(6;7) 对情境 [陈述了对于最短路线的2个 连带的准则,"我们不需要做1个点(或)] 个角"且"也不需要有2条线" 反之,在情境 || 中:"我无法决定是否这2个线条或是仅仅1条",因此在唯一线条或是1 1')这两种可能性中,不知道哪1条是"最短的""2条都不是!"(她还说:"最短的路线有2条,它们都走到了一起")她接着偏向于正确的解决方案:"这是唯一的线条 你能证明吗"我们同样不应该停止。"

Part 7:(1) 对 [给出了 1 个 正确路径与路线: 1' 1 之间的中间的解决方

策 对Ⅲ是同样的反下,但他增加到:"可能是这个(\ \'\) 对回转叠合没有问题,但对同时被重新签注的墙侧回到了折中的解决方案

Mir(7;7 有同样的疑点,且当回转叠合时,"这支了一些 支了什么 ——线条(从2条合开为1条) ——那么'——当高倾倒,路线会变得积一点儿。——那它重新坚立会变成最短吗?——不"。

这些上阶段的反应情感地图示了被决在寻找最短路线并推荐。条"直"我的普遍性时所遇到的困难高本质:这全部看得失这个同志未确保两种协调、 种是在路径的部分之间,它是被工和77两个主角。 无性的事实。分化开的,另一种是在全部路径的可能的视角之间的。

关于1B的反应,进程是被武支着丢失充全路径的视野,如此 来他们中的每一个大都有能力可工条想接过正确的直接的路线 但是他们没有能抵达未确保协调,这是可能的截角,他们不能为到系统性的分化,只是简单起停留在以从一个到力一个没有全体协调的不信息的交叉来分离。这些不同,为现象是第3和第4点(1)首先,存在IIB和度的下的将会宣称"我们一者一个物体的线",因此这是德笔直与进口蜗生的视角,如果它重过从平面1到平面H(2)接着存在路线——下增会宣称的"税线",而这就是被试成看可能的路径投射的视角。但这还应该分化一种瞄准一个未漏的21形式(其中可能和上准叠合),不过是一种结合侧面截断的28形式,让1和用之间的折痕或是90°角变得明显,于是两个线段之间的存在不再是一条如何24般的线条(3)最终存在一种(以几乎得的)几何字的度量的视角,使能够思考如同线段的思和般的完全路径,而结果就识别了通过对墙的门转叠合所获得的直线,如同同时重新坚立起的墙的两个线段用和正的。和,反之,仅在税值。1)和(2)的案例中,门转叠合不能证明任何规律,且如同被武

先厕所说的。"当与当拿起的时候,这氧变了"Cor和Mar还只有7岁

那么这就很明显,这些被试的独像不再获得税角上的持续性的混乱。即便当最终的结论显现出来时,如时 Kar 听说的那有:"我们同样与该停止"(有工程用之间的都是90 角),这仅仅是视角。()的解释,而缺乏视角(3 礼)变量。另外,\ar在更值"和"更短"之间的分化(Ric 也是,等等。证实了同样地缺乏协调的分类

2 水 平 IIA

有7 8岁,我们目出到一种有契约现象,怎未我们把这个看卖和店面的IB和支减9到10 日岁未做已较会发现;这是一种知名的均衡,已看似同的正广子是种协调,诸众没在一种完全度量地均等于其它和之间的协调,以及一种适同分化税价协高。但还是将展示的是,这种均衡是不稳定的目存在心及9 10岁的被武量现出。种明显倒退的高问题,然后,就像如此频繁地出现在IB科及一样,这是由于被武分析的最大复杂性造成的。

Beat 7:0) 一上本志对用价出了正确路径,且作了1多其代的、1条由线、以及第三条11、形式,其中有量点的12,路径和直角的(用、在这3条中哪1条是最初的 第一条 正确、因为第二条到了那点 角)且 汉是1条更长的路线在到那里 第一条横穿得更比"牠发现了这个月些比较严琐】(千百)"更难",因为有"折叠" 我们降低了转的高度后。"路支1是有的 那与它折叠发展开放、路线变化了吗?——没有。——那这如何呢?———直是相似的。——那线呢?——它是直的。"情境用:同样的反应。

(mé(8;6) 给出了同样可用的路景,但又发现当特征的时最级的路域是"小的和真的""那如果我们重新圣起传,哪!务是最短的 那条 正确,用为它是真的 与特别转,我们们把它是真的吗? 不,有精了,它长度见上升了 那又如何呢? 如果我们门管(路支)对对约约和颁价转,那也多是可称的长度,这不改变长度。"

Nail(8;7) 作了 [条几乎正确的路线以及 2条 钉左们或右侧 90 角的其记的路线:最短的是第一条,因为"它总是(-全部长度)直接的"我们建议在情境】和 [] 之间做比较,然后她自己放了墙的回转叠合,仍紧到她的那条线有点弯曲了并做了矫正 我们重红圣五了墙,她于是重新放了路径矫正并明确了直立的和循气的"都是一样的"。情境 III 同前。

Jan 8;8) 同样矫正了轻敬的方面, 与精被同时重新坚立时间转序合约束了路线的笔直后, 因为"我们不能有2条(不同的)路线都是直的!"且"这支化学不明显!"

我们看到,这些被試用好分化用协调他们的观角,并且,这些视角是完全新的,并从属于一种度量;"如果我们为量"回转整合的路线和重新形立的路线。"那就总是同样的衣食",Ane这么说。因此看似没有更多的问题了。然而水平114的特殊的公设,是Jan 所属还的占齐公司确地在方面的程度都会怀疑力。"我们不能有2条不同的)路线都是有用"这看似同样是常识,且看一切禁况下都是最简单的想法,然而这应考虑到一种可能性,就是9—10岁最低产业等决定问题有限的多种不同观角分发他们明确地寻找解释;上是对在实线段间不同形式的路径,其或。能够获得这些最后的变化之间的代偿上是在约众好奇的接触中的这种假设计我们看到它不是一两个例外的被试的事实。而是它构成了所有的次级阶段的特征。

3 水 平 IIB

看这些进展的例子。

Lan(8;8) 测览有正确路径作了支异的路径,且将其担作"不完全是自的、但是如果我们"各级武器的高度,这就可能会是最直的路线了 那当時是直立的,这支了吗 "某件东西是年的文是在工的时,区别是那可能是完全不利同的 —那么 "该这样想象,也像特从来在那儿 那当它倾倒,是同样的长度吗 我们可以说是的,但我们不能这么一量,因为如果我们加上一切(她展示了多种线段),它只是一样的了"接句话说,这可能有代化,但无法明确是哪些。

(n+9;3) 走得更添;在5多可志的路线之间,其中1条几乎是直的(轻微弯为)且另外4条都是直的"最起的鸟" 5号 降下的墙上,因为它完全是直的 我们直断把墙外高 还没有改变吗 是的,一点发,因为我们提起来了,那么这点"针了,这点折叠了 你基于对什么而言它是最短的"一一我们停下墙 (我们放了 那1号如何, 它可时也是直的,与我们降下的时候 它吃5号更长还是更短, 一样长度"我们于是对他说好好看,然后他笑了自己的错误,但是他在情境圆中又同样地重新开始了;"如果我们把它弄直(2条有些不同的路线)。它就会是一样的了!"

Nic (9:6 特項 []: 我们如何汽知道,如果这些路线中的1条是直的"如果从外是平的,如果我们把它放直,我们洗涤会得到(1号,它不转弯"路线(1)和(3)是互相接近的 在精效重新坚直之后,"哪条是最短的'是(3)号……蜗牛会休哪条路 它会生(3) 页(1) 为什么是两条 那是相等的 两条线它们是均等的 是的,如果我们则是这一部分(展示了水平面上的线段,以及每一个升起的部分。垂直的线段),它们两个是均等的(代偿)——

这帮助我们把墙倾斜下来吗, 不是这样的,(···)当墙倾斜时是(3)号最红, 而当它直立时则是(1)和(2)最轻……当它直立时,它们是均等的(对线段的代偿的新的理由) 那倾针后呢? 3)号是最何斜的且是最短的 那当墙直上后呢? (1)号是最长的 一等等,你别才说它们两条是问等的呀啊,不!我忘了,它们两个是相等的"在情境III中也是问样的代偿理由:"那儿(2)号更短,(1)号更短,它们是相等的,新的"问样的连续动摇

Fro(10;5) 在清境 III 里,从xi',开始并动道,"我们总是拿最直的路线"然后 他给了1条近似正确的路线,他认为这条是更好的:"那条,第1条)我们应该完全分 过,然后我们应该上升,当我们到这中间时,然后我们向斜的方向上升"但他自己 变得犹豫,"成许应该1cm"然后:"哪一条是最短路线, ——有2条,(·)2条是 一样的"我们回到平面([),我们画下最短路线(_ 直线)。然后我们把纸板折起 来 Fre提出其等可于"对角线+棱":"如果我们从这里通过,只有当它是折起的时 候是最短的 当它折起时, 铅笔的线条改变了长度吗? --是的! 它是同样 长度的,只是它们改变了任置"我们回到房间(图):"这2条线是相等的、山小和1 条则好近似的路线),(111'11水平面的更长而垂直面的更短,而另一条水平面的更 矩而垂直面的更长"随后,他在两者之间两了第3条路线,他估算了与另外2条机 在重新创造了20分钟之后:"如果纸板上这样的(平的),最短的是这条 (直的)、如果我们折叠。就是这条(13()到15()角) 为什么/ 与纸板折叠 时,形式,不是形式而是其中的那个会改变方向 那这里呢么有或没有回转昏 合的其他部署) 纸板上(干的)线条(最短的)是像这样的,如果作折叠了,那此 是这样 带角)"3个壁板上的其他部署:"与我们折叠了,它(带角的线条)支撑比 其他的更短了"然后说:"它们(折过的或没折过的直线)是一样的长度,分气折叠 变成另一个形状后 一"改变长度" 现的是什么意思? —— 我改变了行程路 线 ——如果是个蜘蛛要走。这条路要走几步, 120步 那这条吧, 110 步 - 那如果我们折叠 90°1吃, 那九正好 100 步 那把线条弄短 呢, 呃! 是的,这样(折叠)路线变浮更长了"最后。他发现一个解决方案:"与 我们用一个物体跟随时,线是不同的 … 但看上去它们都是相等的 那哪个 是最短的(折叠)、对物体来说,——这个(正确)、对物体来说"

Phu(11;4) 在情境 [[中给出了正确的路线、"你如何知道的" …… 就像如果需要,同样的路径,但从地面上;而如果能够飞行那就会是直线,现在有个角 "他按要未给出了另一条路线(xx'x):"它们是一样的:在n^2里,要花更多的时间来上升(……)。它在上升处胜过了它从地面上走(n1)所失去的(……) 那是什么呢,两个点之间最短的路线?——1条直线 ——蜗牛,它就走直线吗"——是的,不 有没有1种方法来看到蜗牛是否能走1条直线呢, 让墙倾倒,这是可行的吗。——是的 那这样所给出的是什么呢,——我们可以验证"

我们让墙领纸。Phi 画了1条真的直线(n5),但他在蜘蛛的问题上受挫了(就像上面的 Fre一样)。并忘结说:"与倾傷的时候和直立的时候,线改变了长度(一) 你如何解释呢?——当它倾倒,(5)是1条直线而(1)是1条曲线;当它直立,1是1条直线而(5)是1条曲线 那这改变了吗?——这改变了线的类型 那这对蜗牛而言改变了吗?——与墙颌倒了,它会选取(5)号线而与墙直主它会选、1)号线 ——这此的长度改变了吗? 不,这都不改变长度那两者之间的区别是什么呢?——两条线都是一样的(代偿的理由) 对蜗牛呢 ——与墙是直立的,(1)是更长的而(5)是更短的;不!反了……"最终结论:"它们都是一样的。"

Dia(11:8) 由于,点是面对看,"点的,画了1条水平的和1条垂直的正确的线"我们如何知道路线确实是直的,如果墙倾倒,它就是直的了"对于边上的,点,Dia—上来吃画了1条等同正确的针线"你如何知道这是直的,我能把墙放倒,——它会如何(倾倒后)? 更短且直的——如果墙盖立,是问样的长度吗,不 那么你如何知道这是最短的路线"——我不知道"但一会儿之后,与仅仅使用了这种可样方法之后(回转叠合后的针线路径和验证),Dia总结说:"改变的是角,但总是同样的路线(鉴主或翻折),它都是最短的"Dia抵达了Ⅲ阶段

我们看到了足够多的这些例子,从中我们还能再加长列表, 种以各目的线段代偿来使不同的路线均等的想法(如果在一两条路径上 4 对 8 占优势, 8 就将会在另外的路线上对 4 占优势, 等等),不是某几个被试了找新丝独创的例外想法,而是整个层级分化程度下的完全特征。在这些条件下,最简单的解释在于承认,被不充分地推动的、且在IIA程度的所有实验中都很少被临时的,导致其协高的相对简单的、视角的分化。成为对 9~10岁的被试而言的中心问题。准确地说更令人忧虑的是:其原因是,他们所相信的分析你必到了矛盾之处,尤其在当墙是门转叠合的或号起的并作为可观察物时,且也是更信得注意的, Fre称, 那条线追随了一个物体,是对越来越靠近的形象表达,即"视线"的靠近,这也就是一种知觉的投射。可能是为了解除这种表象的矛盾的一种努力,让被试得到了代偿的想法,如果路径置在一个情境下显得比了更短,而在另一个情境下显得更长,且各种不同的分化具的视角都是合理的,那实际上他具能简直接近协调,把它们考虑或相等, 1 是乎在其各自线段的变化之中取得代偿的中点

如果这种诠释被证实,那么我们能说在 IN 程度和 IIB 程度之间,其视角的分化上有进展,然而对打重协调依然还是不足的 这不仅仅是倒退,因为构成 IIA 程度的特征是通过一种少许最动或少许解释的分化而得到的浅显 然而新情境下必要的协调将不会再接引无法证实的无法则量的代偿,而为了理解这两个真相,投射空间不必维持长度允其是其度量同时停留在垂直的和水平的,这重新表达了欧几里得空间是各向同性的,如此便使得直线段的心和独立地停留在其方向的不变性上

4 阶段Ⅲ和结论

看这几个例子。

Mar、11;4) 构造了正确的路线 我们向他展示了\(\'\)\':"哪条是最轻的?——这条(正确)。——为什么?——它在直线上。——你如何观察到的"。 没有其他的方面,没有直角 怎么确定呢 如果我们能够重要折叠的话"我们将其展开"当堵是额外的交在上面的,这都是有变化,是相似的。线没有变化"我们作了1条富近路线并写称在其中线设计是最长的 她回答道"那么它们可能是均等的"但依相保持怎心,因为随着墙倾倒,她的路线"是在直线上的",且墙同时重新竖立后也"没有变化"。

Chr(12:0 打出最短路线,"用为线定有被破象也没有物,它是直的 1条直线总是最短的 (我们建议公) 这是1条破象的民 我们为什么它现(1)是直的而(2)是破象的, 破象是周为垂直于地面的墙;我们前执它就是两条破裂的线;它翻转然后甚至将是垂直于地面的"我们提出展开 被试画了(3),所纠正了存在于(1)上的一点轻微的方面 我们重新签定起墙"哪1条是最短的,现在, 水还是(3) 为什么——因为它是直的 (3)是直的,现在, 水还是(3) 为什么——因为它是直的。它没有改变作置。它没有偏针,它一直保持直的"情境III(纸板屋)、"它(正确的轨迹)是直的,因为如果我们把屋子放下,它会就直接抵达生菜,因为它会完全是直的"

Lip(12:1) 一上来此两了自的,"因为最短的路线流光产线 ——我们如何知道这是1条直线/ 展开纸板···如果我们展开纸板那这就得会是1条直线 我们不能想象其他的线更短或更直吗" 仅有1条路线是最短和最直的。——那么规律总是一样的?——是的,总是"。

(Jh(12:1) 为了验证他的路线中的可题"我们如何能知道"、提出以歷未来则量:"还有其他我们可以做的吗 我们也把塘倾倒,路线符会是真的了其他也是吗?——不完全。"

系统丰的规角的协调和整合, 尼起 II 1 程 2 是在一个更高等级的, 作为最后到达了处于成年平均水平的阶段。

目中起线的声频是留在直线"心是"最短的目是唯一最短的路线,这把我们引向起始的问题,建构概括化由什么相成,尤其是当他考虑。条具初始(IB程度较少)普适性的规律外延的较少的增长,验证并记得这些问题的对外,并当先本用那些我们不再展示直线而具有不同方向的直线段的情境时。

概括化的特性工程进分化和整合的条何可相成,然而它仍停留在动确其本质于一九千支的是,它支在比较互迫在外,且仅引起事实验师选制的"外在的"变化名义下的简单的全亿不介的现象(或相象与例如18看 支的被认,当他们看到高支到达的自标时,有它力,以购售的视角。由一个条接近上确的直线;但是当看在这条线路,他们却将其考虑为不再。直前,其中有人还在最高和最与之间分裂的规辑,Kar的"没有任何一个"更与了的元朝,以及由于他的代码不全以至于无法决。"是今这2个线条或是仅仅1条"其次,无规境是移作的支是不足力,"是改立了的",等等。在这样的条例中,并被试所承认的外征区位是并对某些情况下,公共分类是对力。些情况下不同的理解的属性互确它的,然而仅仅是及及外的特性的推进的的一知几一来被承认的或被推通的概括化视,,外等也支配了,以上具有的目我们称之为目的的东西(在特别实验中无其值的正。由上,他往其外任的每点是目的一月是流光更为地不再该它分化,这包含了一种行动的因素。然而仅仅是分裂的。尤其在整合上是错误的。

从旧水上起,反之,以另一种类型介入了某种分化,这种类型自然还是以可观察物为基础,其中,同的大学对物体以及对按试力占都是公共的,但由与者丰富了建构的特性。例 1. 当他面子。多为我立,小善在两个生力,和丑年,但是是想达知道从边上看,这个事情。仍,不把也知道附近。我会是会合出同样的长度,不可且尽管不同之处"支化得不明生"(可可)。,我中的分化冯其他术语未就也是,是现了计算变换与不变性的一种含成的更大(五十是运算的)特性,此处即于目述及一个系统内的一有的"内在的变化"。目示是包含一等分类个一从这个事了出发,此处有有一种建构概括化四素的介入,以便被试还并未可能也是更更更化的所及可具。他们自身的行动

付用8水平的。则是支过来,我们发现。对了一种特论的情况。它个由被试历建构的一个为在的变化分流,从至于宣传增于想象目不符合现实;变化的类较是根据建议路域,从及同位任积控制是千年不是制挥的支化的事实,这些被认产生了在不变性问题中十分依赖运算的工作其序及的想法,但变化液的可能是互相优估。然而,并非将格式应用于维持可与。例如在一口心各同同性中就没有制体变形过没有中断),他们为图用对一般是中的不同的。各位,目我们允论证它们是相等的一这里有一个关于建构概括化的美妙的形态从的例子,此外我们知道科学更上"生了不少这样的例子。然而在特殊实验中,得试证由于一种分化中的发展,更是被驱动的目光其是明确的发展,产生了一种

矛盾的印象 于是,这时的代偿模式于是受制于(发展)水平的极限,失于论证,是 种不规范的整合,特别是在消减方面。

第八章 (波纹闪光的)叠放的运动效果中的 分化与整合

与 E. 瓦拉道和 M. A. 弗拉基格合著

在从 光栅到另 光栅的非常轻蔑的色移期间,我们所获得的多种组合活跃了整个系统,且它在丝智为似中产生了波动或是闪烁产生了"支发闪光"的特征(在东方世界长期为人用知用在苏州被模仿) 在实验率中,在最小运动时的这些壮观放大的本原被动用了多个领域。清晶字 光子 生物是,类术等等力,且从19世纪起端和另爵统开始投入验证衍射光栅的正确性。

等接上此(见下文图表),我们将会只利用两条平行的纬线,一条不可动,而另一条(在透明领主,根据各种角度的位置在第一条上置动。我们因此能得到无效果或静态效果(正方形或菱形的严物)或乃至动态效果(同时朝上或朝下并在一边或另一边引导的"波浪"形态下的全体运动)。为了简化预测过程自为了更好地分析概括化的过程,我们严肃地展示了可能的多种程序,两个。起,四个。起或更高数量的平行线。起

借由本次研充在这一方面所要解决的问题:比起其他的那些分化与整合,算是全新的一块这两个视角中的第一个出发,我们将目击从简单地被观察到"外源的"变化到"内生的"过渡,或可扣除的变换建构后,并解释一个状态与后一个之间的关系(对被试面言件随所有有有的困难,去简化一种持责的变换到一种状态的连续)。关于整合,同样内有一致构概活化,它将能表现出以下一种形式;恰所有的两生的变化制造简卡尔學标(即便停留有品等的); 商数集合或等值的及别及其关系; 游戏操作税离代数的抽象建筑,换句话说就是点况中改变的"理性"(例如一个被试将会说到"横穿"或"滑过") 这将因此那及被试想握情境同时发现青逝的规律,并将其整合人协调分化的系统中

材料与技术 最终为了简化在孕典改纹闪光中获得的组合类型,我们局限于 产先研究非常简单的光栅效果;基础情境是制作 个正方形的割纸,由等距的黑色的重 直线条构成,以恒等的方式复制。(a)在 张正方形的透明纸(T)上;(b)在 张正方形 的卡纸(B)上以两个图纸能叠放的方式放置。

近外,在此基础情境上,我们时常引入两种更加简单的情境,作为第一种情境的分解。它能够让人看到几章是如何模糊地看到交织的表面运动的,当(T)移动一条线对比

,970。 皮亚杰文集 第六卷 智慧操作的建构过程

另一条,或两条平行线对比方两条 此符代是复制 T和B门。 这两只或的相交形式了一个菱形。

然后我们过度遇更复杂的情境。作借事一个我们从主人提的运动类型的特殊者 署一事实行,在各典或效因光中,我们是造使(7)在(8)工术。移动、开引起作品复杂的 效果(免疫变化等等一在我们的条例中,我们也是了一种过一的运动方式,依靠两条轨 连并且在轨道工我们装置滑槽(7)可以活动。在无之人,我们在这些轨道下接所希尔马 方向放置(8)。(见图1)

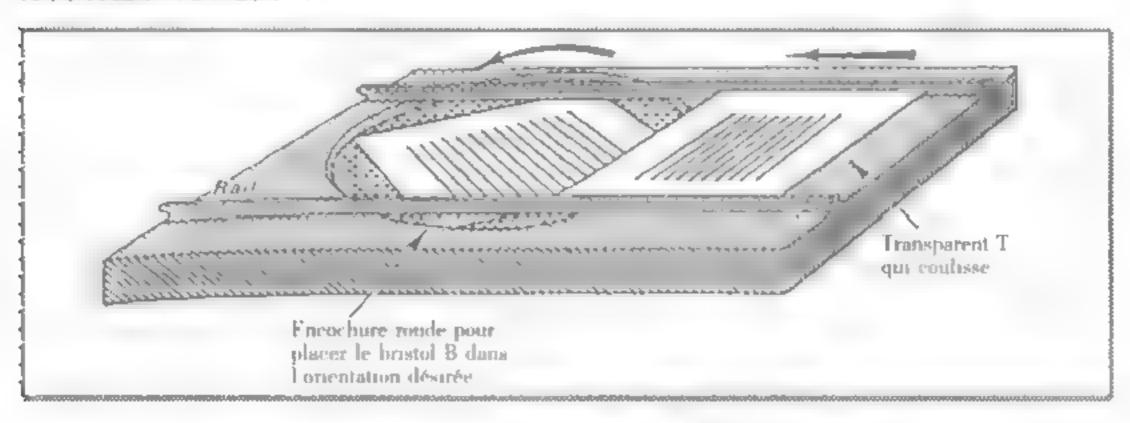
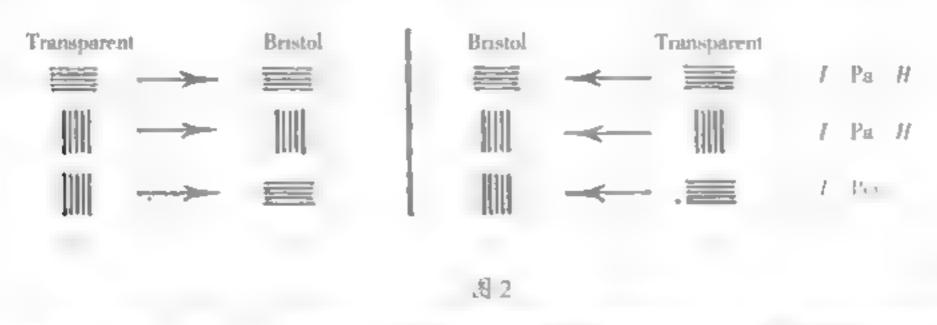


图1 轨道 按所希望的方向被置卡纸书的圆形缺口 可滑动的透明纸厂

如此令其交化:(口在卡里的方式) "美钱"。与 10 2 在意用领的 5 万可。这一的 5 万元的 6 亿十八两种可能性:十亿或工作于应为总型、我们在占一了列 5 不同的 5 境,如下——

在抗球打中很快和燃水平的#私手的#私手的印刷。完了一个。如果我们选定的电路的方面的数据的特色的电影的一个一种,但是我们选定的原始,我们会会这种一次各种企业各种企业的。



【Pa II: 方回→战• 」: 它仅仅50及与条据注 上相 。 为。,一个 力水平 , 它们的复数不改变任何结果。

1 Pa 1 方回 + 5 : 乖走的T + 的1 在B + 的1 欠又, 資公 1 有黑 。王 八口的交革

I Per 方向 + 支←): 制造行改和将会是一个不可移动记1 方形的集合。

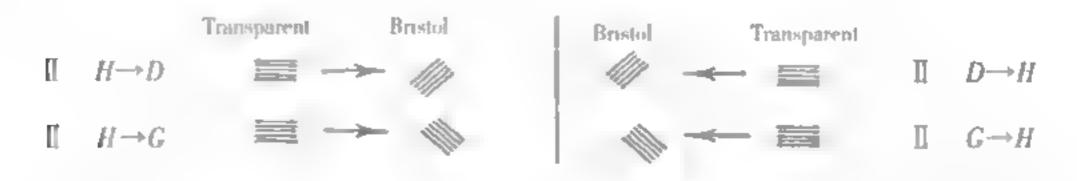
我们称另一部分为情境用,其中在不动的私土 8十年同世元士河。在我们在7上高

到V的至气中,我们获得了表加运动的效果,支是说某种类型的皮浪卷起了菱形,朝着更高或更低的方向,带着向左或向右的偏斜。

针线,当其原产被指向有作,时是由力产选定的,左侧,时是由G选定的。从中帮来4种情况。III → D(上升)、III → G(下降、IID + 1)、下降,以及IIG + 1(上升)(见图3)

图 3

 ξ 未及日末, 适四领 1 的 变条是水平的、复矩。物 约每归 不动, 从中又有4种情境。 $1|H \to D$, $1|H \to G$, $1|D \to H$, $1|G \to H$ 。(见图 4)



13 4

这些情况尤其服务于抗。未聚生在同行中(用)、破武是否不、及了的运动或是打了的方面。这位上先有用、以指制或补充的名义、来早现这些情境目的这样或那样的重直和局。

在与个情境中,开学人员适信儿童。(1)当选调查(7)发从上面通过卡纸(8)时,参 卫工 一下什么会发生。"你看到这些或(7)和哪些或(8)、当这些或(7)将发从上面选 过其他我的身份。我信能看到什么。"行为或过调告我中国的时任会发生什么。我们在 中日,各能看到什么。"(2)令其解释他的严重。"为何已要过的时候你会这么记。"(3)在 不过一次解读之后,令其重复解释所及上的:为什么。看时我们会要求儿童自己执行某 些被实验人员与发末的效果。我们可能展示两块版 8)和(7)、力了获得例如其升起的 被酿。我们要求他把它们放置。我们随着发来几重对他所顾妈的情况进行作为。这种 表在是很有疑的。对为它给了了儿童在的块纸被之可强烈力法上的经

大于简化的情境只能有2或4条线,它有能合于被武关于复杂情境中的表面运动解释的类型给予了更清晰的指在一门边的分解迅使无重着重圆瓷发生了什么情况思考先完2条线的情境。这符许近,(a)但是否感知到相交的对价价移,以及(h)他是否考虑扎这种运动(有他所见的条例中)视作一种基础的物质支(也就是说他是否能概括这种运动为线的信仰) 4条线的营境一、对导过方。对)是介于2条线和5条线的情景之

间的,在此情境中线之间的相交画定了一个非常感知的含义的表面(菱形) 有趣的是在这里可以看到儿童是否有能力把这个菱形考虑或被相交所限定范围的,或是它能否展示给儿童一种固有的同一性。

在这两个案例中,我们要求儿童、(1)当(T)要从上自通过(B)时,顶割会产生什么: 当(T) 开始接触(B),当它将要到中间时,当它将要到结束时:

- --通过一种连环画作图:
- --通过一种口头描述。

事实上,相交的表面运动时常表现在图纸上,但并未在口头描述中被提及(2)解释这种预测(3)在径过一次解决之后,令其重新解释这一现象

1 水 平 IA

和通常。样,寻求理解其原始的国难戈挫折的理由是有用的。

Fra(5;6) 比 Mag 稍微化秀一些 对 [Pal;他预则。"一些杠杆放置在其他杠杆的上面 我们能看到所有的形式;杠杆,更多杠杆 你能看到这些在其他杠杆的上面 我们看到什么?——这些在其他的上面。当它不只是在上面,我们会在杠杆之间看到小白洞(是反过来的)——([Per) 这会造成斜线以及其他的竖线,线条都是直的,其他很斜(正的图纸) 就像我刚才说的 (另一个方向)——这也是一样的 ([PaH) 我们将有1条在另1条上面 ([IG +

H 创下的或条和针的线条, 他在先把两片形板分别给予H和G, 然后让它们重新结合为1个, 再在1个四边形的自身内部的转,最好看看他的作图)组成了星星(菱形) ——($\mathbb{I}G \leftarrow 1$) —— 同样地针作图但带有对框架倒转的方向) 你看到什么,——白色的东西上升, 一直上升: 黑色让白色上升 ——(方向反过来) 那么它从这个方向上斜了(新的方向倒转现实)。"

Dun 6:0) 从1条单独的线开始:对2条平行线、"这条线符会走到那条上面"、但对两条垂直线、"我没法作图 | 条在另 | 条上面"、垂直线是跟看水平线一点点接近、最终给出"1个叉、它一直用进"对1条针线:正确但是框架反了 | I Pa I:"将会有2条栅栏 —— 这堵住了小洞 —— 为什么。—— 有2条栅栏 就变得像个帘子:n-n-n " I Pa H-"这是有更多的n-n-n、这些是黑的了,里色占据了白色的位置对 | Pa I 错误的概括化,——(I Per,这会做成nnn、图为这个(H)是这样的(1的方向们没有标记垂直) —— 不、这是正方形 ——(III) ~ 1) ——像这样1 正确作图但没有框架)——小正方形去那几 ———哪儿/—— 征上面 ——那这样呢(反转)?——这将上升。不,它下降。"

()以(5;6) 有趣的地方是在其面对2条点4条线的组合以及总体组合所遇到不同用难之后的反差,对2条垂直线和2条针线,他作图两个带框架的T并说:"我没法在上面做别的了"(最终他在整架里面并列了它们) 对1条垂直线和1条针线一样月程,但对n和n []D ← 1)作为倒是可能的;"这此是物料且下面还有其他的。"

在这个水平里 种特征特别用显:对想象 种状态(T叠成在B上)作为运动的结果 (缺乏充分的运动的像,如我们之记在先处所展示的)有困难,当T运动时在运动的方向 和栅栏的方向不能分化,尤其是当2条或4条线的综合时,当看上去更容易想象T和B两个类形叠放时,对通过更持久的摸索就可识别的机制缺乏理解

对第一点,我们看到Mas记着了1Pa1和1PaH,Fra相信棚栏间的自色是由于它们糟糕的叠改,Duc相信能像在1Pa1十一样在1PaH上也发现已色和黑色,等等一关于方位与方同的对意,Mag认为1Per将会和1Pa1一样行动,因为"线条去子另一边",Due也是,等等。但最奇特的是Duc和Osc的反应,他们不能在2条和4条线条型"作图1条在另上条上面",然而对于直线的集合却是可能的,因为"这些是栅栏目下面还有其他的"换句话说,两个共同图形的叠放是可实现的,因为每一个都有其面有的结构,因此我们能在它上面作图角叠放(就像我们之间在1个目形里作图1个正方形。样,等等)然而两条不同方向的线之间的连接提出了一个关系的问题,在测量中及决定1条的位置与另上条线的位置作对比,并且简单作图,1条在另1条之后,像我们所看到的那样2条。起(作为良好形式),简单地改置于同样的框架中一反过来,在这个公共框架自身的位置上发现了困难,且Fra反转了倾斜度。

2 水 平 IB

在5岁6个月到7岁的被武中,天子工指出门。占中门第一点上司刻有同进步,然而在其他两点上罕有。

Am(5:5) 【Pa1:"这会让钱在收上有,我们会有黑色和黑色 我们看到黑色和白色、与我们动一下另一大的钱,那点请求了白色 林吧方向) 吃是一样的,但是另一个方向 【Per】 这会造成小方格子"用6+1:作出正确'噢!它动了,我们礼识它上升了 为什么 引力其他停留在直的。而这条通过了,通过了且之后它上升了 方可。) 它会上升…… 不,确切机它会下降 为什么 引力引力它上升了 我不知识为什么,但现在它会下降"信后式(这两种"运动之在,用1111",11)中心是不可动的,了是他也可在方向。中有一种运动开解释点,"周力不是转向反面的(二月)且其他的是仍知的,于是这无没动"所以是毛泽描之"对2条设备,否广的和个行的,他不是正点后者到上方出发,然后反反,但定又点没有任务;"周力这个(如实 不会动(二没有改变形式 ,了是这地方没有动!"

1916:6 对最后一个用于和 Am 一年引 一 实立人员于是非常发表地在行 为约线上两点功量产的线,是又地是现在这个文化中是非常清晰可见的"这点怎 你理解这个吗([III] > 1) 不,因为又不一年,那个([III > 1))已动了,而又个 (2条线)没有动。"因此地没有看出任何的类比。

2...(6,6) 对这重点的和邻的两条线的同样的问题, 7... 预购它们的任置介不会发生进展(《家上条重直线和上条水干线的是及, 仅她多其人之为它们中的上条并逐渐地扩大) 在林宇之后, 她正确地在垂直线的下面, 作为了初始变之声, 所后将其抬起(?只到中心然后之留, 并像 1m一件固定了一种4条线, 她反之预测是菱形的, 孔外目6、1、她子与此有"录多仁知的小正方形", 化碳基础为从左侧、,出发的, 等等。

1.11(6.7) 正确了] 了 [Pa 1 , 且对] Pa 1 称"小方格子",以及对 [D 4] 称 "菱形",只是变得从左侧出发 "菱形的代是 2.4 不用的 它们是在的,是用来和玻璃窗(T 一起的,而且它们是从底板(B 简针过来的 你能作图吗? (他作了一个扩大到菱形然后说)还里 2.4 年(上面的左侧的)是从照板过来的,而另 2.4 是从玻璃窗过来的 那也吧, 那些(右侧的2条)从纸板过来而其他的 右侧的2条,从玻璃窗过来 "我们于是再农出 [Per的正方形,然后 [山 6] 得它们的左本边是从 T 来的,右来边是从 B 来的!这只是今 T 从 B 上缓慢通过,而他意识到了垂直线和水平线的作用 在 [] [G和 I) 四个表面运动的问题中,预见是由

T的方向独立的运动所支配的。

这些例子是够为我们要示这个水平中的反应的目有特定 方面,被武对手预测什么将会"生两个集合工与报之间的叠纹,整句话说就是对两个静态图像简单地 个置于另一个上的再造,做出了用量的进步。反过来,关于动态的各像,也就是说运动中的变换的,当选及展现为解释这种叠效的是基,以些被武对于 IA 水平的那些水说也算勉强有进步。I面很好地理解了正方形甚至照料了菱形是垂直的和水上的或针的线条组合的具果,但对他有言很少能理解这种组合作为。对菱形以及正方形的用于政有或有一是由于"玻璃圈"每,1十四周的额上 T和另一个不动的栅上 B 自生的。Am 和 Ziv 证明了对两条孤立的线条的父又的类比无法维写(用无运动或持等运动)。最后,我们发现了天上表面运动的个子运动方面和线条方位之间的未分化状态。在现实期间,像 Am 和 Ci 被武成功抵出了广州方向重视的效果,但是以"个假议的名义来表达:"我不知道为什么。"

之世末,令人最下的是看到对可见然物的"每点"普遍是重点汇确的、除了缺乏耳段之外,另外这并不用每情境的再是,也完全没用一种预测的改良。特果它再次暂存于感知的云动或和交与其诠释之门。种值毒品生的分裂中,有的面者都归因于唯一色活动概样了,自如果我们要求被试用铅笔建陷两条间的相交点,他并不能因成、因为他每铅笔跟随了了的方向。

3 水 平 IIA

主次操作的起始聚焦于7 8岁,此处符合对表同运动的说用(印画),这声及活动 棚栏7的运动和不可动概栏81的失条方件的一个气台,以上全部都使用2条线或4条 模以及5条线的两个集合的关系之间的显著性的连续性

(mr.7,1) 7个月下(在6;4)时冒心出【B水平的典型及11 此时,他回忆起,"我们冒穿过戏,有时它们都堵住了,堵住了所有的同,有时全都穿了过去。它移动了是"我们向他展示2条年直线们看2条件戏前进;他正确地指出交点给于下方目上升到上面。"图为它们(垂直浅)一直在"进"关于交叉。"这是【人都形(他作图了【个菱形) 一一 写我们推动的时候会发生什么, 它会一直消失 到哪个方向, 这样(* 那么是这样(*) 我们作图(以科菱形作图正确)"。

Ste (8;6) 试验 $1 \le 4$ 成功。 $1 \le 4$ $1 \le 4$

应该是这样的(G),且我们这样推它完会上升(这里它是下降),因为作做了改变(D)"我们把装置垂直效置;他首先违关了,然后在观察之后重构了正确的菱形

(m(8;7) 预测 []H*D为"这会句下"而对。"向上",然后她以看看缓慢的任 移来寻求在 [[G · 1 中的菱形的上升的表面运动的解释:"这是因为这个正方形超 过了那个,且那个超过了那个 一它超过了哪儿 · · 过了交叉的起始处"

由这些被试所完成的显著生步是、2条或4条不同方位之间关系的构成、其中主条通过另1条之上并件随交声逐新位移(见Cor和Ver)、九其是理解这种基本关系同样再次出现在了业条线的集合的关系中:"同样的"、Ver说、"一定各下降交叉"、等等一特别值得注意的是、在这些业个元素的复杂的关系中、被试抵达了在表面的菱形中区分归属于运动的栅栏 T的对边和提升 B的其他边(见Ver) 此外、当在试验Ⅱ中也及预购表面运动时,他们不再满足于像 IB 水平那样等单地以 T 的方向为理由、而是寻找考虑线条的方位。只是,在这个案例中,他们停留在被呈现在 B (不可动穩性 的直线中,没有考虑 T 的方位 结果、特别是,在 T 的或条是水平的装置 II H 中预制都一样,它们是垂直的。 II 因此结构的组成停留在一类附加的,或更详细说是不完整的成信的(运动 T、方位 S)、然后缺乏方位 T 然而这种 T 的运动中的方位 T 和 S 之间的组成的缺陷,导致被试还不理解菱形作为表面,是其边的决定性的相交的产物。从而,在出现一个菱形为了说出它的光栅节录时,被试得好地理解了哪个栅栏 T 或 S 归属于其可边、他继续将一个运动物体的身份归因于其表面。其中 Per 好等地籍认证根据物体表面("向色")的下降同时其边

("黑色"或"相交")会上升。

4 水平 IIB与阶段 III

9一10岁的被试尝试在TS和T的运动上方位的完整构成,然而还未理解相交的专有的和替代的作用,他们的进步还是件随着几点困难

Rol(9:6) 在成功地说出关于 [[D+1的2条和4条线后:"小的(4条线)会更好一些 那边线太多了我们没法看 ——有没有相似的, ——那边那2条直线和那一此(_另外那2条)是倾斜的 那么" 直的(7的垂直线)到达其他的且它会上升 ——那这个呢([[G*11)" ——会有菱形去到那里(*),因为它在后面(他招出了菱形的住置) 你能解释为什么有了这个(1)而不是这个(H)它们就能上升吗, 不 那这个(4个栅柱)呢! 是,像这个(1)它们上升目像这样(H)菱形不移动"

下at. 10;6) [[6+ 下:"我们有互对的印象,它移动了且如果我们倾斜另一个,那它将会征下走"他以一种交叉的连续来解释,特别是,"它们来到全都是白的地方(菱形的表面)?——它们来到交叉处。"

我们看到IIB水平的被武禄接近武功了。他们能考虑了和B的两个方位,而不仅仅是第一个,从中他们在情境IIH。 6中取得成功,如其中一个方能"妄形不下降因为了以及工作"。但他们还没有看到表面运动仅仅是一种"印象",就像 Fin 听说的以及工作股份。每个时间看的相交的集合的移动,且并未同化了的中的物质运动。区分可能会显高设施,因为这种表象是了现实运动的结果,但Lar的优势以及Tin的目觉看似展示了对他们而言,这总是违及点或表面门物体的位移,然而在111"取中,被逐知的运动不可是一种物质的实体,而是对现的交叉的台个运用"多"。。第"

5 结 论

高面的结论组成了由单独的行动或操作的成内的概括化导致能越来越复杂的名标。 的逻辑=几何学构成的一个美妙的写了: 运动的工务或元条直线与不动的工条或元条其他 自我的交叉有关于叠页, 升置 交叉(和交)) 一种互相关起总可能性

成功的作為方法伴随对这些行动的结果的解决,使得Fra能进行一次重要的新的概括化,但依旧停留于归纳(仅基于可观察的);水平线和针线的组合广便下的线条和斜的线条")造就了菱形(用G * II), Due 也触及了用D * 1 然而,对于这些概括化的本质有

[11 水平所、风的过去。包括了一种补充包括化不再只带来被虚拟的图形的静态层型,有具有行约上的一个调过另一个。将包括总像这样的运动。显著地社2个或4个元素的组合以及具从n至n的包括化设行可能。但是发7的运动是在8的发条之上有动的。由无法是可25~不可动的。对成为有含义的,也也是在7的方门和8的是设的方位之间。但显示。而不考是1的方位。其中在104米上的特定是是看了104→和105→)。结果导致在对交叉的理解中的一种严肃改良。

此。可管设于是包括子在司马的动作工作运动中做区分。这种运动是长子这个工的 录条成为压住是重有于其为任的。这就是IBB水平原表目的、计模式占有了必要的分化 利力III"等设力多种主要与相交运交或少不同的表面运动。

2. 我们发现在或许可化中,建制与扩化的一个基本允许的这个专业开始目的的概念用等,并利用从10. 你不停了个。实历目主发制。行动的分化与整合。形者包括一种恐先而活动。技术或证的皮管,或是如果我们自然的证。种力了更近的利益对抗应可能相信。任一性,打他性的合为证:不仅是查查甚至是有智,不仅是每年发系的方位甚至是不仅是查查甚至是有错,不仅是每年发系的方位甚至是不见了的交叉,不仅是这些之间,甚至是有我们相关,不仅是每年发系的方位甚至是不见方面。是其相交已是它怎么完了。是上的方在私最后表面的和理关的运动的分化。然而又些对允许的影响的生变及分,自允其是被外部里。引起,被是正向距离的分支改动了的证券者,但它找着是有经过的影响。不发出未及它外结果的进行中程料的

人工整合对这种分化的国立,我们会发现少量生构建构的目录的逻辑。数差的多样化:有一个不完整的分式下,看领) "内不文化"的简本见礼积积,被被战) 以分化了;在一种不必么运会的形式下,或这集合或等价的等级,以类比及同类的功能被一点之处死,五在一个等,作的代数"更加工作"之间。这下,也就是党理事的集合,在事阶段和事阶段被决方式中,在今年间重订为观别物品有需要系数是必要的

第下儿乘和几表格对在下方,就穿多个我们高高的。打,我们能够以对它不知成 个儿童思想的自反心各体(并且可能自用阶段)自读试断建构)。但对我们来说重要门 。"当多及自身或管理变量并需变量及之间可能的关系时,被认符合知道怎么做的决 几户以及认知也多及了预试的。不谓在高档,但像下。"有一定一种不同反的结构,因 为考定他们提供的信息,是需要性的的利用高是了这种结构,那么也是不需要与之建立 。但了一天主等价的等级上之和3、正是2和3等级的区别构成了IIB水平的反应特征。 于是让他们与IIA水平有所分化。(见图5)

写1 厅上,这个研究同我们揭示了一个支量的集合集团首先是简单地外在的,也就

杠杆方位延伸运动 朝杠杆方位的垂直运动

可运动栅栏

不可运动栅栏

图例: 无效果(整效),形 黑白更迭,(正方形,11) 右菱形;16, 左菱形;*等 - 表面运动;1 垂直线;H 水平线,010 顶点割右的斜线,016, 顶点罩左的斜线

图 5

是说在没有被理解的情况下被观察,变换为内有的变量,换句话说就是由对一个演绎建构系统内部的必要性联系的有规律的组成。然而这是建构概括化的工作,作为一种双重进程的功能,代替了初始的经验归纳。首先有在分化,仅仅组成一种分裂或扩象的游戏,但也就像我们曾强调的,组成一种对限制的废涂,但以是由对先力的唯一性或排他性的否定所产生的一种对新的可能性的开启。从中整合的补充进程,通过一种决定每个内在变量(相交,等等)的必要性联系,就像一种由其他集合时导致的演绎的合成,重新连接起了这些之间的可能性。如此一来,我们观察到建构概括化是如此这般,也就是说作为分化以及整合的器官,垫育了新的形式与内容,让"内在变量"这一概念扎两个补充方面结合在了一起。

第九章 相对运动问题

与C. 坎米、E. 德克斯和S. 达扬合著

本章 要预告的 词点、与大多数以前 发之后的问题 不同,在照些问题。 提化几乎很少会遇到障碍、儿童可以独立地理解规律产生的"原因";然而这些原因,不 是分阶段透示被发现的,而是有年长。些的时候,在考虑相对运动的常见问题时,研例 事实主,当 只蜗牛在我们放置的平板上爬行时,或 一列火车,主体从车折形式运算的设施,就或多或少地,能够很 容易地理时任务中由两种运动组合而产生的 美压位移,因为这些物体中的一个的运动 相反,如果支持与动的获压本身不是至移的印刷如平板车或火车 样 , 面是可以旋转的, 如底的, 我们在来的上面的动 么如果設简相对 事 方上, 滚筒在旋转 寸, 宜自己也同志了 n 个单位, 这样就应 与专被转化成类性路线,但更重要的是,当滚筒带动术块面 尺管、关种从云动到相互作用的情景是每个儿童每 进售, 计候, 木块电充使得滚管筋转 人有他的博踏车主会经历到的,但当前对于他们未成却是很困难的何子,因为当使得未 板美理的最简自己在廷思当后的时候,木板反而得到了河南的动力。因此,使我们感兴。 趣的是研究这些外廷性和建构性概括化之间的关系,在这种情况下,这些概括化只会在 很迟的时期才能从观察规律中得出原因。

最初的研究方式包括展示 1 块 50cm×12cm的木板, 我们在 些 直径 4 5cm, 长 30cm 的 对 相形的 系简 上推 动木块, 或者用 直径 2 2cm, 长 30cm 的 系简, 在滚筒任务之后, 我们 内增加 1 个边长 2 3cm, 长 50cm 的 方形棍子以及 1 个边长 2 3cm, 长 20cm 八角形的滚筒, 1 个使抹作更 方使的 高 骨垫,以及 1 条由被试来 攻置的 软尺 第一个同是是,宣布我们要推动木块到一个指定的位置,例如 20cm, 80cm, 40cm,等等,并由实验执行人员标注出 木块的起点 和终点, 高要被试预测出滚筒到 之的位置 在做出预计后, 我们进入观察阶段, 直到这个儿童的预测达到了他的最大的精确度(从 1 到 2 的联系不是所有年龄都能发现的,接着我们要求他做出解释:"为什么(滚筒 新进的路径)是木块的路程的一半少我们是否能够采取。此方法, 使它变成 1/3, 而不是 1/2。"

我们自无使用这些小的衰符,接着用原理大的衰符,以便观察(见量)是否能形成概括化。在方形或者从角形的例子中,我们提出了这些相同的问题,但考虑了该等因有的单个代仇势,即"有几个点"于是,我们使得不其的责任在例,也有与私了和桌子做精确的对应。

第二个方法几手用到了厂有的效益身上,我们是加了一个支撑物,用来使人角形或 舒录电旋转但不再进一接下来,我们是他们制制,观约并解释水块在是挂着的人角形态 等上的运动,并同水块在桌子上面内动品是更有比较。我们或已时,这个装置对于冷段 删的最初水下;被决定。不会大的提高,正对面面的水上,被试可几乎没有实质上的。 响。

1 阶段 I

这些4 6岁的被试得承认不块会比点简单。,但这只关系有一种手性关系的归纳性概括化,因为这种"更良"正没有量化剂。主义者两倍。另外, 为等于1 11 水平之很有意思的,在这个水平,被试论未把外发为《考虑业末,但以为在木块》,上的时间表简在后退。

Rob(4:6)"如是取证(八角形的 水门上的火块到哪里(6(km处),会发生什么吧。""按下来,我认为这个跨线是这样的 化让水门还高到水块所在的效告)""清解释""火筒是在1那里和(火块在 鄂里"一"如果我们后转吧。""长门会路线更长""个(证的解释),哪个跨戏更长""木块""哪个更短吧?""水清"由心,仍完成了相当不得的舰祸,离中间不太远,直到又上搜转引导他到,突箭的气是的影一型:"以果我及那里证动水块,农门会移动到哪里。""在那里(对反的方向""看(解释),发生了什么?""只要打出来"我们使用了另一个农门。不次是圆的:"它农动了大好!""如果我在那里推动水块,滚筒会到哪里。",方向相反 "看,你是不是弄错了""它 政是以对这动的(记试有让大块向一个方句,进而水价向另一个方向公动)。"

Min(6;0 我们更示了35cm长旬大块旬之功,没有次们在35cm的新起点线上放了一个粉红饮量做终点,并闭她派请会到透哪里 Min 扩出20cm的后退处,并把它在垫子上标示出来 我们让她解释:"这和你想到一样吗?" "是的 " 心但它不是住那也(后退)的吗" "不是那里" 你们向我描述它开始却是在哪里吗"(她把起点向后移了[0cm) 被下文,不管我们给她的何种提示,她指出大块的路线是起点后面的未成以及终点的的未可,这一都让路线翻信了,但显示了被试利用有效参照物的能力有点欠缺。

(at(7;0) 尽管她的年纪很小,在赞了一次打等的预则之后,她就仅仅说了"木块会更远,比枉子更远";超看她更进一步说"一小专"在桌子上和运动物体之间做了相同的估计,没有任何运动搭配) 我们让她推动另一个没有木块的滚筒:"现在,如果我们把木块双上去:如果我们这样旋转它,木块会后堤,它会向后弯进……不是向前。"

表注意的。点是,还改有出现对于录筒上。的木块点,进量传播起。Rob 和 (ai) (但 做了这些机够, 概括化是容易的, 但只是是性的评价, 诸如"一小元"和"很远"等 方外, 因为这些被认完全没有利用忽略的 (如 Mar 不管形字粉丝 门带子), 除了两个运动物体之间的距离, 他们是这个设置这些自己是, 他怎么(ai 有一个费了可观念, 你管有7多了, 她依然在木地和衰简的运动中得出了一个完全很复的方向。我们看到, 在这些最初的以及更有启发性的反应中, 被武还远不能根据这种衰简的运行所束缚的木块运动的得上,有效的联系, 因为对于 17 水平来说, 它们的路线相同与方向相关的意义是相同的

水平1B 是介于先前的 并了一些何是一种水平114.之间的中间阶段,水平114能够对木块的前行进行系统性的量化评估。

(n 5,6) 预购获价会分本块引达相同的终点,接着现然到,木块的方准,他还 14解释,"因为木块更大,而承符总管我们看到的,是很小的(他比较了两者的长度)"按下来,也然则是接近中可,当我们拿出一个大的蒸筒,他只剩会比中间这一点:"(解释)这是对的吗?"——"不对,因为滚筒太大了"

Ste 6;31 在观察之后,他有向点证中间的作器:20cm 到50cm 的路线,但对于70cm 的路线则指出了3/4的位置。

Jal (6;3) 在做一门时比较信息:"我怎不知道。"每看他预测水块会"到达中司, 对为那里有好几个手面 站八角形的面上, 当 水竹上面) 有其他大的物体 指水块 1时, 是可是会到中间的地方" 对于一个6cm 直径的圆框体深简, 他说"会滚动得很快", 似它会停在中间, "因为它是图的, 并且用的是相同的未决" 对于4cm 在径的圆框体深简, 正打反, 他无任何节因此对出23的地点, 但具体定位时则出现了旧难 水块起出的是考是因为"心不大巧, 它向问, 同时间的(采筒) 会句后"

"它不向时吗""不……是的、(仲)大块更点、因为它是干的、而圆的那个是圆的"——"为什么呢。""因为太块更长、而圆的更短"——"如果我们把木块截起一些呢。""同的会到这里(比达别的近了一些"解释:"我们可以说它(圆的 会句后""我们为不可采取其他的办法,让它们存在一起呢。"——"不能,因为木块更是如果它是有那么类。那么社会停在一起了"同时最终给出了准确的一半的预测。并因此进入第二阶段。

在这些同答中,有两处只有意思的观点。第一,这些被武仍然相信未换和家等的两种运动是彼此对立的。不再说家管的言意,但规则是相同的),但这种情况在水平11年就不再存在了;未决运动得更快是目为"家等人大了"(m)或者"母为水块更长"(同),如

果我们减少木块的速度,这两个物体"会停在一起"(Jel) 第二,这一点会持续到第一阶段期间,滚筒的滞后是由于它是"同"的这个事实,它的圆周在下面使它们后,这样它就会"向后"(Jel),这应该被看作是同水平 IA 的倒退,但仅仅反映了此后在四周运动转化为线性路线时的困难。而这种困难同样会在双察跨段延续,"我们可以说它(目的)会向后"(Jel)。

2 阶段 Ⅱ

从 IIA 水平起,这两个物体的运动是相互联系的了,但这还不能意味着(儿童)能很好地理解旋转运动,而仅仅是将它当作一种依从性。另外,这些进展也标志着在定位方面(尽管在水平 IIA 还经常有超越和路代之间的未分化状态),这些被试最终在路径减半问题上达到了一种有根据的可概括化的量化评估。

Fab(7;0) 还预刊表简齐会与木块一样比,虽然做了观察,但她仍回到了这个错误的预测,"因为它们一起衰动",这本身是独立想法的一种进步 然而她接着认力"这很正常",即总是能重折看到"最简会到中司任置",但却不能找出任何解释

Pn(7;8) 程过规琴,她每次都打出是"一半",但没有解释 于是我们向她展示了悬挂的衰弱,她说"我们旋转它,接着它不动了,但这一样会让木块前进" 这是对从属关系的一种认识 但令人感兴趣的是,她不再试图重新找出一半的净理、图为当木块为"2步"或"2步"时,八角形尽简也为2步或4步 当我们重新回到没有悬挂装置的桌子上时,她经奉她放弃了:"4步和4步"——"它们达到了同一个地点吗?"——"是的"——"但看一下这里"——"木块比较远"——"它是更决还是相同?"——"是和同的"我们看到这些概括是经常地停留在外延,错误而又一致。

Val(8:9) 预测木块符会"过一点"。接着,在规型之后说:"木块总是滚筒的两倍"——"为什么/"——"我不知道"是挂装置没有启发到他,但他坚持这种差异与桌子上发生的事情有关,即天块为"两信" 我们尝试帮助他,把一只沿着运动中的木块行进的蜗牛展示给他看,他意识到为了更快前进,应该"搭乘木块并同时自己也前进"——"那么,与它们两个同时前进的时候,会更快吗,"——"是的"一"这个,是往装置)像我们在垫子上操作的那样吗?"——"是的,有点像,因为当木块前进时,滚筒也在前进"因此有了从属关系,但他没有明确地表达出这个意思。

Syl(8:3) "木块总是比滚筒运一步"——"对于2呢?"——"4步(在相等的预测之后)"——"对于3呢?" "6步"解释:"因为滚筒是圆的,因此它会旋转, 而木块停留在它的上面",所以滚筒在旋转时会有一部分回到原点,它会节后、川 与Pie一样,对于悬挂装置,找到了一个相等的原理,接着就希望把它概括化到普通的情景中。

Fer(8;11) 也是同样的解释·"木块在上面, 滚筒在下面, 因为木块是长的而不是圆的, 它会更远。"

Bir、8;11) 正相反,从一个看起来像是旋转运动的完美模式开始:"滚筒没有木块远,因为木块在滚筒上前进。而滚筒在桌子上前进……滚筒使木块前进,木块会到达那里"但这只是一个表面现象,而Bir用一种最清楚的方式明确地表达了他的想法,他说木块同样使"滚筒行进2倍",这是因为滚筒在"原地转圈"(因此是1:2的关系), 然而,"木块是平的,滚筒是圆的,木块这样向前(平移的手势),而滚筒是旋转看前进(准确地比画了环形的外摆线,而不是摆线,这确实减慢了行进)"

Lur(9:1) 还是预测了相等的路线 与此相反,更惊讶的是,他立即通过事实解释说"滚筒在旋转,而木块在向前",这与Bir的意思完全相反,等等 对于悬挂装置,他的理解没有引入任何变化。

这里的检验是为了比较水平IIB的被试 在一般标准中、在这个水平里,这些被试还未接触运动或相对速度的基本概念,他们开始在字间定位中同时考虑两个系统 这种进步在现在的情况下(九其是现在)通过事实显示出来,这两个运动物体的路线上的种种迹象变得清晰起来,并且像水平IIA那样。(被试)经常不再满足于利用单一的超出距离来描述木块的路线 另外,木块路线的双倍长度原理的归纳性概括化也变得更加完整,除非被试听从于相反的建议,或者对滚筒的形状或真径之间存在的巨大差异产生了犰狳 相反,对于这个更理的原因,这些解释则很少超过了我们周,刚在水平IIA上观察到的表现。

(4(10;7) 很快就发现了这个原理,"啊!是一丰" 但一开始时除了"浪筒不能感是跟随一起前进"之外,他未能说出更多的理由 对于方形的棍子则相反:"与旋转时,木块向店是正常的……但与向店运动1/4时,这个边(棍子的一个边)会向下(相对于垫子来说),这会使所有的物体都移动,木块就有了更多的时间再向前14"因此木块相对于柱状体多后进了1/4,相对于传送带来说则是2倍

Rod(10;2) 从一此相当基本的话语开始:"木块向前得更远是因为我们需要推动它, 滚筒运动得慢是因为它差不多是自己在前进"但接下来的解释转向了"圆"和"平"的样式:"因为滚筒应该旋转, 木块应该向前, 因此就像这样, 这个滑动一些, 这个独自运动一 因为滚筒不是平的: 如果我们有2个木块, 1个放在另1个上面, 事情就不是这样子了。"

()山(10;10) 见相反,看起来更接近旋转运动:"与滚筒滚动的时候会让木块启动,但木块可能更快一些""为了让滚筒到达1/3的地方,我们应该怎么做?""需要一个非常大的木块:木块会更远,这会阻止滚筒继续运动"对于方形的棍子:"这总会是1/2,我认为这是肯定的"—"为什么?"——"总是相同的:

棍子运动得慢一些。因为它要推动未决"(对于运动的转体来记,或转运动会被飞原为速度的失去。但他与时看到了这两个物体都是运动的。"不对,未块推动看程子,但这个(棍子,是未块的支撑""那么""方写物会向育,并会使未块的时""如果我们推动木块吧""那么大块会使得为形物向厅"是挂表置没能都助他理解,"不!"最后他像是黑腹了,"如果有一个使木块厅进的轮子、木块会育进双倍的距离,因为采惰在自己动的同时会让大块运动得更快""少为什么是2亿之而不是3亿有各位的"(巴考了一下"以外我不知道"

(小(11:11) 停留在环状和线性的模型上。 表篇式转了而大块潜动,因为它向右运动了"我们向记描也了在一个小大板上爬了的蜗牛,它以稍可的方向向了"滚筒上的木块是不是和蜗牛有点像""是的,有点(在记了"一点都不"之后),木块在滚筒上也是向前的"但她全了和()礼,相同的"双信,的能停之处,因再没有规,察到什么了

因此,阶段目的新生事物是两种云动的关联被发现了,然而还在水平18的时候,录简和木块是两个行动的物体,仅仅是其中一个更大更长等等,以及运动得更快,但只要各两个物体停顿在一起,就是以常年或者《民政和专题》这种相关的第一个情况是,新学的2信相关的识理由完全方式实现了概括化(除了几个反应证示方效应),因为即使不能用数字报告来写程,但也过它的规律性,被以找到了一个使得两种的体产动力联系上的原因。

从这种政系开始。Falic 水丰 II () 之 表于 规约到的" 它们。 起立为",并始时的结论是它们应该到达同一个地方。Pic 更用角,处理公司不论是今是柱,是该简" 使木块 有进",但她也很自然地包结出目的地是相同的,这也是她在使用了是往辈置之后想要得出的结论。从水平 II () 开始,大多数被试图打地规处到,就像 Bic 最明确地说出的场柱。" 木块在该简上说过,可以简在桌子上前进"。只有 Vali 没有 可读表达出这个意思:" 当木块的进时,较简也看的进 " 水平 II B 的 Rod 甚至并且了这件事作为一个对索。我们推动木块。木块对滚筒起少许作用。但除了最后一个被试之外(此外,她就后改变了解释,其他大都能发现装简对于木块起作用的 2 位与理 方之图 一篇 () 面说,这就作用了木块,但木块能有进得更快,比较像是按近这种理解了;每了他精确地区分子这种模糊的联系,但就是不可能的进程更快,比较像是按近这种理解了;每了他精确地区分子这种模糊的联系,但就不是"何它能"而不是"同此它是该"一接下来他从对为它的角度,正确地分析了这两个物体之间的和互作用,然而在动态的观点上,他有怪地以运动物体速度的丢失作为解释的理由。

于是,有第二阶段,他们共同地接受了家意作用于水块,有这种情况下水块变益于滚筒的旋转,同时这种旋转在桌子上产生了等值的路线。即2日的比例,众此之外,极试理解的障碍又是什么呢。这主要是一个建制性既括化的错误,这里存在等值性形成的双重滞后,包括滚筒的凹陷路线和它在桌子上的线性路线的等值性,以及滚筒旋转可急制性地转移到水块上的一种线性路线的等值性。

在这方面1、这种直线和曲线(或目的或自的,等等)之间的对照模式如此地畫见 (从 IB 水平的 Rob 到 Jel、IIA 水平的 Bir 和 Lur、到 IIB 水平的 Ast、Rod、Gil),这是非常值 得江意的。当本块的自寓位于《仁智、剧剧或者直径的堕端位于《位置、羌进中的木块 3836 星 18 生态管度之的 1 中"向下"的时候 如 456 塘塘地的 1 也就是说前下回旋: 给人的印象主是木块在高进而豪简在'互思"(JaD,"夏转"(SaD,"原地转圈"(Bir),以 及"全在移动"(Aso) 然而,这些被决定全层记了:正对着表简顺飞的工点的反方向,在它的 一个对称的 1′ 中、当年占下降瓜形 13 时、对称占 1′ 1 升同样的高度 432′,这在桌子 It sife 1.。以 取与4.8 相等的主要来记录的。由此、高等向前的行进避免是4'B' 4.8 不仅如此、 他们还忘记了木块则进门 1B,正是门方表的流转了武度等于 1B的 1B,这样一来, 木 块包 用时支持上套符在桌子上的桌转和上此桌转产生的官自身的向面:此处的比例关 系是21 然而,这些孩子员能说是《管使得本块问题》但没有用和等的长度来表达出这 半 " 。 ... , 但他们民不能理等为何会产生追过的这部分进离, 无其不能理解为何是2.1 是可入键,也也是竞质转和了移的长度的值,主发一种机械装置来明确表达出建构性概 拼化,这种装置开泛"烹饪自己动的同时,套让使木块运动得更快",如门Oac说得很好。 但理解得却很差!

3 阶段 Ⅲ

这是11—12岁后个没,这些假言推理,可应算允许关于相对运动的理解被运用到其优色域,先自6万十元核这些技术"决了,我们尝试过距离电视看他们如何用解电很有意思。这里先从两个介于IB和IL之间的中国陈程的包了开始。

Nar(11;11, 从明确指出"成符的向了自大块引起"开始,大块被他推动,由此引出 IIB水平的一个解释:"水符自身交转,有大块心是向可运行"但当他意识到这不能解释21的关系计,我们向他展示了总挂表置,他受到了启发。"与滚符在地上向时时,因此产生了21浪符在地上的距离加上水块在滚符上的距离……接着那里12挂装置。水等不再续转向点运动,因此,大块只向前了1 啊,是的,一旦我们发现了这个,就显得很傻!"

[m(12;3) 现为原理以及解译它时用了重言式"是的,但这是怎么产生的呢""木块句形与什么有关系呢""与(八角形的)每个侧面有关系,而滚 消从返回到自身的,大块是笔直句前的,但承荷的边回产生了一个很短的路线"所 以这是[[B水干的解释类型,但悬挂装置启发了他,因为当八角形"旋转但不向前" 时,而"木块可忧向前",与角柱只"旋转","那么,」它在桌子上时呢""滚筒向

前并同时推动木块……啊! 我理解了, 木块不比滚筒向前得更远(因为是滚筒推动的木块), 但滚筒是在桌子上和它的侧边上向前的, 这会产生双倍的距离"

在接下来的四个被试则上相反,只有第一个看到了悬挂的旋转装置,但他的推理在**个**析时却差得比较远,这也提醒了我们在第二阶段的未尾用符号表征做了 阐述。

Lum(12;4) 在陈述规律时没有看到必要条件 在看到悬挂装置时,也仅仅满足于描述与地上的情况之间的种种不同 相反,对于一个两倍值的估计,他大声喊道:"啊!我认为我理解了 与木块向前走了1格,这个(采筒)也走了1格,这就自动产生了2格:与木块从那里的点,找们的象征点 (1)向前的同时,这个点向前(1) + B),就产生了2倍 木块向前了2(m(4,B),下面的(采筒为4'B',)也是……与八角形在垫子上向前时,木块也在向前,垫子上2(m和那里(4B)的2(m"——'那么,对于这个(方形稜柱和木块)呢'" 这是同样的现象:支撑点(1)也在向前,会自动产生2倍。"

Fru(12;3) (技术1)很快地看到滚筒"停在木块 了进的中间"以及"总是在中间" 但他唯一的解释是"木块行进得更快"——"为何是2倍""——"我不知道"对于方形的棍子;"与我推动木块起过棍子(此处- 哀筒1时, 木块越来越向好 ··· 存状我们旋转棍子……木块向时了棍子的长度;它总是多了1圈" "4岁之后呢?" "木块将会有点接近那里,棍子在中间" "为何是中间/" "5我们旋转(滚筒)时,木块向前了棍子的长度…·· 它们一起向前了相同的距离; 与棍子向行了1,木块向前了… 2"——"如何产生的?"——"门为棍子旋转会带动木块到这里,木块总是会在棍子后面2cm的地方(一起过)" "总是吗/" "是的,当棍子在4时,木块应该在8"——"怎么会这样呢/" -"当从那里出发,会发生:棍子转了1圈,而木块转2圈 因为棍子带动了木块……这会多了1圈"他对其他的滚筒也是同样的反应,"为什么会快了3倍/"——"这取决于尺寸大小吗/"(乳隙了一下,接着)"这和其他的是一样的,只是2倍运" "即使是1个很大的》" "3、这不可能吗?"——"不。木块总是多行进了1圈,总是。"

Ina(13;3) 预测了"在中旬",但对于其他的长度见,犹幸了 从第一个核对开始:"我认为总是一半,因为每次我们旋转滚筒,它这样(侧边)向前,因此未块总是向前2倍"方形角柱:"如果棍子旋转,木块必然更远,因为棍子也在旋转(一向前!),因此木块会在2,而棍子会在1′(解释)"是的,因为木块总是停留在那里(滚筒的顶点A2向B2移动),因此总是2倍。"

Na(13;4) "这总是2倍吗。" "是的,这是逻辑:如果我们推动那里的滚筒,木块应该是2倍,每个平面(八角形的侧面)都推动了相同的长度 滚筒使得木块前进,木块也使得滚筒前进 "——"只前进1步 "——"那就是我推动滚筒向前1个平面的长度,这会使得木块前进2台、1台是我使得滚筒前进的距离,另1台是滚

简使得木块前进的距离。"

我们清楚地看到,建构性概括由什么构成,最终由这些被试证实了;我们也更清楚地看见,Nar和Fri等受到了悬挂八角形装置赋予(在他们理解的情况下)他们的这种差别的引导。然而,Lam和Sta,则表现出了对这种装置分离出的两个少骤的即时性整合然而这两个少骤只构成"旋转"和"向前",看起来是如此明显的相互关联,在我们为了解释它们的滞后联系的介绍中造成了所有这些可量的困难。例如这样的事实:Ina说的"棍子旋转"表示了它的侧边的问前,而在IIB水平中"旋转"是与"可前"相反的!

非实上, Nar 和 For 言要看到基准装置才能理解; (1)滚筒能在旋转时使水块向前, 面 它自己不在桌子上时却不同完移动;(2) 吕此, 旦重新放置到垫子上,它在旋转时套间 ,讨产生两种不同的作用,推动木块间前,它自己也向高移动了相同的长度。 Fra, Ina 和Sta, 这些事情显得更加简单,就像Sta说的,"这是逻辑",要有滚筒便木块产生 的移动上再加上官自身的移动。但付于Lam 在分析中的措述,以及Lia 的部分描述+已 。除段末期而符号化格式了。,这些事实是非常复杂的,因为同时有两个点 麦被转化为食筒的旋转, 以移动的方式与外部的参照相对比, 并且还要整合木块在滚筒 方面,是滚筒顶点头的旋转引起了木块 (3) 的移动,但同时又以不可分 上面的运动 瓷白方式, 滚筒底 隔的母科 声 1'的旋转造成了它在桌子上的直线向前, 4B和 4B的值 相等。然 i, 水平 [[B]的被武禄好地看到了設管在4声推动了木块,以及它自己在45点 的 , 进, 但他们还不能理解这不为要增加两个分为的过程, 国为他们看到4 到4 的经 过,就像一种倒退或者"原地转圈"(IIA 水平的 Bir) 另一方面,他们没有看到滚筒的旋 转显示为飞性的方式,但也同时在这两个方面上以分离和相互关联的方式在旋转:在木 块土是 4 和 B, 以及在地上的 4 B', 因此木块的压完 应该是 4B+4.B., 即当滚筒的距离是 A'.B'.时, 木块的距离=2A'.B'.。

这两个分离的步骤在一种现象中的一体化构成了概括化,这和所有的相对运动的构成一样很喜欢,因为它构成了在一个整体中实施的两种位移,从向了解了在这种情况下旋转和平移之间的关系,以及与共同参考系相互比的平移值。但这种滞后概括化的困难和它的建构性特性,不是2.1.9理的简单的。1.纳料概括化一不多虑它的原因,取决于实现那些在一个复杂的机械装置上分化和再次融合的必然性条件,其外形知觉是个简单的相互关联的传动装置,这个传动装置户珍能够提供两个相等的速度,就像一个特手和他的脚踏在一样1.8照1ab和Pic.当她们发现了相关大系的时候)。事实上,这种分化就像此处最难执行的运算,因为问题在主区分滚的滚动造成的两个不同的作用,它有木块上的作用和它在地上的移动。因此我们可以说相对上概括化来说,这更涉及抽象思维。但不可否认抽象思维的作用在可有概括化中是必然性的,然而,坚持这样一个分化的概论的特点是恰当的一事实上,在于理解旋转作用被运用到了滚筒的圆周的所有点上,有在第二阶段这一点却不被理解对于用A和IIB水平的被试来说,仍有滚筒前进的那些点,但也有简单地标志着一种下降或者"原地"的那些点,就像Bic另外指出的;像

外摆线的路线,而不是摆线,因此是一种环形的移动,也就是说向后返门 然而,概括个平面上的旋转前进并不是这么简单的,因为除了摆线的设定(通常会确切地带后到第一阶段),一个运动中的圆上的一部分点在其他的声向面的时候确实显得在后退一总面言之,第二阶段的建构性概括化的带后出现,以及仅仅是在归纳性概括上加上"息是"这一内在必然性的新特征,这种表现(例如Lam 说的"自动地",Sta 认为的"这是逻辑",或者甚至是Nar最终意识到的"显得很傻",这些都可以作为这种情况的证据),显示出分析这个困难问题是多么合乎情理了。

第十章 在概率问题上的观察及"原因"

与AL. 莫罗合著

前品的章节已不使我们习惯于一个观点,即这些归纳性概括或纯粹的外延性的概括化只能在观察层面上发生,在诸多类似的情况中找到共同特征,然而这些建构性的概括专用工在那些情构中插入这些合法的关系,只有这些情构才会给予其某种必然性,后者反过未再给它们提供一个"原因"。在后一种情况下,外延性概括化(即听谓的"总是")是这种必然性的情况,们不是它的原因。如此一来,这种基于"内涵"的"外廷"不再与广约性概括化自有目标的意义,也不再是等目于发生性世系(filiation génetique)。

然而,如果这些念点在某些问题上对于我们来说已经相对显在易见的话,如第六章和第五章中的一词长度的问题。或者第八章和第九章的那些运动的问题,那么在这些问题上,在观察层面与原因层面进行适别是否易行,甚至在某些例子中(如第九章),可正会出入它特地被解决,我们能考虑这些大概至发生的问题的对比,或者更确切地记,可于在博利高及的歧观察到的事人,以及它们的现况的成立未看,概至(因为在接下未的技术也又上已至不涉及大概至)从一升如此已经涉及对那些人系的一定的理解。

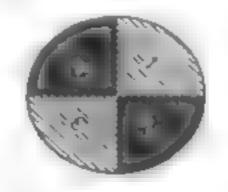
本意研究使用的先轮盘赠词题。但是不押主、或者不直接担任,只是估计获胜的概率。第一个中心可适只在于严恒,如果属于人们可以得到多少筹码,规则是有应种可能 中, 处, 程选为获胜的活, 看面主种可以获用 可选择, 在两种可能性种选择一个筹码; 4 选 3, 8 元 7, 36 过 35。但这些初始起律性一日确示, 剩下的任务就是找出原因。第一个问题是, 我们, 要考处, 随无的概言是具何做出来的, 以及重会发现这些改益是随着赢钱的困难, 夏的增加有增多的, 或者说与它的各易性是相反的关系; 到此也是在这里, 不管本质是什么, 而或中的这些门差额及被试对于超差的估计

引气的装置由。个者场用的轮盘及用未做食盘的四个不同的纸板。在每个纸板上都能 很方便地下注。要么下自一个数字,不是偶数就是有数,要么下,1 领色,不是黑色就是红色

- ——第一个纸板(I号板)包括4个号码:从1到4。
- ──第二个纸板(Ⅱ号板)包括6个号码:从1到6。
- --第三个纸板(Ⅲ号板)包括8个号码:从1到8。

- 第四个纸板也是最后一个、IN号板)包括36个号码:从1到36

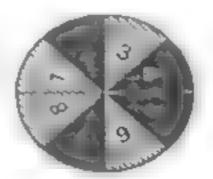
对于每个纸板来说,我们品着轮盘已中辐装上一个圆盘,只写上与即将用到的纸板 相对应的数字。(见图6)







6



与【号板划对,的圆盘 与【号板初对户的圆盘

对孩子们的问题是从对于这个改备的功能描述开始的: 与小球的轮盘,用于下主的 推定纸板的用处() 般是从上号纸板开始,它是最简单的() 我们同他们解释游戏的点 理:在纸板的空格上放一个筹码(5)以下:一个数字,也可以是一个严色,等等);投掷小 球, 当轮盘停在我们下主的数字或都色前, 我们就最了、等等。在相反的情况下, 瓦是输 了 我们及强调 个事实-镓硕母于游戏本身未说并不重要,主要是精确地预明如果赢 了的话,会获得多少筹码。

接下来实际玩儿次,直到(儿童)发现了其中的规律(以1号板为利,最一个数字得3 个筹码,如果是赢了偶数或者奇数真会得1个筹码,赢了黑色或红色也是得1个筹码)。 我们要求解释这些规律,如果解释不太完善,我们就会用第一个纸板(通常是用号板) 当这些新规则被发现。此时排中一个数字套获得5个筹码,我们会要求对不同情况下 赢得的不同收益提供新的解释。

有发现了其中的规律之后,接下来我们会考察被试是否能够预测:(a)如果用。 有36个数字的纸板、扁子的话会得到多少等码、概括化到n;(b)如果下注两个等码支 更多,会得到多少筹码(乘法概括化)。然后我们要求(被试)在获胜的容易性(或者困难) **性力的作用下,在多种概率之间进行不同的比较。例如,在同一个纸板上下注一个数字**。 成偶数: 在不同的纸板上下主同一个数字: 在两个不同的纸板上下正偶数……

在所有这些情况下,我们相心地控制儿童会用到的司戈者表达的真正含义,诸如: 机会,可能性(possibilité),在n上有x个机会,等等。

这种比较能够操纵有利和不利情况之间的比率,由此我们得出了一个轮盘嘴上的。 获利分配的规律,它也是最普遍的和最完善的概率

规律性的开端

在处于前运算水平的阶段1,这些被试在游戏的一开始,不会就一个规则对于收益 的分配进行预计,因为我们要求他们自己去发现。但在11水平,除了某些有明确目的

还是7岁大的Deg在数字1、4和3上下注、一个都没中,但我们还是给了他3个筹码。当他在数字2上下注,2出来了。他因此得出了结论:"3,因为我输了3次"有对于有数,他收至,了1个筹码,于是他理解为"是因为那些奇数(指那些展示给他的短级数)都是从1开始的"。Fb同样在数字3上失文了3次、于是她确认之后还是会再出现3的:"啊!是的,因为最开始的时候,我在数字3十失败了,因此我们现在选3就会赢"接下来她也不再有继续玩下去的动力了。

因此,从一开始就存在的门是是:我们想要知道,在最摇摆不定的归纳性概括化的 升额,是否就已经包括了对如四的研究,以及这些原因的构成要素。与更高级水平上建 设性概括化的形成相比较)。我们可以先想象在这些情况下,一个这样的研究要由事实 组成,其不再事及物理定律,而是由一个未知的,随意设想出来的游戏规则组成。仅仅 是在某些特定的与矛盾有关的物理研究的场合下,例如一个轮子自发地向高处滚动等, 这些有待发现的联系也全部是隐藏的,只能通过持续的比较来发现,不能直接在独立的 观察中轻易得到。因此这种情况在这些游戏规则中并不是特殊的

有这些条件下,我们能够假设,有适在成功的方法上,可观察的非即时性规律性的最初研究应包含下面两个不可分离的因素;口厂个与之间的建构性概括化有关的活动口有可候是感知运动的工,并且不是有实应问题的情况中形成的;(2)游戏中关系的确定,这些关系是适过在实的观察比较得到的,它是已知的但不是构想的,是在客观情况下固有的,并且在被试的独立特征中被考虑。

如果这是一个连续的进程,我们能够假设,对于规律的原因的探究会更多地允许在之前未"曝露"的关系的形成,即将规律介入演译性结构,从而赋予了它必然性。这不是既有的事实,而是在一定程度上是一种"发明性"建构(相对于对业已存在进行观察而有所发现)。不过,在水平14得到印证的某些假设并没有被包含在这两个范畴的任意一个中一方面,它不涉及付情景中的客观特性的使用;由于输了。次或者开始在数字3上输了,之后下注3就能赢,这些星先的例子构成了那些参与游戏的主体或想象规律的上体的参照。然而,在另一方面,这些主体并不同于更晚一些时候形成了"演绎结构"的那些认识仓手体;他们是个别化的主体(因此是自我中心性的),被放进了独立"存在"的变动情况中。

2 水 平 IB

在子阶段 IB中,这些"主观"动机消失了(在对本语的了解上,在更高层面上与演绎

的"月、因"无关工、尽管被试仍然在最初会相信这些发寻找的规则是陷户的 多强下面 Ben的案例);从这些最初的观察开始,他就抱着力了发现那些可指生的概括化的目前去。 寻找这些深层关系。这是从这个水干开始风奈这些全动的。些好处,大约从穴发开始

Ser 6:11 预见 1号板会得到 4个等码,如果她对于故事 4的选择被证关了的 话,那么选数字2社会得2个筹码,选1则会得1个年码 数字4出来了,我们约了 她3个舞码:"为什么," "我不知道"接下来违责:"只是3!" "如果价在3 上下汪、会得到多少""6个、出为2x3-6···冷卡可, 12是3个等码!"我们对 线:"存藏1次玩得到3个筹码!" "那么这里呢! 黑色红色成假数奇级 "我会尝试一下红色" "好果你产了?" "可见是3个筹码 解释门 个!"一"为什么?""找不知道""我会会试信息""如果赢了 呢!" "1个筹码 在上面(数字) 4)会得到3个,在于面(里红-年間)会得到1 △ "一"你确定吗。""是的、确定""这是妈妈的还是会有一个解 释少""我认为有一个解释""你了解它吗?""不 … 刊为证不是相同 的:那里是数字而这里是"色、她明确行出偶数有数不是刻在数字上的)"提下来 _ 换成 || 号板(6个数字), 地顶计会寻到6个筹码:"这会比凡才更容易赢吗 "不,会更困难,因为有6个数字而不是4个"她在数字5上下正,而5出未了 我了 约了她5个筹码:"啊! 对为是在数字5上下压的" -"约烈玩哪个" "似分 6 "一 "你赢了啊?"——"5个看病 因为那里己没得到了5个 " 的什 "因为增加了2个等码(在1号校上前的、无这里(6个校子)也是增加了2 个数字""有4个数字时。总了几个写码""3个""如果是6个双句 呢。""5个"。"那么这个圆方长见""8个,因为有8个数字,啊!不对, 会得到7个筹码""为什么""以里和汉里都拿走了1个"问到获胜的深 易性上,她确认在故字上【号也比】号权更示易意,"为力】号权有更少的数子"。 在佛教上获胜的可能性则是"那里(| 号观)比这里, [[号版)有更少的故了 ' -"仔细看一下, 与我们在这里(【号板)下注时, 需要小孩宁在吧里才心漏," "们 里(2 4) "那么这里(11 号板 07 "那里(2,4 12 6 " "当下王仍钦 时,哪个纸板更容易赢。""那里(【号板1、因为有更少的孩子""如何解除 这里([号成 会得到 3 个等码、这里: 偶故奇数友累色红色 子到 1 个寿码。 石那里 (11号板 得5个等码:"")为培加了2个银子,在之。可气恢基础上,并且我 一门总是为了提供筹码拿走1个""你认为我给你的这些考码在获胜的可比性上 有值得关注的地方吗?""没有""那我们是否可以比如根容易,赢得等的 越多'""下可以""负者这志深易,前的年码超少""更不行" '获胜的容易为者因难,是相同的吗'" 是的,是真的"一"用这个纸板吗, 36 个数字,0° "有很多的数字、会获得 35 个筹码" 如果你在'偶鼓'上下,E, 会得到多少/"——"我不知道""1个或者更多/""更多,因为有更多的数

字。"

Ben(6:2) 开始时如同以下一样, 通过那此局部的概括化:"赢了个筹码, 因为 已经2次了,我得到了3个筹码"但与我们换到奇数会得到的1个筹码时,她有一 种质意的感觉,"我认为你想的有点过了"但望过几次比较后,"如果你在偶数上下 注呢?"--"1个筹码。"--"在数字4上?"--"3个筹码。"--"1个黑色 上" "1个筹码" 一"这是怎么产生的" "因为那里(奇偶和黑红)、比那 里(]号板)有更少的方块 是的, 可有4个万块时, 会获得3个筹码—— 而这里方 典更少无会得1个年码""你认为那里(【号玩)呢/"-一"那里,会获得4个筹 码,那里 有偶等等) 还是学 | 个年码"为什么是4个"--"必然,正方形有 一些大,所以会离4个万不足3个。解释广我的理解是之所以会赢5个筹稿,是因 为有6个数字""勿足是8个数字(旧号板)呢?""7个筹码!"对于获胜的可 第一"如果你在1号板的数字3上离了、公得到多少""3个筹码"——"这里 ([] 号板)呢""5个筹码""这里和别里。哪个更容易赢呢?"——"这里(] 号板,有更少的故字,我会更确定一心"我心你的那些等码与获胜的可能性 有关系吗?""是的,你因为这个写了我3个筹码,而因为那个给了我5个筹码。 那里会更容易此"在偶及和奇故上,哪里会更容易获胜八"——"那里(] 号 机),因为有更少的数字。"

B.d.(7:3) 反、相间,也以示出在这个水平时在贷数关系上的诸多闲难"如 术良们可时下注2个看码、会得到相同的故声吗!──"不是这样的"——"会是 多少吃,""丧不知无""为了让放益副信,我们要在设字上抽中几次才 行"如果在仍数上下注2个有码吗。""不行这样做、因为这会需要2个小 球、「个在数字2上、另一个在数字4上"但是如果用1个原码、如果小球停在 数字 2 克 4 上,我们会赢吗?""是的""那么现在呢?""不能用2个筹 码下注,"小珠不见问时停在数字2和4上"!"对于获胜的可能性,在】号板上和【 号机上都寻到了轨序3."这两个是同样示易的,因为是同一个数字" "白小珠 是更容易停在这里的: [号板] 吃是那里的(]号板) 数字3上/"这里的(]号 被1、图为数字更少,"这里 | 号板) 还到下3个数字、而那里(|| 号板) 更多, 有5 个'"在偶数的获胜上则相反,在【号板上更容易,"这里有更多的偶数、数字2、6、 41, 有3个,如果没有数字5和6, 汽会和那里(| 号板)是相同的, 然而小球可能停 在这里的数字6.2和4 L '--"那么,对于黑色和红色表说呢""这不会改 皮,会一样容易"在黑色上,哪里更容易获胜/""这里(Ⅱ号板),因为黑 色比红色更多 不对,是利问的"那么蠢的机会是相同的吗?""是 的"偶故和奇软呢""…""这里(【号板)有2个偶数和2个奇数、 那里(Ⅱ号板 有3个奇故和3个偶数 哪个更容易获胜,""这里(Ⅱ号板)" 这些事美在更高层,何的问题上带给我们一些启发性,以考虑这两者之间的不同之

处是什么:其一,由月纳性概括化构成的客体"相关性";其一,在之后的水平上由建构性概括化形成的"原因"。 Ser就是一个很好的例子,她回我们清楚地展示了是什么构成了简者,确认属了3个筹码,但直到又得到了1个筹码之后,她才谨慎地进行了归纳,指出了两种情境的不同:这些数据或是"刻在数字上的"或是四在颜色上或是描述在字母上的。每到11号板,她预测到一个更大的收益,其与新的尺寸大小有关,接下来的5次观察,她开始坚持一种简单重复的策略,接着发现了一种联系,根据这种联系,有任务1一3中,如果n=号板上的已知数字,那么收益=n-1(她自言自语道,数目会每次增加2)最后,在35=36-1上也做出了同样的概括化一然的,如果在最初的局部归纳(3或1的重复、诸如此类)与更大范围的概括化之间存在大量中间少骤,以及如果通过最新的概括化(参照Ben的例子),6岁儿童已经获得了如此令人口目的形式,那么,我们看到游戏中的这些关系的获得全是基于具体的和已知可观察而形成的

相反、当关系到获掉概率时、门匙社转变为探讨导致不同改益的原则(相对于以后的水平)、情况就完全不同了、因为这种概率不再来源于观察、有是等自概率的系统(如果概率是可实现的、那么一旦实现、就不再是可观构的了) 实际上、即使设有(可被试)提供收益情况和可能情况之间的量化关系、(被试,对收益概率的评估至少假定了改益与非收益之间的关系,这一点是很清楚的一然的、这些收益只是概率的、即在改益情况下是小球的停止点与被试选择的投江点之间的功合、不必说、那些没有获胜的情况则是更频繁的无巧合和更频繁的概括化 那么,这个水平的被试是如何应对这些复杂关系的呢?

在一开始,前述这一个被试对于收益情况和概率情况之间的关系纯形成了一种早熟的直觉,因为他们总不犹豫地承认,例如对于数字3来说,如果这个数字是一个小的集合(如1号板其4个数字)的一部分,就会比它有一个较大的集合(如1号板6个数字或3号板8个)里面更容易获胜。但应该复行组区分这种情况,以一个呼一的客体1内为其内涵的特征而与其他客体(非)相对元,以及一个类别4有整体B里与它的补集的在"相对元"有第一种情况下,事实上。这种活动本身就被赋予了一些容易性和可能性的直觉;举例来说,在4个元素里会比在8个元素里要容易找出一个目标。或者辩照一个目标。或者解照一个目标的或是不由了这类直觉。相反,概率性关系的更精确构成更必须安有关于类别的包含和互补关系的掌握,即;被试知道了同时也能说出来,有相同的偶数和奇数(或相同的黑色和红色),或者说,在4个数字中赢得"偶数"要比在6个或者8个数字中更容易,"因为数字少",或者恰恰相反,是因为在6个或8个组成部分比4个里面有更多的偶数。请注意,为了阐明量化关系的缺失,在相同的水平上,我们还发现被认认为有从包含一个自球和两个红球的箱子里拿出一个球时,会有更大的概率拿到自球,因为它恰好代表我们要拿的就是"一个"球!

因此,Ser和Bal都浸观察到收益和容易性之间的联系,这是正常的 如果Ben看于 去像是立刻就承认了,这是因为此则问题的适序暗示了 种联系,但是她在偶数和奇数 的参照上面就自相矛盾了。

3 水 平 ⅡA

[[A是具体运算阶段的开始, 付于1 3 类任务的归纳性概括化在 [B水平已经比较容易, 不再新奇子, 这些进步标志着乘法概括化的建立, 以及关于36 个元素并且不全部 获胜的集合的关系的建立。相反, 关于获用的多种"容易性"仍然存在各种各样的问题

(Gau(8.1) 从Ⅱ号机开始很快认定会得到n1个筹码:"那么3号板呢?" "你们要给8个筹码,因为有9个格子,啊,不对,有8个格子,会得到7个筹码" "如果是100个格子呢," "会得到99个等码" "如果你在Ⅲ号板上下注偶 敌奇数或者黑色红色呢!"---"2个等码" "为什么?" "我会看到(尝试) 这和【号枚是利问的"如果你在】号板的1个数字上或者偶数上下压的话, 哪个更容易高""——"傅钦,不,我在数字上会得到3个筹码"——"但为了让小球 停住,哪个更容易一些呢,""是数字、因为一、不,是奇数,因为有2个奇 钦"一一"当我们下汪偶数汽奇致时,哪个更容易?"一一"相问,因为都有机会落在 那里(数字2)成那里(数字4)"---"那么奇数呢?"---"我不是很清楚"---"那 么,下正在仍数或奇数时,哪个更容易离?"--"我不知道是哪个"---"但你认为 呢,"---"这有点像是同样的 · · · 与小珠停在2点4前面时~ · · 或者1或3前面…… 这两种是相同的"那么【号板呢?"一定司样的、那里(数字5)是奇数、那 里(数字6)是唱数"所以,为了带给他关系 | 的概令(] 即除绝对数字之外),我们 做了所有的步骤 尽管如此,"这里的 | 号板成那里的 || 号板、哪个更容易 赢,""这里(】号板), 因为偏致更少, 啊! 不, 是这里(]] 号板), 因为有更多的 們教 那里(| 号板)只有2个偶数,而不是3个,这里([] 号板)有更多的机会 赢"——"那么奇数吧。"——"这是相同的:[]号板有3个而]号板有2个"可是任 数概括不再是个问题,"如果你同时在【号板的数字》上下注2个筹码。" "我会 得到6个,因为翻倍了""下正3个筹码呢?""得9个筹码""如果在 是那里(Ⅲ号机36个数字,他刚说过会得35个军码)""这里(Ⅰ号板)有4个 数字,所以会有更多的机会赢 "为何你会这么说" "有1/4的机会 赢 "一一"为何,"一一"我有1个好的机会和4个坏的机会"好好解释给我 听吧"---"4是因为当我们在4个数字的其中之一上下注时,小球会或多或少地 停在这4个上!""但这个4是好机会还是坏机会!""啊,我明白了,应该是 1/3的机会:在数字4上有1个好机会和3个环机会""但全部呢?""4个机 会。"

Mag(8;10) 很快找到了获胜的规律,以及【号板上的乘积:"如果我们下注2个筹码呢?" "会得到6个筹码、那里(偶数奇数 里色红色)会得到2个",等等相反,如果【号板比【号板更容易在数字上获胜,是"因为数字更少",在偶数上则"是相同的……不,可能在【号板上更容易赢,因为有更多的偶数" 对于黑色、【号板会比】号板更容易,因为"那里,那里和那里(3个黑色的格子),我们会比【号板的2个格子更容易赢"——"那么能否说我们赢得的筹码数目与获胜的机会有一定的关系呢?"——"不可以!"

(Gen(8;0)和 Had 8;2) 反"相同 然而 Had 猜想 [[号板会比 []号板赢得更多,"因为多了2个数字",这还不是获胜的规律,但补充说"不是主即违意赢的,会更难一些。"

Yan(9:5) 很快地发现对于每个整体表现,"我会少得到1个等码" 么12呢!" --"我会得到11个筹码""剩下来的呢!""不会变, 内有对于 偶数一奇数表说,不会变"对于100天地吧""99个年码"这个好好不了 她,一小会儿之后,她儿发现在III导致上下汪妈散比下号级更否易,"円为III导权上 有4个偶数,而 | 号板只有2个' 九其是在玩了在 | 号板上下压数字会比 Ⅲ 号板 更容易赢之后。"因为那里(【号权)的这种部分(空间区域)更大一些,而那里(用号 板)更小是因为有更多的数字",她通过一个错误的类比去包括出来, [号板上相对 于数字3表说"可说"藏译 | 个偶数更加容易,"可汇是四方小球在1个(单独的格 子里停住,这会更困难一些。当小珍停在何载上时,有2个仍被和2个奇技,见会更 容易"一一"看一下并更好地解释给我"啊,对于仍效,小珠会停在2克4上, 然而对于数字3束说,小球并没有其他的地方可以停"那么是更容易 一"是初等的, 因为对了偶数, 如果小珍没有停在数字? L, 它还有可能! 自 言自语]停在4上"说到可见性,如果有4个数字,会有几种可归性""3 种"---"旋转的小珠会怎样""---'它可能停在2上,如果停在了1、3、4上,比较 了"针对【到图号板的信数概括是容易的,但对于36个号码:"如果在数字36上下 ,主2个筹码呢,""同样会得到35个筹码(元像下,王1个筹码)。在储备里我们 没有足够的等码""但如果有一个大鼠子呢?""仍然会困难一些,这会是 一个比36更大的数字!"

Am 9;2) 近是认为小球停在数字2上 【号板的4个数字)会比停在专数上更容易,下面比是详细的实验:"是奇数,因为有2个数字可以获胜" "那么是偶数还是奇数呢"——"是相同的,因为这是有2个数字"——"那么】号板或】 号板的奇数呢"——"是相同的,总是有2个或3个奇数,这是相同的一个不,那里(图号板更容易),因为有3个奇数" "确定吗)" "是的,确定" "在【号板或者】号板上下注数字3呢。"——"那里(图号板)更容易,不,是相同的""指出这些部分" (她照收了) "是相同的,不,那里【号板)因

为有4个数字所以范围更大"——"你认为获得的筹码数与获胜的难易程度有关系吗"""是的,因为III号板上比1号板有更多的格子,所以会得到更多筹码"、个筹码的倍数 正确的,但还是没有把概括本身附加到36上:"这是不同的,因为有更多的数字。"

Big. 10;6) 虽然已经10岁6个月了,但仍然说1号板上的4个数字之一的"赢的机会"是1/3。因为是在一个单独的格子上下注的。

这些IIA水平的被武在小集合任务上(I III号板,偶数-奇数及黑色-红色)进行收益分配的归纳概括化时,不再遭遇到,即难,他们 用始或解决了倍数收益的问题 相反,对于36个号的的任务机会有更多问题 IB水平的Ser已经显示需部分理解了,在这个例子里事慎起对待那些偶数-有数的门是可,Van在两篇的贷数上失度了,Am发现了由于组成部分的数目导致的"不同的"情况,这一下了就是示出他在这个了阶段时仍然缺少某些能够解释外延规则的概括化结构。

在关于收益的不稳定"容易性"包之上,这是显而易见的,因此,在小环的选择和元素的选择之间,或正付或问题了"概条"写为。我们。开始注意到,在这些被战中取得的。本世展,这些18水平的孩子已经能够考虑,用数字下主时,在主号板上会比正号板或加号板更容易减。"四为有更少的数字"。然而,这种小数字的表达实质上是重新回到了容易的何义口。一个孩子说"很确定")。此写见体现出了一门算术们意味,就如Gau、Van和Am表达的那样。"等上与它些区域科对应的要素"更多"更大",才会与小球有更多的机会相遇"。但是,这具关系创建立个体吗。或者,被试是否通过类别的包含或等价大系面获得了作品。我们严关心的是它们的中间状态,在这种情景下是通过反复尝试来实现的。

方面,也有的被录档承认,除了Gan乳像了好一会儿,我们下点偶数支育数,以及下,可偶数记置单色,获胜的可能性都是一样的一目性,几乎所有人都一下了就意识到下口偶数比立口某一个数字获胜主要局,因为数字是明一的,而且另校上有2个偶数只有Van元从成本算水平的抹漆作并现开始的(参见第一节末尾部分、据此他母出在一个制定数字上获胜会更加容易,因为它是唯一的(就像小球没有选择一样),但除了这个失败之外,其他的被读都是以数字不等为基础未做判断,这些数字是独立的一然而,另一为工,也正是这种对维立数字的偏好。因此(被试的判断)更接近观察,这标志者这个水平的可限性,与等价关系和包含属金关系建构相对一事实上,当关系到决定在1、11 和与校上下主题个数字,机会都是1/2、被读从为组成安素越多、相对于有数来说,更容易碰上偶数,或者相反。可是Gan开始时度11号板与11号板"相同",他只考虑到要素(数字5和6)的增加、和设有注意到非关上等式,17号板"相同",他只考虑到要素(数字5和6)的增加、和设有注意到非关上等式,17号板"相同",他只考虑到要素(数字5和6)的增加、和设有注意到非关上等式,17号板"有4个偶数,而1号板具有2个",这能体现出概率的增加。Mag有11号板的3格黑色上,相对于1号板的2格,

做了相同的推论 Arn 开始时只是回答"相同",明确地表示等式nP=nI中,n=3与n=2相同,接着就在独立数字的诱惑下让步了。

然而,不能理解相等类别通过递归嵌套而保持相同的关系,(2=2)- ~(3=3)- ~(4= 4),如此等等,这对应于这个水平上另一个有启发意义的反应,即(儿童)对"机会"或者 "可能性"的理解存在困难、儿童对这些机会或可能性的评估还停留在整体系统中目协 调的、分离的类别上 由此, Van 非常清楚地确认: 对于4个要素会有"3种"可能性,以 及当这种可能性的数目变为现实的时候,那点是"输了" Bag同样也认为1号板1赢得 的数字为"1/3的机会",确切的说去是"因为是在一个单独的格子上下注的",因此,相对 于还未被认识到的实现性,这个说去体现了另一个方面的本质 Gan 表达了同样的意 思。由此,所有发生的一切似手表明儿童不能区分这两种状况。 种是之前的状况,面 未分化的类别B,何含了n种可能性,都具有同样的序阶:另一种是随后的状况,在子类 别4(一个或多个)中是已经实现的事件,以及在了类别。日中是没有实现事件。然而,为 了判断获胜的可能性,换言之,要正估有利情况和可能情况之间关联的概率,彻复明确。 B的先验概率,以及明确B中的子类别式的成功原期,每可能与4或者。部分4重合、 并且与B和 1 具有同样的量化关系C C C B ,不等实际发生的是幸运的声目还是不幸的 事件。相反地,这些被试具关注了实现的事件工,而忽略了未实现事件的集合非互即互 补类别 2 因此, 问题不仅仅是更大的改益与更容易获胜之间的关系, 这些被记或是否 认整体关系(Mac),或是有设益的增加与筹码的整体增长之间只看到了一种简单的相关 性(Had 和 Am) Had 补充说,在这种情况下,获胜应该会"更难",但没有从中得出能够 解释的理由。

总之,我们从这些事实中看到,在归纳性概括化中,为了控制便利性和可能性的问题而建立的关系多少与游戏中那些可观察的关系不同;这是由于其本质,即使这种可能性已经超出了已知,并及求通过直接观察实现。种情还原性的演绎必然性

4 IIB和阶段III

水平 IIB(10-11岁)的被试部分地解决了这些问题。此处列至了一些例子,先从两个中间阶段的例子开始。

Fan(10;6) 在指出【号板的任意一个数字都会比【号板有更多的出现机会之后,对于偶数,她说:"我认为是相同的(对于【号板和】号板而言),因为那里(【号板)有2个偶数(相反也有2个奇数),而那里(【号板)见有3个偶数(相对而言也有3个奇数)"但她改变了主意:"不对,那里(【号板)有2个偶数,会更容易,与那里(数字)是同样的原理:"越少则越容易""接下来,她否认了1/2的机会等于2/4:"那么这个纸板(【号板)呢"""(啊!)这是相同的,我有3个失败的机会和3个

获胜的机会 "是相同的吗"——"是的……不对,不相同,要想获胜,最好是用那个(Ⅱ号板),它有3个获胜的机会……但这是相同的。"

Jun(10;2) 开头相同,也相信在偶数上下注] 号板会比 [] 号板更容易赢,接着改为 [] 号板比 [] 号板更容易:"有更多的偶效,就有更多的机会"但接着就变成了平局,因为"有1/2的机会获胜" "但是,这里([] 号板)有6个数字"—"是的,但这可能是偶数或者奇数"他自己没有得出获胜的原因,但在问题上,他认识到"如果数字是更容易得到的([] 号板相对于 [[号板或 [[] 号板],那获得的筹码就会少"

Alo 10;3) 拿Ⅲ号板与Ⅱ号板相比较,"偶数和奇数,我认为是相同的 总之有更多的机会···"但对于黑色和红色:"那里(Ⅱ号板)已经有了2个红色和2个黑色, 而那里有4个偶数和奇数, 这是一回事, 这边的2个和那边的4个是相同的 "对于收益和容易性的关系:"不,我不认为是这样(指两者之间有关系)·····可能:如果用1个筹码下注(在Ⅲ号板上),会到下7个不好的格子,我们会得到7个,因为有7个被剩下了" - "如果在1个奇故上下注呢" "那里是行不通的"但接下本,在36上:"这是平分的:18个偶数和18个奇数……这是二选一的机会,除从2、有两个部分,我们只有1个"——"那么,在36上呢" "啊,对了,是的,那里(Ⅲ号板)也是相同的"但如果说她承认了4/8=8/16,"是的,是的",却否认了2/8-1/4、"不是,不是"。

Via. 10;7. 在 | 号板和 | II 号板之间比较偶数和奇数:"这是相同的, 因为有相同的获胜机会"但对于黑色和红色,则死碌了,"不,这里(II 号板)有更多的黑色,"4个, 而那里(II 号板)有2个', 因此我们在这里有1/2的机会, 那里则有1/4的机会…啊, 不, 也是1/2, 这是相同的, "有相同的数目(黑色-红色)'"放益; 容易性:"得到8个(三)等码, 在8个数字上闭难一些:"另外有7个数字剩下了, 但有可能出来, 此是1/8的比例; 获胜会越来越困难。""

(al.11;7) 仍相信在[号机上赢得偶数比][、][号板更容易:"因为有更少的数字:2个偶故和2个奇效"——"那么,这里(| | 号板)呢/"——"那里有4个和4个·啊,是相可的1"——"号板说我有1/36的机会赢,然后得到了35个等码,这跟什么有关系/"——"是的,36-1等于35"——"但为什么是361呢?"——"因为我们有1/36的获胜机会"——"那么完否说在36个机会中,有1个是好的?"——"是的"——"有不好的机会吗?"——"35个不好的,是可能得到的不好的数目"——"如果有100个数字吧?"——"几该是1/100的机会获胜,并获得99个等码,因为有99个不好的机会。"

下几则是除取皿的例子,收益值的"比例"是明确得出的,被试在进行概率关系的推理时不再有困难,也就是"机会"。

[et(10;4) "我想要作切实地解释给我听,每次我给价的东西,与获胜的机会有什么关系 []号板点该如何解释/"一"我们得到的格子比表格上少1个,这里

是5个,而不是6个"——"换句话说,我们不记怎样/"——"一个"什算一下你已经下注的筹码,就是你共得到的,我们可以怎样说出来" "结束时,我们有与格子相等的筹码"——"如果结束时我下压1个筹码,会多得多少次/" 好,嗯! 多5 欠 "——"多5 次吗/"——"除了第一个"——"如果把它算进来呢/"——"多6 次"——"在轮盘上我们叫赌压,如果在数学2上下压1个筹码,以共会有几次赌注"——"6 次赌压"——"对于偶数减奇数呢"——"2 次赌注" "我们来看一下真正的游戏(4号板),有几个数字" "36" 如果你在数学20上下压1个筹码,会赢多少/"—"36次赌压" "加起来你有多少/" "36个筹码" "我应该再给你多少/" "35" "获胜的红会是多少" "很小一个1/36" "也还是现1/36的机会获胜/" "有36个格子,会小难赢,很难落到正确的数字上面 我们有35个失败的机会和1个获胜的机会"

(元)(10:7) "为什么在1号级上下注奇敌、会有12的机会获胜" "在2个 格子上有……有2个格子。有两种牙。性,我只有一个最的机会""分喻是两 种可能性,是因为有4个数字吗。"——"可几会砖上码装查有数,但与我下注的时 候,只有一个最的机会"红花一共有4个数字,为何只有1/2的机会勘 呢?" "在4个数字中有2个有数 ·如果最在有数上下主、此有2.4的机 会""24与1/2相同吗?""我认为是相同的"一"为行在那里(1号板, 可以得到3个条码, 而那里([[]号板)是7个条码。但在奇仍故和图红色上下,主人只 得到1个界码吧""我们有14的机会商、所以是3个界码、一如果我们在数子 4上下注,并且落到4上,由此我们逝开了其纪3个格子,内心是得到了3个年 码"你是想说我给你的筹码的故目与获胜的机会之间有某种方式的联系 130" "是的""那里(圆号板)吧/""如果我下注数字4、吃避开了其他 7个格子,得到7个等码"这七是说'离子的等码的数目,有东西与获胜的机 会有关系"吗""我认为是的""那么,对于偶数 奇级吧""对于仍 数一奇数,有2个高的机会,2个输的机会 一所以如果在奇数上赢了,也得到1个 点""円力有2个失败的机会、所以赢了了个各码、这是怎么产生的"。 为有2个赢的机会,2个输的机会,这是村间的:我们有利,]的赢和输的机会" "现在,我希望你把所有的感转一下,为何那里(] 号校)会赢得3个筹码,那里(Ⅲ 号板1赢7个筹码、石那里、【号板1是35个寿码。""月力有14的机会, 听以会 赢 学 3 个 筹码, 那里 赢 7 个 筹码, 是 图 为 有 [8 的 机 会 获 胜、 图 校 - 奇 数、 果 色 - 红 色、 都是1/2的机会 …" "价一直在聚我说那里、那里、那里! 以一种概括的方式, 我们应该怎么说"一一"我们赢得的解码与失败的机会和等"

因为仍然处于水平 [IB,这些被试在分局数或禁制 色的代会均等(2.4-3/6-4.8)上面还是遇到了困难。有意思的是,相对于数字比例,在这个比例从困难开始的水平,他们更多地通过相等类别的中介来完成任务的,这是主要的,压漏利用了失度和获用的机会

均等; Jus 利用了偶数和奇数的均等; Mo 在奇偶数上利用了"自动的 2", 接着在 36 个数字。说明有 18 个偶数和 18 个奇数, 论据为"有相等的。两部分, 并不是只有一个部分"; Via 和 Cot 相同, "有相同的数目"。也就是说, 这些被认开始构建结论, 以及嵌入相等类引, 背裏切確言意的是, 这个不再是基于直接贵实。因为这些数目见然已经破水平 II X 的被认得好地实现了, 不再赘述), 有是基于那些可以被解释为"暖车"的数据, 即中奖的可能性(有小球模奖中可是中彩的范围)。这就是概率关系有效结构化的开端, 在后者确定实现之前, 它决定了有利情况和可能情况之间的比例

因此,不用这到价格的是,被战开始,打将可能推广,立义交付合了"容易性"的大小, 并且从中意识到,交流值和容易性,之可相反的关系,Jus.,Mo.,尤其是Ma.)

在第一个段, 这些问是最多以一种可以说是直接的方式得到了解决, 其形式主如 GolUI的地方自己"我们最得己等已行人 欠与机会机等"

5 结 论

不包括的序言下,对于形式化写是不信的重实的可答是极其价简单。即确性和建构 在包括化之。可为量也在本言目之前的原写中国确定表理事本。重新上,被武技器的 选制之后较大价,是是一线。的原及中的收点适应的是则是第一个。以及这个规则和 处性的容易性之间的联系是任务。然而,如果这样那样的解决方案都是以关系的协调 在概括化为高表。怎么,我们已写完够现象到对话化的本质是有上。大的差异的一第 个例子是关系创在重实的某些条件下先就各种同比可,只通过结果得出某些收益是平 等力。和比,并不全国各种现象中域建立的人系及证实它们的现代性。那些归纳性 机质是因过反复试验的有到的问题问题。对于这些描述,因为它们已经不再是我们的 中心问题),但是从水平18起,但是可用始起或了现象,有可还十分准确(6岁十个月的 Ser说道。"为了提供筹码拿走一个。")。

和反、全打到了技术个境上记。只要为了利用它、各其与获胜的难易程度联系起来,这种自决方案在水平IBU工设有出现、并且只在第一阶段形成了一个正确的公式、因在形式运算的和金监运算的的设计就实现。然而、针对这个差距的解释却非常容易,解决第一个目之中已占的关于意味着可能性的保护。以及这些可能性不再是可观察的、任关系到建物自动和调查实体。确实、与有建构性概括化器在于在一个可能的转化差别,以及之间不需提到为一个特有的"两在支量"的特性,这个特性在先用已经需被讨论、它构成了一个集合。联告起了必然性和尚未实现事件的可能性。但是,需在概算是不同的、也就是是、它联告了有利事性和"可能事件的集合",从这个意义上说。一个或多个目能情况的实现扩除了其他的可能,然而有很高推理的模式中,任意一种可能性以及它们的关系器是互补的一类的、广儿童。还不明确并讨论过的以及其他

有待讨论的相等可能性的概念,正是这种实现(不利的和有利的)的持他性,构成了义然性概率的特定问题;我们可以思考是否这些被试能够以同样的方式理解代替概率中的必然性关系,用同样的方式(如:非观察性关系的建构性概括化,相等类别的形成,以及它们的包含嵌套关系的形成,等等)在相同的水平,在包含它的转换观察到的现实的常见过渡的例子中,但在它们的实现中没有不兼容性。然而,答案是肯定的,并且在目前的事实中,我们已经重新找到了从归纳性概括化到建构性概括化的相同的渐进从属关系,后者达到了被试能够在那些不能实现的事件中建立起必然性联系。另外,已是在这里,它是数学在概率计算的历史中引导了(评价)方同的第一步;都是作为实验领域中的、归纳性概括化的必不可少的辅助手段,在那些领域中其结论依然只是"可能",这个计算本身构成了一个理论,它的形式连贯性和内在必然性的特性是所有数字逻辑的个部体系的特性。不管内容如何。

第十一章 压力和反作用力的相对概括化

与A. 卡尔米洛夫-史密斯和J. -P. 布隆卡特合著

有心及物理字管域中的概括化于进时,从科学思想的角度对问是的状态进行。此 介绍性评论可能是有用的,因为现实已经揭示了虚理最初由逻辑实证主义所捍卫的管 识观念的最初点的完善。根据这些想法, 特理学思想应该仅限于记录可观察到的事实 和关系,以及通过可抗的占结本联括它们, 零售。数字的表置只是作为分析也合证重言式 的 用于企业虚心从时。的经产中得到的合成数据。没有坚持令人惊讶的矛盾,因为它 希望将多重的和上重点式的内容从属于相反的纯粹的分析的形式(因此,这两种陈述中 的一种只能是错误的),最近的理论使和那些"模型"的发展请楚电表明,物理字的是少 不仅仅是事实和观律的崇拜,与此相比,同样重要的。部分是新观念的持续建构,在每 个等设,在严予或运算构成的内在它然性的引导下,这些可观念允许则超出可观察量的 为式泡它同整合进。更"结构"中。在这种情况下,这些可观念允许则超出可观察量的 为式泡它同整合进。更"结构"中。在这种情况下,这些逻辑。数学运算的构成也不是是 种语言,因为它们允是主体通过类比方式将客体构思为"算了"的形式,正是这些内符 构成了因果性的研究。

图比,我们假改,从它理发生学意义上的形成未看,物質特性的概括化效应不能被简化为体验归纳,尽管它们是规则的确立所必方的。从最初阶段起,它为建构性概括化态加了初始限定,并且随着。限定 也是会更多,尽管这种建构性概括化相对于一生新内容采说,其后的更多地在于通过外部不乐未得释动的内容,如同在逻辑。数学的建构中村,它们归时。结构及其内容的素性。然而,方面,这些物理内容派处可以在不同程度上被观察到,但心是或多或少地查过各种形式进行了造些和重任,并且已经在这方面具有了。定的付益。然后,在另一方面,亦是已知的内容之处,我们允其能够肯定由它们构成的物理学思想,以些内容绝对比较了可观察的界限,因为它们是以虚拟的和潜在的概念为特征的。总的来说,这些概念与那些"可能性"同题,这也是在前面章节驰附时念过的问题。因此,平衡的根本问题只能借助了多为(travaux vortuels)和势能并被它们支配,其答案提供了因果人系研究上的一种必要的补充

有接下未的内容里,我们同年是从四里大系的研究中的一个开放式的问题开始;需要直过哪一种颇括化,让开始可只相信力存在于运动状态中的孩子,要为接受一个静止。

不动的重量是否也可以在桌子上和地上等改稳加推力(pousser)/这种对压力(pression)的分析(高面已经进行过分析了,然而是从重量和直积的关系的角度,在这里我们不再赘述)会自然而然地引起对于支作用力的分析,同样也是从因果关系开始的但是接下来,我们将会集中于这样一种模式,即通过推论而理解相对并平衡的力之间的互反性观念,以及这个概念所包括的组式部分或替在内容

使用的材料包括各种施力的物体以及逐力的反立物。对于充当施力物重量的物品,我们使用了铜的图柱体。小木块、Sagex 塑的小软木块。小型料块。小泡末块、档定人约4cm×4cm×2cm的小立方体。受力物体以用了泡末板。Sagex 塑的软木板(聚苯乙烯)橡皮泥、木板和铁板,全部为人约12cm×12cm×2cm的尺寸

当板子被直接放到桌子上对,为了使原来不能被观察的部分支为可观察的,一个Sugex 牌的软木板被做成了桥的形状;为了甚高崇相先的祖为单位,一定 2mm 厚度的木板条被放置到小立方块上。另外,我们让被试和实验员用于彼此互推,以让被试查识到因果的互反关系,当相互推时,每只手都同时互为因果。

提出的问题专用点灵活:向是自留节和一星取决于技式的目外。如何, 最长式按 照以下内容。

- (a)自.被试引材和进行自发描述;记下这些材料的含在阻力是否会自发系列化
- (1) 同一个怎力智和不同的麦力物,我们从危未开始,因为在上面最能够被成乎主,几力 pression) 是作用的现象,且因赠高旗一也可以在见,接着当我们拿走一个重量后,泡沫会重新上升。
- ——在泡沫上放置一个同样体;严与压制信息出一个信贷的原则。因为一个周标体 还不能很明显地口陷入泡沫中,玩好、写释, 与了"治史宗。些有进行建议,等等
 - 一一在泡沫上放置两个圆柱体:预测,观察,解释。
 - 在软木板、木板和铁板上分别支管也全国互体:严明、玩些、广释、比较、解释。

(c)力的维持的问题:

使用相同的施力物,为何凹陷程度会不同?

受力物相同,施力物不同,凹陷程度为何不相同?

为了观察到重量及其作用对于被决本总是分丑的或是和互配合的,是否到处定标。同的重量?是否到处是相同的压力?

对于有无压力来说,没力物体是否会感觉到不可可重量。

相同的乏力物体会根据不同的毫力物体同产生不同意阻力吗?

最后,两种力量会相互抵消吗?或者压力和阻力之间的关系是什么?

1 水 平 IA

在自运算阶段1,在观察到施力物陷入支力物时,压力的存在能够被识别出来,但是且不能对两者之间的关系进行抵抗化,这有阶段Ⅱ能实现(在这个登设,被试会说两个互材体陷入追沫中,因为它们定泡末"更手")。支力物体产生了凹陷是因为它"不健",在这种情况下,能力物体陷入是"因为它重",当支力物是"硬的",能力物体就停止起作用了,因为它什么都做不了。但是在这里,在某种偶然的或者机遇的关系中只有一种关系。连修这样的例子。每: 个喜欢登上的人,如果他在出里就可以爬山,但是在平坦的乡村只能是无所作为口,被武只局限于引用这些局部或部分的关系,而不是寻找概括性的表达。

Dam(5:5) "泡末是怎样的" "它是柔软的"——"喝枉体吃/"——"它会 形成一个这样的小问(何用手打比两了下凹陷)"——"为什么,"——"因为它重, "看""它没有陷下去,也受造成洞" 别的这个" 为它不够事"那么,如果我放2个吃(解释)""我看到了1个洞……因为 它们很重 "那里的2个(软本板上的2个圆柱体 呢/" "它们不会造成1 个问,它们不会弄破这个白色的东西……不会造成1个洞,因为它硬"一一"(在木 板上呢,)""什么都是有,因为木板也相与硬,不会弄破""(在铁板上 "这也不会弄破。不会写成1个洞。因为它也很硬、铁板与圆的铁是和同 的东西(月的铁-川柱体,这是施力物体和定力物体之目的第一个明确的关 系)"这三个圆柱体在你手里下吗""是的""在泡沫上下吗?" '是的""在铁瓶上呢""不重,因为它也是铁做成的 参见关于前面的关 系的司过 "一一"但是"出任体的重量, 与它们被放到铁板上时, 还会留在里面 "不会""它们不再有重量了吗""是的,因为这也是铁的"—— "它们会推压到海绵和铁双上吗""不会"一一"那么,在你手上呢(解 释1/" "是的,它们推压我了" "那么,在总,未上呢,"---"会的" ---"铁 机上咒,""不会,在铁板上不会推准""与我们放上这2个圆柱体时,包末 能够觉到重物了吗, 铁板店觉到了吗,"铁板不会觉得重,但泡沫能感觉 至," 塑料块放到海绵上,会推压吗" "不会,因为它很小,不会造成凹下 去的同"我们要求他用手标压海绵,接着轻轻地拿开手辆"造成的洞更大" "海绵做了什么"一"它推了(一只手指拿开就向着高处上升""它推了什 么""海绵正自己变轻薄了(恢复到手指压它之前的状态了)"

(mr15;11) 相同的预则和同样的初始反应: 泡沫"是柔软的", 而铁"是硬的", 等等"这2个圆柱体, 它们推压手了吗?" "是的" "那么, 在泡沫上

呢?"——"是的"——"在软木板上呢"——"没有,因为软木不柔软"——"那么,在木板上,它们推压了吗"——"没有"——"在铁板上呢"——"没有"——"没有"——"没有"——"没有"——"没有"——"没有"——"没有"——"没有"——"没有"——"没有"——"没有"——"没有"——"没有"——"没有"——"没有"——"是的"——"而你为了不下降,你排压了我的手吗。"——"没有"

这些最初的反应是非常青楚的。被武只在观察水上上进行扩充,他只是宏观察进 行归纳 概括化:几方完全地及相同地裁笔化为凹箭动作,在德力物体"重"和妥力物体 "柔软"或"软"时, 用轮壳会发生。商当美方物体"硬"时, 毫万物体汽任 么都做不了, 不 会推耳, 不会"被感觉到", 甚至不会保持自由重量。根据被武门持度次活, 在这里有两 种产生四届的必要条件(sine quanon),然而在没有广生生殖的情况下,孩子们只提到了 其中的一个, 有没有提到另外一个,这种情况是,强力物体单独地活动,主被机象成权力 的持有者, 具时机适合、它的方法会表现出表,但是如果不是在这种情况下,则直既不 会发生什么也不会尝试去做什么,这里体现了一种动作水干上,用一分去,却, 更无物体, 与竞力物体之间不存在国果关系。更确切地说,竞力物体也不是母力的与各,而只是在 有些临时能"感光"行业力物体手量向一个"病人"、体商如果设有产生门路、自就任务都。 感觉不到,因为它没有"反抗",并且仅仅是它的"硬度"计具不适合于虚力物体的显动。 是力物体自用一面毛动是一旦压力气束的恢复见状。Dan 说, 在搜堀手栏杆体后海流 "变轻子',但在这样的四差中什么也没有发生;Cor甚至否认了曾怪拣开了实验员的手, 为了启发反作用力的观念,这只手和独自手互供。另外,我们还没下真钉,Dan 红丁铁。 的剧柱体改在铁板上时的有意思的目答,其实成了能力物体和更力物体,这色的第一个 联结关系,但事实上,这种关系否认了四星动作的可能性:铁有铁上任么也没发生,四方 它自己也是铁的、当它在铁块上时、将会丢失它的重量。在这种内记下、却乏力物体不。 是一个任意的喜人, 柔软的或坚硬的, 在这种片呈下, 爱力体不是任真地承受软的或健 的,也就是说,它是否必到愈生者的作用,其中的(作用)性质都是同样的,很清楚地揭示。 了其中的关联,这就是Dan有逻辑上的成果。但是因为自己是相同的,目此同样的力, 严格来说它们什么都不做,直到只能"善元"到一个是在另一个的干面,这是因为它们不 再有重量了,"因为这同样是铁的"。这可能是反作用力况含完全缺失的最好例子:想象。 (因为是主观察性的)两个相等力的相互抵消,被武箭重地 两食电否认了这种可能,因 为什么也没有发生。息而言之, 平离几不是相对动作的均衡, 气运只是所有的动作相等地。 消除或湮灭了。

^{1.}但是这种对于上方的观念的、陷陷最近老年之意或有"马子以前的是有严峻活化的某种名—形象,九其不者是允许先进关系或者的助的"。如果有多,不是有的水子上的现在分词一种全国人名本户,这作为"内存"与"有爱"的"力"。 计一次程序 不是不要,但是在这种物质的是在这种物质,有种爱了,并不会们是是是一种一个一种爱,但是在这种物质或样子。 的性概括例的是这种态度的特别。

2 水 平 IB

主要的进展是, 反作用方观念的发生, (被试的回答) 很微妙地超出了观察 这是很有趣的现象 水平 [B的被试承认了, 在没有凹端的情况下施力物体的重量的不变性, 他们甚至做设立被受力物体"感觉"到了, 然而他们还没有据此而意识到压力的存在; 因而我们似乎可以这样说, 早现了对重量的"感知", 却没有压力的"表现" 然而, 在后面这一点上, 又增加了第一个进展; 压力不再具属于一种全或无的关系, 而是根据受力物体的硬度而具有不同的程度的变化, 因此, 这些程度导致了对于阻力或多或少有点含糊的观念。

Lau(5;6) 以为放在泡沫上的圆柱体"会支得况重", 们是泡沫不会凹陷,"因 为它阻挡了"她看到放上2个圆柱体时泡沫块出现了凹陷,这是"因为很重",但 在木板上见"什么都没做",在铁板上也没有,"因为它是铁的",对于铁柱体在铁板 上,她会进一步说:"它没有按压,因为是同样的物体(两种都是铁)"外而,在已经 观察到不太争的软木板也没有产生凹陷后,在说明凹陷程度时,她比较细微地表达 了她的肯定和否定,如果软木板没有弯曲,是因为这两个2柱体"极压得不够用 "但有点儿""是的""那么在木板上呢/"——"一丁点"—— "在包末上呢!" "非常厉害"——"在软木板上呢!" "只有一点点" "那么,在木板上呢"——"少许一点点"——"在铁板上呢?"——"少许一点 点""是相同的少许一点点吗。"一"不是"——至于压力产生时的反作用 力,虽然有提示,但他们仍然是什么都没得到:"如果我们推压泡沫,是什么让它重 折上升"一"泡沫"一"它做了什么吗""一"不是,因为我们按压了它,接看 我们松开了 如果我们按压比权长的时间,凹陷的洞会保留下来"在仓床上 放2个木块,会出现门洞吗'""不会""放1个铁块呢?""会""在 · 牧木板上放2个铁块呢/"---"不会 " -- "为了重新上升, 泡沫块按压了你的手 初吗"没有, 内为我停留的时间长, 如果我松开, 它会重新上升"长弹 簧,"当你松开时?""它会坟屋""你觉得它扛了你的手指吗?""没有, 是我们扛的" 短而硬的弹簧:"你认为是它扛了重量吗," "不"我们在弹 置上放了1公斤的重量"它仍然是这样的、因为是2个铁的物体"(参见更上面一 些"它没有按压",因为这是2个铁块)。

Mr(5;7) 在相间的开站后,认为软木板上放2个圆柱体不会凹陷,是"因为它也一样硬(如同大块、等等1,它不是向床" "重量推压了疤床吗'"——"是的" "那么,在软木板上也同样准压了吗?"——"没有" "在泡床上重吗""是的" "是的" "一1个小泡床块放在泡床上:"它感觉到小泡床块了吗?" "没有,因为这2个是相同的东

西""那么,在软木板呢"——"没有,因为不够重""在木板上的圆杠体呢?"——"能感觉到,因为重""木块放在木板上呢?""是的""但是这2个都是木头的""是的,但是因为重,所以选感觉到"。它也感觉到了圆柱体:"它推压了吗?"—"没有"——"完全没有吗/"——"一点也没有""但木板感觉到了它?""是的,它触到了'至于反作用力,Mir不再像Lan 一样去不疑它的存在: 泡沫重新上升,是"因为气拿走了"那些圆杠体,但反汇物"没有推压"

Yva(6;6) 泡末上放1个习程体。"它不会接压" "会杯压吗?" "不会" "如果放2个圆柱体吃" "可能会接压"(解释)"它凹进去了。它在上面推压,会凹陷"此后。"它会长复的" "是什么让它恢复的呢!" "泡沫" "怎样做到的!" "说像这样"在较大概上。"那里它(门柱体)没有推压。…它们在泡沫上更重"——"在木板上呢?" "方在较木板上割 引" "在木板上 是推压了吗。" "没有" "在手上按压了吗。" "没有,呃,是的,有一点" "那么在木板上吧。" "没有"对于棒状的软木板,他惊讶地观察到一点轻做的凹陷。"因为它按压得更多"——"那么,那个(桌子上的软木板),如果我在它上面放上相同的重量,会被按压下去吗。" "下会" "它不会被按压,还是我们看不到。"——"是的,我们看不到。" "但是,我们说认为它被按压了一点吗。" "一"不能"——"人的、我们看不到。" "但是,我们说认为它被按压了一点吗。" "不能"——"农木棒上的四木,会被按压吗" "是的,因为它更薄"

这些回答的共同特征是一种关系的设立、但是含蓄而不,目的。还没有像水平用、样、以重量的比较为依据,在连力物体中、压力的活动根据受力物体的变化、后者的表现则是能够"挡住"(Lau)的疾活。或者任其费布、但是、当它(受力物体)的便度与能力物体的重量相对立时、当(施力物体)很重化过伏受力物体,这些完了到它。因此,这里存在一种通过不同的税角而奇观察信息改大的趋势。因为在受力物体上有的设有造成目除的静止的重量。对于孩子们未说是观察不到的。但是通过蛋重的变力物体是可以观察到的。因为"它重、怎么它会感受到"。只不过,如同任么都没有发生。样、重量在破感知可没有企业任何压力;Mir说"它触到了"但是没有按广,以及Ava说的"它不会按压"也没有挤压。然而,因为这种压力变得容易变化。虽然看不见,每它仍然可能发挥"一点点"的作用。Lau的原活)、并且这里出现了真正超越观察的开始、另外、当Ava看到桥水的软本板出现了经做的匹箭,也随后就把这种压力的存在推延到放在桌子上的软木板上了

相反,还没有反作用力观念出现的过象,因为"挡住"还没有被想象为一种有方元性的活动,并且除去重量后的追床的重新上升对于被武来说,也还没有与压力期间发生的事情严华联系。但是在这一点上,我们仍然看到了在水平1B和。因之间的中间阶段的两个例子。

Art. 6; 2) 说圆柱体凹陷是"因为它比向未重得多"这是 11 4 水平的一种惯用语),它在软木板上问样没有离开:"它没有凹陷是固为软木板比这个重(指比图杠体重,尽管已经据量过了两者的分量"因此,重弯味着具有了抵抗的能力,如同重量也

具有行使压力的能力一样 另外, 泡沫上的凹陷不是很大, 是因为它"只是重了一点 占", 你是均加了圆柱体的数量之后、"这一多会非常重" 不过,这些与重量有关的活动 ·飞只是可观察量的表达, 因为没有了凹陷, 重量无没有"推压", 但是, 如果它没有推 压软大板的话,这些圆柱体的重量又放了什么啊!""它什么都没做""它停 冒在哪里了,"那里面!在凹柱作内!"那么。在泡沫上呢,"它下降 了"与我们拿走它时,包末"重新上升"。与重新上升时,它对圆柱体做了什么。 压,你的手会做什么""停住""你你会做什么个""我推压""向看 哪里" " 向看高处" " 那么,上面放了2个月柱外的泡沫,它也会向上推压 吗 1"——"不会"——"为什么"。当为问程体只重(吃是因为他这时还不知道这 里有2个相反的"任压")"于是、我们并少了大量的建议、包括在泡沫上改2个圆柱体 ,人及取走了个,门柱体,在这里, 罚在体下的之为修体的可观然到的事所上并被指住了: "我们与够现色表句高久谁生了吗" 九章"是的"于是、1世承认了软木板也可 上向与允许压了。即使看到了这些。但是她对与2个强商相关的建议的产物理解得如 此之少,晚有识到如果她不把把可作物的弹簧打伸到起过一定的程度的话,这是因为 "它打住了", 但是她否认明准弹簧也一样, 大玩变成了不必再多论的一种情况 "不,它什么都没做"。因为它没有动。

Dra(7:11) 对于总表的专行上外与有自己的理论 书1个单独的现在体动。 "泡沫的上下各有一个作品。因此它不会下降"; 出2个、同程体, 它下降了, 拿走后电 据引自打上升,与橡皮尼切及:橡皮尼在底甲至粘成一周,然后不再重折上升。包 ,未在成一,没有站在一起, 用此是祝一,使它重新上升。 软木板比泡沫更重,那么它凹 陷得轻一切,红木椒上的重量地,色、灰块上的重量轻 ——"泡沫里面的重量与周柱 体里的手节是相同的吗?"一个是的。但是目标体里的更重一些"你曾说到 杜体的手管挥压了泡末 泡末的手管女子什么!" "泡沫的手管被压扁了,因为 同柱体的自量更重""泡沫没有在同社体上产生一点点的怀压吗!""没 有, 包太经了""与这一则任体在全局权上时, 全局板会补压则在体吗?" "下会、仓商风什么也不会饮。与重量打等时、广泛有重量了" "两者都不会推 怎,或者两者韵"怪""两名都不断要班压"对于手上的排压:"我推压了 你的手,你的手及推回来1、毛弯这个建议、它却不再功了,为什么""因为我们 胜压了相同的东西,我们有相同的巨量"我们已够说应未及推了圆租体 吗" "是的,它打住了重量" "那么,如果用一个比较重的重量呢!" "它几该会推压得更厉害" "上海记忆的任得更多吗!" "不吃,它挡住得更 少,因为它的省早更厉害""约大枝反准了圆柱体吗?""和泡沫一 样""木板反推了吗?""虾、没有、木板和圆柱终有相同的重量、所以它们 没有"生生" "完全没有吗" 一一不、从表没有"我们再时到关于手推的对话

(当时他说了相反的话)、等等,但Dra坚持了他的断然拒绝。

这两个例子是很好的证据。它表明了尽管阻力是由重量引起的,但它还不是一种与小力相对抗的力,并且,同时也使我们理解了为任(几个认为)两种相同的重量是没有相互施加压力的。在第一种观点上,Art 虽然原则从下向上地用于反称了我的手,我是从上同下地按压了他的手,但仍然拒绝在心床和国柱体之间也能够是相同的方式。"因为它很重" 换句话说,如果一个为胜过另一个力,后者是被抵盖了,而不是华实起作用或者至少在相反的方向上施加力,如果我们坚持观察。这会不言而吃一同样地,对于Dra来说,也未的重量不是抵抗的是"被压漏了",而且如果它"挡住"了。社会变成在沧力物体重量增加时"推开得更历害",事实上,"它打住得更少"是因为需小了一同样。软木板比泡沫"更重",因此也更强,就抵抗了更多的绝力物体,但后者不是并压得更历事,因为存在阻力。"比泡末块上的重量轻",如同观察中所显示的那样一切上心末的重新上升,这不是一种反作用力,可是一个内部过程,Dra 持过了很棒,但只在心力物体离开后起作用,Art 没有能够听从相反的建议(2个国柱体中的11个离开之后的可观察到的重新上升),她什么都是理解,已不能(将问题)正移到净管上

一句话,这些被战全部明确给出了愿力物体和受力物体有重量方面的对抗关系,但他们还不理解这一点,即可能存在两个相反为同于的同时性动作;如果其中一个的重量被撤销,另外一个电就不活动了,无论是定力物体的没有实试点撤行,还是受力物体的承受而不反抗。然而,两具相互推压的手(此时孩子的手被引导可高处)的特况没有分起任何问题,这应该启发他们,但这是一个与特殊和明确的意图有关的支撑生的不动和主动动作的问题。因此,这对他们未说似乎与两个未叠加的客体的重量无关,尤其是个手的例子中,这些努力和力自是能够视察目的;然后在叠加的没有四篇的。体之间的关系中,如果不是惰性的受力物体完全被动地抵抗,和逐力物体的相对静止,有指导的观察能很好地得出了这样的结合;任么都发发生。于是,我们发现,水平1人的Dan 和水平1B的Lam等人已经持有量这个发出的观念,即两个具有同样性早。如两个铁块等等的叠加物体不会相互浮示,Dra 在重量的水色中表达过:"行重量相等时、就没有重量了"重量的影响表示为可观察的序上结果(四陷),其实,在相等的例子中很清楚、"心们不得及推示",因为这产生不了任么! 因此,同是不在于这种观点的理由是否允分,这是很明显的,问题是我们可以发现水平1人的被认持有这种观点的理由是否允分,这是很明显的,问题是我们可以发现水平1人的被认持有这种观点的理由是否允分。这是很明显的,问题是我们可以发现水平1人的被认持有这种观点的理由是一点从这时起。几乎用始认识到在一个全种上两个相等的重量之间的同时和相对的动作

3 水 平 ⅡA

这个亚阶段是具体运算阶段的开始,这个水平的一般特征是 在预用结果时对重量形成了 种自动化的关系链接 此外,还有对于施力物体的重量的抵抗,不

管支力物体是什么(除了有等的例子之外),然而如果没有这一点,这种挡住的重量总是 对后者施加压力。

Rog(6;6) 泡沫上放置 1 个圆框体、他说:"这产生(将会产生)'砰',就像这种,因为它很重并且不是泡沫" (解释)"为什么它不会凹陷?" "因为泡沫挡住了" "如何放到的'" "因为里面的泡沫" "它做了什么'" "它保持静止,它不吃切(因此,什么都没做)"然而,"泡沫就够重新回到它曾经待着的地方(一重新上升)" "为什么" "因为泡沫里面有产生'砰'的东西,而且它会重新回来",他甚至说为了对机那些圆柱体、"泡沫应该推压" "向着哪里"——"全部向里面"圆柱体同样对软木板产生了影响,似"不是很大" ——"第么,在泡沫上呢" "一点点,不是可样的",然而在圆像上,这不是一种压力。"它推压……它停留并保持原收……不对,在柱体上我们看不到。"

En 7;2) "泡沫会下降、因为它(1个圆柱体)比它重得多 "但是"在软木板上不会下降,它有点硬" "这是可样的重量吗。" "是的,因为软木板的重量和 泡沫上的一样重,那里和 这里是相同的 "——"软木板感觉到了相同的东西"是的"他甚至还在某个时间说到了当有压力的时候。"几乎这里所有的材料我都看到了一点点的下降",如此一来。为了在她的折生的概据中保持连贯性,从而适产生了各种虚假的风餐 在一些关于手的问题之后,他那时说"我应该在高处推压",对于软木板上的重量,目前说它同样应该为了抵抗方"征高处推压",然而"泡沫没有推压,是简社体推压了:它下降了" —— 那么,可同杠体推压时,你的手不也应该推压吗。" "不,它没下降,因为我很好地挡住了杠体,它没有接触到"心人人(那么)你的手户或推压吧。" "是的" "那么,泡沫呢,一个是,(那么)你的手户或推压吧。" "是的" "那么,泡沫呢,一个是有,它和手不可,因为手能够移动,然而泡沫不能动"可是'它重新上升,是因为在泡沫上什么都没有了"。

Wirr(8:8) 泡沫盯泻是由于重量的差别,但是較水板没有凹陷,是因为"有什么东西在上面抓住了",尽管在这两种受力物体上的罚柱体的重量"没有改变,还是相同的东西",等等 然而,它们不是用利同的方式进行挤压。"因为水板是硬的,较水板不太硬、包沫更软" "为了不凹陷,太板做了什么," ""一"如果我用重声来掉让你的手呢。" "我打住了,我避免了下降" —"你推压了吗," "没有一一是的""的下吗。"不是,是向上" "能够说水板上也是相同的吗,即它推压了,等等。" 一"不凭,因为水板比我的手要硬"他什么都没有领会到,但是里面有一个小野兽,"会感觉到它被压碎了(观点的引中)" 至于泡沫板上的泡沫块,"与是两个相同的重量时,不会挤压;下面的泡沫什么都感觉不到"。

Man(8;9) 软木板感记不到相同重量的另一个软木板。"为了能够感觉到,它 万场做些什么"——"用比软木板更重的东西"——"相同的重量呢?" "那就 及有区别了"——"那么, 经一此的重量呢?"——"比·····-经, 北无更少(他笑了), 技上当了!"

这些问答的特点是在以下两者之间呈现土的反差。 是通过重量的关联以及重量 的 ·般性守恒 来进行解释)开始也现了由逻辑引导的关于广启的解释: 是有完全虚 越了观察员,(几个)进行同样的推论时表现出来的国雄(余子)。些有时性的想象,深如 Fn以及其他。些人的做法,为了保持。致性而扭曲了互系事实。 获试很愿意承认区 个头侧, 如果重量等性, 它压该会用桶间的力力推进之力物体, 因为它不会因为产信之。 力物体 n的硬度不同而表现出不同的作用方式、木板上的重量也会破坏每到cMar 是现了 一种视角,他就在他自己手上送说到有个小妻子。 先其正人舞台的是,任我们还看给这 些被试是如何坚决地认为实块在实权上, 变者泡沫现在包末板上等等之类, 是"支有船 几"色, 因为"武是两种相目的重量", 而在人主工工事。 却开始对相反为之间的字确有。 所理解:但是,在人生上。不复じ己在恶烧权土取得巨广角。大工。有快工运动充用了 如果一切何重量下降,会使得与之相对的另一点上升,因此,主意,怎吃以或表征方向个 相反运动的队制形式。相反,在简单产加的信况下,由于没有更多的运动,需要通过观 额,就像在这个水平上的几个可见的对手是感的出了,引出什么也没友生的活态是合手。 逻辑的(除了 Man 发现了特金、)是说了"比无更少"。在最有利的特配中,反作用方似 手是用"抵抗"能力的方式显示目来的 2 學 Rog Mer 等。和自己、适己是、将言改想为如 同被引向了相反方国的抵抗型具有目转的决策。在追求里有一种"回到怎来的位置"。近 趋势, Rog 承认, 这自他能约也等到了对抗全局。自体两"在"的可能性, 但是这种振力 是"全部在里面"。[日此在现实中五没有对抗"运种外部方量"。 厂 有水下 IB 档间我们 展示了这个问题的复杂性。

4 水 平 ⅡB

Max(8:10) 因为他在水平置着和圆B 2 间的矛盾侧而处于中间阶段 从沧沫换到软水板,在它们上面的套管并没有改变,饲料体同样地进行按压,尽管软水板没有凹陷,"因为它很重"相反,它们也没有对大板产生影响,因为水板"也更硬",但是它们与在软火板上一样地设"按压下去",但是这种为度少于在沧沫上的(请比较"依靠"和"晕腸") 但是按下来,它们不再对较水板起作用,是"因为较水板不凹陷",然后它们重新产生影响,而不是在水板上·"那么,重量去了哪里呢" "它们帮在原地"——"在软水板上的季节呢""一"将会到软水板里面"——"为什么它不叮陷吃""的为的硬""分件么这些圆柱体不会(况)到,泡沫的底部呢""因为沧沫重和升起来了""它做了什么。""因为它有一点硬。它的高处推下"但每下来;"较水板械扎了""这是什么意思""……""那么,如果我推正你的手、它会怎样放了""我们""这是什么意思""……""那么,如果我推正你的手、它会怎样放了""我们""包沫为了抵机而向上推压了吗""是的,稍慢一点点""水板没有抵抗吗?""因为水板很下""我后、水块放在水板上;下面的水板什么都感觉不到。""肉为这是相可的重量,仍是下面的水板更重一品"——"那么,重量去了哪里/"——"但在了原地"

Nuc(9:5) 在对可视整量的预从和试图超越它们之间,显示出了初间的常见的矛盾:"在泡沫上,它们(圆柱体)推手得更用为一在软木板上按压的力度就会小一点。因为它叫陷了更少""它们用了自己的重量去推压吗。""没有""重量去了哪里""在软木板上""那么,这个重量推压了软木板吗。""是的,但是非常非常少""那么,推压了大块吗?""没有····是的""那么,它在木板上和包沫上的按压是相同的吗?""在泡沫上按压得更多""那里(铁板)吧。""按压了""这些圆柱体推压泡沫比推压铁板更多吗。""不是,它在泡沫上按压得更厉害,因为泡沫凹陷了""然而,

它们的推压是相问的吗?" "是不可的。因为那里有凹陷,两块板上则没有,因为它更硬"——"在铁板上按压得更少吗?" "妆压了更多…… 成更少" "那么,用木块(向下推压)呢。" "这是不一样的·在泡沫上按压得更少,在铁板上更多 "——"铁块或木块吧。"—— 木块在泡沫上比在铁板上按压得更为害 "——"但是它没有凹陷。"——"它(打大块)比较轻,在这种情况下铁板不凹陷。"

Rem(9;1 在泡沫和软木吹上的圆柱体的重量"总是相同的重量""那么,它的按压是相同的吗,"——"是的,因为它们总是相同的重量""一"在木板上呢?" (长时间的死凑;"是的,因为心是打了的重量"然而这个美国的逻辑对于对泡沫没有造成按压的软木块不再有用,接着"精放一点点",但是在木板上吃没有按压了。可样地,木块"性压"了泡沫和软木板,但是在铁板交易一块木板上充没有推压了,"因为木块在木板上,这是相同的重量" 至于反作用为, Remi 承认为了抓扎成人的手,他的手",该向上那压",在这里出现了逻辑上一个灯的瞬间的成功:较木板为了不让圆柱体凹陷,它"应该向上推压",但是铁板"它不怎准正。它必须这一点点努力。"

(*(d();(i)) 认为饲柱体的重量是可宜的:在总本 软木板和木板上的"按压了是相同的",除了在出现凹陷的情况下,"会凹陷到一定的距离,但是在之后圆柱体化不够重了" 在泡沫的情况中, 依托的是它的内层;在软木板的情况中,是它的不不多相当紧密的微颗粒的结构。"看很多的背骨紧凑的小珠";在两只手的高况中。"我抓抓了", 而且"我等重折上升" 但是尽管我们在刚性弹簧上以及包沫上都停了他一个口头建议,他还是拉跨接受在泡沫上产生了向上推压的力量;"但,不是的,因为泡沫在下面,它保持原状。"

Ana 9; [1] 规率到一个月红低不足以让泡沫凹陷; 它"是反礼的,它抵抗了" 较木板块也没有凹陷 "我们可以记包来方式到了上面的重量吗" "是的" "那么,故木枚呢?" "尽管有一点,但是少了很多" "木板呢?" "在这种情况下,那里,完全没有"我们事);四到泡沫的"反机"上面,"你能向我解释一下'反礼'吗?" "啊!这麽难!" 在坚历手的试验之后,"我们能够说包沫也用自己的力量去对扎了上面的重量吗" "是的……不,一包未没有上升,它被压局了" "号我们去掉那些上面的重量时呢?" "它重新上升了" "那么,它使用了力量吗?" "没有,仅仅是与你们杀去了圆柱体的时候,而不是当它们还在上面时" "然而,为了抵抗它们,泡沫和你的手做了相同的事情吗?" "是的,我们可以说它推压了一点点(但不是很确乱)" "那么,用全属的杠体呢" "是的,但是这个(一它)泡沫,推压,里少了一些(1)"至于较木板;"没有,它没有(为了抵抗而)推压,因为它相写厚而且足够硬,它不需要推压"回到手的试验上,这次我们可这些重量圆丝体,数大块点大块)在没有凹陷时压

是否 也同样起作用""是的,有一点点,但是我们察觉不到""在所有的上面都是相同的吗""是的,都是相同的事量,仅仅是在下面的物体更硬更重""下面的物体把相同的东西准到任何地方吗""不是,它是有区别地重新往开,因为那个 受力物体,硬等多,又有影响,但是我们自己看不到"

Par、II: II 报行了一个新的例子: "然而、泡沫为了不凹陷需要做些什么。" (长时间的犹豫)"它实现有用它的宽度(此处指厚度)和长度去抵礼""仍它是怎样故的呢""该不是非常清楚: 可能有和圆鞋体相同的重管"这些事等与推压或按压的行为一起破保留了, 但是抵抗改变了一如果我们去等了2个圆程像中的1块, 泡支比重新上升了一起。"因为这会更轻一些""我们完现泡沫用向上推压的方式抵扎了吗""啊, 不论, 泡沫没有向上推压"另外, "它不需要"抵扎量料块。"因为它在与工方体作战时也是相与强壮的""作战是什么意思",为了战胜主方体""那么, 抵扎吧""就是说不凹陷""红大板也允该与塑料块的重管作战吗》""啊, 不是, 它不需要: 它是够硬。"

我们还有更多改类包子,它们坚小了一种从观察中解脱出来的视角,并开始建构了种心全作观察性的混合,即作用为与文作用为相等但为问相反。然而,从逻辑上讲,有不可见的推力和一个同样不太能察觉到的反作用力,这两个概念相互很接近,因为,如果一种厂力设有。是任何明一的效果,当少该是被一种相反的力量消解了一只有一个人,为跟随着作用于支力智体的一力物体的运动而发生时,且支力物体静止不动,施力物体的运气动作可以被包围为一点算或正心等,而反应则是重心等或互反必算,这样一样,也更容易将最初的对于扩射到不可处处的情况,它从水平量,此升始了一因比,我们这类品分享区两个水平,能扩生或来越多的表现以种扩展的水平量B,以及"抵抗"成为完是作口的水平量C。然而,事实上,这种差差,并不是绝对的;从Mag(8;10)和Rem

(9,1)身上,我们发现了为了形容这种抵抗的出现的"同土推压"的表达,同时,我们发现12岁的被试还在争论,同样体"在铁板上按厅,但从铁板的角度,我们可以说它几乎没有按压",以及圆柱体没有在另一个目柱体上,真正地"按压、因为它们有相同的重量"。

说到这里、尽管从9到11岁之可有了。些对量可见的进程。但是水平IB 的核心自愿是受力物体的表现的本质,通过"保留""抵抗"甚至"重新推示"之类的可谓表示水。其中,被试 Ana 在做解释时,她重复了好多次"些生这太难了!"从Mag和Na 的中间阶较的例子入手,他们的矛盾充分地表明了这两个心态。"按与"作用的概括化和"重多推压"观念的产生之间的相互关联。对于Mag来说、重量仍然按压了软本板。但在本板下则更历害些。"也更便";或者,如果饱未同于推压是"压力它反映了一一"(但要正更的是:它具体压了"一点点"以作为抵抗),本极为什么都设做。"因为它集重"。在Nie 身上,这些矛盾更加其是,因为它们是即时性的,改板是"硬"的、手量在气上面按压引更多,"……或是少",并且他连续地假设在铁板上心在包末上按下"更多"。这也就是说、如果保留或抵抗是硬度的函数、现我们点不可能知道它们是每与应力物体的更强或更弱的压力相对应。

然行,这也主是问志的点情所有,如果Rem有,以为的情况下飞还了相关性(软本块在泡沫上只按厅了"一声点",在本板上叫起本没有按理,反过来,为了推开铁块的重量,本板的重量只要求做到"一点点努力"就可以了),实际上我们看到了Ana,允其是Fre使阻力成为硬度的静态产物,点不是在土力的相反为同土的为目性力;Ana 包无任心地接受了泡沫对压在它身上的重量的"一声点"推开,但是如果增加了。上面的重量,是这就推升得"更少"或者不再提压了;而在了的任务中国。是这个各人之间,支持率,以为公司,这种程序更多。但"在型科块上抵抗更多一些"。因为它更轻一同样,Pac 认为阻力的观念是多余的,如果这种阻力不是由于乏力物体内部的复度有保持,在是少及其他东西的话;也未"没有同土挡压"。可由"它不有要"抵抗某些块。因为它"是和自定 及其他东西的话;也未"没有同土挡压"。可由"它不有要"抵抗某些块。因为它"是和自定 壮的"(另外,Ana也说了类似的话),能够阻止凹陷。

息而言之,保持,抵抗。同后推等,还没有在与外部作用相反方可的定同活动的心义 上构成。种交作用力:它是在对立效量上的准活动,有计不是返回到原来相同的状态, 因为它不会在受力物体的外部展开,并仅限于通过随宜或特的入侵来维护它自身的先 整件。因此,它只考察可观察到的情報,这些同样也更加自然,因为这些被试仍然倾同 上相信在专效应的情况下,重量停止起作用:Mag 说它仍然"留在了原地",不是相反方 向的挤压而是"向上推压"。

5 阶段 Ⅲ

终于,仅仅只有在口口2岁的阶段,并为被概括为气有重量的制力物体,使受力物

体形成了一种机反方目的推力。然而,这种理解仍然分两个分段进行,并且只在次级阶段IIB才最终完成。在水平IIIA、仅仅是付IIB情况的道转,当他力物体设那么重对,受力物体的阻力会更强,因此,对于水平IIIA的被试来说,当反力物体更重日其被动阻力是够时,缺乏动态反应。这里举几个例子。

Gab(11:8) 这样来表示在FI力方面的反作用力:"软木板(比泡沫)更能阻挡 垂耳,它支撑了重量""那么,木板呢""也也能阻挡重量"——"在木板 上放1个1公斤至的铁块,与在木板上的木块进行比较呢"—"它几场更能抵抗 铁块,但是我们肉眼看不到。"

No. 12:(1) 通过软水瓶的放料性质(即作多样常小的压得很厉害的小珠)来解释及作用力,因此,不仅仅是它的硬度,而且它的凹力也被明确地视为一种活力,"这些小球可能像弹簧,当向上推压时,它会重新上升"。

New 12:71 泡沫会"事打上升":"已弹出了悶柱体" "木板呢" 一"它没有, 布瓦门不需要弹出, 因为它尽硬"至于软木板上的重量, 它"会试阻挡这个重量, 因为它比泡沫的力量更多一点" 打反, 木板没有反应:"它足够圣图, 能够支撑 这些样体, 并用它的表面去阻挡它们 一因为它的表面很硬"

Plu(12:7 "事量实试着在泡沫里凹陷下去",但是泡沫"像一个人一样:它应该较低" "那么, 红木顿呢" "它怎该做出更少的努力, 因为它有阻力(除了这种反作用力之外,", 然而"这是比支撑重量的大板更大的努力, 因为木板更具有抵抗力"。

这甲是水平IIIB的一个例子。

[m(11,2) "泡沫上的重量比较大坡上更重吗?——"与然不会改变啦,因为

"那么它同样地往压吗""不是,因为它很硬··是的,是同样 它在上面" 的东西"一一"与你维软术吸引、你的手指会有什么感觉,"我的手被按压了、 是我在按着它……并且, 当我按压时, 很明显我的手指也比破妆压了。 尚未让轻 的金属块重新上升了""那么,即使我们看不到,你认为木机也让这个全属块 重新上升了吗""--"是的,我是这样认为的""支着, 泡沫和木机上的出现的 状况是不一样的"一一"不是、我认为它们是一样的"一"那么, 软木板呢" "这肯定是一样的,每一个都要按准不同的力量"关于这个力量。"泡沫对型和块 (小立方体 和木块的及,是不同的吗,"一"我不知道 它与气上液反凡不同,因 为木块生线更重 然而, 坦白说, 我什么也没有看到, 因此, 找认为二我, 这个) 岂! 该推压木块比准塑料块更厉害一些 ……"——"那么,像这样,大块或者塑料块放到, 一个铁板上,铁板对它们的推准应该不可吗?"一"是的,和在总床上发生的一 样""那么, 坐在椅子上时, 你准压椅子了吗?""只何, 与我生下来时, 我也 向下推压了"那么、特了有向高处推压吗?"(她笑了,是的"那 么,如果它没有推压呢。""民会跌倒到地上""那么,为何你既没有排化, 也没有操到自己呢。""因为它非压得足够了……它的自压和我非压的打 可"如果我坐下,它改变了推力吗""是的"接言之,作用力和反作用力 是相等的,101同样也确认了这一点:在点点上放置了一个很轻的塑料块、发生的什 么是观察不到的,她说"它推压到刚好能够停住"。

从水平加入起, 截试 儿童)有了反作用力的观念:无论是所谓的保持 抵抗或者反称力,它构成了一个与"作用力"同等的主动力,证据是,从此以后它必须与愈为物体的重量成比例。然而,水平11B的被动抵抗被认为是更加成功的,因为侧力物体的重量保管、这与互反性活动正好相反)。但是,如果轻的物体同样应该抵抗重的物体,并且"格利它",则相反就是不正确的,并且重的乏力物体"不需要推与"轻的重量(No)."它是够坚固,能够支撑这些杜体"(Sto)。因此,在水平114,在水对等的重的变力物体对轻的意力物体的情况下有了对于作用力的认知,也就是说,看每低水平时有压力,但是看轻的乏力物体对重的施力物体的情况下则有效存的被动抵抗。使变,等等,即看最压好时,初始压力被界定为不存在的。

最后,在水平IIIB.在所有的情况下,反应支减了远过纯粹通孚进行的概括化广坦自见,我什么也没有看到,于是我想",中能遵信动作的比任,对作用力进行概括,并对互反和相等做了必然性论断广"当我按广时,很明显我的手指也被按示了"。这些是其他研究在同一层面上所表明了的,但是仍需要查清的是,这些概括化中使用的机械装置导致(儿童)对不可观察动作的令人惊,对的理罪,这也是我们将要会,试的

D此时还没有进行推手的尝试。

6 结 论

在先前的大多数研究中, 概括化仍然长时间地包留有力, 物水平上, 并成功地建立了 套关系或规则的集合, 在此基础上, 建构性概括化才能形成; 通过增加的通径性的, 必 然性的推理, 观察事实因此在没有太大障碍的情况下逐渐地被整合到包含可能性运算 的系统中一然而, 在本研究中, 观察政简化到行少的一部分, 而且整个问题被慎入一个 巨大的作用力和反作用力的网络中, 这些作用力和支作用力都是绝对无法或察到的, 而 且更难达到且矛盾的是, 它们在每天打理性的可且是现实性的, 但确切地说, 在一定 程度上, 它们在现实中经常被想象成是可能性的一个侧面

水平 IN 坚持以两种现象: 年为只发生在有图点记情见下,只有在受力物体不够坚良时才会发生。因此、 运局部的「结性概括化滤够到滤到轻的能力物体如塑料块,没有能加作何压力: 然而对于硬的变力物体如水板或者铁板未说,它们以没有经支任何压力。在水上 IB 中, 达到一定程度的工力支出各局被接受"很历声"。是"等等), 能力物体有特其能被受力物体"感应到"的重量,而不是他加任何工力。但如果这种被感知至,而支有起作用的厂力接下来将会是过观察,那么它仍然只是水平 IB 自己观点的延伸(手可以感受到一个似乎没有重量的物体的存在)。

一接下来,在水平 IB 和 IIA 之间的两个中国冷灵的付了向我们图示了,已是)难以地 解在无口管的情况下压力被保存的美国, 好果存在两种相反为同的方式意力物体的重量 或者 5 方物体的"可抵抗"健康)、或者 定目是相等的 5 目 年 么起没有发生。因此它们无 效,或者是一种力量胜过另外一种而广者被定分了。在这两种情况下,依据观察,不可 港理解两个目时是作用的相对的方,因为一个可以取消另一个或者两种方相等。因此, 有 (点等 水平的 II), 适当的建制性概括化准及重量的身种, 客体的质量是一种不能改。 支的形式。然而,从逻辑的角度未看,如果重量等和,压力流必须保持不变,其结果是在 受力物体中竞加相反的力量未曾径无。治的告兄。因此,从水平111月始,压力守恒进。 一面反作用方包守恒的观念图面具有了逻辑。,也性 如果不是这样,那沉会还及这些问。 题,不仅仅是周于风险的桎梏,而是另一种,即在何手元没有观察到什么的情况下去"发。 1月"此事实。看过方面,两个相等的重量之间门均衡状态无其具有启发意义,同为有。 4、西被抵清了、同此、整个问题就是、等要知道官门是否只是抵力了其效力、但仍然继续。 作为和反的力在起作用,或者亡们作为活动和力相互抵消了。根据观察,第二种解决方 法是最自然不过的,因为什么都没有发生。相反,第一种军决方法也需要"发明品"两个 新的思想内容:一种没有运动的力, m 更复杂的是, 当重量已经被放到乏力物体身上并。 起了作用时,从一开始气静止的支力物体为了回应向下的重量而施加了司上的推力。 然间,如果等一个解决方法只在水平IIIB才能理解,如果IIA、IIB、IIIA这几个水平只是构

成了一个模长的准备阶段,能解释这种延迟的显著事实是,任何可见察到的事实都不能用来否定或者证实两种解决方案中的任任一种;只有内在的逻辑,证差效的整个和建构性概括化的新进一致性强制性地实现了逐渐趋于恰当的选择,但是除了这种演绎性协调,就没有其他检验了,其在儿童掌握的经验中缺乏可能的吸引力。确实有一部分被试(如从En身上所看到的)达到了以构成性虚假风察作为理由,但这然地,除上在宣学和验证之间的这种理想的联系可以在事实上维持。设计11 尽管如此,当这种建构性概括化通过物体的力概含而实现纯粹的演绎时,它仍然被适后是坚验。例和建构性概括化之间可能的即时性的过渡。

在这方面,女,果这些被武改有更多地表述他们做出的准理企具,怎么依据他们的犯豫和矛盾,我们很容易建立从水平IIX的,水平IIX的区分。至于第一个最简单的问题,即(儿童 在没有凹陷的情况下对于下力的概括化,它在重物主时被清火或停止的想法是拟人化的;手臂的力量可以发挥或停止这样的做去,会根据肯见随心所达地改变。相反,在另一方面,如果一个物体看起来在这里压得比那里更多一些,那么我们就无去了解停止起作用的重量的性质。当9岁1个月大的Rem 远出它在轻的和重的物体上的按压是相同的。"因为它们心是相同的重量"时,他很好地解释了在第一次段的进程中越来越严格的概括化上的共同原因。

至于反作用力,经过逐渐的但是更困难的过渡,从被动抵抗到对等的推力,这种演变的原因显然在于沒有这样的事实中寻找:如果压力等标有单独已能力物体的重要化,则受力物体的反应,机应该是(重量行)函数。然而,积于唯一的"硬度"的被动抵抗时没有任何功能依赖:它仍然独立于任何压力,在事实表明有关系可,最初的意见是,当危力物体更轻时,它会更加强大,这相当于积据无口篇的告呆去,记信它,而不是扎它想象成一种活动。相反,从这个抵抗不再付出个部或者什么都不给,而是根据压力而变化的那一刻起,受力物体的反推就不再停留在内部(水平压)的Rigg元"全部可里面"),而是初有与能力物体的方向相反的方向发展,作力。种定点同于的推力,与金力物体同下的压力相等。

息有言之,这个实验所改及的建构性概括化不仅仅包括了约定的内容组成新的逻辑形式,还有对于压力的守有以及在均衡式态下对于相反的作用的互及关系;虽然决及了物理学,但它都是为了创造出一些新的内容,而不是由可观察内容所容示的,譬如没有出现运动位移的力以及在它们的方向和部署中的观察不到的无形的及作用力。这种世系关系位于逻辑数学和物理学的建构性概括化之间,其原因是:如果前者直接处于可能性的世界中,而后者,却与它的目的完全不同,并且只倾向于解释现实。只有成功地把后者深入到可能性的同一个宇宙世界中,才可能成功。因此,于如我们一直说的那样,将被试的操作「手物体本身、即周果关系由什么构成、这些不正是为了经济目的的提出的申请;它所要求的这些新的建构性演绎导致了在真实性与可能性之间的关系的革命性的颠覆,这并不是这种概括化模式的最小成罚。

第十二章 速度的基本概念的概括

与E. 德克斯和S. 达扬合著

在第九章中,我们已至在上了不仅仅是概括化提出了分化和整合的问题,这一点不一 mea,不已有某些分化(次,我不是全等的话人,除了那些拥象思维的过程之外,还需要借助某些概括化机制,因此如同我们已至在感管的复数和平移的关系中看到的一样,这是概括化和方法之间的关系的问题,这早会与分化和整合的问题和联结,这是我们在这里特别希望重复考到的;然而这关系到一个相当人的问题,也就是让发现它的不同形式的共同特计的问题。事实上,怎要存在一种以一序为特在的星熟的重复直定,只是基于整整并与时间还读性无关,这种运动了概念进一步发展以后,才会包括所有与时间的充进,持续时间的有关的关系,怎不再仅仅关系时间和空间的相似。序;是然,这是证支-移动的侧子(有用建度和线性速度两种形式),同可这也是证度。如李的包子一事实上,与对实性无关的织率仅仅是一种机遇的表达,仍是数量上的相等出现而会动作,但速度的企义则是它全分外的表达,即这而全动作是集中在几秒内或者分散在几个小时之间,的这难确地构成了不同的速度。

上,此,我们的 展展。考察被武量等如何使用持续时间 我性重度 角速度以及速度 如不等现合,我们看到这里有两个相互大歌的问题。 个是分化,尤其是这些年轻的被 武引于角重度和农性重度的小分图难;另一个是整合,特别是对速度更幸做出与持续时间和人的解释。此外,我们希望指出这些分化的世程与要某些极钙化,因为抽象不能缺少一定数量的相继比较。

技术:使用了3个步骤的任务。

1 一个有径5cm已绝了,带有一根2cm长几年色的线条,在一个星幕与面膜转,这个厅幕也有一个先变2mm以及长度等于轮子生径力重原,它能够显示出红色线条的出现。我们使它旋转,同时要未核子们提建出他们所看到的,接着我们改变速度,当被武产两"更快"或者"更慢"时,我们让他明眸表达出知何看得这些,"你怎么看得这个"。在这口""更不需"或者"我们期待更多"的门答之后,我们向同是否有某些'确保的"方法,如果这个孩子再不能发现更多,我们建议他们做计算或者利用一个利表。完成了这个步骤,我们就重新开始实些比较,开从中分析被试的这些方法。

II 第一个步骤破用于这些相同的被战马上,有于对线性速度和速度物率做比较,但包含旋转的引数。我们使用上面提到的轮子,用一个图片作为轮点的标记,我们且它在桌子上袭动。开始的问题是: 1)好果它表动了尽可能多的构数,轮子会码人很远的地方吗。有面构或者是"构之后,它会到达量里。2)如果它仍然表动了相同的周数,但我们更快地(或者更慢地)发动它,它会到达量里(3)当一个轮子压力。个轮子滚动了更多的陶数,它会更快吗。等等。我们同样面间持续时间是私超完的距离有关,不是一速度有关。

旧 第 个问题(针对另外的被读)。针对轮子的线性速度和角速度,使用的装置是一个转轮和 个与之重直次置的齿轮 平成的是一个有21个占的黄色人齿轮(用)或了来表示),正直次置的是一个9个占的东色小齿轮、简称为R 在底转 然后,红色小齿轮带动 个有15个齿的中等大小的蓝色齿轮(简称为B),有时候我们也会重叠放第一个黄色齿轮(称为J),有21个轮齿) 开始行为,我们让被以先做阿明,既然和指述旋转,作为观察的理解类点 接着,我们拿走蓝色齿轮B,并让他们应明,然后我们让黄色齿轮J旋转 整周(以一个轮齿的标志为重,让他们是练红色齿轮R套怎样。内接下来,我们会向间是否有一种方式可以知道;如果黄齿轮J转两面高话,对齿轮R套转几周我们还会在不同情况下对各自的速度以及时间进行提问,如有必要,还会提及他们去数轮齿。我们也会间某些被读,在黄齿轮J上标记的一只蚂蚁。以及红齿轮R下的另一只蚂蚁。它们是否会路过同样的路径。等等。

第一部分 速度-频率

1 第一阶段和水平ⅡA

从前运算水平起,这种调查已经像更复。并可以被参知和想象了,却它与该和一个运动相联系,就像我们的表質那样,或者仅仅与那些持续的声音看关,或者与那些多变的问题中的闪光有关。 在我们当后的告集中,告要区分用两个水平,一个是水平1人,在这个水平时,这种更度只能根据自身的动作未信计,但是看得更清楚,诸如此类;另一个是水平1B,或者产着理解的开始,这时数至1不再是作为数分和持续时间之间的某

¹ 成長,集可6 代東新希望在有多的特性不好。 被武司 "用,其件"知道。他的被武備"构造的石柱",包括进行支柱的比较。其中一个片段适应 个包含 严重的民间 然后,为目前的就然有文的是,他没有交现那些对于是理论的。这一数果,一个代码 进入海 物理学者的出知的专责错误、称为"自动"。是一定的"作于了也让汉从"。""是""以数武者"的"关于"少人","是开始",然而大多数在建设方面做是了证券。因而"在"工作",是一个"特别",是一个"一个"大多数在建设方面做是一个证券。"是""工作",是"

和联系,而只是一种隐含的表述 下面就是水平11的 此例子

[hen(4;8) 描述了他所看到的, 但表示"我不相信"这在后面动 他区分了这 此"没是地运转"的情况, 因为我们青楚地看到了红轮子, 从及"会更用力(快"的情况, 因为"我们不能看到红轮子"。

下面是水平 IB的两个例子。

Mm·5;111 引用了相同的话,如同速度的准则"我只看到了红轮子" "现在吧""我之言看到了在轮子……我看到了很长时间的红轮子"

Ja(6;10)"啊!这动呼像是'介知道是为什么吗'"因为我更好地看到了这么线。它们很需要"快吗?""看到的很小、看不多到处都是(这里表现出了转化为空间的频率的开端)。"

我们看到有水平10、垫度 数多的酒。准则是随着点率的增加,在快的时候)他们不能对别这些线,然而当"慢"的时候则能更好地看到它们。在水平18、用知论的有效也未作为当当的做法化然存在。并且不要会保持到之后较处理的时候1、但Jac 为了表示这些 色的线不停地目来,加上了"完处"的观念、Mac 则表现出了持续对可的开始,"我不到了很长时间的有名子",在"我有时间看到它"的意义,这仍是处于用厂身动作来定义人类的水平,但是示出了每时间间隔的售口的进步,这成为水平10的特征

在业阶段IIA平均7-8岁上,我们仍然还没有几乎到(被认建立了 愿知要素的数目和元复) 可之间的联系,但如今在水流上或多或少地归确 3 现了,要么是数量上的、'无""信衫"和"不靠"上,要么是运动上的,但与间隔(重新回来)有人,尤其是在外线移动的问题上。

Mol 6; [] "这交轨写长失 ·· 我们看到了很多灰色以及不多的针(红色) "慢慢地,看到了更多的针""这对计数有任何帮助吗?""我不知道"

1.116:11) "它动写是、图为我们坚定看不到(红色 吃过一,以及"快是因为它更经常地咯吐" 付于数目和时间的取至、她想象为"存实看到红色运过,该意味着一分钟"。就像是这个联系不会随着速度改变一样。

(air 7:5) "它不决是因为我们等了5彩之后它才来", 图此不快是指看到的"不多" 但与此相反, 与她计较红线时 基于我们的建议1, 她发现块的是26, 漫的是16, 但还是你讶于这个数目董序:"这正常吗?" "不正常" "我们可以有相同的东西吗?"——"我不知道。"

Bar, 7.5) 用红线的经过表制听觉变在增大,它"动得慢"或者"经过得快"

当我们建议他计数时,但并不是为了发现找到的数目有什么特殊含义, 而是探索它 与速度有关的事实,"我已经数了太长时间了", 终于相信了速度与持续时间是成比例的。

Dom(7;8) 同样用"红线经过"的更次表更蔓来判断速度、当运动漫时,"小该有一条一亮一天的白线" 我像第一次那样重改了一端(快的)"不,这不是同样的情况(因为红线的原因)"于是,我们向他展示了两个系列的点,有同隔的或密集的:"第一次(快的)像是哪一种'"他指了最大领奉的那个"第二个像哪个呢」" 打了较少的频率)。

Olg(8;0) 很快:"总是红色。"——(慢的。)——"是白色。"——"为什么" "因为白色会更限(由于它的版料增加 "从石,第一个项示 更高速度)级认为最大的,但这对计数和查看手表上的时间都没有任何帮助

(max 7; 10) 同样的标准("红线夹"),但地发现计数或者用重订用"不是非常"有用。

Mar(9:9) 尽管他的年龄不大,他只用红色的返回间沿来判述,标稿门"回来得很快"或者不快,并发现计数或者测量时间"完全没有"。

这些反应相对于之前的被试本说是明显行进少、尽管他们或多义少压力及明确地参考颁系。例如 Mol 满足于对理的很多"一广不供多"。但不明确是有心及某些上玩(就像Cor),以及是否关系到一个花费更多或更少时门未就经行独力是现(如同 Bir Gii. 和Dom)。看是一种情况下,被试链等地只考虑了一个个原为事件(如 Bir 晚的公允"停过得快",等等)。但很清楚他的估计中包括调查,因为如果它"未得快",更"回未"得更快(Cor和 Mar),在这种情况下"它更经常地举过"(Val),这是然是调查的表达,Dom 发行。确表达,但我们一下。他指出那些问题的支密集的上,但就会决了一巴北、在每一个例了中都有一个领系的陈述、清楚的或指含的、于是我们比较说速度如至在水平 IB 会有进步。

仁令人贵惊的是,如果每个归塘都届含了打造时间或者数目,那么笔在这个水。不会对演示中的线的数目和持续时间之间的任任一个整体关系起作用。可是,很明显的是,这些用语诸如"经常"或"很多"自麻着一个数目以及高度等待红代的返口,或者表示它"经过得快"则包括持线时间(水平 IB的 Mur已经用"很久才看到"来表达"经过待慢")。因此,这些被試认为或表示计数线的数目或制量时间是"完全放用"的,这是怎么回事呢/这些使他们满足的用于表现建度。每季的观念在本质上依然还未被区分开;"经常","很多",返回或经过得"快",等等,的确,这些观念都能够(将儿童的思维)引导到数目和持续时间之间的那些关系上,但只是在它们的完含的组成高分上来区分这些概念,而它们在被试分上如同合成产品。样却一点也没显示地,而且它们只是作为定性的近似值满足于它们自己,优先于总体和未分化的直觉。事实上,儿童还没有区分这两种概括化、一种是以比较差异为目的的概括化、另一种则是形成公共要素的概括化。对

此,是这些概括化的比较使得这些被试去亏损 把提各种畸形之间的关系的方法,并借助于必要的计数以及量化持续时间的手段。

2 水平ⅡB和阶段Ⅲ

有显阶段 IB、平均9 10 岁上, 这样同考量才开始出现, 但是, 依然难以将整个序列的数字和持受时间之间建立的联系实现数量化表征, 这种联系与独立的线的间隔或者个别的"经过"相对立。

Tue(8;10) 利斯这"旋转得太快,因为它 红戏)立即光何来了" "为了确保,你们够放弃什么?" "任何事情,但我什么都不知道" "有些孩子说需要放放,他们有道理吗?" "我不知道 可说他们知道需要放散,但我不知道" "这个形表会有看助吗?" 是的(观察了)" "需要多少秒?"他写时 1 学了两个不同的顺利用时 15 秒: "利河的、15 年"——"这几该怎么说?" "这两个是相同的速度" "多少渴?" "我没故" "你确定我用相同的速度操作了两次?" "是的" "是必要看这些线吗?" 一"我认为是必要"接下来他表述了很好:": "没数量数的" "如果你当时在 15 形为数了两次的图划,你们知道哪个更快吗?" "是的、但不用秒表也的知道"

(n) 9:2) 一上本点说了:"很快,因为就经常看到红色的线"但她没想象出我们,为了帮助她而放出的事情"放敌人""是的,书它动得更快,允能多次放到这些线"(我们转了9次很快的和13次慢的,她都数了)一个什么时候更快了"第一次""这样放投有帮助吗""没有"(她笑了)"那么,而且怎样?""一、我们建议她使用移表:"这对了解速度有用吗?"一一"是的,可以很好地读到每条线之间的私数"如果移数很少,旋转带光很快"

N19:4,"这与线(红色的)会更点(指它们的程过)""为了证实这个、 1 该数小什么""不知道"、"数数""这不起作用""借助秒表呢"、"是的,用形表"30彩和50彩。"第二次更快"——"月为用了更长的时间吗?"——"是的。"

(ar(9:6) "与它动得很快的时候,到可以写着看到红色了" "为了证实这个,几该假料什么" "一" "数数有用吗" "是的"(化除了)她在心里分别一国一国地联级到10和联级到7:"第二次更快"——"为什么" "因为有更少的数字",她明确表示这就意味着"更少的时间"。

Vil(9;11 与"怪官看到"的时候是更快的,但与说到计数时(非自发的),她说:"与我看不到红线的时候,我放到了10(低声地说出 "换言之,她计量了红线每次出现的时间间隔 她接受了使用形表,但用"这要更多的图数和更多的形数"来

判断高速,这不意味着什么。

(ar(10;11)"我看到它经过了几次""怎么才们确认呢?""数数"于是,她和麦赫一样数了周镐时间,发现是6和4 "4,这怎么解释?""即它更快"(正确)——"4更决"?——"啊,不是,与它转得更快时,我只数到了6"但用了秒表之后,她正确地发现了一圈是"3更快"。

Mn((10;3) 开始时和NI一样,仅限于计数剩余的时间间隔,因此是过似值,但有了制动器(指秒表)之后,他得出了准确的特伦:"与轮子旋转时,我数了时间"一"有哪些需要注意的施方呢""红色的红是6年(两个行记的中间间隔),而这里是2秒""哪次更换""第二次"记也到达了阶段Ⅲ

在评论这些反应之前,这里还有阶段即的两个例子,问题都再到了解决,也是通过 对间隔的则量,但其间所遵循的是精确的必然条件,这是新的,是红线的数目和整体的 持续时间之间的关联。

Zup(11;0) 与这个块的时候、"红色带子返回寻更决并且更经官" "如何能够更确定呢?"——"如果这是有规律的,与每次看到一个红色带子时,我无会数12,3,4" "那么,如果(这两个序列)看起来很相似呢!" "那就拿一块手表,并观察两个红色带子之间用时多少秒。"

N1 11:5) "如果你不确定呢?" - "秒表: 5 表第一次看到(红色)时,我玩按下按钮,第二次看到就按停止" "这是什么专思呢?" "经过的时间 我比较这两个(出现的序列)。"

()h(11;2) "经常看到,红线时"更快"怎样确定这一声/" "我们观察1分钟之内红色转了多少图。"

Min.(12;4) 开始时提以数图数,接着比较存次转三图所用的时间;最后,"让它旋转15秒,并数红线的数量" 的子的速变是 在一定时间内旋转的图数"

从这几个后面的例子开始,出现了两种意见。第一种是,用于12岁之间的被试有将近 主能够最终通过计约线的总数目,或者数约式应目到,同样位置需要的圈数,而不是限于近似的定性的"更季等"。然而,我们要自意到,这个总数的观念构成了能够与持续时间产生联系的水平(险段IIB的 An 的沮丧,在这个被试身上,是因为她笑着承认数到9和13没有什么用处,只要我们不再提起关于序列比较,她就不会发现错误)。换言之,正是关于两种不同速度的其同特征的概括化研究,导致了"经盖"这个表述分化为两个通过一种必然性关系联结在。起的概念:包数和使用时间。况且有一十多一点的处于阶段性的被试还停留在组线消失和再次出现之间的时间间隔的同量,因此单独。临的持续时间的两量可能是够了,因为它与速度成反比。但是,第一种意见是,这种形(7等于旋转一圈需要的时间)的严量除了作为7/\((7等上旋转\)圈所需的全部时间)的表达之外,没有其他的意义,这也是7mp所不能接受的仅有的配含方式,但她同确说出了"妇果这是有规律的" 换言之,如果一个相同序列的母数是一致的(更不用说孩子自己数

数,她认为有道理向是,这与序列比较而言不太准确,此可最好使用手表。

对于水平 IIB的被武、几乎所有人都使用了两种方式中的第三种、除了开始时 An 计数约线时志记了计算持续时间、令人惊讶的是,如果我们建议(几章 计数,他们会把它用到两个标记之间的时间间隔,有不是用分标记线本身) 但如果他们因此都考虑了持续时间,也是有着诸多疑惑的:根据使用时间决定的速度而不是与它相反(Wil),混淆移数和转的造数、Lue 和 (ar),等等,简重言之,固难在于很难用差异变量之间的关系来替代先前水平上的笼统表述。

第二部分 线性速度和角速度

3 桌子上的轮子的滚动为圈数

当前向的轮子在桌子上前,进而不是自转时,同是在主要计它在就定时间内走完一 设器线,同它的农作速度,不仅仅与总动图数;置待)有关,还与它的旋转还变或角速度 有关。提高的这种门是只提到了函数,走过的距离和速度,但没有涉及用持续时间做多 活,也没有涉及持当时间,走过的距离和速度的一个条件来间述的其他方面,这自然有 遇到(元章的)分化和对旋转的把握;从这里,先呈现结果之中一些有启发意义的对照实验。

这里是第一阶段的一些例子(直到7-8岁)。

Bm(6;8) "如果我让它转1周,它会到达哪里(解释)" "那里(10em久的红色标记)" "那么,转2圈之后呢?" —"那里(18cm处)" "如果推动得更历言画呢?" "不,会太恶了" "哪里呢?" "地上(超出了桌边)" — "如果转得很快,1圈之后,会到达哪里" (活是根据标记) "那里(10cm久"— "如果转得侵呢?" "那里 5cm久)" "我会用可料的力度转动2次轮子,哪种会高更更长的时间,1层还是2圈?" "2圈" "如果轮子转得很慢呢?"——"2圈(会更快)。"

Dan(6,11) "转2周之后,会到达哪里'"那里""如果转得更快呢?""会更迁""转得慢呢'"那里(非常接近)"——"我让它们转得非常慢、1周和2周)、哪个会更快?"——"是的,那个(2圈)""你是怎么知道的?"——"因为它更远。"

And(6;10) 1圆是1圆决,"它们用了相同的时间吗。" "不是" "什么时候用时更长,"——'与转得量的时候"相反,对于距离,回答2个快圈用"可能是那里";回答2个慢圈时为"更近。"

Men(7;10) 5圈会比2圈更远,并且用时更长,但转2圈时,一个轮子会更快,"因为会比5圈更近",因此更快=提前到达"如果我让它转得慢一些,还仍然会很快吗/"——"这很难解释"但他坚持"很失" 另一方面,5个块的圈数引向"更远",5圈慢的为"更近"。

Gay (7,8) 更多的图数引向"更远"以及更多的时间 但如果我们转2个决图,相对于慢圈来说"它会很远""转4圈会比2圈用时更少吗" "是的,4圈更快。"

在他们的或功和失败中,这些反应都很清楚。对于那些预演来说,后有这些被试知道说:用相同的速度,前进得更远会耗时更久;速度较小时,移动相同的距离会用时更多。但这就像那时已经说过的那样,在提出的同是中,对持续时间的考虑是明确的,反映在这些速度,距离和时间的了种形式的例子中。另一个成功之处,目时也是比较普遍的,但在持续时间上没有提示,这就是确认了给了转"更多的函数"会导致"更远",但是,我们既没有要求。儿童)数函数,也没有在数目和飞性路程之间建立度量1的扫调,这是来的问题是(反立只是)"更→更"之类的简单的质性关系。

相反,观察到这一点是非常有意义的。由于在所有的参照中缺少了持续时间,也要的增加会计。个相同的函数滚动得"更远",宜像一个相同的函数滚动得"更远",宜像一个相同的函数滚动得"更远",在像一个相同的函数滚动得"更远",在像却重独改变了持续时间,而不是改变跑点的影离。但我们在这里重新发现了关于速度的整体性观念。未在距离和时间的关系上发生分化,在其他的(对于建设一位移的)研究中,这种整体性观念本质于却是任移的超短顺序直觉,因此旋转更快的轮子会超过转得更慢的轮子(虽然) 高数相同),让此付出更快。更远,好像更快的旋转等同于"更多的因数"。因此,第一个系统性的错误是;"更多的函数"与"更快"是被此相等的,除了在有些包子中,如Men,"更少的高数"表示"更近",即更快地到达一孩子可能有时候考虑更多的函数由一个开始时更用力的冲动之生,这更是正确的;同样,也总是坚持初始的相等,如我们所见(如同在Bro那里,这点没有改变。

在阶段 II, 被试从相同的方式开始, 但是在桌子上尝试。 对以后能够自动地修正或进行测量。

Bit (8;10) 在四十几圈之后描述了他认为轮子会到达的地点"如果让它启动得慢一些呢" "会更近一些" "结得更决呢?" "比桌子上的其他终点更远一点"——"转得慢一点呢?" "啊!相同"——"速度不算吗!"——"不" -"那么、用这个小轮子(指另外一个)呢?"——"那里(更近)" "为什么?"——"因为它没那么粗。"

()Ig(8;0) 相同的直觉反应"在1圈之后,我们它不绝准确地猜出它会到,这哪 1 Vnh Bang描述了机同轮子的时侧路有机当恒只会有第一下段时取为 (下面以气等23位)自身利用章)。 里?"一"值得试一下"她量了路线,并且理解了2圈是翻信的距离,以此类推,并与速度无关。

An(9;2) 起初同杆相信对于相同数目的圈数,路程取决于速度,接着,为了 公验,她量了周长并把它转换成桌子上的直线!"那么,10圈之后呢?" "是轮子 周长的 10 亿"——"如果转得没一些吧" "还是那里" "快或者没吧,"——"这不重要"可是她开始相信於子会"转1圈很漫,转3圈很快",接着改变了主意,说与"发动,那么速度会更快或者不那么快时",速度只取决于"力量" 一"这也就是说?" "有用时更少时,速度会更快"这并不会妨碍她在一会之后还是持,如果数一分钟内的於转置数,"更少的因数就是转得很快" "确定吗?"——"不尽然。"她自己更正了。

由此,我们重新发现了这些中国情况以及水丰 [1/ 和 [[B 的犰狳 舰括化此时能够允许分化经过的距离和不同的特殊时间,这个距离由相同関数构成,是不变的,就像我们看到的那样,在一个递归过程中,从1 图 元 刊 / 图 / 和 / 以及有第一部分的水平 [[B 和阶 / 以申,持等时间的作用的发现支持了一种工移,即在一条路线上的习得迁移到由 / 条路线组成的任务中。最后,下面是阶段 [[] 的一些反应。

***\(\text{\substack}\) 对于1周的路域,一上灰达出量了轮子的用长为16cm,并把它转移到桌子上标记出来"3圈站"。"3倍的16cm"。"确定吗?"。"是的,是的,是的,是确定"。"与转得换时,1 图或 3圈、你们知道哪个更换吗?"。"既不是这一个,也不是那一个"。"你是怎么知道呢?""看如何发动"——"如果我发动得很用为呢?"(量了大约 30cm 之后添动的影响)。"转得哭呢?"一"啊,也是 16cm,另一个(非常用力 也是 16cm"。"速度是什么呢?"一"用于从那里到那里。1 图 1 花草的时间,一在一定时间内走过的距离。"

Ani(12:0) 一上未记置了1图-17cm"5图呢。" "17cm的5倍" "那么,如果我转动1圈或者5圈。哪个更失" "……" "有办法知道答案吗。""我你不是有"——"这取决于什么呢?"——"取决于距离,啊!不是,是时 ""速度是什么?" "我们则量了距离和时用的时间" "这里是距离吗。" "不是,是圈故"——"每次你说到速度,吃得快,碗,写,乘车去?" "总是有时间的存在。"

Wer(13:2) 同样的反应 旋转而图之后,轮子总是到达"可一个地点""确定吗""是的""你就说出1图和3图,哪个最快吗""不能,我不相信, 因为速度是旋转1圈所写的时间"一般表记是"在限定时间为计算出的某种东西。"

针对用不同速度和同样数目的图数走过的距离,(儿童的)回答都是正确的,除了 ~1,他也立即更正了错误 关于不同数目的图数时有固有速度这样的问题,不同之处 在于,这些被试不再去寻找解决方法,而是理解了,如果我们不准确地把握持续时间是 不可能(获得速度的。(Ant和Wer说的"不能,我不相信")。由此,对于过度的一般定义,Ant有力地说"总是有时间的存在。"

4 齿轮的速度

如果轮子(旋转)的角速度同样适过速度-动产的中国状态(旋转的圈数),逐渐地与线速度相互协调,也可能是这样的,在桌子上同边的轮子的包子中,旋转以及水平轨迹的两种变化并不是被分化出来的,这已经被这个装置表达得丰富清楚了。在一个小轮子与一个人轮子之间的齿轮的例子中,角速度(旋转的数目或者标记的速度)是不相等的,线速度(除了函数之外,依次语合的轮齿的数目)是相等的,这会是怎样的呢?这是是一个相当困难的问题,因为在这两种速度之间不再有直接关系,但他甚至可以由此得到认真考虑。

在1(第一部分)中已至是示了, 速度的目标是以口引动作作为参考向, 后运算合设工是同样的特征, 在当下的系列关於中, (被决)完全不考虑流转的置数或者轮回的数目, 面是仅仅通过知觉预判, 以及在一些特末情况下周呈地犹豫不决, 做出与观察不相符的预估。

Ste. 4:8) 认为这4个轮子都是相同的速度"那么,与R(小的红轮子)走了1 图时,那个(黄轮子J)会怎样!" "相同"看:他忽略了所有的观察"那么,黄轮子J也转了1 图与否?" "是的"对于旋转的意思,他描述得越来越接近,但不久之后他就声称,这些相邻的是相同的意思 1 2和3 4,第二次与第一次的意思完全相反。

Bou(5,0) 说黄轮J和红轮R转得"同样暖慢" 我们让她标出标记间的差距:"哪个先到达?"——"这里(R:正确)"——"那么,哪个转得更快?"——"这两个更快"根据建议,她承认"(J,)比 R)更慢"——"那么,J和J呢?"——"我们会看到" (解释) "J,更快(实际上是相同的)" "怎么会这样" "我仔细地看过了。"

Mar 5;6) "R与J(速度) 初同",尽管我们已经向他捐出了这些标记:"仔细观察(慢得旋转)"——"R多转了3圈"但她总结出"它们会用相同的速度,但红色(小的)用时更久"。

Fra(6;1) 反应相同 我们试看让她关注这些标记,但她数了两三个轮齿最后结论,"我已经看到J更漫而尽更决"——"现在(我们轻轻地加速)呢,"——"2个都快,有时候2个都慢,有时候都来""J有时比小轮子更快吗!""是的。"

无需更多的例子了。 速度被主观地估计,而没有参照最转的圈数,也没有同时间发

生联系,它们的变化无告理由,时间和旋转具有同样的意义。最初的自发性观念是很简单的:这4个轮子同同样的速度旋转,因为它们的旋转是耦合的。

业阶段 IIA标志着 个可显的进步,如同第一部分上中的预试一样:在速度和旋转 的图数或者轮齿的数目之间,以及速度和时间之间,都建立了特定的关系,但这些关系 仍然是非协调性的,缺乏整体系统性。

Phi(7:6) 预制了竞转的进反,但认为相邻的R和B在同一个方向上旋转 在 观察中,他一上来此看到"它们是是在一起的(二交替循环)"对于速度,他观察说, "R(小的 2圈, J, 圈 红轮子(小的)有了更多时间"——"那么"——"也就是说它 放转得更快"——"即使我们让一转得恢复一样,它还是会不够失吗?"——"是的。 内为如果缓慢地旋转,它总是会验的"一"为什么不是用相同的时间呢?"一 "我不知道"——"是月为一个大另一个小吗?"——"这是有关系,因为它们旋转的 走度相同(12的,正意力局限在轮出上)。是的、因为如果了获转,它使得R也旋转、 门力它们相互卡任了(齿轮传力系统)"一"然而,是尺先转完1图吗"——"如果 R 於转, 它会浪费时间, 那么」无赢了"——"一个会比另一个更早地完成旋转 四·5·"——"是了先完成(解释),不对,是R,因为它有更少的针,会齿)"——"你要数 一下吗?"——"是的、(解释))今和21个 R会意"——"但有有给说过是相同的地 度,"一一"尺更快、周有它有9个特点"一一"那么,它是更快还是不快吃!"一一"是 "一"哪个正确 "比较正确的说法是它们速度利问"——"为什 么"一"我们看到的""仅仅这个吗""可且有这此轮齿和这个计数的 小纸片 标记1""成转1图,哪个需要更多的时间。"一"R.如果1用时更多的 话, 它几个没有更少的轮齿""什么果在一投行程中最先到达, 用时更多还是 更少?"——"更多。"

(mp(7;11) "小轮子更换" "你怎么知道" (加速) "这2个用了相同的速度,因为它们是一起旋转的(齿轮)" "它们有相同的速度,因为它们一起旋转,小轮子会更快,这种记法正确吗" "是的" "那么,速度相对,但在划可的时间内不利河,是吗" "是的" "红色轮子更快" "不是" "正确的是" "它们一起旋转"我们放了图数:J1,R212"这比较奇怪还是正常" "正常,因为它吸小"1只蚂蚁在黄色轮子J的周长上爬了很长的一段路、是"对为轮子很大"——"那么,是相同的速度,还是其中一个更快"——"其中一个更快,小的那个。"

Mun(8;2) 预则大轮引(J)会更决 测试之后:"啊,不对,两个都快" (我们加速) "它们是相同的速度吗?" "是的一 红色(R)更快"数出的圆数(我们建议的)确认了这个利斯"如果我们在J轮的边上 引长)放1只蚂蚁,在R轮上放另外1只,它们爬的路是相同的吗?"——"因为R轮更快,所以R上的蚂蚁爬的路会更长…一因为它爬了更多的图数,所以路程更长" "我们能数轮齿 吗?"—"是的:21个和9个""那么对于R来说是9个轮齿的路程吗"—"不是,因为它旋转了更多次"经过很长时间的讨论:"我认为R轮路程更长"

Deb(8;2) 开始时选择R和J速度相问:"总是同样的,但是从另外一面",接着"我揭错了:R轮更快,可为它更小···更决但用时更少" 接着她又回到了相同的速度,因为"R转了更多的图数,更要,因此这(与J相比)是相同的"

(AIT(8;2) "它们速度相可,因为当我们选择尽时,J也会转"接着她确认了剧数的差异,"因为J更大,尽更小而且又有更少的给当" "所以呢" 透度相同 "但尽转了更多的驾驭" "因为大给予是大的,小龄予转了2圈是因为它小" "这所不意味着它更快吧!" "是的,不同比月,吃因为它有更多的给出" "们为何速度相同" "因为给出的缘故;每次都有1个凹陷让它问到那里" "但是,小轮子转了更多的启致!" "严的, 3更大" "那么,什么才是正确的说法呢!" "R轮更决,因为与它转了2圈之后,它更快地到这"们对于蚂蚁的问题,经过相同的回答"红轮子路程更长,因为它转了2圈之后,它更快地到这"们对于蚂蚁的问题,经过相同的回答"红轮子路程更长,因为它转了2日2圈")之后,我们把她新折引向差异,"同样的路程,因为J轮子上图有21个轮齿,尽处软了212圈也是21个轮齿" "你我们不见比定更失,对吗" "是的" "人可的速度?"——"是的。"

从水下114起,被武开始考虑到轮子的有数年轮点的数目的作用。目数的无量导致了速度的不同。而能告的内轮告的又使它们积力。但此,这里有两个事件。 个是,或者更经常的是,孩子们会很容易地就改变好几次主,或者是自己信借了 Delo,或者会行时地接受这两种判断,就像它们 卢都不自由矛盾 每 CPln和 Gop ;孩子们充会是早及介之自承认过的那个比对外 个更正常的知识 起户在水平118 的年龄、9—10 岁,我们发现 些相似的例子,但是除了这些例子,我们告发引用力 些被决:为了避免不断,他们尝试了一种折中的选择。

Mag(9;10) 在给出这两个目前的等之之后,说:"J约更大,行以它或其的质数更少,转得也更受,但它们是相同的重度"。其中1个月时更长吗"。"是的,是J轮,因为它更大,并且有更多的轮齿"和"它们速度相同,因为每次可一个轮齿。小轮子转2圈,它更小,但却不会转得更快"。

Fire(9;2) "它们速度相可,因为在它们的针点之间是写了的识者" "仁水轮转了更多的母数" "是的,因为它有更少的钓肉 如果它的电度相同,它会比了轮旋转更多的图数,而了轮有更多的轮齿。"

Bad, 10:4) "对于速度太阳, 写印是相同的 但是J轮转了更少的母故"

Riacl1;7,"J轮转得更慢,存它们使受相同 这是一个关于粉子尺寸的可题,因为它很小并且有更少的轮齿" "此转了1圈而言,使度打可吗!" "它们转1圈用的速度不同,但在它们同时句。的以一意又上未说,它们的速度是相同的。"

作为打中(的例子,我们找不到更好的了一些的,我们应该,其意不要在这些表决中看到"我很有知心,但我很快就失去了"这一类型的矛盾。事实上,水平且表达的巨大过步是,这些被战的确答出了持效支撑这两个判断的理由,而不是在两个矛盾的陈述中拉提不定,而且,对这些事实在现实中并不自相矛盾具有了非常正确的看法。他们还缺少的是一个概念体系,是能够区分这两种速度,制建也能够将它们融合到一个一般推观合立;他们自己各自对对数和内轮代动系统提供的照括化很好地达到了分化,但是还没有看出有移或口至与持续时间之间的两种工化关系,却这两种速度同时以自己的模式相互区分和类比,在这里有出入应相向表述,完全Rail用给时况的"J轮转得更慢,但它们速度相同"。对我们为解释的最好包围提升不是太宽大,同一个Rai有随后的阶段即时间积少。"2011年间有11年间,11日本的。11日本的,是2011年间的"11日本的,是2011年间的代理。11日本的,其实以及石具的线性"步间"的一定性实际上是同类的解决方法、下面是一个阶段即的潜断的例子。

(ad(12;5) 则智引R轮更换、"图为它高出了J轮···如果它多转了1圈,就是记忆获货得更换"如另一方面,这个是度又是打印的。"可为如果我们旋转这些机石设备的轮子,那么我们总不总能过1个轮告" "但你不觉得R轮更快吗?" "是的,如色轮子在其的上转了更快,但和终去的速度利用,它不性转得更要""你会会有两种速度吗" "是的,在有上更决,但它可时不滤越过轮齿。"

这种"在轴上的主要"和笔式与有的图长的中度的区别表码了对场和不同的速度的明确的认识。但不像水平IIA一样自相矛盾、而是相互协调了。

5 结论:速度的一般性理念

四北、电过移力力自导动作制片的取得、最致的一字直宽、以及同有允其上运动超取门加充。最多的支子中度的观念。这种适及之两方面的联告。方面是少率。线性轨道或者旋转、方。方面是持度时间、同方允修第一部分3中的较别的Ami说的"心是有时间的存在"。同此,我们用好也是现了一个物理性概据化的星盘的例子:不仅仅是一个目的的目标、运不是仅仅在外经干扰展了检验从则范围,开始只出现在少数例子中、通过建的性推理正确、了是每个的发码、这些流理念不是在开始已分面,它们特异了规则的形成以及用规则来做出的解释。

但是,有一些特殊信息了中,于一点,各以及持续时间的观念是视有的,因此,儿童的 任务可是与安建立它们之同的联系。然后,在超越和被超越之间的考量中增加了问题。 因因素,这种联系内包的作用之不可是否是自含的了,是要根据这种方距的大小以及已 需时间的多少来判断。因此,像我们已至看到的一样,这种联系的建构是分化和整合的问题。我们已经再次指出,首先,这些分化不仅仅是抽象的产物,它们也当发一部分的概括化。例如,第一部分 3)中水平 [1] 的被战发现更快地滚动。圈并不比慢一些滚动。圈的距离更远,这是一种递归的概括化;如果走完。图是 16cm,第二因也是 16cm,如构就是n×16cm。在这个例子中,是完的适离在速度上是有区别的,这也同时表现缺失了持续时间的信息。同样,对于齿轮系统来说,水平 [1] 的被战发现了圈数的作用,这发,仍于这样一种概括化,即不仅仅是外廷性的(Phi 说] 轮" 点点会输"),只要指,了原因 Phi 还说因为 R 轮 有"更少的针(轮齿)",或者 (op 说的"更小",等等一,它就还是建构性的了。简而言之,分化是概括性比较的结束,不仅仅是抽象的,这两者又有必然性的联系

至于整合,首先,它在每种情况中都包括与化的变量,接下来要理算这些关系的具 同术语是持续时间。每十天系的建立,它可能未且两个要求。第一种情况是填补了。 个一白,来自于考虑行的变量迄今不能解释全部(例如速度不需要有持续时间只用函数 来解释)、因此有些可观察的变化不写于支量的复势。第一种情况是两个文量似乎导致 了才想的结果, 何如人轮系统中的轮告的数目和函数。在这与种信记中, 整合因为分化 而同样是必要的,因为分化引起了。些上批或未配口。由或者矛盾可以及只有通过恢复 协调的新联系的建立。 也却通过整合 才有可能可平衡 这就是说,事实法无在 断有的情况下,速度是从与言相连的国内内存的特征开始已与恶动或自身动作的等待时 问相关的知论,达到自标的写了,外门便移得两是否让的路线,如今,算等,通过它们的 看果:那么,在海种情况中缺少的变量都是持受时间。几万官最设了建步。种几个可能 戈娅季的关系更困难的道两关系。由于它不是现有行情果,但包含一个重构一然可, 夜 用未构成速度的内容所有扩集要求的这样。种重构, 1.(1)(1)(至, 1.)(性或旋转路线)是如 此的不同,持续时间同样是气成速度的关系已最一般化的木冶。这两种事实导致了流 当的特征, 促概括化或整合同样实现了在阶段用(第一部分3的末尺)发现的关于速度 的理念,即13岁的Wee同样说出。广在限定时间内计算出的某种东西(任何这些适当)。 件的性质)",因为,Ant也回答说"总是有时间的存在"。

为什么概念形成不能仅仅用知觉来解释

[瑞士]让·皮亚杰 著 庞培培 译 蒋 柯 审校

为什么概念形成不能仅仅用知觉来解释

Pourquoi la Formation des Notions ne s'Explique Jamais par la Seule Perception 作 者 Jean Piaget

原载于Acta Psychologica, 1959, Vol. 15, pp.314-316.

庞培培 译自法文 蒋 柯 审校

内容提要

吃培培



为什么概念形成不能仅仅用知觉来解释

让•皮亚杰

- 1 由于中里干多德、Anstotle)的影点,常识是这样解释概念的形成的:从知觉材料出发进行抽象,再对这种抽象进行相关与物。这样理解的证,概念并没有为知觉添加任何东西,它仅仅只是根据某种划分引引,抽象和相关归纳)对感性材料进行分类。因此,则根结底,概念要比知觉更为贫乏。
- 2.相反地,我们将试图指出,概念化为知之参加了很多元素,而且这种丰富从发生了上看在最初的阶段就开始了。这是国为:(心在知觉中包含有不同程度的复杂性;(b)在概念化中也包含有不同程度的复杂性;以及(心知果对程度为n的复杂性进行组织,在发表过程中可能同时会改变n-1程度上的复杂性形式(适过使之更丰富。和n+1程度上的复杂性形式(通过为之做准备)。
- 3 何元,为了理信知觉和概念之间的关系,除了将它们假定为从一方向着另一方的线性部迅之外,我们还是要懂懂地考虑另一种更大的可能性:有可能概念并不是仅仅从知意中了年出来的。而是从一般有论的感知。运动的格式主义(schématisme sensori-matear)中之生出来的(在这种现点看来,感知-运动的诸"格式"构成了概念化的初步形式)。在这种情况下,格式主义改变并丰富了知见,与此同时它还通过后继的阶段(并在语言等的提出下)产生了概念化的诸个导致形式
- 4 在这种观口看来,认识 connaissance。从来就不是单单由知觉。生的,而是原言从主体能与诸对象的各个动作(actions),只不过动作包含了先织的各种原初形式(从感动一运动格式,直到运算格式);知 观 藏 然 在 其中起 到了信 与的作用 (un rôle de signalisation),但这只是次复(partiel 的作用间已 事实上,动作的这种格式主义从最初的那些"个段开始就从属于比知 觉情构更高的层级上,它并不是由知觉情构中产生中来的,但是动为这些知觉结构生产结束的复数。并因此改变了它们
- 5 在这一点上、方形区分两类概念:逻辑-算数(或代数)概念和(股意义上的)物 时概念 前者表达的绝上对象的特性,而只是动作同对象所引入的那些特性;后者则是 对象的抽象。空间概念则介于这两者之间。

并不是说知觉特建了这些范畴改类,也不是武士体将它们感知为大此那般的;主体只是知觉到属于这个类的一个对象,例如一个是"精子",却对象,但他并不能知识到精了这个类。人们也不能知觉到数的和,等等一相乏,人们知觉到的证:。以象形身合veollections figurales 的形式进行运算时,可逻辑-算数运算的结果。(有序至列一个知道一个复数,nombre figural 等等, 每个体之间的人系,以及个体和类之间的人看,不过对个体和类的关系的发展的发展的发展的个人,这种个人并不仅仅归功于知道

7. 物理概念是对象的框象。按照我们的层设 , 言们相反地全都有知是的对应物: 存在有知之的(物理) 门和概念的与同, 存在看知是的, 引起付 对门 社员等等和关于以果性等等的概念, 存在着知觉的守恒和运算的守恒。

8. 但是, 方面概念不仅仅是知觉的抽象,概念还为知元志先了从动作手,运算中提取出的很多元素。例如投射的概念、参照系。

9 乃一方面,概念的这些年完对已物其实不仅仅是"原始材料(pamaires)"而己,它 付还使各种依赖之。般的感觉-匹动格式的"知觉活动"得以及将作用。在这种情况下、 如果我们在另一种意义上重新采用不肖特 Michotte,尚表述,概念在意义中的"压电 (prefiguration)"五不意味着从知觉出发进行抽象,而是意味着要在运算建构(construction opératore)的缩小子的和初级的模式上进行。种知觉建构(construction perceptive)

10. 因此,知觉自身的发展使一系列之志 志动更加丰富,他如于方形的概念并不是 付最佳形式(bonnes forms primaires) 的抽象,不是每次任业式(bonnes forms secondaires) 的抽象,这些次佳形式是对最佳形式的修正和补充。

术 语

généralisation solidaire 相关归纳
notion 概念
concept 概念
conceptualisation 观念化
schématisme senson-moteur 感觉-运动的格式主义
action 动作
collections figurales 象形集合
notions projectives 投射的概念
système de référence 参照系
conservations opératoires 运算守恒
construction opératoire 运算建构
construction perceptive 知觉建构

关于"对应"的研究

[瑞士]让·皮亚杰 著 杨晓丹 汪 悦 严和来 译 蒋 柯 王 美 审校

关于"对应"的研究

法义策 Recherches sur les Correspondances, Par.s. Presses Universitaires de France. 1980.

作 者 Jean Piaget

杨晓丹 汪 悦 严和来 译自法文 将 柯 王 美 审校

内容提要

基础对应中存在着一种重要的一重性,这些基础对应并没有使任何事物发生转化, 只是对一些事物进行对应或过行比较,或者将事物的一种状态转化成另一种状态。

本书探讨的主要问题是对应与转化的大学问题,以及对应形成与发展的不同层面, 重广放在基础阶段。本书分析了转化与对广的定义,引入"周节者"这一概念,"周节者" 类们于柯里逻辑中的组合开关,然的《种程似只见限于心理层面》全书区分子九种类 生品两节者,分为一生。其中最后一生的节者是改变的周节者,前面内者是负责区分与 融合的调节者。

本书创建了对应与转化的所有阶段,指出用于区分对应与转化的七种推测。根据对应与转化均元特点推测出,各个层次的转化都是致力于元件事构的构建,而对应特有的功能主要是现有元较。天主比较,最善思的条件无疑是不能便肯比较对象发生任何改变;对应主要从写了状态,从属于对象。因此,转化针对的是几较的形式,但它并没有可此对内容得行更改,它的目标依然是实现结构内部或结构间的比较。

本书对基础对为进行了总的创建。区分了对应与转化关系的形成阶段、以及发展的 大街。是一形式阶段。对广取决于周节者的一周、周节者的组成部分则另外构成了转化 的未产 发展的第一阶段:对应具与观察到的状态存在联系、与转化并无关联、即便存 在联系、总定偶然的一发展的第一阶段:对应与转化之间形成相互作用,并互相依存,但 这种依存入系是钻开自用推贯的一发展的第一阶段:与运算结构的形成时间相一致,对 应从属于转化、直至变成内部态射或共同转化态射。

本书将对立内在的间交息清为修正。概括化。互复建构,不过这些设有组成和客体组大的转化。和主体相关的时候,它们只是现出可转化的形态有不是转化中的形态对立是在自身与氧化的关系中接到了发展的主要动力,因为转化动作及运算根据连续不断的建造过程孕育了新的情构。从心理发生的规定来看,对应为转化做准备,在此之后对应服从于转化。

对一或有指定转化的本等。未为是产生动作而不是比较、对应在每个转化的准备工作中发挥着不可替代的作用。提供了信息。转化首先是和具体动作联系在一起的、具有通过对事实的介证才能认识到它们的结果。转化变成运算性的。也因此是可推导的对应主要组成了一个内容的组织。自先关注的是主体活动之外的部分,但是在建构新形式的过程中促进了活动。建构的目的在主推销考虑这些仅仅由预问各分析出的内容

由于是内生的,这 建构不能被还负为外生的内化,甚至这 必然的内化改及了重组、商重组在外生关系之上增加了另一种性质的构成活动,因为构成汽车上体动作的协调 实际上,因为新形式建构的存在,可以也存在着两种替换、一种作为重点,一种使存内容服从了转化 自之,在认知发展固有的调节与自动调节的作用下,外生认知日重建的内生机制渐进式的服从生成了一个整体进程。

严和来

日 录

前言/1049

第一章 绘画初级阶段中的对应及调节者/1054

第二章 客体间初级对应的形成与调节者的分化/1065

第三章 与圆盘旋转有关的态射及转化/1074

第四章 轨迹间的对应/1088

第五章 从容器到内容里可分类部分间的对应/1097

第六章 链条承重力相关的对应与构成/1121

第七章 交集中的对应和转化/1133

第八章 对应与关系/1141

第九章 拓扑系统下的连续性对应(开放的和闭合的迷宫)/1155

第十章 树状结构中连续分叉/1162

总结论/1173



前言

本书研究的初去是发展我们在先前基础性功能分析中提出的解释《发生认知论研究》第23亿元在先前的分析中,我们在基础性功能上发现了运算形成的预先阶段。然而,当将这一目标运用在对应及任意性质的各射上时。以及在了一方(1)这一公式中,保留函数中分为心这两个变量间传统的人以方向时,我们很快意识到,基础对与中存在着一种相当重要的工作性,这些基础对应并没有使任何事物发生转化,只是将以下事物联系在一起或进行比较:"状态"心域转化,但不过其做出改变),以及由一种状态到另一种状态的转化,我们一直称其为"运算"。

上当将函数视为运算的其中。种来的时间甚至是首原、如果我们承认任何。个转化行为 乃包含函数的话)。我们忽略了一种差别。有这种差别在函数关系中已非常明显了。如果 ()=户()。那么美丽主、为证我们需要将《视为》、()"一将《视为》、()""另一方面要将《与《 信关系视为》(可以与"一》句。《与《的这些变量就是转化、这些转化已经表制或它亦 了(如果主体引入了可这性与自和)运算被当成了转化。相反。例幼主体发现的对立首先只 定将《与》、()与"一一对应起来。这些对应并不构成转化的来源。它只需了解以状态的身 份进行了简单比较的连续的结果。事实上,这样的对应没有使其他任何事物。发生转化。面 上,如果它指出了。与《之间存在联系、也是以可观察是问的验证为依据的。并没有给出其中 原因一这些原因可作用是,当转化被正确理解。并以运算的形式被组织起来时。能够推断组 这些软化。主述品况中、对应之间相互联系,甚至从属于一个有组织的转化系统。对应的性 质也就发生了改变。对应因此进入到态射阶段。

本书探讨的主要词怎是对应与转化的关系同题,以及对方形成与发展的不同层面,重点更放在了基础阶段上,即使后面仍需要重新重视更高级别的态射运算。不过,这一主要问题。《个中心问题、母为对户的真变首先取决于其与转化的关系。就其本身而言,对应的形式并发有发生由某一层次真变至另一层次的变化:无论是部分对方,还是"映射"或态射(我们将在下文中对这些不语进行,准确定义),我们在每个阶段中均发现了双射、单射以及满射,或是老同的结合;并且,如果我们不加土风地观察由无至满,由不相关至最相关的过程时,我们发现,这些转变。其中人的结构改变关系不大,甚至相去甚远,而这种巨大的结构改变正是运算阶段系列的标志性改变。如果可以,我们可以从生物学的角度进行。个比较;在一个不断

D 尽管随后之或 y 与x向 x ··· 的转变建立起了联系。

整合的完整体系内。当运算或转化结构构成了不同的器官时、从认知的角度看、最初的对应就相当于组织细胞可形成的连接(以细胞作为格式)。然而。福笔同至器官总转化以一套复杂的后生综合与调节整体为前提;如果对户与型能连接沟造飞阶。没具有自化性、形态、对应认知对等物的作用是,在对户与转化新进的相互影响下(基于此、才会有发产)、寻找起初是简单转化、最后则定变成运算越来越具草构的物种。从可观察量间的基础对立。通常是不完整的一到一定结构的各种或和态射从其目身的现在出发可进行直接)、其中存在着演变甚至是引入。除非引起之一演变或并入的不仅仅是对是,可是有广与转化门的新进周节

2. 对于转化与对应的定义,学派司存在着。此为量,因此,在介绍区分转化与对应的重则之前,我们先确定与之相关的本述。言先,我们从最广义的焦度去理。"对应"一月。方面,它包含"映射"与态射的所有形式,另一方面,它也包含"映射"与态射的构模及不完整的形式;并且,这一定义适用于我们提到的所有对应,还可以考虑这样的对应。各体的性质们或部分间的对应),并不仅仅是外廷的对应。然后,如果从普遍意义上去理证"对应",它的含义则不包括以下售配,它与自身的联系已经构成了一种对立,对应的产生必须以实际或所提的重复性动作为开始,对立对立,证"与证对一一、一门选、在制度尔曼(C)pearman 看来,对应包含着一种关联,不过这种关联与其动作及目的相关,不需要填密的抽象化,甚至概念化也是不需要的,因为作为对应开始的,是透知一些。格式在四对象或高情境中的证明

根据功能,我们,将起始集(或内面属性集)定义为信息对与,将各点集定义为单义对应 然而,除了双射、离射 单射这些基本术语外,我们还需要一个不啻,用于搜查离射与单射的 互连,那么,与两射对应的将是我们,些总的"多射",起就是一分多,有与单射对应的省是"下 射","下射"不再是一个缺射,而是一个不完全的对应,这一概念在心理女生等分域后带着重 复的位置,如在理解"包含"方面。子集工在发集中的重射直先不再是通过由发至工的下射表 现出来,有是通过发生了工厂工在发中的补集。自行虚拟双射表现出来

至于态射,我们将使用当前跌射的定义,保留系统间进行比较的结构与这种结构造画了对应与转化间隔的联系,而者从属于后者工,不过,我们会引入"而心射"这一概念,用于表示对效的建立,其建立的基础不仅包括对象或对象的属性,还包括将对象连接在一起的关联为了起钓解释作用,联系问对应的加入使得结构得以保留,然而,在达到这一目的证,这一加入可能会呈现出不同的阶段,从发展的角度来看,这一点是有益处的

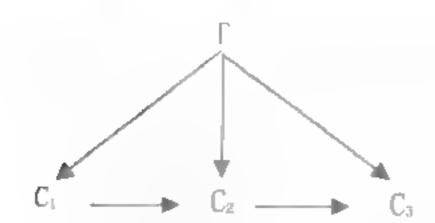
3. 另外,我们还需要办人"调节者"这一概念"调节者"实似于库里(Curry)逻辑中的任合开关,然而这种相似只局限于心理层面,因此,它与混合逻辑的运算符同不存在同构性事实上,从感知-运动的初级阶段开始,对一的未消查查要在同化这一心理过程中人,是被例如,如果一名婴儿情打一件悬挂的物体,好让它来回提动,就像以调在类似情境下,他成功做到的那样可,那他就通过这件事,将新的情境与之前的情境建立起了联系,并且产生了同样的动作,一种动作格式也因此产生。另一方面,转化的根等在于这些同化模式的调节。例如,为了将对面很远处,不能直接抓到的一个物体拿到自己身边,人们还需要拿出一个支撑物(或一个掩护物……——在这种情况下,负责调节的是拿与抓这两种格式的相互同化、

而占合有。起的这两种模式生式力。种规相互区别又相互融合的。般性格。对于单。或相互的同化,有必要对其不同的功能方言进行。计知意明,我们将这些不同的方面称为"调节者",不是同提是:这些不同的方面事实上只能是功能性的,因此也是内化在同化动作的过程中的,并不是作为预定型因子预先存在的。

如此一来,我们《分子九种类型的两节者、分为一生。第一组的一种两节者分别是重复两节者 整气两节者以支持恢支代替高节者。它们的灵子格式形成本身的特征,因为一个孤立信行为是无法构成格式的,只有通过存向一个对象上实现动作的重复才可以形成一种格式,的内特的同一对象是已被"零定"过的,它可以被其他同类型的对象所"代替"。第二组成节者构成了格式的逻辑形式的特征,它们是:建一相似或差别联系的两节者(我们坚持这一只,否则,一切都是联系)、建立合并联系的冯节者。建立连续联系的两节者(同一动作各部分的有字连接,或任意一门直接排列的对象)。最后一个一种高节者涉及的则是格式的次逻辑形式(次逻辑的全义与第近及至常相关、与图层对象问的相似性则相反)。这一种西节者分别是发展对算的含义与第近及至常相关、与图层对象问的相似性则相反)。这一种西节者分别是发展对其代表者。我们发现。这一组中的最后一个两节者(也就是替换。连续与移动。都是改变口两节者、而一角的两个约是负责《分与融合的。同节者

再次说明,而当者仅仅是同化格式内能性的方面,不是作为预定型图了而存在的,它们的重要性在于;构成了对应与转化的共同来源,但这一未算产生于两种截然不同的方式,分别与动作发展的外化及内化这两种方面有关。 (3)价作用于对象性,动作被可外引导,向构成对应来力的工是同节者在对象导生发生的作用。然而为一方面,发展动作的肃等是通过内在组合进行的,动作的内化流会出现。格式的相互同化形成一个新的影体,与对象的同化相对方,并且,构成转化未熟的工是调节者通过内在活动形成的这一组合

4 这样一来,我们发现了对户的转化 知 有阶段,然后,本书的初去是时髦对应与转化 天家的总体设想,在何也这个总体设想之志,我们还需要指出用于区分对应与转化的准划以 它言我们的水产。我们发现了它种面具。第一,转化构成了状态的改变,因此,转化产生了 或为,有分享只是静止地行代态联系在。起,各它们进行比较,不对其做出更改;当对应将状态、转化联系在。起身,转化洗被当成是他,两对象或内容,也因此被视为与状态类似的水 也一有为状态。并一种争行形式时,我们设许可以是,对应就是通过这种方式使状态发生了 改支,但必定要对这些形式进行。区分,这些形式上在新创造制的对现在的内容进行丰富的结果,还是对内容里行建构直至各其完成(如日然数列)或重建的结果。由此而来,我们得出了 第一个区分对应与转化的东部,转化使对象在实际上发生了改变,使内容在逻辑上发生了改 变,而对立处于从场地位,它将们可形式应用到节的内容中去,这些新的内容本身同样受 到了队员。如图1所示,此多独自,它将们可形式应用到节的内容中去,这些新的内容本身同样受



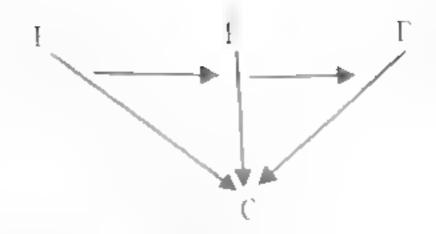


图1 对应转化 (F-形式——C=内容)

第一、转化创造活力形式、开的方形形式户用销售各种式。在四领景面上,并形形式为以自我改变的时、也可以自我保持不受(交化可关联不受性)、然而、当于体处于需要式适应各体的压力下过、对应的形式是可变的。但并上是自我改变。计为相对主参和复杂性、对应的形式是变于从属地位的一领面。每化的构成类较化产生的心式的构成创度与初的在必然性的水平。而对一在支限于古物与转化之类、以从属于其内容的类似;至于它们分和成、是由个特别自我的,这个强和中还包含了每一种高轨、导管发展它们对于流动管等;发起一来,便整体得以保存的更新与双射电影上存在,然而、一个重射。一个两种产生可当来,或相反,个两射及一个里射。生的结果均是不确定的一等五、每个是全个定的点义。因此,这智略了反转意又上的可关性,这化这一概含也不是不通常是下,在怎能会的有度下或各种,你有转化均会少及这些概念。第六、转化打有一个两种性的未得,物理现象表现出的转化类外,这种转化只有适宜的化主体的运算才能改为由是原,可以使用文形,是或属于一个自各性的内容的一定。转化作为主体的结构,通过心理的正可联系已及省抽象以及建设性理情化。互为对方已是原,可对应则是转之上,可称互参加,依据的是观察以及了原则有。

根据对应与较化不同的功能特点,我们应以推制的。文件投资的无个不同。各个点次的转化(从基础的转化动作到复合。于美的公算每天为于是生物(此处指码是为了在实际或认知方面为消毒应证。由于生生的支化,就是运筹这种转化的比较。然后,天于比较,最一般性的条件无疑是不能使待比较对象发生任何改变,则此,对应与要从属于状态。从属于对象……怎么许要从属于分析性活动,几个是从属于更改支度这时内在一战然,在内部或一种自己条约的高效的设备,也过过时间的对应及必属于多等。此属于新新起来的属于各种构成。了新的高效的设备,也过过时间的对应及必属于各种。由此对于新新起来的属于各种构成。不是从国际发展的高级的设备,但是对时间的对应及必要属于各种。由此对为各地行更设定。

5本书中,我们付基在对应进行了研究,在对其进行总的制述对,我们言无需要区分对 应与转化关系的。人作段,不过,在此之言我们自先要读的是形成的技,在这一过程中,对应 取决于调节者的专用,调节者的造戏部分则另外打成了转化尚来与。第一阶段时,对应只与 观察到的从态存在联系,与转化并无关联,却保存在联系,也是偶然的。第一阶段时,对应与 转化之间形式相互作用并互相保存,但这种保存关系是错开口间趋势的。第一阶段与云算 结构的方式时间相一致,对方从属于转化,直至变支达部合射或共同转化合射(如一个有集构的)。以简和过去算词的必然性以射。但是,转化如果因此在定支中占据了优势地位,那么,应该补充的。点是,在所有阶段中,转化均是由对应在各的,在转化行为赋予对应,而的,自有可能,生高级估射的内在形式之前,对广气已至实况了内容的可建

我们还需要了解、如果对应、转化与声节者同归有共同的起点、自均以重建或恢复。 情况,再个表力等。,那么,为什么在就才提到高第一个段中,对广告转化门会如此缺乏协调 性 有第一阶段中, 两者之间的售票的外示够流 且显得费力 其中只用似乎要归咎于认 银色 昆 制, 认识是从四周升始由到中心, 因此是从动作的, 看果开始再行其内部代制。从这 角度录着、与理点转化及其除由相比、人们言无认认的与完定对象以及动作外常具体直线上 可观察究的事物。但在这中间,认识友医方。般过程微的人世末,其与认识的吃虐相关,由 外生间内生元转变。然而这一转支元文有简化为一个简单的内化、因为这一简单的内化、 指助于视的工具会导致甚至是告表。个或多类少完全的重建。在成方面,科学更上有大量 15例子与字记。在数字色域, 几何再图形门提上重变成了巨大的转化许系统。 合,基件作力单。对应支功能的产物,被以数学的方式进行表达,然可,官从周围的经模型的 推势行旗未派明显。直移传华是通过主体, 为为第二、第二、内部信标建立最来的。在化学领 我,随着门捷列夫的主秦周周表的出现,部分最初的尼津开始发生了转变,随即又被延伸至 电子具 有的解释员类的 软化的复数性是显示与心的一篇 证完之,在所有气域内,人们是是努 力使一开始被笞单投售高对比从属于以经化力基础的《算系统》,周此,即便是在处于认知 形式具行中极其代不是直的构造。注题,如果我们发现了以下管段,也不必原介: 开始以外。 苦自告卡为主导,然而接下未要希腊红的几个步掌中,转化处于优势地位,并且,对应通过从 属于清料转化成为别,并在认为体系的进程。由较为了其真。的位置

第一章 绘画初级阶段中的对应及调节者

合作者:A. 布林格、E. 梅耶奇与P. 门加尔

进入感知。运动阶段后,对应的来原增加了两个一句。个是动作格式的同化活动,同化活动将动作格式运用于与之前相似的对象或情境中,使其与之前的动作格式。致,但依状的是已经形式或正在建立的格式,接下来,我们会对其进行集中探讨。另一个对应的来去存在于调节进程中,同证,对应会被赋予各体的属性。然而,由于在模仿动作中,同节会以最高的形式被表现出来,担以,复本与原型可对应的建立就变得无为重要,因为,强然可能会造成些问题,但在这种情况下复本对原型的忠实仍是主体在语言,只理追求的,尽管(或因为)宣传忠实是集中在各体上。在感觉一些动阶段之后,我们是希望对这种对应的形式进行研究,这种对应存在手模仿活动这一特殊的形式中,模仿活动指的是全国,它省作为原型的复本被呈现出来。

§1 问题的提出

我们提供的京型的难度各不相同、(被误的)复本方发一个循序靠进的建立过程,这个建立从属的或是自动书写的技术,或是以获得几何属性为目的的,基现仓化。在这两种情况下,我们需要做的是对动作格式做出建构或是修改,而最关键的与定是发在一个正确的复本形式下,对这一建构的机制及对应本身建立的先决条件还行分析。从这一角度,我们将对此对应的起源进行研究,有这一研究将会引出调节者这一问题

注意,我们将"调节者"称为同化格式形成及运用的一般功能。因此,两节者并不构成先于格式而存在的原因要素。例如,任任一种格式均严生于一种行为的重复,从这个意义上讲,我们可以标之为重复调节者,但在重复运行之前,重复调节者是不存在的,重复的运行只是对调节者的一般方面进行表达,不过是内在的表达。相反,重复的运行是对与建立的来源或要素,因为对当的形成正是由这个重复引起的一包吊对应,上集对立方面对应等其他对应也是一样,完成这些甚至高度好几年的时间,例如,线性构造的缺陷。75%的被试发生于5

至6岁之间)也是一样。

然而,我们接下来面临的问题是:在下面的研究中(第一章等),我们会遇到对应或态射 问的基本区别,对应及心射各状态联系在一起,但不对其进行更改,并且,对应或态射还连接 着状态的来源。 每化一转化复一种动作,或是一种包含着与初始对应无关动力的运算 。另一只是对转化的含义进行准备,并非是其产生的来源;第二,对应与转化之间是相互支 持的关系;第一,运算的转化系统是其由身心射的来源。然而,在目前的研究中,当被试验能 成功复制。个点类和形,并需要专注于一个原本就拥有创造所属性的整体构造以达成一个 确切自对应时,这是不是已产造及转化了也。如果是,我们是不是已经处于有别于第一阶段 但与之前第三阶段相似的情境中了?

由于被赋予了以重角色、可节者这一概念在此的作用也就是现了出来。抗单个调节者而言、作为一个同化格式建。及还用行为能力面、四节者是对应的未熟、因为这一格式是还用在其传统客体(动作的"重复"与各体"整况"的未熟。或是新客体("替换"的未源。上的一丝。11、高节者还拥有另外一个角色、原、因无下;如果每个周节者都对其离散作用成为对应的来源,那么、调节者们同样可以在它们之间形成产品形式、并根据同心方向从中衍生更新的形式。外化(格式的应用)与内化 格式之间的周节或组合)这一对活动就使调节者成为对应与转化的共同来源,并且、对立与调节的就意是以蒸散作为开始的。这一只不是为有。因为能者集中上客体及其观丝部的下滑、前后者关于的是主体活动。两者回只有通过相互作用才会开启最终的汇合,不过这种作用。交替进行的、最终的汇合也只有在很难才会实现。以上这些也不是为奇,因为内源性重建将取代外源性联系。

(2) 过是说, 周节者同的具合引起了软化的互动, 两氧化的互动与环算软化(7-8岁是这些人的复数与的为对了要属作出言何各自的专身。它们问的主要差别是, 在上一种情况中, 力转化做准备的是对互, 这些对应对于逐步对广转化是这不可少的, 然而, 计如我们即将看到的, 两节者的怎合并不是由最初的对户引起的, 而是由最初对应的失义。或是对模式的他和一种是的, 正是它们的失败引起了建物不同两节者的复数。

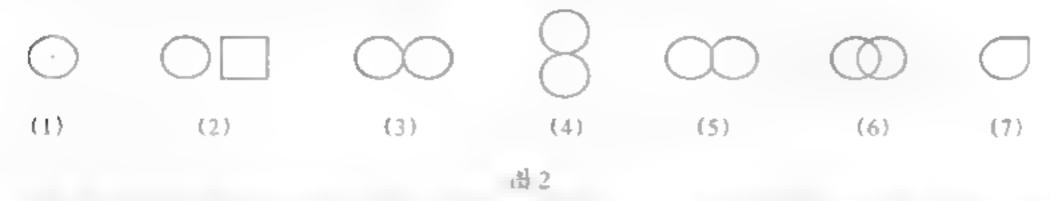
§2 观察到的方法与步骤

接受制险的被武有40人,年龄从1岁开始,自到6-8岁间,第二批被武通过图形来接受证,6,这些图形互不相目,允其是所谓直线的不同 // 或"或数,余下的被武则通过知下的7种图形来接受汇验。当往几章的面,冯武者在一张纸的上半部分口出其中一种图形,然后,被武会被复求"在纸的下半部分同十二"。第一样的图形"一国宝宝,我们会问,复本与原图是

¹ 我们的现在世界"只有复本中。" 中華 不是"作品" 是下记坛是不完整的对方

•1056 · 皮亚杰文集 第六卷 智慧操作的建构过程

查"完全一样",并允许其再次支试。7种各书各有不同,与种举制结构有一定数量的特点。 闭合(7种图形均有选特点)相切(图2.5 ,分离(图2·2· 、直线支加线(图2.2) 和交(图 2(3)或图2(4))、交叉(图2.6)及曲线与直线相等全图2.7)



然而,就像我们正科的影样,对于这些特定的认识不会发生在同一年於段,当他们意识 到这不仅仅是一种介绍之作时,他们的认识可分为一个的段。第一篇设时,他们能够考虑到 创企或准线(就像我们对才看到的,他们能够需别用非固合的由我图像。第一篇设的显著 特广是,他们能够考虑到分离及租赁,紧接着是交叉及租交(从3岁6个月刊大支4岁8个月,最后一个介段(第一阶段)里,仅仅是对省线的认识。因此,现在无门是就是发送过行各种调节者进行组合去尝试理解这一发展进程。

首先、被认在作。时、不读作会。生生轻的为一、无力地们的。但是也含为广建立起来时又会产生怎样的情果。这些自然是一年意见安考是的时况。然而"找别一定的规律、年幼被认在完成的各国中总模型的公司知道的表达在在发少于其对自身想法的表达。这地位反映的是一种联系建立行形式。这种形式是被部分统合化的,因此,当被认在作品期间表现是,我修明,把得其意图也就变得相对简单了一两者。在余码初后管取与是一种签口的监狱交往,但见了两种具有启发更又自动作。在主这些种或作的还要性不需遇出了是证的范围。其中一个就是破标记。这一边作就是要相靠模型本。据证其发本,从总体出发,或是从模型内部出发,通过发系将其与预想中的复本联系在一起。允以1岁10个月、2岁6个月为例;或是从模型每下两一步标记出的复数指在"以2岁7个月的主体为例。他有图2(2)在这些属于表记出两种成此和部间中,但又将这两点放在手间为形具中的两个角上;至于图2(7)、他将一点放在压火管房上,为一个人又在火角处。然后由一条线将该为与复本中和门的一点连接起来。这样就是分地复用了模型。这种信息下,在区别对应建立的不同意图力,任而目的不熟的几次行动,但

另一个具有启发言义的动作是用一条或数条线各。各包国起来,可能是按照予图的轮幕,但许意、也可能是用一个更大的笔品、如此一来。这一更大轮。的含义就更具概念性无不是全向性:以被试Lau(2;6)为例。他用一个以形状条件为2(5)和手起来,并相继门外几了一商灵形状条,其内匿线条同成的面积至少是图2.5。由种的6倍;处有、这一较大轮集。自径为17 cm,而原图中一个。同的首位为5.5cm)最终会还任成一条十几平米的首线,然后构成复本的具有一个曲线和成的闭合图形。上面积较小,这一复本本身可延伸为一条15cm的。近乎直线的线条,然后又可以反过来形成包围。

§3 包围的含义

以上条件较为禁司、正我们得出了这次小品的工业发生论:所有观察到的对应,在其发表过程中、均离于包围的其他品质者的组合。直受冒例外,是两可能是工事条值或而言(当然,多条值或的任金等外,如在多边形写中的自我组合),它是非一种不会更见包围这种情况的发条;而不完整支有是差的对点,更主要体现在到2(2)与图2(7)上,这种对应的产生是由于缺少了影响的任金,操句话题,是目为一种属型。单年包括本身就能满足所有

1. 事实工,包里构成了一种。放化的格式,以一格式的功能是,为一个对象 包括一个条形式。惟对拿赋了小体性,或是的这一些体性或产与这一对多或这一件对象有关的。也过一个电的和邻或是分合,如酒汽子类的一个类,因有部分。因此,基本形式下的包一九自然或类地成为一个调节者,发为对应,介之人。通过对立方式用一发组合的原类。通过与其他显节者相互区别或相互连接)。

口污之任,根据制之负义以第一分人,以及次等有"善文义利等",或数字次和高散物体的果果,这些物体目其相可或不同之处上集在一起。一分去,我们即将订论的使用具少及四种互能性中一种。每种系统的一尺一在这里,本统但与我们并无关联,它们的性质本质上是数量的。整体数量等于部分数量之和。当上式发生变化力,整体数量仍保持不变)。全于后本等包围,则是建分在含数等分的基础之上。一定数量的等局指式。列、当省各个等的同的单点拉入时,这一对等的的数量设计为是行到。但证订分,它与此次的研究及是次逻辑,允其是上面的整体目标。但无关联。一次就是我们这些写形的信息。

但是、、管文元、省第十个。長和等非个。長的被試信在公司他们的包围概念时、我们必须区分元。四种意义 方面, 了连续包围的生产与方面。存在的、开这 包围是随今的我们中心 个工作人是英马尔德 起在很久。元,完全是了几章在达到或几里得与投射车差之主共初两个门是英语在补偿重,互目,从这个年度未看。在初始当最高特征是,简正的例今曲线。因此,这一方面我们将不再整建。

相关,包围作为两节者,其起到的作用也更为普遍,而且,其作用的性质不仅是代数性的,如几乎是概念性的 从与清,已。"但为此实主义"是一类似的角度未有)。根据公议、条像历之了一个整体。《管各个部分之间上升关节,有有不同一种与活现。包土是一种整个适节者,在空间的适适的方案。整个性是通过确定一个整体轮类高特性表现出来的。但是,只要有整体、部分及部分问题是的存在。就是实出现一个同样的问题。即有整合与分化之间才来平衡的可一,并且,为了可更这一问题。被试算及利用其他同节者以构成包即的确保包制的。存在一面,这些调节者有可能可能指出各部分可的支援,并因此确定被包制的各个部分问的关系。以及部分分整体的关系。只有当包围不能被立即建构之时,我们才能从中再次发现一种一元性,不过度仅仅是从所记号而上来看的。这一一元性与量形面上的一元性相似。

是层面上的。元性者运算的包,即已是不等于部分之和。与之符包点、两者之门公产件名式、那么,相应的连接流丸其具有了可加性。以分开来。以我们立处于的质的层面下记更是未说,问题是要确定:连接将被包围的各个部分之间相互连接起来,而包含或作为一个整体的整廊,是否并非是这些连接的集合。或者,包含发足至全面化为这些连接的集合。从后一种情况来看,以下这些并不成立一一整体在数量上等同于部分之和,但不同的是,整体心须包含部分间连接的协调性。然而接下来,在达成之一,增加的现金包制,我们会发现一种不完备的解决方案:被试在被包围着的整体中寻找的并不是被包围的部分目的连接。如果2末尾处列出的被武士和上被武士副的三分化而忽略了整合。正上,或武在了享复杂图形时,给出的仅仅是一个排开的部分,甚至一该方案在之后会取得式功。或武化产出挥用上,当分生、采用的是约号的方式以指出各部分间的联系(例如,两个不相关的一种支上∞,不过接下来在两周的加上一条小熔线)。

2. 何是,在分析这些现象之前,包围线作为闭合与等曲初期拓扑性质的系载者,我们金盖指平定的打点。主先,任何包围或均具有闭合起势,这是不同。验证,人2岁子始,几点从涂料过渡到图面的设,我们对对一过渡的或进有研究上点。每一年一年一年是不言而会的经验的反应最基本的特点就是闭合或至少是对闭合订子来。以下这些。但是不言而会的在这一阶段,不图像自会国能力会被着重考起,行或的,与果是,这种国合同企实是上拥有了好下特点,存在多个样本的重复,这些相互同会有关多支少的重叠,但等与并不会和是工程接一相反,从2岁7个月开始,允其是在一定发本中,我们仅仅发光了一条失繁的闭合,而未最后也没有出现中断,不过,这种情况仍被视为特例。

对于这里的事效,我们需要区分均种情况。后一种当己是,被志志够提供与线上,会有意地将加致与广线做比较,但是,这种情况在4岁左右及3岁6个月下体之后,从未发生过机反,第一种情况产生的来源是:被法后不懂得偿伤自我,他只有在引有。约多个包围中,或是当被法使轨道通过目标的过程中无定使潜位是自我扶时,才能得到地疾优。由我一在这些情况下,所有复本中最初观察到制机及,包括外似于方形的制度,只不过是包括上图的表达而已。

§4 联结的开端与成功(步骤Ⅱ及步骤Ⅲ)

有相交(图266.4岁起开始成功模仿相交3岁2个几与3岁6个月则是两个是外,开始 14岁的与∞ 在模仿图203 及图2049时,5岁6个月高被缺6岁 再先获得了成功。但,我 们发现了包围的分化,由于包围与其他调节者间会进行组合,先其是与重复、合并与方向高 节者,因此,包围就产生了分化。

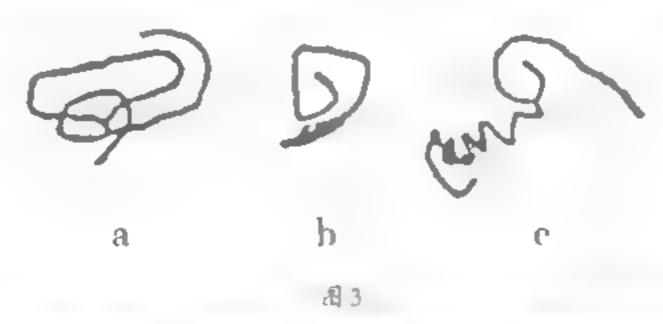
1 相交会产生五种类型的支产 1 5)、我们可以将其分为一个管段(1 C) 阶段 1的特点是包围的重复,有可能是以非连票的形式 1/00 3岁 2 个)。门被试 Par 3 岁 7 个月的被

如此一本,我们发现,定性配下,包围分化为部分包围及选界是复本与原图对应的有提,和序地,对序的形式与重复。合并为同肃节者的混合也就成为复本与方科对应的更提,对方在考虑。25万元相反的信息下,两四的科交包含了两正支四处越界,而且,此处列至的关于引与引用关联方式的各种试产是以表明此处存在着一个定可问起,而不仅仅是部分与整体间的关系问题。

① 尽管拉鲁斯词典中并没有出现这个词,但我们大胆地对其进行了"补充"。

步之中,通过自身的努力,其将众界线连在 起,并确保 个环的界线可以通过 个通道与另一环的界限连接起来,但在交叉方面,仍没有成功 因此,将其中一个环的界线与另一个环的进行交换,或是反过来,将为 个环的界线与其中一个环的进行交换记制样没有取得成功;Beg(2;7)在即 ∞时建构了 种包目,但是非闭合的,并包含了螺旋的形状(图 3a)。

在 □ 8 时, Beg 回了一个简单的螺旋(图 3b), 而且, 在重□ ∞ 时, Beg 又□ 了螺旋, 但是加上了一个延长的部分,这个部分描绘了一个环到另一个环的通道轮廓。如此来,螺旋这一问题表明,主体意识到一个环的界线产生于其对另一环界线的寻找。但是, 最需 上现的模型是 6 ℃ (3 岁 5 个月的 Alb 4 岁整的 ()pt. 4 岁 1 个月的 Car等) 一另外, 也要注意 Lau (4; 2), San (3; 10) 以及 Jer (3; 4 的解决方案, 四为, 他们的解决方案不仅利用一条重线 [3 指出了一个界线与另一界线的通道, 甚至还月清晰的又与指面了界线间的相交: × (Jer 以及 十 (San 显示是获得或功的第五种类型。阶段 (1),这种类型型的两个环只需一笔目可完成 (5 岁 8 个月的 Isa 以及 6 岁 4 个月的 Mic,等等)



因此, 通过这组图像, 用节者间的组合比在相交情况下看得还要请先: 起始包示、个环1件随着重复, 两个环), 但是会历现越界的情况, 零见Beg II 的螺旋可以及一个界线进入另一界线或另一界线进入这一界线的情况(替换及相互替代), 为外还会所现积反方向的协调: 由在上方至左下方, 由左下方至右上方。如此一来, 想要构设阶段(15岁6个月至6岁)的对应, 至少需要四个不同调节者的组合。

3. 被试在模仿第五个模型(两个相邻的门间),没有立即取得成功,这一点出手包料。像之前的复合图形。样,我们观察到了阶段A的存在,在这一阶段中,但要么是被包围分升,要么是通过包围聚集在一起;我们已经列举的有2岁6个月的被试Lau(§2)4年处)以及(2岁7个月)的被试Beg、Lau用一条长的闭合曲线将模型本身包围了起来kab(3;0)····直到Car(4;1)均圆出了包围,接下来,kab甚至圆出了相交)。第一次成功模仿出模型五的是Opi, 他在4岁整订取得了进一次的成功

§5 直 线 性

此处要讨论的是两个不同的问题;模仿正方形(图2(2)),或是包含曲线与直角的图形(图2(7))时,副本中的对应问题,以及一象直线性的条件问题

1 很早以前(事实上,是从Binet开始),我们汽缸道,儿童在接近3岁时,仍会将一个正方形四成一条用合曲戏。因此,儿童经常将图2(2)画待像两个,正甚至月一个圆包 3 另一个,到 3 岁整的 Kab ··· ·),对于这种现象的连发,我们不需要感到掠奇。从另方面说,当被试开始佯得画直或时,视察在这个过程中发生了什么,这才是意义所有:在这种情况下,我们发现了模仿正方形的以下图像,如 (3 岁2个月的Car), % ,然后是 (3 岁 40 个月的 San 以及了(3 岁 3 个月的Cn 这些 则给显示了债等者可进行组合的这要性,包括重复调节者。只有 Can 获得了成功),方面调节者(San 获得了成功,Cn)之成功)直线相邻未完合并的调节者(Cn 没有获得成功,4 个角中,仍有一个是弯曲的),目光为上,还包括在铁包围调节者(San 将其四成了一条闭合曲线),这一复华组合问题的关键所在,是4个直角问题,这些被运 发能每次这一问之一然而,当被试的年龄达到4岁可,但们几乎都能解决这一问意,而且,自 3 岁 2 个月,星然被试的年龄还过达到4 岁,但也中现了成功的先例。

个于角的问题,图 2(7) 显然会被描绘成 条闭合准线加 点,类似于一种乌贼,并且,只有当被武成功而出正方形时,他们才能长摹出图 2(7),在这过程中,方向是对约,但并不是连贯的,两出了一个直角,但并不是任意的 另外,我们想起英海尔德观察到的那些(观范的"正方形",闭合曲线下,正集着4个小点,或仅仅是4个小线条,它们允当了4个角的角色。

2. 至于直线间罩,当只有一条直线时,与从对应形成的角度有细释见被试自发回出的直线,实际上,这些直线是被试入意中起出的,其与一种特定动作相关。在该行为中、直线充当了轨迹的角色,并且,它们与需要建构的直线(原象的复数)也存在联系,其中,对应是哪一发各作用的角色。然而,第二批被试的年龄肯定是偏小的;Ema(3;6)成功面出了,对之有此基础上加了一条严重的直线,该直线长达9.5cm,整个图形像是一个"气球";但是,当她临摹老时,她回出来的只是些非闭合的曲线,这些曲线还很整齐。不过,在研究对应产生的这些直线时,我们得出一个结论。"组对应,尽管看上去非常简单,其存在的条件也必须包括同节者们事先的组合,这也订出了,调节者间组合的成功具在延时性。至于这一难题的原因,如果闭合曲线是包围(或是模式整体的表达)——这一最基本的次逻辑高节者的表达方式,形态,这一难题就不难理解了;实际上,直线是唯一个以自对为出发点进行延伸,且不包含任何闭合或包围的线条。因此,直线包含着一个方向,对于这个方向起初的设定并不是那么自然而然的(再说一遍,

是在作用的过程中,而不是在高摹的过程中,路径,…情况简外),同时,它无其具备着种必然性 保持这一方向 因此,它许包含了方同与重复这两种调节者的组合,不要忽视这两者的《序,因为此处的重复是有同字的 这是我们在被试寻上发现的,这些被试开始进行这 村造 Dra(2;7)或 Cat(3;2),他们在尝试着声出点线,但事实上,这些"直线"又变成了 些线条的累积,这些线条或多或少都有着 定的方间性,例如 本本 本一,被试似乎无法且出直线,他们不停修改着这些偏差,这些偏差是本来就存在的,或是由于被试的纠正 无论如何,有证据是示,此处存在着 个组合,该组合直存有,直至该结构的 连串时刻查或 个难 的,且几乎同时发生的动作,另外,此行为具有提前性。

§6 总 结

首先,我们见练到,除了图2 1。之外,付广仅有模型被被战重相后在复制中获得,并且,就像前面说过的,这一构造形式的基础是包制的分化,对分化则是基于其他人部分调节者色的组合:重复,用一、替换、在∞中广合并、实替以及方同口相似及差别联系的建立尤为常见)。在我们的9个调节者中,唯独形式与方位(移动)的改变没有涉及。以下情况除外——直线代表着一个移动物体的运动轨迹)。

1. 回过头来看82 阶段提出的量汉、广指出、下几丝到的结构可能与有形行为的排点有关,而不是与被主体概念化的模型本身有关。我们得到的培养与我们内心构思的图形有着惊人的相似性,然而,对于这一结思 可决定性 可答似乎正是由这一相似性提供的,心里构思的冬形是一种模仿,就像是冬形表象。但是它被内化成了一种持会,正这种描绘也因此并不具有真实绘画时的不塑练。首先,心里构思的图形,就像图画一样,不管成功与否,都是针对外部模型与信草冬形可对广关系的一种特效找了。但是,这不仅仅是针对图画这种情况,通常情况下,这种"哲草与来的图形"同样不是一种移印出来的图画或是一种照片。恰恰相反,形象化的描空以及冬期均不能被简化为一种知意上的解读,这种解读只是通过空间知觉数据的单纯再现;知觉变形的规律工具不适用于图像,像在图画中一样,图像初级的特定变形显示出不是的概念事组

我们惊喜地发现,这些年幼被武有内心构思的的形中,有有着包围的雏形。包围, 作为一个整体,高于部分间众关节的联导(参见§3) 包制的雏形集中表现有移动过程 中对界限的过分尊重 另外,高要注意的是,已运算阶段建立的基础一直是转化的结果,而不是转化本身 我们可以将其与以下情况做个比较,有图画中,当实验人员在被 试面前画出原图,而不是直接将整个原列展示给被认时,被武而会图形取得的进步很小 (或是没有)。

念的来说, 被武在图像形成过程中面临的问题与在时有模式发表过程中面临的是有门,即对与与转化司的关系同题, 并且在初始阶段, 被试均高要在概念层面上建构模型以为其提供一个忠实的对应。

2 接下未探讨的走点当者这一门上,走节者是格式的功能性特任,也是对立与转化的共同未产。然后,从这一角要看,此处存在着。些仍属开放性门间之,理应在最后对这些问题进行一下详细说明。

首先,关于四节者有在本身,我们本可以忽略主体活动本身,各其很是或理论思考的。物。人员,发示一个假设在其吸料会高关。上是可被愿象化的,那么,对于表面看起来上向的自己对。以直线为一、先见的自己有价格检验这些很设计同时指出其复杂性似乎是人有特别的。事并上,如果一个对应。不完整的,那可能的自因有两个;对于外部合并的大量发育进行是够行研究,发表内在整合工具的缺失情效了不完全的同化。然后,在直线、营机下。正确的对应是最高支流的、当我们发现了同化协调的必然性时,我们很难看出研究可以为即时知觉带来什么。

其次。仅仅是对9个直节者进行合名。并为其分别指定一个互易。四只不宜检验。以对其对位区分。自由是属于它们。种情构上的存在。然而,我们必须记住,此处元行的仅仅。方能方面。其实上,你同化本身。司节者只是母其机制,进行了扩,速,作为一般功能。适节者无处不在。但它们是是是了一步。一大的诸多学们的建构。功能创造了智宜):将同一格式应用于新对象的参加。一切性代导广关措换。以及"置换值"门加入了。例如,一段新进的构造过程,这一过程长达11—12年。

在初始尚书者司马能性与汉州司节者自含。本成癿构造司,存在有一个区别,这区别司以研究。集团是的矛盾,是有严节者中,有在有对立与转化的共同未愿,不过接下来对应与软化会作互分为,自的是具在本算层面分理事实上的合并。分称上,我们愿意供同来。与自己的支持及企设,在论分表中,,你在人民司来等不是上体与可分离的活动,是不是对象的可分。的写性,而是一定之互中心,这中心位于为与07间,对此处于两者公共的外围部分。包制中间的小设值支持,其中可复多等分均处于未分化状态。

月节者作为格式的功能的表达、在初级阶段中、电过它们的证用产生对应、并通过 这些离节者间的。合产生转化。然而、这一共同起节分化出电种进程、这两个进程方面。 相反、目)协能的并享。一种是外化注程。(0)、在面对表现各体。对应)特点的可观察 事物时、该并在17目的是能够对其进行客观定点、具备元件不断增强;另一种是为化进程。(4)、该进程是转化的来源、用最本或为运算转化的未完。 开始、这些功能未算的 进程具有较强的排斥性、它们会引起形式与禁物的建构、同这些形式与结构势必会相互

•1064 · 皮亚杰文集 第六卷 智慧操作的建构过程

影啊(→),因为转化结果的最初显示只会发生在客体身上,而客体属性只有通过同化才会导现:这就是为何对应与转化问会相互支撑,直至两者在运算层面达到稳定、概括性的结合,此处的相互支撑→开始是局部且交错的。

图6对上述两者做一个比喻,我们可以通过言来表示两者渐进的相互作用

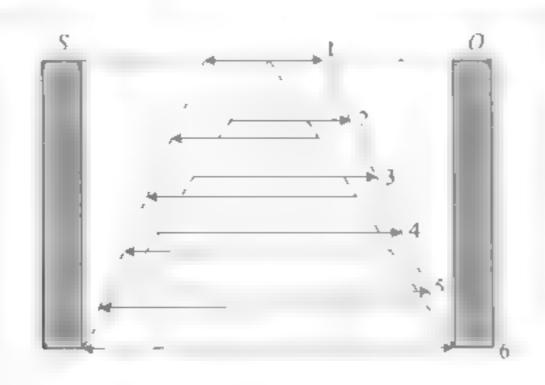


图 6

从1至6,起始箭头由公共起点(一)出发指向相反方向,标有箭头的作用(+)背的对象,然后,这些作用的出发点深入主体构造的程度会越来越深(一更靠左),然而,对于在对象上观察到的信息,内部构造中代表着进步的作用(+)会使用得更多(一出发点更靠右)。如此一来,我们猜想,第一章指会的内容与象征性的第一步相。致,即内部的功能调节者在对象上引起了对应;第二步是调节者在被要承适应比较对象多样性这一外部层,力下,会出现分化,但反过来会产生更为多样的对应(第一章会涉及这些内容)。接下来(第一章开始),对应的外部内容会急趋切确,为部分或局部转化做与准备,这些转化,适过(+一与(-+)交替的相互作用会对预查射等起到促进作用,直至它们间的联合达到足够完善的程度。

第二章 客体间初级对应的形成与调节者的分化

合作者: E. L. 拉珀·杜·谢尔

本章(同第一章 科,仍不会与月仔细的同的报告)涉及的问题是客体可对应的形成,五十是各体与其监禁器形门对应的形成,这是第一章的内容。至于这里的对应,我们仍需对感知一点动性对应进行区分,方式是通过各体问的同化,这些客体出现在某动作格式,如使是挂着色对象推动)之后,为外,我们还当对具有代表性的对应进行区分,在这种对压力,还过一个目的性动作。这种动作带有(至少是短智性的)一种外延性也识,对象同会进行比较连聚合在一起;有感知一运动性对应只有通过对相似情况的连续认识不会是示出来,便主体指有外延性意识的再现是不存在的

已就是竟,我们应该注意到,简节者只是同化格式的功能性表达,因此,它们不包括先与,可等构对基。我们现在发研究的问题是,同化格式的功能是如何产生形式或结构,为一当格式的协调与其调节者们内部高组合引起转化等和的构建。1个专身这部分内容心及较少,第一章研会较多涉及),通过格式及其调节者,这些调节者与可观察到的事物相关可见。用,对象问对方的形式是未转化的。因此,就像第一章结尾处所说的,在认识中,根据未曾了生产增失。对象的限制或主体的建构,我们需要区分两种来源,并且,如果主体的协造员作对于基础对向方产于是必要的,那么其多样的外在内容会反过来使不同的调节者去适应主体的协造动作,并是这使调节者产生分化。那么接下来就是分化机制的问题了(经过对一条4的)范明后,经会对其进行探讨);分化是为源于新内容的压力,或者分化是否已是包含不同汽节者的组合。第一等特尼处电提出了这些问题。

此处使用的方法有一种一第一种方法是, 吕示9个好好, 好好的高度由2cm至7em不等, 分别代表祖孙。代工个婴儿工个弟弟, 1个岛哥工个妹妹工个姐姐, 1个父亲, 1个母亲, 1个祖父工个祖母), 再发来, "按照你认为完全事的方法对其进行排列"接下来, 我们要求被, 武才找另一种更准确的打列方法。以上要求重复两至一次。然后, 我们从中去掉1个好处, 并让被试对变化的结果做出宣价, 接下来, 我们将去掉的娃娃加口去, 并要求被试做出新的 评价。最后, 我们将娃娃放置在馬派10em×5cm 亲子, 前有10张椅子, 的周利, 然后, 2张桌子会成1张大桌子, 再将这些娃娃放置在这张大桌子的周初

第一种方法是,出示2门农舍以及(后面均为分开 单个的物品)3头生 3只火鸡、

3 只母鸡、1 男 1 女、1 个生奶罐以及7个小霉蛋 要求: " 暂你认为与农舍相关的东西放进去"如果被试只考虑到了。 间农舍、就要求信容另一河也。 用表饰(但不见人新的物品);接下来,我们将2 回农舍问的属于去涂、就发了1 可人农舍、然后包试被试门反应并要求其对布置的原因进行解释, 协此, 被试其实是对动物和人的活动进行了解释。

第二种方法是, 出示, 不过是依次进行, 宝钉子共有18枚, 11个小鸡蛋、9个立方体、9个骰子、7把椅子 8个动物或8个布针鞋 与次归支下被试"按尽自认为完全作所的方法对其进行打列", 再支示其寻找"另一种方式"一量与, 向司查试:"一有行方法中, 你认为最准确的是哪个?"

§1 重 复

灰感知 运动作层面来看,重复不仅是格式形成的来与,也是对广马成的未见实为上,单个动作无不足以构成一个格式,因为连续的动作中拥有些同之处才会产生格式的同时,也引起口,然而处地,子初始已况特征与广及特况特征问对为的健康,并且,在这里,初始以至本身并不是对户,只有"重复性的联系中观力,才会产生对应,不为证,应为证,这种共同重要。用了广及尔曼广义上的相关形式,但是是与对等高识在开始,还设并未产生下面,因为在作为扩泛及定向自定对等之前,这与种意识是依靠动作本身建立起来的。

从方。方面说,由于客体间的对立。 西相关事物果量流出现了,我们发现,从2-3 岁开始,被试会将父亲与祖父放在一起,将每次与祖母放在一起,中但元,在不同高性战分间的对应之前,我们首先看出的是责任间向对应,认为我们心态,这种方量性,多均作对感觉,应动对应的多位性会发挥越来越大了影响,并最终赋予其外延性,至少是"制工的;这种动作仅仅是工事力交换动作,或是排成列,人物集……们交换动作。所有这些都是大家用两短的,但应当适的是,那些动作同样属于对应的建立,它们从属于重复,而重复的表现则根据多样们分化情况,这一过程甚至在某种意图或事间目的的介入之间就是了发生了一直情情况下,这些意刻或事间目标只建立在过程当中,而且,当各体与性门与手复或见转移门联系扩入到累积功作同的对应时,理解的对应也会加入进去。

从重复这个角设来看,目点的研究成果中有内点发现信得天正。自先是一组互列。 起初获得的排列原序,该则了一旦建立,当被战被复求以为一种方式去。列各部分。1、仍会促使被战重复这一、守主先2岁8个月的Fin,以任。其后对5个年处进行了有列(忽略大小……),但从第3个开始,动作的方向与之间完全相反;一字力5、4、3 1 2 1 2为开关) 接下未是 次计论, 自由定量别姓母的事份, 并且只提出一个表本——将这些好处重新进行打引; 此次推到动作的序列是 4, 1 2, 3, 5, 但被试做出的推序却没发生任何以交, 婴儿在中间, 妹妹和祖母在当立一一And 2; 11) 也是同样的情况, 他没能摆脱6, 3 1, 2 4 5 这一。序, 该次可一日建立, 在 切靠着桌子对娃娃进行摆放时, 我们会再次发现相同的次序。

第一点需要注意的是,利用部分的某种属性。因此,没有根据大小进行相列),引起 a.b. coo. 序列严生的被认动作的资格重复并不是普遍现象。再考,另一种重复是从中间 1. 发,有标据 > 及 * 四个为目交替任作。俺用未说,And 允定这种情况,他先放了1 和 2. 然后将主放在 1. 总值,将4 仅在 2. 写面,后来又将5 放在 4 层面,6 放在 3 层面。但 是,在其他被认 3 上,我们也发现了这一过程,甚至在考虑至大小的情况下,也是如此,这样 一末, 1. Na 4; 11,(le 4; 5) 两为都是"支大的,中间则是设小的"。当被认得好使用 有引了进行摆放时,看手是形成了一个对称: And 每 女性有知可的证如证是 6 3 5,为性 3 2 6 下,与平子元在广莞着大桌子进行打成时,1 2 在 1 方; 3、 4 在 下 为; 6、 8—10 在 4 侧, 5—7, 9 则在有例 一个 4, 0)也是同样的情况,请笔着大桌子的好处中, 为性与 人 2 1 5—2 4 4 4 5 1 5 5 7, 9 则在有例 一个 4, 0)也是同样的情况,请笔着大桌子的好处中, 为性与 人 2 1 5—2 4 4 4 5 1 5 5 7, 9 则在有例 一个 4, 0)也是同样的情况,请笔着大桌子的好处中, 为性与 人 2 1 5—3 4 4 5 5 7, 5 可以还可以证明, 5 1 5 5 7, 5 可以还可以证明, 5 1 5 5 7, 5 5 5 7, 5 5 7, 5 5 7, 5 5 7, 5 5 7, 5 5 7, 5 5 7, 5 5 7,

§2 辨别与替换

1. 在客体间对应的影响下, 对象形式及其应用的域的鉴定各不相同。关于这里的对象, 我们还观察到, 如果将一个瓶中的水倒入另一瓶中, 尽管水的数量可能会有变化(水的数量与之高不同), 但水还是一样的水、一个处于生长中心生物与其本。在除了了我及其身体!) 不再对等。因为它的体积发生了变化。

至于同一性的形式,需要区分的有一种。最初吸的是建立在任一机是工程性质目科:对于Phr(3,4)来说。 个人,即使撞了位置,但还是但,比为 衣着是一样的",对于 Pra(2;8 来说,婴儿也是一样的,因为"没有票允的影子" 接示未是外廷同一性,作为整体的一部分,它在总的数量上发挥者作用:对于不会计算的Rca(2,11)来说。 个人会或多或少地改变整体,因为如果去掉一个人,"洗少了一个" 设置是作为一个整体,与其他整体数量相当的数字同一性;在计算家庭就员的数量时,每个表页点点的比例是相同的。

2. 替换调节者更值得注意,对为在其普通的形式下,包含有一个特点,形就是无条件同化,从感知-运动这一层次开始,无条件同化使格式能够运用到高的内容中央,这些构成了对应的建立,而其建立的基础不识只是动作的简单重复与运行的同一性,还包括动作的类似性。在各体间对应这一层由上,我们发现了多个分化。在农场资政上,设备见的分化是具有功能或运用稳定性的替换,径需会出现的事例是,当一个人缺事时,另一个人会细心思科生或构一知此。来,我们需要适应的情况就是因替换的缺失的导致的商极结果;"这里不再有主人,生不再产好,它们只会展展。"

已分化替换的另一种形式是通过复售查货形成的序列, 类似了一个立体目列, 但存随着同一位置于各部分问连续的替换。发此一来, Lau(3; 4) 在听到"音乐认为最相配的动物放在一起"的指令后, 将猴子放在了大象上面, 然后将猴子拿了下来, 又省其也8只动物依次放了于去, 并说道, "其他的, 我与会内以一一之不是 包括它们以有 以了(开始摆一个立体打列), "一一不, 它们应该在上面一一个如果是这样 的序列), 你要怎么做"一一这种(将大象上的9个动物进行替换)。"

另外需要注意的是相互替换,就像在全国安打中,一个人与另一个交换了在平以获得**婴儿旁边**的位置一样。

§3 相似或区别联系的建立:合并与接替

1.此处用到的一种方法包含着一种整体对应,这一种对应建立的基础是相似与差别。在内容应对物及人物。及表现出来的活动方面,还两个农舍可以包含对为;当处好代表看两种性别对,它可以引起回构性,与此同时,还住随着通替命取的对应,这种对应建立的基础是人物是分及大小关系,至于相互的不存在联系的8个小团体,它们可以引起与被认为在美国人类和分类人。在人类的内部,不仅仅是因为被认在美不结构身上都使用了与其等级相匹配的同等容量(確定或有限的)。还因为较试选择了类似的强烈方式(如不同部分的组列)。对应中最简单自自然。在舍的对一,以可为伤,在农舍的对厂中,从3岁6个月互处,起各女上放入。同农舍,以喝看最严"打架的动物",也就是"人药和母鸡",在另一间农舍里,由男主负人将发。这样一来,第一司农舍与第二司是一样的,两者相似性建立的基础是活动的。一对应,而不是内容的一致一个这些对处理中,又另外加入接替同节者,这种情况下,年龄还有5少时,同构性才会建立,该同构性是基于后代建立起来的及,Nat(5,自意识到,但父或"等等"是"爸爸的爸爸",爸爸是"祖父的孩子",但是爸爸不是一个孩子,让为"爸爸是一个爸爸,一好吧,我不知证了!"同样,从5岁起,几章开始发现小团体对应的结构(方法三)。

2. 包对"具有一定程度的任识性,因为想要将复杂的各个整体连有一起,就必须拥有物每个整体组织在一起的能力, 方式是通过内部的对应,赋予其一个形式之后, 内部对与就或了局部对应,尽管这种对应接下来会在总对应的协调下得到提升。然而,从简单的单个支某种程度形象化门生命,到显示结选算"等要"的记述算集合,特殊整体的形式表现出的结构化程度是相当多样的一至于合同的初始形式, 目记为去发现的结束必然是与美有尔德在合作。基本逻辑, 结构起等一时就已至分析过了一种是, 我们仍可以从运用的对应或是匿态的这个角度去手高思考这些情况, 也可以从联系, 合并调节者的逐渐分化这个角度来分析。这些调节者均处于对应的原头代置

接下来直先交流的1.75是合并同节者由"社合"至"集合"的逐渐分化,如我们即将看到的,不同类型的"从层"会与这些分化散聚在一起一最简单门合用是仅保留符分类的几个部分,然后将其构成一个知的打列成一个个订形象。以Lau(3;4)为例,18 核钉子中,他只保留了6枚,用其构成一个矩形。不过接下来的分类将是满盖所有部分的一第一、一个社会以连营参加作为开始。 开始是在任一性所面的指引下,接下来则根据另一件质质经等下去,而带来分化的则是最后被选择的那个元素,因为该组合存面与6合在广 起(如)Ber在3岁10个月,根据不同的指同* "一",对钉子进行了针列,然后在一种单色上偏离。接下来会产生一个小的集合,该集合局限于面或方的共同性质。第一件页面被适中,自先,自体不会正管将"所有"和包含性质面的元素)让

集起来,但接下来,他会的或该步骤,以几千马到集合的效的CL 4;6 方例,他在权效条18权钉子的长列时,却出现了4个不同广色,可部分,Mar(4;2)开始的情况也是样,但由于缺乏完整性,最后的结果是混合的观众物。第四,代金的部分则最后。现了无意识的机交,但是集合或了集上分离的。第五,在4个的初始阶段,被试开来发现补充部分(原因主要是混淆,如在2岁,经常是3岁时出现在两可衣含小的混淆),然如,在集合层面,如果是44个,形么,4与平之间看在着一个互补性(与外,这并不是仅达到运算阶段的包含量化)。

3 这样一末,根据合用的不同类型,我们,可以需要从需,可不同形式,这些形式表现 有相合或集合内部对应的发表。实际上,我们需要工意,从需是一个复杂的联系,它具 有转移性,因此,每一也是一种,因为一个部分实果想干些体联系在一起,就必须可其他 部分建立联系,或与其他部分具有相似性。

当元素从馬丁一个集合、目逐取系是可允且之时(这一联系有用疏动和的肯定或否定),严格言义于来进。我们将"包含从写"程为了一个元素与一个四种的数域系在一起的从属(有随着包含的量化主< B, 知果 ICB),从广义上未进,我们得其称为"主包下"或"包一"从局。不过。我们接下来具改"正包围"从国、它将一个元素与其相似的元素合并在一起。两部分可以加坡一个"集合",但是,我以得具与不同的有多合并在一起,使其仍得随在"组合"。全段一个元素以可论证的方式或为一个稳定还要补体的一部分时,如正为形的其中一个侧面,部分从写真会出现一起反、当实过重配的这个整体具定一个象征意义上的集合。由于缺乏程定的支。分(正表现制剂或包围的特点,第一等目引初级包围进行过提过,在这种包围中,整体互不等打开各部分及其类较之和广,这一整体以是一个空间上的组合时,从局会还或抑滞分的状态。最后,当整体是其实的使用或等验道应性的联系组成时,我们使用"实践归属"一词。

从对应角变速行的区分可我制表明了,在社会层面上,发星。今元是通过圆包含或 西部分与整体紧紧联系在了。起,并不需说自立。由性质的相似而。起的相同对立,具 能说明对应省这一元素与其他元素会在了。起,因为,除了它可包切,整体并不具备具 同的性质。相反,当九工集会又一等吸时,被最后联系以及对应会成功建立起来,其中, 对应同时关系到各部分的关系以及部分与坚体的关系。

4 2 3 介绍了组合与集合的不同形式、现在的这些方法是我们重新发现这些形式的同时,包围定对先工的研究进行了确认。如果这些国式是没有意义目示。从另一方面说,我们应该结出一个出乎意料的实包。这一实包与"实践"工具"相关:是一种对应的出现频率,这一对应循环出现在年轻被认身上一根提这一对应。目的吃其些的也集一生(不仅仅是年程)呢其产的奶,如此一来、自然是知道的蛋与生奶从何而来。Lau(2;10)这样说道:"母妈会吃鸡蛋……女主会将生奶给生"Gur(3;4 也如是说道。Igo,2;10)这样说道:"这些母妈会吃这些鸡蛋。"Jac(4;2)又说道:"在这个衣含中,上人做什么一个特奶给生。这个农舍中发生了什么?"

生可以吃 市可以吃 号寫信 吃有么, 鸡蛋!"在此之后、这一循 环出现而对户公全面扩大 Oh向道"这些年做什么, 它们为牛犊与人类提供牛 奶。——母鸡呢?——它们为公鸡与人类提供鸡蛋。"

5 另外,我们还高自己(尽管这是自然而然的),接替调节者与合并及相似关系 样,均会发生分化。然而,初始按替录包括一个任意。自(或早期对称),它产生的具有 个接替者同户之射,如单。的连贯,接下来,按替其无够与差异政系在。起,并采用增 品序列的形式(这一形式同样出现在递增或递减函数中。因此,被武飞正在5 罗整时, 将家庭成员相列成了。个可称的序列(太阳在两边,小的在中间),然后将其改成了穹顶 的形式,最后凭借不为将其由小个大进行了推到,不需要对实变关系的分化演替进行回 顺(参见1最后的 Nat 案例——因果演替的典型案例)。

§4 包围与方向:形式与位置的变化(移动)

在五一草中,我们已经对包用品节者进行了充分的研究,接下来,我们需要将其与刚刚混调的预包用或积弱分联系在。起一个每日,其发生的背景是元素间的对应是建立在多度相似性可基础。之上,而多度相似性是多步建立起来的,并且,其中的整体因此上不具备共同的性量,有部分对应(成对高一一)也并没有对部分与整体的关系产生影响一个整体,只有当其具备子适宜的特性,才能赋予其本身作为整体的存在,因此,此处所指的只是们成包围口口目性质,高数元素也是一样(排列。上方形……

个于方向调节者,我们发现其在各体河对中以一阵微发生了分化,其分化的形式至 少有一种:下门方向,对毛中,我们发现了下间方动的作用;实践方向,该方向与某一,让 标的与我及必要方式的协同相关;心理支内部方向,是有象或计划内动作形成的主要特点。这些在初级集合间尤其罕见。

全于方仁或形式的改变,我们参见。些男具的分化。 个组合一口形成,初始反映 并未表现出现对其性有修改的能力;参见82 Fia(2;8) 接下来仅仅是方间的改变,Dia 2;11)将6个处好挂成一条直线,在另一次排列中,她只是将处处的头侧下放在(同样。 其他破战电将健身的头侧下进行效置),与之后的挂列工作。然后是较为各週的反应。等的改变;将在边的某些健健放到在边,打成一挂,将在边的某些健健放到在边,打成一样。你是是较为各週的反应,打成一样。在分类(不断移动变化 发来的替代中,英海尔德巴达机察到了这一点; 如集合8包含 4与 4 两个子集(由在全有、被试认为,将生,序 4+4)改为 4 年4、就会得到 个名的分类 另外,这表示,与类别相反,单一的"集合"总是依赖于空间的包围)。这 些原子的改变可形成一个是著的形式,用于显示"习换性"。电就是从某个点被移除之物 与被移至别处之物间的补偿。运行形式,用于显示"习换性"。电就是从某个点被移除之物

^{1 《}热性》、 8. 号方式程度等的位置中位,中位 医马利亚克斯特的过去。 2. 第. 草中、我们生活和。

要求进行重新针列时,他移动了9号对处,将其支有1号娃娃的店面,因此,顺序就变成了91、2、3…接下來,再次推列时,他同样移动了8号好好,就变成了8、9、12…后面的4次针列以此类推,直至轮到1号对处,他将其放在了队列中间。只有在接下来的一步时,改变的组成部分才是分类事实上的改变:(la(4:0)在排列之初形成了一个对应(祖父和祖母在队列的两端……),最后则是成对摆改(祖父和祖母在一起)。

借助于方法。中的小团体,形式及移动的变化变得更为简单,因为只需改变其空间形象即可发生改变;将鸡蛋(或其他物品)枯成行或列,推成自角,但图 正方形或随便摆放……然而在这里,通过它们近乎运算的特点,我们还发现了一些改变,这些改变有时令人吃惊;Ber在3岁10个月,就已经发此将周来的。方形由9个接点,3x3 变成了3个矩形,由3个叠加的接点变为4(+1)x2的长方形;由4个叠加的接点变为4x2(+1 的长方形——这样一来,这里就有一个问题;在么时候我们才会决论到分化的调节者——新对应的来源。在公时候归指的变换是由对广进行准备,仍对应表示的特点对于变换来说是不可还原的呢?

§5 总 结

从这些事例中,我们大致可得出以下是论:冯节者的分化产生》的对应不仅仅是因为有要适应外不开力,还因为其每次均包含了不同高节者间需要建构的组合。对称(\$1) 正元重复的衍生物。以下a(2;8 为例、但需要相似与方向调节者的组合。外延的一致(\$2) 不其意义,等上通过阿智连接曾目。与包围及替换组合在。起,这一与智连接客户个接替,并存有可移动物的移动,自这些可移动物是是。相同存置的继任者。合并的不同方式,及其从属的不同类型(\$3)产生的正提是相邻与他等行之会,其与元素的联系及其与包围联系的组合。有,均是新进且极其复杂的组合。至于增加的接替,是存准各优先原子的同时产生的,这里的原子是由区别的联系以及路径的强制性(方向)经成的。最后,形式及位置自改变(\$4 需要同一性。任效性,并最次逐步形成切换性及其他运算的转化。

总之,不管强制调节引起的结果如何,转化的开始就是正此节者的与化构成的,并且,调节者分化充当的角色,仍然只是新对应建立的应用工具。如此。来,我们已经想到了相互支持的情况,但是交替进行的,这一同处在第一章的结尾处也有可少及:作为初始功能,初级遗节者产生结构的初始形式,而这些形式就是包含对应的格式。然后,这些对应遇到了新的内容,因此,产生了遗节及组合的必然性,而组合应用到这些内容身上,产生了新的对应。

内部转化,自其形成之时起,与对立国的相互支撑建立在内部内容的基础之上,见

第一章末尾处图6. 高星对应与内部转化以相同的方式在对方身上发挤作用,也就是 成,如果内者适应作的相互关系,互相,发为对方的来源,这一相互支撑将变得非常简单。然而分差,并且更此,因为实理转化能够产生对应。在通过运用到外部内容录 上,自以此类面。但对应也提供的转化的,最多只有允许其建构起来的材料,暂且还有 满足转化自身的运算等级。方外,这一个平等的相互关系不足力为,因为,这种情况正 是数字录解,事者与否定可整体关系的。人物,上一升始,数字逻辑为理解经验提供框 军,然后,当不会获得了发展,它会并起数了逻辑可重建,并不是产生数学逻辑,仅仅是 引起或是唤起数学逻辑的重建。

具管第一章未已处的格式表面上很简单,但我们要理解,事实上,其中想要展示的外部与为高的标准及出资透查对产与转化高大系中将但随着情况反转。其至现在,意构章叙述的事例都仅仅是事高的情况,在这一阶段中,同节者与转化的初级阶段为框架程度了对广,力外事数据的解点提供了可能,也因此为可观察事物的解点提供了可能有意未见。第一阶段时,我们观察到对户高发展及既扩化(运用与顶台射),(从更高层口高),认义角度未进(为)有未运行的氧化碳上了准备。第一阶段时,我们将会从察到更为适图的相互作用,这些相互作同份是之特进行的,但越来越繁密。第一阶段计,完个独立行转化与台射间层外会。现一台,由此,转化决定行参射达到转化参射这一水平。

第三章 与圆盘旋转有关的态射及转化

合作者:CL. 莫尼埃与J. 沃克莱尔

个相似的含于中,其中一个改着被决虑以提高地具、将这一个包子改在刻有不同 旋转路径的因為上,这些旋转路已好等是可见的,被试面临的固是是我出路有玩。它那 个盒子,并将盒子的起始与到达路已对应起来。这一用绘有两方面的意义——方面,它 使得重新上升至感知。运动层面(至少从1岁开始)、分析哲学的是可成为目能;另一方面,被认可以减少所多及的转化。旋转中,并且,转化与其建立之前的专射差异巨人。因 此,想要确定以下目避免变得较为简单;在转化的解决上,会射是如何准备的产品。当 转化处于被支配地位时,是如何指导元决定对广的建立的

力点。 — 村科包括·(1) 个相似的红色盒子, 目形(自径为57mm); 2) 底部破弧, 化的白色金属圆盘, 直径为38em, 垂直固定在一个架子上。

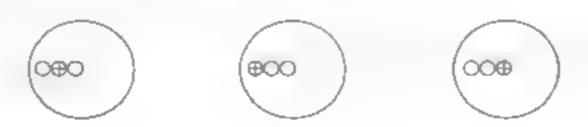
四盘上,固定着一个盒子,其中一个装着,当面放入,甚至还靠是被试自己以进去的)儿童(被试)感兴起的一个玩具。被试验及求在目盘行业机转后,中海找到次在含于里的玩具。主要的试验情况如下。

1. 两个相对的含于没有任何标记,被支持在目息同一条直径的四面。



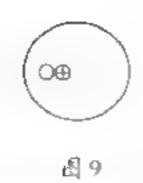
图7

2 同一条主径线上, 放有 个含于 玩具可能改在其他两个全子中间的那个含子里, 也可能在圆盘的外部或内部(圆盘中心)。



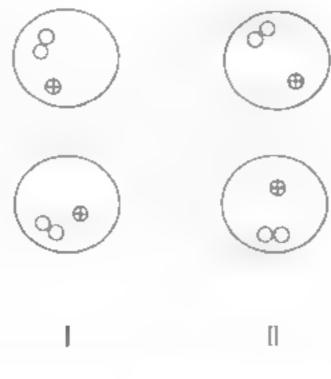
338

当具有两个盒子时,也会出现处于同一条半径线上的情况



3 不论墓有玩具的B盒考其他盒子(A盒与C盒)或近 1)或远(II),它总是"被孤立的"。

与要注意,根据这种情况,被武可以将数条信息与合在一起(如,盛有玩具的盒子离) 其他盒较远,同时靠近圆盘的中心)。



- 出 10

4. B合标于 A.C 含中同时, 全子间的关系 一个全子被攻置在一条不同的半径线上, 作为国籍中心的重为是一样的 一个套子间的走的可以是挨着的, 可以是临近的, 也可以是旋转 90°。



图11

5 个人子的作品与图形 有,但紧着无具的气光并不在中间。而是在两边中的一个



图 12

6 內个盒子被放置在內条不可信主任改士。但為門龍中心的距离是 样的 两个盒子可能或多或少地彼此靠近。



图 13

尽管起点与终点的位置、盒子旋转的方门与寸长各不相同,以自研究的每种情况可 在同一被武身上多次活现。旋转钉走度。般是稳定,复侵的。在目一些介寸,不同盒子 的旋转方位有时会重叠在一起。

不过,其中两次的制作支持无其引人,1目,我们对其过行了系统;16%。

- (1) 万始时,装有玩具的盒子占据着一个位置,结束订,这个位置被一只小盒子占据;

除了旋转移动,我们还展现了两种自我运动。将一个含了成在一个配息上,但写为(横向)ACB 或BCA,将的盘放在元定的出息上。 有水平或手上直径引动: 就像在旋转中一样,这种情况下,盒子的左右关系并没有发生改变,但以口息为象或中心作为等考积,盒子的位置发生了变化。

§1 初始反应——1到2岁儿童的行为例证

以下为观察到的年龄在1或2岁时的行为案例。

Bor(1;2) 有先,我们只使用表有玩具的盒子,令其残转1、1(从下至上)。 抵达终点时打开盒子, 自介确认盒内的玩具 然后, 再寻获从上至下建筑效转。 但Bor并没有亲眼观察这一过程 另一边, 庭有玩具1的B盒被放在左边, A盒 在右边, Bor观察了B盒的运动轨过(1801), 并成功辨别出它的代置, 这一位置以前是A盒的 反向旋转180 也被被试成功程认出来;他找认出B盒在左边 那么,我们重新回到垂直的情况。但这两个盒子也参与其中: 用B盒做了三次试 验,先是刺上,再是朝下,并上下旋转1、1 这种清况下, 被试并没有像之前分 辨左右一样成功辨认出盒子的移动路径, 均以失败告终

Dav(1;11) 在B盒由上至下旋转 180° 后事稍找到了它(唯一使用的盒子),然而当A盒发于B盒对面时,Dav.两次(垂直方向也是一样)都没有事所找到B盒 然而,旋转2° P后,B盒在右包,A盒在左边,看起来似于是成功了,但可能是巧合,因为接下来只旋转了18° B盒在右边,A盒在左边时,被试开来成功 Dav这次失败的情况:一开始时,他用眼睛注视看移动的盒子,后来他跟丢了,然而,他的视线不是继续跟看盒子移动,而是回到了出发点 我们将B盒

① 我们总是用字母 B 标记这个盒子,用字母 A 和 C 标记另两个盒子。

放在A盒与C盒中间,B盒与A、C盒或是相距切的旋转距离,或是非常靠近:这两种情况下,D小一开始选的是位于边缘位置的A盒或C盒,然后才选的B盒(根据情况旋转90°至360°)。

Max(1;7) 在B盒交转了36°后成功找到了B盒,然而与B盒在左边,A盒在右边时,她一开始或没限上移的的盒子,直到最后销把A盒(其作置是B盒的出发点作置)与成了B盒;但接下来的 1分,她成功找到了B盒 B盒住于A、C盒中间,盒子序列旋转360°·她将A盒错当成B盒,然而,如果B盒在右边,A盒在对面,C盒在左边(旋转1×0°),她就成功找到了B盒;不过,如果将A盒与C含料的分开,则是以失败与终(错记A盒与成B盒) 将B盒移至圆盘中间时,一开始Max没有找到B盒,化次之后则获得了成功;之后,A盒在门度中间,B盒在右边,被试选择的是A盒 与含于乃有水平直径线移动时(BAC方向或ACB方向),May一开始没找到B盒,接下来则获得了成功。

(In(I;I()) 一开始成功确定了B食的代置,将其与A食分开,但是,与GL。 拉特丢失了B食的方化后,他则有自可到了B食的起去代置。在B食发于A、C 食中可时,他是完找到B食(尽管ABC 二台的仁置保近) 相反,与食予以BAC 的四序,沿着至直方向交置)垂直移动时,GL,抗紊之后,还是成功找到了B食(B 套的作置仍不是)

Vil(2;), 与含于语看垂直方向电行移动时(仅限于BA 两盒并肩进行的垂直移动), Vill为成功找到了B盒, 但只要涉及残转, Vill均会迟疑一番

()水 2; 3) 所有。冷,今了13会位于周鼓中同的那次,均以失败告终

(lo 2;6) 在"盆以ABC的照序者或非列时,仍及乳分清B盆与A、(盆的关系,但和高面的被试料比,包表现出了一些电步,盒子序列上下,或左右旋转18°后,她在A、B两盒中均找到了B盒。同样,与A、B两盒的位置并不是相对的,而是相距13°的旋转距离时,她仍成功找到了B盒;但是,当两盒仅相距9°1、发标的旋转距离时,无论是上下旋转,还是左右旋转,她均没能找到B盒。与试验中步及"入盒子时,只有与B的仁置与A、C利对(从直径来看)或位于BAC序列之首时,Clo才成功找到了B盒。

因此、被试门交应基本上是尽量用视线电脑移动门B盒,他们并没有自然而然地意识到交流。全点就、只是多出发点与等点对广了起来。当被运成功我有B盒时,均是试验中只走及B盒的时候,因此,确定B盒身份的方位与确定整有玩具这一属性的方位间存在一个映射。但当当产步及两个类。全移功时盒子时,未难气开始出现了一首先的压难是,将目光年定在B盒上,整免各具落在A支C盒上;事实上,我们至高看到被试在缺丢B盒的情况下,参见Dax、Max以及Gla的试验情况),将视线落在B盒的出发位置上,他们设有意识到,从出发点开始,B盒直被A盒或C盒替换了,因此,他们将A盒或C

盒当成了装有玩具的盒子;这个过程好像是被试理丢的B盒是自己"丢"的,它肯定还会 回到出发点的位置。

第一个们得许可的问题是,当B鱼鱼上孩有一起的A、C盒材的C鱼有径未看户时,了B盒处于A、C盒用间以一情况比较起来,Letter BC。一个的距离非点点,得是第一种情况下B盒更容易被找到一次属于。当B盒包于A、C盒和向时。 含用口关系非应复杂:B盒与A、C盒和纸,却与A、C盒相区。 有以,相对只从叶性的;B盒与控在一起的AC盒相位,与B盒处于A、C盒中用是不同面,以种情况下,A、B(一盒门在有相互电联系。但是,如果我们各A盒与C气料每分升,但使它们仍为B盒和过,过于被动来说,因难就是出现了(今见案例Mac),目为此处例打造要考虑已种关系(A盒与C盒的关系,A、C盒与B窗的关系),这种情况类似于B。处于A、C盒中门时,如果A、B、C。盒介不相邻而是相中90下户。转距离,现么,这种情况对于被战来说自然的是是以是相面;事实上,这种情况下,仅是在交给集中是无法全面等指示个盒子的运动机设的,看到,每中的协造,尽管只是这知一运动具的的正式物转一个物体为例……)。自然是更为复杂的。

以下两个包置似乎有利于被试的8个与其他介了区分升率: 当8盒处于严税中心(多元案例Og),或处于序列的自位(BAC)时, 个介于是相邻的(等元条例Clo) 尽管 旋转过后,这个字列被移动了,但BAC 支 字列仍重有于同意也等, 支者尽管序列五行了重有或水平移动, B盒仍处于序列的边缘位置(而不是AC)合中间, 这有利于被试确定B含的方位。相反,如果(BAF列或BAC) 对新终与可含度量上行,当序列的初始方位与其最终方位是相对的, \$2人,为约6一字肯定是单位过来行, 又也合被试造成了困难, 在接下来的试验中, 我们会看到这样的案例。

总的来说,从第一阶段开始,被武武开始在18会的后头方位中了找对应,这些方位 代表着18会的身份属性。然而一方向由于被武门促变无法完全。指言了移动的轨道, 他们只是在不理解旋转的情况下即动引其进行观察,而且如果他们没有通過上篇了的 移动轨迹,他们就会重新回到盒子的古发点,因此,他们无去像构想转化结果。相求构

想念子的最终状况。所以,这一阶段互读有进行带有遮板的洞绘。另一方面,被试建立的对应向未建力在压盘的外部参考之上(飞光其有利于高与低间对应的建立),只是建立在内部参考的基础上,如同盘中心,或B全相对于4,C全的位置。但是,当盒子间是相互隔升的,并著情况下的些数点是不完全的,如不理解B含仁于4,C盒中间时的位置,这些指数与简单的联系。相对的位置。相关,且不存在协心,而且它们经常并不是直接相关的。

§2 第二阶段

"行被以前年龄占有2岁时,他们的反应表现上。4进步,几其是B盒处于A、C盒中间时,对于其关系的建构有了明显提升。

K(r(2;2) 在B盒垂直成水干旋转1% 后,直接找到了单独的B盒 盒子以AB(的资序等还得到时,在移动了,她有先行出了A盒,然后是B盒,接看,盒子旋转了27),又旋转了180,她又一下子找出了B盒 然而,如果A、B、C三盒川均相取 1 的旋转距离,保过工次不可幅度的旋转,她先是打出了A、后来只指出了B、不过,当B全位于A(盒中间,且二盒的距离很近时,K/r还是成功理等了三盒间的关系,甚至在后来加入也做的试验中也是一样

(4r(2;1) 在只有AB两盒时,很容易此找到了B盒,不管B盒的方住是仁于A盒对面的(与垂直方向交替至水平方向),还是180 水平方向) 报下来,与三盒以ABC的气序是还得到时,她工刻无找到了B盒,甚至在有些极的情况下,盒子由下至上或转180后,她仍获得了成功 然而,与三盒以ABC的顺序进行排列,存入盒子间的相距900的旋转距离时,她则没有成功找到B盒,在其他的明治中,她也是颤颤出错 如果盒子进行垂直移动时,被试成功找到B盒是因为B盒处于示列的顶点,那么盒子进行水平移动时,被试没有取得成功的原因是当二盒以ACB这一匹标进行计列,在左,B与圆盘中心相邻,在右,B靠近圆盘点缘,则过移动,特至右边(B盒更靠近圆盘中心),被试在寻找B盒时,存先选择的是C盒,然后是A盒。与三盒以BAC这一顺序进行排列被效置在圆盘左边,旋转180后(B盒到达对面的圆盘边缘),被试在A、C盒的左边寻找B盒。

Row 2; 4 在 A、B 盒的方征是垂直对立的情况下,成功找到了B 盒,同样, 与盒子从水平方向旋转以 治, 她也获得了成功 当三盒以 ABC 的顺序紧紧推 列, 并旋转 315 时,被试立即理解了三盒间的关系, 并在加入地板时, 以此类推 但是,当A、B盒与C盒被分开时()的 的旋转距离1,被试是汽克功找到B盒

[Na(2;5) 与A盒与B盒处于相对位置,且两盒间构距180 的旋转距离,或是B盒处于A、C盒中间,且:盒距离软近即(甚至在加入还板的情况下), Ka均没能找到了B盒; 当三盒周构距() 的旋转距离时, Na 仍没把成功 然而, 当二盒同只相距45°的旋转距离时, Na 成功找出了B盒 与三盒以BA() 的顺序进行水平移动时, Na 获得了成功, 但当三盒以BA() 的顺序沿着水平直径线放置, 并在遮板的遮掩下旋转90°时, Isa 出现了犹豫。

第一阶段的产生之处在了。从这个点开处,但见了"中间" 4.射行生的,这种模式是个元素与两个元素河的对应(B含了A、C含),包含了相邻(BA与BC与分离、A与C) 两种关系。从某种已义上说,此处在在在一个"厚斯东门开上,在该联系在实际中变成了一个飞性的包围,但包围正是相邻与分名的起力。以下事包从反同计实了这些特点,如果ABC一个问题以90 的旋转也含被分离开来,因为相邻与飞柱位置的缺失,被试就无法解别出身位于A、C中间时一者的位置。然后,当一个间是相似45 自旋转距离时,每个新找到了这些联系。或然,我们可以铁锭地认为,会还可应高较速,被认支流找到B含是,因为他们设能在知是层面上用税支撑一个盒子集中在一起。但是我们或证可以换一种方式去提过同样的事情,因为从知觉开始,包围 和邻、飞性……的最有它们自己的集中尾律签与了生来。但是,当一个问题中产品较适时,我们还可以给出现为,被认直找知见的是B与A、C、关系的整体形式,并没有在B与A、C以及A与C间建立详生的对应。以后,在与是自然使研究"序关系自起图时,我们反面具成外到了预先模型的有在,此的反应,被认在完整各合了企业及ABC。正式的集间整体前,他们就已不建立了相邻与分离的联系。

除了"中间"关系。的发现,此)的段中,另一重要的影响之处是,当盒子在恋板的恋掩

① B盒位于序列中间时, : 盒间的关系。

下移动, 其移动轨道不可见之时, 被试保留盒子同关系的能力: 对于这段关系的理解, 此处有一个证明, 但是, 对于旋转的闸释, 仍不存在任何证明 实际上, 遮板遮挡的只是盒子, 并不妨碍被试看到正在转动的圆盘 然而, 尽管被武之前在没有遮板的情况下观察过周盘及盒子整体的旋转, 但这些仍未包含旋转形式的移动, 因为被试还未能考虑到方向上180°的翻转, 诸如此类。

§3 第三阶段

当被试年龄在3岁左右时,除了国盘中心提供的信息,新的信息会引出对立关系以及"相互"关系,改些信息或是与国盘中相对位置有关,或是与两套或一套的结构相关。

Bul(3;1) 在只有两个盒子和对效置的情况下,成功找到了B盒,无论盒子是沿着垂直直径线还是水平直径线效置,均获得了成功;盒子序列经过270°的旋转后,他又在A盒后面成功找到了B盒(与A盒相距90°的旋转距离),在此期间,盒子的运动轨近确实是可见的 相反,当B盒住于A、C盒中河,且与两盒均相距90°的旋转距离时,他没觉找到B盒,系接看序列经过垂直旋转后,B盒住于序列的顶端时,他成功找到了B盒;又一次旋转前,B盒再次处于序列的顶端时,他同样选择了高久的盒子,然而,序列在迟板的遮掩下旋转18.0°后,此时B盒其实是处于序列低端的。

 $(0 \ln (3;1))$ 在A、B盒店有水平线相对效置的情况下,成功找到了B盒,但与两盒的任子交成垂直相对时,他则没能成功 与序列或转 180° 或 270° ,B盒匠好任于A盒 或 A与C盒,后方时,被试及能成功找到B盒,然而,与BAC位于同一条+径线,B盒位于序列外围(圆盘边缘)时,他则成功找到了B盒 被试在寻找B盒的过程中,用到的另一讯息是:选择单独效置的那个盒子,所以当三盒的摆放任置为 χ^{B} (:时,他光成功找出了B盒,但如果交成BA··C,他则没能成功(被试错把C盒当成了B盒)。

我们主流 下 3 岁 1 个月案例, 被读 01. 进 步青定了自己的选择, 他有理解"中间" 关系(一个同各相简 90 的 旋转距离) 的进程中又主进了一步 当 盒以 ABC (C. 与 A相 3 90 的 旋转距离, 且实验中上现了严极) 进行排列时, 他成功找出了 B 盒; 以 BAC (BC 间相距 90°的旋转距离) 进行排列时, 情况是 样的, 但当 BA以此则序言重直直径线或水平直径线旋转 180°(无论实验中有无遮板, 结果都是一样) 后, 他理解不了 AB 盒的位置发生了翻转 相反, 当 盒以 ABC 的 「字紧密排列, 且实验中加入了遮板时, 他或功找到了 B 盒, 0h 解释道:"我看到了那两个盒子 A 盒与C 盒) 在 B 盒旁边 "当一盒以

ABC 的原序进行打列、社B盒与AC盒均相影 90 的旋转距离时、Ohl 目样成功找到了B盒, 他解释道: "在这, 我有个盒子(A含), 这里, 还有个盒子 C含, "这样一来, 他达到了III B水平。

Phi(3;6) 在B盒的位置相对独立、AC两盒间的距离较近、如 B L 成 C B C

Pie(3;9) 在工盒以BAC的资序进行排列且经过不同的或转后(无理报),成功找到了处于边缘化置的B盒,但加入增积后,他没气找到B盒 相反,当工盒以BAC的顺序被放置在同一条丰径线上,B位于圆盘均缘时,他则成功找到了B盒。

Sm(3;9) 在三盒以ABC的顺序进行证列、B与A、C 构距9户的或转距离时,没化找出B盒、但被试已经证得利用以下信息:并排历列的A与C 企距离实近,与之相对的,是位置较为独立的B盒。

在对这些情况进行分析之前,我们再举几个运行水平用B的售了,前面的多个被试 如Oli(3;1) 在 盒以ABC进行排列,且B与A,C均相加90 的旋转声离け,均正确理解了"中间"关系。

Mar(3;11) 在三盒以ABC的汽序系需排列、且加入饱板的情况下、成功找到了B盒;但后来、当二盒以ABC的汽序分开效置(加入现板)时、他先是没能找到B盒,从第二次周验起、他却多次成功找到了B盒 相反、与B盒位于BAC序列的边缘位置或按照旋转方向、A盒与B盒处于相邻位置时、他均没完成功找到B盒。

Cle(4;6) 在盒子序列性行垂直移动时,先是成功找到了B盒、接下未则 主即进入以下情况,三盒以ABC的心序进行排列,B盒与A、C 均相距90°的 旋转距离,并加入遮板 序列旋转90°后,Clo成功找出了B盒,说道 "B盒原来在这儿,然后又转到这儿了"接下来的心验中(盒子以ABC的顺序进行排列,B位于序列下方,序列旋转2°0°),(lie—开始选择的是A盒,因为"它的位置在上方",后来则正确指出了B盒;与二盒以同样的顺序进行排列,但B与A、C 均相距45°的旋转距离时:"B盒在这儿,因为它以前的位置就是在其他盒子中间"接下来与此类似的删验中,Cle均成功找到了B盒 与序列BAC 位于同一条丰径线(B盒位于圆盘边缘)并旋转1800°时,他成功找到了B盒 相反,为盒子以AB或BA的顺序被放置在圆盘均界线上时,他则没能找到B盒 喻非序列呈垂直方向时,这里A盒和B盒的位置发生了翻转,被试或许可以取得一半的成功,但其先是在盒子的终点上产生了犹豫,后面又在起点的重构上产生了犹豫

Ver(4;11 在三盒以AB(的顶序进行排列且三盒距离较远时,成功找到了B盒,但当三盒以BA(的顺序被放置在門盘边界线上时,他失败了,除非盒子的移动是可见的且只需描述生的解释时,他才获得了成功

於設冊 4 与冊 B 中,被试成功的方式及其反应的局限性值得关注。被试获得成功的基础无上就是成功经验的扩展,该举产或方法已经在之前的测验中被成功运用,这些成功的心产有的与付立位置(等级1)有关,有的与中心位置有关。当三盒以ABC的邮序紧密排列时,也与中间位置有关。实际上,此处所指的无非是信息的利用,这些信息由周围的环境提供,与,1盒或金子间形成的构造相关;如当三盒位于同一条半径线,B盒位于序列的边缘位置过,或当B盒相对于A,C盒处于相对弧立的位置过,被试就能根据以上信息,成功找到B盒。A、B盒与C盒被分隔开来,B盒处于A、C盒中间计,如果被试成功理解了一盒的关系。一部分是因为其将三盒紧密推列(多见被试记证;B盒位于中间、盒依次相距45的旋转距离)这种情况进行了推展,还有一部分是因为当B 全对面没有全了,其他主要的声破入C盒占据时,这或许是一种暗指参考"中间"关系的方式。

知此一来, 阶段即入与即B中被武的进步归功于静态下其构能基础的信息, 因此开不涉及任何与旋转有关的参考。如果我们不让周盘进行旋转, 而是将这些含了效到另个图盘上, 按理变化后的位置直接进行模块, 被试依然可以原封不动地获得同样的信息(直盘生心或边缘、青村一)。相反, 重接一个B含, 将其改在入金的左边或下边, 而实为于B含一开始的位置是入金的石边或上边, 程设国盘已被旋转, 其旋转的结果正是入B气位者关系问题间, 相对于主体来说。一些面, 这些工是被武仍不能理解的, 如果固有被武看到了自意的旋转, 从等级1开始, 甚至加入严极,他们还是无法从中建立对应, 他们得到的, 就像刚刚说的, 具是静态下的信息。

高级正意的元,在B全位于人工全中间,且与两意均利达90 的废转量离的情况下、等级ⅢB),任在决论B含的中间任置时,确实已至克过B会"原来在这儿,然后又转到这儿子",从概念化这一角度来讲,这或许是一次小小的进步,从无意识到为阶段下做准备。但一方面,指述自这个质复并没有改变一会的相对关系,另一方面,如果要将盒子厅列进行180 反转, 总转是可以发挥作用的,甚至是这不可少的,但是,这种情况下,准确来说,旋转并没有发生。

§4 第四阶段

第1、 阶段时,当 个盒子相继任于图象边缘,B位于了对边缘位置时,或同样的情况下B与A盒被并扩放置付,对应最终成功建立。但是,由于对应的成功引出了一个中心门里。 与旋转的关系问题,因此,我们省此阶段分为IVA与IVB两部分;阶段IVA的成

功只是部分的口子列水平运动时,被试成功找到B盒、但如果是垂直运动或是归对的印色,被试则没能成功口,阶段IMB则是被试全都获得了成功,但伴随着沉豫,这与第V阶段的情况完全相反,第V阶段时,被试做出于确选择时仍有为更变成了系统化的有力。以下为IVA阶段的案例。

Igo(4;2, 在前面的试验中均获得了成功 在序列AB 获转1%011 五进行的情况下,他成功找出了B盒,加入进校且旋转90°的情况下,待果也是一样然而,与旋转180°后,序列呈水平方向时,他及比找出B盒(记着了左下的B盒与右下的A盒 相反,180°的旋转后,当AB 序列呈垂直方向时(B盒出发时位于右边,1500 移至下方),他一开始化了一些错误,仍后来逐渐找出了B盒 另外需要仔细压靠的是,当序到只交转9°时,120成功找到了B盒,但他补充道:"如果你转9°0",我们找到略予(B盒),但如果转动另一个幅度(2°0"),我说找不到了。"然而,我们其实连续转了很多圈。

Nat(4,10) 在BAC序列交替如门且无过板的情况下成功找出了B盒,然而,加入过板后,可等的两次可管中,他只有一次获得了成功 至于AB序列,一开始加入进板时,Nit浸能找出B盒,但接下来,AB序列呈垂直方向时,他成功了,呈水平方向时,则相反。

Ast(4;8) 在序列呈垂直方向时,成功找出了B盒,但旋转幅变并不是少(序列一开始位于国旗底部,最后旋转至国度右边,但中间连续转动了数图)

Kyr(5;11) 在AB序列呈垂直方向时,成功找出了B盒,但他接下来兑近:"(有进板)我没办法知近B盒在哪心"相反,写序列呈水平方向时,他的反应抗 很明确:"圆盘转动后,盒子从下方支到了上方 在另一个盒子的上方)"接下来是阶段WB,首先是一个过渡案例。

NIC (4:(1) 在本阶段开始时的判验结果与NA阶段的一样:当B盒位于A盒上方,A盒的位置是在左边时(水平方向加入进板),Nic成功找到了B盒.而当AB序列旋转18户呈垂直方向且无进板时,他是上找出B盒 我们下新回到序列呈水平方向时的情况:他非常仔细地观察了盒子的运动后,找到了B盒.然后以此类推,在B盒位于序列中可时同样取得了成功,最后当序列呈垂直方向时,也是一样。

Nad(4;9) 在三盒以BAC的赋序进行特列、旋转9,0°且不加入透板的情况 下成功找到了B盒,但当序列呈水平方向时,他还是产生了程康;接下来,不管 序列位置如何,他均套用了此种方法,没有受反对意见的影响

IV 阶段中被试的反应有助于我们确定总转建构的对应建立与转化之间的关系。在

无需要注意的是, 盒子位置与盒子旋转同后来会建立起联系, 并且, 根据设想, 旋转可以改复盒子的位置. 但在至现在, 旋转尽管是可见的, 仍被当成了一种简单移动, 它并没有改变盒子介列的初始结构(从几章的角度来看, 盒子序列位置的改变并不是因为翻转. 他们是用投影的角度去看待序列仁置的变化) 相反, 先前的被试很快发现B盒与A盒或C含的影射关系会发生变化, 并且, 这种影射关系的作用是用来与改变它的旋转建立对应的。但这里的对广育先是易部的, 且是被限定的, 并没有被推广至旋转的参体。因此, 1个设图A的所有被试在序列呈垂直方间 对均成功找到了B盒, 但当序列了水平方间(主产最高)或发生经转。构设INA 对, KAT以及Nic。中始的条例)或旋转。定即度 90)时, 为, 没有成功。在此期间, 可以肯定的是, 他们已经考虑到了旋转: lgo 脱道, 按是一个方时旋转与按照另一个方时旋转是不一样力; KAT 长不明疏脱道, "时盘转动量, 盒子从下方变到了上方", 但他同时承认, 根据垂直自径线, "我发办法知道"B 盒是在左边还是在有边(这一论周与美者相至厚, 令人更为吃惊)。

国过这些不适其的片段、我们发现了转化的作用,这一发现似乎表明,转化与对应向存在通过的交流,并且这种交流并不是单同的。也就是说,被试对于转化的理解并不是交替发生的,作为一个整体,转化可对应广生者决定性的作用,它并不是对方的整体过步(促成对转化的理解),可是宣布对是有利于理解为对旋转部分的成功对应,有可以直先理解它是改善改变形的事实。因此,两者间存在相互的依靠,只不几定交替的,并且,这种情况依然属于陈段下B,该介段中,所有的发现均是在摸索中进行的。

§5 第五阶段与总结

最后一定最时, 点转才被理解或一个整体, 并且, 从晨转整体转化这一特点来看, 旋转电, 用此对心射起着支配性的作用。心射之所以变成这样, 是用为与其关联的一个结构决定的)。

Nin(4;6) 在开始的所有",於中一下子之获得了成功,接下来无论盒子的順序是BA(飞是A(B,序列,呈水平飞是垂直方向 盒子间相距的)的旋转距离 还是奈密摆放,结果都是一样 另外,她明确指出,"加入迎极时,难度是一样的",并且,即使国盘交往了很多剧,也开没有增加复杂度

Nua(4;11) 在三个支两个盒子的序列上也获得了成功(但出现了一个错误)。

Yan(6岁) 同理, Yan在序列ACB改支方向时,也同样获得了成功:"因为

我还知道什么时侯B盒的位置是在最后"这样一来、"最后"一切就是相对于旋转方向而言的。不再取决于被试唯一的投影视角。

意之,如果我们将起声与答点的盒子结构称为"状态",将被试 点是这样)介绍或阐释的由一种状态转至另一状态的旋转 部分的…一一称为"转化",在这五个阶段中,我们会发现两种演变 第一种演变只与第一至第一个段相关,由于新静态信息的发现,状态间正确对应的数量会增加,新的对应直接加入到先高的对立中。与此同时,在错误联系介入的点上对先面对应的错误进行修正。因此,第一种实变形式的过步属于经验性的抽象,因物性概括,并没有提出特别的解释性问题

相反,第二种遗进与不同阶段的整体相关,并将对立与转化的关系也次纳入订念本章。开始探讨的是已经建构的对应,并没有探讨这些对立是如何从四节者。因此,也就是从动作格式的功能,出发星形成的,这是第一和第一章的内容。但是常清楚的。只是,\$1 中被试的初始反应里包含了相同的初级发展筛段,这些阶段甚至是非常历号的; 盒子序列移动之后努力找到B盒,就是从鉴定 改变 方位初级协造者的运用中提取出对方,因为实制上,被武士是在尝试用代及遗陷移动物的同时,建构着他的对应 从这个角度来看,我们注意到这些协调者之间根本的区别,仅仅运用于研究结果,转化本于的功能,为旋转的推理重建,因此作为为状态提供解释的概念性阐释

也就是记,对应的形成归因了被试的初始功能活动,本等中,我们的问题本来就是要分析对应与我们所说的转化间的联系。从这一角度分析,五个阶段在其新进的运动中趋于统一,形成了五个水平,甚至情况下,我们可以用这种联系对其里们区分,是体力式加下:1个加入为水平1,和B为水平2,BA为水平3,BB为水平4,V为水平5

第一水平中,对户并未与转化产生联系,且只有状态间得以建立。因此,这是主线 # 全 # A 水平发生的情况,这一时期,被试已,各 明确此处存在旋转,但只将其视为方位的变化,这种变化开设有改变盒子间形成的(投靠)结构 "有状态间的对应可能被普及时,第一水平从形成了。这是# B P 设发生的情况,这一时期, 中现了"中户"联系。第一水平以某些状态与部分转化间对应的建立作为开始。当我们发现被试仅在某些特定点于(如仅仅是重直方色的精转,不是水上方压的;或仅仅是水平方压的轴转,不是重直方向的)理解了旋转的影响后, I A P 的设置, 第四水上时,新对应的普及使得被试逐渐从整体上理解转化,面转化,又反过来促进对户的建立。四此,双方存在相互作用,但仍是交替的,并不是同时发生,在 B B 的段时,我们也发现了这一点。最后,第五水平时,被试制时理解了态射与转化,因为根据设想,状态必然来源于转化。这是 V 的段发生的情况,此时,我们终于可以谈及转化态射。

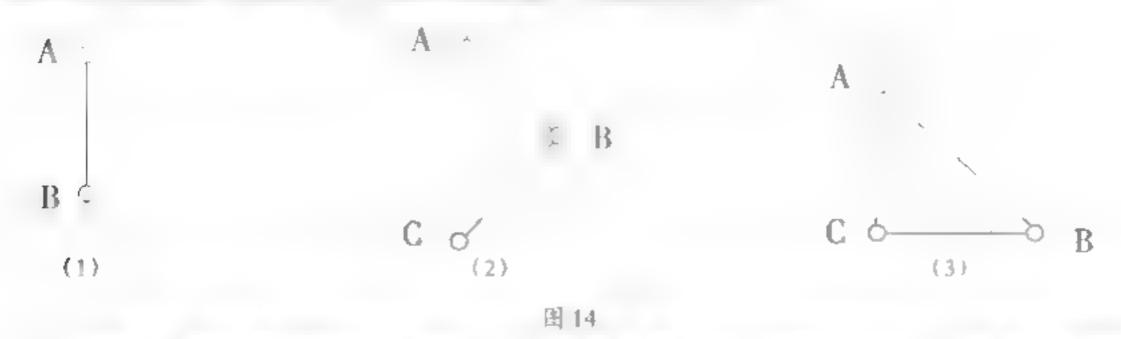
最后,我们仍需注意,这些事实验证了我们在简介中指出的对应与转轮间的区别, 的当理解,此处的转化正是由旋转建构的,可对于旋转的理解,是一个被试的操作,及与 此类似的理解。因此,非常清楚的是,转化产生了状态,可有应只是各两者联系在一起, 并且,转化对客体进行更改,而状态只是以可交的形式,而不是可转化的形式对客体进行着丰富……如此。来,我们再次发现了本书并简介绍的那七个区分标准。然而,关于这点,我们要讨论的问题正是对心的进步提出来的,如当儿童发现并使用"中门"关系,并因此改善其一,有忽略的包含射时,在这种情况下,我们次及心是不变客体属性的重新新读,因此,我们不认为对应已经对各体做出了更改,与此同时,我们提供一个更好的内容值代,这些均位进了转化的重备。然后,我们是不是不能就此认为,这就是唯一观察者的观点。对于主体来说,客体本身已经改变了。形式因此是可变的,而可变形式的改进同样便其具备了转化性,因此促进了客体自身创建构。

上实上、此处存在一个普遍的问题,也就是观察者与夜试视角两面性的问题,这 门是召加被提到,成了一个各典目制,但其提出的方式存在背景,因为此处要区分的是 全概念,而不是两个。已被試在查核的动作和比较中所做的事情;(2)被试想到或意 识到的事物;(3) 规察者的同样,涉及(2)时, 观察者对其的原释上规了困难,且可能伴 有主机性;甚及(1)时, 观察者对其的原释点更为容易且客观性增强。然而,从(1)视角 出发行,很清楚的一点是,否射的进程并不会对各体做出改变,只有其可变而非可转化 的程令或对应才能对各体做出改变,以假或了转化准备内容的建和,但此时转化简不属 于对应的范畴。事实上,主体本身遇早会意识到,对于红的特性、主体发现了特性间的 取系)、干体在意识到它们之间,就已至存在于各体之中了(这些经总没有打分概念化的 建设性)。

第四章 轨迹间的对应

合作者: E. 亚拉多-阿克曼与 A. 布朗歇

本草事及同间监与之后的美似,这些司总看似简单,但却复杂许多。我们为敌战争 备了一个不可变形的直紧或一角形固体物,有条的两项或一角形的一个角上均有一个 供管实穿过的小声环 通过这种方式,我们从顶点入出发巾 条直设 条直发或 条 简单的曲线, 并且, 此处少及的司机不再是抵据最多代表或移动过程中的某些中间位置 来猜想B,C的运动轨道(同时,周体物本 才开设有转动,用其相对重直或水平轴线的相 对位置不变。第一章时,被武成外有工的复数,底转90 支180 与,被安求国际经约网 个或一个含了的位置。现在的情况是,被武观军人的移动,人以纯度的形式存在,具移 动的轨道甚至始终是在被式所见证的情况不进行。」、他需要做的、只是将13的扩展位为。 与国定位的进行礼能,或将 B 与 C 的连点及国定任治进行礼配,对为调命只多及与范围 直飞战环形运动,目移体移动对象门上决定不支持,阿认知,任务显得较为首单 的,这次则验得出的智果却为我们指示了两种可能的对应建立, 种是BC路径相对于 A路径对应的建步, 种是BC至复,固定色置相对于A至复,固定在置对应的建立,被 武力没有发现《两种对户建立的同一性,包没有认识到,从基本户移口制于任营改变与 对应问的简单协调,这些对应是当路否被当成状态时产生的)过渡到转化移动, 个构 监的整体是必不可少的。改变一个变与"替换"的基本规则(合有一起。从一种对等点即及 射)的形式出现,即离开某个位置与抵达是全位置同的有等。



实际上,尽管动换性中涉及的对应仅仅是同构性,但这些同构的在任何测量之间均是建立在基本定量值基础上的。特殊情况下,建立在AB、C相对不变任置的基础上),

然而, 任确未说, 在移动与可能变化创先想去存在的情况下, 建立守恒或目构性才是困难玩不。因此, 待建立的同构性就成了守恒的一部分, 守恒本身则是由移动概念的重建确立的, 整个对象位置的变化并没有改变其数量与形式)。因此, 该过程最后阶段涉及的就是从属于转化的态射。

§1 第一阶段(4岁):路径之间的整体对应

以下为两个案例。

Ver(4:3) 在图 14(1) 进行水平移动时,将B点语在了A点下面,但只是用于势再现了B的运动轨过,并没到将其函出水 我们重新演示了A的运动轨过,并标上了其连结的任置,包括其终点代置: 与整个图片均展现在她的面前时,她准确打出了B孔的对性路径,但当展现在她面前的并不是图片全部,只是A孔的路径时,Ver则及则成功 与校型进行由线运动时,特况也是一样 至于19 14(2),Ver成功复制了模型(整张纸板的移动路径),从面,如果她看不见整个模型,她画出的则是二条水平线,这二条线的终点任于同一条垂直线上(因此是:),然后再次离开,其形成的例形正是模型的对称图(因此是:),而不是:);如第二章81中的对称。

Man 4:51 在图 14 2)的 共分中(水平路径) 假设终点的三点在垂直方向上重合(因此, B、C 孔) 好位于已知 A 孔的下方) 当模型的移动轨过呈曲线或呈星顶线认时, Man 给出的只是一些任意曲线, 对于各个孔的中间位置、终点各个孔(图 14(3))的布局是垂直的(,), 还是54针的(生), 对人则完全没有建立起来如此 来, 我们发现, 以等看到了这定派板的移动, 以等方层现象到了八孔运动机

迹的形成,被试似乎并没有想到,这些模型是不会变形的固体物。从起点开始,被试是住的所有内容就是元素(A-())的数量(2或3个),通常情况下还有元素可上下关系的概序(但仍有错误,如 Mur 在图 14(3)的色绘中) 另一方面,如果制验中始终存在将个终点重合放置的趋势(图 14-2 图 14(3) 动,不管起点位于何处)。当选及(移动路径中的)中间位置时,图 14(1)准确的重合则完全被忽略一总之,在被试 ∃找化对立中, 设重要的不是元素可的相对位置,而仅仅是移动路径的整体方回与形式,即使只是非常粗略的再现。甚至 Mur 在复制屋顶构造(╱)时,将其扩金成了拥有一个,然广是两个顶点的构造,在将拥有一个顶点的曲线描绘或了拥有五段点效的内造,似于模型中的B,C元素可以不受 A 元素的等的随意移动,只要它们在 各点处于相邻位置,即使与出发点的位置不同也无妨。

意允言之,这些情况证实了移动初始阶段我们担了雇的:移动是不可预见新事物的未源,这一动作不存在数量的守恒,另外,正如我们者带着到的,也不存在移动物形式的守恒。实际上,只要没有构成替换,与此移动物相关门对应就只有疏认其件项同一性。同一对象)的对应,但这一同一性是不是处理的同一性(第一章,§2),也不是今间结构的同一性。这种情况下,通过最善遍的特点将路径联系起来的对应将成为本阶段单一研究的对应,这一点不足为奇。

§2 第二阶段(5·6岁):路径之间对应中的形式同一性

以下对应的进程是,当被试开始省移动简化为位置的改变,任仍未能确定移动物 / 式被改变的有度 对,他就意识到,移动物的各个部分,在形成一个查询基体的同时,被认识 地避得同一条路径 这种情况下,最简单得到决方去是平有性,也就是路径目的恒定差距,并不是元素间的恒定差距,但是,当入孔的路径是包含电,这一人应将不再保持)

F.h(5,1) 实验者的一个实验对象 在对图 14(2) 进行买验时,实验者提配 F.h 注意起始 点 13 孔 的特殊 仁置,如此一表, F.h 犯喙 乙后获得了成功,但对于其移动中的 任置,只有与二孔完全任于同一条垂直线上(三时,他才获得成功 - 当路径呈楼梯形状(一一)时,所绘路径的平行性在 不考虑初始 任置的情况下,引起了两个角度根据倾斜度、一的对应关系 与 A 孔的路径呈倾斜火时, F.h 描绘的 B 孔路径的倾斜程度则更大,因此, A , B 间的距离逐渐扩大

Bio(5;11) 在针对图14(2)的 , 验中代聚之后正确指出了各孔的终点, 不过之后他又认为这是错的, 重新将三孔的终点描绘成重叠状态(:) 当移动路

¹ 就像我们要感染的图子相特换。作用于,我们会从意对一敢走一起将往生的好一点。

径呈楼梯状时,Bin的反广与Fib一致,并且,无论路径是针线还是曲线、A、B间的距离都没能保持。当移动路径呈Z状时(只有A、B孔),由于被试想要避免交叉,所以A、B间及能达成完全的平行,如此一来,A、B孔路径的长度并不相同,至于中间位置间的对应。其倾斜度也各不相同。

(mo 10,1) 在针对图 14(2)的则为中、将 A、B、(三孔的终点描绘成重叠状态 针对 A、B两孔时、当图片移动路径呈卷顶状态时、由 A 孔至 B 孔的箭头则与 A 路径垂直 与 图片移动路径呈楼端长 Z 时,A 孔路径与 B 孔路径平行,且无相交或重叠情况 另外,对于图 14(2)中 A B 两孔中间位置间的对应来说,看到 以下情况是很震停的:靠近起点的箭头(4)缓慢坚直、直至垂直于水平线(*,),并且这一情况在移动路径中段就已经发生。

(Gin(6,6) 再过修正为第二阶段发展 图 14(2) 星水平状态时, Gin 习惯性地将 A、B、(的终点置于重整状态:"黑色的孔(B孔)怎么在这几(起声), 爱更等后一点 这里(终点), 一更同一点 一个你认为是这几"不是的(修改)"写路径呈接插状时, Gin 寻其与校型进行比较, 主即就被"到了, 因为两段路径的垂直投存在重叠现象。"我发现, 是同一条直线"

、81的被武利反、本阶段的被试根据 N B、C 孔均是一个连续整体的一部分得出以下结合。 它们的路径必须是 样的。因此,他们将 孔的路径提拿成平行的,形成了路径间的对应 然而,在第一章中,我们点发现,我们需要区分的至少有一种类型的包围、以下为一种根据。包围或违及的是合并与被包围各部分间的衔接以外的事物;包围被简化为前接部分的整体,但仍不是定量保存的整体,最多、整体在数量上与部分之和是一致的一位是,这些被武仍然只是处于形式的初级冷霞,只要两个或一个元素的路径是一样的,它们的联告即使发生了改变也影响不大;Gio 与San 在针对图 14(3)的测验中将 N, B 中间在置联系起来的方式是以表明,在他们看来,这一关系(3)有常近起,时才会被保留下来。在移动的过程中,则会发生改变。

第一个"发言意的被武门反应是,他们非常希望避免任何形式的交叉或手叠,原因他手是以下两点;因为各部分必气与整体高路径一致。可以各部分可以同时占据相同的存置,且有重叠的可能;尽管各部分与整体分开,但它们各目的路径也应该与整体一致。但是,这两种状况中存在着移动物与移动路径混淆或未分化的情况,因此,如果这些被武拥有了可替换性,而可替换性仅仅是将移动物人到转化的序列中去,他们就会明白,一个移动物等在身后的空位与其即将占据的空位是对等的,并且,如果两个移动物

追随而行, 那么, 第二个移动物没有理由不占据第二个移动物总位置

整体与部分的关系表现出来的第一个奇怪的现象是,如果 1 孔的路径早原针戈等 曲状,倾斜或弯曲的状态会在 B 孔的路径中得以复调, 固此, 两者可忘距离音不再守恒,似乎整体方向标,主总趋势必须由相立的路径进行加强

息而言之,整体路径的完整倾河及对部分可初处连接向忽略为它们完多点位置程便了说明:重叠的终点行道。 与水平戈垂直方向上的半行路径相对应,而零点位置贴自平行路径的终端边界决定,不受其长度扩配。相反,当我们提醒被武出发点位置时(Fab),或被试通过与模型进行比较,想起了出发点位置。上,这些变形。或过新生的可交换性进行修正的,而这一可交换性的特征点是发理习开始时被移动的一定会重新上现在终点。

§3 第三阶段:被包围的可替换性的开端, 但与包围路径仍存在冲突

7个8岁时,在数量的字和方面,几半月发产生自发已可替获到一页的具管,用始时,已没有删除任何内容,移动结束时间没有两角任何内容,当少及直线生线体移动时内部作置的守有,几章也会产生自发的可交换性。关于这个不复与中体概包作才,我们将再次回到复杂部分的内容中去。至于已是包含的内部位置,则要涉及不多。企及素的的距离大系与方向关系。对应建立这一个段的运输之处在于,为了在终点处为更这些关系,被试会自发地参考这些关系在起点时的状态;另外,这并不意味着极低没有上现迟疑或修改的情况。特别的是(对修改进行分析就变得有意义),终点位置的对应被提高了,因为还需要将终点的位置联系起来,所以需要模块保持到现在仍是行路况;当这里可能会与整体路径产生冲入。因此,也会与包制路径产生冲入时,被包。部分门的联结将会被简化为一个集合,但这并不是立即发生的一至例怎下

Lut 7;6) 在针对图 14(2)的 引於中 A 孔的移动路径呈水平方向 主即准确给出了三孔的终点,甚至给出了各 孔中逢位置间元整的对应;相反,如果 A 孔的移动路径呈曲线状, Lut 说将 B 孔的路径描绘成相似的曲线,但部分曲线是被包围着的 网此,这一曲线与倾斜的对应箭 大在一起就过长了,因为这些箭人垂直于移动路径,并不垂直于水平线 当 A 孔的移动路径呈垂顶状时, 1, Lut 描绘的 B 孔移动路径的形状是正确的,但但置行精出现了偏差,因此, A、B 位置间对压的箭头完全呈垂直长,但是,由 A 孔路径起点出发的箭头却将终点落在了 B 孔的起点旁 不过, Lut 感的所有图中,最值得关注的,是在针对图 14(2)的实验中 A 孔的移动路径同样呈屋顶状时间所画的图 14(2)的实验中 A 孔的移动路径同样呈屋顶尖时间所画的图 14(2)的

孔的终点但置都是正确的,但涉及各孔的中间但置时,相应的A、B、C点连起来均呈垂直状 当A孔的移动路径呈接梯状时,Lut成功画出了其他孔的移动路径,部分路径有重合现象,不过与Lut再次回来之前,这些重合令他很为难("这样不行")。

Vcr(¬;1)1 也表现出了同样的进步、不过自合方面除外 在针对图 14(3)的试验中、与A 孔的移动路径呈屋顶栽时、她若先画出的是呈"角形结构的 A 孔路径, B、C则位于屋顶两两, 顶高下面的构造很好看, 然而接下来, 她通过单个路径简单地符B、C 的正确位置连在了一起, 囚犯, 顶端出现了一个凸出部分 → ○

Zol(7;6) 在针对图14(2)的 門於中, 当A 孔移动路径呈水干方向时, 他四次画出的结构都是一样的,即以A B, C为出发点品看它们的路径延伸, 但在平行性的影响下, 终点看先是呈重叠水的 写图14(2)呈弓状时, 开头与前面一样, 然后 Zol 远道: "啊!不!不!"于是他做出了改正 至于图14(3), 片A 的移动路径呈楼梯状时, 他忘不迟疑地将B, (的路径指绘成水平方向, 并件有部分重合, 但在垂直方向, 他没见成功, 后来, 在前一轮的一, 验中他则获得了成功在针对图14(2)的则於中, 片A 孔的移动路径呈Z 从时, 在 Zol 的指绘中, B 孔的路径出现了交叉, 但在 C 孔的路径中, 他则避免出现交叉

NG(N:1) 在针对图 14(2)的。1分中,与A 礼移动路径呈水平方向时,他的反应与 201一样,然后,在路径方面, 他问道:"是不是一定要一个低于另一个, 这样子(主)来标列 按照你自己的想法 我觉得机该是这样的(重叠)" 然后,"(B 科对于 A 的标置)要更也一点" 与 A 孔的路径呈弓状时, 他的问题与 201一样 与 A 孔的移动路径呈楼梯支时, Nte 之即 正确两出了 B 孔(图 14(3))的 移动路径, 并且成功函出了重叠部分。但有次函(的移动路径时和失败了 相反, 与 A 的移动路径呈 Z 状(图 14-2)1时, Nte 描绘的 B、C 孔路径是平行的

D(1(8;1 在所有的門分中均取得了義功,唯独与A孔的移动路径呈楼梯 水計除外 与Zol相同),与A孔的移动路径呈Z灰井,Del在B、C路径中均成功 函出了一个交叉路径,但任营看孔除:"如果是汽车,这样不行"

因此,这些被试出发达到了可替换性阶段,但并不完全;起点的位置被转移了,或转移全各孔单一的改点,而不是中国路径的点口面,或与之相反,起口的位置被转移至中国路径的点、而不是多点。对及 Sto 一接下来,被试进行了修改,Sto 提出的问题是以说明,此处仍有门心存在,不仅是被试存在分心的状况。当可替换性建立在位置守恒,而不是数量守恒的基础上时,其变得无为复杂,原因可能是它需要遇和整体(部分的合并) 位置的变化,与此同时,还要保留部分间的相对位置。当可替换性建立在数量守恒的基础上时, 即理解了终点增加的是是影等的之对等的,被试对等恒进行概括化就变得

很容易,因为这完全确认了移动被简化成了作者的变化,而移动物门量并没有发生变化。相反,现在的情况是,整体的位置发生了变化,连带部分的位置也发生了变化,然而整体的移动理应保留部分间的相对位置,也就是说,并没有出现内部的移动。因此,因难之处就有上将任置的变化构想为不有在变化的事物。在整体移动的过程中,移动物形式与内部位置的同一性会不会简化为量的同一性是。这是第16阶段加入距离这一标准后,我们各讨论的(显示了可替换性这两种形式的相似性),但其所指的是不同关系的量化,而不是整体数量的量化,这些内容会更复杂。或许,这些是以言涂区分两个参考系的困难,但是,两个坐标系的组成是稍后形成的。

除了这个概括化的中交, 近增加了一个产品之; AB(移动的) 经点在置是相复的, 然而, 对于中间的位置, 却立及被武技工其对应, 这是关于移动的即时性和象。不过, 如果说本阶设的被武在交叉与重叠上取得了进步, 那也是任有犹豫的进步, Del 对于汽车的思考表明, 路径仍被等分扫思为移动物的连续存在, 它供得利用不变对任置的变化进行协调变得更加困难。

为了解决这一问题,需要进行协调的对应有以下一种: DA、B、C. 路径形状的对应 (方向为一); 2)同一时间,A、B、C中门位置的对应,方因为,; (3) 各个与是产行省的 对应(方句为,*) 但是,同是不在于否区分方向的一元性,而在于次度与字框的量质性,换句话说,这是困难的;在方位方面,将可变性照括为移动期间和之后发现的结论,即出发位置的构成特征。

§4 第四阶段:协调与量化

最后一阶段(9-10岁)同样出现了错误,这些错误一直经复至成年,但是,它们产生的原因是空间再现建立在多个变量基础上固产生的缺陷;然后,实验中指导被試的准则是正确且通用的;被试 程度的是方向与距离的守恒,距离守恒建立的基础可是路径的长度,如A与B,C的间隔,或B与C的间隔。因此,协同与量化时间对存在于此类较少

Sal(9;6) 在图14(2)水平移动时,拿起嘎型,画了三角形;"没有模型,你也能画出来吗" 不行,我需要做一些点量"同样是图14(2),当其移动路径呈屋顶状时,他用手指测量B与A、(重线间的距离,并将这一距离保持至终点,但一开始忘记了测量垂直度以及顶端的位置 当图14(3)的移动路径呈楼梯状时,他测量了A、(同的长度,并且、Sal一开始遗漏了B、接下来进行了修改、将重叠部分仅限于水平部分的路径。

Mic(9;9) 在图 [4(2)的移动路径呈水平方向时,将三孔的终点描绘成重叠的,但接下来进行了修改、并说近,"蓝色的(B路径)是最长的,这次应该也是一样的"当模型(反置的图 [4(2)])的移动路径呈弓状时;"啊,我应该将蓝色的

放在后面"与模型的移动路径呈楼梯状时:"这样的话,三种颜色的长度是一样的"

Ira(10;4) 在图 14(2)的移动路径呈屋顶状时,几乎准确找出了所有中间 以及终占的位置:她明确打出,A、B的最高点不是同一时间形成的,但她错误地 认为B的最高点作于A的最高点下方 与B、C的移动路径呈水平方向时,"B 是先出发的,也是先到达的" 与图 14(3)的移动路径呈7 状时,Ira 经过摸索成 功函出了各孔的路径,并准确指出了路径的长度,尤其是水平路径的长度

()rt(10;10) 在图 14(2)的移动路径呈接插状时,一开始用眼睛进行了估算,"这不行",然后()时用手指心管了集段的长度并一一采用,重新画了路径图

Dio 11;8 在门样的约·查下记道:"我看看路径终点,然后将该点再放到 这儿"……"然后,绿色的线路在后面,因此,这里,这里和这里(这三部分)的距 高应该是一样的"。当模型路径呈Z状时,情况也是一样。

也是中的模型是不可受目体物、方配包移为什么建立在内部数量关系(准剪)的基础上、主要保留各部分同的和对在置方面的需要。以上这些同是、是查在9—10岁不会理解。这一次令人吃信。另一方面,相关对应的协同是由量化获得的、这一小灾福力、与枢性的形式与建立在整体数量等但基础上的形式间存在和似性、性一不同之处是、此处指的是方向的内部,且相互关联的量化。

§5 总 结

很久认礼,几何与认识论武指出,不可变固体不幸被当作欧几里看幸构经验论的起 有,然而无礼上,它却是这些学利的一个行生品,甚至是一个上常复杂的衍生者。我们 才看看多少女生心理学的分析估证了这一角度的反转。从心射与转化的关系这一角 皮(已是大部作。中我们天正的一个一来看,不一角度的反转意味着,在移这一概念自其 最基本的感知之动起争开始是然与其本身一致,然而,这一概念的制一性反而在其发展 的过程中发生了深刻的变化。

起,可时产生的变化仅仅是仁当的变化,这一变化产生的尊美是一个调节者,因此,个动作格式的功能,并且只有其运行的信果,也就是移动物的定性同一性以及终点,才能作为成态进行对应的建立。甚至当移动物在其身后留下了运动轨迹,如这里的A. 在其运动的过程中留下了轨道,或当A与B.C.一道构成了一个不可要固体时,B.C.轨道重点A.轨道建立了对应,只要A.B.C.的含点处于相邻位置,且一部分的定性同一性保持不变时,两者仍会产生巨大的差异。

下 少主要的对应是ABC "部分的营射、"部分共同用成一个连续整体、该整体

包用了这一部分、并且,包围线的移动开始承担转化的角色,因为包围线的移动引起了被包围物的移动,因此两者的路径必有相似之处。但是,包围线移动的转化动作并不深入,因为它既不能保证被包围物位置的对应,甚至也不能保证两者路径的长度是相同的,其相似之处只有路径的形状的已;水平或垂直线衍半行,以及针线使针接的焦点。

具有处于具体运算的初级阶段(7-8岁),移动才会进入获取转化同一性这一过程,但仍是局部的,其特征包括必要的准合。改变与守恒的持续关联及推论一员每十、被动开始发现的是,包围具不过是被包围各部分同关节的整体系统,因此,整体的移动分是部分移动的同时,各部分的位置开设有发生改变。但是,研究发现,转化自先仅仅是局部的,因为为其做出准备的对应仍是不完整的。实际主,第一阶段的被武观察到的仅仅是起处位置与各点位置的双射(一一对应),他们开设有各这一关系推广至担国位置。又或者被武一开始具,任意到了中国位置的对应,忽略了两点位置的对应。这种不一致广生的原因是,在任何转化情况下,想要在改变与守恒的保持平衡是很困难的。从替换这角度来看,我们在移动等表示重新找到自仅仅是开始时的起点,然而替换在比处提供的只是一个大概,因为哪些位置发生了变化,哪些没有仍需发进有区分

第四阶段时,我们发现了解决方案,发生改变的仅仅是包示写体的行置,其形式并未改变,告为包围整体的位置是由被包围部分同节间连接。或关联工作定量值决定的因此,却将被转移而不会发生任何改变的是这些可被具量的值,这种情况引起了对应的产生,有不足对应引起了这一情况。如此一来,切换性最终达成其作为转化的完整当构,包在移动与写作可取得了平衡,这些最终为不可变固体这一概念赋予了甚么

第五章 从容器到内容里可分类部分间的对应

合字者:D. 巧喜欢、利亚特(与L. 特古人、西语其里依罗

实验中有8根兰或木棍,长度具 () 递增, 分开展示,被武造要在一个密闭盒子的盖子上挖一个戈多个裡, 使得木棍分过之子, 水平地改置在仓子内。 () 这种情况下, 只有发柜摆放粗的木棍挖一个槽印口, 但是, 我们要说的是, 生种为了让一只指穿过门时, 割了一个人间, 而让一只小组才让这写门时, 他又凿了一个小洞一如果这只是一个战年人的高度, 那么, 我们可以世想到, 是更是无人,即了拆这一海边的, 五日, 他们尤其相信一一对应的必要性: 一根木棍对应一个洞。

《公司》中使用的材料是一体。有形的、但此处多及的是一个逻辑问题:将这些本能进行分类、何者行动或在隔海中打想均可,以找五最粗的那根、理解长度为L的任意。不信的适用于长度为L的本税。但不适用于原有长度大于L的本税。然而,如果高度建立口有广告如此。主旨,那转化直要复杂。此。因为此处沙及的不再是实际上对象或公司当构造改变(如第二章中,严度的关键改变了3个仓子形成的结构、构成了公间上的转化。实际上,转化自形成类对转化的和可是个缓慢的过程,随着序列的建构、为是与工造的平衡。从序则
《公门转记》中,转化自形成类对转化的和可是个缓慢的过程,随着序列的建构、为是与工造的平衡。从序则
《公门转变、转化基本上是是立在长递性与遵靠的基础上的。因此、利用我们已经介绍过的一种通测,每不确定对应与转化在特殊情况下的关系是结重要高;状态的产生、对象的变化(此处是严重在一个槽里的本税集。转变与字包有有的构生结构,允其还有这种类存状态的必然性。

方式 付得:8担本同等色的本提,根据到度(1=量短,8=員长,对其进行分类, 个全子, 色差为 米纸, 两个形状不同的物体) 个蟾科, 本美向平个鸡蛋状物体), 用 来引入将要谈论的问题。

给儿童提出的问题。试图将有有本模文人合内,不能抽掉含意,只能在含意上挖孔 使木棍过入合内。我们要求。证件为个"存仓盖纸上"。个"适合"上述半个鸡蛋状 物体分过的孔,然后也。一个适合「形物体通过的孔,在物体能通过的情况下,要使孔 的同根应到最小:接下来,我们要求儿童或一个属不适用于半个鸡蛋状物体,也不适用 于图形物体的孔。这些是为了说明,物体的毛状和大小与其通过的孔之间存在对应。)

一个戴多个礼。情况!:我们要求被试想办 法使"所有木棉放入盒内"。 如果被武田军决方人是具挖 **全孔已**]最长的木棍相匹 如果被试画了多个孔,分别与多根不提相对应,我们就问他:"存能 配), 就进入情况Ⅱ 不能少挖些孔?""尽量最少。"情况 [[:只意用于某些木棍的孔。1) 我们要求被试挖 个孔,这个孔只允许。根本棍通过,其他木棍均无法通过,2)同样的要求,不过这次是 具允许五根:有时是六根:木棍套过。这种情况下,被试必须考虑木棍中长度尺寸最大 高木棍轮廓、但是、他无其志要考虑的、仍然是確定が及的是哪些木振。雪尾用:拍合。 根据已间的两个孔(截试或实验者厂)店,尤其元(孔与)孔(分)目53号木桩与6号木 棍对应一一被武已筑认),我们提出一系列"避遇",这些"谜语"以接下未定义们孔与木 棍词的关系作为 a 提出"我需要。 全木棍 10月以重过6 月孔 1 2 3 3 木棍); 2 月以 随过下孔,但无法通过C孔(4.5.6号本棍;(3)无人通过C.下孔、7.8亏木棍)"方外, 我们经常提出如下这一"荒谬"的问题:(1)) 即穩 本提可以通过 (孔但不能 1) 过 1. 孔 (被试不同,以上四个)。甚的秩序以及否定(孔及下孔的电导业各不相目)第 3 利代 况下,被武必须找上哪些本棍可,大穿过这两个孔,哪些木棍只能穿过其中。 个孔可以穿进去C选择的两个孔有时是B、D、有时是C.1 情况N、盲先而复为有分类 ("将所有木棍排列整齐,方便瓦架周长的不同"),属气,我们问役试,气动长复知的木棍 . 比起来, 比它长的木棍有儿根。增免上碳点去数有儿根5、与周长层长的比起来, 比它短 的有几根:然后,我们要求被试对自己的答案做出解释。

§1 情 况 I

根据不同的元下的共同步骤,我们无点对被武进行分类,在对被武进行逐个测试后,同时,我们将根据前面的判验来观察他们的行为。因此,第一步先是要求"叫有未根"可以进入盒子,不涉及孔的数量。

1. 第一步时,被武武为后有木棍都是一样的,没有意识到它们长度的不同。于无被 试选择了一个任意大小的孔,尽管一般情况下会在比较大的孔中选择,并且包钉只有 有事后遇到周长更长的木棍时才会发现木棍与孔的不对点

Ber(3;9 在预备周珍中,与我们要求拖得一个木棉穿过盒盖纸时,太功画出了供其通过的孔,但与我们要求抛"画一个木棉无法通过的孔时",她及汽画出一个比卢先小的孔,只是不停地重复:"它过不去"接下来,为了简化任务,我们只给她

Mair(3;4) 一开始在被要本点出一个13、5、7号大机化嘎过的孔时,画出了G 礼,这名被试有似处于更高级别,但与我们问他,除了7号木棍,其他所有木棍是不足均能通过G 孔射,他需要拿有53甚至是1号木棍,进行实试"你怎么知道这个孔可从做所有木吧通过,——(他又将5号大概穿过了(孔——如果我们画一个这样的孔(为3号木棍对心的元),所有木缸可以通过吗,——是的,可以(会试将5号木棍穿过(孔) 这个不行 有其他不行的吗。 这个(7号木棍)可以通过这里(G孔) 一还有其他木棉可以为过(孔吗——这个(1号木棍)可以通过这里(G孔) 一还有其他木棉可以为过(孔吗——这个(1号木棍)——这个15木棍) ,所有, 那个(1号木棍) ,其他的巴 那个3号木棍)可以 还有那些(5号及7号木棍)。——不可以。——为什么?———"

有不到再会个集之心,我们发现。个孔,不一定是比较大的,就可以使用有不机穿过,不考虑了验者提出的问题时,被决似于认为以有的木棍都是一样的,并没有根据其周长的不同的有其进行分类;另一方面,本个设中,分类测验只会先起混合的形成(大,小一一)Mar一开始选择了一个大孔,然后,他认为(孔)可以供所有木棍通过,要想让他意识到自己的错误,仍需进行尝试。通声情况下,在这些测试中,被试设有出观视前,是解的情况。然而接下来,被试会逐渐进行学习,不过是以逐个学习的方式,但对于一般化的原因,他们并不理解。一个孔之领与木棍的长度相当成此它大才能供其通过,如果这个孔的代度化它们的都小,以所有木棍均不能通过。以上这种情况是我们在18阶段仍能清楚或条到的,本管段中,与木棍集的了集对应的有两个成一个孔,这些产集并不是把据更大成更小的关系未区分的,它们区分的依据是"小"木棍这一了集以及"大木棍这一了集"是空运有"中"木棍这一了集"的整体特点

Ana(3;6) 在针对D上两孔的实验中,不仅把4、6号木棍放了进去,还实试使5号木棍穿过D孔,"因为它(5号木秸)小",将8号木棍放入上孔,"因为它大" 试验尾声,她成功指出G孔作为可供所有木棍,通过的孔,"因为它比较大"(仍然没有说出"最大"),在被要求"找出所有木棍均不能通过的孔"时,她再次指向了G孔! 我们对木棍,孔的人小进行了区分,这使得分类取得了 此进步,这此进步经过被

试的摸索变成了可能,并且,通过双映射对应,"可供所有木棍通过记孔"这一构思包含了"可供每个木棍通过的孔"这一想法,后者也是患者的一个解决方案

2 第 . 阶段的特点自然是双映射, 另外, 此少最用不是立即达成的, 而是通过中间 反应 这 阶段一旦表现出来, 就会往下延伸, 为后责先段做准备。任何阶段都是"纯粹"的,除了最后一个阶段)。

Car(4;6) 沿用了IB阶段的微法、成功达成了双射 一开始、他选了"一个像 这样的(与7号木棍的内长对几的(孔,大圆(孔, 然后呢) 我两一个小 的,与2号对口的B孔) 价型最后把所有大机都放进去。 是的 我要这 样(E孔供5号木混通过,因此有了一个中等大小的孔 上孔, 你为什么话 择这个孔》 这个(下孔) 与那个((,孔)的大小不一件 其他的木肥的与过 这些孔吗? 可以,这个(会试使8号木根写过信孔)不行,这根木柱太大 了 一 其他的呢 需要其他的(礼) 我们己有的礼可供所有木机道过 吗?—— 于以(4号木棍穿过上孔、1号牙过出孔、3号穿过1,孔、4号子过11孔)"因 此,与肖商的部分一起,这里形成了一种满射,但这个满好并不完整:"4号木棍从 (E孔)通过,只要我们把它写小(-何小上孔! 只要把我们已经为好 的孔缩小"由此, 他过渡到了双射, 有意思的是, 尽管他在装下来的分类机论中 失败了,他却按照与木棉有关的兴序进行看示,於,有的是七升《示·1→B,3→6, 6 → H, 其他的是下降顺序7 → 6,8 → H, 6 → L 后未改成了5 → F, 从及2 → B 7 号木 祝无法通过日礼, 但如果切开日礼, 木棍之礼过去了), "在所有木税礼通过的司打 下,能减少却孔吗? 不行,这种孔是必需的,因为它们都大小了 下以 呢一一这些木棍都很大", 但是 Har 示认, 目孔也可以供其他木机, 通过, 6号木 棍,"因为它太小了",甚至2号未完,因为"与我们像这样裁方所有孔(目)时,木皂 都可以过去"。

()h(4;()) 在针对24、6、8号的木槌中,在第2阶段前,程万了14以及1B阶段;他有先画了下孔,供6号木规道过,并认为这个孔可供所有木规通过 然后,他试了试8号木棍,说道:"需要再画一个孔 什么样的呢! 大的还是小的'"他画了目孔,并且发现,6号木棍也可以通过。'甚至那个(4号 和那个(2号,没有亲自尝试)也可以" 还需要其他孔吗!——需要 (是,如果我们看程只有一个孔,长度和盒盖那一样长) 需要一个这么大的孔? 不,一个小的,像这样(但他画的又太小了) 价裁剪的两个孔中,有一个可供所有木棍通过! 不乳 (他画了) B孔,得出约论(4 *H)中等,(2 *B)太小,(6 *H)中等,(8 *6,大大",通过贴标签的方式。()h,进行了分类

Sam、5;2) 与之前的被域完全相反,她在最后的可卧中主即成功进行了分类 开始提问时,面对8根木棍,她为8号木棍函出了(3孔(木棍始终是分开效置的),然后补充道:"我有个主意;我剪开这个礼,剪开后,其他所有的木坑就都们通

(mx(5;5) 同样将实验者的指令理解为"一个孔只利用一次 那这个孔可供多少木柱通过" 一个 上孔,其他木根可以从这个孔通过吗? —— 可以(5,4,3) 为什么 对为这些木根尺寸小 那它们也怎从E孔穿过吗?——不能"。

Fra. 5:7) "要让这些小木棍全部通过、你要怎么做" 他数了下木棍,需 要八个孔 可以少于八个礼吗' 我们只能画八个孔, 四月一共只有八根 木杉 但我们可以少画几个吗! 那也要七个孔 7个孔就够 了》 九个,只有八个 ——我们可以少两一些孔让非常多的木棍通过 0.7,7 不行!(非常明确)"他两了目孔、实试使5、6号木棍迅过"不试其他的了 (还是又试了7号1是的 不试这个(2号)吗? 不试,2号木棍需 vity 2 要一个更小的礼(历出了18亿) 这个吗 3号大程通过了11礼17 ——不试,它 新要另画一个礼 --- 为什么 --- 内有它不完适计B礼 -- ····- 那个(H 不行,因为这个目孔,很大但3号木棍可以通过吗?可 孔1明7 以 那三哥要另两一个小吗! ……"可样地,他没有尝试使5号木棍通过 HA, 但后来, 他自己孙充道:"这个, 8号)是从日孔通过的木棍, 这个, 7号)也一 杯 为什么, 它们的大小车不多……这个(6号)把一样 ——那5号木枪 不行,它需要另四一个孔"至于4号木棍,需要画出门孔:在此期间,他实 17 × 试了3、2、1号大棍, 但存次招说:"不 3号过不去, 啊! 可以, 它们的尺寸差 不多 其他的也是一样 这个(2 +(1), 这个也一样(5 +11 、还有这个 (1 +B) [号本邓可鸿·世 1 B孔或者所有的孔, 可以通过这(B 子.· 可以通过另一个吗 不行(他会试使1号木棍通过D孔) 不行,它 们的大小并不相近!"Ira 周尼总结也: "8、7→H; 2、1→B, 3、4→D; 5、6→H" "这九是全部 是旬,其他,是有尺寸初边的了"由此,Fra进入第 111 阶段

阶段 IB中、一开始(个段 I/O等同的未提开始产生分化,产生了大中小之分,就像Corroth有 IB 阶段中的反应指出的那样,第 II 阶段的起点就是要寻找:这一过程延续

也就是论,这样。未,从射的主要条件也是元素分化的短语化,也就是了列化的可能性(在Car失效的例子中,了列母立比了列化更不重要)。但是,同一个仅射了生的。 因是不同的孔必须与木棍的不同意度组对应,似于)是对对了写有的同等性,这面是为 们被试会立即产生"个孔对应。积木柱"的理。(多见Gar的成并情况,他可确表达了 被试的这一共识)。

然而还不仅于此、Fra 明之为上。为一次之子的介入,为年上这一相当重要已要差不需出现在书中:这一要素是一种玩。 如果一样本优无去适宜。在小孔、那大一点的孔、它也无法也过(分别、"仅仅"8个孔会制"不多"也"不少"启己请。美者且充为不适合3号本棍、门为3号本棍无法通过B孔。 换句话说。3号木棍无法通过B孔村或了这本棍的针(一有胃)其他所有的木棍),目此、当多要更大的孔时,多木棍的这一特证依然保留了下来。 这些,如果果现在主体的自的是一般单独的小木棍与一个尺寸更大的孔、那他们占定会认为木棍能穿过多孔。然而,多"取特有的木棍与孔的双射侵使主体相信,一个孔只适用了一根木棍、面直、这根木棍的个性化将更大成更小的木棍与打涂在外。因此,比起对于木棍递增的尺寸,尤其是是于木棍的传递性门考虑。一种错误的对称就占据了上风。由此,这里就产生了。与一次这种种方向上科对未分化的状态,对于这种状态产生的其他影响,我们接下来会看到。

然而,当不能的尺寸差别不失时,这些最具在考虑等些未积可以通过时最终会许小力的未脱纳入可通过范围,但并没有考虑其他尺寸的木棍。以上情况之下以产生,与我们在第4阶段 运算分类,不再是不产性的)支现的一样,是由工作条件与等推的缺失,如果具备了它们,"几乎同样的尺寸"会签举定伸至"与有的木棍"

3. 如此 来, 第 阶段就是高轨 Fri 阿朗《封 开始的介权, 何是, 且 1 针对同 个 孔选择的所有木標并不总是相邻的, 互以, 对于 互有木棉木虎, 与夏的孔不止 了 五 五 大战采用的是反复尝试, 而 艾达性性的产生, 大部分情况下, 以及射作为开气力, 严此, 需要的孔也就更多。

Fri(5:9) 以双射作为开始"致信可以函少点孔" 这个、5号大规 可以通过这里((, 孔) 还有呢, 这个 2号、那个(1号, 它们也可以通过、还

有那个 6号可以包建(孔) 那么,这个孔可供所有木坛通过"是的",然后,她发现8号木型无法通过G孔,所以画了H孔:"要門知道所有木规能不能通过H孔,然而,她刚刚见证了出孔,然不需要去试" 需要(她尝试使6号木规通过H孔,然而,她刚刚见证了这根木棍穿过G孔!)"

(mil 6:6 建立了一个双射, 开力87、6号大机运出了H、G、1·孔"这些孔可供其他木规直过吗/ 不行···可以(吃完成使5号通过1·孔,2号通过H孔,4号过位(元, 所有大型都完从这一个孔通过, 可以, 因为这有一个大孔一个中孔,还有一个小孔 '后表, 他发现保留H G 孔即可, 因为这两个孔更大, 最后, 在实验者的再次询问下, 与 Elé一样, Ced 也只保留了 H 孔。

4. 红了第16 新设,两个相关联的进步起到了决定性的作用,开始理解以下事实:对于共同。在的所有本根,这个孔必领与这些本根中周长尺寸最大的相对应,最终,通过探索,只有且孔满足这一条件。随后又补充了各个部分问拥有毗邻《一特点,但并不是普遍的,这些部分起初以小组的形式聚集在一起。

Nal(6:5) 仍以双射作为开考·需要"8个孔,因为有8根木棍 能去掉几个吗, 不行,因为有8根木棍" 然而,她画完H孔,并拒绝实法让7号 6号,尤其是1号木棍("因为它太小了")通过该孔后,发现"1号可以通过,因为它很小",她序这种情况类推到1号至6号木棍上,然后是7号和8号,总结道:H孔"比较大……

有这个孔就够了,因为其他的都比较小"。

Nat(6;8) 认为、对于5、6号未混、1、2号木辊、4、3号木棍以及8 7号木棍、至少需要5个孔,然后又缩减至4个,并且,在选择每个孔时、"我总是选最大的有没有可以穿过所有孔的木棍。——这根绿色的小木棍(1号) 还有其他的吗? ——还有这个(2号) 它们都很小 ——还有吗? ——这个(3号),因为它非常小" 然后,尝试过使5号木起道过1)孔后:"不行,这个太大了,只有这三根木棍(1,2、3号)可以通过所有孔、并且,只有这个 4号)通过1)、F、11孔 ——那所需的孔可以少于4个吗? ——那个(11孔)是必需的 ——为什么? ——必须这样(*)、否则大的木棍无法通过那个和那个(F、D、B)。"

Didl(7;0) "我们需要8个私,因为有8根木里 —— 私能少支吗'。一可以,7个:与5号木棍对应的孔更大,所以,2号木棍可以通过 所有小于其他木棍的均可以从其他木棍对应的孔中通过 —— 那需要几个孔。—— 4个(存4根木棉需要2个孔,因为那些(7、8、6、5)比那些(4、1、3、2)更大 "报下来,他按照相邻原则对8、7、6、5、4 3、2进行了分类,并计算道:"吃7个礼足以让那个(与\对广的木棍),通过了。—— 孔能少一点吗?—— 可以,2个……—— 2个?——是的,2个或1个(8, 我觉得这个(7)比那个(8)要小 1个礼够了, 是的,因为所有的(1-7)都比那个(8)小。"

Sam(7;3) 同样以双射作为开尚,然后将木根以组合的形式进行分类(因此,需要的孔力4个),按看又打出,1 6号木棍可通过1-孔,然后又添加了7 8这一组合,最后的结论是,一个H孔就足够了,"因为它是最大的"。

我们发现, 儿子所有被试均以双射作为开端, 然后过渡到组合的或更小的集合, 于是很快接纳了一个原则, Nat 有说明这一只要订说到, 在选择每个孔时, "我总是选最大的", Did 说道: "所有小于其他木棍, 为的了以从其他木棍对应的孔中通过 "最终, 他们们然而然地发现, 个日礼就够了一同时, 我们也发现, 这一点则只是传递性的一个开端, 仍未具备由8至1 或反方的上的递归一相反, 被试会一下子将别出这两个方向, 但仅仅是在最后承认反对称中这两者间相互性的时候。

5.最后一阶段是直接理每阶段,起始点围带为6岁,但一般始于7.8岁。

Lan(5;8) 立即说到,要使所有木根边过,需要一个"这么大、8)的孔,所有木根,就能通过了(没有进行尝试)"。

Ina(6;0) 提住这些木棍、使其垂直、无序放置、以判断它们的长短,并且画了一个方形孔,"以供尺寸最大的木棍通过"实际上,这个孔的高度与最长的木棍一样,宽度可供所有木棍并排进入。

Plu(6;8) 画了个一样的方形孔, 与我们要求他节省点纸的空间时, 画出了日孔, 并说道"这就够了, 因为这(8)是最大的"。

Yver 7:71 "我拿尺寸最大的一根木棍画个孔,所有的木棍都能通过"

\$2 情 况 Ⅱ

这里的问题是,只为n个元素(1,35或6 决定图 个和(只有n根本视可以通过), 文 · 何远比1 一个更难,因为它看要划分出一个与其包相对的了集,而不再是寻找整体的关系。结果是,我们几条到的各个阶段个不同,至少有同一主体上是这样的, 在1 一同是的各个阶段中,条件也是一个不同一等点上,为了解决这些新问题,多要 的充分条件为:(1)选择的n根本提要是最小的:(2)这些本概必须是棉邻的,如果不 上,要当中国漏掉的本机加入行其他本机中去:(3),而行孔需要同时满足以下条件:可 计面积本机中长度最大的通过:看的尺寸不能大于长度最大本机的尺寸,等则,会有更 多信本机n+n'可以通过,对社会是大原本选定的n一处的,况整行的这六个阶段、除去 双射管段一句以上一个条件同过程性协宜是相关联的,根据n的值,可能会中现一定的 偏差。

1.此处的第一时我是双射产设。这个股讯设有那么重要。因为它并且对指令的事所或"具件2根本提通过的孔、其他本提无法通过"被理解或"供2根本提中的每一个通过的孔" 然间,年动力被武子当过是最小的那个,这引出了一个门是,但该现象并未出现在第11、唯或第17阶段。举例如下。

(xx14:6) 只供2根太超近过的礼 把工即打向了12号木棍、然后画出了 \ B 礼,"母为它们很小, 石瓦是两个 那只供一根木机运过的孔呢? 一个小孔"。

Nam(5;2) 1个几件3根本码通过;她拿着12、3号大程,想通3个孔,后来又决定以函一个(孔 只然5棵大规通过时,她告了87、6、51,但并不知道应该函哪个孔,最后画的是C孔。

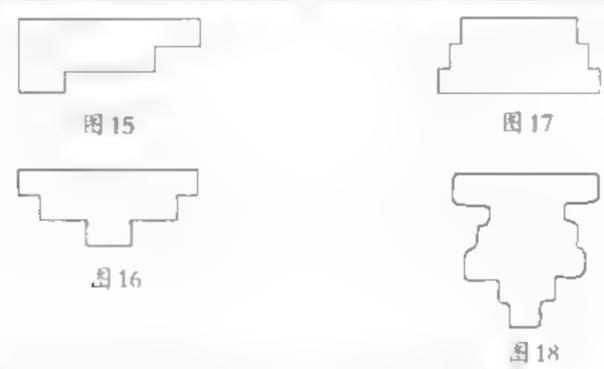
表信,发现,被试风设有遵子士等与引,也没有选择长度最大木棉对立的孔,如果 个孔只能供2根支3朴木棉通过,被试选择的宣信是尺寸最小的形些木棉。最年幼的被 试之所以会做出这一表面的理解,可能是因为选择"小"的数字会让他们联想到"小"的 木棉。以下这一现象也传证了这一戏产士气一个孔可供通过的木棉数量变大时,他们 如 Sam 及其他被试立会自先选择尺寸最大口木棉,并按理道域的中序而不是递增的 顺序。

2 接下来这一阶段的特点由对任业n根本提的选择(不再选择最小的)构成,这些木棍不一定是相邻的,而且存在比长度最大木棍还要大的孔。

Dam(5;8) 在面对1个孔只制供3根大规道过的要求时, 24 择了874号木棍, 并且, 在引举剩下木棍(2、5、13, 然后是6)时, 并没有发现有可题存在 我们重申, 只能供3根木棍道过, 并补充道:"这个私会比较大, 还是比较小? 一比较大"然后, 他画出了日孔以供7、1、2号大规道过 最后, 他发现1、2、3号木棍 丁道过下孔, 又指出5、4、6也可以, 与此同时, 他坚持认为, 1、2、3号木棍 可详可以通过

Ste(5;10) 正集了3.5.8号大规, 可即也打出了全下的木鸡 但只允许3根木棍通过 —— 我不知道 —— 我怎么欢呢 小乳只供小的木棍通过, 文者大孔只供大的木棍通过"只性6根木棍通过制, 她选择了8.76.53、2号木棍、并使其保持至主, 如后来, 她又换成了8.415.73号太棍, 并小克道:"那个(8)太大了,那个(3)太小了。——但就像这样?——那个(8)可以通过(H)!"如此一来, 前文中的所有条件均未满足。

3 这一阶段,被武希望建构的孔不仅与NF中周长最大的木棍相匹配,也与其他木棍相匹配(因为此处存在一个了集,孩子集由指定的3,4或6以一基工定义,不用是单个木棍构成的集合),于是,被武建构了一个与木棍尺寸完全匹配的孔,这个孔,不是一个数口,而是一个真正的包裹物。



① Sk是木棍K集合中需要找到的子集,SK'是SK的补集(=集合SK之外的)。

(水机,并画了一个矩形孔将其包围起来。在面对1个孔只礼供1根木规通过的要求时,仍函出的孔与(孔的大小相近,门时指出,2号和1号木规也能通过"我们要求1个孔只记件1根木规通过———如果只允许1根木规通过,需要1个小孔还是1个大孔?————"Ced没有回答。

第冊阶段 不一定所有被试都分与了这种投口。生的原因似乎是,儿童不再像第一个最好的将任意本提集合在一起,在被要求的3个或6个本提中(对于1个孔来说,它们是"进一"可以通过的3根或6根本提口,他们开始发现本提总集长的了集8k 人可上,村部性也开始在本阶段可是取出来。尽管如此,被以还是从这一子集整体的角度,试图建构这个包围形式的孔。至于如何理解这一包围,以及情况2中近于省四的一个扩势。 建构 个过去的孔。从第目阶段至第7款段上,我们会在第7条段中进行探讨。

4 第16 首長在相邻的上表成出了這少、但在其他两个条件工具改有 另外、我们需要记住、几乎所有的假试都至少了方子两个简表、把全笔过了情况1

(n(6;1) 在面对1个孔只用作3根本呢理过的要求时,选择了4、3 2号本规,并为出了1和55号本规对1。在面对1个孔只把供6根本规道过的要求时、选择了5、2、3、4、6号本棍,并在后面改变了这些木棍的顺序。

Did 7.0) 在面对1个孔尺围性1 仅大规道过的要求时,在6号为3号木机网统章,从后,及各档定了3号木机,开确从作,"这和 4.5.6 无法通过 那个(2号)可以,有2根木规丁以通过 组换行政过了,只有1根木规可以通过,那我需要排金仓、将它与大尺寸的木规设在一起(!) 一个供0根木机通过的孔,没有木机可以通过"化金起了1号木规,以它的尺寸四出了 4 孔!"1个孔只能供3根木规直过"123.不"6853 18号木规则采决定到的大小,按下来,他解释道。像1-5 这样的孔,5号木规"无法通过一、这是可见的"并且,2.1.3号木规中,1只有2根木规 1,2)可通过(,孔" 目标,"我已正画了与这根木规相对应的孔与7号木规和对广的(孔下,然后他将3 尺大规聚在一起:"那此(645)",为像7号木规,无法通过(孔,有2个人孔正是代以7号木规为模块则引建工的

据够通过五孔的元素领域了一个子集,而五孔正是元素。参与建构的,均测元素。 元本包括在孩子集内证一个难点,均是工中五没有遇到这一团难,然而,这一难点只定 另一度大概和 具有高级阶段出现,的一下分,这一国群是一一从包含3、5或6个元素的 子集中推算品无法可过该孔的补集。但这一门还与情况工中的问题间存在着相互影 对一段本阶段的一个被认为得,他就要求建行一个包含3个元素的子集,然后,他选择 了1孔,而5 4 3 2,1号本提切能也过该孔;为了建构一个只包含3个元素的子集,他开 处打算工,2号本程,其他的被认与挂案5,4或5 1号本程(以等工阶段的860为例,他在 8,4,1、5,7、3中排除了8、3)。 接下来的问题就是解释为何元素。被排除在可见过五孔的子集外,以下这种解决 为案或许可行。我们要求被试建构一个子集、孩子集"只"包括1-3-5或6元素。它们 均可通过同一个孔;这就意味着,被试点及通过高射找到与8K对应的元素。同心排除补 集-8K。但如此一末,这就意味着,被试点及通过高射找到与8K对应的元素。同心排除补 集 单射的倒数是一个能够排除。K的下射(souredion)一然的,这种社余是以5K与 5K间的器模为的提高,而这种界限上元现在所缺乏的,目此,就像我们思见看到的。怎 要知道需要被排除的部分。无法通过该孔(子集-SK中的元素)均可见到的元素。目前是 个很大的困难。换句话说,我们再次注意到,与单针相比。下射更难享指。如此一来,在 SK与5K间周定界限缺失的情况下。K中某些元素的高射本身当不是包含5K与元素的 1对多的可逆性。另外,在这样内条件下,我们知道,一个整体(这里是5K)的特点不成 由其元素(建立在多射的基础上)的忘和水及定、的应有、划上该定有的包围不决定 这一就点似乎可以解释以下下案;在最大元素为、的子集中,被试点径的孔太上五、打 能够包间其所有的元素。如此一来,本产设不可见为过大孔前构成了第一阶。没包果物 的逻辑结果。

5. 第 V 阶段见证了一个非常重要的过少:在高对1个孔只能积3 根或6 根本棉造过的发术时,被武选择的总是最小的目相邻的元素,然而,在此期间,我们发现了板式一个多余的行为,却面对1个孔只能供加根本棉造过的发术,目本程中尺 打具人的为证时,被试选择的孔并不是7x,而是7x+1,举例如下。

Lau(5;8) 情况1:公1,第1阶段 在面对1个孔只。但6根太视过过的要求时,选择了1 6号木规,并自每了一个与7号大规对目的6孔,但也是有会最使7号木规通过该孔。

Sub(6:5 在面对1个孔只搅供5根大规道过的要求时,砂排了1 5号木机, 函出的孔则是按照6号木机的尺寸 在面对1个孔只 供4根木儿边过的要求时, 她画出的孔则是与5号木规对立的上孔,但他并表待5号木规计算在内 可理,我们向其展示D孔时,她认为该孔可供1 3号木规划过,他,是3根

助射者疑,这些被武成功解决了情况1中的各种信息,他们练知,被排除的汉 元素可通过7%+1孔,但此处改及的是 个子集8K, ご不是单个木棍, 因此他们认为, 将高 1、等级的3+1年为礼(公+1)来充当这 子集的界层还是有用的

6. 在接下来的阶段中, 种条件会被同时肯是,相邻性,只寸最小门元素,与元素中 尺寸最大的相对应的孔。

Dav(6;9) 在面对1个孔只似性1根大型的过的要求时,毫不犹豫挑进择了1号木棍,"因为这是最小的"在面对1个孔只能供3根木棍通过的要求时,他选择了3、2、1号木棍,并函出了(孔;"只有这3根木棍可以通过 为什么" 因为以前 情况11、我选择了8、7、… 2 1号大概:如果抽出的是这3个(3 2、1 ,它们

可以通过,何这5个14 8 却不能通过"同样,在面对1个孔只能供6根木棍通过的要求时,他选择了1 6号大炮, 序7、8号排除在外, 并函出了F孔

鲁而言之,我们发现,子集的嵌入,及股设的相互对互构或了这些问题最复杂的部分。在后面的总结中,我们会继续探讨这一问题。

§3 问 题 Ⅲ

在美验者发出的指令中,考虑到C.F.化与3.6号木根相对应,那么,目前的问题在于我语:(1) 根可以同时通过从2个孔口木棍,也就是C.F.(2) 根无法通过这2个孔的木棍,也就是C.F.(3) 相可通过F.A.(但不能通过C.A.的木棍,也就是C.F.(4) 小根可通过C.A.,但不能通过F.孔的木棍,也就是C.F.,这一情况可能存在一这里,我们又发现了六个阶段,后两个简复的特点是,无人各C.F.孔联系到同一整体上,直面阶段的特点是,几十二个阶段,后两个简复的特点是,无人各C.F.孔联系到同一整体上,直面阶段的特点是,几十三个问题的成功肯定是有关单的

1、2 第十章设计, 儿童各次介名的指令理解为只要选指定的2个孔中行1个, 或是码"可通过之2个孔的门上"即本提"查例理解为"可通过问 孔的多根本棍", 这 情况, 有可在5岁以下的儿童牙下仍先发现 第11首最时, 被武具是将1根本棍与1个孔相对应(双射)。

Ber(3:9) 在寻找。同行过过B上两孔的大鸡时,为B孔进择了2号木棍,为F孔进择了6号木棍"但我只要1根当同时通过B、F孔的木棍"Ber将2号木棍放入BA、将6号木棍放入F孔。对于1.66门时边过B、F孔的木棍、Ber选择了6号木棍、但只说它们通过F孔,应了考虑B孔"我要另一根尤通过F孔,但不能通过B孔的大棍。不是这个(2),是这个(6),这次他选对了。我们要求他再选一根"可问即通过B、F孔的木程",他再次做出了相同的选择(为B孔选择了2号木棍、为F孔选择了6号木棍)。

Nam(5,2) 在寻找几月时通过B,D两孔的大规时,为D孔选择了2号木棍,为B孔选择了1号木棉 在被要求找出一些别看过B孔的无法通过D孔的木棍时,她将该行今理部为找出一些无法通过BD孔的木棍,所以为D孔选择了7号木棍,为B孔选择了6号木棍 "但只有1根木棍"他拿起了3号木棍,还一会議使其通过BD孔,但没能成功,于是重新回到了双射:4、D,2、B 在被要求找到"1根壳间时通过4B的木棍"时,她门举为B孔选择了2号,为A孔选择了1号"哪根木棍可通过B孔,但无法通过3孔" 那个 2号,是正确的答案)"同样地,在寻找既不能通过3孔,也不能通过B孔的大棍时,她至即找出了8号木棍

Fra(5.7) 在寻找它同时通过(下两孔的大观时,选择了对户的3号与6号木

棍"但我只想要] 根木棉 ——这个 3号), 对为它的尺寸与这个 (孔)是一样的":她漏掉了下孔, 图此, 她又在后面加上了6号木棉 在坡变示找到1根既不完通过(孔也不能通过下孔的大规则, 她读了试6号木棉是否能通过(孔, 3号木棉是否化通过下孔, 为了显示它们都无法通过"但我只想要1根木棉 那就是3号(然后又选择了2号, 最后是1号), 因为它们的尺寸不一样(2号和1号木棉不)适合"下孔, 也不'适合'C孔)。"

这里双射的点义与片先手中双射刀连义略有不同,片。种情况看手的是住一直被 视为暂同的元素具有自己自特定、可且直覆试的回题,是美国可考虑两个 射产生的第三个原因就是将需要建立的联系并列于起来,这些联系。 互始是相邻之生 的。但还不让这些。第二个声母是,能够丢了B孔头(孔)内木棉构成了能够适宜F孔木。 棍的一个子集,并且,被认同何自自然是各这种包含性转化为不相交集合的。元件。第二 个理由是,如同我们在&L中发现的。 根本积无法查过一个孔,当对可能是孔太小手, 但也可能是孔太大了, 木棍与它并不同能。今先到中引用与破击巨的条例, 《被击击 打有这种观点, 因此, 她认为3-2、1号本偿不丢舍五过下孔。这种情况下, 将与根本症 与相应的充进行。随后引擎其他木棍自然是更为种友的。这一打断的趋势在气管破武。 中表现得上常明显,严格来说,这种起势并不是被迅速的向否定,而是各体了一种抵 拉。因此,被试在可决"既不能重过七礼,也不能"过"无的本机"过"问题用,还变得。 相对简单(初)实见问时,这一问题对于虚武压力更行。例为为他、8m27.制了8 > 1、7。 即确决了支。同词, 南下a 符件认为, 3 2 元 1 号未提不适个见了F孔。因此, "说同了, "更 过6. 下的木棉"与"可记录下,但不是重过6.的木棉"是以包含为点提的。上述,要管决"无 不相符联系法。

3. 接下来这一阶段是双射向满射开端过渡的阶段。

Oh(4,0 在寻找的可以通过B上两点的大型片,为上层对定了8号大约,为B 几有定了2号水理,接下文,他又进行了修改,选择了2号大约,"四为它了以通过3 2个几"面对"无法通过B孔,也无法一位上孔的大理"这一约分时:仍立即选择了 8号水理,"因为它很大" 然而在面对"几点过上孔,但无法而过B孔"的符合时,也 将其理解为"无法通过B孔,也无法也过上孔的大程",因此又选择了8号;在被复本 选出"何可时通过上B孔的木框"时,他又选择了2号,然后管用的了什么似的,打 向了6号,不过又提出2号"也行"。

Car 5:81 飞河打通过 B_s (6.孔的木坑: $5B_s$ 孔打走了2号木机, $5G_s$ 孔打走了7 号木棍"仰我只要1根木式。——那片是这个(2.记都记道过 现在找出风 不能通过 B_s), 也不能通过(3.孔的木坑 那个(8),它都无法通过 那哪根 木棉可以通过(6.孔,但不能通过 B_s) 这个(7) 还有其他的吗? 这

个(2)编通过这个孔(B),但不真通过这个孔(C)不合适! ——但2号木柱可以通过G孔吗?——可以。那还有其他的吗?——4。"

Free 5,9) 一开始,在破要求找出"他通过已孔,但无法通过E孔的木枫时",他没能表功,后来想到了与(下对广的3,5号木琨,"我要求的是下根木棍,同一根木棍 那个(4),因为它的尺寸小 那几不知道过它孔,也不能通过E孔的木棍呢, 立即打向了8号太迟,因为它大 还有其他的吗, 7……6,它不能通过(1) 找出1根可同时通过以2个孔的木棍 5,不,2、3、1,因为它们都比较小。"

(cm 6:6) 在寻找证问时通过(、下两孔的太规时、一开始为(、孔选择了3号木规、为1-孔选择了6号太规、后来又认为、3号太规可同时学过这2个孔"还有其他的木规吗" 没有(写过一至列) 读: —— 这个(2)呢"—— 不行、这个太小了 但写地过去吗 可以(内此、(cd 新增了1号太规) (对于既不就通过(孔, 也不能通过1-孔的太规、(化光择了5、7号木规) (但这是可一很未规吗, 那就是6和3 (化哪棵太规则不能通过(孔, 也不能通过1-孔) 78号木规 那哪些太忍可以通过1-孔,但不能通过(孔, 也不能通过1-孔) 那个 3)、(円此、(化选择的风气通过(孔, 也)、通过1-孔) 我的要本是什么, (指出了3、2号木棍、最后是6号木棍)——还有其他的吗?——8。"

很明显,最简单的问题依然是一"找到就不靠电过10孔,也不能通过10孔的木棍",至于其中原因,我们已不进行了范围(模试中,只有10亩在成功找到7.8号木棍,表现出了200条, 做要求"找出就同时通过10.1000条件"时, 开始,被试总是随情双射进行选择,后来,有的被试验各列出了全部的正确答案(Fre与Man 对于被试来说,"找出能通过10孔,但无法通过10孔的木棍"这一同是是最难门,0h.先是将这一同是理解为既不能通过10孔,也不能通过10孔的木棍,又各其理解为此同时通过10、1000条件,尽管但离上确答案已不不远了,但还是发誓等决定。问是一Car以不相符(2号木棍与6孔不相

符)为 h, 也是以失败告终 (ed 最终成功找出了6号木棍, 包) 来又符页电选择了8号木棍 Fre 与 Man 在即将成功之前进行了摸索, 但在面对"找出能迅过C 和、但无法通过 F 孔的木棍"这一问题 f), 后者没能发现这一问题的不合理性

4.接下来的这一阶段,被武立即开始寻找高射,但这一过程年随着摸索,还没有形成要求的子集(能同时适过C,F的木棍:1-2、3;此重过F付无法适过C,在的木棍:4、5、6,,至少在"我是能通过F孔,但无法适过C,无论木棍"这一同是上是这样的

我们发现,在寻找能同可通过F、C两孔的木棍这一问题上,被试的选择中会可提出 现满射,或表现出接受满射这一可能性的意愿,但这一选择中的高射是错误的,或是不 详尽的,这一点与被试在面对"找出既不能通过F孔,也不能通过C孔的木棍"这一问题 时的选择完全不一样。至于找出能通过F孔、但无法通过C孔的木棍这一问题,Mur一 开始的答案是错误的,而不动甚至一开始认为这样的木棍并不存在,这一问题对于被试 来说还是较为困难。」 R.n.则是有推敲之后做出了正確的选择

5 第5 章最过,对于"找出能到过F孔,但无头通过C孔的木棍"以及"找出既能通过F孔,也能通过C孔的木棍"这两个可复时,被武成功给出了全部的正确答案,但不是一下给出的,也没有早于预期。

(m. 6;1) 记可时通过下,(孔的大规,"那个(3) 还有吗" 2、1,因为它们都很小 一块气通过下孔,但不能通过(孔的木规, ——是的 —— (个起7号大规,将其排除在外,然后选择了6号木规, 还有那个(5) 还有 其他的吗, 4 我都指出来了 4.5 6) "既不完通过(孔,也不能通过下孔的木规 主即找出了正确答案 就通过(孔,但无法通过下孔的木规 "没有这样的木概!"

与当在几个阶段比起来,本当段表现中了一些进步,Dal最终达到了第1阶段 6本阶段为最后。阶段,对于"志门时通过10.1"孔的木棍"以及"能通过12孔但无 法国10孔的木棍"这两个同题,被武均径位了许多工具了函數的确实方案。

如此一来,我们可以清楚看到,被试指定的这些木棍(总是正确的)是被提前合并成了集的:(SK)4=能通过C孔的木棍隼;(SK)4=能通过F孔但无法通过C孔的木棍隼;B(A+V)-能通过F孔的木棍隼;B'-无法通过F孔的木棍隼 但在讨论这一问些面,我们还有最后一个问题需要进行研究。

§4 路径的两个方向

在根据<<<…以及>>>>一代相互性对这两种路径方同进行调节时,很多被试值无遇到的困难,就是在不混淆这两种关系的情况下对这两种方同进行系统区分,在这一具程中,我们发现了该困难带来的营制。因此,下面这一同定算是得很重要,我们一具有8根本棍,其中,有7根本棍比第一些要人,那么,有多少根木棍比最后。私要小呢

1. 然而,令人吃惊的是,我们发现有的6岁儿童,世至是7岁儿。至何无法俘决区间题。

Flo(6,0) 达到了§[的第删阶段,她失速作1 8号木规也订了正确的扩东,并正确问答了以下问题:"比最小的那根大的有多少根, 所有的,除了它自己,有7根木根 那比最大的那根小的有多少根。 (她想去我,但被我们们止了)我不知道 那你放放 (她又一次从2号大理放到了8号木根) 。那其他的呢?它们不比那个(8)小?——它们比那个(1)大。"

(idi6;6) "有多少根小于8号的木棍" 7根 约有多少根大于1号的木棍。这个(他指出了其他木棍,还想去数,但后来支得混乱,先没气管出来)"他成功数完后:"怎么会有7根较大的还有7根较小的吗? 它们的大小都不一样。"

()li(4;0,在2、4、6、8号本磁中·有多少大于2号的木规 3个(他指了出来) 那有多少小于8号的木棍 2个(6、4 那个呢,2), 它

太小了。"

从另一方面来说、如果我们从绝对意义的视角, 而不是以相对意义的视角去理解"大"与"小"这两个概念, 那该被试的论述并没有错。

Nah(6;5) "比较小的那根大的 "不规拿在手里,并数了起来17根 ——比最大的那根 我们适了起来 小的" …… 不数的话,就不知道, …… (产出黄起的木鸡 所有的! 比最小的那根大的,有多少根, 所有的(她又放了一句)7个 怎么得出的答案, 因为拿了这根(8),然后放了回去,又拿了那根(1,后面又将其放了回去)。"

司起,在《与》数量可能可能付等性与"木提自数"为该得到保证的永久性与之间,存在一个中间反应。

3 接下来的这一个设计。逻辑一字当化口表:这两种方向上的数量是一样的,并不是 上方联系自己录癿有互性, 同是, [为在这四种方向手, 我们均扩除了一个元素

Ne(5;1) 工即约出的答案均是7根、"因为我们排除了1个、如果排除的是2个,那就是6根(另一个同样也是6根)了"。

(cc (6;1) 接收尺寸由小到大任上数:"7个 那比最大的木棍小的, 有几根呢" 吃 … " 尽 你怎么知道的' 因为存次都是有8根木 棍,然后我们从中去掉1根。"

Did(7;(1) "这里有×根木机,如果或去掉1个(8),他到了根;如果我去掉(1),也是剩下7根。"

因此,这里并没有涉及联系本身。

4 和反, 在接下来的这一阶段中, 儿童会将重点放在联系及其相互性的云算必然性上。

[au n;8] 标出有""想小于x号的木杞、并在没有数的情况下指出"有7根大于1号的木框"……"用力我把这些木棍一次与x号木棍放在一边,它们都是大于1号的木棍,一次则放在另一边,都是小于8号的木棍。"

1、(6:8)"小于8号大规的是所有的这些,7根:大于1号木棍的也是一样,不

 ^{1.} 四九、「云星处于数星"。元文作"生"。以至元之人。云里方在着我是在保存里看到的到数。是种情况 生。存在者数量的15年,四五九、数元、1年,然而在"石"。等证"元之中,则存在者有数的保证"而不是数量的主 有。 我从到现在。表面看起来推了于近,但其实主。 克二丁 木岭云色整体还不等同于部分之种。

过是倒过来的。"

Man(7;1) "7-7,因为8是所有木起中最长的,1是最短的,不需要数!" 我们发现,联系或元素本身数量的对等具有在其相互转换被主导用,才是必不可少的。

§5 总结:预态射、态射以及转化

首先, 与总一下我们对"对应"的是义:从"应用"点不完全的对应, 到益射 重复或引转移联系的建立"应用"在左边将被称为"完全对应", 在右边被称为"单义对应""预态射"被定义为一种应用,这种应用建立的基础不仅与扩展相关术准及其谓词属性无关, 还与它们间的联系有关, 它们在左边保持着这种联系, 在右边又占次发现了这种联系。最后, 怎射成为守恒结构(国此, 图有古发考虑的联系也得以建立守恒)的对应, 这又1. 我们猜测到, 结构的社会不仅影响着对应, 甚至对其起至了决定性作用, 这也是可能产生"转化态射"的原因。

1. 已就是现,在研究情况的最后阶段(好)的第十阶段, \$2.83的第十阶段, 我们们 先注意到是信复面对许多与合射有关的问题, 对合射是决定性作用的是转化或是与单、 双序列结构有关的运算结构。根据高用的八个标准(等是本学的分言), 我们可以辩别 出这些转化, 上要的转化如下。第一种转化与递归性有关, 不分面自由方法, 我们从 个系列中推导出每个项的可能性, 以此来完义这种转化;

$H=A+\varepsilon \left(\Delta AB+\Delta BC+\cdots +\Delta GH\right)$

因此,

$X=H-\varepsilon\Delta XH$

递归性的一种表现。

其次,此处存在与传递性个人有关的转化,尤其是在第111分段的问题上:如果1根木棍可以通过C孔,那它也一定能通过F孔:

如果C<D,D<E且E<F,那么C<F。

《I中的】 加阶段、以及IV阶段中的部分内容均显示出被试设能理解这一过渡性、 因此、将 3 一传递性与简单的可转让性区分开来是很重要的一省被试认为有建立多个 无的必要性力、如 2 个孔、C 孔供 1 , 2 3 号木棍通过,H 孔供 6 , 7 , 8 号木棍通过,这里存在 着"从一个更大的孔中通过"这一联系的可转让性,但尚未出现使被试道识的只需要一个H 孔的传递性。

第一种转化是每手 1 · 8 · 及的下口 8 · 方同量有关系的互连性, 高不是对应本身的互逆性 如满射, 及其对广的多射 — 利用这种转变的逻辑必然性"所有"(<) 的联系均包含着其类式。>、1、34已经同我们是从了这种转变的接作性和延迟性 一然的, 我们注意例, 这种转变 日始是被忽略的, 因为强品在无够对这两种方向进行区分开将其调节为一个严重的整体之前, 用始是无法区分这两种路径方向的气力此, 情况目中"小孔是必需"的这一假象才会得到强化)。

第四种运算组合的形式是子集-K在总集 K内部的建构,方式是通过子集具有的包含联系,另外,这种形式与之前的形式相关。实际上,我们方该记得,当产历的延伸 仅限于"全少一个"或"全多一个"时,单节满射和单射是不足以构成一个集合的:这些集合因此又根据运算的可倒转性(+与-)和混合规律(-K+-K'-k···)(这些规律构成了分类组合的特点)假设出一个连接设合并运算。然而,在解决第Ⅲ阶段的问题时,被 試 贯到信用难在第Ⅲ阶段中已经出现(§2 和§3),它们是以显示出这些组合的转化性 与延迟性。

故后。种言要区分的转化是由被试建构的否定。因此,这种否定不是指客体的单一反抗,如效试在寻找无法通过C.E.化的木棉时,作出了7.8号木棍,比预期更早地获得了成功,因为被武治要做的只是指出武长的儿根木棍。这种否定是建立在了集基础上的否定,他每在寻找能通过E.化位无法通过C.化的木棉时,子集-K的建构就以两种否定为前提,种心对-K.(能通过C.化的集合)的否定,另一种是对大E.礼木棍的否定,也就是对7.8号木棍的否定。这里的否定仍不能简化为简单的对应,对应总是言定的,下射表达的只是运算的缺失,有运算的否定是以一系列包含为前提的,并带有包含引起的合并以及否成一直这方面,应该注意的是最后一个段中否定表达的出现,这种表达一直未曾出现,直至"3号木棍不比8号木棍长"……

息之,这五种转化似乎形成了一个严密的系统。其中的两个属于集合的必然结果); 至集的建构,方式是通过子集包含的与其补集和对的部分否定。其他两个转化则是联系的必然结果;不对等的传递性以及两种路径方向的相互性。这四种不同形式最终由 第二性决定。最后需要注意的是,这五种转化的共同特点是,它们均处于具体运算的初 始阶段,但这并不否认,就像我们即将看到的,从用运算阶段起,在预忘射的作用下一些准备会在这些阶段中形成。

2. 这些转化拥有如此特点的同时,我们观察到,在解决问题(< 与 > 对等时出现的 双射或过量出现的满射或单射。时遇到的这些态射,严格意义上是正这些转化进行操纵 的,然而,这些转化本身只能是一步步形成的,并由风态射进行准备。如此一末, 15 (情况1)阶段I中的整体对应被分化的开端代替,(阶段II 产生的双射流会对分类的 初步测验起到促进作用,而对分类的初步污染明构成了转化的开端

具有双射自然是不够的,被武还需要为每个元素有序列中指定一个位置,并存出序联系加入进去。不过,如果想要建构接替者的预备条件;其中,一个元素与其接替者的联系是由可规察到的尺寸大小决定的,这一联系的建构并不是通过重复n+1在运算层面上得以实现的),则需要一个先决条件,即接替联系间的性质必须是相同的一然而,因为某些原因,我们怀疑,对于年幼的被武术说,除了元素本身生,两个元素同 < 的联系与其他任意一组元素间的联系并无区别,尤其是立心的关系与运行的关系,在被武石术,它们性质相同,立与运的差别作为其中的一部分介入到运行运行的关系中去(这些为递归性与传递性做出了准备)。如果是这样的活,联系间的任合目然就变得主席和准,而且,联系本身间对你建立的预忘射(促进,然后普及联系的可转让性。是对应建与准备阶段必不可少的部分,预忘射的建构以一系列会认为机图为二程

这些条件。中满足,有在于预查射与转化开端(分类用的相互支撑)但支持作用是交替产生的)就会变得频繁,并引起黄射的形成(第Ⅲ条段)。有离射的形成会使使被武将多根木棍与同一个孔对应起来,其中,第14条段计,被武选择的孔与一定木棍集合中长度最大的那根相对应,最终,则是与木棍总集中长度最大的那根对应。这就是连续运态射中取得的过程,这些进步促进了递归性与传递性的建立。这种情况下,第14条段时,递归性与传递性的建立。这种情况下,第14条段时,递归性与传递性的建立。这种情况下,第14条段时,递归性与传递性的建立。这种情况下,第14条段时,递归性与传递性的建立在严格意义上就对态射起到了决定性的作用。

至于無态射至最后态射的过渡,以及转化五汽车完整运算结构的过渡,它们都有有人特点——两种基本改变。第一种改变是用至效性观察替代"同时性"。有预态射阶段,同时性被简化为对一种独立关系的观察,通常是对差别的观察,然而,多重关系的建立只能是连续性的,并且一开始在序列的移动过程中是无意义上设有方同性的一相反,在运算阶段,在对息体进行再现时,联系的建立具有同时性,社会考虑到上升与下降这两种方向。另外,非常重要的一点是,态射与转化不再是简单交替的关系,而是构成了一个同时的整体。但两者最本质的区别是,预态射只受到连续观察的影响,而态射以及转化在第1阶段时,也就是出现预离射的阶段时,会达到逻辑必然性的程度

- 3. 接下来看情况 2, 为了解决提出的问题,我们已经发现了一种需要建立的对方 第一种是确保连续性的对应 定性接替者的预查射(与情况 1 样, 在第 N 阶段
- 1 例如一条"c. 段长 20cm 自4. 冬年起上另一条 变段 上 复国 与 20cm 的"生" 5cm 这两条 k + 20cm 延伸至 80cm 的这一路径上,很容易让被试认为,两条线终点的差距大于5cm。

第一种对应的作用是, 滤针被试厂意到, 只有以最短木棍作为开端的一系列查线元素才能使这些木棍 医过特定的孔(最大的孔 B / 通效分升) 日递归性与传递性产生, 这一根制性对应的建立(第1/1000) 等是一个人的一系列尝试与现象中, 递归性与传递性为对应的建立做出了准备。第一种对应的作用是, 促使被试查择的孔与选择的元素中尺寸最大的相同, 而不会高于尺寸最大的元素。我们发现, 这一门是有第14个段得到了严决, 原因仅仅是之前, 子集 S K 中聚集 木棍的满射与个集 K 中聚集 木棍的 入射 用 可未 F 随下射 与多射的和 互关系, 因此, 这个几被赋予了从外部包占的封闭形状, 而不仅仅是托它们组合在一起。这种情况下, 更否射有用于了集及其包围。而最初的趋势是 医过不相交的集来进行的)的运算构成, 就像"整体"与"个别"的云算构成。每一此时, 重否射以连续性的方式作用于"个别"上)。

4. 然后, 总射与转化间的天至表现得最为高地的是在制制阶段。我们记得最简单的问题是找到既不完全让6.在也不能拿过F.孔的木棍; 然后是找到能同时穿过6. F.孔的木棍; 最难的是找到, 是或过F.孔, 但无法, 是一个, 的木棍。然后, 解决第一个问题的关, 不仅仅是按理并写挂算最大的自己木棍(7和8)。 方。方面, 第一个问题的解决办法有找出两类木板所需的了集, 自该了集包含在个集内, 如此一来, 有做出选择时, 这一类技术有了上升和下降两种路径。发解决第一个问题也是一样, 但多了一个必需项设置两个限制, 从而形成一种交集。

"自我们将最后一个问题的答案与《41年间》,最小和最大的数字相等的答案进行比较升,设值一个问题与路径方向之间的联系式更加明显了一股能等对这一问题的被试在4不多的有价决第一个门上并同样表现出了迟疑和错误;无法分请"能同时通过上和代礼"和"同时无过退过的印度和"这两个问题。把"无法理证相关联系中必要的符号一号外,但先生不清楚"能通过下,但无法通过飞的木棍",无法理证相关联系中必要的符号一号外,但先生不是使数字间差的被战,大部分也解决了"能通过下,但无法通过飞的木棍"这一问题。

因此、>和<用代递增和组互性之间似乎存在有一种联系、这两种关系都在最后一个层次上得到了环算上的肯定,并且、该联系只在这一定设以必及的转换形式出现一关于组互性、84中年暂在7岁左右的被试与楚地或明了这一。一个于运算的传递相、最确定电机而是一一面有"能力"(但无法适过下)本棍"这一向是再被试的反应:如果在以往各阶段、被试通过实试、发现根本无不存在以样的木棍、也只是在最后一步。他们才会突然更识到"可以通过小园"上"无法通过大川"间的矛盾。相互性与传递性间的关系可以在进口性中找到:如果在4+\(\Delta\) (+\(\Delta\) (+\(\Delt

简而言之, 预忘射通过基于测试的现象为转化做准备; 转化, 可以运算的形式出

现,不再仅仅是局部、部分的转化活动(耐运算),时,将会取代预态射,预态射仅仅是由所观察到的内容和必需的态射所决定的,因为它们的形式最终是由相关们运算决定的实际上,我们需要仔细了解运算转化阶段前(递归性,传递性和相互性,但随着饮查集合及否定的建立),局部,部分的市运算是存在的面目它们的形成取决于了运算,尽管将市运算与转化动作联系在一起,在前运算被整合到运算结构中形成具体的形态之前,由运算的形成首先具取决于状态间的比较。因此,在所有阶段中,我们都可以找到对应和转化,但它们之间的关系在从一个阶段过渡到方一阶段进行最后的整合时,因为方面的改变会发生变化。然后,在进行最后的整合之间,我们可以说,如果每个局部的转化都必须通过预态射进行准备,提也是局部的转化致使预态射被发现。因此,通常情况下,是转化(尽管是前运算的,构成了不同阶段间发展的主要动力(除非涉及的是不完全对方的简单外延性概括化)。

第六章 链条承重力相关的对应与构成

合作者:爱德华·马丁与S. 瓦涅耶

本任先着最上两个门之、第一个可定利润。卓当时论的类似:有五条缝子,从1…5 依次标号,五个重量依欠均量的记得。扁号为4...上 它们之间存在一定的关系,例如3 立在条户正层是以重要心号使用的正好。若是因10或上号使码,10往条便会断裂。何起就在主,但从11.5号位条和4...上号使的之间存在着对应关系,那么完会付出这样的合论。。经条点够示义所有比它对生的使动更低级的依例: 若是存录重的缺例放工人,经条汽会断设 第一个问之或然和记者相关,相反,却计我任做出了新的分标。如果将两般链条在接在一起,也就是支援一根长连条,那么会发生什么一在这种情况下,较以必须按摩安求建造一个函数。这条复合链条的重重力会仅仅是来自某一根链条的作用。 若是,显么是重重力高可易一根,还是低力服一根。是总长度发挥了作用,还是和排行。第一根在上一些一种在下户有关,指或是决定作用的是两种链条的平均心度,然而自己的面数分一个。由,我们重要自己区分函数的对应方面心值和;值的双射)和转化方面(公百)值变化会导致。值值变化)。于我们的言,较下来应该明确两者之间的关系,或出是什么许这些关系与对价融合在了一起,这些对应在第一个问题中就已经建立。

方法、本失了使用的重力素材包括五个代码、Y 工币量不同 依次增加;另外还包括 1 根質条、1 5 档 6 6 设铁铁节和1 个纸黑的中央竞节,有些承重能力较强、另外一些不 人能够承重 不同重复的研制挂工人、它们可能需要也可能不断 5 根链条的中央链节和包括 样色彩不同,因此能够根据与色量人链条、有它们也"因为能够"口假定一定 层比,呈起与自身生色 致的缺乏 因此,我们已经曾初始对应的重量设定完毕,主体第一步所做的就是验证这些设定。

实验第一部分我们只会使用简易链条件为研究素材。被试验证完毕后,我们仅仅提出这样已同些;为什么这种链条能量得起这个砝码,如果随机选择认得,链条会不会断。向是就在于,如何不能让儿童当日,若是更轻的砝码则不会暂,但若是更重便会断裂。那么为什么会这样呢。在多次会证过程中,被试偶尔还会做出一些预测,甚至对原图,"生缸门"等了1.5号链条,我们又使用了与之对"的1"5′号链条(对应体现在承

重力及颜色相同。 九章的当务之急是检验1 5号锋条与砝码间的关系是否也适用于 1′5′号 还有 个问题, 两根龙组的连条(例如何于序列两端的1和5号、相邻的3和4号, 等等)中哪一条吊得起最重的砝码?

第二部分里我们将链条两两相连(总链条变长而不是变粗。,有被战上确等振两根链条的承重力之后,我们让他对连接后复合链条的承重力做出我也一被认为有一个恢测,就让他亲自试验以后再考虑下一个一般我们会向问被试是否确定自己的预测及其原因,抑或是否立该加以验证。同时,我们还会研究一序(ab或ba)是否会对是果当生影响(即可交换性),及其原因。接着我们清醒试气建出所有和2+3生合承重力相同的组合,找出1+2与2+3或2+3与4+5等和邻序列中较不易期的复合连条。最后,将两元个砝码同时打在某一根链条上(例如, \+B组合起来改在2十),或挂在某一组合工(如, B+C挂在2+3十),过程中几定可能做出2会员起B,3会年起(为何的打造

§1 最初两个阶段

我们只能从一岁及一岁以上的几至那里得到在意义的反应。他们没有反复验证了一件事,而某两根在条定具有的同一种色也没有得到实认。换言之,第一阶段的对应从知用启丁重复的验证,允重不一定为一次都复合出租制告集,但老电认识行项色标同志。两根链条具有同一性。

Sab (3;7) 验证了1号链条可以吊起A:"它们不作吊起末B"会不会断控?—— 带得起来呀 可是所控了啊,为什么呢! 它定不任吧 另一根1号链条,一可以 (验证失败了)为什么呢! 两条1号链条都听控了,17 该是1号文不任吧 给我找一根13 吊起(的链条 (她找来了3) 再来一个" (找来配套的2和B) 再找一条吊得起(的链条,那个(3) 再来一条别的 (她最然会试了几次,但没有接什么特别的顺序) 这个(2)和这个(2')是一样的吗" 是的 (2')前够吊起什么" (她展示了B) 那 2' 纪吊起来(()吗! 为什么,它受得住。(验证)断了。——为什么?——但5没断!"

Pie(4;3) 我们先向她展示了5万[、45])之间存在的对广关系"那么3和[)呢" (多次验证)断了 3和A呢" 吊得起来 3和B呢?——可以。——3和D?——可以。(验证)断了啊"我们重新拿出5和E"这回怎么样"——吊得起来 ——5和1)呢?——可以。——那5和C呢?——会断。——5和B?——会断。——5和A呢?可以"问样的,2与D搭配就"吊得起来",但是2与F就会断掉 等等

Chi(4;6 至过尝试后,证明了4吊得起D、C.B和A"那么E呢? 我不知道。——(验证)不行哦。——为什么?——太重啦。——2和C呢?——不行 ?和1) 看看吧 那为什么遇上C就会断呢? 它不是((1对应的那一个 2和1)呢, 不知道 哪一条链条能够应什多数重量?——我不知道。"

Pit 4:6 我们让仍指导指量砝码"最重的是哪个" 上 为什么它"事",—— 因为它大,它事"至于5和L这一搭配,他做出了如下判断:"不,不会听,因为它很硬"在用3号链条设了几次尝试后,他仍然认为2代够吊起来从A到1所有砝码"这所有的吗——是的"他承认了2和2′的同一性,并发现了,号链条遇到(公)公司象"?"吧 可几不会断吧 但2.2′呀"那要是下一个呢(D)?"

工业估量注 我们先得奇径 方面,精况反映了某种对于对应的追引,体现有 8亩仅仅表示"自一条连条不想。不是)支撑住式会助拉, Cia 坚称 4 氧不起的, 因为"太重", Pan 成 5 不会世"国为它很硬"。中此中世。但是, 另一方面, 我们未能观察到"如果。另处仍不能被利数品起一点, 那比《更重向》就见不能做到"或者"如果。另往条足够坚硬和更缺了以吊起。, 那么它也可以再次量起。。更到了最高"的月期一次对开上简单地是目为相目")也之间对广关系计被是相信了这样的事实, 起以有一根往条(例如3)和一个破码。"也, 对此, 在(条件下, 2 号锋条就会专案, 因为"它不是()对应的形一个"Cia"被认为"生了为一种观点, 虚当某功作具有一定难度时, 是具可能成功也可能大致的一种发展, 2"可能不会拘"。为一方面, 若同常五章的门子未说, 保分过和不能穿过礼, 1就是一个,对方面。被战在解释"自己海撞"大概是个偶然方达。至果时, 使用了"不能支撑", 几其是"不能吊起"或者是"不能提起"之类的表述。被试更是偏向自一做出私极预测。人概2/3 门时候认为完够"支撑"或者"而起", 打下的1.3 认为会断裂。 在观察到 3 号锋系可谓码的多种取制之后, Pa 仍然认为 2 与往条可以吊起所有缺价。无论如何, 在第一个次的人类实验中, 任何的系列传的性很可是都不存在

第一阶段中,尽管被试已经进入了确证的预括化阶段,却仍然没有将效果系列化被压体现出了两种趋势; 个沙及邻接关系,促使被试认为对于同一根链条而言,在某个试码上就等到,自改准会在下一个试码上重现,无两个砝码有效小差异;为一个沙及分离支标分关系,当与应证需要为重扩大时,和反数试会趋于重而属性

[11(3:6] 下了这样一个结论:2吊序起(和)(两者相邻)但是吊不起 B 由此证明,是2支撑了B 我们可以认为这是对F-10日>(该序列化系列的 正确反广 但在看到2再度吊起A时, 她判断2同样可以吊起B和C,除了D不 们这一崭新的半系列无为显眼! 她认为2遇到E的时候不会断裂,换言之,即 足以吊起D,因为E号砝码离A号更远。

Gen(3;8) 具发觉对于1号链条类说,B号砝码已经过重 与此同时,他还正确地判断出若是遇上[),1号链条也会归氢 但他又认为喝到,F的时候便"可行",相与于离A更远的一个砝码 主体的这一表现若说是偶然性的,也未免长过频繁了。

lun(4;8 观察到3号链条吊序起来13和(,并正确项则到遇到1)时3号会断系,但他与Lvi、(Gen一样,坚持置到E的3号元,"吊起来":"(实地弘证后 为什么?——这行不通。"

Nic(4;5) 将砝码系列化对他来说并不因难,他承认1号链条是设施的的,而3号和5号问属鼓强力链条之列。在於证了5号链条足以吊起(乙后,他得出结论,3号"七够吊起(E)",随后他在5号链条和(的问题上又改复了主意:"这组效果不会好,因为((')小了 那么链子断了' 没有,因为它足够强,但是应该把它和E放一起。"

I.h(5;6) 就这个问题做出了正确的判断。(号立方体比B要重,而3号吊得起(但他却由此总对出3号链条况吊不起B("它会断泵")也吊不起1)(他拿起链条然后预测它会"断泵"),相反可以吊起A("抬高"和E"不会证")! 因此,即离的远近形成了对称,替代了系列化(参见第二章>1) 之后E.h向系列化接近(5吊不起E,问样还有D(,B和A),从第三阶段开始,他明只偏向于"吊焊起来"这一表述:了和3是一致的,遭到1)的时候会所象,但是3"是会象开,但不是自己裂开的!"

可以看到,在月相邻砝码和差距变大的砝码进行试探时,被试未能实现系列化和传递性,自至下的有了对称概念时才有了一些希望;在实员过程中,Nc的对称性认识是错误的。他认为如果一条能名的蓝条支撑不起一个手的最弱,及过来。 条黑力的缝多(S)也不适合一个轻的砝码(A);或者更过分的是,如果多量起心,形么多沉能够引起下户尽管有些错误,他的反应仍然体现了两方面的进步一方面,如果被决计明主会步衰、并且预测遇到邻近的砝码时它也是一样口情况,被试会建立是一种局部的传递性,但更只是暂时的一因为这种传递性在实产证实上确之后,不会打欠地保持一间从7多开始,被试就会实现传递性的概括化一另一方面,就择两个差距较远的认识各进行会试、可能对被试系列化的预备产生了作用。

§2 第三阶段和第四阶段

在第一阶段, 也过复复两介我们得到了这一情念, 系列化的对应允许被试查, 则和解释"能够吊起"这一现象, 但反之便不尽然。

(li(4:4) 通过实验让+号链条再度吊起D、并由此得出结论,即它同样应付得了(',B和A,"因为它们更轻" 但是根据从前一个层次峰承下来的反应, 若是用几个相距较远的砝码未实验, 像是2遇到('和D)的时候会断, 布遇到上的时候则能撑得住。

Sam(5;6) 证明了4再度吊起1),并预测这对C和B来说是同样的情况,"因为更轻 那么A吗' 更是这样了"因为已经证实了2和B,所以A同样会被吊起,但因只证明过2遇到上会期,所以2被视作可以吊起C和1)

()h(n;6) 然够以5 +,3、2、1的原序分别将链条和砝码按强度和重量排序,但是他认为已经证其可以吊起1)的4在遇到上的时候不会折 换言之,它能撑得起D—A,因为它们轻。

Ho((;6) 同样说5号钱条比4号更强力,然后是3号,"因为我看到了它的中心纸钱节更能得" 最后是2和1 这是浮对几的砝码(F A)放到链条上得出的结论 地区售出4号可以吊起(、B以及A,但是不能吊起1、"因为1比其他的构作 —— 那么5号钱条吊得起哪一人吧!—— 所有的砝码" 尽管如此,2还是心的吊起A、(以及B:"那么1)吧! 不行 —— 但是2能吊起() 是

在这一层次,被试算识到特条不仅能需是对应的砝码,同时还有所看化对应砝码更轻的问题。尽管知此,被试却不能遵识判别。但事:往条两到更重配码时会需复。虽然有明分前我们已明确提到链条后,更是团好定以需起对广节色的砝码。在正几个介疑、被试值啊"可以置起"比"断裂"而次数更多。在到了第一阶段,他们解释了自己的选择:"更轻"的话就能隔起来。"更重"的话就会断裂。换言之,传递性导得必要了起来,链条看看看一个可以支撑住的指挥点,但一旦超过这个需要点,就会可能因为"断裂"作为"吊得起"的支义词来说不够事的,而使得传递性支到了影响。

第四个段,被武在两方面过行了明确门推理与反应,体现了互反性

Ude(6;3) 验证了5可以吊起上:"如果对这个适用的话,那么对一切都适用"并且注意到?遇到(的时俟会断象,她由此做出推论:"因为(1))更重,所以它也会自行断象 那么哪根怎吊起来(A)? 所有的链条"

Col(7;0) 可以吊起C的3也能吊得起来B和A,"因为它们更轻",但是D 就不行了,"因为更重",E也不行,"因为它还更重 —— 那1撑得起什么呢? ——除了A都不行,因为其他的都比A重"。

Tro(1;6) 表示5可以吊起 E、1)等"因为5是最强力的链条 它能吊起来 所有砝码。"

那么如行让被战形成吊起与都袭之间的拮抗关系呢。如何让被战兽识到存在某一个精确的临界点,超过该点后的砝码的重量沉超出了(主条)承受力的限度。不过,参考一下重量概念的演变过程,可以得到这一问题与方同相关: 印被战从为砝码的重量会将请条回戒部拉伸,也就形成了与"吊起"相反的准度概念。我们重新回到构成的问题上

此时的研究活动与第五章。第一等设计不少有一点不同一篇。在一月始、本实意就给出了砝码和"刚好足够"品起砝码的往条之间存在的对应关系。,提与制的关系则要依靠被试的自我建造。第一,但估定方情况。接着情起、这一美动作比起判断根据能不能穿过耐来说。对被试的要求更高一因此。被试注更容易在本实验中达成多项映射思维。第一,在重力的物理作用下,方向具有一定的影响,而在容器和内装物的关系中则是缺失的一更有趣的是,我们发现了正是在7-8岁这一个设定还有很多6岁的案例),被武从两个可能的方面进行思考,起速从系列化对应中推断出多项映射并加以概括化。

这一相同倾向的原因很明显, 若将要建一的对应依赖于显然不同的可观察现象, 那么在两种情况下, 对应准备的转变与最终引导它们的转变是相同方: 双重意义的路径之间存在的递归性 传递性与互反性 重提以 点升无意义

接着,被武接到了这样一个投问:如果咨两或"根链条按,"种(字连接在一起,四十二或两个砝码,会发生什么一在这种情况下,儿童没有发现决定整相连条的示重力的是最脆弱的那一根,而是期待这些合并的链条能够增强它们的能力,好像两根往条是平行状,可以同时受力一般一不得不说冷问题比之前的更为复杂,每次过程也更慢一些

链条、通过和连条、绑定获得廷长、拉着的是B号砝码。孩子首先想到的。这一形成了一个整体向上扩伸。只有B号砝码包下拉伸。这些、扎、打自高处、但因、同时和B绑定、实际上、受到了B和x的双重作用、B将它拉可低处、两、等、+B市起。因此很明显、决定承重力与、+的拉力的是最能量的那根任务。但是、被试者要理解这一点、还等考虑心及力的方向问题、而不仅仅是承重力与砝码之间的对立关系。

§3 第一阶段和第二阶段

在第一阶段, 挂在廷长链条的砝码毫不稳定, 甚至相连接的是两些相同链条时也是

·杆 其他情况中, 自体往往只信赖构成符条中的某一根

(col(4;5) 面对5+5这一连接组合时表示:"它们集合了两个力量——那么(3+3)遇到 F)呢" 砝码重了,会断……不,不会断(验证后) 为什么改了!——我之前不太理智——5+1遇到("呢"——不会断——你怎么知道?——……"

Q(z(4,×) 尽管已经证实了2+5遇上1)会断聚,他仍然认为5+2组合(5在F)会吊起所有的砝码,2+2也是一样 虽然他验证了2+2遇到E、1)、C的时候会断裂,但是还是认为可以吊得起所有砝码。

Rog(4:6 提议范用5+3 试试看上,接着又说如果是3的话,仅仅是下就们会让它断裂,但是遇到5+3的话, 吃不会断了。 相反, 他承认3+3也承受得了E

Cat(5;0) 想到3+1吊不起E,但是1+3能吊起C或A。

被战乐从在某一个时刻、两条往条常在。起北。条连条更有力。这不是从狭义于来陈忱的数量上的可见性,除非复制的是相同直条(5+5的情况下,Cal 也说"它们集合了两个力"。等据Qig 的 2+2 和 Rig 的 3+3 中,但是这是集合在。起的情况。可以看到,Cat 认为 1+3 可以靠起 E. 更知确切地说,有在包含形式的黄射关系的元素集合,集合后的能力超越了整体里各组成部分的能力。

接下未向先長里(要明确 声的是,目前的类段与第二节的阶段在领节上并不对 广、集合的效果不再全面,但目为算条和利用广色的砝码之间存在双射,故主,拥有双 重的能力,x吊起一个,y吊起另一个。

5.m.5;6)和第一阶段开始时一样:"3+3吊起什么"—那个(F)——也可是所有的砝码吗"是的 你还记得拿着3的时候你只见节起A、B和()——是啊 ——那如果是3+3吃/——所有的啊,因为3+3是最大的了,大于3——5没有3+3强咯/——这两名都是一样的 ——3+3+3呢/——也是一样啊,但是这个(3+3+3)能够拉得更高。"

F.加(5;6) 问样认为3+3"比3类强"、3+3+3还要"更加强 2+4 吃, 吃够吊起门和B.因为2承受得起B、4承受得起门 那("吧"— 吧… 不, , 不存在对口, 也没有传递性) 2+5怎提起从L到A的砝码(验证, 所了! 2'+5会所吗" 不"最后2+5和3+4是一样的 什么情况下2+5可能不断吧" 遭到B和F的时候 3+4呢, 一这个门还有那个C。"

作是从这些双射出发,根据位置的不同会有些区别,非可交换性),在硕品和位于下 方的链条的承重力之间建立了对应。

Cor(7;0) 想到1+4可以承受A、B、C、D,双射1+A和4+D促生一种更为强力的准则 会试证明会图象后,他认为若换成4+1代可以承受,"因为4在下"

最后特别还要提到一点,在已有的年龄段,砝码和合成替条间的对应关系导致了(可能有其他系因的作用)第四级的假想,假象有关锋条之间的具体相互作用

Pac(5;4) 5+4"比5强,因为它更长"……"5和4是强硬的 谁更强硬" 协助另一个支得更强硬的是5" 4+3"变得住(1)」,因为4协助了3"

总体来说,和之前沿用黄射相反,这一个段被试考虑的是以主,形式组合的连条与 富吊起砝码之间的双射。被试对链条混合区分对待,过渡到了下一个阶段。链条的效 力在内部就遭到了区分,最脆弱的锤条如果遇到不相匹配的砝码就会影袋

§4 第三阶段到第五阶段

第一阶段、7-8岁,从6岁6个月开始户上体的回答表现得合情合理,但直有第五阶段,被武才学会考虑方向国泰,从百做出更合理的判据。

Kir(6;6) "如果我把2+2 放在一起,它的承受力会比单独一个2强吗' (能吊起)这个(A)和这个(B) 其他的呢'—— 沈这两个,因为其他的事了 1+3呢,——这个(A —— 还有吗,—— 及了,因为1会斯智 —— 但是还有3呀,它帮不上忙吗, 不,因为1已经会断了 5+4呢" 所有的,因为5能受得住F,而4受得任[)(退回第二阶段)不,因为4会 因为1 而断象 —— 如果是其他更强的转条呢, 一样会断的"

Ho(6;6) 对于1+2表示:"\呀,因为那个(1)脆弱,而那个(2)更弱;凡该放 L(A) B呢? · · · · · · (省略) 至于2+4、5+1、4+2、3+3和1+5,哪条鼓 强? 5+1 为什么? 不,我弄错了;足3+3最强 · 那4+2比5+1 强。——因为4+2里没有1啊。"

Nat (7;5) 对 1 和 2、4、5 组合时表示: "只有 A 可以吧, 其他四个应该会断。但要是把这几个都组合在一起呢" 还是会断(円为有1) 3+2呢?——只能 A 和 B。——4+3 呢?——C、B、A。"

Fra(7;9) 一样的反应"但要是两条链条组合在一起,会变成一条更强的链条吗"不,还是一样的 那么断的总是那根最弱的链条 为了 吊起D,我们找得到一个别的东西和3组合吗? 找不到"

这些问答是合情合理的,但正如而文质述,这只是双射概括化与的结果 双射概括 化计孩子们明白,如果链条中最弱的那条无法承受起某一个重量,它就算和其他的组合 在一起也不能阻止"一样会断的"的结果(Kar,Nar) 双射之简单还体现在,如果我们存 两砝码(P+Q),而不再是单独的一个砝码与两条链条(x+),对应,就会惊讶地看到被战 又会退回第二阶段。 Rog(8;11) 考虑到最弱的那条链条、"因为1/160拿来那条仅凭一己之力就能承受"指定重量的链条。但是对于A+B的组合来说、2+2双重组合链条就够用了,因为">总够承受,同样另外一个2也是一样",因此一个负责A,另一个负责B,特后罗格否认D+B比E f,D+(也是一样,最后提出因为D+C+B+A-E,所以4+3+2+1) Rog的错误是在于仅仅是简单相加,如果这些错误不是出于对链条和组合元素之间双射的关注、就不可理解了。

X₁(8岁)表示(2+3)遭到(全計系,原因就在于2,但是论受得住(B+C), '月月B有2,(有3" 同样他在意识到错误后,想到3+3可以承受住B+C (一根3对应B,第二根3对应C)。

接下来的第三个设备。10岁、个别是8岁、和第二阶段相比、似乎标志了一个点思 但这是一个物理学习是的普遍竞争。和这个高段紧密联系、实现上促放了一种进步一儿 更全方有提出一些有适力的定步是一现在一支做的、先是回被试订领的与相连往条之 间的任力作用。往答之间可能是相互调助、也可能是提同设此。等等

(水(名; 4) 从第二阶段开始,对活如下:"1·3遭到B呢" "我记得会断,最好还是拿这个卖吊A吧 那么4·5遭到F呢" "这会业吧,因为4和10是一时啊 作自己同行呢" 我同行吧,4+5到合加信了原来的军国生"

子技下未改1、每回答生。引,的显个元素"不行地""产量与的那个元素的乐重力

Ami(1): 1 "4+21:3+2强 丁二它完全得住1):4在承重方面更出色一点"In(1):1 4+1吊守起昨有,从入到1,"因为加上1就覆括了全部了 它变得很强:它能受得住所有的"。

(ma(9;3) 闪绿认为5·1吊起"行有的事量,因为1负责A,5负责E"

Sop(9:(1) 4·2承定行了D、C、B和A、"约为两条链条的力量集合在一起就有更多的力量来提起一个重量"。

1、1(1); 11 4·4比只有4一个复强、"图力与一个断了,还有一个4在呢" 4·4·4的活力更强了、"一个4个开了、还有两个在呢",3·4"比3·3要强、等等", 一组链条中较强的那条"辅助"了另一条。

Lip(10;3) 和 Iva一样想到 4 没有 4+4, 更没有 4+4+4 强。

我们可以看到,被武美工了动态为推互作用,导致有针对点。 双重模式的回答中, 回归了第一层次的套路。但是我们门样占金钻,这些概念和同一年龄设中力量构成概念有相似之处,由于缺少方门均或。门量力,平行四边形的准况向未被发现,力量之间的作用还局限于"互相辅助"的层面上,等等。

不过计被武考虑到方可用新明显是有必要的。因为它能够保证在第四阶段国際的 正确性 虽然第四阶段与第一阶段的国际最重是一致的,但我们可以保证被试会对首 尾相接与平行糅合的组合链条进行频繁比较。

Ib(9;8) 首先提出了类似现点, 他没有像第三阶段那样回答(例如4+2况不能支撑()也不能支撑(), "因为2比4要弱, 所以可能所象"), 相反克段了附加上另一砝码后认知的困难: 他认为A+B可能不能被2+1吊起, "因为1支撑得了A,但B就不行了:它会断掉" 4+2对于A+B来说也是一样, "2断,只有4能够, A+B=D(他想说<D)……2无论如何都会断"。

Val(1); 3) 5+2不能支撑(:"只有一条(链条 在另一条的一侧(呈平行水 态)才不一样。"

Hug(10;4) 2·2遇到(会) 这个组合只能支撑A和B"你确定" 完全确定 为什么(死不行 如果我们把一条放在另一条的一侧(干 行状态、可能挺好的,但是如果我们把它们构成一条有线(相接状态),此和2一 样了。————条不辅助另外一条?———是的。"

Dan(11;11) 是一样的反下:"如果我们把它们看成于可读态,我们可能认为此一条直线的情况要好。"

Tik(12; n) "2·2·2上A·B' 一条有线的情况可能不可见。但是一条在另一条一侧(平行)、就能够吊起来了。"

And(12;(1) 比较了4·2和5·1;"4·2更强力 只要比较2和1,4、5不高多 管 只要小的那条许了(更好的那条钱条),允请卖了! 口政把4和2效一起,千 行),但是像现在这样(相接),会断的。"

由于可见,被战略特想要表达的一个观点,缝条若是相接便不会导致力量的查测,但若是早平有状态糅合,情况便会不同,即使挂于相同的缺码,也会近未与之无不同的结局。不过,所有这些证都是自发的,被战没有明确表达过比较的应题。对于这些被战水说,不再有第四阶段中"共进退",目向于扩伸的运动。子列了一面,有的只是拉口纸处悬挂着的弧仍;运动这一连重中的每一等都变成了两个相反方向对作的中心部行,

条凌驾在方。条上的成功只取决于往条日身的乐重力, 口方。条九如 kml fr言,"没什么可关心的",他简述过属于那条较方往等心去切;"只发示的影条断了, 死 d束了!"

§5 结 论

上述反应的关键就在于,被法设想出来指责其对应研究的某种假设的超了何等角色。这是一种复杂的物理现象,而非完而的章节中与步及的仅仅只是全面关系。因此 应该从对应和转化间关系的角度,检验这些误设的本质。

但是有物理学知识的领域,我们广泛区分两种转化: 利定把被试本身作为信息来

净和中心部位,被试剂动作局限于发现或者计算,另一种来源于客观转化中被试售助经验实现的操作性重建。不过,在仅凭某个重建被试就能够理解转化并挖掘出原因的情况下,在重建门,客观转化对于被试力言,不考虑它们自身的阐释的话,仍然是简单变化支可减率到的共同变化。有效转化和对位建立了联系,同时该类转化也是被试在可观率数据的基础上重建出力。但还有一点人支引的,那就是独立变化的客观转化与第一批对应建立之间的关系。

从汉 角皮素说,高发区分本千合式的假设(只是假设在变化及风祭到或认为可能的对) 中存在规律 和国是印度是说) 性的假设, 旨在对转化的事建, 对应可能构成必然性是果) 在第一群段, 被认须以 1 等 3 连接 11 今 2 3 号值条要量力, 或者说被 13 双射, 4+2 市高起 10 和 B 被认仅以 1 等 合法的。是 2、根据有是先售的联系或者对 17、他们取过 2 4 取象或者 4 7 5 是 5 月间。但是没有从上是角度对相关机构做出解释。相反第一阵一定和, 被认为到 连接连条 15 月 5 月 7 年 1 日,"聚集了两股 为量"或是允许一条链条公司,即"另外一条。他认为人改出编程,以 5 月 不上面; 在第五阶段,几个多于明广,连接几个企业,或许条间的。相互作用,几个链子等可以置在一起效果加入不同。上单的假设来自推论,而非仅仅是先前的尝试证明。

那么第一种类与的银设本质上就在上的支现函数。作为共同变化和对应)的合理性,但证明性分词设由目标更强,后在直过推定、连续化,转化以必然性情况为各文决定了对应。在第一种情况中,发化高转化与对应紧密相关,它是发对应的同时也是对应几当果,无论是被违实证伪即或证实。与此同时,在第一种情况下,尽管有效转化是上对应厂准备,对应不将,特别是下和方门相关。却是在在于一个运算的三面上

¹ 参见第二章未尾

•1132 · 皮亚杰文集 第六卷 智慧操作的建构过程

不过,从第五阶段的观点来看,不仅仅是观察者的观点!力,转化仍然是无效的,且只有在我们的语言中是假定的共同变化,但是在某种意义上为最等达到的实际改变做了准备。要么被试完成了转化的局部系统(像是在第一阶段,当两条链条品起凹。总砝码,而不再是同时配起两个),发么观察到的对方证伪了形先设想的共同变化,这份体品要我们的深入探讨。

总有言之,可以说任何被证实的函数都在为有效转化做准备,因为如果*b=fia*,在*b*的值和a的值之同证实的双射对应就设想了一种依赖关系。特殊情况下,连重任条的承重力独独取决于最后那根的承重力。因此,发星发迟必然会产生对这一依赖关系。因的研究。与此同时,连带产生了一个有效转化的系统和以必然性情况为名义问想得的同态:"只要(充分必要条件)小的服条断了,凭着来了!"

第七章 交集中的对应和转化

合作者:Cl. 沃尔兰

本立支讨念的在广门振作性"转化"和"转化"混合之间存在着的不同与同一的关系问题:如果工和工两个分类在一个共同部分工工。方面来说,这是在工厂或者是在集合工厂和部分工工工艺间存在多面决划厂对多的对应关系。但是同时已和应地、工和工存在工厂工厂的满足。这个工厂我们可以思考一下,建立进类对应之间的互及性是否满足理解交集的方式。或者是否应该是加州任何的分类不算。在后一种情况下,应该确定分类必算对于制定对对面的互交性在多大程度上以成分类不算,支者,也反,应该确定分类必算对于制定对从来说是否必要一次严我们坚持对应和转化的初始。无性,证如本的时情况,做过一者们生产只是都过信,且只会在一个区域层次上之流,我们各承认,以上问题就是必须讨论的一准作未说,这个各段层次上、交集被当作运算的组合来理解。

我们向实验被试量现以下三种条件,分别是条件1一3:

A_1	A_1A_2	A-
1. 3 只非蓝色的鸭子	3 只蓝鸭子	2只蓝色非鸭子
2. 1只非白色的鸭子	3 只白鸭子	4 只白色非鸭子
3. 1只蓝鸭子	1只白鸭子	1只自母鸡

为了偏决提出的问题,我们自先计被试对素材中的行行元素进行同一性解认,然后同他提问:"在你面前,他知条件 1),盖色动物更多还是特子更多了(这里是5只和6只)无论也如何几答,我自都会要求他予以解释,自己在手控制他从 1 和 1 到了成元素的多

项映射 之育礼权射的分析已通过回接宣径开始右手 在被武数过所有的五后,我们在纸上写下他发现的数量(这里是6只),然是对1.微同年的事情(记下5只) 有此之后,我们藏起系材,然后询问他抵着中有多少各体;基本上,年幼门被武门都画签11.因为5+6-11 于是我们拿拉进打的抵堵,每日:"这里所有东西我数过是8,知果我把那里的5只蓝色的动物和同样在那里的6只能了改在一起,为什么是自己,不是8呢"不过不常没有必要提同,对为重高被武都会发现这一时的无力矛盾,他们会自己提出门定

询问的最后,我自今是会批另一个专村担比一个包含关系的数量问题,如果 $1 \subset B$,那么A < B,因为B = A + A'。

§1 第一阶段

长期以来,我们知道,在最高等的是关上,并不对包含了交集的分类的反应。就是把原有的东西改在何。个集合里,他不知当如何常集合切割开,自具是各个和4 元对应,没有考虑到两个了集合在一个公共活动分。因此在这些情况下,满射和多少决射力分类形成引起,但由于缺少了集工工,与以是不完与自己。这些事实是无明的,但是在分考的子集占很大优势的背景下,这引进入了集功等。层次是有指导意义的。

D B= 蓝色、J= 黄色、BI= 白色、e=鸭子、pn=母鸡、en=公鸡、hn=燕子、pn=鸽子。

Yva(17:8) 面对 2. Bl. 1. [1.3. B. 1ptB+1htB时一开始做出了同样的"非"的 反 2. 在这里他看到了更多的蓝色动物 "是什么动物" 鸭子 "过了一会 几,我们又向他提出描述更"] 易的问题: "你没把这只蓝色鸭子计算在鸭子里或 者在蓝色动物里 在……在……鸭子里,何样也在那此(非蓝色鸭子)里,我 把它们计算在鸭子中 装贴时候们存在鸭子里,其吧时候算在蓝色动物里 俩种里有哪一种比另外一种正确吗, 不,这是正确的:有两只蓝色动物(鸽子和) 1 以及几只鸭子 鸭子更多还是蓝色动物更多 鸭子更多。蓝色动物有两只"尽管之前存在等射和多项"、射孔还是注意到了交集 在情境 III 中(1pobl 1. Bl 5 1(B),有 3 只动物,但是在如下问题中他是这样作答的:"2只鸭子和2只动物等于多少, 2+2是4,似是如果再加1的活是4 这话怎么说, 2+2是完美的4 再加1、1是4 ——是鸭子更多还是蓝色鸭子更多。一鸭子更多。有2只鸭子以及1只母鸡。"

Ani(8:6) 逐學習在"非"中 她是这么看待替提用的:"如果说是2只白色的和2只鸭了吧 礼息4 为什么马上说是4而不是3呢" 門为如果拿来2只白色的……此如如果有3只鸭了一样也是41她补充道:"

更加先进的核识表述的"同时"和AII 短暂肯定的表述之间形成了对比,又或在Yia 知告签领性的表述中透露出了内代处了在想过这些(制造色)之后"或是"某些目候…… 以及其他时候……" 国北被试似乎想到了产生对应的过程,而不是一次性组成全部的分类或是子分类。事实上,被试证与富在集合的层次上,甚至是AII 都没有达到对包含关系稳定的是化。在适时的最高。当9只断了中有6只订色的时候,在肯定了全都是两了之后,他说"自鸭子比断子更多"。不过,为了建立起交集,他当然立该通过协同"所有的"和"某些"以制置外延分类,此时对广只确定有1对自1对多等等,数差家简单地把这工作释为"至少1"。"至多1"或者有边更详证(对于映射来说。但是不包括"所有的",在

含义上可以被解释为"每个"。

第一处线索显示了这一缺失的外廷·为了将注数的结果和计算行告果相对等,主体提出单纯系加一个客体("再加上1就成了4"。 当被试把对应引入客体问的时候,他忘记了这些客体屏属的怎体。相反,当门也在了定义集合之时,鸭子更多还是蓝色动物更多,被试忘记了素材的区别,且 Yua 四答说:"有两只蓝色动物",排除了蓝色鸭子。交集中没有少及运算加工,在与客体属性与类别属性的协调相一致耐,才最终实现了分类运算的必然性条件。

§2 第二阶段

之前有"鸡子更多还是、更多"的问题上,被武美档取(运算)几日学自遗漏挫折,且只能进行不完全外延推理,无其在(1010年)之(1)之(1)之(1)是上国难重重,这严肃高要通过增加一个动物来解决。在现在的阶段,相反,被武年大了第一个问题,但是在第一个问题中,被武令人情况起返门了之际解决方案的讨论中

Sil(7;9) 对于这第二个问题还停留在第一阶段,但是因为他关心明确表达在情境3中的扩张,在这一清境中,只有3个元素,他要指出:一开始他说"鸭子更多,因为有一只自身鸡和2只鸭子 那个((B、)你是把它和鸭了一起算还是和白色的一起算,——在吃口答白色的友者鸭子没什么用(- 两人都对)……如果说'白色的动物',那么白色母鸡也在内,如果说'所有的'鸭子,那么是色鸭子就算在内" 也就是说,对公面言,们够随心所欲地做一个或另一个对应,但是不一定脆够明确表述"全部""它在鸭子的集合里以及在白色的集合"里

有B 一行2 ——然后这个(蓝色鸭子)呢? 也是一样的,它们同时能算在两个里(她又回到了多项映射),因为它们既是蓝色的又是鸭子(相互的满射) 那么我可以说6只鸭子和6只蓝色的鸟?—— 不 啊,这是对的……如果把它们算在B里的话 —— 当把它们放在蓝色的里面,它们就不算是鸭子了吗, 它们间时两者皆算"但是到情境2,一切要重新开始 她从共同的部分出发,说:"气款它们(从一个方面),也可以不数 有偏好的某一种吗? —可能也只该把它们可时放在两个里面"但是她继续犹豫,就像对应是一个可根据选择而改变的暂时的过程。

Lu(8;1) 也对共同部分发出了反应:"它们能够同时与两者相关吗"一一不完全 —— 它们既是鸭子又是蓝色的让你感到困扰! 是的"他提出换掉汽色的鸭子:"有时鸭子更多,然后有时鸭子更少,这让我很困扰 可能应该把它们换下去,然后放上来别的颜色的。"

Lin(9;2) 提出了问样的暂时的可选过程,但最后还是走出来了:"如果这样弄(把(BI)(I)为(),也有很多、了,然后再那样(归为BI)就有很多BI的了!"情景3只有二个元素:他时而看见更多的鸭子,时而看见更多的白色的:"但是(一个还是另一个)/ 鸭子更多……还有更多的··啊!现在我懂了:这是一问事,2和2,这才对:两只鸭子一起(他把它们聚拢在一起),两只白色的一起(他也把它们聚拢),就是这样!"

为书包数的时候,他只发现了8个 但他最后懂了cB"组成了两个东西,一个是鸭子组、一个是气色组" 只有这个发现是如此不稳定,以至于他想了很久后才心在清境2中暂时性地达成"它们是两者的一部分,就像之前;就(把它们)放到这里,然后替掉",最终得到一个不可能的对论:"如果丢掉这个的话,可能有更多的鸭子,但是如果增加的话,这像它们也是白色的一 那点既不能把它们放到这个里,也不完放到另一个里,…"最后在清境3中,他找到了解决方法:"这是一个鸭子……然后它是白色的。这是两个属性。"

文些事實付品至对应和分类之间的关系有有启发意义。首先,它们让我们理解主体赋予了多项映射和 满射什么样的,品略角色。两者中的前者更常见,可能是因为它表现得更加自由,承载了多种可能性,而不是具有浮制性。比如对蓝色鸭子,每个被试都说:"它们能够"(Sa)算是蓝色或者算是鸭子,但是能够把它们去掉,"能数它们,也可以不数" Val);同样,不能完全(Lau)把它们同时放在这两个中,直到和Ser说的:"大概能(实际主),但是不能(能力士) '相反,满射不再从蓝色鸭子出发,追随两根可能的箭头(C 戈B),而是从集合它(鸭子)和B(蓝色动物)出发,引导箭头射向同样的元素(B("蓝色白附利还是鸭子的",Val;"这是一只鸭子以及它是白色的",Ser) 在这种案例下,允

其是"它们是蓝色的,它们是鸭子"这一表达,有对同一个客体的两个似乎是稳定的特性,而它们的联合体则是强制的。在Lan 的表达中,最多需够把这两个性质的结合当作是"令人厌烦的",但是在另一处,当存在多些缺射时,就不能自由地添加或去掉性质

也就是说,多项缺射在获得承认之前,提供了可能的并依次使用的联系的图形。当 满射为之优量时,在两根签头的帮助下就是被接受,且变得稳定。如果是这样,我们看 到交集的创建时,从对应到分类应该至少以一个条件为前提。第一,多点减射和满射共 同操作、个根据多样的变量。动物和简色)在自时集合的方向中建立签头,另一个在变 到考虑的元素的特性上建立签头,在这种情况下,方间是相反的。在同一客体中重要找 到一个或两个("至少一个")相关的变量。

鉴于先前的事实,第一个条件目科是基础条件:得于把多项政府视为一种有时已过程,同时管头在某一种方向或是另一种方向中交替,用同时性或者更恰当地说是一种主物时的地位代替连续的可能性。因此,也就是把两种管人以及两个目标集合的属性视为必须"同时",就是说"共同"(如此便首先否认了刘和赛尔)

这两个条件不满足,但是为了达成交集,引进超过对广的星化是总不可少的,但是是从新的机制中抽取出来的,这些机制流是分类的操作机制。行的方式气建起来,就是转化,不更是对"某些"以及"全部"的复分。这是所尔明确提出的,在把自色鸭子定任在"自色的"有不是有"鸭子"中之后,他明确表示:"如果说所有的鸟子",那么应该重视这个"所有",自色鸭子包括一个双重的属性。

§3 第三阶段

、5个79岁的被战中有一个和所有的10岁被战。下了就可决了提出的问题,不再图为反常现象(1010~(1至10)感到困惑,于是我们找了一些8.9岁、甚至还有一个7岁6个月的)的若干案例,条例中的被武器找到了解决方法,其至大多是自觉地明确了两个属性的"同时"性力,但是从第一第一阶段开始,便又让及了最初的机取(disjonction)。例子如下。

Ste(7;6) 开始于清境1中的析取,然后发现这里有6只而不是3只鸭子!他惊讶地发现有8个元素,但6+;-11、所以他想再增加一此来补上(第一层次) 但之后他又明白了交集的存在,明确地说(第三阶段"它有两个属性,因为它既是白色的又是鸭子"。

lsa(8;6) 拥有和上述相同的演变过程,在第三阶段时,他表示有2个,之 所以是2,是"因为这只鸭子,它是白色的,而同时它还是只鸭子"

Den(8;2) 还是以析取状态开始,在情境1中他还保持着第二阶段的表

达:"(B,我们可以司样把它们算入鸭子中"但是从情境2开始,他明确指出有4b和6BI,"将白色鸭子同时算在白色动物和鸭子中"。

(n(1); 4 对于情境1,还在第一阶段,在了解到在遗档之下有8个元素之后,她没有找到原因,表示"可能厂该是11:6+5是11" 但是在情境3,他面临了3和4之间的冲突,该冲实来自她把一只鸭子计算了两次,"因为它是鸭子,然后它是白色的",回到情境1,她使月交集建造了分类;"我把它们放在中间,因为是鸭子也是白色。"

个主完全的第一阶段的不见限用的条例,也没有更多的同吃

[ox 10;6) 情境2中她说道,"我们怎计算它们两遍、(BI), 因为一只白色鸭子是鸭子的一部分,然后也是其他白色动物的一部分。"

[八 [1;9] 对诗境[表示:"鸭子更多:6只,然后是5只白色的鸟"我们将它们藏起来后,他表示: 肾有11个元素,因为6+5 吧!···等等!不,是8.因为数5只白色的时候,有3只是鸭子 它们是白色的,但同时也是鸭子"

可以看到交集的。个条件看满足了。在先,满射和多项政射的协调是永恒的。第 , 付与不明和的时的交替相关, 大部分被试准至自发地坚持两个属性"同时"发挥作用 这一事实。第三, 建造的分类和子分类都是清楚的。

但是必要人明确分类以算和对立之间的关系。记者什麽有对所有的和某些的"划分"。后者在服从之间就是在了自们前面一般遇起。对应为它们的制定过程做了准备。因为,当一个分类的内容不是完全肯定(就像在对数字不同分类的条例中)。但又由具体了各体代表的时间,被以制定分类因是以了每它(压)特性为创提的。众属性有相似之处包有不可,被以制度上发生发生成了对应。一旦分类建成。我们就能迅过必要的联系提取出对应。此知在分类中子分类的单射。这是很清楚的一但还要提下两个问题。一个是分类运算是抽象地从对应中投取出的还是包括了转化分。种性质的介入。第一个问题是在分类和对一之间的调度关系中。满射和多片映射之间是否一致、或者更一义上来说。两者之间的组合有没有构成转化?

从第二个同制度、首先要注意可是、在相关的配合之外且在之前的事实中、我们找有了其他的构成。包含是年射、之集各两者工合在。起一当被试看到情境上和且之间的相似、会做出双射、在双种情况下、普射和双射的构成维持了前者、等等、但是两个本质的区况督转化与双些多样化的构成对立起来。第一个区别是多样化的组成没有孕育新的形式、可是仅仅维持之。在多项规则中具有颠覆性的满射、在离散域中全实域与之相反、各部分没有被划定范围)这一互反性并不是问题,证据就有于、自第一等级开始、AII在某一瞬间突然发现了多二映射、并一下子运用满射、"这是一只语子且它是白色的"为之证明一至于"映射"之间合体的构成、它们局限于维持源形式、"单射×单射—单射""黄射×黄射—两射"、对维持了一切的双射来说也是一样一第

•1140 · 皮亚杰文集 第六卷 智慧操作的建构过程

, 个不同在于运算的构成是必然性已, 而在对小之间, 余了仍然看持了形式外, 情见与 并非如此, 单射和满射以及反面的构成仍然是不确定的, 能够提供的是一种可能的映 射形式。

如果在现有结果中发挥了转化的作用几分类运算点生生了准备转化的对广、报东就应该区分形式和内容。自先必知注意,在算术等构中、分类但是最少形式化的、最接近本身的实际内容(包括交集的未熟乘法推广 因此非常清楚 引是,它们的内容自是由预对应提供,而这一点也是我们反复说话的一面为一方面,也就是形式问题上,不能就是抽象地从例对应中提展而得,因为它分入了新的量化一被外,一旦建立起对应,我们就能增加拓展问题,并且应用数字未代表它们,某像我们在目白的研究中做的形构但是之前恰恰是出于从对应过度到对分类的考虑一不过,把两个分类合并成一个形式分类和社会必然包含了一个相反的运算和工工,与此同时、当第一次认为被试提出个多项块射动,他的目的就在上随后占含其解值。我们是把它们和一一以在一起,或者我们能拿掉它们一定是因为他还没有打制这个多点失射,他你诺丁集合的同本领,对于这些的运算,我们能够以普遍的可能性怎么发现,它们也有反应,但是不包括"反面"或者否定,只是在成为自身的内容。直接由一次有一点,是在成为自身的内容之主,或被正成为分类运算是有一个更高的级别建成的。

第八章 对应与关系

合作者:A. 卡米洛夫-史密斯与J. -P. 布隆卡特

¹ 本でもすせって「4年おこれに、今年者、 15.86」と「)と イイス的 形者表す 種意条 广省 基所或量的差异。

首先,被武师画花的问题点在于相似和专员。我们问被武层示了某一张卡片。古南是B, ,然后询问他赐一张与之最为相似,随后请被武西说出。张和它相似的卡片,等等,直到被武确定不再有这样的卡片。我们再从B(或者其他 张卡片)出发,间向哪些卡片和这一张有一处,两处或者三处的不同。

随言,我们将。挂口色的大纸盒改在孩子面高,内有冒意,为正延急排列的13 B.C. 个系列的15 张卡片,请他尽可能以最好行方式扎这些卡片改进蛋合。我们一次件灵排。5 个纸盒,按主,B.C. 停开始。被试必么,掌释想这样分配心理主,如果可能的活,还反心结出他所提到出结果的准合规则,明確它们是否相同或者设此存在怎样的不同之处

最广,在遵守之则规则的高提下,我们割作了卡片4.和4. 局者或在4.之口,占者以在4.之前。然后对B和C系列也进行了同杆的提作。凭替代目忠抚们口被试提向,未用是否可以在系列问进行交换。则以是为什么,不可以又是为什么,以及在没有内容各体序列的情况下,备用卡片光一次是否能够插入进去?

自然,每一个问题都引发了我们和被武的,扩充一计论是为了确保被武团等的自然。 以及回答的各部分之间的一致性。

§1 相似与差异:第一阶段

我们只将在章节1 3中检查相应的天系,但目还不少及多样化的各体排列方式。初始反应的例子如下(针对4~5岁)。

 同, 没有不同 再说一个和B不同的, 1.,因为它的颜色一样(当 形状相同的情况他才说是相似的) 哪个不是一样的 4.因为它只有 一个 同 再说一个不同的 一4.因为它很小,跟这个(B)平均值相比的话 (和B相似但是蓝色的)和4.小),哪一个和B差别最大 1.因为(圆点是:这样排列的,也就是)2和1,而这个(B, 1),先是1才是2 ——那 么哪个美别最小, 1.因为它们的颜色相同(此时,1的绿色不会被与作差异记录下来)"

Ivn(+;n) 有关B的相似问题他是这样作答的:"C(更大,n,3)和它很像,B.(更大,n-1) 很像,B(5] 周点,但是大小相同)有点像,I 很像 B.(像I (经 色,n,3)" 。 完全下:它更像I(n,1, 比B 小)"但是面对差异的问题,他有 先拿出了I(《 《 《 《 《 》 》 》 。 还有 I " " " " " " " " " " 一样的 I "

Prec 4:6) 1、"这是一样的(和 8 初比, 哪里一样" 阅点一样 (n 3) 它们是怎样的"玫瑰色和蓝色的 这样它们还是像 巧点吧" 还有另外一个像 8 的躲 () 相间的卡片大小和圆点的数量 () 为什么 图案是二个词点针看向上爬(,) 它们相似" 在那个(8) 上,二个圆点虽然也是向上爬的,但(在直角处)分开了 它俩还有什么相似之处吗 这两家都是正方形,而且都是玫瑰色 再现一张鲜别像的 () 为什么 有某个东西变了:这个是 3 个 闪点,那个 记多了 1 个 (4),而且玫瑰色的 部 分更 8 (边框线更长) 再说一个像的 8 , 它 8 一个(图点) 再说一个呢,一么, 8 是玫瑰色的, 它是源色的, 8 有 3 个 图点, 它还 8 一个

【\1(\n)(\n)) 给出了\(\chi\) (\lambda\) (\lambd

作为1体,不仅要得几素间的相似和相异引入对应,尤其还要协调这两种形成关系。以上对我们解决已知困难是有启发意义的。

首先我们正意到,被试这些连续的选择并不似看上去的那样地属偶然,有时还遵循

D 此处的n为卡片上圆点的数量。——译者注

了一个无意识却足够有规律的探索模式。0.1 开头就说了7张和B相同大小的卡车(此外,他还说"因为形状是一样的"),随后给出了3张更大的卡片,再定3张更小的,最后定最大的。Eva同样先给出了3张加3的卡片,然与是2张加2的卡片,2米加3的以及2张加4的,她只说了。句"大抵相似"。我们发现,在外廷扩展和对称的基本扩武相对的(+)和(+)两种路径中,儿童先前的表现主点体现了序列化

尽管如此,对于一般性的系统的问题,被试仍然启常在孤立的元素门建立局部关系的阶段,每次依凭的智慧不同标准,这都是缺少系统化普识的承故。这一方面的基本事实(包括进行局部比较的医果性)是在相似和差异中都不存在等级(也不存在对产量的计数,从面差发了两者间完全的不均制。例如,在10和4中选择和8最不同的那个当时候,仍在按照3个回点的打列上的轻交变化,指出了10最为不同,使没有考虑颜色的差别。而在选择哪个和8最为相似的时候,他点明是10。"因为它们的严色相同"

这些相似和差异的替换太宝却整和坚定。以至于都无法将其归咎于偶然或是语言于的错误。全中东因更为深刻和有趣,在于相似。之异的对应之间的对比。就相似未说,只需要找出一个其同的特性。而不用考虑差异。目的在上各五,也两个各体捆绑成一个整体(alcA),在特性。的基础上,在通过黄射和(alcA)相对立;这就是(0h 听为、表现在他仅仅用"因为它的形状。样"未重复产以解释。另外,差异点依赖于下射,其是总依赖于对应的局部缺磨;在拥有特点点,但是主没有(反之,如是主拥有特点点,那么东航没有)。下射不能单独存在,它必然和单射紧密相连。通停地说,就是如果相似有个"最大值"(同一),但是没有一个等于零)"最小值"(因为在两个客体之间总是存在某点相似,主体间亦然),相反,差异就包括一个"最小值"(同一即毫无差异),但是没有"最大值",也就是没有完全个的不同,因为总是存在相似。在这种情况下,受到。比较的在4、两个客体同时表现出了相似和差异,因此上上组成了集合B的子集合。即使是

特殊的。它们的共同属性既不是n,也不是n,而是h 4.和4分别单射到B,但是同时B 时下射卫考虑至了它们每一个,或者更接近现实存在的精神过程,4 是一个属性的复合体, 14 是 h 一个类似的复合体:存在对共同属性的下复合体和言相互的单射以及对相导属性而言相互的下射。

当然,这些都不是儿童的反省性思考。但是很是然,被试拥有一项天赋,他运用者如当方是。样的形式""这是一样总"一类的防护来解释相似性,忽略差异。同时,为了寻找或是解释差异,他混合了相似和差异,与我们关于差异的下射分析相对应,显示了它们也不可少的联系,以及,作为其特别是是示了作为同时性中间项之间可能的混淆。

这就出现了一个有意思的事情,我们只有在假设的重提下加以解释 Pie 为了日等相似问题接引了一些共同标准 红产产的存在 边框卷色),但他也提到"有某个东西变了",他的反应和待比较元素两种各自的特殊属性有关。在这种情况下,我们有一种印象,那就是他在这些相互的下射,1 有a 但没有a,正如 1 表现出 a 但没有 a) 中看到了某种函数上的相似,这种相似也淋着 4 和正是相等的, 5 和 1 同场 3 一个类型,不过有着自己独特的差异;因此或是属于A的,就如面属于A。

§2 相似和差异:第二阶段

Pre的情况花置了我们和第一阶段的距离、第二阶段的一个特征就是建立重复的关系、从被武的角度来看就是建立对立、被武位持了同一个有关相似的标准直到转移到下个。但是显显在相似问题中开始考虑等及、就能够发现相似和差异之同的别关系、和相似相反、被试经常不会列举出差异。

(但是(,,B) ——还有呢 ——(,,因为有3个(圆点),功缘也是一样的颜色(但是(,,B) ——还有呢 ——(,,不是那个,它们没有按同样的方式排列 那还有呢 不,不是,虽然有(3个圆点,,但是没有像B一样好好排列 不,边缘都不是一个写色的 英他的都不考虑吗,不.

因为其他的都沒有3个点 ——你选了C 它真地和B 很像吗, ·不,它更大 C_{C} 、 C_{C} 、A ,这三个里和B、最像的是哪个,还是说全都不一样, 这两个 $(C_{C}$ 和A)很不一样;没错,大小一样,但是被色不一样,因点也没有好好推列"

Ana(6;2) "哪张和 $C.(\Lambda, \Pi_n, 2)$ 最像" — $B(更大, \ell\ell_n-2)$,因为它有2个小圆点 — 确定" —— B 更高 —— 那么还像吗 / —— 是啊,比其他所有都要像了,因为其他的,要么(n)比2多,要么比2少 —— 4.不像 C 吗" —— 有点,因为它也很小 —— 给出一个和B.(n-4) 不一样的 B,则见好中间(多了)一个小圆点 —— 再给一个" —— B n 3),因为我们要去掉一个圆点 —— 哪个和B + 最像" —— B ,因为它的四角也都有一个圆点 "反过来,在B · n = B)和 C (n = C)和 C 。"

Dam(6;7) 做了一些问质化的会试,接近了下一个阶段; C. 像 B. " 因为它大、而且有 3 个圆点, 另外一张小 有更像的吗, C. 不仅小而且是 3 个圆点 再说一个? 【,虽然它有蓝点,另外那个是红圆点,(但是)它们都是小方形 C. C. 和 L. 中,哪个最像 B? C. 一样的 两色,一样的 圆点, C. 大了, (但是)有 3 个圆点和一样的 颜色 ——(和 B 之 同有 区 别 吗' 沒有, 固为(只不过)圆点排列方式不同"。

假设存在差异之间的必然联系,那么这些反应申让人感兴趣的第一点,就是有相似性问题中被试考虑了等级因素。在第一阶段,完全的相似("相像"等)没有提及任何差异。不过,被试在转移到下一个标准之前,仍然得留在订细分析得出的同一个标准上、新的联系就诞生在这一事实背景下,它们促使已建立的对应有某种包括了集合的集合

系统的意义于实现了承置,与此同时,第一阶段建立起来的关于对应于简单连接和位置的靠近,这种关系因为面临新问题而不断变化。

但是这些回答第一个让人感兴趣的点,即这些相似与差异的等级不在于可能组合的数量,或者连续系列),而在于此类内存或多或少的重要性;对部分人来说,颜色是次要的,但对另一部分来说,这是一个很大的考量,大小也是一样的情况。相反,让人震惊的是,有好几个被试(参见 Ana Rio)都把待选择的卡片(而不是参照物)上的圆点"多"一个视力相似变更高或者差异更大的根据,似于某种意义上的"多一个"和其他意义上的"少一个"并不相等。

自体来说,在引入等级之后,我们现象到对应开始转向单射以及相互的下射。既然我们有1<2<3等,可能从这一转变中,被武开始重视红烟点的数量,大多数被武还考虑到了四点的往列方式,有接近第一阶段的Dan却"看不到"此处非常重要的"差异"。

§3 相似与差异:第三阶段

有第一阶段,某一项相似或者差异的重要性不再和被试的估计相关,于是就具剩下差异的数量作为可能的估计对象。我们门所有水平的被试提出了一个问题(但直到现除;以才有系统性的成功),最然这个问题可能有些武衡(和"差异最大的是什么"相反的问题),但是接着我们会发现,在门答"最相似的是什么"的问题时,超过一生的79岁的被试会计发起估算这些被判断为等值的差异。另外,这一等值标志着这一阶段第一个量差的进步;这是同样多了分类的可能构造中蕴画的假设,在子分类之间有差异或者组合。但是就同否而言,这就是制造高能对应,或者是对应中的对应(差异的对等)。

Nat '. '.) 在和B.最像的卡片这一问题上选择了一张1系列的卡片,因为它"形状是一样的东西,两张都是红色 一个区别: / / 更小点", 之后又表示其他的X也有一个区别,相反,这张例有两个。

[Dic ";") 没有自发地考虑差异、但是在相似可题上做选择的时候,他列举了各种不同,或色、圆点的排列方式、圆点的故量,最后还有大小 由此,主成了相似度最大的那个,但"这几乎是相同的不同物" 随后,B和A、C、或是C"有一个不同",B和C。"有两个,大小和数量"。

Pat(7;11) 问样,一开始的反 1 是 5, 举, 然后他正确问答出了 1、2、3 处不可 X m(8;4) 更加清楚 在 1、6 和 6 中哪张和 B 最为相似的问题上,他说:"等等, 我认为是相等的 资色, 是一个不同 (他自颐自地算着)吧,这两张卡片(3、和 C) 最像了, 那两张有一个不同 (1 呢) 两个不同一大小还有一一啊, 不, 就 只有大小 (那么)它也像……等会, 那个(3.), 也有圆点的颜色和线条的颜色两个不

同,那么就不对了"所有这些都在我们提出可是之后就说出去了,因此这些有关差异数量的问题成功了。

Claus; 5;在回答B和C、L还有广约村以受时表示:"哪个最像,不,这3个是一样的东西。哪个和B最为不同。3个一样的东西。

11(1)、1) 飞和 B 最像的问题:她放了各点各样的公认,然后说,"难,因为它们都不一样"所后,"1和 B 最不可见 是句,因为和 B 有两个不同,在 B 和 B 之间是一个不同"。

1 B 两户的不同是一个人员、它有两种表现形式、可以是若 B > 1 可的一个大小 \$\Delta B = 1, 也可以是一个性质 a , 或 1 分类或 f 分类 1, 却不写 1 B 自随着可信的互反,即从 # B 有性质 b , 4 允没有)。在 1 列情况下,在 i 特 为 允 允 2 ,是相等的连 次 5 量 \$\Delta B = \Delta B = \

这一水平强两子对相似和差异的写合考示,产量招致相等,相似度以产量数量未到是从最初的不完全对应主发,这一由目态型成的双重进步必然广开转化,转化并不知想象,因为这第一阶段和具体。等的水上,也就是分类和序列的运算相符合。,如果分类自集和阶段和集合但层次相对应,第一阶段和简单工会的层次相对应。不过,如是分类自集和关系群集的建构肯定是正先高的对应未有等。但会或了智慧,也是自然会产导对应的建立,并且变成严格意义上同态的源实。

§4 自由排列所有卡片

在开头有关相似和差异的意同之后,我们又有约到多中进行了分析,按下来我们,各 所有的卡片杂乱无章地聚集在一起,然后请被武将卡片按心中所构想的标准进行排 列。我们将会简要介绍卡里,因为它们没有自我们因示新类型的对话,但是提到它们也 年主无用,因为民些结果肯定了我们在前一个复数和前运算与运算结构的建构中做定的关系。

第一阶段的反应只是由与第十合组表,东方语言形式外,发有统一的标准

()h 4; 7) 把卡片准列成二条连续直线,实际上他混淆了大小,它们之间并没有什么区别,此声称:"我把中等的、中等的和中等的放在一起,大万形放在一起,其

Mir(4;1) 有先受到1 4故章的影响,但是没有考虑到5,然后他许剩余部分随机摆放,肯定他"把颜色一样的放在了一起"。

这只由见了我们在《1中提到与相似和汇量的复分混合和对应的公司

【时间、第一篇。设对户上集合与序列、但缺少整体的系统性。

Y 115;11 对成了工个系列,"不个模型123、4、5的数量信,这个按照大小、 为的是次小,这个也是按《大小、但是要改大 这里1和(是不)的吗? 不,应该给那边那个小的。"

V 115;11 分出了55,×3 字的方针,"我把2个 司点 和1个的效一起,4个和4个放一起,5个和3个放一起;3个和3个放一边,然后6个1放一边。"

Din 6; " 以形数节"成了巧介, 然后引引开始对第一行, "这个(第二条线), 有 4 个 1 和 1 个 2, 另外 一条(第三条) 里 为只有一个 2, 电计 我一 该把它 双在 另一 in "他这么做了, 然后写成了第二次:"一个 4, 一个中等和小的 4, 一个大的 1, 一个中等的 1, 一个根小的 1, 一个小方形, 一个中等 5 年, 一个门上大, 一个间都很小, 那里 2, 小的 2, 3、3、5、5、3。"

在某些情况中,被武在寻找一个统一点标准、"像Aar,都是是无限序的;再如其他人,化发Aar,便有两条标准、然高并不协适。主列上高智灵,以及他为了引入多样化的标准而提出的两个方面是对方的"成者、最后还有一种像Dac这样的混合标准。这些都没有超过小集合的水平。以上和《2中代》之之之体行了。致

最后,第一个设持。在于两个重大问题处理完了在83年最改转化运算。指针证的布色,和"分分的"们成依赖于"一切"以一有通过及它们的担守。政密形成了分为内部的最大了对一下面完定信息,不告表表到几个从6岁6个月到7岁6个月的居中情况,这些例子都尝试了嵌套,但还是失败了。

lov(1;11) 把所有的5聚集在一起,说,"这些5,然后4个后3.2.1、1、1、1、1、1。1。——那些你是怎么排列的呢?——从最大的或者最小的。"

P(1,7:11) 开始于一个简单的序列:"5,然后与一个,4:少一个3",但是她验证了3的多量性和尺寸上的差异,然后和J(1)数的一样:"(按分类,数目越来越小,然后是方形(A,2=1)越来越小。"

(11(1)) 和反推广了物明的分类和系列。"有先我把所有的1拿出来,然后是

2,3,直到5,每次我都从最小的排到最大的。"

Fré(9;0)"我按照数目来放,然后我把所有的1按照大小以降序排列,接着按框子的大小排列2和3,再按数目排4(只有1个) 你能把它们摆成3堆'——(他把所有的B放在一起,也就是115 然后是所有的4以及(、C和C、接着是C和C、数目和大小混淆),你能排出3个长堆' 所有的A 是14个B和1个C(为其大小),然后刚好还剩下5。"

Ti.(11:1) "我把国点数量1的卡片从最大排到最小,然后是数量2的卡片,也是从最大排到最小,然后是3、4、5,都是一样的。"

我们可以看到, §3 中所描述的相似与并异关系的协调与结构的建构是同步的, 而在这一层次上, 对应和运算是严格一致的。

§5 系列的外延与元素替换

为了补个这些关系的信息,我们门被试提出了多种问题。第一个是各主席、C一个集合分升排序。4.8两个集合不成问题,因为它们自成厅列。至于集合6.大小上有序可证,但因点数量上并没有,因为C和C这两水卡片的n都等于3一从第一阶段起,被武就有些为难,5岁9个月的Yac就提议道:"我们应该拿走C,每进来从(n·5)"。或者:"那些有地方一样的,我把它们放在每一列的未足" Ana(6;2) 或者更简单地说"但是有国点……我们不考虑它们"Mar(6;9) 从个凭经验的排斥层次开始, 个完美的排序最终是必然性的。

我们表示了按人小扫字的4系列、B系列和最后的C系列,然后为了引导他,我们让被试增加(并且简单地描述一下)一个元素4、或B、该元素放在整个的面面,还要增加另一个元素A。,放在未尾最后一个的后面。

在第一阶段,被试很好地构思了一张1."一张很小同一一为什么。 目为言很小,然后就是小的,然后是中等的,中等的,中等的,然后大的,然后中等的",0hr4;71] 最后一张中等的就是4.,他描述4.比1发大,但是实际上,比1小

在第二阶段、4 化 1 小、4 、化 4 大,但是被武支有提到 2 寸或是大小,但没有或功地协造尺寸和固点数量的关系,有时他加入了设有相等或反面的支对称,但偏向前者

Val. (5;11) 是这样构思 B 的: "我觉得上面没有四点 恰当,因为 B 等的 n-1,2;等),它应该更小、B 系列大小是一样的)"至于 C 、她放了 4 个四点上去,因为 C 和 C 的 n=3。"方形整体呢? ——更大。"

最后有第一阶段,相等和反对称两者都建立了守恒,被武考志到了整个系列,明确 或含蓄地建构连续差异之间的平等来确定从1到4。的大小:Jac 7;7)构思了一张 "(比4)还要小的4、",为什么是一个圆点 ——因为那里只有一个(4等)——B。呢,——我放了6个(B有5个周点) ——4呢,——非常大" 然后为了让系列"美":"啊, 应该 比特里的)更大些 "Van(8:4) (寸于B。表示:"和别的大小一样, 但有6个圆点在上面 ——6。 上公要大, 我们能在上面两6个, 5个或者2个或者3个圆点(笑)",因为C-C。n3 在构思 C。之前, Fré(9,0)估计了 C。几个边的长度

我们再次会证这些反应是如何与我们从差异和相等关系中所观察到的逐渐协调及 靠拢的 最后 个问是还证实了这 普遍性:知识的普遍性体现在哪些情况下我们拿 京卡片去代替另 京卡片,但不会改变系列:我们回想起曾将1、1两个替代物的大 小女排在两个尺寸之间,而我们改变了其他的替代物的智色)

第一阶段,被试自然而然地忽略了一些东西,或相等的告求,或反对称的高求,对最 年幼的被试而言有时候两者皆有。

第一个段, 改试市 次考虑到了两种关系, 最初是轮换考虑, 随后被试对两者进行了协调: Nat(7,5)表示一个替代物要么大小适合, 要么"上面(图点的)数量"符合 同样, Pat(7;11)首先表示"我按照数字分类", 然后接受了大小作为衡量标准,"因为越来越小了" Nam, 8;4)有时进步, 对于 1 他表示:"我看到了(时中白)数量, 还有它比后一张更小"(la(8;5) 至持认为C 不能被任何的4或者B代替,"因为4系列都具有一个圆点, B系列卡片都是大号的"相反, Y 能够代替C 或者B、"因为有一个圆点", 而且是 1 相同 Cn(10;1 引命全出了几次拒绝的理由:"不, 因为有两件事; 方形的大小, 还有圆点的数量。"

这些事实再一次和关系的重变过程中展现出来的情况(§1-§3)保持了一致、计我们能够研究如何总结观察到的对互和转化之间的关系。

§6 结 论

名论非对称性差异, 信境历处的意义就更为简单, 因为发星至4<B, 据么我们选定说

. 在 心尊望相成态 Dimod. 1972 [47] 夏天75 16 中 我] 请求解对称大量共有 [27] 年 日 自 了付约的, 全有自 文] 和代達的 中 等 。 性 。 解释了属于 一个分类。从心性是自 失有, 27 年 年 的 . 任 生 我不是我心无 有 我无常的是不可能是我 . 无 的 之 可能是我本人, 这就是你是的, 正心代等性"。这有好 。 我不是我心无 有 我无常的是不可能是我 . 人 和 起 分类的性质的非共有(例子。铜样的属但不同的种)

4 在 B T 存在 重射, 四为 B 的部分和 1 是相等的, 有 B 在 4 上 存在下射, 也就是说对于差别部分 B T Δ 4B B T T 存在非对应, 不过和相异性情况中一样, 在对影的意义上, 无论是下射都不是互反的。相反, 和 E 现的状况比较复杂, 1 < B 这一对应在一连律的 B < C C C D 等中不断重复, 因此有两个新对立介入: 1) 一个继承者和每个项对应未与性与之相反, 没有同有了分类核上, 却有类似的一连串的包含关系 1 C B C C C 证 在 图 电 图 成了一个 图 3 分类的序列。(2) 法承者 BC C D 等之间的行 一个类似 4 < B 的关系都有一个科等关系 < 与之对心, 这一村等包括了下 多坚持的可能的等级, 因为某些等级假设了转化。

2. 在本章的提述中,正义过程尽管很复杂却又十分起准、现在,我们能够区分其中 港及对主的东西和软化的企入下户生的东西。不过,上每分类的情况,因为关系都集所 包括为元内谷,既简单目部点的部分。被武活动而引发已转换建构与内存分析的。致 性获得的东西相比似乎做不是的。实有上,在简单已经读是10日 然有一个条件,那就 是必须同时考虑到。可,想到下一个关系的时候不是心控上一个方,处理我们考材的主 体能够很好地发现自有的相似或者涉及的等价和支出有组成相异性的差异,还能把下 对利用差异性被是来,直到根据等类理核可是的小原列。每一个设计上件中上现的运 算星然只是通过产加有似简单的语言来记录这些匹荷结果

但是,对此了第一种第一阶段的反应之后,我们们直到被试的态度发生了两次形著变化; 能够。以外会的量化信介人们同时具有转化和可相两利力式。与必然性取品的建立,不过,这面支转化同两种主发和毒。正常有常元节中看面,为书样,必算了如包括个必要特在,这种好是等产厅列。缺少的; 奎叶性(或从构成规则生发对一个关系进行可能的推断)、传递性和上升与下降两种意义下路径的互反性。这里我们又遇到了这样的情况; 是天丁量化,而不是回到对"全部"以及"基理"的划分,这些划分是建造了等价分类和有和量性的子类写了条件。很可是上分粉件等量为相等ΔBC=Δ1B等上非由单射联射和连续性("越来越大"等等)的简单组合未提供,但它假设了一个多单位组成的度量制度。同时, 对和异性差异(可能的子类别的互类)进行门口数设有出现在证实差异的对。中, 但至少含蓄地引入了带有包含与等分否定的分类运算的整体系统

こ 句言で、最初的对写向转化动作和运算提供了 年以可转化向非转化中的形式

• 1154 · 皮亚杰文集 第六卷 智慧操作的建构过程

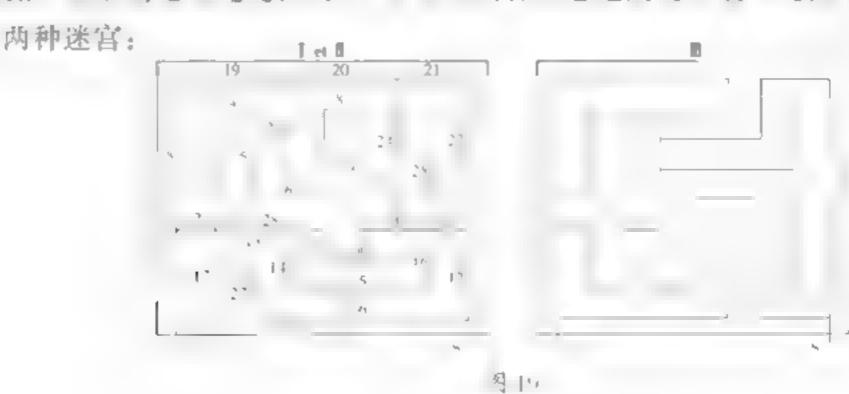
组织起来的内容,而运算层次内生重组不仅吸纳了这些结果,且转化了结构中先后的一体同态的映射。结构并非是从映射中抽象上的,反而融合了那些至今当未协调的东西,在新基础上重建了映射:对应发现了内生内容的规则性,被试的动作试图建构"信构、其完成依赖于动作构成上的进步,然后还有运算发展上的进步

第九章 拓扑系统下的连续性对应 (开放的和闭合的迷宫)

合作者:F. 库布里

还含中及计的对应和同志投出了一个特殊的关系问题。因为要寻找的不是前面的例信序列项的函数。而是最终项的函数,此项标志有难寻的共口(系统的出口)。与死路组成的闭口形或负力。,可此我们在这种情况下。每计可以找到对应的双重作用:一个是给正知信用发口上做一定数量的生态路径,甚至,如果条件允许的话,找到所有可能的路径;一是他抓可靠路径的集合。将目有匹配到某条或者某些路径上一匹配是分阶投进行的。当每个消选择被是加于主体时,匹配可以从选步的决定开始。但是在任何的情况中,这边需要根据一种反问选一件自成同意。我们称反同递归性为先归性,因为它是终点出发的。到达之前无法了解选择的组合是否良好。

方法 我们依实给被试展示了一个主言、前两个是同构的但制作的材料不同、构建它们的相似之处是不可见的。除非可让路径检验、内第一个和它们有差别一首先、被试及找出一条能让人口压的分量包含出口。的路线、中途不能折回。路径都太窄、道使它只走一卷路。然后我们会问、如果有一只指在出口。等着小鼠会怎么样;在一号未管的情况中,因为没有别的路线、小鼠竟会被抓住;而在一号和一号还宫、如果能一直跑在前面的话、小鼠可以借助法路回到入。压一实验最后,我们请被武根据适当的规则。根据记忆重约一下之前的两个同构建宫、一个"有利于小鼠"、另一个"有利于猫"。目然,我们会可力何选择这些线路一次又路口的意义,以及现在除了这条路之外还有没有别的路。然后请包括地无宫的上。但和那两种形态之间的区别。见图19



§1 最初的反应

目 r(7;5) 虽然他的年龄在那里。(2是他是从1。2。17路线开始的、第二次则公式了1。15。10。23路线,这次遇到了一条更远的新死路。但在到18处到19的时候很容易看见。然而、后来被试避免了18和17。成功找到一条1。…。12的线路。这后他又找到了另一条1。2。13。14。15。16。11。12的线路。接着他很肯定地说,小鼠莽想要从猫手中运肥。然后没有到回到入口。但是正如我们看到的那样。他不理解若是不允折返。然必须是一条当环线路。二号也宫中,他找出的是同样的线路。一号也宫中侧是成功了,但是目时相信。了有另一条线路的存在。(在不知不觉找到同样的线路之后)只有一向"找找不到"不过反复试验后没有获得实质性比的成功。在三个迷宫的对此过程中,引出从第二个性宫中看到了比第三个迷宫更多的死路(事实上,第二个迷宫有6条死路,为第三个迷宫有7条),他把一些不重要的细节与作是差异,没有理解在第二个迷宫中根本不可能再次回到入口。但是无其要注意的一点是。在构造那些对小没有到的迷宫的过程中,到了只做出了两个没有关联的图形,两个分离的部分上,以及在第二个迷宫中,虽然他提出了一条返回入口的线路。但是在没有帮助的请况下,他也做不到闭合这一个飞环

1张.(7:1) 她一开始和Har一样选择了1 +23的线路,通过反复试验(几乎时不时落入死胡司),成功找到第一个迷宫中的两条线路,但是没有找到第二个迷宫的 第一个迷宫的情况中,她认为不自气重复第二条路线时可以找到第二条 仅仅通过对所要求的不同登路的一次检查,她比新年找到了小鼠回到人口的路线,她认为在第二个迷宫中是不可能做到的,第三个迷宫也是一样 她的迷宫由正方形及相邻的长万形组成,对于返回的小鼠设置更多的方形,对于不返回的小鼠性减少到了两个方形,她没有注意到既然迷宫是封闭图形,那么就还是可用的

Y(い、5;3) 放出了相似的反应。但是值得一提的是。他最后的建造是由三个部分组成的,彼此之间没有连接:第一个垂直部分从人口出发,另一个垂直部分临近第一个,无观了规则、抵达了额外的出口,这是两个连续的矩形图形,但和剩下的

那个部分没有联系。

这些支 7中提到的对应有着明确的限定和内断代积极作用。在有交叉路口的情况 一个可能的延续直到此时是对方的,这就是在 下,儿童观察到有援下来的路线中,两线 几个岔路中重复的元素的多边读射,但是被武开末将是路连接起来 在周載 "知有两个类型。 种允异口如路或封闭: 种量一系列的打开状态 不过在被试最初 所有的冷录11、发有检问之后的情境做出的选择,有解读了研究中后绘的成功或失败 后, 却存在不含的画的简单尝试·Har和Bea.的.游戈 L→2→17与 1→15→19→23 却从此 每来一五先面的方式中,被武式多式少考虑,了公认无效的路径,我们教育他存在某些可 能的死路,在选择路径之前,他开始双气路径间升行处,这才是阶段 IB的开始。这种情 "况下,对于15,乘宫进行的行动获付口及历代很好解释了:到达1的节点星,被武懂得发 排除18、然后(看2走)在2的终点、3和13内条路特可 上路线3→4→12向言、唯 要调免的复数间是 25,但是在 10的节点,或以看到无论是 16还是 25都不可通往邻近的 出口 全丁跨线 13→14→15→16、[体复可能在 16的等上标题见 10或25通行出口。因 为产门下在同土飞、左移动、也就有了路线16→自→12的成功。周徒终个过程只是在 一. 上步地进行, 也 D. 龙子一个完形式门对应, 异在门儿 个可能 及 手星驱的延安中加入唯 一那条不会通往封闭的路线。

但是我们可以看到这一对应存在特殊性质。在在技关系的系统、例如序列的情况下,接下来的元素或关系(之)的局性由序列中的前一个决定、继承者的同态由了一个的局性集合决定。相反,此处告选择的继承者担有的局性独立于由一个,只依赖于其他的岛越来越远的继承者,自己决定了所有其他最的最后。改 2 于是这里存在一种企图的递归性,我们将它命名为"先用性",因为它建工于后来而不是先示

不过,第一阶段自然还没有先用性,有第一个交叉出现的情况下,至约最后一个节点的,被武都完全不能确定选择的延续会提供什么;被武没有将选择的延续加入第一组。 机能的集合,而之后便是如此,如果一切。利,就加入第一个集合,以此类推,没有整体的预测,而是逐步的进。

这一加入受到了限制,任务的间隔积水,且没有先用中方间的整例,它很好地解释了这一层次的缺陷。例如,Har和Yvo目从月日小尺着要避力强,就必须到到入口(Bea就不明自这一点),他们就找到了影象不走可太路的路线,但是对他们而言,利用已个发现的1→2→3…12和1→2→13…16两条路线就是够了,并不需要建造新的东西;不过,因为他们仍然处于一个西疗机进的过程中,所以尚不明自存在着一条循环形式的总路发一当他们动限于重点显两条已经发现的路线的其中一条的时间,发现一条新路线的意义便尤为重大。因为他们支孔对交叉到先进行协同(也就是缺少国属式的先归性),便不能一步步地将选择集中成一个整体的表话性的及同时性的系统。他们未能成功理解一个布置情况,先其是1-Ⅱ和Ⅲ号还等的布置。但是最为明显的一点是,我们认为他们最终建造了和1-Ⅱ还有Ⅲ号呈同态的还管,但缺乏联系,除了Bea,但只是对

为她为了简化,而仅仅建造了长方形) 事实上,这些不连续区域组成的图形象证了缺乏整体视角而导致的前馈缺失。

§2 第二阶段

具体运算层次上的被试(从上八岁到10岁)的新情况就是组建了前简件,在这一意义上,有岔路的情况下,被试不再满足上通过检查最近的延伸部分来观察是否通住死路或者延续,但限制是短问题的死路或延续。相反,在存在一系列的岔路的情况下,就要依据可能的延续链条的最末一节进行判断。但是商且方该区分两个阶段;在阶段 II 4、被试陆续发现了系统的人体上的多个方面(有效路线之间相互联系,小量躲避猜时循环的来回路径 II 号和Ⅱ述宫之间的区别),但是被试仍然不完将这些之用到最多的建造中,关注某一方面的同时就会遗忘其他;在阶段 II B 则相反,被试件得运用,但是直到第一阶段,被试才清楚地发掘出了大致。因一以下为产权 II 4 的例子

Dan 6;(末期) 仍然介于 B和 H A之间,在发现路线1,2,3,12之后,他的第二次尝试则陷入了1,18…,22 这条死路中,正确指出小鼠须返回入口之后,他在 H 号模型中提供了一条通往17号死路的返回路径。但在发现 H 号模型时,他发现没有其他的路径,指出(在第一阶段失败了)我们可以增加一处小小的联系以便可能返回入口。他所做出的和 1 · H 号模型相对人的最终建造包含了联系。但是一开始他忘记了确保能够返回的那条联系:"给我解释一下你的建造 ——如果猫等在出口……不,我忘记了某个东西(他增加了一处确保循环的联系)"

(la(7;1)) 一开始也给出了一条没有出口的路线1→18→24、适后找到了一条小鼠可以返回人口的正确路线,并且认为这是唯一的一组往返路线(封闭循环)、同时在Ⅲ号模型中,由于还需要额外的一条路线而无法返回入口 (la把注意力集中在返回的条件上,在我们询问的最后,(la)建造了一条有五段的路线,但是忘记了把路线和通往出口的第六段直线联系起来,此后驰增加了一根连接杆

The(7;10) 处理 [号迷宫时找到了那两条路线以及返回入口的路线 在处理 III号迷宫时,他只看到了一条路线,但是他没有做出什么决定就寻找第二条路线,随后才建议增加与一条死路之间的联系,此举可以确保是一条循环路线 他最终的建造虽然复杂,但能确保是一个有八段的循环,并且钒角、直角、钝角兼有,不过却未能与出口的有向直线建立联系:"这次的建造好不好/——不好 —— 几级做什么改变呢" 增加两条连接线(因为已有循环,此时没有一条无用的中线、他这样做就是多了一条死路)"随后他提出增加一个出口,我们同他重复了一遍指令后,他发现实际上缺少一个与出口那一段的联系。

以下是阶段IIB的若干案例以便比较。

Nat N, n 在 【号速宫的情况中一下子就找到了这两条路线以及小鼠可行的 返回路线 对于 [[号速宫,相反,虽然她对前两条路线相与认可,却忽视了返回,"因为在] 号迷宫里有一些迫征外界的岔路",接着她又注意到了返回(第二段) 她发现和 [号及 [[号迷宫相反, [[号迷宫真地不可悲实现返回,因为在前两个谜宫 里, '出口更多 在哪儿 路更多 "我们问她如何破坏小鼠在 [[号迷宫中的返回,她回答说截断第 15段即可 她的最终建造问时包括了一个循环(12段)与一个联系。

Reg 9,1) 也迅速地找到了 | 号述官中的两条路线以及保证返回入口的循环 | 图号还宫中见不能修:"我总量不再有效外的路了"相反,在 | 图号谜宫中,除却 | 号谜宫中指出的两条路径之外,仍认为重复经过上方的路线,可以找到第三条路, 与此寻到路线 | +2 +3 +10 +15 +14 +13 +3 +4… +12 在对比 | 图号和 | 图号证官的过程中, 他认为 | 图号的"死路更多" 他的最终建造不仅包括了一个含有出口段的双手联系, 还包括了带有中间变体的二种可信的返回路线

私水(勺;() 最初做出了打同的反义, 但他马上是识到在III号还宫中"没有返回的路" 他的建造一次性包括了联系以及"铁设计, 但是缺少了一个她自己添加的 (有关10的)元素。

(or(10:1) 对于小鼠返回一事提出问题"是否可以做一个临环",然后她开始了构思 III 等于宫中,"不再存在出去的路" 她的最终建造包括了返回路线与联系。

支些分長利力的建步体或在被战力整体系统的学者,首先复入主路线,直到探索路 农利益,由此可以为高路径的数量;随至是对扩武的提出、循环的或是线域的,明白了要 根据目前的不同增加或人掉联系。在学長11人,模式污没有立刻各上还多个方面应用在 最终建造中,但是阶段 18 便做到了。

通过终生等的总路中起来从而达到对季轮的整体把握,这一行为的前提是组成了对应,以是由第一阶段的吸试至步建立起来们,同时此后对应也迅速地得以协调为典型的预测。对一的和成表现为两面。第一种形式之每个交叉都引发了多项块射口和2或者3的每万元之个发表。个多同建射的清合等于一个多项块射,但是多项块射向次都会增加可能路线的总数量,包括通路也包括处路。组成的第一种形式在工程的排除没有它工的路径后再选出地路;不过我们重复远,该选择由目的点面不是前面的部分决定,因此就是完整的而不是递归的,也就是在所有的可能中假设存在一系列有效路线的单针。这就是单射的复发,两个连续的单射又一次衍生了一个单射,但是它的域随着组成断渐改举,而不是像多项块射逐渐扩大。另外,单射一般都伴随有下射,也就是说与处路形式的非对应关系。但是所有组成都不包括转化,因为只是将属性已知的可发现状态重新连接起来,发现形式只是排除障碍。

§3 第三阶段及结论

最后阶段唯一个新亮点就在于在尝试之间已至表现出了系统性。内层显示系,引入了逻辑的必然性,将同态和结构联系起来。

In(710末期) 最初版出了 [[A 艾星的灰刀,在项门出正确路线之门犯了两个错误。但是从我们提出错的问题开始就出现了推理过程:"小鼠户该就起来这不行。那么应该有两条路。那现在有几条,一两条!"这几是在价证事实之前引入了逻辑的必然性。最终建造正确选给出了一个包括返回门环的结构和另一个被排除的结构。

Ni.(10;7) 亦表示,如果及从指的手中透配,1 该"有一条路,它连上另一条路并且不次通往人口",Ⅲ号述宫中,她点出了除唯一有收路线以外死路的共同性,因此并不适用此理。

Rol(10;4) 一本便看出了在III号建宫中若是不见回头,这回是不可论的,"因为只有一条路"。他的两次建造都是正确的。

对应的宽变应形成的结构被称作是"有字的至字用设性",在字列与成至分类的印画下,表现图果些共同特征与某些人异。和中个序列相比,多个序列名两个特点。 方面,就如在整个序列中一样,存在一个有序的至设,但是这一点事都是由元素间的签约选择先起,其中包括一个开放的和其他所合的,后者是要被排除的;另一方面,应还不应该根据前列的元素决定,而是应该根据后领的元素的定,一个行最后一个开设行,位于前面的都由是"要者决定,而不是反过来(元)智性。一个开分类的放棄,无效路线(分)。 在的 电的 电路 可以与补分类或次分类 里 罗等(B-+) J 平; C-B J B ,以此类相。相比较;对分类再作组分产生影响的盆路本身则可以公司一分法或一个法进行比较,但是重大不同就在于嵌至分类来自不同的子分类的集合,在含路口类择了开放性的路线,排除了次层路线 可不是加入它们的集合。另外,我们重新找到了后候老决定的选择和非已分类的前列者所决定的选择之间的区别。

而謂性似乎在其他情况下程成了一个运算型的,大体于具有目的系统。的特点、结构自然能够包括多种变化形式,例如并且数量资源增加(构状结构)或是循环结构。后一种情况出现在小鼠返回的问题中,相关对应却是将严选路径中高级段的最后。段和前序者中的第一段相连接(或者和前序者其一),但是这一一序得然是真常的

也就是说,这一结构目然是由可观察的对与关系制订的,但因是汽在于如何制订以

¹ 天时,在大小色,看完上方式。"拄卖"上下,走到,这些,正写,至严",或 马引 战程 J 方式排除了,订查想到自其地方式。如 和 全文量 () 一个一个在一个一次的 大约其中。 种方式就意味 着对剩余方式的不利用。情况不会简化为子分类集合下的情况。

及转化在其中发挥了怎样的作用。不过,这方面决定性的事实在于,和第一。除段相比,年轻的被认离立刻采用反方门追溯的方法还很远,相反,例如在宁列的情况下,他们开始时都会一步步门,走,并不关心这条路量厂会怎样结束,或者更甚,相信如果。切断利,自面的路就只能这样继续下去。这种情况下,形势和第五章就截然不同,在第五章中,武图将提穿过孔的年轻被武派认,若是一概较长的棍能够穿过孔,那么稍微短一点,在门户上相邻的棍也可以穿过去,但是没看扩展到了有较短棍的集合。这种情况下,在宁列的短域,虽然它们已经朝着递归性运算的方门发展,但是还需要通过归纳概括化来予以扩展。在现有情况下,相反,最初的一个无前的方法在某些时候不应该被推广,而是应该反过来以正馈性的形式达到研究目标。形式上的变化改变了对应的方向,从比我们可以看到转化的苗头,与运算可心性的建构相似

但是目前仍然只与探索方式或是联系的阅读方法有关。仍然要将给果转化为结构,在这里,转化的标准。如既往看于村成的必然性。不过,在第一阶段,从7岁的En("那么应该有两条路")到太多数10 日夕的孩子都提到了必然性。一个无向的方法反过来就是反方可有的管性,转变最终将同志等被作为结构的必然结果赋予对心,我们相信已经证明了这一点:"有序的连续开放性"很好地展现了运算结构的特点,包含了必然性的和由演绎而来的成分。

第十章 树状结构中连续分义

合作者:E. 德克斯与S. 帕拉-戴严

查收性的同意在第五、八 八豆的羊奶方品过行了过滤。品質牙包的同意未自第四章的存在;因此检测第一类连续就受得有起了起来。但是是有分点的在实一对方一方面,树状世系chandrarue 以及通过分支未获得增长的世系关系应该提供了一个方便建立对应关系的图形模型;另一方面,该结构气成了一个对于系信树的关系和虚有适应任何分类的联系的分类来说。在基本逻辑上有足够概括的模型。对于确定以下问题也具有效:图形的便利是否让同有的对立及初的表现一次变得更为扩展。又类完成水平是否会像系列递归性和探索透宫固有的品質性的情况中那样,和具体运算的最初水平组符合。

为了更好地理解观察到的反应,我们可能会计他可读礼做。次 发,重新建造付不够准确,我们会重新做 了由7栋棍子供成的积华,发术改员在分位进行作确的复制,如果有要的话,可能还要再算及 然上我们使用更重的概子 其成 又模型,做了目间的标识,向被试提出了相同的问题。(见图20)

§1 第一阶段

有。四种连续分叉的概括化条件(没有必须限制为模型中图形的准确延伸)。(1)联系(connexite);(2)向可能的新延伸开放;(3)从一型或者一个交叉点开始的连续;(4)相同的大致方向。向上,斜印或是垂直回)一不过,和重建还等相反,特殊情况下的连接在所有层次上得到了尊重,包括在是区中的重建中,这些似于应该归因于递归及高增分叉的差异。相反,在第一阶段(前四算层次),其他一个条件设有同时被遵守,如果某些被试要守了一个条件(月口上加四整),那么简可能没有遵守其他条件,而且从一个被试到另一个被试也有一些变数。以下为子阶段 IA的例子。

Hu(4:2) 在对线树状沟的时候几乎合上了其中一个二叉(V),然后在另一个二叉的一个分支上摆放了一条垂直线,随后她摆出了四根平行的耙子,都与她敲对戏的那两根垂直。点四根的引向是没有错的,另外四根几乎是水平的,没有遵守条件3的连续。Hir末,以成功地按照记忆至21,但是现有的复制品有一处颇为有趣,允是都有了二叉的含义。一方才以成人1,因此整体是一个几乎闭合的图形。

Mor(4;)) 相反,他选择用 [2 根据予引各个方向延伸模型,包括向下,一些板力独特,另一些星飞,一、人类者入款 你许记忆的事建过程中,他同样利用 [4 根据子摆出)个分叉,其中2个是向上的,2个向两侧伸出,还有5个向下 复制品显示了类似的意义反转。

(n(4;10) 将2个V中的1个包过来,在树顶组成一个大方形,另外,在下方(从底部开始)摆出了飞道平行线,组成了一种长方形 复制品则是3个朝向底部的A记忆重组的过程中,他在一系列的垂直唱手的顶部摆出了一个三角形

Xia(5;8) 只给出了4条垂直的线。

Ste(5;10) 反应相同,不同的是他将一根棍子横放,使之闭合。

[Pn1(5;10) 将4根视子向下摆放(甚至在模型的底部之下),但是那6根廷长了树顶的棍子是朝上的 在记忆重扫过程中,相反,它们却是呈闭合款的

Nat(5;11) 只将棍8改为朝向底部。

Mnn6;31 为二叉模型投供了一个半月合的图形, 而喝到三叉时则选择了引 全封闭, 再加上一些朝向底部的枝干。

以下为阶段 IB的案例,在这一阶段,闭合现象消失了。

[r.(n;h) 用简单的观点长了模型的每一条技干,对二又图形做出了相同的人动 不过在记忆到组中,她提供了准确的二又模型以及她先前设置的延伸事分的复制品,但是缺失了对一叉模型的记忆 尽管之后她也行了反复的试验,但始终都停留在先后的结果上 复制品几乎没有比之前的更好,还多出了一个由现组成的扇形。

Mic(6;2) 一开始给出了一个「A类型的闭合图形,但是在记忆重组过程中,他给出了3个二人中的2个 而在二尺的高吧中,但简简单的记和一个Y这样的两根又都从一个中心点伸出的形状是长了模型 和 1 中他告出了3个紧接看的二尺(有三根平行的主干),它们虽然相邻,但是岔路并没有连成一个整体

Mur(6;6) 一开始给出的同样是一个闭合图形(1A类型),虽然那时候我们还只给她看过二又较生,但在记忆重组中,她另有3个二又的树替填了该图形。对于另一个模型,她只是把高级枝条延长为三又,而对于其他市分,她仅仅使用了简单的棍。不过她的记忆是正确的。

(m(**;4) 仅仅用单独的规定长了两个模型的第一点"这两个 模型)相似吗? 不,那个有两根伸出去的枝,这个是3根 ——然后呢 ——我几股:根枝 "他似乎懂了,但是他听说的"致三根枝"就是相用一根单独的脱产去现长模型的每一枝。

Ni.(18;11) 虽然她的年纪不大,她哈出了三个Y水二又,但是自它们将在了鬼的中间,其中两个向下延伸 对于"又她犯了一样的错误 但是在第一个模型的记忆中,当我们允许她任意扩大图形时,二叉就变成了三叉。

有协调连续和分叉时,被试量到了非需人的困难,这一事实对我们未就是有历史发的一线们对于小部分的客体来说,无论是连与还是分叉,单独未看都不成问题。有人类变钱的问题上,合今没有任何的,对到,"第一年他这样",我们拿了一根机子投放树干。"第一年这样(从树干便出两瓶又),第一年这样,几点提到的内服又电印点也极又,也就是4根户";1~2~4这一序列若是垂直线1~1~日,就不能成为问题,我们接下来会继续问,后续是否就在了选择一个更多人的集合,而摆了了从企设1A开始,上迷的8位被试给校费分别增加了10、12、11、11 4 Nia 记忆重结中期的10)。5 8和12根据子,阶段 IB 與有五位被武增加了8到13 根据了一连续的困难不在于增加的数量之间的对应。有有关岔路的问题,在每个案网中都只表现为针对一叉的从13、2的多项映射与针对一叉的从1到3口多环映射一个发展,从由高的章节可以看上,已季不存在什么严重的阻碍,这可能是惟双射之后最简单的一种对应形式。证据就是,发来说阶段1A的一个被试和阶段 IB 的两个被试仅仅是用单独的棍去延长,那么阶段 14 8 % 5 代

被武中)的五个被武和台段 IB的 个被武直给五二从2个到5个不等的1 状的组成部分,但是朝向则五花八门。

真正的本难似于是连续对应和多项决制的组成同志, 计发考虑到多项块射的双同性。因为在本章的案例中, 这两者都要从空间主来考虑; 实际于, 在分岔是从侧面伸出的鬼间, 连续中和树的或长相关, 是同主信。问题就在于如何针列 V 才能同时满足两种条件的要求, V 的专厂也成了一个问题, P, 为这个一又图形的部分枝条的仲出方向是相反的。

另外还立该区别两个问题, 个是用1xx对模型图形进行复制,阶段 1x的概括化是失效子的; 另一个是应用一叉或者一叉,这时候无论是复制品还是记忆重组,结果都很好一种第一点,以且ar为例,他将两个 2 新转过行变成 < > 忒, 有其他人摆改行就比较能便一等一章里的另个初始再量再现了; 每过程企集合、包围,为可等, 协调者将复制是一、模型对立起来一从这一方面来已, 1x 阶段的人多数被武造出树的对合,既不是构然包不是模仿圆形树,这一方面是往然协选 2 秋图形的结果, 甚至运用的是各它们首尾相接的方式。约是记忆任建中 M.m 还是两子这一过程); 另一方面只是因为第一章说到的被试试图组合出包围状图形。

产设18的情况则是最为有趣的,在这一跨段,复制品几乎接近正确,除了一方始的对 义时的情况,可记忆所维在自己于村口的研究。不过,记忆包括了客体和记忆图形之间的双射对应,这些不合言理门重性(5岁Mur和Na)复露了一付事,形就是图形对 素不是主体延续模型的主要动机,真正的问言仍然是要把握多环政射的两个指向的不同协调它的分叉和连续。

§2 第二阶段与假设

相反,从7岁起,被试在记忆到产中完全方包建立起协调,总不犹豫 没清,在18个从7到10岁的被试中,我们发现了存在 些被武仅仅使用单独的慌 Gm J, 支是仅仅在校条中间插入(No J, 甚至还有一个省一个V都包了 土来,但文些在阶段 IB来说都是慢生在的反应或是一时行之智一合体来说,就有实和多项类射的组合来说是不再有什么问题了。

Myr(7:11) 主刻用若干个新的二叉延长了第一个模型的归為,然后用二叉延长了第二个模型的九点"另一个剧剧,是怎么长的" 长了2个叉 ——这个呢?——3个叉。"

R1a(7;9) "那个的枝条最下面一直分出来2个,而这边总是3个。"

For(9;11) 其目的在于廷长二叉模型, 他先是在每个V的成部增加了1根棍, 此举将原来的2叉变成了3叉, 再把各端都廷长为新的3叉 处理二号模型的时候,

他在3个图案之间增加了2个新的3叉,然后又延伸了2次。但是他对2个模型的记忆是准确的,他考虑树的最大增长范围多过考虑如何复制,他终兴趣的是对树的延伸。

总而言之,被试的关注点在主扩大树有十忠实手模型的细节,与此同时我们的指令是让他们展示出"之后长书来的是什么"不过,我们正实了在协调了多项现射的分叉与连续性两方面的情况下,两者的组合最初是在一些具体运算中发生作用,例如在成系列的连续从属于递口性的情况下,又或是通过星化分类的包含关系来补全主集合在集合中的嵌套,抑或是确决基实可能时运用到了重塑性的情况中。这有制巧合,而是一个迹象,显示了最初的对立从属品构转化。最终变成了同志。不过树状构成运经似乎更为简单一些,因为它是象形的,因此被试能够在已亿中进行企业,为全毒食,是一两个方何也就成了问题,或者可以说成是强度和高度的双重造效的问题。如果是一个序列的话,接下来的电视只有一个方向。在涉及电视的的变变。在有关分类的实例中,在不断扩大的系统和一系列依定被会分类多方向的可能。在有关分类的实例中,在不断扩大的系统和一系列依定被会分类之间,存在某一种一几件。但是这一连续的系列又组成了一个连贯的包围决实。其此的设计与现在被设在高格的态势体形式简化为包围设套)。而有关树的象色中,相反是不再是致的主要或者重要中的特别下,图片的起确定为全分是被自由是成系。种种从方向是一个方面,种形状的情况下,图片的时更两个方面的作用。

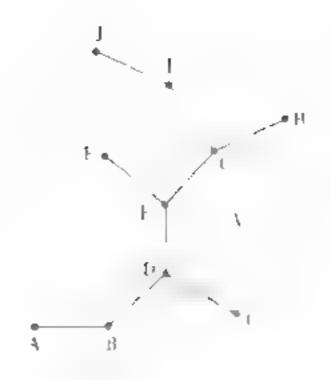
但是这两个方面能在什么地方遇到困难呢。毕竟在其他的案例中,同时考虑恐怕事情对儿童来说。很存易做到的一种展界一个「形门同时保持了它的情构儿俩,其可也及的变化几十简单地是联合变化支者两个变量的函数,可是两个相互保存的函数,支者说是一种高龄都函数,因为两种变化是一致的,面这种一致也是一种函数一不过,就某种函数而言,若变化结果,它们的双射是一种对力,那么此类变化沉是转化一更何况此处涉及的函数比较复杂,这也是为什么现有问是只有在具体运算许没才能得到系统性的解决。

§3 树上各条路上的距离

1. 作为反证,我们立该思考一下这个问题,年轻被武对一又岔路或连接有直线段的路径(但它们和面可被武从位置入出发,所有被指动同一方向的段之间有某些拐角,上的距离有怎样的反应,在第二个模型中,它们生的一部分同样被指向了某个方向,与之相反的一部分是从中心的E位置书发)。它之,这些线路径分配与形成了一个构状结构,但是没有了先前模型中的规律(参见)、两个小镇)

在距离的问题上,只需要考虑到路径的单位和段,它们全都是相等的。在这里我们





出2

使用了一种名为"小镇"的游戏, 游戏中, 路径将房子(都是相同的)连接起来, 且都是从作为重点(树根)的与核出发; 另一方面, 我们将30根提手得成的整体象件树的存在, 每6根中有5根长度是不同的(从1)埋水到10厘米不等)。为了让被武去点估距离而不是份望在简单的计数, 我们置制儿童使用系列化对与的方法, 也就是在与核旁边放置一棵最小的树, 然后对于每一门房子来说都有理。的树, 预测出从这门房子有学校发举过的路更长。丢过这个同核的企会, 我们直被武在这样。 种情境下对距离成上评估的方式进行裁决, 也就能补全有关协调两方面的信息, 而这在之后还是个问题

更确订地流,我们的严急是从吴求被试延伸在大小和勤考之间的对应开始的一我们告诉被试接下未要答看问房子选一棵村,但不是随便安排。我们在Ar字校)的位置上就上了1号村,并保释说"我把最小的那棵放在了学校那里",接着在B和H(两处都是最近,等了,也就是只有一段路径的正考的宣誓上次上了非号村,在K.1.6. 处(从原点已发都要予过两段路径)放土即号村。随后说:"你像我这样结约做下去",这不提距离或者路径的事情。然后我们会发表几章仁释他的行为,由告诉他认次要用和至过路径相关的标准去检查他的成果。我们移除并有的村,然后向被试提同,仍如"D处放什么村"或者"V号村和V1号村与那些房子对心"最后我们再换到一号小镇的同志上,仅仅在E处(学校成上上号村,然后把到金部分交合工体。无论是这次还是上一次实验,都可以增加一根比其他棍子都要长的V1号棍子,以观察九章会不会多加。间房子和一条路径,若是添加的话,又是在何处加上。

2 询问环节第一部分() (宣布检验标准之前)的结果。人尊科 最年轻的被试自然的 然地层限于那些尚未分类的对应,仅仅是随机分配那些树,或是说"跟你一样,我把它们 分戏小的,中等和人的一类",但是缺乏规律。相反,从5岁6个月的被武开始表达了"从 最小到最大"这样一个标准,准确来说,这里的"最大"对应的就是"最远"。但是有一件 事上常引人注目,那就是儿童自到10一11岁才会发意复想离量位置 (4和房子之间的距离,不仅能够同时也是应该独过数一数两者之间有多少段路径的方式。如果路是平行 的,那也是不言而喻的一另外,正要看到的事样, 且我们明确告诉被试具体标准(询问环节的第二部分,,随之并没有立刻产生任何正确的序列性对应,此时路径只在1到4的

区间内变化。

阶段 1、1的例子没有什么意义,因为该阶段的被试仅仅是随机分配,有某些情况下 也是一样的,几重找的是大体和似的男子可属了之志大小上的不同。从另一方面来说, 必须指出有在一个可见的中间产段,在这个阶段,被试没有反复进行主机点试,可是对 各位置进行评价后,组建了一些等价分类。

ht.(の:10) 一开始也区别了巧个等价分文:"这里(从A出发,则目的意一部分)的大小都不可,()之后则, 1.是一样的大小了"他也一样特别找到了D,"是大的那个嘛……是它了。"

NIC7:2 相反、九比打住,及有多等价分类再进行细分"那两个是一样的大小(【14段路径与【J3段路径),那里也是(OD3设路径与(O)4段路径),还有这一也是(【G)段路径与【I4段路径、看有那些 HB1段路径与KIC2设路径是实验者及初达展示出来的)"不过多一组配对都位于一段文是向存文是自存符件的设备上,抑或是某条虚拟斜线上(例如DE)。

就算等价分类元年时性的。之后被试会扩展区分 Deb 和Frax,还算表试规比打印。 沒有再相分。此像第一批字列化头壳中心以内个支 个为里位的小组,从严等价分类 也标志了被试开始建构对立 但是被试及套偏爱自我是 每(Deb 展中的上与D),Fra的 D),要么就是用完成允当等价的连接。 在 II Ø的模试还等((2)权路位),((3)设路径) 和F 4 设路径)聚集在一起。",对为自当心成了对角类"、约没有有到根据两者太小心不 同,斜线更改了距离,不仅如此,被试还忽略了路台自数量

接下来的分段是字列化对应的进作阶段, 首先是和对比前一个特境后下渭中门等段的情境, 然后是建立了"级"的概念。

(2x)"中等",所以是"从最小到最大",然后是"大的":V到G(水,还有E(水),因为是相连的,还有X1到((水),)(),也是用针线连在一起的,还有到1),D又一次引力

¹ 我们, 几、1、表从, 气, 大发、发、生, 治疗 气者以色数点, 与11-11下皮11表。 心童女士们物

是直线的顶点而受到重视。

Ron. (1, 1) 对计划进行了这样的总信:"总是稍成大一点",然后把V放在了G(3.1、J(3.1)从及[4]的位置上,但是在上4、)和[)3、)上放了VI,从垂直线的角度出发,格外重视E和[)"(3和]是一样的东西吗?是的,因为它们处于同一级,1也是一样。哦,不,那里(3.1)地增加了一个VI的E4处)我弄错了(他把VIF换成了VE,然后和VG进行比较。你在G和E上放的是一样的吗? 是的,因为它们是同一级的——信息公知道的。因为它们是在一样的高度上"不过,实际上F和(3是一个针线段的两些,这想针线段再次被视为连接,而不是一条包含距离概念的路径,而有关1)的方面则相反,引导到1)的路径是垂直的

Pln. 7; 2) "那个(A) 限小,在中等的之后,也在最大的之后,1、1)、(G(3,但没有算上1号路径),[和F(以)) 稍及大一点、F(以,和I F相同)还要更大"不过, E和F是一个V表图形的历法,但是IM在的那些技事保付度更小一些

Mir(N;2) 这样描述 灵计者的行为:"这个 A) 改上最小的,然后是有缺口的另子,放上这棵树(用) '文似乎是暗示他会去考虑路径,但是什么都没有发生,他在(13、[)(3)和1(4 处效上了最大的树(VI),它们之间用针线连接

計長自看到。今11-12-9萬孩子的留了,他公社反复的实验发现了路径阿芬寅的角色。

Vol 12:(1) 又一次考虑到了垂直线, 他在1)和F 攻上了V, 然后在13、14以及(3和F(4)上攻上IV, 这两对点分别, 4于可一个大V的两根核条上。他说, "那些在介核(指V图形的枝条)上形成对有的两组房子, 我在它们那都放上大树我的话, 可能是根据方向表行动的一些, 没错, 道路, 对啊!这终了你什么居发吗! 右边那条线上, 是从最小到最大啊!"即使在这个发现过程中, 被试还是没有考虑到距离。然后他说:"不一啊!是路经的数量啊!"

对7一8岁阶段儿童的反应大家可能已经能够预料到了。

§4 路径:第二部分与结论

在面门环节门第一部分, 实产者重量量初归有构都是整据路径的数量多少来放置局, 小洋提了这以标准, 从具体四算的阶段, 7-8岁, 邻分案何是6岁6个月或者更大, 用始被试自然就成功建立了序列化向对应。几是有关前运算阶段的有趣反应是, 被试设有一下了就修正好对应, 我们重新找到了我们在两个方面上的门里。首先我们像第一部分里一样, 举出一些未细分的等价分类例子。

Sam(5:6) 明白了K [(,"因为它们都有两段路径",所以在这三处放上的是 □号树,然后到1)处九一下子从 [[号到到了\]号树,1) 下该配上"一棵很大的树,因 为它是独此一份的,而且有三段路径",汉里的"独此一份"弯指它在于垂直线的顶端。然后她在(3和J处也放上VI号树,"因为每个都有三段路径",她再在F、E和L上放置"中等的"树(IV号),因为它们有"四段路径" 这里就已经有了等价分类,但主体没有对它们进行约分、可能是因为主体又一次予以了1)重视

Int(5;6) 也明白了为什么K-1-(这二处地方都效的是用号树,因为"有两段路径要经过",但是他更想解释为"因为K和1都在(旁边",特别要提到这一点是因为一条倾斜度非常大的斜线符三者连在一起。 2后她和 Sam一样直接逃到约1) 攻上VI号树,然后在I上攻上V号树,"它有四段路径,所以要给它一棵特别大的树",她是这样考虑1)的事情的:"1和1)上都放了吗。 嗯 确定 嗯。"在Ⅱ号小维面前,她考虑了不少路径的问题,但是还是守愿说择"它们在一边"或者"了大一点,因为它在顶端"之类的表还。 但是她还是未对等价分类再进行细分"我之所以放了大的(VI号树),是因为它们 距离中心)更近,我放小一点的树(Ⅲ号,是因为它们不那么近,我放更大一点的树(AIN和]IV)是因为它们更远"

接下来是序列化对应的进阶尝试。

(Drt(5;8) 重复了他在第一部分(木见83,中的话,他认为州设"从最小到最大",并且正确考虑了1 4没路径的情况 但是有趣的是他又重乱了那些贯彻的行准:1) 5 然需要 VI, F和1 也是一样(都是 4,), 还有和1 在同一条针线较上的 J, 等等。

Ren(6:1) 正确地开了人,她在1和F上放了VI,因为这两处"有4股路径",在D和(3(3)放了IV,等等 但是她舍弃了系统,在了几个例子,一个是在1处另子放了II号树,还有在K发放了II号树,每次她都说"因为它有2股路径啊 — 那为什么1处放的是一棵更大的树呢, 因为豆该这么走(路径AH,再这么走(路径HI)",换言之,是因为从A到1的路线扔了一个弯,而不是像长那样有提供着针线AHK走就可以抵达K处,无须拐弯。

D(小(n;2) 同样没有考虑路径,而是事新回到了自己的标准上(参见§3):[本比F(私 压得的要多一些,可能是因为一个是直线可达,另一个需要拐弯,[)也需要一棵"比(F)大"的树,原因和惯常的一样。

SvI(7;2)"啊!我现在是明白了:那里之所以要一棵更大的,是因为那条路径更长"不过,她在问一条针线设的[、4,和[3上放了VI、又在E(4)上放了同样的

VI,自然还有D;她在同一条斜线上的F和G放置V,没有考虑到连续的CG、GF的存在,其实抵达于父妻多经过一段路径 在11号小镇的可是中,她很好地考虑了路径,认为再加一根据予也就是路径就能把C2、和A3V连接起来,因为(和A是图形的左右两端。

我们支送要去引用书型和确对户的情况,包括在序列的两点增加一些互外的东西; 生对询问环节的第三部分,我们在从7-8岁的最开始的例子中就发现了这些反应

从另一方面未记。这里有些条件和第一节。每日重、就是在建造树和延长路径之间遇到同时难。给我们提供了实现后发意义的反注。我们之前假设困难在手根据高有之间。但要主义接各个全等技、但是这些变化并不是被比独立的,在是相互依存的。因为之间的门口。是在保持增长形式的同时延伸一支交一叉,所以就要考虑如何在它们之间关系的。我下找以那些人或等,然而在现在的情况中,我们已经会出了它们的形态。可想就在了如何评估的态和路程可恢复一不过,这个问题明显已经和海迷门边没有什么关系了。被试下出几句的多次试算与抗角以及斜线段有关一在面间环节的第一部分,设有一个被试在10支11岁前。发想到计算路径或者代设的数量一不过,从口路看是完全下午的支者它全水平的。那么被试在考虑了连续性支序列化对应问数量后,就是够建快写决问。一推言之,也就是那时还不需要针线或来标识两口之间的真实距离。

事实上,中心与关系在于每线和材角线,这两种线布距离的意义上,从侧面包括了大小上的双重文化,上此被试算的人子相应,他试图从靠著的角度考虑在于一条针线内造的元素都有1。不为各1,而每次和差1次。在1分、10分配,做试不用了简洁的解决方法。这就是由"引一级"表现存这些元素(例如Ron 其6.41) 补充说"因为它们是在一样的高度上"。之后他有所夸大)。不过,在1分小量中(用分小量)均是是是如此,除了路线AD之外所有的路径都是每线。推揭《一下文,我们写自了被试的两个常见反应; 方面,不仅是在扎门环节闭第一部分被试设有人心路径的数量。即使是我们请他们计算路径的数量之后(第一部分),只有7岁看有及大于7岁的被试非常和略起达用了这一方点,被试多少还有借用之间的标准,没有完全运归新方法; 另一方面, D和E是仅有的重点, 技术多少还有借用之间的标准, 没有完全运归新方法; 另一方面, D和E是仅有的重点, 也就是的元素(E大致是), 被试到正面侧是最远的,不过下,上和1 引起每1 D,但是因为上和1 都在全线的质量。D的有置坐部交到被试的重视, 就如8am所说, "因为它是独此份的",也就是因为它是一种真实门所需,不到1 和1 还有下和6 之间的连接那样令人性疑。

•1172 · 皮亚杰文集 第六卷 智慧操作的建构过程

理解针线所具备的两个维度、双重功能的特点的过程中遇到的困难导致了另一个结果,据就是存在。又(1号图形中有3个V)和 又 这一图形中的J、D 和 G)的时候。被试并不是总会计算技条的数量,但是他会遭遇地考虑允许的 GF 比 GF 的行复发大)以及拐角,有任看来,AHI路线比 AHK 发长,因为它捞了 子弯) 近如1 2以中探计树的增长问题 J 样,在距离问题 4 V 的位置电影 J 了被试的均断

总之,在当意问是他情景下,就树的情构,也就是小量的探讨中,我们同然表示对应要建立在对距离的计估上有不是之前建构的互相同生活,但是还是当到了相同的中心问题,也就是如何协调两个维度上的功能,因为它们的变化不是相互行为的一个点之。就如之前那样的特殊情况下,被战也只会也过得其物人转化的方式建构同态对应,这些转化是同时在长度是量上和平标系统士实现。同运算,由此,被战才最终将行线主人某些运算性建构中。

总 结 论

就如本书的引言中所述,我们会惊雨地发现,与从初级转化动作到具体运算而后是形式运算的数个既连续又被此不同的时期相比,对立协演化受到了诸多限制。无论是有么形式访问起,从被试的表现中,我们每次都只能找到双射,单射和减射,不过大致来说是恰当或完整的。这也是我们只用"阶段"而不过"时期"。问的原因,在这些阶段里我们可以发现进步和直迁的新鲜点,而它们的首要未原正是对应与转化之间的新进关系(其构成的复杂性不断增加,我们将在以后性特研究)

1 立该从对互内部存在的某种目有的氧化着手 第一个问题就是运用协调器形成对应关系 第一声看眼上复制图形,即设有接地建构对户,我们可以看出,在运用包围,拥整方间 改变位置或移动(即简单改变任置)等协调方式进行最低限度的空间组织之间,建构对动是多么困难。在这里我们要提到的是1 曹哲德。阳潘德里保罗(1Berthood-Papandropoulou)在1名1岁岁10个月的孩子身上的惊人发现,该发现可以说明在缺少初级协同的情况下,空间对广有多么不完整间时也解释了第四章和第十章的结果)。

首先我们拿给被试一杯槽浆,被成署之后,便成着积份他业忍看到的,利用瓶子来 事。次基满杯子。他先手拿着塞住的瓶子,将在手中的杯子贴在瓶灯处,然后又痛在瓶 口,接着就是等待。失效后他有些失望,他将杯子倒过来扣在瓶口处,瓶塞干好接触到 杯成。他用始指动这一组合,从下方观察结果。第一次又失败了。他向大人求助。成 有人慢悠悠地拨掉瓶罩,份舒瓶子,然后倒合他喝了。被试购完后便用处探了如何能够 再现这一丝果 他把样子竖着与瓶子并扯摆放,但是和之前一样没有接触,他费力地拨 担 瓶塞放到一边,然后开始又一次的等待(要么是等我们去帮他,要么是在等杯子装 满户 虽然成人倒出了一些粗浆,但是孩子呢,只管他很不时烦,在喝之前还是把瓶塞重 新塞上了,哪怕成人将塞子拿走甚至是截起来。孩子依然这样做了两遍

值得注意的是,在之间表示航子的过程中,被试管多次拿起和假倒航子,所以实验中的动作不能归内于动力上遇到的困难,在是与该归咎于协调器构成上的不足。第一次实验中,被试认为直接的贴近。杯子和瓶子引人注意的部分,也就是瓶颈空间上的接触)能够表满瓶子。第二次实验中,被试改变了杯子的位置,将呢近的方式改为用容器(杯子)套住内容物(瓶颈),但是缺少了方向的动整,包括外部位置(上部和下部),还有对液体流动的预料(液体会上角,甚至冲破轨塞)。第二次实验中(在成年人做出被试服中的新动

作之后),被试改变了原先"套有"的模式,而是采取了"放在一边"和"改在更低处"的模式(没有更多必要的接触,这意味着被试开始,主意到了确定方包的重要性,但是还没有察觉到需要主意运动的方向,在所有的实验中都没有以从来没有尝试过误针)

我们也可以看到的运器在建构对应用。打造的重要角色、行这些基础对应。换伤形式的复制中压有的。至于被试量与在蜀之心基于粮草的动作。可能是为了队业和家和出来,也可能是因为为了的成绩包动作的最后。步 很有起,因为他将动作格式变为一种覆盖范围人们又是封闭的心量。并未查括的遗产的构成,他的动作还体现出了一种对称性:为了是 新任子高技捷表子、为了易生任子 前手近见上

起族是说,我们能够区分无不支转化作用口。当的门时,对户则得名的演变的六个方面。第一个方面很简单,就是在全口了看不出任何不完整支错误可可期之后,修工了不完整或错误的对应。最典型的门子就是"重过复制改马对户;直接复制限制的模型或者是根据记忆重观图形,第十章中对科技图的重观就是如此、"开始马做的不合格,否,还用的人里便时不过化于现有模型本身的延慢。在未回到第一章的会互模式,被讨协同器仍占上风)。

第一个方面和前。个相关、即為之企理相。在第八章的条例中,被认在考虑复合往 条的承受力的时候。由社会各国之与以部执有重构的任务联系起来、上部私下部不同位 智的非可交换性可,而且有一分之一与可信会得出一个看起来和确的对方,但是被试在 甚至还不明白为体的对候,就从了企业里与知了支。因是一不够争请合理

审支信第一个方面就是对意当对与信息活化;第五章的改成发现几个号棍子特证的棍子可以从N号人小的目录让人之后,在拿自有小于N信棍子烫次除之前,就把这一些掩插化到支短的棍子上去。这就打通了一条从不完整对一两个互往相的"跌打"的路。

第四个方面就是从客体之间的对应到关系之间的病局也一有第一章中,"也可能 种关系很早就形成了,而在第四章,连接了各体需要位置和目的位置的对应吕此得相当 晚,主体推广到保持中间位置的关系总更晚。建立时间也的复程自然包括依护于相关 的关系的性质。

第五个方面完是从映射或倾向各达到它们的相反面,这对双射来说不成门包,但是 对满射和单射来说情况就相反了,在从另分到整体的关系中见为内层。高射的相反面 我们称之为"多项映射",有关这一方面,首先要提到的是,局部没有受到限制的连续客

① 倾斜的建构困难可以参照第十章中被试有关斜线位置最初的反应。

² 实际上, 关系并处元发生者作用, 但是已记用"大利和元营"和记录有所不。 元"与"大"是"不"大系的"身"也是两个极足的"的属性"不有例如"在色"属性进失是和原常定的品种家。等等"从另一方面来见,当天采用如"产"也"含严度接受机"或与评价"分别"与"方面被"有犯义主意"大学的"企","自被记住"自是生"之类的"表面的时候"。 "不不知识是"更吃的",但"成","是有"对""之"表面。所谓""一"。 "这人称等记"是上""是那么大"。

体 本书中未有讨论)的总包置的善射是自然出现的,那么把整体再带回部分的多项映射就只有替在的意义;当客体的外形发生改变(例如小面) 改成了香肠),当不合适的局部没有在数量上发生改变,这是被试很难理它的一相反,在有可能存在的多项映射的概念中,又假设了"包制"这一概念中所囊括的部分是相同的,成功地通过可交换性(包查改变)时总是不变)标证了总数量不变。但那时仅仅是近7—8岁的阶段。 当涉及离散的各体时,我们看到有人交集。第七章)的内容,在部分阶段,满射与多项映射之间不存在优整的互反性。多项,映射意味着可以有一系列的选择(我们可以把监查了归于鸭子一类,或者也可以归类组其他的鲁色尽物中去),直高射期较为稳定("它是鸭子、它是蓝色的"。 若论其他的关系,单射与下射都错等复杂,下射意味着对应的部分缺失,尤其是明白如何量化包含关系是公认的困难,还有第八章中的被试在估计差量的数量时已显得尤为困难。

对应内有演变的最高一个方面之是当彼此分离的映射或应同者中的两个成几个同时强加于问题的解决上时,如何将它们与构成联系起来。但是应该区分连续对应的构成,即就是每个均和与过的那个净至成。把,为序列运算和系统的建构的同时发生的构成做了准备 第八章的被试就是等这些协调工程似的差异,也是因此建立了分类内部的子分类之间的关系(公共属性的对应与下射,但是有有关"相异性"产生的差异时,就是补全性质的了)。

2 息之,我们可以各对广内有信定变形结为修正、概括化 为反和构成,不过这些没有组成和客体相关的转化。和主体相关的时候,它们只是现出可转化的形态而不是转化中的形态。实际主,和必算或转化相反,每户只组或了比较,当然,它还是需以双射、满射或单射的形态呈现。从另一方面来说,正如我们图图看到的那样,它们变成构成的过程中会产生某种内在的重变。但是这是一种对它们无言较为特别的严重,作为比较的对应要协调差异和相似。不过,正如第八章中所述,如果存在某种完完个全的相似,也就是所谓信同一,那么完完全全的差量不可能存在的,因为无论两个客体多么不同,作为客体来就还是有相似之处。对应因有信平衡是么是建立在主量(诸如序列化)的生衡化基础之上,要么是是让未序列化的差异从属于满射, 满射通过邻近性的合并有建立了和似性。还有一种形式的主意,这别于转换的平衡,其中可涉及信仰是包括与定和否定协调,或者则因为

关于构成问题,本书已不提供了若主创了,今后还会出版专注于构成本身的研究著作。从这个更广义的角度来说,我们能分出两个阶段。第一个阶段中,由于缺少构成,对广仍然是"内态的" intramorphiques),且仅仅是用指述性的调节方式将直接经验的评定与相符,相关的合理问题即时地联系起来。但是相似和差异的协调没有就此停止,当若十个不同的对应被建构的时候,还需要将它们协调为更高级的构成,就是组成我们称之为"态间的"(intermorphiques)的对应。最后,还会出现"态穿的"(transmorphiques)的对应,此

时,运算本身被协调为整体转化系统、借助这两人类过程的珠全同月来决定同态构成。不再只是它们个体的形成),不过两类过程就内部要求而言是独立自工的。

3. 因此对应是在自身与转化的关系中找到了发展的主要动力,因为转化动作及运算根据连续不断的建构过程享育了新的结构。这卷不是说对应在认知形成中具行实次一等的角色,因为如我们长久以来所见,转化永远不会被设计为由映射或先同态来准备,它们组织的是读还式的重建的相关内容。从物理上于来说,因果关系具会在预先设定的合法性基础上生效,合法性依赖的则是对应。从数学上来说,即使是分析了从一程(groupodes)到乡生群(monoides),据(groupos)和体(orps)等的大型结构的内容之后,主体也未发现它们本身的存在。而尽管分析设富有操作性,却已是以是构局部对立为开端。在发展的初期,尽管协减器的构成大部分产生于内部,但仍然是够通过相互同化来协调各格式。正是在客体之可建构映射的过程中,主体发现有必要得协震器过行组合、同时提供了第一批对应必不可少的框架。形成这样的框架只能依靠协造器上客体之上施展的同化功能。

主体的活动一压始仍然以故集的处置数据与动作宏果为中心,的转化内含灵动力, 且只会借进反省性思维, 无步建构,尤其是逐渐补个的推此及改 復序新进的发展 上体建构对历是从连接外生的、可观察行的、与转化无关的东西的实际过程里设开的 但是对历会一点点从属于转化,因为对应促进了转化的飞速发展之间,被建构倒超越和 控制。在这一范围之中,受到明确指示的主体变得活跃起来,但此也会努力去理解,这 就会重新产生新的形式。因为对应和细胞可支组织的关系类似,实际上,对应融入器主 的组成是正常的,也就是指面运算和运算的结构在这些关系发生了主要,该定复比显先 前内在的发展来说要更为显著。

我们能够从不同的结果区分型六个不同的阶段,在这里我们要说阶段的不是时期 (同样,我们在提到对应的层次时一样也说的是"阶段",因为在每个案例中阶段都是少 及的转化的特性相关,这些转化单独来看是在时期的包制之内的。对于一个像循环这 样易了理解的转化(自4岁起,在某些案例中就是如此)来说,而五个阶段,只有第六阶 设依赖于运算水平)依守从2岁覆盖到4岁的孩童(第二章 而对于一个难以理解的转 化面言,仍如第六章里链条的组成的是中,阶段整体有所变动

在我们的每互研究中,第一局段主体都仅仅各四个各体集合。外廷性, 发是在它们的属性 (内涵 上建立对应关系, 但是只是简单地分积了可见察的状态, 没有参考状态, 即是 结果的转化 这也是我们长期以来在与有人等位的各验中验证了的 此时最年轻的主体高限上将变化后客体的最终状态和最初状态进行对比, 不曾思考过形式的更改到成了什么, 也没有理解这只是移动而不是发生 我们可能会说这其中已经有了转化的介入, 尽管以发生的名义进行的阐释非常荒谬, 但在这种情况下, 导致了这个错误阐释的是集中在状态上的比较, 而不是对转化的理解, 理解决定的是对状态的阐释 对于主体而言, 转化组成了改变, 改变完全体现在两个方面(量的改变与形式与改变), 没有引起

任何的对应。

第一个净浸回各市面的对应概括化到后续类似的情境中,但是这些情境暂且尚无法规整而得。这就是第三章中有关"之间"这一关系阶段即B的情况。之前同斯圣明斯卡合作的研究中,主体已经验证了在一条先举后升的路径上,小球所在的疼点和初始位置处于同一高度。之后主体将这一对应概括化到斜变,长度不同的,新的路径上去,并不考虑这些因素存在着区别。这种情况下,或怎之间的对应并不总是和转化有关,但是对应开始借助新信息建构了最初的规则,准备考虑转化,且迟早需要研究制定规则的理由。

第四治表面是主体对转化的多投理解,这是否过了多次实验了才获得的。这过程是一种过程性互动,交替性的而非同时性的同时机制。换言之,在某些情境中,状态间的对应促使理解转化,有在其信情境中,是转化促使同释对应,直到上体从整体视角完成渐进式的综合。

第五阶段、主体完成概括是一跳百克的、同恋能够以必然性结果的名义从转化中推 现有得一与此同时、一旦建构等一批的对应、主体允会明白是何种改变导致了状态的出现。虽然已经建构唯一的一个思考体系,但是仍然在协调两个不同的事实;有一部分目 态为转化的理算做了准备、但其他同专用是理算转化与的结果、此后、内生的推理与运 算没有简化为对应、而是促使了转化的重建一出此。在一连串的自然数之中,我们可以 说这是一个年承者的同恋。例如在每一步后面会紧接着一项、任是唯一的一项、但是这 种有户依赖于元红的运算或者不得重复、防跳之外、对应可能沉失去了所有意义

由此我们就可以到达第八阶段,该阶段对结构化的系统运算层次来说似乎是特别 行。与此像是了当村直能够从整体的特性中推论点来,并有彼此之间实现转化。在类似 的情况中,我们参与了高级同志的形成,该类可态达到了自由概括化的水平。但是这一 设体合并并不挂斥量初后。元性,按照历史性法局,本应该等待建构转化结构以提取符 合的本质。如果考虑如部的关系而不再关注各体的内部,符合的类别就会超过了转化 的结构,为新转化做准备也就成为可能。

4 为了将则两个阶段融合为一个,我们可以考虑对应和转化之间的联系以及展示后续的形式。首先,可能存在一种非转化对应,体现在年轻主体所做分析的缺陷上,也就是主体没有有效地考虑。及的转化,但是在同一的或简单等价的同态案例中,非转化对应可能对所有层次都是有效的。此时没有任何理由去参考状态的变化。其次,预转

化的对应促进了下体理解转化, 灯还没有到这一步相反, 如果是共同转化的对立, 在转化之间就存在着清晰的对比, 其中包括对转化结果的对比, 而若是共氧化的形式, 参见n+1运算中步及的继承者, 对广是其所复活的运算的直接结果。最后, 自转化的对广(本研究中未考虑)根据所有的转化组合确定了转化是自由的

5 从心理发生的现点来看,这些发展似乎证实了我们的。只发假设对立为转化做准备,在此之后对应服从于转化。但是我们仍然不用自一点,整个过程是如何发生的目为什么要这样发生?

必不可少的准备和必然性的技具有双重原因、证例转化是内生历。但并不是与有的,而是内容持分更多的情果,并进一步"改变了内容"的形式、首先使用的方式相对表现(参见从上合到集合。召除了列等),之后则一路深入(第五章的谜里性、传递性和互反性等),直到产生新内容(数字系列),在先侧上建立了新的运算(比例、各部分构成的集合等)。不过这些建构在生产越来越丰富的新内涵 依赖于以各抽象与互补概括化的内生过程的同时,只是遇过足够持续的冷淡(整个形态算时期)未将最初的转化动作扩充高阶运算。在阶段中,干体的有为距离纯粹的推理还很远,需要不断地持制他们的运历和验证过程。总确言之,在能够深层次改变内容之间,不仅应该认识内容,还应该一步步骤明怎个变化研究来的当不能推理出的作用转化的活动表求对内容的完全享靠,因为方能够改变内容,就应该先手拉它们,也就是说不仅要从不变的状态上认识它们,在发生变更的时候,还要从它们的变化上认识它们。

很同显,对应没有指定转化的未塑,未当是广生性或作而不是比较C或者是对应的,可转化的活动,而不是转化本身)、对立在主,个转化的准备工作中友挥着不可替代的作用——提供了信息,若非如此,转化在领节上便既不可理解,又不可验证或者分析。事实上,对应的特性以及在认知发展中计对应变得不可或缺的正是扎供了对内答的认识,这不会改变内容,而是通过氧化于内容的特质而增加了同化析象。当然,对应联系的是变化和转化,还有转化和转化的结果。从函数,每2形成开始,最初还不仅在5年、的共同变化之间存在双射,之后在x的变化及改变它的转化动作之间也存在着。但是在类似的情况中(第二点中描述的第三和第四阶段),转化不会因为相同结果之间建立了对应而发生改变;和那些囊括了它的对应相联系的话,它自身变成了一个内容。

但是,转化首先是和具体动作联系有。起的,只有远过对事实的食证才能认识到它们的结果,转化变成运算性的,也因此是可推导的,对应改变了函数的地位。如果某些对应承担了准备工作,也就是建构的正序工作,那么其他的竞励从于转轮机制,在机制中得到验证。在某些情况下,它们的存在本身(到如实运算和速运算的双射,更广义方言,还包括肯定和互补否定的双射)跟在顶间态之后保存了结构的真实同态。在物理转化的情况下,例如第四章提到的链条构成问题,最从相当对断,因为这是理解了原因之后才出现的,可观察的对应变成了可调绎的目必然的,不再简单地是使用归纳税括化在空间转化的情况下,例如第一章中提到的循环、rotalion 现象或第四章的生移

(translation)的现象,何是就更为复杂,因为这两个现象从一开始就是可观察的、一方面属于客体的丰值几何范畴,另一方面主体对它们进行的重组似于可以简化为对表现形式认知几个单型的转化。但是,平移的包了、第四章)在这一方面几为有参考意义,很好地展现了作为内生重组的转化给内化所增高的东西,因为这是给位置的改变添加了一个无变化的系统,系统保存了部分和部分的数量及包含的关系,甚至对象可能是运动中的物体;另外还接至位置的改变着上不变形固体的特性,当时简不易察觉。因此对应成为必然性,不仅仅体现在初始状态和最终状态之间的对应,甚至还延伸到了固有的中间状态。首单逻辑转化的情况下,例如递归性 传递性和互反性(第五章和第八章)或者建构量化分类。第七章等),在同的和同态与来自于转化的同态之间的油通更加连绵不绝的,因为对立与转化所做的准备会找来越充分,之后对心也会跟从于转化。但是否定与情况之间可必然性构成的两条标准很好地展现了这一发展过程中分形式的建构

是我们怎么一个书引言部分最后找到的审变都在推动着为转化做准备的对应,如果我们怎么一个本书引言部分最后找到的两个和外生以知之间的关系,这一切就是得理一当外子。对应主要 但成了一个内容的组织,首先关注的是主体活动之外的部分,但是在建构组形式的过程中促进了活动,建构的门目的在了准确考虑这些仅仅由预围态分析出的内容。让于是内生的,这一建构不能简化为外生的内化,甚至这一必然的内化涉及了重组,可不允分生 人系之上增加了另一种性质的构成活动,因为构成就在于主体动作的协调。实际上,因为制形式建构的存在,思以也存在有两种替换,种作为重组,种位对内容服从工转化。函数已解倒是虚了处于准备地位的对应,这些对应是预制态,从局面和同心以及股从工转化的同心即同心,这一种有明显成了一种特殊情况,但是表现得无力点,只因为内生替代了外生,内生将外生融入它的机制。在该过程中,我们在整个认知及原中重有发现力,是一种起达了现代的物理因果关系(将我们的运算是一个多个认知及原中重有发现力,是一种起达了现代的物理因果关系(将我们的运算是一切的基本不是)。这是超越了动作推理的逻辑数字结构

6. 只有一、乙二我们在研究多种抽象、照括化以及肯定否定之可关系的发展时就发现过,对应演变所揭示的外生与内生认知之间的关系。

有恐种引力不同的形式下,我们能对抽象有复清适的了解: 个是"经验的",从客体出发;另一个是"反省的",从主体的以作或运算的协调出发一不过,我们已经注意到最基础的经验论机争只能建一在使用同化框架 茶件 但是都是两年的一之上,要对各体的特性有一定了解,我们现在可以明确一点,外常情境运用了协调器一个验抽象一旦成为可能,就会大量自我复制;自反省抽象也根据动作的两部协测或多或少有些艰难地开始,丢门小数量的完运算成云算,但是得里还完全不能通过推论来预测,且需要在作为内容的各体本身上加以产品(由此行主了我们所谓的"伪经验的"抽象) 相反,一旦实现了提炼与泛化,反省抽象在经产抽象之上,将越来越运算化的实验技术强加于经验

^{1 15} 章 章 。 是此事情是一点"正代录机特点要复数字" "我们所有一个答定证是因过去算从成的

抽象 同时还有一个类比性的真倒, 违及的是我们已经措述过的与对应相关的颠倒, 这是理所当然的, 因为对应最初就是全凭经验的简单抽象, 且转化的起因就是反省 (réfléchissantes)。

航肯定否定之间关系的话题我们能做出同样的评论,且如我们在研究矛盾与追越 矛盾的多方品再看到的那样,开启否定的外生形式归国于客体与客体之间的阻力,之后 服从于运算的可逆性概括化法则与量化的要求。

息之,在认知发展固有的调节与自动调节的作用下1换点之就是平衡的内部必然性,外生认知向重建的内生机制新进式的假从生成了一个整体进程。从该角度向言、逐步协调对应与转化(本书已提供了若干量研案例)表现了一种有关平衡的特殊形式、来增加到信者上。来和我们已然独知的内容密切相关。直到现在我们只能检测吕比较进程与建构进程之间这一平衡的形成阶段,但是在下一本书中,我们还需要检验在更复杂的层次上是什么变成了内间态与结构事的制态。因此,接下来要订论的就是整个的认识论问题,该问题研究的是结构与种类之间的关系,因为种类使比较工具更为结组数目更为繁多,同样基于这一事实,种类还孕育了其他的可以专口于结构的上速化形式。

对应与转换

[瑞士]让·皮亚杰 著 张 兵 译 王 美 审校

对应与转换

Correspondences and Transformations

作 者 Jean Praget

房本子 The Impact of Piagetian Theory, Part 1 Developmental Psychology, edited by Frank B. Mirray Baltimore, Maryland, USA University Park Press, 1979, pp 17-28

张 兵 译自英文

王 美 审校

内容提要

转换是发生认识论的一个核心概念, 皮显杰认为知识本质上以转换系统为基础, 认识就是人转换物体以使其为我们的结构所同化。他同时发现,除了转换系统,还存在着对应系统,并且在发展的所有水平上都存在着对应。

对应和转换对于认识而言同等重要,但对应不等于转换,有关对应的研究和理解也当不充分。因此,在 对应与转换,这篇文章中,皮亚杰主要讨论了两个问题:(1)作为比较工具的对应在认知发展中的作用是什么"(2)对应与转换之间的关系是什么"

对于第一个问题,皮亚杰认为,首先,对应可以为转换做准备;第一,对应与转换相互服务、相互作用;第一,新的对应产生于运算结构自身的构建。他进一步通过对平衡过程中的对应。肯定与否定之间的对应,逻辑数量领域中的对应等相关案例的分析,指目对广门缺失是认知失衡的根源,要恢复十余需要理解上间和负向元素之间存在必要的对应。

对于第二个问题,皮亚杰阿迷了对应与转换之门可能存在的五种关系;(1)"有对应无转换",如简单比较两个静止的图形,提出相同或不同的元素;(2)"高转换对应",即通过至验或观察发现的对应为转换提供基础和做准备;(3)"转换同对应",如发现两种结构之间的同一性,并且两种结构中的转换相同;(4)"协转换对应",即以转换及其相反的转换为基础的对应;(5)"高端性转换对应",预示者还没有被发现的转换,可以从很多自由转换中产生。

皮亚杰晚年开始有关对应与转换的研究,受到当时数学领域兴起的包括态射 范畴,两子等概念的数学范畴论研究的影响。这反映了皮亚杰一直致力于应用合适的数字工具对发生认识论进行形式化的追求。这一研究方向值得我们进一步探索

对应与转换

让•皮亚杰草

我们以两个假改为指导来开究几至认知功能发展大约已看50年。其中,第一个假设是知识来自动作,而不单来自知定。在语言之间,还有由动作格式相似起来的感知感动生识。等一个假设是某些动作格式能够被内化和转换成运算,例如基序。重动合并和主反动作等运算。我们的核心最没是知识本等上是以转换系统为基础的。去认识就是去转换物体的,或者更临时地是我们的结构。从这个观点出发。我们借此了为人仍燃知,为几章智力发展的四个主要分段。第一个是感知应动等设,这一篇设具有动作。第一个是点运算表征等段,这一篇较动作开始被内化等一个是具体运算企业。这一个按比不是具体的有效性随有对物体,为真实支型争高持作,也就是说,动作仍在发挥作用。第四个是形式运算阶段,这一篇设转换变成了心理转换并完全为化。但仍是转递。我们当时知道的在关逻辑学和数学高度的与作事都体况了转换的手要之一可以两门和字本系是是某一运算的社会一个存分不单处对多小问措述。在非利克尼、克莱特(Felix Klein)看来,几何字是以转换作为基础的。代数本层上也同样是一个运算和转换的系统。然而,在有关数学基础的研究中近来发展起一股全部的是同一、股而言,它是关于对方的研究,具体来说是有关被称之为"心制"(morphisms)的对应允许允一这些是使结构等和的对应,并且同样是以范畴概念为基础。所有可能的是一个包含物体及其它有可能态射的介质。

对小不完转换。简单地说,对与只是比较,比如当一个孩子把10个红色代币和10个点色代币对小起来时,就形成了一个单对单式。对一的对应。这个孩子没有转换代币,他只是比较它们,没有转换。多年以后,在关于数的起营的研究中,我们就在数字对与的特定情况中广然起研究了这些比较成对与。这只是一个非常具体的案例,而实际上对应无处不在,并且各种各样。

我们为自己提出了两个一般性问题。第一个是作为比较工具的对应在认知发展中的作用是任金。第二个是我们这分研究的那些对应之间的关系是怎样的。显然,我们在这里有两个互补的系统。这些转换模型一种树状结构相互接替,相互产生。图1中

① 由伦纳德·第里西奥(Leonard DiLisio)译。

部分1是一棵树的轮郭,其中的树枝 核接着 形 例如,在分类的发展中,儿童最无形成并列集合,这些并列集合进而发展武量子集印集个,并且最终发展成具有包含和交集的类 最终,他将构建乘以基件 换言之,有后针的分支重直或变发短从某个起口行作出来 另一方面,对应是模同比较,它们在图1中等分工里由虚线表示,这些虚众将相同水平上的任意一项和第八百任意 产度接起者 展可比较是比较状态,后,不是改变它们 必须在不转换它们的情况下比较它们 一个人甚至可以比较转换本身,但仍是在不改变它们的情况下,仅把它们看作是被比较历色思状态。我们有两类实体,它们有补,但相互区别,而且不能从一类还原成另一类。

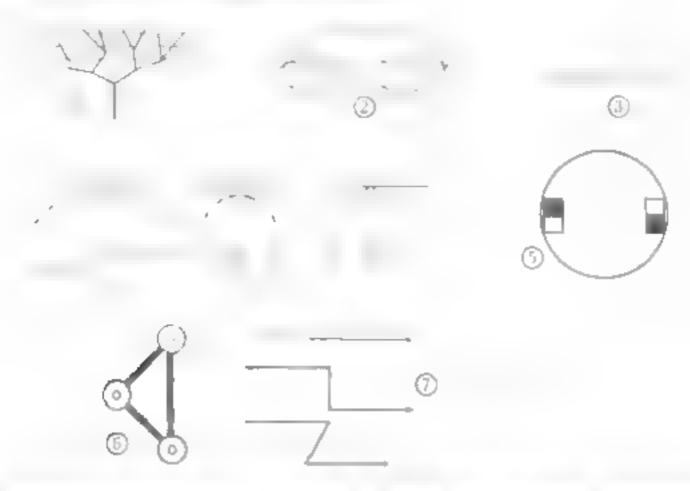


图1 皮肤木的好气的照片 1 软烧烟, 2 均为可识结构, 4 水烧矿 软净, 4 入射和反射轨道的各种角度, 5 旋转的圆套, 4 不复严的照射对象, 7 践野路子

显然,在发展的所有水平上都存在对广。在这知志动水平上,同化于动作格式已至是对导。儿童在偶然称的一个是挂物并看到他能使它摆动之后,每次看到一个是挂的物体,他都会去拍它,使它摆动。他制造了自己是一,但特异之间的对应。由此,在表在水平上,每当出现这种归纳时,就会有有元素与已知心素之间的对应。在四等它能水平上一次制工对所有正同运算都是如此。在两类四算之间存在。种必要的对应,其中一种是另一种的相反之物,即一种的出现是未另一种的出现。未为一种的出现。未为一种的出现。一个上执与抵消它的补偿的运算。一减去)及遗嘱节本身也包括后被修正之口,以及一个上执与抵消它的补偿性工机之间的对方。因此,在所有水平上和所有四算或证,应算是动中,无论何种类型、都存在对应。

我们的一般性假设是对应和转换之间归关系存在一个可区分的阶段。占先,对应为转换做准备,因为如果不无做某些对应就不会出现几至发现的转换。实际上,为了能比较它们,必须知道对象的细节。它未自上重逐新从中发现转换的对状态变化的心较。在第一个阶段,转换和对应是相互作用的,也就是说,它们相互服务一一个会促进另一个的有效形成。在第一个阶段,新的对应,如正正算和负运算之可的对应,产于上运算结构自身的构建。这一时期,它们是必然的对应,这些对几能根据写种情构作证用

来,而初始的对应 为转换做准备的那些对应——仅是经验性对应,这些对应简单地以观察对象的知觉为基础 这些初始的对应还不是必然的,而仅是经验性的表述 对应是普遍且无处不在的,尽管它们在为转换做准备,然而它们也由转换所引发——因为它们有横口联系,它们可以将任意的两个运算结构连接起来进行比较 那就是为什么有现代数学中专引和范畴理论的模括性高于简单运算结构的原因 伊南娜·博哲德-帕潘德里保罗Channa Berthond-Papar dropomon 和谢尔登·瓦格纳。Sheldon Wagner)在后面的章节里呈现了两个关于特定对应或特定态射形成的研究范例

另一个非常简单的对应例子是有关分和的问题,而这个例子部分更新了我们对这个不少研究了40年的问题的认识。当把一个橡皮泥小球变成一根香肠时,它发生了转换,但质量是守恒的。这里既有转换,同己也有守恒。然而,对幼儿来说,当形状发生转换可,位置和数量或者数量和位置等其他。切同时会改变

获得守恒观念品支什么条件呢。这些条件似乎有两个 第一、高要理解形状的变化。即从球状到肠状),包括部分球体的体移 第二,儿童必须认识到当一个人移动物体的。部分时,在一个上增加的那部分对应有从另一点上移走的那部分;可是在这里,对应早见了一幼儿不理解在一端增加的部分相当于在另一带被取走的部分。他们只想到空气,有且只看到小球被延长了;他们不会门延长的那部分从哪里来。他们忘了起点和已经被移走的东西,同玩缺少了一个在所有包域都需要的对应,因为他们将让意力都集中在了终点。也等一下长度守恒。将口中部分3)。在其中,推动两根个等的棍子中的一根使它的另一弯超过另一根一部冲分3)。在其中,推动两根个等的棍子中的一根使它的另一弯超过另一根一那些认为移动的棍子变长了的比重没有考虑到在一端变长的那部分与在另一端变短的部分之间的对应。

为了证明这个假设,我们由巴芒尔·英海尔德(Babel Inhelder)采用下面的技术做了。此关于守住的新宝珍。与简单地通过用手打成压将橡皮尼小球变形成香肠不同的是,我们取走。块橡皮尼、然后间儿童小球里是否还有相同数量的是。所有的儿童都告诉我们,"不,你取走了。此,变少了"接着,我们将取走的那一块放到另一端(图1中部分2);因此,从有需取走的。小块橡皮尼被收到了有漏。我们同儿童:"与变换高的小球相比,我们有相同数量的是两"现在,件非常有趣的事情发生了——平均来看,在5岁6个月后,四分之。的儿童立即会说:"它是一样的,你取走它,然后又把它放回来,它有是相同数量的是"因此,在5岁6个月之后,这些儿童达到了稳定的守恒。如果不用"取走再放国"的方式,而得按传统实验的操作方式将小球压成另一种形状,儿童会告诉我们,"那还是相同的数量,你只是弄长了它"。儿童已经知道有有替换,而且明白在进行替换时,加在一个地方的东西已经从另一个地方取走了。由于这种取走再放回的技术。这种技术与人了对应的观念,关于可知的发现有了显著的进步。存在一个必要的对应,即被取走的东西与放回的东西之间的同构、而这造成了这种提早点现的守恒

另一个关于对应的一般例子是肯定与否定之间的对应,更确切地说是正负因素之可的对应。它是一个非常普遍的现象。行动中的儿童总是把注意力集中在要达成的目

标上(换言之,指司动作的正同元素),他没有想到,或者很少想到动作的负向元素(周、什么被阻止或被留下以使目标达成)。这产生了一种基本的不平衡,而这是在同志算水平的一条规律。另一方面,符有正反运算对应的电算最怎会是人上目元素和负向元素之间的精确对应。守住已经是这样的一个例子一个取走是负任的,这回是正司的一在明观例的物理量的领域里,我们发现了一个主人表的时间了一我任何合作者安德鲁·罗德里格兹(Andrew Roch gazz) 观察到了"蒿"和"。"的总会一如某个儿童一只水杯,并没浓他装一生水斗营,他非常快速地装造了平杯水。如果安水的是一个几乎快速的杯子,他将把它装到几乎快满,而且他明白它不是完全活的。每是几乎快满的一点果安下的是一个只要一点点的杯子,他将在村底放入非需少河水。这些发水儿产个部能迅速完成。如果存说清的和装满的(上回问语)换成论等的,也就是,同样的事情用负问句问语来说,即发水一个杯子是下方的。或几千十分的,或仅一点几个,则出现了红过一个发的儿童一一即他们理解广满的"的年龄过去2或3年。一带完全从以不到十个和丰满的杯子具有相等的数量。因此,"当的"的量化化"满的"的量化发表更难,尽管有逻辑上它是完全相同的表述,只是用的是负向的词语而已。

在逻辑或数字的领域也发现了相同的现象。给电量。示视集代刊,其中10个代币 给儿童,10个给实验者。实验者互愿。"我将合你2个代币",边这样做。最后,电气流有 了12个,而不再是10个。如果实验者把包改少的部堆代币减退未,用可见重计你现在 有的代币和我现在有的代币差几个"电量记:"产2个。自给了我2个,我现在有12个。 相差2个"当然,并且不是2.而是4(不是n,而是2n)。就像在守恒问是中的情况。任, 占要理解加入。个集合的代币是从另一个集合取走的。对于几;得到的代刊和实验者 失去的代币之间必需的对应的认识是一个很无的发展。出现在更大的年纪

所有这些关于对应的门子都具有离扑的特性。在没有证 集制因素之门的引应用、造成不平衡的矛盾在高运算阶段普遍存在。人们可能会问为什么在开处的时候介有这么多不平衡和矛盾,因为对简单的词是方言,简单的答案似乎不应该带来这些不干绝。本质上,它是肯定与否定之间的不平衡。这种不平衡是由对与的缺失造成的,而对应的缺失是认知失确的根理。平衡的恢复在于时口证。负元素之间存在必要的对方

另一个非常普遍的对应的例子是其变关系或依如关系的发现;也就是函数的观念。 即,一f() 以球在撞高时的入射角和支射角之间的函数为例 对幼儿未说。当球抵人 地时,它会顺着虚滚 有稍后门年龄,他们将告诉你(图1中部分4)球会衮气度附近,但 不会碰到它,并且它会以那种方式整饮下去 最后,儿童发现了正确的函数,即角度的相等 函数是有趣的,因为它们同步包含对几和转换 有有。值与、值之间的对互,因 为,依赖于。因此,反射角依赖于入射角 两个值之间存在对应 在这个事包中甚至 存在双射,即同构 另 方面,当、转换成已或它"、或者、转换成已或。"时,它是 种转换 因此,在函数的例子中存在两个转换结果之间的对应,而且正是这种转换之间的对应 应导致依存关系观念的产生。 最初的假设是对应在开始的时候为转换做准备或钱路;之后,它们通过租互作用负相互服务;最终,在必然的讨应(或态射)能力中,对应为转换所决定。图1中部分5的实验可以看作是一个对应为转换做准备的包子。两个不同颜色的盒子在一个圆盘上转倒,而在让儿童看的时候,一个盒子在另一个盒子的上面。表来儿童回答,如果在左边的时候,你色盒子在这色的盒子上面,那么当转到另一边时,两个盒子的位置将会是怎样的(我色的那个盒子在这色的盒子上面)如果儿童没有理解转换(也就是说,他跟不上任管在旋转中的循环。序),这是一个团难的问题。他开始发现了某些对应,随后他很快发现,在不边已时候每十十日间的家色仓子,到在边的时候变成了在下面。任简单地通过一种对称的见到了这个结束。正是通过小的连续对应,儿童交然发现存在一种一般性的"厅"他重复建。了这个循环。厅;随后,他在开始时也对价是现在有一种一般性的"厅"他重复建。了这个循环。厅;随后,他在开始时间是一个这种情况下,对少是由转换推演出来的一个是从被看作转换的循环厂序中,儿童在演出了在不同位置的不同对应。

从几何学的观点未看,不变形是体的问题是有趣的。当移动一个目体时,它的形 状不会改变。19世纪的圣玲几何字家节称,几何字是应用主不变形固体的数学。某 些现代认识论等者认为,不变形器体的概念已经提定了整个鬼何等,而可设定了不变 性转换性的概念 我们来看一个关于木制不支重物体的实验,这个物体由迅过硬棍 6.1 给主部的《开公子》个小制、支针管由此穿过。以由气间上或下、有或石的 方式,或者以2字型。当1中部分70的方式,或者以更复杂的制线运动的方式,使物体 凡有移动。现在, 旦儿童看到银笔混在低上的第一个尸环的运动路径,他就被要求 复售出其他两个周环的路径。理论上诉,这个目是十分简单——因为固体的形状是不 变的, 国此路径必定元平行的; 5元直了一条路径就是以生成其余的路径一些面, 儿童 花子很长时门才构建出这种对应。最年幼的儿童认为,从左行右移动物体时,它的。 个国际改变了。1、各自的任首、因此一环在这点的任置与在起声的位置之间没有对 57 关系。到更大。叫的年龄、儿童会明白如果物体在离开时。个国环处于某种位置、 在到达时必然会处于相同的位置。他会正确地面出物体在起点和将点向样子,但是 他会以任意的方式来可申的治段的担子,仿佛文一个国环在中途手以改变彼此相对。 的位置 具有到了运算阶段,儿童才能在最初只给定一条路召时,成功地发现用环之 间的平行对应通道。

适过分析这几个包了,对应和转换之间可以区别和分离出五种不同的可能关系第一,在问题是简单地比较两种状态(例如,比较两个静止的变形,并找出相同或不同元素时,存在对应而无转换。第二,存在为转换改准备的五转换对与,正如旋转的圆盘和处于不同位置上的两个盒子的情况。凭公产发现的对应是发现得开顺序运动的转换的基础。第一,存在使某类转换与另一类转换对应起来的转换同对应。例如,在儿童将

系列小棍由最短到最长排好序后,再让他将一系列立方体也由最小到最大排好序,他会立即看出两种结构具有同一性,以及在两种情况中的转换是相同的。这是一种转换同对应。第四,当对应必须以一个转换及其互反的转换为基值的时候,存在的转换对应例如,假如取一个自然数序列1,2,3,4…那里有一种付应,即众所周知的后项态射。每个元素有且具有一个后项,或者反过来说,除置项之外的每个元素有且具有一个高项这种由后项的态射的名字指定的对应必得以"n+1"这种转换运算为基础。每个数是同个数加。因此,在转换运算"n+1"和三项的态射之间它们预示还没有被发现的转换,并且允许它们从如此众多的自由转换中产生。最后的这种范畴在很大程度上不是在儿童的是在青少年中被发现的一有数学中,且是那些研究态射和范畴的学者仅依据范畴理论就已经发现了新的结构和新的转换程

像运算性转换一样, 横同和同步的比较系统(或对应系统)对认知发展来说都是必要的一个很长一段时间里, 对我们来说, 转换似乎是以解释认知的发展, 而且对实际动作也似乎足够了, 因为一个实际动作包含着对现实的改变。对我们来说, 它们似乎是以客观地理解物理现象, 因为为了理解物理定律或物理关系, 等节与支或多或少地改变非物去研究变化。对我们来说, 它们似乎对逻辑或数学的构建也足够了, 因为现有的逻辑或数学都是以运算为基础的。但是, 对应和专射的研究已间我们表明, 比较也是十分必要的。这些对应不是转换, 但是可以自随转换。尽管作为比较, 它们自己不转换任何东西, 但这些比较对发现转换来说是必要的, 因为为了发现转换, 必须知道那些数据, 而为了知道那些数据, 必须以比较系统开始。而且, 运算结构。 过构建, 它们就是必然的了, 因为后者必然包含态射和对应。然后, 尽管比较(或对应) 与转换。者都是必要的, 但它们并不是完全相同的, 而是保留着相当人的差异。转换本属于是以可证性为基础的有新进平衡的意义上, 转换的进化就是对了遂性的逐步获得。一个比较或对应不允许遂反的比较或对应。如果或与方同构, 那么方和应同构。那里有一种互反的关系, 但是有对应自己的领域里没有否定。特别是在对应的新进平衡的领域里, 两类系统之间有显著和有趣的区别。

因此,转换的平衡就是实现可逆。至于对应,因为它们是比较,本质上在于发现两种结构,两个物体,两种状态或被比较的项(无仓它们的数量或性质是什么)之间的共同的形式。但是这种比较本质上相当于了找相似之处,因为它是共同的形式。像这样的差异不会产生对应。在这里,我们发现自己而当这样一个有趣的问题。相似与不同之间的关系不同于可逆性领域中的肯定与否定之间的关系。事实上,有在一种绝对的相似,也就是说,恒等式a=a 意味着a 和a 自己之间没有差别。那是是而易见而无须证明的。不存在绝对的不同。现在,取两个似乎完全不同的物体,不过作为物体,它们彼此是相似的。因为它们都属于物理世界,而那也是一个相似之处。它们是思维的对象,都属于概念的世界。那仍是一个相似之处。它们是思维的对象,都属于概念的世界。那仍是一个相似之处。不存在绝对的不同。对应或态射,比较的新进平衡在于使不同归属于最紧密的统一的相似,而且对我来说,正是这种问共同形式

的进步似乎是对应的渐进平衡的独有特征。

因此,考虑到我们正处理的两类系统,它们量相区别的,但都是不可或缺的,都是必要的,结论是转换和比较之间,运算和对户之间是相互支持的,而且虽然它们的平衡形式不同,但是这些形式是互补的,它们相互之间支有对立或矛盾之处。当致力于对应和专制的这个问题时,我们暂见了认知发展的一个方面,而认知发展的绝大部分迄今为止仍不为我们所知。



论对应与态射

[瑞士]让·皮亚杰 著 张 兵 译 王 美 审校

论对应与态射

On Correspondences and Morphisms

作者 Jean Piaget

原载于The Jean Piaget Society Newsletter, 1976, Vol. 5, NO. 3, pp 8-10

张 兵 译自英文

王 美 审校

内容提要

孙志凤



论对应与态射

让·皮亚杰(Jean Piaget),1975年6月14日

[由艾莉诺·达科沃斯小姐(Mlle. Eleanor Duckworth)译]

女士们 先生们、由衷序谢你们的欢迎。我想请你们更应我没有用英文出行室讲、但就像你们已经看完的那样,对标准发言的英点,我听不太懂。同时,感谢至会的主席,他的名字我不敢念,也感谢激请我来以里做国事的大学。我也代已是尔·英海尔德Barbel Inhelder)表示概息。她确实想未这里,但是她最近被任金为瑞士科学研究委员会主席,这是那个团体任命的第一个女性,她期望切实履行自己的职责。这个門本,她需要在那里出席一个会议。

人约50年來,我们研究是主认知功能的发展乃是基于两个假設。首先是,知识來自动作,而不是简单地來日知定。在语言出现之前很久,就已必有了感知。运动知识,也有了它整组外化的动作格式。其次是,动作被内化和组织为支算的群。在这些假设背后的观点是知识处理的是转换的系统,认识即转换。要认识某个事物就是要使它可以为我们总结构所同化。你们可能很远要我们是描述的这一发展期间的四个阶段;语言发展之前的感知。运动阶段;之后是,与运筹的)表象阶段,在这一阶段几十开始武着去表行他们动作的协调;再之后是其体运算水平,在这一阶段只要看操作,无论是真实的还是也象的,就有逻辑推理;最后是形式运算水平,在这一阶段转换是完全心理的(或内化的),但它们仍是转换。

有逻辑字和数字的发展中,我们可以看到转换系统的重要性。我们看到,这两个领域的知识也都是以动作为基础的;而且正修随时间的排移在几何学会域中意见出来的 据样,现代几何学是以转换群为基础的。然而,几年活,数学中出现了。新基于对应(特别,是合射和范畴的对应)所非转换的新趋势——在态射中,结构是守恒的;而范畴是对象及其所有可能态射的类。在这种情况下,对几不是转换,而只是比较。例如,当儿童看10个红色代币和10个蓝色代币,并且通过建了。对应而建立了它们之间的数值等式,这就不是转换,它只是一种比较。所以,很久以前,我们就开始在那种情况中(即数概念的发展中,研究这种比较或对应的观点。这种方法还适用于很多不同的情况

接下来,我想提出两个一般性问题:其一是有人对一作为比较手或在认知发展中的作用,其一是有关对应与转换之间的关系。有信与目可以看到,有两个互补的系统在发挤作用。转换是以相互引发的方式未安排的:它们一个接着另一个一口们。以表示或一棵树,就像在黑板左上角的那棵树一样,而,而树枝分又出后的面树枝一分类而是这样一个例子;最初的水平仅是把集合进行开列,之,或长为制造了集,塞有或长为制造。真实的对象类,过而成长为类的乘去。它可以被设想为一个垂直的调替

另一方面、对立是横向的。它们可以用示意图上来主重构的库线来表示。它们把同一水平上的一种与另一种连接起来。这里没有转换。因为天武是模块本本面上去比较这些项。你也可以比较转换。因为一个转换就是一个思信决告。不过仍是在不改变这些转换的情况下。所以,这两个分览是互补可又可以分的。

发展的每一水平都存在对立。在适知。云约水平,存在同总件格式的同化。每个可动作格式的目化都是一个对应。有,如果几点是到一个是非乌物体并加打它使之提动起来,形么,如果他看到另一个是自己物体,也就会在海物体与他曾打造的那个物体之间产生。种对应,而且也会去拍打这个。物体。与当他将一个直物体同化到一个他已能做的格式中去的时候(即行当自现从一个新元素到已知事物的规模化的时候,都有一个对应。

在运算水平,身合正应运算 如,是决 都对应 个文门运算已是,或决 有任何特况下,"正可的"和"反正的"运算都是相互有在何。在调节交交管的告记中,连续的调节之间就总存在一种对应。此外,在任何合定门上批及其补偿之间也总存在一种对应所以,在动作和运算思维的每个水平都有对应。

我想提出的我们的一般假改是,对17与转换之间的关系有一个产展或一个层级 首先是对应为转换铺路的时期。你们必须有的物体的阶段(即固定的状态),以似能够 在它们之间进行比较,而这必须先于任何转换。即改变这些"办是我们任何操作)。在 能够比较转换或转换的结果之前,你们必然需要进行对""在第一个水平,对应和转换 之间存在相互作用。在它们的形成过程中,它们相互加起。在第一个水平,即应算结构 中,有一些我之间提到的新的对应,即每个正可应算与其每门运算之间的必然的对应 这些对广现在是必然的,因为每当有一个运算时况必要有另一个运算一一另一个运算 可以由前者推断出来。最初的对应只是一个推断比较更有另一个运算一一另一个运算 可以由前者推断出来。最初的对应只是一个连算时况必要有另一个运算 化你可以观察到的事物的事情。对之后的对应来说,没有必然的东西。由于对应是重 常普遍的,而且由于它们是提向的,它们可以连接些有结构。可以通过对应来对结构进 行相互比较。在现代数字中,天于否射和范畴的研究使数字家们可以开发更为一般的 结构。

昨天、你们听了我们目前且在目的孔做的有关对应形成的两个研究实例,不是帕潘德里保罗(Papandropoulou)小姐做的,而为一个是九格特(Wagner) 七年做的一颗想,再个卡常简单的包子。它就是我们已经研究了40年的"守恒"的包子。过去我们一

直是从转换的视角来研究守恒。如果你们有一个黏土球, 并把它变成一根香肠的形状, 由于你们明白转换的本质, 如以你们知道黏土的量是守恒的。正如你们了解的那样, 年动的几章认为, 如果黏土球的形状改变了(即如果进行了某种转换), 那么所有一切都改变了;它们位置改变了, 它的数量改变了, 一切都改变了一他们没有认识到, 尽管发生了转换, 但有些东西是守恒的。

什么是转换的必要条件呢。我认为有两个 首先,他们必须认识到,形状的改变只是 种存移(即某部分的移动) 当环形变成影欢时, 部分从它原来的存置移动到了别的地方。其次,他们必须认识到,当部分被移动时,在一个地方增加的部分对应着从别处拿走时部分。年幼儿童根本不同已这一点。他们忘了未需增加的部分其实是从某处拿来的。他们如此专注于咨查,以至于无法将之与出处对应起来。当他们比较像黑板看上角圆小的那样两根棍子的天联时,完全相同的事情发生了。如果将两根棍子并排换放,并用选择未完全起来,他们会认同它们一样长。但是,如果推动一根棍子便它们一端起门对一根,他们会把,正立力只集中在一端,认为那些棍子变长了,而没有意识到在这里变长的部分与另一端变短的部分之间的对应。

为了检验我们有关对应与守恒之间关系的信息,我们最近由巴蒂尔·英海尔德做了过高的关验。这一次,我们不再是查结上球搓或香酱状,可是揪人。块,然后间儿童现在球里看上的数量是否相同。当然,他们会说"不同"。随后,我们将揪下的那一块放1.万另一边,然后可他们现在的数量是否与之前的相同。让人吃惊的是,从5岁6个月之后,这些儿童中人约目分之。的人达到了守恒,认识到现在的数量是相同的。这要比经典实验中的儿童早遇得多。而且,这是程定的字框。之后,如果我们接转换黏土球的传统方式将它且成另的形状,他们仍需守恒,并且能做出很好的逻辑推理。他们似乎已经真正厂解了从一个地方拿走的东西最终得在了另一个地方。我相信这是由于我们使用的技术,这种技术包含了从一个地方拿走的东西与在另一个地方补回的东西之间的同构的对应。

我再举一个一般性的例子,那是有关肯定与否定之间的对应的例子,亦即有关情境中的上司元素与负目元素之间的对应的例子。当一名儿童行动的时候,他专注于动作的结果,功作的目标、由动作获得,与东西,亦即动作的正同元素。他不会正意那些为达成目标的被压制或丢弃的东西。这部常导致某种不平衡。另一方面,运算产生了正向元素与负时元素之间的对应,并恢复平衡。在型于球的情况中,我们已经探讨过这种对一、当你揪走。块时,这是负目的;而当你提定补目去时,这是正可的,而后在这两个元素之间进行对互来达成守恒,进而恢复平衡。作为另一个例子,我们的同事安德鲁。要往里格兹(Andrew Rodriguez)研究了"满的'和"它的"这两个同的使用。要求儿童演示"丰满的""几乎离的""仅一点儿得的",他都能很好完成,然而如果同样的问题用负向的词是来表述,儿童安排后很否时间才能恰当地运用它们"半空的"可以变成关于"这里"的问题。儿童有知道"丰满的"是有那里之后,信要经过好些年才能理解"半空的"就是

回下到"这里"。因此,相较于正回元专口量化来说,"空的"(或负口元素)的量化灵发展得慢很多,尽管从逻辑上来看它是完全对称的。

我们还用数来做了另一个研究。在实验中, 儿童和实验者各有10个代系。实验者先把他自己的2个拿给儿童, 然后扎自己的哪堆盖起来, 并同儿童他比实验者发多儿个。私长一段时期, 儿童都可能说他们多2个, 厂没有意识到无论他们得到什么, 实验者就会失去同样的东西, 医此事实上差值应该是他们得到的东西的两样。儿童很晚不认识到在他们得到的东西和实验者失去的东西之间存在这种必然的取至。有任可能在这里注意到了对应的调节特值。在对应缺失的时候, 就会有矛盾和不平衡。许多简单的问题似于并不会严重不干扰。难以到顾问是为什么有些向主的问题会产生不平的。但是, 如果我们认识到缺少了情境的上间。与其负目目的对应, 它会交得上易了进行当这种对应被看作是必然的时候, 平衡就恢复了。

对应行为一个一般性例子是发现的支收依有关系、电讯是函数、用"立定、行函数" 【即1-7(1) 未表达。包括1,如果各一个环笔自地揭示一面墙、年知的几个首先会认为在离开漏之间。环会合着语意。最高高、同样做一次、另外一些几乎认为它不会使约示端(一些几章认为它不会使约示编,所以它不会使约示编,所以它不会使约示编。所以它不会使约示编与自己从增支射的角度有的有支相等或相对广。所以、从方。方面未看、这是可以之间的一种对应、它是这两个角度(如果)表示一个角度点表示另一个几之间的双射支制构一比外,如果你们各、变成、发工、你们会看到心支工,可以这种情况下有转换、有自在那两个转换之可建立了对定。对于1中的行。次转换、1中都会对点一个转换、这是依存关系或函数思想的基础。

我现在想谈。下我们有关对与与转换之目人系的。每间是一我们先回、下我之前讲过的一个层级·首先,对应为转换铺路;其次,有一段时期,它们们互靠助各自的发展;第一,当对应由转换决定证,对与完成力必然的或合射

在黑板的右手边面了一个例子的简单: 个可以成转的人轮盘,其中 选表着两个 盒子 如果把口贷到 块打板后,工,在 查上儿童,以看到个了,然后我们打他们,如果我们转动轮盘,盒子转至,指板后的)另一边对的"个格是怎样为(即盒子将处于怎样的位置) 如果他们没有便环境字转换,即飞轮曳一根灯又以相同的严重重复的概念,他们无去进行预测 不过,他们需发现一些对应 在没有持板的情况下,转动轮盘并看着它在哪里停下来,他们可以发现 些对方,并且开始能够进行概括 不过,虽然他们能够对这种从一边移动到方一边的情况进行概括,但是还不能对从顶部移动到底部的情况进行预测。之后,如果对从顶部移动到底部的情况进行是够充分地观察,他们也能做这种情况的对应 他们能够看出,在顶部的情况进行是够充分地观察,他们也能做这种情况的对应 他们能够看出,在顶部门或色盒子在左右,转到底部时则变成飞色的弱个在右,而深色的那个在右,而目他们能够对这些对应进行概括 因为这些对应程件了一般的循环间片概念,所以适过这样的方式,是常能做的那些具体的对应为循环转换的理解铺了路 反过来,对循环转换的理解也造花了推论那些对应的

我想再补充一个关于旋转图盘的伤子,那是以19世纪的不可变形固体的哲学问题为基础的;那是一个固定形状的固体。在19世纪,几何学者相信几何学是应用于不可变形固体的运动的数学。现代数学家认识到不可变形固体的整个概念是以几何学其余写有部分为基白的,所以它不再是出发了一在图6中,你们可以看到我们的不变形物体,它由通过硬柱连接起来的一个目环时成,固环上有可让智管穿过的小洞。我们可以把整个物体改立,一穿纸上,上离稳定地保持它的方河,把一支错笔放到一个小洞里,在纸上移动它,口出那个特定可环的运动轨道。我们可以使它左右一下,以2字形方式或者以更复杂的曲线的方式运动。几乎可以看到第一个圆环的轨迹,随后我们要求他重复其他两个可环的轨道。理念上讲,它应该是非常容易的一因为物体根本没有改变形状,以以其他的轨道是简单平行的一但是,这种轨道之间的对方很晚才会形成。如果我们以从左向右的运动为何(一个单一的包重)、很多年幼的几章认为从左向右运动时,个圆环的相对位置是不同的一它们表至在一口处就不是相同形状的物体。之后,他们可能认识到在终点时一个则环将处于相同的相互关系,然而在运动的过程中它们可以没有任何相互关系。两个对环次的可关系是可以变化的,只要一个图环最终在一起

现行了。只有在运算水平,儿童才能认识到当有。全国环运功轨迹之间的平行私对应

我们现在可以看一下对立与转换之间的各种关系形式。我将概要地介绍我们发现 的五种类型的关系。第一、有对应面无转换,也就是、当你们只是比较事物的状态时,你 - 打可以有两个根本支有进行转换的物体, 有且你们可以只是为了发现它们的相似和不 同之处而去简单地已转它们。这里就不包含转换。第二、远转换(pre-transformational) 个例子是装着两个含了的轮乱,依些循环的"宝宝,两个盒子转到另一边可会改 1 17 支担列的侧序 正知我们看到的那样,在这个何子中,在一边是17下与在另一边是下/1 之间的合验性或被机察到的对应,是对运动的循环。字的转换性理解的未源。第一类 关系是转换间的 inter-transformational 有与,即一种类型的转换对应于另一种类型的转 [换] 付加,如果儿童将小棍按从每到长针好序后,再要求他将别的东西(如盒子)也按从 小介, 人的严守排列, 他会看目相似之处, 事实上是包含在这两个转换中的结构的同一。 型。第34类关系是15转换Ceo transformational 对户。在这种情况中,对方是以转换及其 相反的转换为基础的。例如,假如我们看一个自然数字列1、2、3 4…这个对户就是广 为人知己石项心射;每个元素有耳只有一个石项 另一方面,存在n+1的转换运算,但 是有数学中, 目前数学家正在寻找薪的结构, 新的转换结构, 这是以二知结构的对应的 范畴理论为基础的。

我们已经看到,正有模匀和同时地进行比较的对应,在认知发展中就像转换 样是 记要的 我们过去把转换看作是充分的 它们是以理解动作和动作的协会;它们是以 理解物理规律,因为为了理解物理规律,我们必须改变事物,并把变化看作这些改变的

它们似乎也是以理解数学和逻辑思维、因为这些明显是以动作为基础的。 过去似乎是充分的,但是在我们研究查射和对应时,我们认识到比较正知转换。样是必 要的。对于发现转换而言它们是必要的.因为我们必须知道给定的情况(即事实),以便 发现转换,而且运算是构有它们自己的心射和习应形式 一方面的对应和另一方面的 转换都是必要的,即使它们不完个相同。转换在一个人思维中的发展就是温服可逆性。 的过程, 何是在对应的情况中五没有选过, 支有像在转换的情况中有的那种逆反运算。 这里存在互反的关系。4与8同构意味着8也与4同构,但是不存在负回的对应,尽管 有在集团或反同的运算。在对历中,我们正在发现两种结构,两种状态。两个项目或两 个以上对象之间共同的东西,而这更味着我们正在寻找相似之处。 寻找差异不会直接 引起对应; 正是寻找相似才引起习应。我们读论对应对纸说的相似和差异之间的关系, 根本不像我们谈论转换时期说的正同和负固之间的关系。在对应的情况中,相似是绝 对的 1 1 总体着它们之间没有任何不同。1 与它自己完全和同:相似是绝对的。但是。 假如我们取两个我们能想象到的尽可能不同的智体,也并不存在绝对的不同;在它们都 是物体的意义上未看,它们还是相似的。因此,我们不可能看到任何绝对的不同。在较 换的情况中、儿童必须保持正负两方面的半绝、而没有必要去保持相似和不同的平衡。 在对应的情况中,发表的意思是我到任何两个事物之间的最紧密的相似之处,而不管它。 (目的不同之处 它是一种单同的匹配、或是贴种单维的发展 四九、我们有了两个系统 《即转换的系统和对应的系统)、市员即使它们的平衡形式很不相同、它们总是互补的、 也是是说,它们不是矛盾的。对我来说,在认知发展的研究中,直到是近,认知发展的这 个方面似乎都未曾受到我们关于, 向我现在认为自己径值得去探索研究。我们两末形 成对对应本质的最终解释,但是我想让你们知道我们在这一研究中处于什么位置,因为 我认为它有助于我们理解 世至今仍是模糊不清的问题 1 並感謝作们的母班。

态射与范畴:比较与转换

[瑞士] 让·皮亚杰 [葡萄牙] 吉尔·恩里克斯 [瑞士] 埃德加·阿希尔 著 刘明波 张 兵 孙志凤 译 李其维 审校

态射与范畴:比较与转换

法文版 Morphismes et Calégories : Comparer et Transformer , 1990

作者 J. Piaget, C. Henriques, E. Ascher

英文版 Morphisms and Categories: Comparing and Transforming, Maliwah, NJ: Erlbaum, 1992.

英译者 Terrance Brown

划明波 张 兵 孙志风 译自英文 李其维 审校

本书书文及原件与参加海原司("11"发生。一句。41"之一。 生生本文表示的域一台(2005年)。 "11"之次本文的主义人生。在11年代人

内容提要

发花杰 年老致为于研究儿童的认知发展过程或者知识建构机制及其形式化处理"司化""电化""主商化""可以"格式""特集""IRNCI自己转换群"等都是人们所购制的发更少量论的关键词。但是,即便是专业的发展心理与研究者,对皮业杰晚年在本书所提出的认为发展的元号式化核量—— 造场论及其形式化的核心概念"否射"可能也会见得临生

度之杰与本书号两名作者可思望克特下污斋与布第十一等。第十四章 第十五章从不同角度为我们深气调释了范畴心人然无适合于描述发生认识论则发现的建构机制。建构、化似以及建构的证移是范畴论最本质的特征、尤其是创制,最适合措述动态的认知发展过程,是可以整合认知结构与认知过程的数学工具。

何谓造功。简而言之。况是对象及其言对。对象可以是某一格式、改是诸多格式的组合,也也对象可以是是一类人系、也可以是多种关系的组合。否射是范畴中对象的联系方式,也是对象之间的付应方式。何如:对象自身之间的任等映射以及怎射与态射的组合。都是态射。态射通常保持对象的数学结构不变。

知主说。张平而名为过一一对互复落力为。张平而图、是"像泰"或"元泰"之时的问构实制之称。而否射就是各类"对象"之可。同相政制之物。保持个部关系集不变),是低层实名和恢复在高层次语的中的同时映制。这种关系集的不变性,在不同的认知发展水平。其有不同的特定,具体可分为置益不变量与转换不变量。后者也需只是少及简单对立。每五元数星期的发生水平;而后期少及认知对象。身在可使且的发展变化,由一种状态变为另一状态基保打某种类系集(形式)不变性一个体在建构转换不变量时,又分为态射。问态射达不水平,否内心射水平上个体只能进行简单和子扩的对应;在可态射水平上个体可以对多种基于不全的对应关系进行协图。从内态上未看。依然只是及状态间的记载。而上转换。但是一个全体能够对方。因为创建的操作。或运算,对可态射水平的诸多对应进行组合,可能够等过概括。其象形成。不具有时能性的整体,实现了对转换的概括化。个体就达到了约合射水平。这一类内容可谓是态射。范畴论式形式化压的框架

本书的第一章至第十一节,皮亚生及其合作者周从不同角度对不同复杂科度的各种旋转。如 ,属关系对应判例已推理等诸多方面层用研究,以内心射 间心射 超心射 必不 水平为及素对实产结果出有分析,间释了等形式化的具体内部,是我们理解与学报支重点晚年最后的工作——范畴论思想之关键。

总之,这种新形式化与以在的研究不同,已在的研究主要是对认知发展的阶段和结构。

以及认知发展过程与机制的静态分析,就的形式化——范畴论——它能够实现过它 体控 述认知发展过程机制,具有更广高的包括性,可以对认和发展过程机制的动态进行较为特细的描述。

1 1

道以本译丛献给已故 我国安亚杰研究的先驱者、 我的恩师左任侠教授

- 李其维



目 录

总序/1211

皮亚杰关于认知发展的形式化理论 5射 5 范畴, 比较 5 转换*导读/1219 关于本书英译本的说明/1243 前言/1245

导论/1251

第一章 旋转与环绕/1255

第二章 两个循环演替的组合/1266

第三章 正方体的旋转/1278

第四章 组合与长度守恒/1288

第五章 差异的组合/1301

第六章 平行六面体和正方体的截面/1316

第七章 亲属关系的对应/1327

第八章 一个推论性对称的特例:阅读一张倒置的道路图/1342

第九章 对称中的冲突/1351

第十章 对应与因果关系/1361

第十一章 同轴盘系统中的力矩平衡/1373

第十二章 两种机械及其调节机制的比较/1383

第十三章 不变量建构中的态射与转换/1395

第十四章 范畴论与发生认识论/1413

第十五章 总结/1419

原版人名索引/1427 原版主题索引/1429 策划者后记/1433



总 序

Jachque Vonèche⁰

生够看到这套从书中文版的问世,其为 大幸事并因此感到上分骄做(这不仅仅是 好于我而言,我想对于全世界的读者来说亦是如此) 这套书的出版应具,功于华东师范 大学李其维教授的幸勤劳作。不能努力以及他的非凡才智,当然同时也离不开华东师范 大学出版社的是力支持。在此,我谨问李其维教授以及参与此丛书的编译工作的所有 人员表示衷心的感谢!

这套从书吗事及的是皮亚杰思想中最核心的部分:探寻儿童思维的心理发生和科 字概念的历史发展之间的连续性。但这并非其意识之处。真正访问之处在于皮亚杰所 信奉的观点出现了新的转指。继皮亚杰在之后的发展阶段中提出的结构主义方法之 后,这套从书师提出的新的转换性的深入和扩展(的方法)开阔了我们的视野

随着时间的推移,皮亚与月导理自的发展等功了多次变化,在此我们有必要对其进行一番探讨。

当日岁的皮亚本发表他的第一篇论文的时候,年轻的他本质上还是一名经验论者,他认为人们可以有"自然界这本种奇的大书"中进行直接的玩察。他所有关于软体动物分类学的论文都是基于这样一个观点:人们通过观察对生物进行分类得到的是并不令人满意的结果,就像了年代对于地理了家来说可以被改变。样,对于生物的分类,如果情况允许的话,理想的分类界限也可以被改变。

皮亚杰从营险论者转变为进化论者、但不是转变为拉马克或运尔文式的进化论者、这有很大程度上是由于受到了柏格森(H Bergson)的影响。柏格森是一名笃信生命冲动口和格森著名的。生今冲动门的哲学进化论者、他认为这种生命冲动是那些组成各种生命的最重要的、完美的组织原则。生物的一个体、心理)的、社会的以及道德的组织原则于是、皮亚杰根据世间万物与对应的各种各样的需求将哲学改造得更加接近于实用主义。

这种新的立场致使皮肤点提出了他的第一个平衡化理论。根据这一理论,任何一种,也系统都趋于某种平衡。这种平衡是制。结构中不同部分之间的平衡,或是整体

^{*} 此为李儿唯策划"支命人发生认正"情华泽从《华东师道大》出版社 2005 之后字。

¹ 雅克·菲内亚 Julique Vene le 1939 - 1, 此种 打字者, 现为瑞士目内瓦大学教授, 目为凡尼亚本文献档条件领点及基金会 (目 1993年至今月及市本生气()手气合作者, 目内长字派 发生认识仓 化代表人物之一

私部分之间的平衡。但是在环境的诱引下,这种平衡会趋于。种不平衡,这种不平衡可能是破坏性的,也可能成为建制,药的干净过程中的。种动力

因此,为了证为从起验的内存的过程,发业点从生物学转行了心理学,更确切地说是转到了发展心理学。在关于物理内果关系的研究中,皮亚小发现。是可由早期最从权威。他人主心,发人或行,对体中。它们已通过其间发积为拥有自发的机制,以及的在的物理规则。与此同时,元章的通信打断已从对理企项则的信息。从转变为对立思和互敬的同伴间社会契约的顺从。

总之,心理可发了就是一个自独裁司民主由示本同程之,由教条主义可由由主义由准我论同在会化转变的过程,更客就起意应多是一个主意工义的客观主义转变的过程。这样,平衡的重心就被转移到了不断发展的内部心理信仰和于自由界的外部信构之间。从这一点来说,心理的个体和心理的环境之间存在着对立

随着诸如各体永久性。守恒等这些恒定性的发现,皮立为目录的发展起进入了一个 新的阶段, 6月个体计查给那些模型,2为心理运算的分子学打一至此,皮肤太正实力,可 功能主义者变成了结构主义者。

发业态发明 为"智事" 看构设得能从功能主义。其构主义的转变成为可能 这种 与构是 和代数结构,这表明了皮配查引普通代数癿偏爱,制时也为之后他的理论中出现的布尔巴基结构理论作好了准备。

上知、巴贝尔(SPaper) 为 心射和范畴。几较与转换 形断与的序中所言。"准算"的代数结构和前运算阶段是简的思维方式上分的合。布尔巴基的"母结构"与具体运算 勿合得最好。几点畴马丢合于少式运算 已具尔提上了以报 个门道:这些流氓无力支 亚杰是个喜欢赶数学时髦的人吗?

对于这一问题的回答是否定的。国有一一其一,当专业也使用布尔巴基础的的时候。这些结构还没有数学家中间直行起来。那时候、查数字中占主与现位的是原子论理论。比如罗素(B.Russel.)为认为的数是"为的类"。以及皮量诺(Peano 以少量无关联的公理未足义的数。自布尔巴基的方式与工建方去截然不同。他也过处坚和观察所有可能的数字行为集合,对数的真实结构进行指率;这更像是心理。的方法而不是原子论自方法、因为它确实符合几乎发展过程中能被玩够到的情况。因此,不能说皮业杰是一个追走数字时髦的人,因为他所没有压造当可数字的目光。其一、"到上布尔巴基的名材上义和皮亚杰所提倡的任何关于"发生"的位设都是截然对方的。支重杰假设,几章知识的增长与科学和识的增长遵循相同的机制。它的未说,这种假设在当时的数学家和科学家中已经不流行了。

从这些回顾中我们可以得出这样的社论:皮亚杰修改思维的模式,使之与他的众多 合作者故集的资料和为企,这些资料表明允董思维的发展和和完活发展之间存在着类 似的发展过程。当社会和学领域开始盛有以禁制主义作为解释模式的时候,皮亚杰放 介了结构主义,这正是支配条件为一名思想家的言明之处。自从他成为一名心程学家 之后,他总是走有时点的后法,总是在引信查查。20世纪初期,当人们仍以儿童在告言 习得期所说出的单词数量未衡量(含言语发展的时候,皮亚杰民已经于始从交流的角 复末研究语言了,而且也是最早使用此法的科学家之一。不仅如此,他否并知了这一领 域的变革。皮显性是一位具有目而意识,并且终身都有创造新造式的思想家

现在每季出版的这一套中文版丛书代表了支支查点。 个个段的创造。 方面,他只提出的公别和签考,为他的自身女生主命程序和人化处理提供了逻辑。数是模型方 方面。 种意义逻辑在安德森 AR Anderson 和原尔钢等(ND Belnap 相上逻辑的基础上得10发展并在某种点义于起越了它们。在这套丛书中皮之生又谈到了他所喜欢高手是:和手机会们历史发生和心理女生之门的关系。简言之, 每这个门口的自论同说着这样。个工是一在发展系统中在发生了变化, 什么你持不少, 两个事物之们什么是相同的, 什么是不同的, 由自由更重要的是一个两个事物被放到一块的时候, 它们之间发生了有么, 它们是否严生了变化, 如果产生了变化, 是通过何种方式文化的一对主以上的变化未说, 最重要的是一种动动的变化。气管太阳数分家之机器,Henni Poncare) 所说的最格, 如果此上的具有事物都在一般之间发生了变化, 那么第一人早上谁会发现这些发化几个多少估有一个东西没有变化, 才能是多点发生的变化。气管断点点及反驳, 看是一次否定, 变量需要方面。 有,文化也需要稳定的一切于中国人未说, 你们比例为人更答约, 是这种点面的对力, 在这一点上我选择的多点了一点正是皮肤不够全解释系统的精整之上在。从平衡地会开始, 在这一点上我选择的多点了。这是是皮肤然全解释系统的精整之上在。从平衡地会开始, 全点。一直以同时代处,这种行效是通过不同的方式未实现的问题中,再到是来的由自分不是不是一点。

但是这套从书又在皮下本。有目允同基础之上加进了一些原的。不同于以往的东西。若对其先时的研究进行反思。那么就可见此处介绍的与之间的研究中提到的有着本面的不同。从某种程度上说它是一种从具体内容到形式的转变。也就是12、它有关。自由不再是生育和知识以及科学更和心理发展之间的共同机制,可是为图揭示皮重态是现所提出的所有结构和工程。包含于一个汽车的同构性的形式性构之中,后上,它们与了皮重本的全部创度和干净化的第一个更用是相等各位;在事物之内,在事物之间,超越市物之上,这一点在我即将在加拿大出版的一本事的一个量等中已有论述。

这一套最高。人物实现上是真正跨导程的问题的移性的。下高我就及对此思行说明我们从这套书中编写时间最早的一本房开始。这本有关"不屑"的书写上1970至1971年。正如过一代克·杜克莱门与Ducret 在珍书的序。中提到高现值、皮重杰当时的研究目的在于农业心理发展的一般相景。而不再是发坚力结构。但是艾文杰关于矛盾的立场既不属于黑格等字点。也不同于其色的哲学克派。对于支速杰来说,矛盾是肯定性和否定性之间的。 种不完全的补偿、换点之、它是两辆(把某一个给定的集合证证于一个约定的类目)和外延(把一个非证的属性用于类目之间的一种不完全的协调。因此有些元素最终选致量于了证的属性及被赋予了证的属性。就化对对于高字性阶段的几单未说、在同一时刻液体既具有相同的质量又具有不同的质量("可以喝的水多或少")

对矛盾的超越由两种互补的过程程成:拓展的参照系统和概念的相对化 在守恒任务中,同时考虑两个不同的惟度,并能意识到"多"和"少"这两个同意是相对的 这两种过程都受到"平淹化"这一共同机制的高节 当肯定性和否定性之间后现不平衡(用皮业杰的术语来说就是去平衡。的可候,矛盾就主见了 一旦儿童内白了任何 种肯定都能被一种否定所补偿,他们就能克艮矛盾 这就是心理运算中最重要的可是性别则

皮亚杰进一步区分了二种类型的矛盾:(1)完全只关其肯定和对否定的全盘忽视; (2)对肯定和否定进行协调的最初尝试;(3)在整个可逆系统中超越矛盾,提此,矛盾被 视为是观察或推理过程中的暂时性错误,这种矛盾可以被肯定和否定之门更高的平衡 的必然重构所抵抗。在思维和科学的过程中都会后现这一过程

《态射和范畴:比较与转换。这本书是在皮量点去世之后才出版的,所以皮量态设有对它进行最后的修改。因此,这本书有些内容不是很清楚。这本书主要同述了有关生物和智慧之形式的。般理论,并指出这种理论是建立在态射和范畴这两种互相协调的数学工具的基础之上的。态射是建立在两个集合之间关系系统之上的。种结构,这两个集合就像数学的群集。样,都有一个或是几个共同的补偿规则

范畴是拓扑代数的 部分 它们由两个类组成: 类是母象、另 类是心射 心射 满足这样的规则、对于给定的 个对象 4,B,C 和两个心射点(从4到B)。5,C 从8到C),有6,G。就是 个心射点(从4到C)。 心射 遵信者合建、目有单位元

雨子把范畴之间的关系联凸起来 一个雨子可以将 全范畴中的对象与另 范畴中的对象,而且只能是唯一的 个对象取至起来,在忘射之间也是这样 符言之,就是通过比较两个对象,它们的关系发生了转换 这种转换有 种类型:内心射、同心射以及超心射的转换 内心射转换是对从心或行为进行检验比较而了生的结果,不包括任何的代数运算成分 间态射转换是以某种组合的开始为其特征的,如减法(逻辑可逆性的 种形式) 超心射转换是以某种组合的开始为其特征的,如减法(逻辑可逆性的 种形式) 超心射转换是作用于每 心射从而生成每 个态射的范畴(多元间面的数学介绍)而实现的。

因此,除了本质上为超右射的运算逻辑之外,皮亚杰通过代数执扑而不是布尔巴基的月星构得到了另一用于解释数字群集的总射和总畴的生态系统。那么,这又有什么不同,又有哪些进步的地方呢?它们都是可使运算性转换的群结构具有建构性的好范畴。那么具有建构性又体现在写些方面呢?为什么它比运算性变换更具有建构性无?当人们使用布尔巴基母结构模型的时候,低层次的结构和高层次结构之间的转换十分彻底,以至于最初的结构完全融入了最终的结构。这正是皮亚杰在那本关于抽象的著作里所要解决的一个问题,在此我很冒昧地同议者们推着这本书。皮亚杰在这本书中指出反省(或是建构性的。抽象反映了一个很重要的问题,因为"它是从低层次的操作或运算的系统中推导出来的,通过对行为或操作的反省,从而保证了其在高水平上的特征。因为只有通过在新水平上的建构才能够弄清之前的建构过程"(EE.G XIVp 203)因此建构性抽象中的两个方面和"反省"一词的两种意义是相联系的,它参指反省就像镜子

样, 反射什么东西, 皮亚杰称之为"物理意义"上的反射)也就是(对什么东西的)思考。某种程度主来说, 反省抽象就是将较低水干上的事物投射到较高的水平上去, 这并不受水平之迁移的影响。 任是如果从思考的形式这一层面来说的话, 它会因水平的迁移而彻底发生变化。事实上, 新的运算结构比高面的结构更为有力。而且, 能同时对这两个方面作出解释的数学模型也只有造時理论, 因为这一理论在最抽象的水平于使用了态射和对象的二分法。

皮亚杰通过各射和范畴解决了长期以来。直围机着他的一个问题:视为土物适应 之两个差段的生命和智慧之间的廷曼性可告与日常知识和科学知识之间的延续性问题。

当皮亚杰通过范畴理论为他的建构主义建立起一个可靠的数理逻辑基础之后,为了确立结构主义的建构主义的建构主义的建构主义的建构本质,他就得解决未自另一方面的问题,即必须对建构主义的建构本质进行即确的说明。就此而言,皮亚杰还必须对这一问题进行探讨:态射和范畴是不是成为人生或为后入习得,而不是通过建构的得到的/因此,皮亚杰克开始对现实性、可能性和必然性这一个概念进行研究,其中现实性只是某些可能的转换之有效的现实化或实例化。

而且在。台射与影迹: 建较与转换。中、皮肤不耐充的有限与不毒是阶段和结构, 而 是对过程,程序和机制,推行了探讨 一此时,程序和机制被设想为有助于确决现实性。可 - 能性和必然性之间的关系的争论。更的来说, 短识的非遗传理论(写成理论)以可能性 来行经了现实。言何用"本质的'主意"来解释实为的知识,也就是说。 般性 形式或说 - 概念 舟系统以及月气的形式和范畴、是由个体的行为建构而成的、而不是从外部世界的 水久性中待到的。这种观点和走带论相打确。另一方面,还清皮阐述和证明"普遍性是 "再学个字做",我们可以以答论企的形式对其是以理解,其中一般性的意味是通过日常 经产获得的 为了证司经验论的错误, 宏德国司从两方面进行论述; (口范畴是个体的 孟动的名录,而不是从现实的内部结构中引到的(这些遗畴是个体赋于现实的);(2)记 电送种赋予不历了发展的各个阶段 为什么咒/月为如果美畴仅仅是字习的结果,那么 一玩美的内容就可以从环境中延机的、偶然的监想中任意地获得、而不会从一个事简单到 复共的层级清晰的过程中分阶段地获得。因此,皮亚大理论中的一般系统的阶段功能, 就是为了说明和只是建构的末的,这本书付式。内的说明九为用确。只有对于那些机 飯的个体而言,从简单到复杂的变化才是有意义的,因为事物的难易总是相对于主体和 主体世界而言的。

皮亚杰在之后的 本关于"可能性"的著作 儿童概章概念的起源 皮亚杰、英海尔德(BInhelder),1951 中提了:从爱儿的华我企开始到儿童的自我中心再到儿童中期的朴素现实主义,其间需要很高的 段时间(对于日内瓦的儿童来说大约是12年)才能发现现实性和可能性之间的关系 近如数学中照率计算一样,偶然性尤其适合理解现实,即有利马形要优于其他可能情况而发生 这是从逻辑运算的角度来说的:归纳,结合性

思考……它们只有在形式运算阶段才能得到充分的发展。

新的研究者限于探讨;对可能性的理解与如何随着年龄的发展而发展,它又是如何与运算结构相联系的。有两种可能的情况;因为数理逻辑结构而产生了对可能性的理解,或者是可能性的发展为心理运算的发展做好了准备。本书论而了后者是正确的这实际上十分符合逻辑,因为是意为了实现。全经定的目标而不断地进行会武,这一过程。在他们心里)。周功起了。系列被认为是高够达到目标。或目的)的行动和客体对象具有当是单在天于关系的时间系统中对所有的可能特进行组织后时候,相应的数算逻辑结构才会产生。

这些因素便行皮业生提出了。种有的格式分类,让 布克·杜克莱在这两卷书印记,言中对此进行了介绍。

第一卷书子接着第一卷印音尼见舟,皮豆杰在第一卷臼生尾中提出,可能性不能产生于逻辑运算。因为逻辑运算前根于必然性。必然性的发展不与了一个阶段。(1)而必然性或伪必然性。它存在于这种的生实中,是面包的现在一种可能性是有效的。(2)只必然性益的是,认为某些必然性能够通过一个有限的方式引起为外一些必然性。(3)最后一个给设是无条件的共必然性。第一个阶段相当上将现实计可能性系列起来。现实就是基一的可能,因此,也就是是一个阶段相当上将现实计可能性和必然性之间的区别为特征。但是这种区别仅仅局限了:现实只是可能性的一种,只有当其他的可能性被排除的时候。它才可能或为必然性,但是由于几乎无人考察是有的可能性,因此它只能是一种看你的必然性形式。最后一个所设置过程应有可能性(现实的和不观实的)的思考,包括某些可能性会省其否定性扩除的原则的思考。为是了实现无条件其这类性的条件。这里,我们可同过去未再看看之前关于矛盾的那么书中提到的关于肯定和否定之间的平衡化理论。

皮亚杰晚年在探索新已解释模型过程中, 再一次修改了他的运算逻辑, 他在同格早 兹(J.B Grize)从1949年至1972年的合作中曾经对其进行过修改 每一次的修改都旨在

提高字的内部具成智维模型对逻辑模型之间的等个程度。最初主要企森和具体销售技术、现在被加州亚(R-Garcia 推崇的信息逻辑,主要是为了克服金边逻辑中的自相矛盾之处。这些矛盾是源于这样一个逻辑真值表。根据命置边轨的真值表,名蕴通户 2g 为真、即使更为版、区刻的条件资本亦为真。"如果并是是为心化、形么中国在京州"人门与上九会追误的其实这两个会之之间积本没有任何人来。但此收录为了人了意义蕴涵的概念、已控的。当且仅当"关于q的一个含义。包含于p的也又之中,并且这一普通含义。是可以任适的"共力"文中。是同一种是又用逻辑,认义设第12页)。皮肤大对个新门发展水平之间的逻辑。致性进行如下部径,内心算不提行以一种作"燃制运算阶段"的自运算不是在,即或作之作的中间以结合;在门运算阶段(以一种作"燃制运算阶段")的自运算不是在,即或作之作的中间以结合;在门运算阶段(以一种作"燃制运算阶段")的自运算不是在运算中没有运算(以高有力。也以五度管理。可以有运算下设备运算,

在这样的模型中,我们可以在一个不同的逻辑来至于发现的逻辑。在为运算阶段、要几不断之等。在运送表言,又信一、查证动作他自己工装入的或作何过来就是创出。 正知的性价以代汇上能够通过现在几步的同类性运送和。移身框件:1 没有增加或或 更任何东西;20水池可以省动作单位过程;30不可作度之间可补偿支出高状态,就像 是少年具有的INRC 软板直以及上六种。元金已逻辑的准备的等符。在一定月如此,所 以度汇票成为十六种。元金已三合在人类发现的动作中点已不存在了

店者,正如一台計与范雪; 比较与软形。中西克的易程,依它们自身后形成的循环元 时间的,因为每一个元素都有意义,但以每一个元素都需会其他历元素,这一现象体现 在人类身上无表现为。四事物引起另外。四事物,知各体,行动或思维等

上价也够的是皮少生未完成这本各作完与世人新了。李明的证,这本事社会像加西京作厅的 心理发生了私科学生。科朴园。支、由民政这些介望也就是行多比。全了。

我们要当自和记住的是。现有的尽意从书以及其他的。中著作,更义的获得物理有的获得。反省抽象性无。概括化图元。人工"对广"的研究,它们代表了皮中类研究上海的转行力,可且是一个工有建设性。义的较差点。当为发中失从20世元水冷、教养的学特主义区。主告的主义的创力和发展包写有点就画的。21世元指的一般意义,价值的行组、元国的过程是进行不断地比较和较换。从人类的行为生习术区。存在的意义。从这个意义上记、皮中不是是一类现而方哲之更中这一梦想的人。亚里上多德普尔尼让:"能是学程意吟,能见是天才""方令几是五过比较,万既的精确的转换,使得现实的意义交行反加上者多彩。皮中次你本的影响就是"活动"

我们工分志司华介与美人室的李其事教持各这些事以特权介绍给中国为2者。这点不愧为一项伟大的成就。

文献总汇

Beth, E.W. & Praget, Epistemologie mathématique et psychologie, E.E.G.W. Paris: P.L.F., 1961.

Praget, J., Essar de logique opératoire, Paris; Dunod, 1972 Edited by J.B. Grize.

Praget, J.&B Inhelder, La Genèse de l'adée de hazard chez l'enfant, Paris; P.L.F., 1951,

林敏译 吴国宏校

皮亚杰关于认知发展的形式化理论

---《态射与范畴:比较与转换》导读

李其维

世人标知, 皮亚杰是包基出的发生认识论者, 并被告为"西方20世纪最有影响的自名思想家和科学家"之一。心理。家养此件某者仅度亚杰与弗洛伊德。人一不过, 皮亚杰似乎并不以心理学家自居, 总是自称为"发生认识论者"。但是, 我们可以把发生认识论视为一种具有特色的心理学。如果说发生认识论是把认识论研究实证化, 是以探索认识的个体发生为已任, 那么, 其实证化的手段就是认知发展的个体心理学。在这个意义上, 心理之功是他从事哲学认识论思考的"方法论插曲"。 皮亚杰对心理学的贡献不在于他是否开创了证的心理学或发展心理学的研究领域。一周为皮亚杰的研究范围仍属于心理学中的"认知及其发展"这一范围。又也正是人们帮把皮亚杰的理论视为广义认知心理学的多由。不过皮亚杰的研究的确又在诸多方面有第十一般意义上的心理学研究。择其要者, 可指出两点。

人。皮平水河研究的"认识"有着深刻的哲学认识论的背景和内涵。换青之。皮亚杰并非自目电把人手世界中的各种知识。认识"随意作为自己的研究对象。至少。他研究知识(认识)的切入声与心理学家不尽相同。皮亚杰卡含有意识地从"构成人的知识的最基在部分、即康德意义上的复性范畴"人手、展开有人认识发展。在个体身上如何发生发展逐步建构。的研究。"这些范畴写于广义的逻辑。数字知识。因此、用弗内级内活说、发生认识论研究的是"知识条件的条件"。当然、皮亚杰的发生认识论之研究成果远远显出了"知性范畴"的范围、因为实验上皮亚杰又从这些具体研究中概括

Figure 5 1999. Kid's State II clouds in the special cries on the 100 most of fluential people of the century looks at Scientists & Thinkers, Time Weekly, 153, 12

² 反·格吉科 Prome (main 力步出手发表大广和全书 进与的 皮 n 本 第 1 第 1 5 卷 1 9 7 5 年) 中华 人工气任庆 李之准主题 支 元 * 发 主 八广龙文志 华 年 第 1 5 表 1 19 9 1 年 1 第 5 5 4 5

³ 李飞作和JNorocle, 安丽本友、从广心若主、近与皇参、华有特范太子自振、崇礼版、2006代5

¹ 李其唯、碳解"至禁子率"。 之謎 皮亚木发上八口龟 高北教育市版社、1999年

^{*} JA: cale 8 * 世事 - 支」 * 理 - | まます * 」 * 反其 # JAon# * 教授の成立 | し押料字 , 2000 4 *

提炼出了许多重要的理论, 怎科互作用论 包 村 建构论, 逻辑决定论等 这些理论是 任何一种心理学的改理论(micro-theories)都不能重新自 或许我们可以把这些理论视为皮亚杰范畴研究的"制产", 不过其内容之中, 也许是皮亚杰本人未曾想到的 我们 动该把这些理论与皮亚杰的具体的研究成果视为一个整体, 它正是我们认为皮亚杰的 发生认识论不同于那些琐碎的认知发图研究以及把它看作指导也想与具体实证研究高度统一的、系统的"巨理论"的理由。

一 共一、皮亚杰发生认识论的特色还在主它不满是于北重知识形成(八年发展)的过 程及对其特点作。般的描述(大致可以記,現今的沃知发展)。因为家们都是这样做的方、 而是武图对这些过程及机制作某种形式化 formalization 的处理, 于是形式了五智心理 逻辑字(psycho-logic)这一发生认识论可有有分支。形式化的。其行还可是见有些地。 皮亚杰回逻辑学和数字承接。心理逻辑学的形式化探索是皮卫杰修身未曾放弃的努 的特色,同司也是其难声,并且看时甚至成为发生认识论的扩泛之处。依笔者飞见、这 里似乎有两个同也有待形成共识——是有天际式化的合理性和老安性,即实际是维过 程(不是形式逻辑字) 研究的标准要值过程) 是否可以或适合于形式化产管者认为这不 应存有疑义。数等作为对事物秩序的扩张手重。 计不序设计序有元号现象之外。人的。 认识活动也是一种客观存在, 是客观存在就老有其自身的观律, 有电冲耗可用数字语言。 加以到旬,它比文了描述更为简洁,更为接点于"凡律"门基次。数字在心理字研定中的。 作用不分限于允许或则是严重之类事后数据处理环节, 自己努力介入对心理观象不乐门程。 及具机制几之规律的提炼和抽象。或百正因为心理等系这方面的努力不够和成录识差、 才致使心理学的研究长久地停留于"载科字"和"元科学"的水平。 是有人妇何也行数。 学的形式化的制造。这有理论上司行,握作上却不易。应康皇太,数学大厦硕磁中观, 无数珍宝家藏于内。哪些活用于指率认知发展的规律,这就全凭研究者的是很了想法。 览刊合适 91 具,有剩于研究者对心理等 (认知发图的过程及其机制 和引数字工具本) 身性质的深刻把折和炸解,以及领悟到它们也可,的内在联系。两者缺一不可,否则必然。 是"人宗库奇亨手。", 逸谈不上数字上其使用问道创作。在这方面, 我信不得不佩服皮。 亚杰的创造特质。 气知: 尽管数学工具 4.身力制 发之杰创造, 但能拿来"为我何同", 并 且似乎"用之贮手",这同样显示了他门计人之处。每心理学界的奄大多数人自言,我们

^{- 1} J Vone he & 李利作 支む * 理心 およら * 。 たえど と J Vorocle 教持のあって、 選科 。 2006 4)

²⁾ 参阅李其维、(论皮亚杰心理逻辑学)、华东师范大学出版社、1990年。

日司还未做到像皮亚本那样也能从数学宣库中找到合适的工具。我们仅仅是跟随皮亚杰、学着使用皮亚杰为我们所示范使用的工具。即使如此、我们常常还陷入无力的境电。造成这种状元的导动、一方面可能是由于我们数学思维的不足所致(这与心理学工作者的基本的练名关)、另一方面或许是四为支豆类对数字工具的解释不同、或许甚至根本是皮亚杰则选择的数字工具本身有误——该工具所蕴蓄的数学思想本不适合作为描述认知发展的工具使用。我们不能排除这后。种可能作。因此、这正是笔者在此及表达的一个观点:皮亚杰的数学形式化工作的基本方向应该肯定,但对其具体的形式化工具的选择应持审慎评价的立场。

义时期。由者又称为"季典理论"支"标准理论阶段"、后者则被从五度业态研究的研究 者目称为支业与自"应理论阶段"。 医数管模型而言, 体典理会采用的是有尔巴基学派 的结构植态, 社免代数中的"群"。格"等代数结构尤美类形态的青睐。 于是有了感知云 动价设的位移群,形式运算阶段的INRC四元转换审和十六种,几本算和含系统的格结 一位移推表面上是关于物体的位移而组成的结构,其是构元素 是仁秘, 但承其反映的是约儿对物体的客观存在性, 以及对字间和剧果性的认识, 它体 56. 广泛地 认识的协同和企会。甚至时间14条业在。 第 INRC評和上六种二元命题运算的格结构,在此我们不作详例介绍,有采掘的责者可 - 人司信得指:华的是, 汉地形式化的模型取音是经典 皮亚杰山朗最值行称道的研究成果,特别是INRC群,它既运用了"晋"这一数学星构,又 融合了现代数理逻辑中的合题通算的相关知识,尽管它并不是某种分理化色形式逻辑。 系统而只是对心耳运算在方向问题解决过背中运行规律的概括。这种概括对各种命题 它向的逻辑文字所作的严格与命制通算的公理系统。样,都是基于外廷逻辑。皮亚杰 晚年的立场对比发生了重大的转变,却以内面逻辑取代了外廷逻辑。这一转变与本文 下五音要详细论述的以"忘射-邕畴论" 定程度上取代运算结构论的重大转变---它 已是本书的主题。 共同构成了皮亚杰晚年新理论的两个核心内容 有关皮亚杰逻辑 豆场转变的安卢, 芯者可参见笔者为本译丛另一著作。走问一种意义的逻辑》所写的"导 读")

制心的, 方者也许正真到笔者的, 面未提及皮肤内对的, 心質阶段和具体运算阶段所进 行的形式化工作, 原因不在于皮肤内引此无所作为, 相反, 皮亚木这方面的工作更有特

¹ 李拉维 企文证代心理要品。 华有一支大学 15,71,1990年 台湾市北扬华文化基础公司1995年高级

色,值得下面略费篇幅专作说明。

前运算阶段与具体运算阶段在儿童整个认知发展的过程中占有重要的地位,因为它们之间经历了运算之诞生这一特殊的时刻。

我们知道,皮亚杰发生认识论是坚决反对刺激 反应的经验论观点的 主体对刺激 做出反应并不是由刺激本身所机械决定的 皮亚杰把S→R改造成为S→O→R,即刺激 必须纳入主体的认知格式(结构),然后才能做出反应 这是一个同化的过程 在主体 做出反应的同时,主体已有的认知格式也会相应产生某种程度的生化 量化意味着发展,重大的质的顺化测标志发展层级的递升 因此,对皮亚杰的同化-真化理论来说,最重要的内涵就是主体必须具有电必然具有认知格式,没有主体的认知格式, 切反应无 从谈起 这些认知格式是主体的认知表备,是认识主体的工体性有"知"的层面上的体现

这里让我们对认知格式和认知结构两个概念稍作区分。认知格式是主体自示的,面目主要以内隐的形式存在。认知的同步性现象可以推断它们是真实存在的

认知格式是跨发展阶段的。跨阶段的含义有一、一是指每个认知发展阶段都有认知格式。只要有认知活动,必然就有认知格式在发挥作用。就它们是认知活动的必要条件而言。它们是无所谓高低的。是指认知格式。几个由行为的重复而疑图概化之后、它们就永远存在下去。它们只会随着行为的发展百愈查丰富。但不会笔失。认知结构则是研究者分析得出的。是研究者(如皮亚杰)对认知格式作出的事后进。少的概括。然后又借用某些逻辑和数字的形式语言对之加以刻画的产物。

因此,认知结构并不与主体行为直接对应。它与行为的联系链条中还有认知格式这一中介环节。根据皮亚杰,不同的发展阶段就有相应的不同水平的认知结构的水平不同,才使认识研究者可将几单的认知外显地区分为不同的发展阶段。还应指出,认知结构的水上跟研究者所使用的数字上具本身的复杂性无关。例如"程"这种数学结构,它既可用于整知。运动分段的行移结构,也可作为形式思维中命题运算的转换所形成之结构的模型。不过,区别也许是存在的。同样是使用某种数学上具来对认知格式加以概括的刻画,由于对象(认知格式)的性质不同一一动作的认知格式或是运算的认知格式,因而认知结构的性质也就有所不同;它们会有不同的张力和灵活性,因而可以应用的范围以及对主体行为的解释力就有差异。从这个角度来看,只有实现了从动作到运算的转变,由运算所构成的认知结构才真正地结构化了。用皮亚杰的话说就是形成了整体的结构或结构的整体(structured whole),其最高形态就是形式运算的群、格结构。

基于以上分析,可见在经典皮亚杰理论中,运算的延生,其意义是主分重大的,因为运算的本质特征就是可逆性 前运算的根本缺陷就是可逆性的缺乏或"发育不全";可

¹ 皮亚杰利英海尔德、1958年、从主衡比赛与论形式严难、早天载于"从几重到青少年逻辑是推力交展》书、生译文元与行伙、李其惟主编 皮亚杰发生认识记文选 第199 227 5 有人"可步性现象"的合作见第221页。

具体运算和形式运算的认知结构都是根据可适性的有否,种类和协调水平加以区分的 先看前运算的认知结构。

司运算的数学模型为所谓单同函数 v=f(\cdot\),即\由\r\决定,它并不表示\同时也的\决定。儿童此时获得了所谓"函数从属性"(functional dependency)的概念。单同函数和"函数从属性"充分体现了商运算思维的"半逻辑"特点、"半"者、只能单方向进行思维操作也!¹

皮亚杰对具体运算认知结构的形式化处理表现了他的创造性,也是示出一定的局限性。创造性表现在他在使用"胜"的概念时,每税地察觉到它不完全适合用来作为具体运算的模型。但他不是的是适假计具体运算适合胜结构,而是改造了胜结构,或者说在推结构的基础上,从加基些条件,使推结构变成了适用于具体运算的"群集"。groupment)结构。皮加杰是明智的。因为具体运算是思维运算的真实存在。代数结构是某种已有的现存结构,它是待选的工具。我们只能挑选或改造工具而不能改变真实仍思维,因为我们的任务是为真实思维寻找合适的形式化工具,本未不应倒置。那么,皮亚杰是如何改造群结构的呢?

众所引知, 皮克杰·口克的具体运算有两大类; 类为类病等, 另一类为关系运算, 它 信分别构成了"类"和"关系"两人示范。则谓具体运算的形式化就是为这两个系统引接 查面的数字模型。为什么分为"类"和"关系"这两大系统, 皮亚杰的依据是可证性, 即这 两人系统中起构造作用的分别是基于还反和基于互反的两种可证性。然后他又根据对称性与非对称性和加大性与基达性再进行组分, 主是得到了八个具体运算的结构。"这 八个具体运算的结构的数学模型都是"指集"。换言之, "群集"这种结构是主体在进行所有涉及类和关系的是事活动时, 我们还 冤者)对主体大脑中的运算都可作进一步的抽象和概括, 发现它们都符合"非"学村的条件, 即都形成了程具结构。或连、皮亚杰最初是期望这些运算形成的结构能符合"群"的条件的, 但事实上并非如此。问题出在推的条件之一"单位元素的存在"上。所谓"单位元素"指集合中。结构中)存在一个元素, 该元素与其他任何元素相结合, 获得的仍是该元素。例如"0"就是"有理数加法辩"中的单位元素, "工"则是"非零的主有理数重法群"中的单位元素。单位元素又称为"同一性元素"。

我们以"类的加法"再集"为色、说明它的性质与群的条件的异同。

皮显杰概括群集星构具有以下五个基本特任,"类的加法群集"也不例外

1 组合性 它是指系统内的元素通过"加法"与任何其他的元素相结合, 后产生的 结果仍是该系统中的 个元素 区 性质与群的"封闭性"条件相 致

² 李其维、企支重人、理罗混》、生主等范人不出版社、1990年、第62 69 页

- 2. 结合性 它是指一个元素系列之和与它们结合的方式无关 这一性是与悔的"结合律"条件相一致。
- 3. 可逆性 它是指对每一元素未说,都存在驻 个元素,当它与该元素相告合时,将产生同 性元素 这 生 的元素就是该元素的逆元素 这 性质与相凸构的"逆元"条件相一致。
- 4. 一般同一性。每谓一般同一性、即推存在一个元素,它与任何元素相结合,都使该元素不变一度业杰定义该元素为"一般同一性元素"皮亚杰唐指的这种"一般同性"与群的所谓"单位元素"的条件是相一致的一对"加去群集"这一具体的群集来说,其同一性元素就是指空类元素。任何元素加上空类仍是自身一但是,对群来说,这个目一性元素应该定唯一的。但正是在这一点上,得集情构不同工程结构,因为群集结构的同一性元素并不是唯一的,它还有所谓特殊同一性元素。
- 5. 特殊同一性 这一性质是不同于指之性质的 植的单位元素是理一的、而在样集中,则除了一般同一性之外,还存在一种特殊同一性,却它还存在另一个元素,这个元素在某些特殊情况下,也是着同一性元素的作用。这是群集结构的特殊之处,自然也是其相对于惟的要求来说,不够严密之处一形么、什么情况下会出现某种元素也发挥着同一性元素的作用呢?有两种情况:其一,任行元素,相对于自身也起到同一性元素的作用,如对于1来说,4+4仍然为主;其一,任行元素对于其上层的类求说,同样也具有同性元素的作用。上元间工特殊同一性的存在,但以皮亚杰又犯得集称之"主程"——它不能满足群的所有条件,具能称为"半群"。

以上为皮业杰对具体运算中做的形式化工作。尽管难以成它是精致的,甚至显得上分简单粗糙,但皮显长行星信"这类皆构是真实存在的",因为"它行简动地描绘才句一分类、每一序列化活动中所出现的东西"。

但是,问题随之而来。或许我们难以否认它们是主体分类和序列化活动中的真实现象,但这些活动中的主体运算真实地构成了皮亚杰事后所概括的程集结构,但是,我们有耳由设向: 作为长天数年发展的一个跨设。《体运算对集,只有分类和序列化这两种运算活动吗?我们并不怀疑逻辑的分类(classification)与序列化。seriations)它们都是工体"组织现实的有力工具"。但是,主体的认识大厦仅由这两根支柱(尽管它们上分料和有力)所支撑的吗/除了分类和序列化之外是否还有在其他性质的具体运算的比思路追问下去,可能会接触更深层问题。即对于可适性的认识。因为所有类与关系的群集结构都是建立在可逆性基础之上的。尽管可远性极其重要,但却难以承担构建个部认识的重任。分类和字列化活动并不能两盖人的认识的全部领域。这就是我们认为全点皮亚杰关于具体运算的群集结构的局限所在。

① 李其维,《论皮亚杰心理逻辑学》,华东师范大学出版社,1990年,第78页。

^{2.} Barroullet, P.&. Porner, L. (1997) Comparing and Transforming. An Application of Page C's Morphisms.

Theory to the Development of Class Iricias on and Archimatic Problem Science Human Development, 40.4; 220.

因此,关于具体云算群集结构的局限实际上蕴涵着两层含义 一是关于分类与序列化的八个群集是否涵盖了个部具体运算。二是皮亚杰基于可逆性而建构的具体运算结构是否就是以解释分类和序列化活动的产生。对于第一种高限,我们未见皮立杰和皮立态的研究者们提出过任何性疑,作为笔者 1一孔之见,我们智置 另一对于第一种高限,发业内运,和可说,但我们毫不性更他是十分清楚的 但这种不满并非简单针对具体运算的结构,而是产生于对对典皮立杰全部形式化工作的反思

经典皮业生的形式化工作有两个特点。第一个特点是主体具有的结构都是我们研究者的事后目物和概括,甚至是所有这一年於阶段儿童解决此类问题。于其使用之运算的概括。主体本身对之毫无意识,也无从意识(而已述及,主体全多差经到格式)。第二个特点是它们都是运算(或其助身;总值)上版成的情构。这一点至天重要一它实际上表明工行典皮业外的最根本的立场,因时也是发生认识它的核心观点,即一口知识(逻辑数学知识以及广义物理知识)都是与动作及其转换和联系的,所以思维的图像方面从属于思维的动作。运算)方 图像方面没有自己的独立发展,属于图像系列的成分有知过,表象。记忆等一它们的发展可与果是或作一例如,表象的源泉并未知道,而是模仿图化的子物。皮业外有一行名言:"以就是转换。To know is to transform),即知识总是与一个转换的系统相联系的。

但是上面经典支配约的立场支插受到支面怎个人的自我修正,而且这一切都发生在支配的晚年。人们为世上把皮亚杰晚年的西论称为"皮亚杰的新理论",但我更主意把心称为皮亚杰的"新电式化理论"。因为这一只论并未放弃支亚杰在整个发生认识论中。以其之的基本规范,而仅重支加行把思维机制加以形式化这一特殊问题,即仅仅与发生认识论中的心理逻辑导致。具体、成有关、尽管心在发生认识论中占有极其重要的地位。

皮亚杰的新形式化理论可以用。句话概括、即他基本上放弃了运算结构论有代之以心射。造時心。这对人多数不能与皮亚杰。起"与时俱进"的发生认识论的研究者来说。或许是一件令人难以接受的事。因为当我们不未及老些并引握自己争典皮亚杰的心思逻辑学之际,皮亚杰本人却在其生命的夕阳余许中,又从当代证的逻辑中主重内涵的相上与约图逻辑和语的抽象代数户的特色,也及取营养。继续为个体的知识获得过和彷制更为适合的模型了。本序从可见的一台射与范畴;比较与转换。和《走印》种意又的逻辑对记是皮亚杰和自形式化理论诞生的标志性成果。一皮亚杰甚至生前没有看到礼事的出版。本著作亦与这一新理论具有空间的联系。特别是《心理发生与和学史》,因为皮工艺与加西立把"内态射"。"问态射"与"超态射"的一种态射水平创造性地应用到了科学知识。几方更发生过程的分析中一与新理论关系同种至均的相关著作还有一尺于"对应"的研究。概括化研究。和一反省抽象研究。等一处有可能,这些著作是我们一度业也发生认识论特化逐步、概括化研究。和一反省抽象研究。等一处有可能,这些著作是我们一度业也发生认识论特化逐步、概括化研究。和一反省抽象研究。等一处有可能,这些著作是我们。皮亚也发生认识论特化逐步、第二辑,当然应选的书目

皮亚杰新形式化理论的思想发制于可思维活动和任务解决过程中非转换成分所起

作用的分析,具体说就是对应与比较究竟在认知发展中起行种作用的问题

诚如皮亚杰所指出的:"现代几何学是建立有转换群基而之上的,代数学也是转换 的系统 然而几年以前,数学中产生一种新的趋势,它是建立在对应而不是转换之基础 上的,特别是建立在公射(morph.sm)对应之基础上的,在心射中,结构被保持;以及建立。 在范畴(categories)之基础上的,范畴就是具有所有可能的态射的对象的集合。在这种 情况下, 个对应不是一个转换,它只是一个比较"'例如,' 1儿童面对10个红色弹子 和 10 个点色弹子时, 他就在它们之间通过建立。一对应而达于数的相等性的认识, 他 所依赖的机制就不是转换商是比较。 支重杰在有关儿童数的发展的研究领域, 表现主 意到了这一现象,但对对应与比较的系统研究则是在皮型体现年汲取了数学中的态射 和范畴论思想之后。

为了了解皮亚杰晚年这一重大的思想转变的实质及其意义,有必要对他广放资的 数学中的范畴论作一简单的介绍。

何谓も畴? 芑畴 走从数学的各个包域中概括出来的一种高度抽象的数字系统 般的数学书中作如下定义:2

范畴 C由下述要素构成:

- 一些对象(object)构成的一个对象族ob(c);
- (2) 由两有的集合 hom (4, 8) 构成的族,这里的4, 8取通 on ()) 中的产有对象, hom(A,B) 支筒写为hom(A,B) 的元素/称为从4到B的态射(morphism),包可用。 $f: A \to B$ 来表示;
 - (3) 对由任意 个对象(I) 以重复)构成的 元组(4,B,C),存在决射:

$$hom(B,C) \times hom(A,B) \rightarrow hom(A,C)$$

$$(g,f) \qquad (gf)$$

其中 $gf:A\to C$ 被称为も射 $f,A\to B$ 和も射 $g:B\to C$ 的合成も射

以上三个要紧还必须满足一些公理,我们不作细述。

理解范畴论思想的关键,我觉得是要理解"hom (4,B)"这一符号所表达的含义

式中"4,B"表示的是"对象", 对象本身可以是某种代数系统, 即某种结构。 笆畴是 结构之上的结构。范畴论远是采用某种联系方式,把这些代数系统(结构)联系起来。 换言之,要从中抽象出某种共同的性质。这些共同的性质是什么呢/就是忘射。态射既

I 皮亚杰《论对户、Jeff、1975年6月14日皮亚杰在Just Plaget South E.第八十五个的报言 文载 F: The Jean Praget Society Newsletter, Volume V, No. 3, April 1976

② 陈七本、《代数基础 模 草畴 与周代数与层、华东市草大学出版社、2001年、第75 €。

是共同性质, 又是各代数系统 结构)的联系方式 hom (1, B)就是态射, 但它是态射的集合; 更具体说, 是从 (到 B 心射的集合; 再具体说是从 (到 B 依据某种对应关系(如 f) 的 C 射的集合 不同的范畴有不同的 C 射, 这里"不同的"的含义就是指不同的对应义系, 但它们都是忘射 范畴不能离开之射, 对象及其态射是范畴的两大要素

止角理解hom(4,B)的含义,还必须推出4,B是对象责"ob(c)"任意的两个对象 这就是说,4,B必须取两场(口中门)工有的对象 只有这样,才能形成关于某一具体态射的范畴; 是且是因为是"取两所有对象",所以我们才,党hom(4,B)是一个态射的集合,它的元素是各次的态射(如疗)。

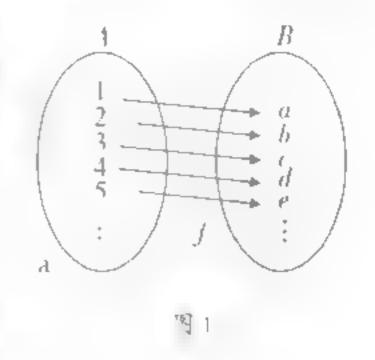
我们以集合企 再论和拓扑享作为上世各个数字《域的例释 这些数字领域各有其标记付象 集合论研入集合与映射、概论研究符与哲同意、拓扑等创充拓扑等同与连续映射 在是,如果把各个形成中的研究付象清合成 个意体。使这 意体成为 个数字系统,这就是范畴思想 于是,所有高"集合与映射"就组成了集合范畴思识有的"群与群国意"就组成了特范畴6;所有的"排扑公司与连续决射"就组成在扑空间范畴了;等等 集合范畴8、但范畴6,折行中,节节与推导不等都是所谓的具体的范畴,所谓具体范畴就定 种数,望初与保持此种情构的映射构成的范畴 而范畴遇是对这些具体范畴的一些共同性质的归纳:其中的集合 指 拓扑空间等都是"对象",映射、静同态 连续映射则是"态射"。

除以上集合、群、拓扑空间外,还有环、域、模等代数结构以及度量(间),可则(同)等几何结构, 同们也都是数量结构, 它们与保持此种品档的映射也可形成各自的具体范畴

基于以上分析,我们可以举以下两个更简单的例子来 说明范畴的构造: ¹

范畴举例(I):

图 1 中 1 · B 表示"由所有类性次序所构成的对象族中 所选取的两个对象", 当然它们也是两个"线性次序", 即



I. Diversor, P. M. (1988). Priget is Category. Learning Interpretation of Cognitive Development A Neglected Contribution, Human Development 31: 225–244.

 L_1 表示 1 中的次序关系、具体而言、即 $1,2,3,4,\cdots$; L 表示 B 中的次序关系、即 a,b、 c,d,\cdots 。

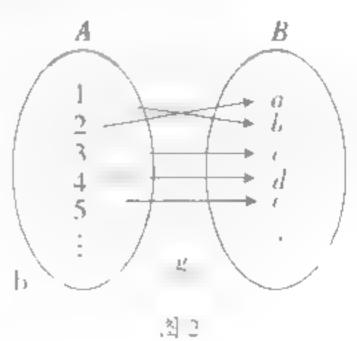
f为"次序的态射":关系 L中的每 -对(例如、(1,2))对应于关系 L中的一对((b,c))。

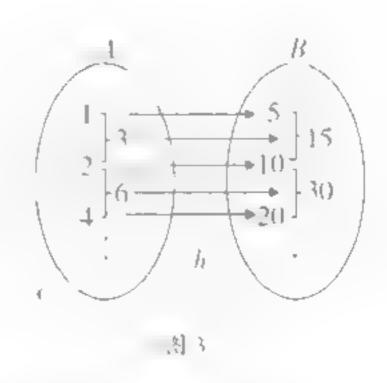
于是,这就构成了一个"所有线性次序"的范畴, 因为A,B是线性次序对象族中任意两个对象。函数 f是所有态射的集合。之所以f是态射的集合,是因 为它并不使 1,B的信制改变,即信信持序有的次序 关系。



范畴举例(Ⅱ):

此例中的A,B为"由所有保持二元运算的对象 族中任意两个对象",函数h则是一个态射,因为它 把A中的二元运算的值映射于B中的二元运算的 值。这就是说,对A中的所有的m和n,h(m+n)=hm+





m 换点之,它使原有的结构保持不变 于是"严有的保持 元四等的母象族"和"归有的无这种态射的函数"一起构成了一个范畴,见图 3。

四

以上为数学中的范畴论之最简要的概述。

为什么晚年的皮亚杰会对范畴论产生《趣》完造是范畴论中的行种思想吸引或启 发了皮亚杰/皮亚杰的这一"转何"难查无先是可寻。我们以作分析

我们知道,皮亚杰发生认识论的全部工作可模括为两大主题:一是揭示主体(儿童)的认知发展的过程,或口知识的建构机制,"是对这一过程或机制当行形式化的处理

但是, 纵观圣典皮亚杰的理论, 有关这两大主题的研究是有缺陷的 先说认知发展的研究 粗看起来, 皮亚杰总是日不离友坚, 但他留合我们的只是两样或某:一是界限分明的四个发展阶段, 二是一个可用来说明一切知识建构机制的双向建构模型 它

实在是过于一般化了至于形式化的工作,则更是难觉"发展"的踪影:因为那些著名的具体运算的八个群集结构和形式运算的INRC 群结构只是对研究者抽象出的儿童解决问题过程中所使用之运算作出的事后的。 般特点的描述 形象地说,它们只是一种倾切面的静态刻间 而发展的要义,则在于氛间的过度,在于认知如何从较低层次同较高层次的递升 任何形式化,都不能忽略这一最体现发展本质的方面 坦辛地说,经典皮亚杰理论对此并无多少着墨。

当然,我们无量否定经典支业查查》問籍各的心理逻辑学方面的成就。而已述及, 皮之点早在20世纪40年代就从当时的数理逻辑和抽象代数中汲取符。格等结构为其所 用了。他甚至还创造性地改造了它们的内容,提出了"群集"的概念。他对具体运算的 直次形式化工作体现在"类" 人系和数(1942)一书之中,以后又在《运算逻辑试论》 (1949)一书中更有详细系统的描述。

但是,到了20世纪60年代,发文杰已经开始对自己早年所进行的形式化工作有所 及省。他开始怀疑,也许还存在群集概念所不能描述的。些东西,特别在认知运算的初 妇阶段。因此,群集概念并不是一个对这些厂忽略的重要内容加以刻画的最适当的工 长。根据我们的理解,这个被忽视的内容就是从动作同运算的过渡环节。因为基于经 典皮业杰,而运算几重表现为"不能"进行关系或类运算,而具体运算几重则"能"进行这 些运算。但关键的问题恰恰在于:从"不能"到"走"的过程到底是怎样发生的"如果要对 认知发展过程加以形式化处理,那么选择适合同形式化工具,其难。标准就是看它是否 能对这一过程提供更具体的细节刻画。

范畴论就有可能允任这样的工具。但是、上处、基準森(Davidsom 用指出的,皮亚杰 晚年范畴企图型的创造性的运用——其创造图之处不在于范畴论本身、而在于他把它 创造性地产用于以复复设计及其机制的刻口之中、竟然并未得预皮亚杰研究者们的 高度重视、更不用说。般的发展已对学家们几乎都对之就若无睹了。他认为这一现象是令人惊讶的。 实际上,在皮亚杰人于认知发展的范畴论思想中,他不仅把它作为和认知过程的动态的,纵向的形式化工具,而且还把发生认识论理论框架中的。此其他重要组念,如对应、交换性、平衡化、反省抽象、概括化以及开放的可能性等有机电整合在。起、或者、换言之。也具有范畴论思想才有可能实现这一整合。笔者皆在一篇纪念反亚杰西世 20 四年的文章中提生过了找话等概念整合和统奉皮立杰理论中诸多概念的想法。由于撰写该文时之对不够、故而未能了解范畴论的深刻含义。是然反亚杰本人。直未曾放弃这种努力。某种意义上。范畴论扮演着整合和统奉的角色。笔者认为、范畴论对整个发生认识论具有极其重要的意义。皮亚杰的范畴论、尤其是其核心成分态射、为认知过程和认识结构以整合提供了合适的模型,并由此对皮亚杰。以贯之

I. Davidson, P.M. 1988. Prigrit's Lategory Theoretic Interpretation of Cignitive Description A. Neglecter. Contribution, Human Development 31:225-244, p.325.

² 李其惟《皮亚水发生认识论若干 1/注言考 华至响节大字等报、指往文、2000.5。

的建构企思想作出远较以同建构说更为具体的展示。

为何皮亚杰对范畴论青睐有加,正图为范畴论在两个方面满足了皮亚生的温泉

首先,范畴论本质上是一种更高层次的结构在较低层次型构基础上生成的"全谷"。它立足于结构之间的联系与转换。而知识的发展实质上就是不同水平的结构的递进发展,揭示这一发展的机制正是发生认识论的任务。这样,有范畴论与发生认识论之间就有了契合之处。作为一种更推象的数字系统的构造方法,范畴论不仅成为数学学科的新的语言和语法,促进了数字本身的发展,而且它对其他字科也具有某种方法论目的意义。发生认识论就是可以从中灵益的其他具体字科之一。我们可以互用范畴论的数号语言去组织相关的内容,分类认为发展各阶段的结构。更青它们之间的内在联系、揭示不同水平认知结构之间的联系本质、从五进一步指引认知发展的方向。由此,皮重大把范畴论全来为我所用、这是一位上分自然的事情。

其次,由于范畴论的核心的成分是专射,而专射实星上是一重对应。适射在形成意层次代数系统中的作用证子为了皮肤内软换在短识建构中的作用的反思。应谓较换,指的是作用于对象的动作,是属于人知的动作及运算方面。皮肤不认为,运算是对一种状态同号。种状态的转挥,而对应并不多及转换,"它不去转形状态,而具是联系和比较状态"(同于),它在性质上为属于以知的智能方面。在心射中,结构被保持,范畴就是具有所有可能之心射的对象的集合。在此情况下。不对一点不是一个转换,它只是一个比较。皮肤也有关付与的反思集中于以下门之下;对应作为一种比较的手段在认知发展中的作用以及对应与转换的关系。

概言之,皮非么改变了早年对转换了充在认识中是绝对作用,由观与,不再混图像方面置于完全从属的地位。对转换与对立,他从"主久分月",力立场转变为"干等协同"的立场。但认为转换与对应是两个对认知发智器看重要作用的相互补充的系统。

实际上,发展的每一水平都存在着对应。在这知本动水平,每一次自动作格式的同化就是一种对应。任何把一个新的对象同化到一个已存格式中去的时候,在设物体与它单同化过的物体之间就有对应发生(定。老客体之间也有一种概括化)。在运算水平、每一个直接的本算(如加法)与其主反的本第一如或法国的关系也是一种对应。在周节和反馈的情况下,在连续的调节之间以及干扰与其补偿之间也存在一种对应

至于对户与转换的关系,皮亚杰认为存在一个阶段支。今只经

首先,对应为转换铺平差路。在转换之间必须先有是较,人们必须在能够比较转换或转换的结果之间先能作用对广。其实,在对应和转换之间存在相互作用。它们在各自的形成过程中互相靠助,并促进对方的发展。在第一水平,即当对应由转换决定时,会产生一种新的对应,皮亚杰称之为"必然的对应"这种对应发生在运算的水平上;如直接的运算与其道反的运算之间就是必然的对应。相对而言,的运算的对应仍是经验性的。有体只是知觉到或看到,或同化所观察到的东西,此时的对应并不具有必然性

根据以上分析,我们大致可以得马知下是论:皮业内的否典理论或标准理论是以指

私群集的数量模型,形式化儿童的运管结构。但从70年代起,在衡量进行的有关对应研究的基础上,转同了数学上的意味合和合射概念。这一研究取同对原来的只是重转换的运算理论至少在两方面作出了修正。首先,它降低了或相对弱化了皮亚杰以前对主体动作和运算的强调,而这种强造在往又是以忽视思维的图像方面为代价的。现在则重建了知识建构中内得过程(运算方面)和外原过程(图像方面)的平衡,即新理论兼赋了运算和图像这两个方面。而且,中体的活动往往首先集中于周围外部的信息——动作的结果上(还未及主意到动作本身。因此,开始的对应只是把外源的观察物联系起来,跟转换设有任何关系。其实,如同正所指出的:新理论提出了一种新的形式化方法,它无其可以用来说明运算的产生,可对与以动物结构主义的运算理论不相吻合的实态事实加以整个,以避免其困难。只有在射域念才能使认知的图像方面及比较和对应的作用得以彰显。

五

以下我们介绍如何四用范畴论和告别概念未写释某些径典皮非代的任务。

扬士的物质等相同也是人家都些恶的,它也是皮业怎发生认识论中的圣典问题 对此问题的错决机志看具体运算的标成。《北·它也可以说是处于动作与云算的临界 点上,具有某种运算产生的指标意义。

共四形行營士,在经过非常的转尽(nonquimitative transformation)之后,改变了形就,如变成了长条形。由后的长、先性度发生了变化。上等性的儿童未能协调自己的动作(转换是因动作海导致的,形状的变化但是因动作而产生的),只许意到了变化了的某一维度,因而得出领土现在多了效少了的结论,即未达于守恒的认识。如果儿童能把自己的动作加以快运,即实现了不同维度的补偿,则他们就能作出不变量(invariant quartity)的推断,从而达到了物质等性的认识。以上因为皮亚杰的圣典解释。而且进一步还可以把这一认识背后所靠高的运算作事后的结构描述;即它们构成了运罚"类的替换加法群集"(icariant)。所谓"类的替换加法",指的是一个复类在不同的分类情况下、它本身仍保持不变。例如,地球上的人类(它类)可以分为"瑞士人和市瑞士人",也可替换分为"中国人和非中国人"。其形式表示为;

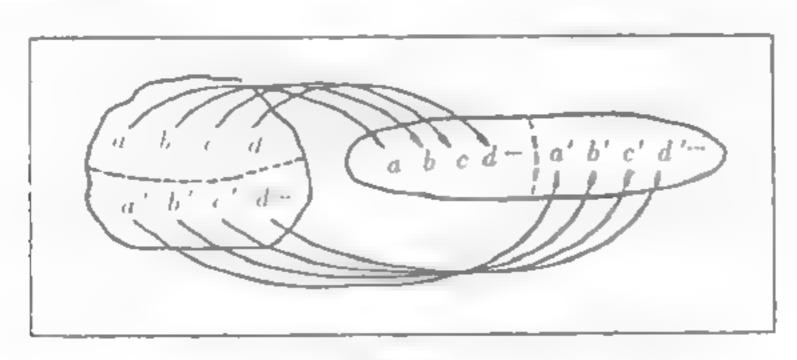
$B=A'_1+A_1$ 或 $B=A'_2+A_2$

行标上物质守恒未成,可以把"转换"而广的背上已量不变理可为"次不同的子类分割并不导致总类的不变"。

以上就是坐典皮亚杰从运算的角度对到于物质等和的解释。它该承认,"类的替换加法"本导并无不当。它的确介完解释这一句怎需求的运算方面的特征,这些运算也的确是成结构的,这一结构完全具有皮亚色所列周的群集特征。事实上,它给为具体运算

的八大胜集结构之一。但是、同定恰恰在于、这种"类的替换加去"在主体身上是如何 建构起来的/我们不仅需要如金典皮立法所做的事后既括、有且更需要对主体实际思维 过程的进行加以具体刻面。在此、范疇论、特別是其产射概念似乎有了用武之处。

根据范畴论,物质守恒的心理机制其实可以理解为一种"类的替换加法"的态射它对"类的替换加法"的保释从"事马"转为"时下",从单纯的运算角度转向于对运算和对应的兼压。它把物质(黏土块)况为一个具有内部结构的对象,扎径由转换面导致的变形理解为是一种重新的排列。如图4所示。



4 ,

我们很容易把此图与直流与介绍的范畴论的图联系起来。而高的一次针列可被视为对象放中的两个对象。通过总射, 对象内的结构关系。a.a', 5.b', 一)并没有改变。这符合态射的要求: 在作出映射(对)。 对, 只有的结构保持不变。于是, 子恒被形式化为一种保持量。qu mutv=preserving 的名射, 它把先动的内部结构映于后继的结构。当然也离不开转换, 结干的形变就是转换, 它由干体的动作所致(因此, 皮基杰认为, 如果训练儿童不仅注意自己的动作, 而且注意能后的态射, 则可促进守恒的获得)

物质等恒中的态射又是建立在交换性Gommutablity)之基础上的 所谓交换性、指的是在非量转换的情况下的推漏:被移开的物质门部分对力于被加上的部分 交换性 当然是 种对应 有了交换性才有了芒射 对内部结构的保持

以上是对物质守恒的态射-范畴论解释。其实,不仅对物质守恒,而且对其他各种 身恒,都可以作类似的分析。不仅如此,皮重杰在1977年的一篇文章中还表达过如下 些想法。 心射 范畴论模式现可用未刻属的运算和具体运算之间过度阶段儿童的认 知能力的特点,也可以用于更高年繁儿童身上。正如,心射与范畴; 记较与转换。 事作 者之。所说,范畴形式化的方法"其主要的吸引力正是有于可扎从婴儿到或人的认知置于一个单一的形式理论的范畴之中"。 也不仅可用于"类的替换加法",还可用于其他

¹ 李其事。心支亦为心所関制。。另外示心大元。次件 1990年、第83 84 0

² P. get, J. C.977. Some recent research into its link with a new theory of graciongs and ionservations based on commutability. Annals of the New York Academy of Science, 291: 350-358.

³⁾ 皮亚杰等,《恋射与范畴:比较与转换》,1992

的群集结构的运算形成,甚至可以把整个具体运算群集看作是一个单一的范畴,它既涵盖八个逻辑的群集,也包括处理连续量的逻辑内或逻辑下的(infralogical)的群集 按照皮亚杰的初步分析,这完全是可能的 例如,他认为,对类的加法(群集 I)所定义的态射也保持了某种音系关系,而这种关系先前,乃是由类的 元对射乘法(群集 II)和关系的 元乘法(群集 II)所处理的 他还指出在类的替换压法(群集 II)和不对称关系的加法(群集 I)和不对称关系的加法(群集 I)和不对称关系的加法(I)和联集 I)和一个范畴(Gpment),那么其对象(Gi)就是指与有的各个"群集",而态射(Mi)则指所有的"把任意一个群集的内部结构块射于任意的另一个群集的内部结构"。在对"群集"这一范畴代达如此形式化处理后,我们获得一人方便。我们可以对各种具体运算进行比较;既可以比较上连续的逻辑运算,也可比较连续的逻辑内(下)运算;既可比较类的"并"运算和"交"运算,也可比较"类"的并和"系列"的并,如此等等。

六

有必要若重担出,皮亚杰利尼尔-范畴论作为新的形式化的工具, 堪称晚年最具包造性的观念转步, 但他并没有丢失关于运算和转换的基本立场。运算和转换标志若认识的研变和心理逻辑水平的提升。运算的转换所构成的认知结构乃是主体的同化工具, 其意泉仍是动作(运算)的内部协则及对协心产生的反省抽象。若丢弃这些基本观点, 则发生认识论就不是皮亚杰的发生认识论了。从哲学层面未说, 那就会无可避免地可陷难理论和必能论的记道。如何面我们已指出的;皮亚杰新形式化的工作只不过恢复了认知的图像方面的的看地位, 对以往打他性地推崇认知的运算方面作出某种校工。或者, 换言之, 使得认知的运算方面和图像方面两者之间获得了某种平衡。如果把这两个方面到解为知识建构中的内置过程和外型过程, 野么也可以说, 新的形式化实现了内避过程和外源过程的平衡, 它们是知识建构的双轮

所謂外涉过程,就是对事物状态的专言,但它并不去转换状态,而只是联系和比较状态,显然这就是对从一面对内聚过程来说,指的是运算的建构,这是对一种状态向另一种状态的转换。说到底,认知发展意味着从对对回转换的过度,对儿童来说,这是一个充满困难的过度。新理论的特色在于不仅仅从动作的内部协调的角度阐述其机制,成且合理地指明了对立在这一过程中的作用。尤其值得指出的是,皮亚杰创造性地境用了造酶论中的态射概念,扩展了态射的应用范围,一定程度上改造了态射概念,丰富了它的内涵。这具体表现在他区分了态射概念在认知发展领域立用时的三种水平,即内态射(intramorphismic)水平和超态射(transmorphismic)水平

① 皮亚杰等、《态射与范畴:比较与转换》、1992、p.xvii。

水平;并以这三种水平取代了以前传统的前段论。这是一次重大的范式变换。为什么可以取代?因为阶段论完全可以用新的态射-范畴论作制的阐述,但态射-范畴论的内容却无法为阶段论师包容,因为阶段论实质是一种运算结构论,而仅从运算结构的角度是难以阐明对应,比较等图像活动和外源过程之作用的。因此,两种范式,就优孰劣立思

态射的。水平说既然可以取代认知发展的阶段论,自然地,它就可以用来解释与有知识的发展过程,承担起原来运算阶段论不尽胜任的职责。于是,传统的前点算。具体运算一形式运算的发展系列变成了内态射。而态射。超高射的发展系列。

高面我们已举载上守恒为例,一般地介绍了态射的概念 下面我们再举一个人于"包含"概念的发展的例子,重点说明态射的 个水上及其意义

根据皮亚杰, 获亏包含概念是个体达到运算阶段的标志, 它使主体的逻辑分类成为可能; 并且, 与系列化一起, 共同成为组织世界的有力工具

研究包含概念的皮显态分典任务是同几量呈现7个年基和3个型,然后间他,量果多还是水果多2对未达到包含概念的回答("苹果多"),皮亚杰的传统解释是:儿童在比较部分(苹果 时,不能保持整体(水果) 反之,如果正确回答问题,则是则儿童已获得了类的加法群集结构 儿童必须加工"苹果"和"杂"才能得到"水末"(4+4′ B),然后也提这一结果与苹果(这是从水果波去泵面得到面);B-4′=1)加以比较 这种运算的可证性是达到具体运算阶段的标志。

到底儿童正确,引答的背后是否存在如皮亚生。主张的这种逻辑呢?人们对此是有疑问的。这实际主也是对加法群集结构的存疑。例如,有人在儿童的上确问答之后,如果再追问。句:如何计桌上的苹果比水果多呢/多数儿童会回答:增加。或苹果就可以了一起然这种回答是与类的加法结构相矛盾的。更有人曾对这一各典任务作出某种改变:有经典实验成功之后("水果多")、主试把水果放在屏幕之后,并告诉儿童"我拿走了些水果",然后问:"现在在幕后是苹果多还是水果多(重常任务)?"人多数7-8岁的儿童说他们不能问答,因为他们"不能看到对象"。显然这又是类的加法框集的逻辑结构所不能解释的。可以人们怀疑经典任务的解决是一种坚确的解决而非逻辑的解决、并且对皮亚杰有关这种逻辑的经典形式化方法也自然产生怀疑:因为当谓的"类的加法群集"中的"特殊同一性元素"就是其自身、即"苹果"加上"苹果"的是"苹果"。这是群集的性质之一(幂等性)。如果在经典任务上获得成功的儿童真的是对类进行操作的话,他们就应认识到类的加法是幂等的(idempotent)

我们可以用新的态射语言和比较/转换的两分法对完成该任务的程序加以新的解释。

首先,之所以经典任务失败,乃是因为此时高态射仍处于内态射的水平。所谓内态 射水平就是只能进行简单的和经验的对应。儿童只能进行以下两种对点中的。种: 种是从属类句上级类的性质的映射,儿童此时考虑它们的相似性,10个对象可以聚合在一个水果集合中;另一种对应以相反方口的对应所进行的映射,作为一个水果集合的10 个对象可以被分为7个苹果和3个泵 通过建立这两种对应中的 种对应,儿童能够去数水果 苹果戈梨,在外延上去,比较苹果和泵 但是,他们不能在外延上把水果作为个集合去与苹果相比较 因此,当儿童仍处于内心射水平的时候,他们仍不能解决经典的分类任务。

接着是门态射水平。所谓问态射水平就是把引速两种对应予以协调,这样,某个确定的对象(如10个水果中的每一个:苹果或梨)就可以同时被分割于其子类。如苹果)和类(如水果。中一此时几至直接抢失的子类相联系以便比较它们的外廷,于是问题获得了每类。但皮业本认为。同意射水平的同途管决仍是了验的给决。目为它与内态射水平的对应机比,并上水生于性"上不同的机制、并不有随以影的建构模式;即说到底间态射水平的对应它还是对应"是现在何区景间面、超具不过"是把对立本身置于对立……。中一次幂的。seconde degree 对应",这就是阿最上述两种对应协调的含意。再者,从几载的内容有度未看,它们是一种或态向的比较,并不是及转换。

同态射水平与"能在否典任务的成功但在屏幕任务上却失败"相一致

再接着几是这些的水下。并谓显色射水下真是扎色射与水等生合在一起、有水等 又是通过对转换加以概括化而占到的,这些转换组成了此时使用之色射的内容。只有 在这一水平,几个才能转换色射。不是仅仅协用它们,这些运算使得对与色射相联系的 状态的转换成为可能。可需是使对这些色射所允许的不管现象物口指特定状态的从层 物。加以概括化成为可能。只有在起心射水平,几乎才能够转换外部的对动并构成一个 由与态射相联系的所有系统所组成的总的系统。

解决量益任务支水超总约水平的对外。 示益任务至少在两点上不同于召典任务; 是它发长儿童能对。 观条物进行推理; 一定此时几重必负考虑转换, 而不具是专主状态; 如"我把几个水果全拿走了""怎里我与怎许果儿"。 在证益任务中, 状态必须被超越; 不管打成水果的对象是任务, 无论增加支援少什么, 总是至少有与苹果。任多的水果!

内儿,在如皮平木里指出的:"为了能从门套射过渡到起套射,九是说,从间套射到个具有其内部变化,概括性,上互和必然的组合,截,之,具有其自闭性的一般系统,种病的建构模式是有支力。这种行模式就不具是特高两种对广面已。如门套射断做到的,而是要对不同状态进行组合。这些不同状态是如何互配的呢?这就要引入转换概念。如果说问查射只应及一种状态下两种对应的协调,并不少及转换,那么趋态射更是指对状态的超越。超色射中所谓的"超",其色即在于此一两为了对状态实现超越,就发射每一状态下的同态射进行"五节"(制作)、对同态射水平的对应加以後此组合、从而实现对转换的概括化、把以由向查射水平、双射到的对应从属于建立在转换基础上的运算的系统。

D Praget, 1990, p.216.

²⁾ 见原书第193页。

解决局幕任务需要这种反转。许多在经典任务成功而屏幕任务失败的儿童都认为增加苹果会导致苹果比水果多。他们也许建立了这种两个可态射的对点,即录来已有的苹果(1)和打算增加的苹果(1)分别与一个病的苹果集合(1)的对应。这种对应类似于原来解决必典任务时的苹果与水果的比较(对应)。但对屏幕任务未论,这显然是不够的,为了解决了幕任务。儿童必须协调这两个门态射以获得如下理解:这一得表(集合4)可能替换为苹果集合而并不改支原来的假设。苹果吃水果多)。这样,儿童为了认识到(看出)这种外延的不相等(mequality)是不能被反转过来的,他们就必须把出了集合4(4是多种转换中的一个转换之等果)。作式的转换概括为一个单体

基于以上分利。阿谓"真正的发展"那气不是发生在召唤任务的灵改之间。因为它们的课年于联系状态的对应而与状态的转换无心。但显慕任务的解决恰恰要求有状态的转换以及与这些转换相联系的不受性(invariant)可。建构。故由有人工张"决介偿复的结构上义的形式化方法。特代以对应分积的方法。这可以定理全部规划到的现象。在这一新代框架中,发展的质度。不再是在事决包含的否典任务的水平上。因为说到底,包具发来对状态进行推理……(它)不利们手法。种类的支化"

但是,如果扎及聚的星变为定位于屏幕任务的气成,那点要对任党理心中的内部具体运算的技从概念到年龄都要作出某种的是一任党理论也是无人给释入其任务和屏幕任务何以会有两种结果的,也无去同期"对力包含的理解""与"对这种关系的必然的理解"两者的存化。动模式对同态射水子上的包含关系的理解(学典任务)与在记忆射水平上的多然性的理解、屏幕任务。作出了区分。以可心射协遇。转换介入其中的抗治解释模式取代群集结构的传统形式化方式。还可避免这种困难。周此,传统的具体运算阶段微含似乎应该放弃。因为它是基于类包含的超集性目而作出的,而直集结构又具定解释经典任务而不能解释主幕任务。如果我们思保得"具体运算"的流法、那必须对它是人新的内涵。即已是通过超色射的对应见获得的对包含关系的必然性的压解。如此,作为一般的概括性的"具体运算"就失去了证义。一次是上被分化为各种具体的认识。在本例中,就是关于包含关系的知识。传统上,有的具体运算结构都是的着与包含关系的群集结构同样的命运。

当然,具体运算本身也可以作为认识对象,它的建构之实。各内。可是各有这一个水平。不过那是另一回事。事实上,作为一种知识建构的动的模式,它可以应用于"有的知识领域,也可以应用于"从吃奶的婴儿完发现可数集的隶托东",即从婴儿到所有人才的身上。正是这一点,充分体现了怎够分析的方法论价值。可以记,本书从第一到第十二章的内容都是这一方法的具体应用。

前面说到,达于起誓射水平的知识理量是一种必然性的理解。由于趋态射水平的及转换,而转换是不能脱离动作的。于是,自然地,起查射水平中必然有反省抽象的作

I Pierre Burro i llet & Louise Peiger (1997) tennang in the franstanting. An Aspectation of Paget's Morens in Theory to the Development of Class Inclusion in CArdenset. Problem Selving Hamon Development 40, 4-223-224.

用,因为反省抽象的本质是对动作关系的抽象而非对客体(对象)本身的抽象 实际上,是简字体 是直接对转换进行操作的。因此,因找到底,逻辑必然性是反省抽象的结果,是反省抽象使主体对内态射水平和问意射水平的经验观察物得以在更高的水平加以即遇 新模式降低了认知情料的重要性,但却更胜化了反省抽象的重要性。因为它并没有偏离发生认识论的核心观点,动作一些分)在知识建构中的根本作用。否则,势必又要重新经验论的覆辙。或者换言之,在状态在图像方面和动作方面达到。种平衡

七

使用专射-范畴论这一起的形式化方法作为晚年皮重杰的"最后的工作"。应该晚度业本对之具作正了框架性的说明。皮量产品未来得及以此来重新诠释不典皮量查时代的全部成果。换点之,全典发业类的研究与兼模式的研究仍未达到它全种合的程度基种立义工,我们可以记。发业本方未给我们品下一份内容统一的需要一维怪身为目的记者业本文献档案售商员。皮量类特华文型(The Essential Praget)两主篇之一的弗内默教授在本译从作的言字中为此写道:"这本书。特别皮业本身后才出版证书)有些内容不是很清楚。"2

借手人不信车,支业生未有更多时间对其准的形式化工作以及新、目形式化模型的融合磁型。集的图明。如果我们对女生认识含厂开创的形式化直路本身不特异议,那么在一定意义上我们应该思谢支票查,也为他为我们与人置下了更大的发挥创造的空间。

在此我想知自愿意,这篇冗长的享读并未多及多少本书中的实例,而更多是对查射。 志畴论本身有 "有得"但由于本人数学知识的偿还和数字思维能力的不足,因此对度立 生何以从中发现它们是合于作为认识建构的模型。生仍不深一看心上皮重然研究的同样与该从更专业的数字著作中深刻把握心身 意畅论思想的特别,然后发身过来,有度重查到关于主体。特别是元重。的各种类型的每年就独的主任研究中心用它来"深重相作"。这或许会收益思想不到的成果一它也或许是推进度重查发生认识论的形式化研究的一个极好的切入中。但便有此投及,在世界范围内。严绝度重查这一新模式的研究,无论是理论探究还是实验转证,现在都是从者享受一我不认为这种情况是干偿的一个等它也许从另一个角度特别上对从事皮重查研究人员的专业素质的支承可能是较高的。

依笔者支见,以下几个方面与沙成为我们深入研究皮证杰徒形式化模式的重点。

D 李其维,《评发生认识论中的"反省抽象"范畴》、《心理科学》,2004(3)。

²⁾ 参阅弗内歇敦授为本译从所写的总序。

- 1 根据截维森,皮亚杰认为范畴不同于传统的代数结构,因为范畴论本等上具有认识论的有非数字的深刻内涵。这一点是我们,也要发生,为为行效决于范畴论的真正原因之所在。因此,我们应该超越"只把范畴论理写为是发立为为了写决2-6岁几中的认知发展的说明"这一秩序记野。那么,是什么使范畴论具有深刻的认识论为商品之我们认为是态射概念使然。如果论传统的认知结构是转换的系统,那么一个范畴的态物就非常自然地被视为比较,是多种类型的对应。正是在射或对应,它们构成了一种认识论于不同的系统,它像实换或应等时构成的多统。在是认知可是为自私上有基础性作用的系统。皮显然认为建构性的对应。也过比较,类比等实现的,是独立于或甚至允许建构性的转换的。也认为对立为转换转子直路,因为不存在局种几点不是安有先近在某种对应的转换,正是从状态变化的比较开始,几乎不能是发现转录。我们必须深刻理解对应的某种建构性性重或其至与认识建构的作用。这与信息的实验等。对作为发展之唯一动力的交易的确有重大的改变。
- 3. 前面放到了反省抽象的概念。反省抽象的本来含义是对"动作之门的。般性质" 所作的协调和反省。在参射。范畴论中是看不到反名抽象的、至少在表词上如此。但它 既然被用来作为刻画认知发展机制的模型、显么它必然内在于参射。范畴念之时。在 是,我们更多地看到的是皮肤也对查射。对应的描述、却不见反省抽象的明算表现。但 极到底,这份是由于对对应本身中的动作因素 支援而言之对影响对应的动作因素未能 清晰说明所致。我们为什么坚持认为:尽管查射。迄畴论在某种意义于契令了皮肤也晚

^{1.} Philip M.D. vilson. 1998. Paret's Category Herrett. Interreta. not Cym. ve Bever, met. A Negh ted. Contribution, Human Development, 31: 225-244.

年 付"对应"作用的强调。但仍没有或仍不可能离开动作一元论的基本立场,那是因为皮亚杰仍然主席:范畴本身就是"种对反省的反省",或者,是一种"二次幂的反省抽象"。阿希尔 F Ascher, 也指出:"范畴论是反省抽象的极佳例子,范畴论方法是一个描述反省抽象的极佳例子,范畴论方法是一个描述反省抽象之发生的合适方法。"一皮亚木和阿希尔的说法或许可以成为我们分析态射内涵的一批制造。实际于,皮亚木等所理写的专射力是"去作或某种对应",由于被对应的对象已是某种量构位这种类构在对应过程中还要保持不变),与以它已具有某种反省抽象的性质;的态射并不是一次对方,可是对应的系统,因此范畴实际上是以各种对应的系统之形式作为其内容的,它是对对广系条件形式的概括。所以无怪乎范畴论较之传统的结构论是对地应用某一水平的形式(如其体口管。同更高水平的内容(如形式运算)的转变机制。

4 形式。内容的转变定即览畴具有一种更高效的概括为以及一种"打开新的可能性的基本力量"。所谓"氯的可能性"。用艾亚杰的活成就是"创造性的思维"。由于态射并不改变任何特定是打的内部规则。相反。它还必须保持这些规则。因此、各种各样的态射及其组合就可能是及认知:因过应站内的态射形式门一水平的相应的范畴;甚至在此具也上,还可通过应站向的态射(属于)作更进一步的建构;两子把范畴映射于范畴。使比较在不同的跨水平上得以进行。可能性的创造性就是在这些潜在的无尽的组合中出现的。因此、范畴论是描述创造性的适宜工具。"

在此,我们不占不指出,上面次到的反查量等。而,可能性的开展,形式可内容的转变以及创造性的产生机构等方面,它们似乎都可存态射-范畴论的领性之下重动集结,但皮业不充分的描述似乎更多起仍保留在它们分别与否射-范畴的联系上,而缺少一种与体制,把这些侧面予以充合,内写出一包点,认为上,皮平与提出的趋态射概念和对态射的三个水平的区分可以成为整合这些概念的切入点。

5 本书所有实产结果的分析都是以皮亚杰提出的心射的一个水平为政索进行的国此,了每它们的真正面义即是理解本书实验之记言,也是学挥皮亚杰范畴论思想之关键。

笔者注意的这样的事实: 皮下产品然在其形式化工作中使用了数学工具,但他并不在自己使用的过程中对这些工具本身作完整的介绍。早年的群、格定如此,如今的范畴论吏是如此。皮亚杰把他的责者设想力与他。样已具备了这些数学知识。或许他认为没有必要清数学内容事类他的发生认识论于是。因此,在阅读本书之间先学。点数学中的志畴论是必要的。不过,即使如此,我们似于仍不能在数学工具和皮亚杰的实验解释之间获得清晰的联系。想要这是读者同读本书的体会至深之处。

用数学的态射-范畴论未审程皮亚杰研实验的解释,我们发觉其中存在诸多不甚明

D Pinget, J (1974) Structures et Categories, Logique et Analyse, 17, 转引自上页 1第231页。

²⁾ 本书第十四章

³⁾ 本书第十四章。

了之处,或者说,存在许多需要我们以查射 造畴论的内容予以填补之处

皮亚杰在运用态射-节畴论思思时,给人的印象似乎是;他只是牢牢地抓住了态射的对应的特征,又把态射概念简约成对应,于是似乎只要找到认知活动中的对应的存在,就可放心地使用"查射" 同了 但同是并非如此简单 节畴论中的态射是有特定内涵的,我们希望皮亚杰在解释中展现这些内涵,指明这些内涵在具体的任务解释中对照于何物 这也是一种对应:数学模式与被模式化的对象之间的对应 惜乎我们只看到"查射"与"对方"的对应 除了这种量见的对应之外,对每个具体任务来说,既然拟以范畴论来解释,形式必须进 电指出;以时的态射是什么严急射的集合"又是什么行对象"是什么不对象的集合"又是什么不对象的原有结构"是什么不取遍所有的对象"又指价意?"保持对象的原有结构"又是什么含义"如此等等 最后,在这些回答的基础上,还应明确指出最终形成的范畴到底是什么。

6. 阿到心射的 个水平干末 心射的 个水平之记,是皮亚杰活学活用范畴论的 包新处 因为这些内容不是数是范畴论本身所具有的 但是,这里有一个重要的问题 有得意品:即心射的 个水平是指。次心射的一个水平还是指每一任务的完成占要经 历一个不同水平的心射。

根据制,面我们介绍的皮亚杰动内心射凸定期,制谓内心射轨是指对状态的体验的 对应, 向目只定进行。种方向的对应, 凹壳毫不上急射之间的协调。因此, 所谓内态射 的"内"、"指制于状态之内之意。比如设体量的守恒、儿童可以建立液体平面与液体星。 Colume)的对应,建立液体的需要与液体量的对应。但若这两种对应是排他的,不能同 时过行, 现结果表现为丰字恒的同等。内台射并十不能产生某种认识, 面只是不能产生 上确的复识,而且这种认识不属于必然性的认识,因为它过于受制于事物的图像、即状 态)方面, 官可能会鬥状态的变化而变化。内态射电升上没有动作的参与:状态的改变 (或液体平面,或液体高度) 本身 先是主体动作施加于物的结果。问题在于此时主体对 动作的结果没有产生协调, [1] 只是对一次动作斯导致的状态或从高度或从冕度上去建。 立 与液体量的对应 如果干体的动作,在爱作用于物,产生在爱的状态与液体量的对应, 那就是一种新的对应了。它从见来的一种状态的对应同多种状态的对应转换了。转换 更离不开动作。以多种状态对应于液体量,实际上就是以转换动作对应于液体量。如 果原来是状态内的对应,那么此时则是由这些对应组成的对应的系统了,并且达到了概 插化,从面把:否验对乌(内 惩射)转化为抽象的表征。这就是所谓的超态射。所以根据。 我的理解, 所谓超态射的"超", 乃是超越原来的内态射之等。由于内态射是在状态内进 行的,所以超态射的第一含义指对状态的超越。为什么会超越状态/门根结底是因为有 了对状态的转换,有了转换就有了连续的状态,有了连续状态,才有了对这种连续,实际, 是对转换的动作 的抽象和概括 必然性认识是与这种对状态的超越密切相关的

细心的读者会发现,笔者此处对内心射和遏态射的理解与分析,有不同于皮亚杰之处;略过间态射而径直从内心射到超心射。笔者认为,间态射或许是发展的某个水平,

可用来说明某些认知现象,但却不是超态射之不可少的环节 换言之,我们可以无须问态射,而直接引入转换概念,这同样可以阐述超高射的形成机制 我们只要牢记:超越状态及超越周转换而发生的连续状态的变化,这是超态射的本质特征 传统的形式化灯论以这些转换门协调来解释动作。运算的增变 新理论在强调转换的作用这一方面与传统理论可无人的不同 或许,这正是它们可以把融合的原则),只是在"协调"的细节上,合理地提明了对户,在射量,每月以新的态射-范畴论的语言来重求协调及其结果 某种认识就是在射 范畴论意义上的某种范畴

至于同意射,管脊认为它是另一种不同于内心射的流的态射。当然,它与内态射仍有其同之处,即心信都仍易除于状态,没有转换的介入,因此不过及多种状态之间的关系。同"者,指两种内心射之间的一种协调、当然,这种协调可以被理解为是一种新心射,因血也有对应存在。如液体可但实验中,混有液体血与液体,渴度之间的对应,它也有动作的介入。 种状态变为多种状态、液体被五管地主人另外的容器中) 但此时的协调不是发生于状态之间(这是超态射的特点),而只是发生于两个维度之间

在一个同己自然会产生,因,从间台射能与产生是各射/又怎样。生起台射2

首先,从门心射可以过渡至超心射。我们不能,其为从内心射可以径直通过引入转 换面达到遗迹射流否认另。各门看可以达到鬼心射的路。就然间心射在四个准度之间 成过对广灵现了协适,当提这些协造的品的语气转换相联系的时候,又可建立两者之间 的对应,这就是一种新的心射。正于转换成为对应的一方,所以状态就可能被超越,因 而是超态射。超态射协调的是状态而不是两个维度。

其次,如何从门志射到起去射剂是似乎又回到了对所谓"超越"状态)"和"协调"的 6. 释于。同样地,反省抽象的概括化甚至生产化的调节机制在这里发挥着重要的作用。传统的形式化只正动作的协志,差理论也在在射口对应。的基础上扎它细节化了,或者换言之,在射-范畴论是对反省抽象等概念提供了具体的模型

7 以上为笔者从状态与状态的转换的角度提出的一种相稍有别于皮亚杰的对内、同、超色射的理。 定意又上,似于也是对面 阳形式化理论的某种尝试性流 笔 者特别自己减免由于创制。造两论目然地重视对应之故,有智况了动作因素有形成认识中的作用。对状态的对应,或有状态水平上并作品的分。绝不是没有动作的参与 范畴论的数字模等恢复了意则。对一心的地位,是合于皮立气用来建立一种图像方面和运算方面的新的关系,但我认为,态射 范畴论本身作为一种更高数字系统的建构理论,它所蕴涵的对应,意则 乃是一种动态的对应的非静态的对应。 态射风含本身轨管含动作的目录,目为态射是一个运射的复合;它也不是两个对象的映射,而是"取遍所有对象"的映射。因此,只要是态射,言篇它是对应,但必然有动作的参与一次则如何实现多次的映射并取遍所有对象。

以上引力、制、超心射的分析是否有理, 坦至地说, 笔者并无十分把握, 仅供读者参考有已 略可解谢的是, 正如有完者指出, 由于皮亚杰的"这些新的形式化1作在皮亚

杰去世前的最后阶段仍在发展的过程之中",因而它就可能"充满了新的 多少有些不 致的术语,而很难让人迅速地获得有把握的理解"。这似乎也表明若要真正理解皮型 杰新的形式化理论,对它的一番梳理是不可或缺的。

8 内 间、超态射是皮亚杰提出的新概念,它被用来描述认知发展的 个耸段 我倾向于认为它们并不是同 态射的 种水平、而是 种水平的不同态射 言以敵之、即态射被用了 次 因为,如果只把内态射理解为在射,把间态射和超态射理解为内态射的"协调",显对"协调"本身不作态射的理解方面袭传流形式化的说法,尽管可以为应省抽象、可述性、概括化等必典概念谋得用式之处,但仅是留于此则不能突显态射 危畴论的价值,无去实现对应(图像方面)和转换(运算方面)的融合与允 因此,依管者支观,必须对传统的"协调"过程态射化和范畴化 至于皮亚杰对问态射和超态射的分析是否符合态射-范畴论的发义,那又当别论 皮亚杰这方面似于做行并不令人满意,有人甚至认为他所提供的证据"尤其星年的研究更难以自证"(much less selfevident) 一位的解释也似乎多少给人以传统的"协调"说法有余面新的"态射-范畴论"的分析不足的感觉 以"类包含为例",皮亚否对内、引 超态射的全部解释甚至于以简化为如下的解释:

内态射——只有两种对应中的一种;

间态射——两种对应的协调;

超态射--多个"两种对应的协调",即概括化。

如果我们没有灵解皮亚杰的话,显然除了"对应"之外,从中的确未能看出心射-范畴论的诸多要点如何在他所描述的一种态射中呈现出来的。

以上八个方面,就是皮亚杰新的形式化理论的要点,也是其难点,更是其可能的不足之外,或是我们后学者可以你欢发挥才智和创造力的领域。我想引用。位著名的支亚杰研究者的话作为本文的结定并与读者共创:"在皮亚杰的新理论中,有着丰富的矿藏,它可以让我们今后且亲多年"面对年迈的皮亚杰可创造的温理论,它给我们的高示又岂止"开采"二字所能包含的!

I Acredele, t 997 - Uncerstanding Piaget's New Treety Requires Assemblies and Accommodation, Hamain Development, 40: 235-237.

² Elkind D (1994). A Hole in Constructivist Theory, Contemporary Psychology, vol 39, No. 7,

^{3.} Berlin, H. 1992 * Plaget's New Theory In H.Berlin, and P.B.Pefa, Chils., Proget's theory; Prespects and Possibilities. Hillsdale, NJ; Lawrence Erlbaum, Associates.

关于本书英译本的说明

Terrance Brown

英方尔德告诉我本书所介绍的研究是1973年至1974年在日内允目际发生认识论 研究上心之成的。本书由表示长。研卷尔和思里克集(Henriques)于1975年写成,但当 研发有出版。因此,它。理式章地成为1980年出版的有关"对历"研究系列中的一本 该书是《发生认识论研究报告集》的第37卷,也是其最后。卷,而出当时未译成英文

现在这个译本的每译工作在1990年法文版出版之前,几开始了。它是从于稳译过来的。由于法律复制版后,发達制造本完成,可以就有可能根据法文版对其中的。严重要的改变,进行确认,修改和整合。

元如我的其他译著。有,我竭力地也买了京著,有意清原著。在翻译过程中,首先是一个理解问题。 在本书中每一部分都是一个极富难度的挑战;其次是编辑的问题。这里并非仅靠在编辑中详慎地省略。添加、重新安排玩声和数据等工作,而且指尽思地丢以更简洁。更自然的方式呈现皮亚生以冗长的复杂句子所表达的内容。

如果说这次制译是成功的,怎么这有但人程度上发归功于英海尔德和Jacques Montangero的技術,以及Judi Amsel (Lawrence Erlbaum Associates)的耐心支持;还要归功于皮重性的合著者及合作者们非凡的合作精神。我的负担也国原著中作多从事实验与程写章节的主义的基力相思的或轻子许多。他们中的许多人是皮重点著作翻译以问委员会的成员。定他们重校了译本的行。章节。他们不仅到证了一些错误,更提出了修改的建议,而且还有不只一处理加了新的内容。在此,我还要特别感谢可希尔存细地审阅了除了他自己互打写章节之外的重要理论部分;我也要致谢恩里克度修改了他所撰写的一章,感谢安妮特。本来落天一更密斯(Annette Karmiloff-Smith)和Edith Valtadoo-Ackermun 审定各个章节并被告他们的关系;目时也要感谢Angela Cornu-Wells为第一章难以形容的困难的翻译工作所做的工作。

前言

Seymour Papert

对我有言,研究本书的内容是一个丰富特殊的学师。这对那些严肃认真地对待皮业杰的著作,正致力于发现几章是难的心理发生及其与力更发展观点关联性的学者而言,也将是一种非常特殊的体验。此书对皮业怎以生物之和思想更来说明其关于连续性的观点之成独立场有非常清晰的表达。同时,它也提供了一种最有趣的尝试,却充分把述点用连续性假设的一个非常复杂的形式作为完全的指导。我要提及的一点是,因为这样的论是有时间应起来非常难,所以这本书就像支业生的人多数著作一样,也像有有最好的文献一样,读者可以在不同的水平上受益。

在拿起一本皮下杰的亦作第一族認觉时,有電不是軟質和留意与儿童所进行的诗般的对话而跳过那些插入其间的有关深刻问题的沉闷讨论呢?这样磁并不意味着会估过核心的内容。 令人非常以奇的是,皮亚杰的理论或点正精彩地蕴含在这些具体实例中。许多皮亚杰的讨论者譬怕仅阅读。次,也能从情景及互换的巧妙选择中获得深刻的教育。本书各安介绍的系列的扩展,充满思想性,娱乐性且具有丰富的相关信息。我仅以此来推荐合那些调要阅读这种风格,以及想追了皮亚杰思想的每一个转折点的读者们。

这些亲列研究非常杰出,某种程度上,由是它们使得作为皮显杰庞大理企。部分的实验合作者的工作。在进行皮引光式的整合后,每个实验合作者的智慧人格得以彰显尽管我并不完全了解所看合作者。难以对使们是一介绍,但我还是对本书中许多体现自内允特往的研究冒下了深刻重象。如果东图 帕蒂克拉劳 Berthoud-Papandropolou)实验研究的青珊逻辑,并未各大。更密则(Karnuloff Smith)坚持)是于现实也界的实验精神,以及在布拉奇特。Blanchet)和 Volladuo-Ackermann 的研究中所表现出的对思维机制的专行。这些仅列其名在每一章节注解为符合作者,作为个人,他们在皮拉也为法论的讨论中受到的人生并不充分。但我认为他们是上高重要的一我希望有一人研究皮亚杰著作的历史表家能认识到如下循环过程的重要性,在此循环中,一个非常一般的概念。如因果性或现在所讨论的节畴程念,它们由皮重然提出,再由其合作团队成员以类似于罗夏(Rosschace)投射的不同的方式也实进行探索。然后将他们及与他们一起参与实验的几单在此概念上的表现支票给发展。

富于成果的同化与听化之相互作用的情景了。然而,我们无须等存历史学家,似镜的读者就会把这一过程中的环节充分合成而去理解此书,而不仅仅是作为单个耀眼夺目的大师的智慧作品。

关于此书,我自己的经历并非没有所苦。对于事长的怀念,也会因为本册书浸透了他的全部思想,主要得愈加浓矣。当代,关于皮亚杰思想的可论却很少提及本书,这些内容之所以最可能为人们所是介,是因为人们已经对惯把皮亚杰视为。般的心理学家或教育学家,而不是发生认识论者。除了以些失落的痛苦之处,我可样不历了智力挣扎的痛苦,即我从开始打迷乱,于书中内容,可能集中于某一个上层的清楚表认,分努力去发现文中的意义。由此,我真正理解了仅仅支亚杰转向社完全射(morphism)的原则,也 基地发现了皮亚杰在其表面隐喻的诗点,如隐含的上常深类和其非凡数学技巧的思想。而当这些复感困扰我时,我并不孤独。实际上,我每之更多的人,他们与皮亚杰的联系一直是最亲密,且最思诚于皮亚杰,也是最多赞从皮豆杰那里。获得的一他们在很早之间,就决定(至少是私下决定)把支豆杰的研究看或是摆脱不了的精神辩好,且是在朋友及家庭或员中可适应的。亲爱的责者,如果在这种描述中,你已发现你占己,那么我将敦促你试着最后。次去追随皮亚杰的思想吧。不好的最终机会。当然,许多没者也会发现这也建量难以享受的机会。

本书结广部分深深蕴含下列内容: 皮立杰把他的研究工作与程学和数学中最基础的内容相联系, 对"中心化"进行了最为高确的间述:"发生认识论只有在两种情况下才有意义, 其一为自然思维与科学思维之目表现出连续性与时; 其二为将自然思维与生命本身的机能过程相联结, 可根据生物学的形式未算释自然思维时, 这一点也是基本的"

本属上,探寻儿童自然思维发展与科学思维的关系,在历史上也不是件困难的协
这样简单的例子人量存在,例如,在自然思维与科学思维两者中字恒的关键作用;以及
儿童物理观念可被描述成是前伽利略(Pre-Galdean 的方式。而且皮亚杰在心理学上也
在更坚实的支持资料,我们中的人多数人,甚至(以某种方式,特别是,作为数学家未被
训练,一旦碰上心理发生研究与在现代数学思维中有争议主定关系的讨论时,也同样会
陷入困境。本书的主要是由战后数字研究最全人惊叹的产物之一。发生认识心所决
定的;本书的主要结论,有人把它称之为思维方式,它以不实在也不复杂的——范畴论
为人们所知。我自先觉察到范畴论以一种相对清晰的方式符合上述两个条件中的第一个;然后我又发现了皮亚杰以更改妙的方式运用范畴念,可我们展示了心再发生发展及
生命过程之间的关系。

人们可以想象出对标上了追赶"数字时髦"打签的皮业杰的不友善批评:不管在党行的数学方法论中发生了什么,它科与都会在皮亚杰的著作中出现,且是作为理解发生

[□] 参元第十五章,对 至慢也。 ,1的,使用的,主释 数之可全体发生了发展失差无。确妥重对已任的投及,是一种对原则的更微妙的陈述。

认识论的理论框架而提出的 20世纪30年代是它代数(universal algebra)的全露期,皮业点付一般性框架的研究就自然停留于结构的代数类型,即再集上 ... 战后布尔巴基(Bourbak) 的数字点行,特别是在法产世界之行,我们更发现皮亚杰根据布尔巴基的结构理论,重新形式化了他的数字方式。到20世纪60年代时,原先的布尔巴基的框架受到日益为人们接受的范畴论找及时,我们占一次看到了皮亚杰又把目标聚集至数学家的风行所在。

然而,我提及区种不发善的批目,包只是遵重发业杰自己关于"工具其头像则为针 tiete de Timpae,"使用的价值的著名是《与特种面做的一其中,想象的面上无意义的批引,起于人们对早期所忽略们是,并立立也有数字思维侵生了适合主皮业杰理论展开的系列思想。这种是似于汽车工作并不存在什么深刻思想。各案就在连续性的原则:数字思性、遵循进化的红道,如果适宜企适的接流,我们看出的将是与心理发生发展最为密切的关系。这种类似。十行与最终决定了皮量类能在他需要时发现合适的数字概念。下面我们简单提一下在皮肤不是作的历史版本中与阅读到的内容。写然人们所获得的可能会略设起出我所见智的。从30年代的数字中。年,2种集、它是研究几意思维早期发展的合适的数字上具。对于面层等阶段,对于在这个类量的特色性转换,在尔巴基的结构主义数字为人们提供了更不断现象还是不不地理解比阶段的合适的概念框架,有最同意场论区为人们提供了更好形式阶段转换的合适框架,这是一个比传统的INRC群更富了每释力的模型

工有人在其一广唱主意文中主一笑,尔曼与艾、木一、从上了了青少年要属。如见发展。各种由工工,使12年(1941年)。 基础的 Disk 人力在文本的扩INR 与支持首次被精确化。在这一点上来想点。 文明本 文有音樂地記与時间作为 种具构造成是重点为具,而于 我的诠释无论如何也没有低估皮驱然由该理论而产生的其他许多解见之意。

面的阶段会把我们量进一种新的数学视角;布尔巴基通过把它们视为整个数学大厦所以能够建立的"母结构",将修正简单系统这一步从中分离; 白皮亚杰, 则在他首次提出发生认识论之前,就非常巧妙地,独立地为自然思维的形式化,给出了一个类似观点

这个引人注目的目标,即有皮亚杰谷典的发生认识论与布尔巴基数学之间的目标,它是在连续的研究成果的巅峰出现的一这种结合体,等言了20世纪50年代晚期与60年代早期的发生认识论研究中心崇蒙着的气氛,也使得皮亚杰的研究与数学两者的联结剧的一个新阶段区动;本书是反映了这一运动的个部。我认为,这一运动的精神已上系列相互联系的概念生动地体现,怎"看……之可"以及后来加上的"超出""bevond"有"超出"与"看……之外"的意义,而看数学范畴论注意。中使用此举点,是"超尘"的意义。这与本书中世支立杰而著两章之一。思里克特在第十一章中所作的解释一样情趣。在此简单总量。下:在同等已又上,把数看或是加去帮的元素,这运离了且起出了数的具体内容;而把数字系统看成是一个范畴的元素也是应离了具具体的内容。在发生认识论中使用范畴论的概念,这种思维方式为人们提供了一种能看到从具体到形式之间重路的新枝镜。我冒昧地断定以这种扩视的来看形式,最终可看成本书图提出的比较更重要的结晶。透过这种代角,我们正看到的内容,比只有代数的枝镜时更生高了此处包括组合数字以及与布尔巴基逻辑。样的INRC群与更重要的是,其中形式的出现处包括组合数字以及与布尔巴基逻辑。样的INRC群与更重要的是,其中形式的出现处包括组合数字以及与布尔巴基逻辑。样的INRC群与更重要的是,其中形式的出现他作为发展全种整合观点的一部分了。

把数看成是加法群的元素,是把两数放在一起变成一个新数进行的抽象,即两数相加;把数学系统看成芯畴的元素,也是对它们设在一起的特定方式进行的抽象。扎芑畴变成范畴,这与加法有着不同的本质,因为把两个元素联合为未联合。或者改在一起)、它处约一个新元素;在数学书中,人们会看到两个元素联合为未联合。或者改在一起)、它们的块射及"忘射"是月箭头表示的。如果在一个运算中,只是比较有不构成新元薪,这仍但是运算吗?像这类问题,尽管在皮束性的著作中更巧妙地提出过,且真意用导:一个比较是一个转换吗?但在现实世界中人们也许会说:"是然不是,当我各体与夏人中录一大的你比较时,你仍然是你"正如支亚杰阿指出的:"人们通常顾可于把知识看成是现实的一种近似的格式化复本……这样,比较的工具。对立与心引 的作用允允被高情,而转换自身则降为……隐喻。""

D 参见皮亚杰的三卷本(发生认识论导论)(巴黎:出版,1950)。

³ 与总不要拒循了等场 类 类类 康托尔集 以及这个单元的任任告语产人。

^{- 1} 方 育 立方を上立。5 ち、 く 記述记与 文生 认识论 ウ大学作了 史書 医和史个人化的 無軽

⁵⁾ 如果你不熟悉这些图解,它在本书由阿希尔所写第十四章约略可见。

⑥ 参见原书第十五章,第215页(英文版)。

但是对一位诗人、一位情人一位建构主义发生认识论者而言,这些是非常不同的。 把两个认识论的对象放在。起,在心中两个事物也许会长久地改变,但不总是改变。 步上比亚说过:"爱是水和的,它并不是其他改变发生对它就会改变的那种东西"在皮业杰理鲜"变化"的传奇生产中,在支持有序。有意义的变化调节系统这个上题中,是够的稳定性,甚至信化曾被高效。这个主要也已在同化与口化的思想中呈现过,显常在其怎维中占主导地位。本书对这方面的讨论,在力度及细节上都认到了一个新的水平。

当一个系统发展把我们带入到第一个连续性时,其同什么改变了,什么仍用保持同,"toute a issuessentelle",这方面的标志将由发生认识企来研究;连续性,不是与人为的数字,而是与生合本身。起的一在皮亚杰早期的"著作中,连续性通常意味着,生物与认知过程具有具体的机能,如表型复制过程的生愈,期望等功能性现象。本书中所提出的连续性与此相比较,看着根本的不同。人们也许会说这已从具体到形式了。此处的争论并推答们具有的机制,而是指表现出的适合两者的同构的形式结构。我发现自己可以目乐上把本书的治言和分档模式应用于皮上告讨论这两个系统的关系所使用的方式上,是请出这样的概括结论一皮亚杰对两类系统同(认知和生命)对应的讨论,是从间查射水平(intermorphic)对过程分不变的。但是我发现以比求核资本书的思想是一种非常有用的方法,把以这些思想来自发,我建议没著在设定行。单时作这样一个练习。比较与对理第十一章中几点是实际几么似两种机械的,以及皮亚杰是如何推两个机械与他就身的事业作比较的。

[]] 皮点性 生物,与年2 Par talmind, 1967, 新 图 1 与智 有机体的选择的表型复制。Par w Hermana, 1974)。

导 论

"对一"作人事物之间已复的。具、具有形式上的可转换性及内容上的不可转换性。不管比较的内容是状态还是不作修改的转换,都是如此。因此在有关"对应"的研充中,认识心以及心理发生在众多的研究中提出了两个非常重要的问题。其一是有关对,与其内容的关系。若具在对象之间寻找静态特色的对应关系,这是然不会改变它们的享有特征,而只是丰富了具对应形式,但若在状态转换之间作态射,特形就会变得很复杂。在这种情况下,转换是不会简单地由比较未,效变的,可是人们仍即想知道转换是否创生了态射;转换本身是否由先高的对应产生,或者是否要,并意区分"由操作所产生的合射"与"力转挥其作而准备。具的程作",还是两者都要考虑。尽管从数学的角度看来,这样的问题没有意义,但对定打主义的认识论者而言,却是重要的。因为后者在理智上写及区别与对比两个主要的功能;比较与转换。这就使得分析"对应"与"态射"的第一个重要的问题产生了。即它们如何与其内容和联系这一问题。特别是当"对应"与"点射"也及转挥操作时,又会先出另一问也,它们是如何与转换相联系的。先高一系列的研究工作都曾致力于这个主题也。

另一个重要的问题,它与对应和转换两者间的关系无关,这时对应作为形式,而转换作为内容。这个问题针对的是否贴的形式是如何发展的。尽管对应并不转变任何事物,但是它们实实在在否历了发展性的转换,就此而言,本书旨在研究一种新的转换,即改及总射了化的转换,而非遇过"对应"未没此相互的转换性运算(transformatory opera—tions)的转换。

这个第一类转换,基本上(如果不是打他们活)就存在于对应或态射彼此联结的递至组合中。正如我们在先前研究中推调过的;与不少及本质的新转换的运算的无限严物相比较,对应或态射的一个水恒的、具体的形式发展是上落之少的一个个体的感觉运动步就已发挥作用的双射。thechons)、满射(surections)、内射(muections)、一直到数学范畴。公内的同构(asomorphisms)。满同态(epimorphisms)、单同态(monumorphisms)、这些基本的形式并没任么不同,它们的区别相当程度在于对其构成成分进行组合的精制模型的目益增长上。因此,接下来的许多章节的主题,都将集中于对应与态射中的组合(成分)如何发展这一问题。从这个视角出发,人们才可以看出,从上组合的形式到拥有其

¹ 技 * 美工"C * "的社会 发手从声信性交投告集XXVII Paris Presses Universitaries de France. 1980).

体范畴的组织特征的形式之间所发生的最明显的进化

上述着重提出的两个基本问题虽然更然不同,但它们并不完全独立。有时,它们也会相互干扰。为了问明这一点,我们需要先介绍。此专门的术语。我们把那些在写水平使用时都不求助于态射,且对其超态射(extramorphic)的对象与内容进行修改门转换,称为"运算的转换"(operatory transformation)。这种转换的例子如:7+5-12. Kanty认为这种操作是合成的而非分析的!我们也引用此术语来说明那些能产生自身内容的转换。再例如,运算n+1,它的建构的能力已扩展到无方。我们将这些自己修改化较。具的,且能够从中产生新质的。尤其是通过成分组合来产生新质的那些转换,称之为"态射的转换"(morphismic transformation)。据此,我们可以发现,态射的转换是运算的转换的

种类推、与此同时、它们的区方又是很明显的、因为组成态射的转换或把其联系有起的基本工具、自身是不能进行转换的一换言之、台射的转换两关。它处、必须考虑内容是如何彼此包含的(就形式与内容的相对性而言、这并不令人的是:在有一个形式与内容的层级内、除了极端情形、每一形式同时也是内容、反之亦然)然而、作为一个新的比较工具的建构、它们的独创性在于;虽然它们是由这些建构的事实来转换的、但是它们创造了比较事物(那些自身不进行转换的每户)的工具。它而言之、沈比较的对象而言、态射的转换关于不修改其内容的基本对应以及特定的态射。则值这些对象是运算的转换一如此看来,在更高的水平上,就则涉及的组合或查射形式而言、人们可以看出不同水平上的合射性组合即是转换结构的符象。简言之、故比较对象的基本的起态射内容,并非由基本的比较形式来修正,而是由在其基础上所产生的更高形式来修正的一这时,态射的内容就得到了改进甚至能够有创新。

我们再回到心理发生这个主题上,来阐述先前提出的两个手要同志,许多可能的人系这时就出现了。首先是对应或名射与超高射水平内容之间的关系,"经这个内容也包括运算的转换;其次是否射的转换的本质,以及其如何与运算的转换相联系,这种联系不是指在内容方面,而是指在每一个相口等级的过程中。运算的转换与态射的转换,两者相互独立,还是相互平行,还是其中一个决定另一个,还是具有某种融合/这个间层的提出与第一个问题截然不同,因为这时我们必须考虑构成态射的方式。毋庸置疑,构成态射的方式与第一个问题感密切相关,下文中将会对此进行很清晰的说明

许多研究表明:"对应"与"超态射水平上的内存"的关系,它们和"对应"与"运算的转换"间的关系是新进相反的。对应始于认识发展的最初阶段,且为运算的转换准备了方式;我们可以说,是对应在一定程度上引导了运算的转换方式的发现。随后,对应变得从属于转换,某种意义上,是对应终止了来自于转换的必高的演绎。换点之,开始由观察所确立的一个简单的经验比较,变成了对一种普遍形式的範明。这一过程发生的原因,是因为初始的内容,是在这些普遍形式的帮助下建构而成的,即对事实的读取与记录,而且在理解上述原因的方向上,超越了"对应",也即在自动的转换建构的方向上超越了"对应",另一种方式也需说明一下,即当对应的内容仍保留时,未结构化的内容

就变成了操作的形式 如果后者(未结构化的内容 不助了拟(前)转换 pretransformational) 至间转换(intertransformational)的变化,或至15转换(cotransformational)的变化,那么它们 就不是针对所有转换的资净。把未(终)状态输入对应,与初状态放置在。起;或者把转 操输入对应,与不多及自身产生转换的结果放置在。起。这样由转换带来的形式,或由 对应带来的相关形式,会变得越来越。致一很是然,在态射中涉及组合的地方,我们也 会发现类似的过程。但是,若涉及两类转换, 些运算的转换(由规范严格限定)与其他 些态射的转换,于述过程因为一个简单的原因,将变得更复杂。其中,新的形式 比较的,具,有组合的意义上不构成一个比较,而有结构的意义上构成一个转换

即便对此,比较运算的转换的汽工具同的关系问题也还远未得到解决。尽管从这样的结构中只能推导出。些基本信射,但忘射组合获得增长自主性也还是可能的。这样, 忘射的转换与运算的转换之间的关系,这个同是最可能的解决似乎就要依赖于两者中有成效的融合了。实际主,这类目息的解决也让人想起数学中的更高秩的普遍形式,比如"自同构群"以及特定的单位态射环等。

为研究这些目息,我们发来分析"对应"和"差射"的社会,其中差射是与那些有精确 定义的操作性结构相关联的。我们从空间上的组合开始分析上述问题,以此方法分析 认知过程的优势在上,它以形象的工具将逻辑的困难性的神子。接着,我们继续研究间 "真的互反性及对称性,这两者本质上是推论性的,而且是以同类的因果性为终与

在这些情况中,除了一些非常特殊的形式。 般态射的转换概会贯穿一个阶段 为便于说过这个问题,我们先来描述一下这一个产权。第一个投,称为内态射水平tintramorphie, 用为它还未包括"混合"在内。这时候,只是简单的对应,且不是具有的对应,却都是基于正确的或不正确的观察,特别是以可见的预测为基础"组合"的缺乏导致了主体感觉不到矛盾。简言之,这仍旧只是一个学验的比较,无论其依赖于转换还是简单的状态。

第一个阶段我们以同志射水平(intermorphic)来命名。这个阶段标志者系统性的组合建构的开始。它涉及诸多对应中的对广,允其是在间转换(intertral sformational)的情况下,这使得志射与第三层级的重态射(premorphic 有了一个必然的开始。然而,间态射水平的组合建构仍田只是局部的,且是逐渐发生的,最后开设有建构成一个打闭性的服系统,或更重要的是,在代数的意义上,这些建构的组合是"且生的",它们在其起点与终点的意义明确。不管如何,这种比较的完软会。导组合构建上的大幅度的进展,也会有助于主体对接下来开始可推导的转换的理解。

最后,第一阶段,它在各射的转换的发展中,以认识论中有启发意义的"可逆性"为特益。它并不简单是达到更高层次的对应之中的对应。第一层次上的各射各再一次由同态射水平产生。而且是建构组合的一种新模式。我们称此为"超态射水平"Ctransmorphic),"trans"在这里是"超越"的意义,并不是从一个到另一个一实际上,这里是主体开始在各射上进行运算的水平。换言之,也即主体开始借助于运算的工具进行

态射的比较。而其中运算的1頁, 正是对组成先前态射内容, 或者是对第二阶段组合处构进行解释与概括而得到的。这时, 我们遭到了一个复杂情形, 其间更精致化及精确的功能等价物, 可在科学思维的水平上发现(参见本书中思里克勘师写一章的后半部分)。举一个简单包子, 如"群"的结构是由运算的转换所构成, 其中仍有一种"超态射水平"(extramorphic)在内一个态射集,可以不使用转换推结构的任何方式, 来与运算的转换相联系; 与此同时, 这些态射可积段地相互组合, 最终, 它们就可转换到产生这个群的"范畴"的程度。这个范畴具有被作为态射的内容来协适的态射, 但是, 最基本的, 它具有作为超态射内容的一个群的运算的结构。

总之、上述问释会在以下的讨论中给我们以指导。运算的与志射的转换有机结合、而且这种结合不。定要清融两者广泛的建构自主性。态射的转换旨在比较与比较的迁移(transferences);而运算的转换则在对象与内容的创造及转换;它们的结合点终止于普遍的共有形式的精心构造、例如,所有逻辑数字的转换都带有中性元的平静、群、环、格等,它们都充分达到一种反省抽象的程度。

第一章 旋转与环绕

J. 皮亚杰

CI. 莫宁尔(CI.Monnier)

J. 瓦克莱(J. Vauclair)

有本书的第一章和第一章中,我们将讨论有关不同角度和复杂性的各种旋转的态射。其中,第一章基定及的旋转选及的是几个元素的循环,直替过程,而第一章中讨论的助是立方体的旋转。因此,第一章有必要从介绍最简单的实验开始。在本章所报告的分验中,某单个客体的若干姿势,如正对对的头和脚,将随着其旋转或环绕而变化;而此刻,看到仅有在于客体运动的起点与其类点之间通过转换而建立起来的连接之中。

一、方法

的手柄,其末端固定在位于大圆 圆心的旋转轴上,使得该圆盒子 在被推动着沿圆周移动时,从被 在被推动着沿圆周移动时,从被 适为底线,玩具熊的旋转是沿 。在外复为底立状态的路线进行 的(旋转运动)。在两种情况下, 研究者首先让儿童明确玩具 熊的头的方位,例如,是指向被 试还是指向窗户等。然后用

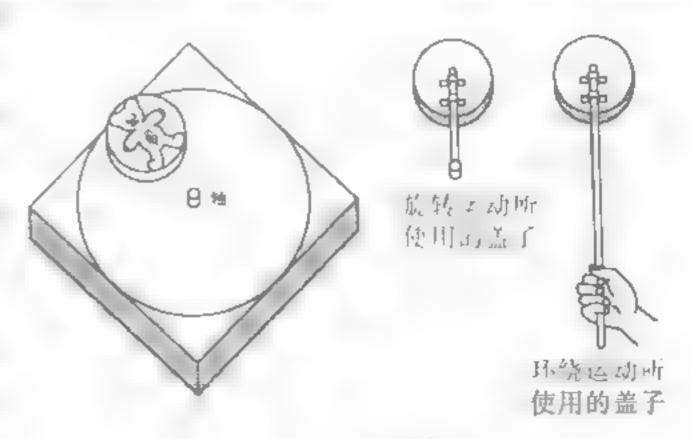


图11 水平实验装置

盖子将盒子芒上,让儿童通过操作手柄使盒子移动90 隻 180 度 支270 度等等,然后再让他们指出完成各种操作之后玩具熊的姿势。

实验采用的垂直装置由置于轨道上的玩具车村或(见图1.2.,玩具车上写直地固定着一张绘着玩偶面像的卡片。在研究者进行环绕操作(其中的玩偶像保持正立)或旋转操作(其中,玩偶在转到180度时是上下颠倒的,在转到360度时期是正立的)的过程中,卡片直播被靠布遮盖着。在每次移动之后,主试及求被试回答以下问题;玩偶是重立的 结下的还是其他什么样的,玩偶的头指行哪个方向,并说明原因。然后,研究者从车上取下玩偶而像卡片交给儿童,让他们是过模拟其运动过程来再再玩偶将要停过的路代,或者重现它在幕布遮盖下完成的运动路线。此外,主试不要求儿童对这两种装着加以比较

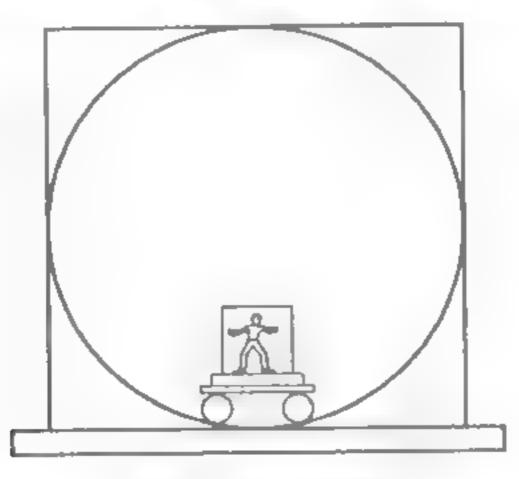


图12 垂直实验装置

实验还采用了万外两种模式的水平运动(见图13) 第一种运动模式遵循的是词拉伯数字"8"("∞")的几种不同书写方式所示的路线而进行的,如(个)、(个等;另一种运动路线是由同一个目的四个90度互振反转后租交构成(见图1.4)、如 L'在第一种情况下,玩具集的头。用始是同外的,跨后言又将回到这一初处状态上来

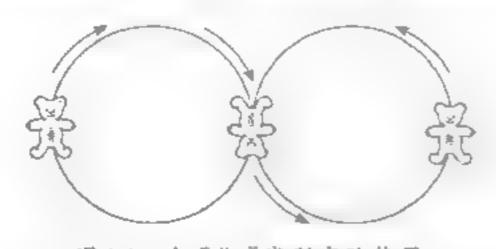


图13 水平"8"字形实验装置

最后,值得注意的是,在每一种情景下的轨道式复转都能同某些自转。即那些能

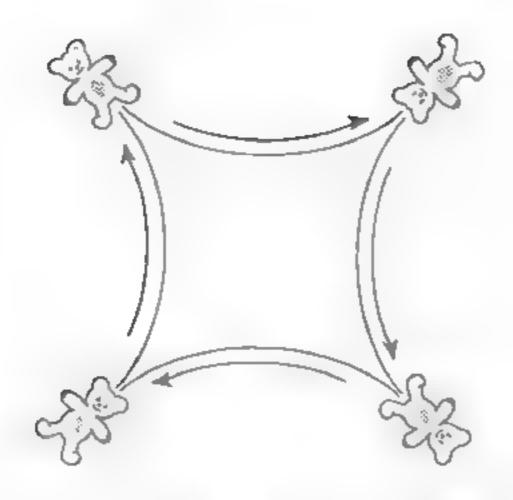


图 1.4 四个90度圆弧反转相交的实验装置

伊客体世党自身转动的原地旋转。组合起来。或者说、我们甚至可以要求被试过行。 组合操作, 如在120度的轨道式旋转基础上再加上一个原地旋转作为其补充。者的组合便构成了一个环绕。

二、初级的或内态射水平的对应

这部分的工作旨有考察对应的逐步混合过程,目加有必要先考察历些後此间当未 实现组合的对应。

(1(3;)) 有先星现价以1的实验符显是这样的:玩具维干躺着, 大朝向手柄所指的方向(水平装置) 超过(m) 变的或够达动之后, 她作出了错误的回答, 她对玩具作朝向的判断与真实情况恰恰相反, 随后她纠正了自己错误, 但是, 再后来她又事所回到错误答案上去了。相比之下, 在经过1800度的旋转之后, 她当即作出了正确判断("排向我, 颜气,过来了"); 但当以个盒子再度旋转1800度从而回到起点时, 她却不能正确判定, 没想以识到这是了一种称的对称。在环绕实验中, 她错误地从为150度的环境之动同样会使玩具似上下颜色("折向我", 她对其他征置上的情况也作出了错误判断。

Tre14;1) 在玩具作来被评盖的情况下几经尝试之后,Tre成功回答了水平装置上的所有环气可距。然而,他却在冷 [50]度以外的其他角度的旋转可题上全都失败了。在旋转实验中,他让自己从圆周的底部移到了顶部(自己沿桌边从6点钟红置移动到12点红置,然后,从270度红置开始,她把手柄转动了90度,以便寻找其间的对称性。在他4岁5个月时的再次测试中,对于旋转可题,他一开始的反应问

① 借用时钟刻度来表示就是在12点钟的位置上(旋转问题)。

四个月前一样, 但随后他就在"度的或转问题上取得了成功, 因为"它把它的头放在棍子(手柄)下面"换句话说, 他是个手柄用作一个尽暇而获得成功, 尽管如此, 他仍未能真正理解旋转运动, 因为他在从左右上置'上开始的15)度的旋转问题上失败了与4岁1个月时相比, 这时的他在"个了15)度以外的其代有度的环境问题上全都失败了。

Oh 4; 4) 在垂直装置上, ()L在 18) 度的环境和旋转可避上都取得了成功然而, 他认为, 在 9i) 度和 270 度时"玩偶好像 5 是躺着的" 关于水平装置中玩具制的大的方位, 例说:"如果你这样(9i) 变) 成的话, 长在那儿 "——"是什么帮助你这样想的呢?" "这个样子"对垂直装置上的 18) 度旋转引进,"它是上下颜色的"; 有在环绕问题中却不是这样的, 四 为"我一直抓着这些犯了的" 不可之处在于"价有时能够使玩偶况看自己转动" 化铸设规推断了 9) 度以 > 的 4, 果 "之 5, 它的 人在那几", 此后, 他发现自己错了, 例则是 "过使玩偶也有了她疾转来解决问题的

Ho(4;6) 实验从水平装置的环境河避开始。Ho在18 没的环境问题上犯了错误:"你已经改变了它的方向,所以它的大克改变了方向"吃石是烧转问题,她再次在180度的问题上犯了错误,似于在他看来"发生的运动也是环草;后来,在他度旋转问题上几些宏试之后,她才在180度和其他角度的烧转可写上取了了克功

Mik(4;7) 在水平装置的1、皮质转回是上取学成功之后,Mik 看先在从10更到 270度的、从1度到180度的环境问题上犯了错误 与他成功之后,他又被可及成转可题和助种运动混合的可避,如先是0到500度的运动,然后是其他角度的运动等,诸如此类。

Car(5;6) 对于垂直表置上的1%)度成转的可疑。Carve:"3可比是上下声感的,因为你把它放在底下了""那么它也可是怎样的呢""不是上下颠离的价格对它。然后它的预输。"对于中) 夏的旋转、她推测玩喝的是干割的,但她不能确定它的大在哪边。对于2个度的交转。"我觉得它会上下颜色。"相比也下,她将盒子沿着大圆的圆周移动,从为成功地重现了其运动轨过,但她认为其与果会随着运动方向的不同而改变。对于环境问题,她最初对1%0度环境问题恰出的答案是"上下颠倒",但随后却说"我认为它否是正立的,你并没有把它大门下、脚划上地放在那里"然而,有趣的是,与后类要求她和现这个环境运动时,她完成的是一个1%)度的轨道式旋转和一个1%0度的自转(等地旋转。这个混合是无意识的,若它被有意识地执行,那它也是同态射水平的了。正是因为它是无意识的,所以它只是一个简单的自我纠正(也见 Oli 对其最后一个问题的回答)。

An(5;4) An在垂直装置的环气问题上取得了成功,他对从上到下的 181 度级转可题也作出了正确回答,但是在利反方向的交转可题上批求不决,而且否如终结误地将旋转和环绕两种运动混为一谈。

St. 15:11 经过历欠销误之后、Ste在 150 度的环境和旋转问题上都取得了成功, 但对从左到右的以及其他位置上的运动等问题犯了错误 在旋转中, Ste 认为是"盒子"在动, 而在环绕中, 却"什么都不"动。

由于一个仁智及紧随其广的位置之间的国替关系由总转运动产生,因而,个体基于 15转换对应Crotraesformational correspondences 对元具《或玩偶在循环武替过程中的位 置进行预则也预见 科尼姓子 认识到这一点,也凭有了一个统领的文提及的种种被 武反应的 般导师。对于手柄走言上的流言着的玩具爬用还与的轨道式旋转,儿童是 以口转支者说是即也览转为依据未进行思考的。 将轨道式负转当作易地旋转,这种借 1是是自然而然的事,国为从最初的逐重运动产提起, 电量测知道该如何转动某个客体以 便观察到主的不同侧面支其背出了,而且,在很长的。長时间里,他们都会根据这一模 八木看青各种瓦转,为一看这种情况下,被试能很好地认识轨道式竞转,甚至能很轻松。 起在水平是当上人类现亡。然而,他并没有弯出多仁智作为。今整体与县地旋转对动 起来, 市, 是把它们看作是与地类较产生的后型。正如, 0h 所能的现样, 发音红道族较和 环境区分析表。"与有目能为使现色飞着自己转动"。支者,如Nat On Cir等应记。"官是 一下原理的 气在 180 美生元 加上他们 6克"传敏 动 艺, 然后 高克库他手"一Oh 为了约让 1世的告录。 [1戊子] 史思览转、in Car. 想实现 180度的废转, 却最终通过则地旋转未实现了 [tr] 房间是几乎是一、为,因词是有么都不为"自己只是更麻着不存在门轮。被武对于红 直旋转由流淌的方。"我就是对90度时任智宙推图并不比270度时智易,但是,看被武武 7. 大把对广建立在他每点心红金的知觉电流行出点之上的话,请记式不同于此了。

和这个重要事人得到志第一个估论是一般自言、与轨道流转相比,被试忘能更好 犯礼知不愿之后的方在一起是,并为不再步至,得即所有在置改此问具有同构性 (isomorphism)。这与目转的情况几乎完全不同一量然如此,仍然有几个被试与战于两种 当况下的相同知道路线不导致自部分类似性(特别是对180度的环绕问题)。例如,Val 和 Earti"你已不仅分子言的方面,可以已分入也改多子方面"。在(证明按用目转的缺失 未有我纠正一个人主义有抗亡人帮下 强调于地收在那里"

和道式旋转。无识是因为未被充分同程。的对环党运动产生了这种偶然污染,这也被认为是儿童将出种对方是为一读了一些面,从Tim,Oh和 An 来看,当主试提出关于旋转的间距时,他们无识和最看出现在成功写决环党门思之后;只有Fio 从环党问题起轨表现出这种混淆不清。

任元发现3至4岁的儿童能比5岁儿童更好电回答填转问题,这个事实似于证实了 癿重提及的轨道填转被看作是自转这一点人。事实上,年幼儿童对轨迹根本不加考虑, 包癿在一些参照物的基础上作出日答,如Teo 它把它的失改在棍子(手柄)下面"(并 手柄之向,或者是())。气喘的棍子的告助。相比之下,5岁左右的儿童,则努力试图把 轨道式流转运动点释为一种轨迹(见(ar),但由于我们见面已获短的种种原因的使但们 仍不能取得成功。

息之、在环绕运动和从上在下的180度的复数铜谱的复数运动中、由这些工作及,创造的对应,其实是在置高目的;在这里的旋转运动中、儿童的显明对应能力、行由对称性而与基于自转的分析结合起来。然后,但有这些成功都仍且不是以成为。合的存在证据,因为被重复的词构还不具备这种特质。到日,在180度的旋转倒置的特定下,很合的缺乏是如此的严重,以至于儿童虽然能对从上在下。从12点到6点存款。的旋转作出上确判断,却仍不能在其他几种结果下作出,确判断,发与之相反的旋转。从下在上,从6。1到12点存置)从有时在的支持之反可在3 中和9点在增色间的旋转。从下在上,从6。1到12点存置)从有时在的支持之反可在3 中和9点在增色间的旋转。因此。我们可以称这些初级的对应为"内存射水上的"对应,我们用已未指在了产发晚的基础上关系建立的可重复性,却并不包括这些民建立起来的利益不会交流也还可停汇合。在内态射水平的对应中,判断被查查的规则是或现代的方在对应多及的代理,支持上对无限的经验发现的模括。从在这知应动水至上放出行为信息足够的认识,或者对环至而言,则是这样的等价;全起一杯水上下运动,不管运动维度是否有制度部分,只要和了保持重重,就不会导致水溢出。

三、间态射水平的对应I

从6岁6个月或7岁开始,几至开新批红道质转应动户"自力决定各种企图的循环。 替甲序的过程,这些个留中的每一个都与国土中的起与任义完全位置国志路企对。 起来。因此,我们可以把后来位置之间的对立定义无同意射水平的,因为它们与求重决 定于旋转运动的位置联系在。起一然面,在为此找到确切证据之重,你先会发现许多信 形正处于内态射水平的对应任何之射水平的对应之间为过度阶段,以下就是这样的 些案例。

【A1(6;5) 在水下装置上、K1-开的, C在150度 从上之下、2.10度等的交替用题上犯了错误, 却对从下往上的1x0度或每用照作出了正确网络 与玩具 "的大人"下戏剧在时, 她很好地顾见了在它被转到上面复有为社会发生什么, 她说: "如果转动它, 你还会改变它的方向 "懂后, 她又正确她切签了所有关于交转的问题 她与即无明白了环华是怎么问事。""月为你让小儿子始终保持写有了, 如果你不这样, 你就会改变它的方向 "那么它的大人,下在3点和3点钟之间)的时候呢?""你必须把它转过去成为那种样子(打笔运式旋转)""那位你想到什么呢?""你必须把它转过去成为那种样子(打笔运式旋转)""那位你想到什么呢?""就好像它翻了人等牛!一个月以后, Na对垂直装置的所有旋转可避都作出了正确网签, 也能再现其轨迹, 还说说明其各个位置的具体情形 随后主试把玩偶的头朝下放在12点钟位置上, 并引入在什么地方安放一个红点才说让玩偶在整个旋转过程中都只看得到: "是6点钟位置吗?"不。那不行"那么, 在这

儿、X点钟位置1?" "也不行"——"那么如果我把它放在正中公会怎样呢?"——"啊,对了,这就行了"

Phu 7;1, 一开始, Phu 在水平装置上的 1800 度的环绕问题上失败了, 他认为玩具做的头将"朝下, 因为那儿, 起点久 1 它是刺上的" 后来他成功了 在旋转运动的情况下, 他认为, 如果玩具点头向左平躺着, 其位置在 1800 度的旋转之后将不会改变, 而在他看到实际发生的情况并非如此时, 却毫不理解:"真不可思议"但在去掉盖子完成环绕运动以后, 他开始理解环境和旋转之间的差别了 最后, 为了让玩具能在旋转过程中的任何位置上都能看到红点, 他把红点安放在圆的中心。

于是,有两个问题就很清楚了。一是对轨道莫转的考虑在多大程度上改变了被试的 认识; 是对轨道旋转的考虑在多大程度上便对应的组合是够充分,以保证玩偶能够在 每一个位置上都能看到安放在国际的组点,如果它一开始就让查看组点的话一个开系。 所提到的"翻第三",它也不再只是一个压停广好像"),也不再是目转的一种证词了

以下是一开始就表现出问态射水平的对应的一些案例。

Nic(6:6) Nic对水平装置上的1x. 变环境可避与即蜕取早了成功,"因为之前它的头是刺上的(而且保持那样不变)",而在旋转之后"因为它已经被转动了,所以它的头朝下(她还指出了是如何转动的)" 一"但是此前它也被转动了(招环绕)"——"但是棍子在转动中已经移动过了(她还指出了是如何移动的)"随后。Nic 在随即出现的所有四种位置的问题中都成功地判断出了玩偶的头所在方向,她说:"与所有这些都在移动的时候,它也在移动"她还准确地再现了其运动轨迹,并从其他方面的事实中提出结论,认为两个方向上"情况是一样的"

\m(6;6) \m 正确部斗到旋转之后玩具造的姿势(在水平装置上)"那么,如果你不想让它在这里顿色(1×1度)该怎么办呢?" (她自发地做了一个环绕,并且说)"你不要转动它"对侧平的"×"字形运动的问题,她当即声称在交叉点会有一个使它上下颜色的转动,而在调图的另一写会有一个使它头刺上的转动 "为什么呢" "我看见的"(弯曳就是"虽然看不见盒子里的玩偶,但沿着它的路线就可以知道"。)

Sah,"; 1 《小对国司上的旋转问题仍依豫不决,但对侧平的"8"字形运动问题则毫不犹豫,她正确地预见了在交叉占会出现上下额包的转动,而最后又会回到大朝上的状态:"沿着这个圆运动,玩偶在另一端会上下额倒吗""是的,但沿着这个交叉的'8'字形运动,玩偶的姿势就改变了它先是上下颠倒,然后又是头朝上。"

^{1.} 玩偶视光方面的 世易上看都谁即与其姿势相 改、知、玩具就背部着地干脆、其视线是在边形才台上在子布之处看去。 要使工有意义,无土地只是一个自他土有意子里,但如果是这样的话,玩具她的人和脚的多型弄就不能被理解了。在毛孔段中,很显然内是一无念玩具维的姿势实际上如何,其在环境运动过程中都不会有固定的视点,而在旋转过程中其视点则始终落在圆心上。

Ant 7;6) 网Ant的问题是,怎样要才能使玩偶在1800度时不会上下顿倒 他看是得它做了一个原地的放转,随后又放了一个1800度的轨道旋转 后来,为了通过不同于轨道式旋转的其他办法来使玩偶最终上下额倒过来,他把原地旋转和环绕组合起来了 对人子的"8"字形运动,他正确指出了三个不同位置上的情况,但在最后一个位置上犯了错误 然而,在再次完成这些运动之后,他在所有问题上都做出了正确判断。

Pir(1:1) Pir在们平的"N"字形运动问题上取寻表功。在从直主开始至过从右到左的"N"部分的运动情景下,她用手指去比四篇运动路径:"在那里·交叉点 从是向下的,然后是头割上""。那么"M"形运动吧。"他用手打完是了正确的运动过程)对"U"形运动,她采用了同样的方法。

Did(x; 2 在圆面上的运动的可变上迅速取得成功之后, Did 马上包用自了在"∞"路线的两周, 现偶的人员是向上的, 但他将充重, "如果我没了对的话, 那么(引在)和到看的一点果是一样的, 除了在腿和左臂是每外的以外。"一个什么人不会倒进来向下呢?"——他指出了交叉点和恢复直立的点。

以上、我们可以看到被试的反应力。定数量的准备为存在提供了证据。正知可又已经提及的那样。第一种组合其实就是是一位智田之职,它使现何有色置改变之间。和状态都与其改变之初的状态对应起来,直到它重新问到整个竞转的初始状态之时那么,这里让及的就是激誉的意射。morp ism of saccessions),所以可读转得是些无约转换态射,但它也是组合的显示。这是因为后每年置可以负度到90度,从90度到180度等170年。和关系,虽然且有明重复性可因的需要了形定的切应,但它可是有加工先于它存在目决定看它的影些任置关系。第一种形式自身合在巨岩以下同心上发挥着作用,如果现偶的实致转动到指向内部,那么它就会有任何一个位置上卷光看到图心上的红点(Isa和Ph)。第一种形式的社合,由进行不同适应为人未至存相同生录的能力的构成,如将原地底转与环境联合在一起就等同于180度和轨道式底转,等等。现在不同,第四种形式的组合,是由例上可能设置的一种组合为条件,但在文文。的情况则是这样的。现得从一个图列另一个图的运动使其诸位置同心关系被虚例了

然而,尽管调述的事实工实了。先得合的存在,尽管这种符合在内心射水平于是不可能实现的,但它们得燃具是同心射水平的混合,而上追心射水平。 transmorplac 1/1 合一这是因为,量然把几个不同的对应先企起来并由此面获得了一个并不为初极对立所拥有的必然性特征,但是,这类准合仍能够通过简单的全块,可允许,如Pat用其重指。指有平的"8"字形路线划过那样。或即划的读序推理。如Did 那样。未获得

我们已经考察了环绕和竞转之间的对应,对远值得声意的是,没有一个处于水干Ⅱ 的被试 开始就能说出在两种情况下都有一个目形轨道 所有被试着只服于指示其不 同之处,只限于能确定玩具唯是否改支了其绝对位置,或者更有甚者,如San所说的,只 会宣称它"根本没有转动"现在,很请楚的是,每个儿童都能认识到环绕运动,至少在他遵循平台上的圆形轨迹运动时是如此; Nan 是第一个认识到环绕运动的人,因为她自发地发说了环绕的存在。因此,显而易见的是,这种差异是一个当不明确的等价tequivalence。类的两个子类之间的差异。这种隐含的类是运动轨迹的类,由儿童通过操纵水平装置的手桶而实现的运动轨迹的类,且存在于沿着指定圆周路线运动的过程之中。

四、间态射水平的对应Ⅱ与超态射水平的开端

相对于"∞"形式动而言。"目"形式内只能在具后才能被儿童掌握。这是因为、虽然 这一运动的路线也是由型的几个元素和企业成功。但该路线却是由四个90度但据反转相交手四点而构成的,以下便是证据。

(1111.6;6) 訂面我们已沒看到(511.对其他路线的可题所取得的成功,而且,他在理解单个的如"""支"。"的問於上的創稿可题則也轻松成功 然而,她在由两个或二个派写"1合的14"度可是"上却失败了,而且,她最初只能用原地放转来再现其运动轨迹。

1 p 6:8 · [p对 18 度的各种组合 4 些犯了相同的错误, 并且偶尔还用环绕 地力名替代从一点到下一点的设备运动。为且, 他认为, 在点 1 出发程过点 2 到其对角点, 即点 3 之间的移动, "这和你按照从点 1 到点 3 的直线 对角线) 进行的结果一样'他是你在点 3 寻到的支势与在点 1 时相同吗 '""不, 它是 大刺下的。"

Fri(6;10) 虽然对自己的推理很有信心("我认为,我是按照我脑袋里的路线进行的"),但是,Fri仍然在6次回答中2次汇急了后往红置回发生的翻传现象这种针示在9岁儿童才下仍会生现。标比之下,有些认识却又早在7岁时就已发生了。

S.b. "、11 S.b.(可斥使用"工"字路线1在两个强形的组合问题中取得成功,她无预针 · ' + 3 + 4 的过程会得到同 1 · 4 "一样的结果""真的相同吗/"——"因为那里(3 · 4) 可样也形成了一个国 吃像 1 · 4 一样)"她与即就在 1 · 3 的问题上获得了成功。在把图形和这里的路线进行比较时,她指出,在图形路线上的 18. 度运动之后,"它新色了""那么你们在这里找到相同的情况吗?" 她打了指一段弧的两个端点。

Pat. 7:1) 关于大的指向。Pat 与即在从1到3(两个相对红置)的组合问题上取得了成功 然而,与玩偶破结动到相对于其中一个位置呈明度角的位置时,她感到需要用手指沿着整个运动路径来比画一下(就像她在第3节中对"**"运动问题所做的一样),但她仍不能推断出沿着从1到3的对角线运动的结果 她对?到4的问题有问样的围难,但与玩偶的方向与其中一个点相一致时,她立刻就给出了正确的组合。她说:"我已经这样移动过了(在心理上)。"

1)m 7; ¬1 主试要求1)m在周强组成的四角图形和"8"字形之可吃行比较 他回答道:"在'∞'的情况下,从那里到那里(指在两个病点时) \ 表还是一样的,但 在四角图形中(沿1→3的对角线)却不是这样。"

Mic(8;8) Mic在所有问题上都取得了成功 等被可及1 13的对角线运动的问题时,他主刻指出会出现有置"你怎么想 219个角束给我解释一下它吗?""它们(两种方法)都是一起起作用的。"

以上,你可以再次发现问心射水平的组合的存在、虽然它们比在第一节中发现的那些组合更为复杂,但它们仍是同心射水平的,无论定门的建构是通过光效地建立联系、如Pai等),还是通过光发的演译播理。如Lai所说的"必算是")来过行的一在目前这种同态射水平上,你已看到了四上四点的情形和四角图形(即由一个四色四个90度黑线的翻转后交正成上互角相交线面构成的图形。的情况之间的类比的粗略轮界。例如,Sab说一条四派"电组或了一个。",而Dan将1+3对角线上的可愿运动与有两个图构成的"∞"图形上的恢复直立状态的旋转进行了对比,也这是对未被震转回来的圆派的对应的另一种方式的理解。然后,完全的类比只看在水平用11上才能得到被试的明确表述。

在11岁到15岁之间的被战身上,在一定程度上存在着的超态射水平的过渡阶段, 其间,对应的混合导源于一个一般系统,a general system 斯固有的运算(operations)。但 是,在属于旋转或环绕的内在对方, internal correspondences)的特殊情况下,作为水平III 的特征性标志的唯一新颖之处在于图形的内外巴种多距系之间的协调

1 身文对于原谓的。 +3 2 +4等运动以及 对角线 运动的描述是数期不肯。 4 寸板 支重性低手足指从 是(将为1 生接按超级产形的)有确定移动的其相对的。 毛为3 的运动过程 在这些情况下,还是所有广置是不会解剖的。在有些时候 发动人似乎又是为了整理的使用这个符号和单词的 用来指导的对个 圆弧构成的路线进行移动时其起始位置和最后到达位置。

Dom 7,1 Dom, 正确问答了前面所提到的所有可题 与问他玩具旗压视到什么的时候, 他问答说它总是看到在它面前的东西, 但在一种情况下, 它将朝向其运动所进循的圆形之外, 而在另一种情况下, 它则朝向圆心。

Pit(11;2) 相比之下,Pat并不畅自发纯作出这样的评判,然而,当问她居住在地琢两极的居民的位置时,她回答道:"人们的位置总是相同的"并进一步总结道:"玩具作总是看到同一点上,有时这个占在图形外面(环绕运动),而有时又在里面(旋转运动)"对"M"形运动的问题,他指看两个瑞点说:"你进行了两个半圆的运动,就好似转了一整圈儿了。"

因此,发展区历了一个主发的技工内包的水平的特点是或对或错的无知合的局部对应。在间台的水平上,发现合起来的每户有赖于运算性转换。operatory transformations。对应可以从区域运算性转换中主任而来,但这是在为建构或理解这些转换准备好的安全经历的事。但是,即使有向转换对应及协模对应的情况下,组合最初过只是存在主诸对应的设此联系之中,这种联系是通过更为高级的新对应来实现的多数,把初级的循环宣替被此联结起来)。只有在此之后,这种对应才能从一个运算性演算(operatory calculus 开始被推定图来。通过运算性资外。operatory deduction)的方式。在一般系统的基础上实现的名前形式和对合,正是运台射水平的特征。Pat 对"8"字形间基内框理作签。在水平出于的某些回答)就是其例证。第一个例子就是玩具解中视在可一点,的恒定方面被理解为美物(指门中心)和环绕(指门外部)的共同是一这种理解已起台射水平的,这是由于宣水有上对内影和介部两种多只系统的运算性协调。这种理解与美物、这是由于宣水有上对内影和介部两种多只系统的运算性协调。这种理解动作用在第一章"方方体的复数"中能行到更高处地展现,其中,被运跨过立方体的公外的自己为对其24种可能的效置方式的认识,正是在多虑到外部各国的基础上随处循环的。

記之、第一章哲士子我们一再发现的一些事实一一般说来、对应为转换的出现作好了准备、(其他事物间 与)对应指言也否能上此四径高来一类似地、对于7岁1合、或者换句话说、与制性转换(morphismic transformations)的准备、发制于问意射水平的形式、这种水平为准备形式预备了某些一般运算系统 general operators systems)。正是从这种一般看统中、运算符号以2年,充运算本身随后又将使态射能够以精态射水平的模式实现生态。因此、初及对应 elementary correspondences)和初级转换 elementary transformations)的新进性利力支持至支护根为相互作用、开量终拓展为运算性转换和态射性转换之间的两个方向上的相互作用。

第二章 两个循环演替的组合

J. 7 II 5

D. 威尔林-利亚姆贝(D. Voelin-Liambey)

L. 特 7 为一些 作 (I. Berthoud-Papandropoulou)

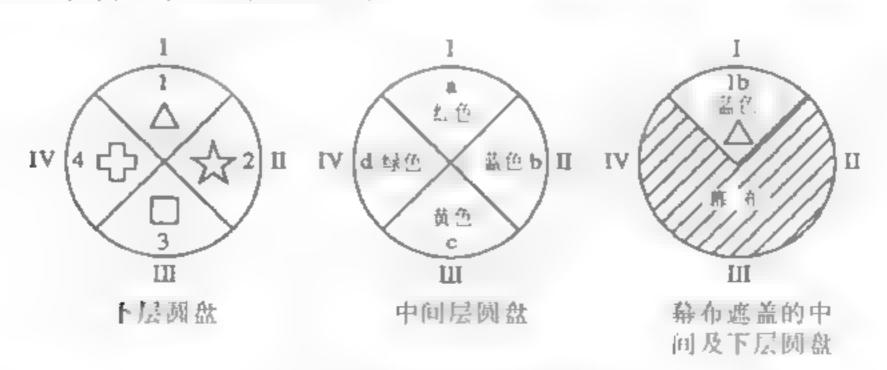


图21 实验器材:多层叠加圆盘

转动两个概盘中的任何。个或者两个,可以混合出16种不同的"组各体"同同同objects),如,la是红色工角形、lb是蓝色、角形、2a是红色工角星、2b是蓝色五角星等、以此类推。除了两个八盘以外、F试还用到一层圆形幕布,但它被切掉了一个90度原

¹ 本章内存在云文版 戊文之时已作了广之修订和诸多气活,我广这里亚巴茨长丁 (修庆和主产之志)

面,因而被试只能看见四个绝对位置中的某一个。

使用这个美育器材,很容易让儿童建制起 系列的对应,如正转换性 (noneransformational 付局, 间转换(intertransformational) 付息或协转换(cotransformational) 对广等。而且, 适过严盖一个绝对位置来快几点建构。系列对应的组合也是可能的, 这 - 兰从我们研究目的的角度来看,甚至更为重复。例如,如果只有伊置上可见,主武可 刀在多位置于用 2c取代 la. 然后同几至在位置II, III N 1 都能看到什么一支目答这个 可起, 与主义行动够推断出由 2c 替代 1a 的过程中与发生的变化: 图形盘接道时针旋转 一个年行(同90变角),而色彩盘是按作反方同复较了两个单位(180变角)。目此,33将。 □、现在位置III、4。各出现在任置IIII、但15周会出现在位置IVI 如果夏求被武从 任更色形生态与目的。作客体出现在位置111年始转动国盘,以获得某种成对吊现的 客体组合,如阳石户曾非上了"同时"Ib有位置队主,那么,问题的俘决对这种批理有更 多的专家。万外、在可尼芒安基儿。完成那些不可能出现的组合。如,怎在位置加上 1. 当时4.在广省11 1 一门时间、夏想发展并昭释这种任务为何不能因成甚至是要更 力复杂门对17 6. 组合。此外,为了使晨试的拖足过程具体化,研究者将四种多形的剪纸。 和国利 颜色的小纸 " 作 为记忆辐助提供 所便们 一但 它们 是彼此 分散的元素, 几不直接 沙戈母岛李星。元主能够且"失速计列 环厂图片以告到司装称为司总射水平的疾率的东 西,我们简单地称,《为"模型"。除了每个"混之可的对应以外,这种模型标价助于研究 「帮与上土记忆司具物之自的对应」 《专我们提供了一个补充性的,甚至事常是具有。 决定意义的信息来源。

一、方法

主武士被隶从改委实验各材开始,先个获民违宗。个或两个国意的旋转,由让儿童 进行两个旋转方向上的多种转换。然后,在被武建构起实验各材的模型之后,主认自向 化制介经常布的情形。在整个实验中,在于位置上到N上的目盘的四个扇面中,在一个 被遮盖起来,调高只有位置上上的房面是可见的。相比之下,被武的模型与全都在他的 摆控之下。当把目盘的何是呈现金被武时,为了弄清正后之间究竟是什么关系(五始状态是15.在位着上上,被鼠可以按自己的息型去探领模型,也可以仅限于视觉上的观察

起后,主战便远见全提出关于唐景人的问题,这里只有位置于是可见的,主战在任意为自己复动任何。个图积(转动方向支者是由1到4由1到2由1到3),或者是另一个

方同十亩。到产土。至同、油。至市等)、以改变当盐的可见部分。此志、2a 可能取代与市政为可见的、或 医取代与 商或为可见的。一包后、研究者发表被读利用他 与现实的模型 大推断在位置 [[1] 表位置][[1] 是有么

在情景等中,主武同时转动两只目盘,以改变在位置上上可见的图形和面色(如,由2c取代)。两只国盘的转动角度可以不同,从了产生动的一维客体。如,在位置上上的2c代替1a2。但已已以使两只压盘完成完全打可约转动,这仅仅改变了一个客体并在的绝对位置,而一维客体及其间的相对位置都靠持不变(如,却有行置上土取代了)。

相比之下,在实验特别B中,研记者及求见了在某一产品处(心省Ⅱ、Ⅲ、N)2(台上某种、作各体、当然,关於允许完全贯用他们手力服全完全可见的模型。这样,儿童就必须转动一个目益。特别B.)或者同时转动两个目益。特别B.) 在某个儿童在位置上上(未被幕布造品面可见的)早五五。然后表示他"做怎必知做的"以便便2c 出现在位置N 上或36出现在位置II上(与存品上相邻),或者使46出现在位置III上(与存品上相邻)。

情景(中, 同样是要求几重自己转动) 盘, 但这里的目标是在两个位置上向力得到对指定的客体。例如, 在位置上上全出的是证, 要求几重去"做完这里做门, 使汽车时 对刻"让16出现在位置11—112。已现在位置11、4亿十分。111—12、13、14、在某个任置上放置了某个一个各体之情, 其他一个位置上的一个客体就已确定无疑了。情景(自)同是其实是为引入情景 D 和设置的, 在情景 D中, 要求被试了现的或付各体其实是不可能同时已现的, 而被试必须去发现并解释这一事实。

二、内态射水平的对应

正好我们厂承认的那样,我们告谓的内心的对应,是指了证否于内容的自接 以取成在此基础上自自接应期间简单地建立起未可那些可见,并不证及这些无证实此 同的组合。你可以说案到,这种组合的缺失婚工年约上量为了必要大套器材。这时全当 材料都是可见的)而进行的探索行动之中。

(云17;3) (云交替地移动看两只国意、同时飞流道:"你不几序到相同的响色和图形"然后她列,举了颜色和图形各自的四种情况。研记者先在任置【上呈现出蓝色正方形,然后可靠。"你记得到一个景色的正方写吗?"一"礼"她正确纯转动了色彩盘——"还有其他的办法吗"在把正方形效回任置【上后、她开始转

D 这些二维客体被称为"红色正方形""绿色·角形"等,以此类推。

²⁾ 详见本章结论部分。

动圆盘使正方形出现在绿色所在的作置 II 上,如此等等 这样,她看来已坚完全弄懂这一情景下的问题了,并为回答有关有益布遮盖的情景 B的问题作好了准备但随后提的问题是这样的:"正方形可以有几种颜色/"——"它可以有四种颜色""那么其他图平呢""是的···不,它们不能被移动,它们不能跑到那上面去的"她指的是旋转位置 II 上的绿色三角形凹到,位置 I 上去 但她随后也理解了各种不同的可能性,而研究者也可以继续提出幕布遮盖的情景下的问题了

【er(*,5 为了把二角形由红色改之为绿色、Ver 旋转色彩盘进行了试误性尝试。研究者用:"可以不移动这些严色吗!" 不行"试试看""可以的,你可以旋转有图形的那只圆盘"她在一个方向上转动圈形盘,然后又是另一个方向."不行。因为它是有图形的,图形会随着它的转动而变化"最后,她成功了这个模型起初的建构并不包含正确的质替过程,但稍后这种质替过程就得到考虑了。

这些探索员初是一种自目模素,在8岁以后则变得更为迅速,但这已是以让研究者提出在落布德差十八百秒查让是可见的情况下的的走了。这样,你就能发现许多对应的存在了,它们要么从一开始就很显著,发生就是在内态射水平上被获得的一然而,如预 件的那样,这些对应仍未产生目息射水平上的系统性组合,而且,正是由于这种原因,它们仍不是以使被武成功所决理有问。一在这方面,与估量 A 中有相当难度的问题相比,情景 B. 甚至是情景心中的问题也相对容易坚决。而这种容易性揭示了首单对应与对应组合。之间的太别一在情景 B 中,把一个替换过程与指定为目标的绝对位置对应起来就是够解决已起了;而有情景 A 中, 绝 / 从 高速系列中仅有任于 I 的。可见的情况正好,组合出一个系列,即他对任置下的最上或。高而等系列一回起,在情景 A 中, 第一个系列都包含有一个面替的总量,而可以同意更高的基理之中因而也包含了形式初级对应的彼此组合。

也就是說,这些对戶域在內套的水平主力給发程作用,包有可能出现的組合體、中发程作用,下的我们将尝试对它们在以分析。自先,第一种对应无疑是分布于图形盘的。四个扇面上的四种类色之间数字同构(figure isomorph sm)。第一种可构、一开始就是禁制量的,它就是将图盘与作为记忆辅助物的建构起来的模型联系也来的形种同构。这两种双射(hipections)中,如果说主者具有在同场地与旋转相联系的实替过程的对应复合在。起时才有益的话,那么对第二种对应而言就更是如此了。这是因为,构或模型的元素并不是会判于完整图盘上的客体,它们也因而不具有在实性。因此,最终将被引入模型中的种种旋转,必然都是由组合推断而来的,而模型最初只是一种象征性的、静态的复制点。有个年幼的被武甚至在把模型的诸元素组成一个独立的固之后,先把它们揭绕实验用的巴盘器材放置起来;只是无论如何,模型都只是代表了重盘上诸客体的某个具体状态。这样,被试对如何使用模型来问答自试提出的问题。无所知,这是得为他没有考虑到作为旋转变化的结果的各种状态。

态 这就是弓面脊沦及的矢序的原门 在盎态射的对方水平上,第4节,我们会看到, II 岁或12岁儿童不再有要操纵模型,但为他们已经成功院查了模型的支撑,并能完成是移的推理以在心理上转换先前由模型生表示的各种状态 那么,模型就还原为只具有增进记忆这一简单功能的辅助物子。

第一种形式的对立显然从一开始点是满射csurjection元,它是使四种颜色对应于某个单一的图形的满射,或者相反,使四种图形对立于某个单一的风色的满射。因为年纪的被试缺乏组合技能,他们不能像人九岁儿,岂有从这一对立中寻出存在16种不同的维客体的结论。

第四种对立是很基本的、它们是把一个各体。图1 支 色,与其紧邻替代者联系起来的对应。在内心射水平上,未然这种对应很容易在《基水平上母以确立,但是、 且必须从推理水平上对它们加以"、合、儿童人不能胜任了

(in(T; 3) 在情节A中,在让她看作置】上的景色下角形之后,《甘正确执列出对几乎其他信息即分的各种气色。主试】:"那么这些图片又意可吃"。"它们也是一样的"(模型上的价价;尽管她在心分核还是的国度上逢间了)小等的股凉,和比之下,一只五角星被移为到个置】上,她会猜为十分形容在作发图上,即使它在恢复上是在五角星之后出现的。对于红色;角形位于位置】上的情况,无论是模型上还是门及上,程之后出现的。对于红色;角形位于位置】上的情况,无论是模型上还是门及上,Car的反应是相同的,她们出现色十字形得处于心置图上,她认为"它按照几个相同的顺序",但是,与另一个容体位于位置】时,于有的质替顺序和礼部关系也几点失了。

Pum U: 11 通过正确复制两个圆盘的某个状态表建打起自己的项目之后,Pum 说: "你可以們起來再旋转它们,我也可以:我们转动它们然后又找到它们"然而,她只是在她的模型上简单地等二角形和十字形的气程"有了互变,然后可对等两个圆盘各转动的度。她认为这样会使圆盘适。她那个已修正过的模型一种甚至相信自己的操作是非常正确的,以至于与最有被揭开之后,她不靠难主试说:"那不对,因为这里有各种图形,而作却把下面那个圆盘(图形度)和上面这个圆度(色彩盘)旋转到那里了"似于仅仅旋转圆盘儿子以及支其客体气置的风棒关系,此像她相信自己已做到的那样。

息之,这种紧邻飞替的付卖当然是真实存在的,只要它们未被改乱生会起来(依据) 简单线性序列进行的组合简外) 然而,在内台射水平上,当某个指定系列必须与几些 将要推断的系列组合起来时,这种对与仍然会导致门是与决于的困难

第五种形式的对应也是关于误替的恒定性(invariance of successions)的对应,允非关于不依赖成转方可的恒定性的对应。换句话说,它等于这样的事实,却,无念目就是按照原时针方问还是详明针力门模转向,你都需获得某个特定和心。发理解这一类自恒则需要组合的存在;而且,在内态射水平上,这种理解选制立刻就能获得的,除上是近

过经验上的判断,如以下要介绍的被试那样。

Pum(7:11) 品文也曾提及Pum 与网络把任置【和【上的客体互换是否可行, 她答道:"不行, 偶为, 如果你转动(每点)针方句, 这并不是必需的)其中一个的话, 另一个也会改变 "可且, 她把模型上的蓝色从作置【移到了位置【上, 而黄色则从任置【移到了位置【上, 而黄色则从任置【移到了位置【上, 报色从位置【移到位置【上, 红色从位置【移到位置【】, 因而把两个旋转方向混为一次了一起比之下, 她后来则发现, 可以采用两种旋转方向中的一种而不是混合它们来达成目析, 而且, 在看到主试为了在位置【上得到绿色三角形而沿着一个方向实特色彩盘之后, 她沿着相反的方向正确地重建了仁置【、【】、【】上的元素。在结束了长时间的均可之后, 她在间参射水平上取得了成功, 对 1234、2341、3412和 4123 等系列作出了概言:"它们只是一样的, 只不过你要从其他的数字开始"写且又知识替过程在两个旋转方向上都存在

运种关于方门的汽息导致了第八种形式的对应,而且它和紧邻演替的对应。样具有普遍性。它是关于以下事实的对应,即一个元素移向某个位置的方向和它要替代的那个客体另几多年置的方门都与同型上的及们位置相对为。但是,这种定向取代并不必然与旋转的量。或轨道的长度有关,或者也并不与实替的全部"序,甚至是旋转的方。有关(这是因为,被试开未理量;可能有些复杂的位置变换为是低于这些旋转。请看下例。

Car(7;3 Cir成功解决了情景B中的所有操作问题 在框器[上给她呈现11红色二角形,要求她把引放到位置N上去,她用一页话来说明从住置III到位置N 的被严复任的1的交换过程。"你心 "把这个小豹子软丰满",但实际上她只旋转了14层 她对这一类的其他五个可能作出了类似的反应 构化之下,与与继由工程的出现在位置 | 上升,问她3到哪儿去了,她先打出3在位置 | 和 | 11之间,似乎它并未被替代它的元素推动 然后她又改变自己的答案,将出它在位置 | 上,这最终弄错了方向,与为它事实上已经到了位置 | 上 这样,与发现3在位置 | 上时,她就不能解释个中原委了。因为她并来借助一般旋转运动来思考。

也需, 北章荒成功行次售景B中的这类定, 可取代问题, 向在特景入中则不能一然 此, 在下, 直接和情况下, 他们也能在情景入中取得成功(不妨同忆一下实验中的任务总是从代景入开始门户, 但也仅很于一种特殊的总转问题, 这种总转导致客体化智滑自径 上 111 和11 - 11 无改变 那么, 同是就变成了; 是否这种成功表明了对旋转演替的真正理 行, 也有是付任合的真主理理是一或者是否这种成功是凭借对称性 symmetry 间面简单 对:导致的尼 事实表明, 那些发现可以合当径方门上互换位置的生物被试也主张T和 【之间的互换是可能的, 如此等等。

¹ 之里 我许一世都许为《《集的》。"anseint et rotalent 以为。""为人也或于此一行这些的手下文显然 把它与一个元素从开始位置起共移动了多少个单位的意思联系起来了。

Gre (7;7) 在情景 4 中,在位置 1 上给出 31,可 Gre 在位置 III 上的是什么 一他说是"一个红色的三角形(la)" 可他:"你怎么知道的呢?"——他说:"因为它是颠倒的,之前,这里(位置 1)是红的(a,就像在他的模型上的一样),你转动它,现在那里(位置 1)变成黄色(()了,而另一个位置(位置 III)就是红色(a)了"同样地,他把位置 II 和位置 II 上的图形互换了,"因为你也转动它们了"因此,他似乎用基于旋转组合的方式理解了所有事实 然而,随后我们立即把目转动到位置 I 上,他却不能说出在位置 I 上是什么了"我不知道是什么随之发生了改变"他会试看在位置 I 和 I 之间互换,在没有森布也盖的情况下进行探索的过程中,他曾主张这种调换是可能的,但事实却与此相矛盾。

Pun(7;11) 我们前面提到了Pun最后取得的成功 在这里,和(sre一样,她很轻松地在她的模型上实现了任置 | 和任置 || 之间的互换,以及任置 || 和任置 || 的互换,随后她许这样的住置互换应用于圆盘上 但这并没有阻止她在两种不同场合下仍直接特住置 || 和 || 上的图形进行互换而认为仁置 || 和 || 在图形会保持不变。

(NL(8;3) 特景A中, 521在于在置 | 上时, 为了管理客体被理益时的清形, (NL) 与即就把征置 | 和 III 上的客体互换了(这里, 4, 是位于其正对任置上的), 但他只停留在这一步上"我不能再改此什么了 我不知道你只从这几和这几(任置 II 和 II) 为现什么 "后来, 和前文中的被试一样, 他也直接在住置 I 和 II 之间进行了互换, 而不改变其他任置上的客体 直到主试提问污染之时, 他的切答才符合了领替的对应。

我们由此可见,为了千建可见各体及某个被替换的客体的移动轨迹,最简单的解决办法,是寻求方向,和《之门或方向》与。之间的那种对称性(sammetry)或互反性、reciprocity),有目,这种对称关系甚至可能被推广全相邻位置间的相互换行。因此,我们倾向于循环实替而远离了组合。然而,只要简单考虑到集合的闭合性 the closure of the set),我们就可以发现有四分之。何7岁是重业已建构了一个明显的系统。虽然下面提及的环路并非是循环的,但它仍然是闭合的。

随后,在这些伪组合(dasor compositions)中,我们还发现 II - I 和 III - II 之间存在某种对称,而将全部目路闭合起来的两个序列 II - I III 和 III - II 之间存在某种互

¹ 这里引手的Pam的反。类似于的文篇分用过的过在方门为是15个作品的反应。

之 然而,这些早熟的对称楚目仍可能得到积极结果 我们可以从(证身上看到这一点, Car 以此为走去, "独复见进, 达到能够理解以下事实的程度:相同的结果可以通过历种不同路线 移动覆盖在图形上的颜色, 或者反之去移动颜色下的图形 而获得。

第七类对应把或对的存置与某个元素的氨转量联系起来。如果它仅仅与单个元素 路径的长度看入。同气也完简化为演替制造。然而、当行必须去推断两个各体同时所在 的行当时,可想也就多外增加了一个难度、即标持旋转量的相定。因此,这种对应就比 移动方向的对应更加复杂、尤其是在特景D中的问题、它需要考虑到完毕不可能成对与 现的情形。

Pim 1; 11 对于蓝色的星形在代置 || 上 绿色的二角形同时在位置 || (实际上这是不可怕的 上的可能, Pim 在什置 || 上的成了任务, 在把蓝色的星形放在其境型的作者 || 上之后, 她飞设想在圆盘上清况也同样如此 在得知事实并非如此之后, 她仍然试着转动圆盘以实现这个不可能的情形。

全主具与绝对位置的相互通告(relative successions) 如Dom 11岁3个月)将会 用到的"两个位置之后"。 有关的对应, 它们当属起忘射水平的, 在这里是不会碰到 我们此处 下入心,为同心针水平的一般特点,似于,就是它具有容易和困难的两下 性, 又与此类的事 美是一致的 方面, 自自可以很容易被被武用来在孕育上建立起 1 注 1 种对应,另一方面,被武却强力等这 1 种对应彼此任今起来。然而,我们仍须 理解该特征,这是国为, 通过探风其巨型以推断载在幕布下的是什么, 被武业已组合 一1. 子实替为各及其他种种。 一成些情形是通过在内省。と同步人会射而实现对模型的解 读而来的 因此,我们必须做法下的件事中写 方面、我们可以从"唱合"文 术言的是文中省对方与显得过1 直接的等价之间。对为周围等在外:另一方面,我们了。 以采用。种是理论办法、能够有能合的复杂性方面,以及在被战作出基于可题的多种 反应的可能性方面,作出等受划分。在第一种情况下,所让及自内专引,而忘射和超 态射等诸水平, 参如丽面提及的那样, 是对应的组合的构造水平, 有不是(或仅仅部分) 是)被试的水平。

三、间态射水平的对应

以上被武反应的共同之处在于,它们并不导致一个完整的循环演替过程的构造 员然被武用"旋转"一同未表述,并以目形的形式来构建他们的模型,但他们并未成功地 使后纽位置从属于一个同时考虑到国替过程和复转量的一般旋转过程。相比之下,间 态射水平的对应其能产生这一结果,即使它们仍以对诸绝对位置加以比较,而并没有实 现我们后谓的相对宣告,也未实现程态射水平已对与压臭有的"江口" 请看以下的案 例。

Tie(8.5) 在他的首次探索中、Tie确认了四种颜色的存在,并总结为"有8种, 不,16种"情况,因为"你旋转绿色+次,红色+次, 其食等等),这就是2乘8,得16" 类似地,他还明白"无论你转动图书盘还是色彩盘,结果都一样" 在情景A中,绿 "厄该是蓝色(他指出模型上位置Ⅱ与位置N是相对的), 不,是红色(在模型的 位置 上, 因而下一个也就是绿色, 但是他遵循的方向是错误的 不同于圆盘实际 旋转方向的) "后来他开始使用组合。"你改变了所有的颜色 红色在这儿(), Ⅲ」, 蓝色在那儿、Ⅱ →Ⅲ), 黄色在那儿(Ⅲ → 11), 而云色在那儿(八 → 1) 这就就 转了整整一圈再加上一格(即90) 夏精而) · · 也比是五个 501 夏) "一一主试习他: "那么,这里 【1)呢/"——他说:"黄色,这里(11)是蓝色,而这里 [1)是红色""这 里 住荒门)是什么图形呢(没有变化)" 他说,"十字形"含查后又说,"对" 对于 2. 在往置】上的情况, 1 1c 开始百折一步一步地移动, 你他是在心理上看看其 模型进行这样的移动,而非直过实现在在地移动门盘而实现 他正确地回答出住, 置 11 上是 31, 但他得到这个答案是通过所助針移动二个小度角实现的, 巧不是反 过来通过从Ⅱ * | 的旋转表实现的 经后,从2d位于位置】的初始情景开始,他 使用网样的间报方法推断出住置【上是上、石开不满足于仁置【 > | 的转换 相 比之下, 当1.1在于任意目上为初始状态时, 他以1 >2和1 对的原替为基础进行打 断,却由此而很及身相位于且为同时为位于民的情况。实际上以是不可能成对出 现的)利斯为可能的 对其他那些不可比成对出现的图形组合,他还是回过人来 采取逐步替换的办法,在经验上来判决哪些情况是不可能灵现的,但并没有解释其 原因。

Mix 9;5) 主试完成了一个替换之后, Mix 记: 在这个方向上, 全都改变了" 然而, 他却忍结到, 你能够向另一个方向旋转而得到一个相反的出现顺序 对于1h 位于位置【的情况, 他推断力, 在位置【上的"十字形是红色(二)的或者是黄色的

[!] 这里的和下一个名列中,我参阅了任置。。 守以 读它 ,能与第一为中共进行支持基材对广起 / 原稿中实际上是指 I → II 和 I → IV ,但这并没有什么影响。

(1,这得看作成转的方向是怎样的了"然而,在对移动情况进行分析之后,他认力"如果你像那样旋转(与资次方向相反)的话,这里(位置11)得仍然是红色的"最后,他又进行了有关图形的推听,这是超考射水平出现的先兆"如果正方形在位置11上、那么星形等在位置111上 它即正方形) 总是在后面推着星形走的,它不可能在星形的前面。"

Min(1);→1 对于一个汽車的汽菜、知从长柱于红置 1 来推断亿置 III 上是什么,作功的被读任任是进行 1 和 III 的直接互换 然而,Man 却在他的模型上努力进行两个圆形的多年效效 快速而正确地完成旋转,但也这时并没有明白它们是彼此城内的 只有在把一色和图形的直旋转一个点红,然后把一色向山旋转一个单红点,再把一色可后旋转一个单位后,他才正确地推冷出在红星 III 上的复数,而不再需要改造诸元素本身的红置 但随后,他才正确地推冷出在红星 III 上的复数,而不再需要改造诸元素本身的红置 但随后,他又回到了这步公域的老办法上,是借证验也仅仅发现了按两个不同方向旋转所行的结果其或是等效的 他对不可能放对出现的情形建设看可样的做法。但没能正确可能有关可能 于是,他声行让2对在红星 III 上面可时就在红星 III 上的情况是了他的,但看头,他又在理论上发现,从作置 1 到 III 和从红星 III 到红星 II 这两种转换是不可能对什么生的,因为不是 1 → III 只会学致红星 III • 1

一弗么, 所有司马上最多都各正过了毕力回及旋转量的组合的石污,解决, 正如 Mie 所 说的事打"全都改变了"。《种人企集终导致了两个方向上图形和严色的正确目框定的。 毛后侧字的建的,最代下实知此,但这种先后"序的连步发现和专用仅仅只是被试通过 至元素从一个行直移动到下一个位置行方法而实现的一这种方法不仅是美限制的,即 各转换总是与另一个转换联系在一起有不具有"自由业";而且它还是和"出股股的,加知 n. 文中和企及的被武均做的无用信多重层转,以及Tie 是转五个羊位而不是一个单位来。 1 说, r 为 n, " l. 是在与重推着星形走的" 然而, 它们互未获得运算结构 Coperatory structures) 与原体引气特化 general organization characteristic),这种运算结构拥有它们全。 晋的同时性心射(simultanecas morphisms) 有为部分地具有推论性的组合,它们具备某 种程度的必然性,也只是说,以种之处性仍是局部的,因为这种逐步进行的组合,还没有。 达到下一水上。「水出来的系允氏闭合性(the closure of the systems)。至于这些问念 射水平的乳合的性质, 寻然, 这些组合是依赖于转捧(旋转)的, 但, 为它们必然是由旋转。 野致 然可,作为意则,让他存在主动之的,付与 correspondences imong correspondences). 之中。加Mic 生成,正方形在星形的后面,这一事实业已是一个行动,因为它是一种可 重复的关系。 计口与门 水上的其已对立告合在一起, 10个生了有民意的演替,这种 玩具的演替进行建构起其他对应。但这时候的对应是局部对意。partial correspondences) 的对应,当然,这些局部性对应此时已变成为一个更大的系统的有机组成了。因此,你 可以把态射间的组合看作是二级对应的建构。

四、超态射水平的对应

请先看以下事实。

Dom(11:3) 从第一个问题(情景A)起,Dom 机矩,如果1.1在红星】上,那么31将在红星III上,因为"绿色(d)在那儿,红星I),它落后两个住置,还因为正方形在那儿(3在住置III上,它也落后两个住置") 对于3h在住置II上的问题,他认为,2n将在仁置II上,它也落后两个住置") 对于3h在住置II上的问题,他认为,2n将在仁置II上(回答正确),因为2、"在3h的前面,而且,颜色。,即红色)在蓝色(b)前" 他以相似的方式继续下去:"如果正方形是黄色的,我说把所有这些都向前移动一格 颜色上,我会得到4d,1a,2b"他当即机论出了不可能成对出现的原因,还自己想出一个实例。1在位置II上,而同时4在仁置II上,"两方它们并不在彼此相对的住置上,而是彼此相邻的(4和1在圆盘上的住置)" 为了证明所有的颜色都们和任何一种图形配对,而所有图形也都见和任何严色配对,他马上建构起一个色含16个方格(简卡儿积,Cartesam product)的正方形,还无质人考较型就正确问答了所有问题。

Lou(II:8) 他说:"你一定得移动一格,(在另一个方向上 也必负这样 如果你反方向(另一方向)进行的话,你就得把全部都移动三格 随后一步出现的颜色总是在后一步找出现(演替的证定性)"对于绿色正方形取代了红色三角形而出现在位置1上的情况,他说:"三角形肯定是在下面(红置II上);而且它还是红色的"另外,为了证明星形位于[1]时三角形位于[1]的情况 这是他自己想出来的不可能成对出现的例子 是不可说的,他说:"如果你将星形这样移 从位置 [1]移动到位置[1],"面到位置[1],"

(门((12:(1)) (山建构的是一个线性模型而不是圆形的仿制品,并马上此解决了黄色三角形红于III的问题 他认为红色正方形存在位置 | 上,因为,在模型中,"它落后正方形两个位置" 对于三角形在位置 | 上布问时十字形在位置 III 上(不可允出现的情形)的问题,她说:"那是不可能出现的,十字形停在这几(位置 II) 我很肯定 如果你从反方向旋转它,情况也是如此 无论你走哪个方向,最后都会回到同一点上。"

Cn(12;1) 通过从模型的静止状态开始准论, Cn 立刻式能判断一个成对情况是否可能 主试可:"你能试试吗'"他说:"能(抓住圆盘), 不,它回到相同位置上了"研究者让他想出一些可能或者不可能成对出现的情况 他说:"不可能成对的情况更容易想"然后, 他还在模型上指出了同隔关系以外的相邻关系等情况

1 请注意, 3 将在广置用于是不完确的 这个答案是正确还是背决 在上稿和去文坛 都没有用确结。 11.说它不正确是因为皮亚杰从中得用的学论是,它表示的是要据 服务统可进行的推理 并将保持不变。 这些反应的第一个 般特征就是,被战不再依据紧邻替代者而进行逐步的推理,而是在普遍意义上根据对系统次序的合理认识来进行推理 而且,他的推理总是独立于客体的绝对位置的,只有在把这些关系应用于元素或其可变的替换情形的时候不是这样。由于这个享周,诸如以下种种控释:"它落后两个位置"(Dom)."它落后正方形两个位置"、Cla),尤其是"随后 步出现的如色总是在写 少就出现"(Lou),所表达的其实都是恒定关系,它们作为 个气垫的循环事情的组成部分,不再是逐步建立起来的位置了 在其他情形中,对两个旋转方向上的事情的但定性的解释,正是源于这一系统 正如 Lou 所说的,在 个方向上旋转一个单位与另 个方门上旋转 个单位具有同样效果,都不会改变其相对位置(也可比照 Cla)。

这种超态射水平的对应的第三个一般或性与其必然性特征的概括有关,因为它们是由转换推论而来,这种转换随后又建构起一个闭合的结构(旋转群)。同其他的被试样,Lm, 说过好几次"你一定得","肯定", 或者是像 Cla, 说的"我很肯定", 他们给出了某些客体不可能成对出现的中国, 看不是仅仅在几次试探(如 Cm 在不能保证其推断的必然性让使用多次尝试来进行判断)之后即确定了这一事实

超态射水平的第一个有关方面是转换和伪转换对印。者的"自由度" 这种自由度 具有起点"任意性"和含点"唯一性"的双重特征,而且,它与间差射水平上的操作程序的 "被束缚"状态完全相反。因此,为了最终得到某个单一元素,被试可以从任何位置或元素开始;这个单一元素的位置是被一般系统与确定的,而这个一般系统也不再需要像他的模型中那样需必须位于于一面目,模型也不再是一个静态结构,而完全是一种工具、它需点被试记任演替的集合和旋转的量,它们是相定不变用独立于旋转方向的,它们是有指定位置于用某个一维客体去替代另一个客体的变化过程的核心所在

门替代任警的众多子集内部存在的相复性。使这种对应可被看作是使性物和完不变的态射。这在问意射水平的对应上已是制此,但在问意射水平上,这一情形还是一步地地完成的。虽然没有同时将系统或者是无奈的可自由替换的各种排列情况视定化一然而,通过超色射水平的对应,传统可以开始疾效自同态(automorphisms)了,也可以开始抱诸元素及其相互关系看作是对"基本范畴"(clementary category)一一惠特曼—麦克莱恩(Wittmann MacLane)所谓的"具体范畴"(special category),或者是思望克斯所谓的"病范畴"(precategory)一一的起源的建构,无论是自己想这样做还是必须这样做一独立于这些水语之外,具合模式方面的这种差别是有适宜。它将超初射水平的对应和可态射水平的对方作出了区分。在问意射水平上,对立具被相适药等。水平,所且,这种对应的成分是奠基于转换之上的,正是这些转换使同了这些对立的要素或内容。然而,在超态射对应的水平上,有些特殊情况也会发生。这一水平上的对应通过逻辑演算,logic calculus 可实现组合,逻辑运算的工具不是易的。正是在同意射水平上作为内容而发挥作用的种种转换被概括化之后的结果。换句话说,被式对态射进行操作,在态射的高分的帮助下建构起一个一般这算系统,并通过它把这些态射整合为一个整体

第三章 正方体的旋转

J. 皮亚杰 A. 莫瑞奥(A.Moreau)

本章技售的仍然是天主装转的实验研究。但在这些天影中,被武不再只是背看一张纸板上的可形路径旋转客体,也不再使用国意表置。在这里,被武门任务是通过完成旋转运动以发现旋转法,则(rotatory laws),而且很大。部分的旋转操作是已被武自己完成的。这种方法提供了更多关于旋转与转换回关系的信息,这种关系可归来解决组合问题。它还允许我们通过回到那些初级但必要的固是上对组合问题证以考察,在本书第一章已提到的这种初步。必要的同是,它们少及了被武对以下事实的认识,作为转换的广生金径,最初的比较和对户是否作好了充分重备,或者相反,转换是否更定看与未组合起来的对应,并使之保持稳定。

一、方法

实验使用的是不同种类的正方体。其中有些正方体是完全享自的,有些正方体在其某个面上有个十分标记,有些工方体在其某个面上有个十分标记,同时在其某个相邻面上有个实心图;还有一些正方体上经有些小人,面比这些小人的手臂到过正方体的个戈几个面;还有些工方体的各个面上都会有抖智。相的图案的各个部分,如果它们不同的面相互组合起来便可组成一幅图画。

实验按照以下的步骤进行,但其顺序是可变的。

- 1. 实践开始时,在一张纸上用售笔画上一个正方形。基理、将一个专自正方体置于其上,上试要承被试指出正方体底转的种种可能方式——不确定底转可是私"压损"。动作(virtual actions)的存在问题。
- 2. 将且为体有十字形标记的那个面正对被战旱坻。主战麦未被战挡击正方体有哪 此族转方法可以使上字形不再可见——确定性或转门是
- 3. 要求被试对不同正方体的不同位置加以比较 "状态"(state)问题、正方体上的标记的利用问题、外在参照系的存在问题。

- 4 发求被试在一个.1 方体的各种竞转与它们的反方同旋转之间加以比较 "转换"(transformation)问题。
- 6 计被试图 每径过元次向见的90度最轻(n×1/4F)或元次回车的90度最轻(n×1/4F) 之后的最终状态 转换同是 程环中序的理解问题,也即转换问查射局抵和问答射水平的组合问题。
- 7 直被武治 ,通过每个主上都含有部分排资的四个正方体可以但成多少张初片、 1 并他们任任了共中、水 一在考虑每正方体的各个面的情况下对于方体的建构向 1. 其方体的任何之上的 一 每 为 brame cal correspondences 可是
- 8 计假式图。指生生块一个几方体的种种具置方式-positions 的集合 状态可是,从各系统同是,外在各联系的存在司制,特较推合射问题,门高数过渡的问题 (question of the transition to the quotient)。
- 9. 夏求被武标起吴转矩阵(metrix 未提过种种状态和转换,通过者旋转矩阵加以组合术作用工方体的基金最多状态。可表面的转换可设的可是,协转换台打广盟,趋态射水平的组合问题。

二、内态射水平的对应

我们标由设试行动引起的转换为材料性转换(material transformations) 虽然这种转换是第一章中讨念讨的《算性转换(operatory transformations)的一种特例,但实施上,它们只是由各种动作行成的,但且是意必算性的 preoperatory) 一同样,我们坚谓的状态是指于方体的四支者标记的告现情况,其中包括变慢地建立起与外部等风系的联系。稍后我们等点状态和"放置方式"作出区分。也算是说,最先就经过的问态射水平也对应,人的上六岁时间的再按特可可能是材料性转换与强特状态之间对应的缺失。然而,其积极的方面,它们可能是以一种代码化的。激用作的双射为特征的,是看似彼此类似的诸状态之间的双射,是似乎完全不同于我们或人的材料性转换之间的双射,是状态与转换之间的双射。请看以下的个案记录。

Fra(5;7) Fra在种种可能的旋转中设想的是一个向左的旋转和一个向后的旋转,但它"是一样的、因为你这样又那样移动它" "但如果正方体那样的话。它还是一样吗?"——"是的,因为它那里是平的,另一个面也是平的"对于一个确定性旋转,他预言十字形将"在后面",后来他发现十字形"在底上",但它仍然是相同的,"因为它仍旧还是个正万形" 这以后,他认识到,从十字形在正万体的底面开始,如果它被转动,就会变化:"那儿转动一次成是看不到它的,再转一次我就能看到""那么,如果我转动到这一面或者那一面,还是一样的吗?""不""为什么不一样了呢?""因为与你把它推到那儿,你还看不到了,与你把它推到这儿,你还是看不到它"一"那么又怎样?""是一样的"最后,他理解了万向上的差异,"因为正方体移动到这里、14[1]然后才是这里(141)" 他考虑了四个面,然后又是五个。

Men(6;2) Men似乎一开始就看到了位置上的差异"价于以向这边(14B,即向后)再征另一边(14F)"呈现给她的正方体,其十字形所在侧面正对看她"如果我向这边(14F)转动它,十字形字在哪里,……它仍然正对看你吗!""我认为是这样""你肯定吗"——"肯定"转动以后"在底面!""那么现在呢(向侧面旋转)""是对看我的""它又许正对看你吗!""是的"转动以后,她的预言是正确的"它在另一面!""什十字形仍然正对你,是吗!""是的"转动以后,她的预言是正确的"它在另一面!""什十字形仍然正对你,是吗!""是的"有效。"是你是它并不像先。那好正对你,对吗!""对!不,是一好的,但在那里它在前面,而这里它在后面(事实上,正方体向侧面旋转了归度)""那么像这样呢(例的她旋转)!""不在打面……对看我的"她试了试、"它在成面上(出乎意料)"然后,主试用没有十字形的侧面实试了几个不可仅置的情况"这几有个侧面是完全空白的"吃过几次旋转后;"存次旋转后可一个空白面都是对看你的吗!""发后,主试用没有十字形的侧面实试了几个不可仅置的情况"这几有个侧面是完全空白的"吃过几次旋转后;"存次旋转后可一个空白面都是对看你的吗!""发后把十字形正对看她,并向右旋转归度"还是一样吗!"——"是的""为什么呢!"——"你可以随意地摆放它"她计算了四个侧面,然后说:"我忘记了还有一面"。

(四(6,4) 十字形正对着她"如果我向你转动正方体(14F,十字形符正对着你呢,还是在别的位置上/""它还将对着我"转动之后:"它在底面上""如果我这样(14R)转动又怎么样呢/""它将到那儿"再次转动之后:"它不在那儿!"

Riu(6;9) 与(cl相似,Rin开始时认为,如果正方体向的旋转(14F)的话,十字形将在"这里(仍然正对他)" "它仍将正对你吗?"——"不,它将在这里(在右侧面)"转动以后:"它在底面上(很吃惊)!"如此等等 他预则十字形序始终定向在旋转方向上。

起初我们可以看到,转换并未被理解为客体的轴旋转运动,而只是某个方向上的

移动一被武力客体本身的建构仍可是不完整的、因为它被认为只有四个面(或者加上操作而共元个)。即使当四个面都得到考虑的时候、其中也并不存在放转一被武从未预计到十字形将会在民间上,而且当他们发现事实如此时会感到吃惊。由于旋转的缺失,也几不可能存在转换与其结果之间的对应。这一声及的对应是标记。如十字形等)的运动方可与其代置的对广、摆推。」,是运动以慢性方式决定了制记的位置。而且、所被试接受自己的错误和两时,他的发现不会导致正确对户产生、只会导致在状态与转换之间的混淆不清。

由此看来,似乎内态射水平的反应(水平1)。只表现出错误和缺陷。然而,虽然存着系统方面的缺陷,但它们仍很有意义,因为内态射水平的被认不知怎样竟设法发现了工"总是一面的"对方。这种对应可能是逻辑上门重点式(logical fautology)的标志,但在文种情记下,它们显示了对比较(compansons)的预料之外的需求。它们实而上就是同构,或者是种种状态。如它总是"平的"和"正方形"(Fia)或者似乎是由转动产生的有个侧,都是完全分点。广(Mox)等等。之门的同构,或者是种种转换——例如"你这样又那样移动它"(Fia) 之间的同构,或者是种种转换——例如"你这样又那样移动它"(Fia) 之间的同构。或者是种种转换——例如"你这样又那样移动它"(Fia) 之间的同构。或者是种种转换——例如"你这样又那样移动它"(Fia) 之间的同构。其句话说,被拿木比较的并不是位着,而是各个有的人性特色(qualitative characteristics),因此,Men引人计目地主张它还是同样的。因为"你可以随意起提放它"。在差异之下才长等同性正是对量的特征。这表明,最初口的自未换先包含种种转换,而是包含了导致诸多高极发现的种种错误的负点。

相比之下,处于水平 IB16岁6个月至7岁) 的被战已对辅威转有所认识了,凭借对转换和状态加以区分,他们开始将它们帮人对应之中。 法然这其中已包含了成功的内态射水平的对应,但当某个必须由被武人应等的单。 结果之中包含了2个 3个或4个局部的最轻190 要认转户的结果时,它仍不能导致积定组合的产生

Nam. 6:6) 不管,了又程及的转试那样, Nam 很快点发现了向前、后, 左, 右四个方向被转正方体的可能性, 但是, 他的预则仍然时错时对 对于十字形正对他的正力体向左旋转的问题, 他和水平 [1] 的被试一样, 开始时预测十字形存在左侧面"作看每个十分形, 它正对看你; 如果我这样 [1/4]) 做, 它得对看这里 (左, 吗?"——"不, 它得对看我 (正确)""如果我这样 (1/4]) 做, 它得对看这里 (左, 吗?"——"不, 它得对看我 (正确)""如果我得它向你 (1,44) 旋转, 十字形将在哪里""怎句我一是在原面上吗?""是的"主试有定了他的想法 然而,从十字形正对 Nin 开始, 向, 旋转 4个90度的情况, Nam 作出了错误预则; 在向前旋转两个90度再向左旋转4个90度的情况下, Nam 也失败了 相反, 经长时间况思之后, 他成功解决了先向前旋转90度的特况下, Nam 也失败了 相反, 经长时间况思之后, 他成功解决了先向前旋转90度再接着向左旋转90度的问题, 这是组合的开稿, 然而, 他没点在另一种两个旋转的组合问题上继续取得成功

(1r(h; h) 在所有4个方向上旋转了正方体之后, (ar 与即克成功预测了从十字形正对他开始向引旋转引变后的结果"哦····疾面上""让我们来看看""对了""那么, 如果它正对你, 我向左转动它, 情况如何呢?"——"那里, 它还是在那里(正确)"随后, 他在旋转14F和旋转14F(14F×14E)的组合问

题上出了错,但侧在对没有十字形标记的正方体也行操作之后找到了解决办法顺序相及(非交换性的)的旋转的诗史先是被犯损马为与初始状态不同,而后(未经尝试)又被认为是相同的 他在智句他的多个印度旋转的和合上失败了,即使在轨动的结果已明确后他仍然再次犯错;另外,他在句子的多个印度旋转的组合问题上也失败了 然后,从十字形正对他开始,句心放转一个印度,再接看向左旋转加度,他对这一组旋转的结果作出了正確預問,但是,如果多及4个印度的旋转且合,他就依靠了 却比之下,如果你考正方体向左流向右旋转加度。"那是一样的,因为你全是看得见十字形的"可多加一样,他把六个面粉计垂在内了

[cr 7;11) [cr 马上死代儿子十字形正对自己等句员旋转》 复后的特况、"己特在成而上",但是他错误地认为,从该位置起设转1 41 和1 11 亿石,十字形仍有在版面上 面对于以相反顺序旋转后的结果。"我必是过试,有办法了,仍可以试有那样转,然后再们点到那儿 "那么在你写了中吗 "是的,在脑子里,仍你不能在你的脑子里放上一只正方你 "每边几分,噢」天啊!"王斌问他:"那么,要转动多少次,十字形,开始正对他!才会弄次正对你 "这次 "可定吗?"——"4次……唔……3次。"——"为什么?"——"转1次。它在底面。再转1次。它在那儿、后面!,第3次后它回到代面 4次!"在向左转动4次的可变上,他一开始也犯了相似的错误 其他等等 对于使用各个面上都会有部分作图的正方体的可题,他预计的是4个面,当他发现是6个的时候感到很惊讶。

从一开始,以中被武士已直提够付正方体当行高和不同方式的支统。这里,被武权得了新的重要发展,房就是,他们不再仅仅根据工方体的质性特征未表述正方体的状态,而开始把他们作为遗转产生的结果未考虑。这是致了状态与转换之间的证证对立的工作。这个他们,却然作出的理解中心其中,他们的造成方面,就被各个致主直在代面上"这一状态。然后,如果转换在理解心射心这一开门方面,持部了次是增充色、那么事实就是,把正方体的某个倾向与另一只同对广起来也就方它们得好了气路。但此,十字形是对应于其相对方何才的个目后的,其他的以此类据。这种的效此对应是旋转转换(rotatory transformations)的必要非充分条件。

和比之下,即使水平IB的被试也能够在一个状态与一个转换之可建力起来意。但他们仍不能成功解决组合问题。他们能写更多次转动词制的唯一办法,就是在实际上进行一步。步的旋转提供,从而在各阶上目确其情况。事实集真如此的话,那么,我们就可以认为旋转去则已经被几个理解了。我们可以认为他们可被它的也就仅仅只是表在能力了吗。(日为,如10m1年成,"你不能在你的高了卫汉上一只上方体")或是各份上的多次会试的方式完成演替的系列步度是一回事,面扎一个更替已结果当成。和必然又是另一回事。就是这种情况下,经验性组合的这些初始形式还依旧处于内各分水平。

三、间态射水平

门心射水平以为,有力心到门心性相间,沿现为其特征 先让我们来看看了被划归为水平 [[A 的被试的情况。

Fre(6;4) 先得正方体的有十字形的而正对他、然后问Fre、"你怎样转动能使它不再被你看到。" "这样 1 好 " "只有一种办法吗。" "这样(2×1 件)" "那它在哪里" "那儿(后面" "还有吗?" 他打的是从上写形在后面的情况开始旋转1 报 "还有吧!"他打出的是旋转1 相 "共有几种办法"。 "3种(在同一方向上,他减示了1 4,2×1 4和3×1 4三种办法。" "这样, 句在 旋转一次和那样(向右,旋转一次结果一样吗" "有点像、写像转动它、写在这几气那几(两个相对的面上)" "那么这样(向前和向后)呢。""不一样, 对力它在前面交替后面" "你,它们在艾此方面相似吗。" "是的,有一点像我们引做的那样(先着转序右转,两个对称)" "和那样(向打和向左)也们似吗。" "它们一点也不知似",可及这些两两旋转的对合问题时。他做出错误预测,在排及"净的问题上也失败了"下论他最初的预则如何,他在6个连续放转的问题上犯了错,他认为即使一个成年人也不能同时考虑到 20次或者更多次的旋转 相比之下,在明确了何在或每一页之后上至形仍然正对他,他特区种旋转的结果概括为"总是那样"。

\(\overline{\sigma}\) 由于同样的原因, \(\sigma\) | 41 年使十字形出现"在顶面上", 你他把括出十字形层过向左的五次旋转后仍然正对他 "那么如果你旋转9次吧" "它总是一样的"打反, 他在向前和向侧面的旋转的组合问题上却失败了。

以下是处于水平IIB的条例、他们显示出美高级的组合。

V.1(6;4) V.1马上或指出,1 年的旋转之后十字形在底面,但最初他认为经过141的旋转后十字形在顶面上 相反,一旦初级的对应被确定下来,她在1 41×

1 礼的组合问题上也就能取得成功了、她预计十字形将在右侧面; 而对相反於序的 旋转则认为十字形将在底面上 而且她成功解决另外 4 次向前(1 4F 旋转的问题 "那么如果我把它向左旋转 4 次会怎样吧。" "那几(正对她)" "那么 25 次又怎么样呢?"——"总是在那儿。"——"你肯定吗?……肯定吗?"——"肯定" "你怎么知道的。" "身与我旋转 4 次, 它总是到达那儿" "那么向你这个方向旋转 9 次(9×1 4F)后呢。" "在底面上" "你怎么知道的、等等)" "我 1 次, 2 次, 3 次, 4 次(点已进行了) 旋转, 然后是 5, 6, 7, 8, 5/1" "那么方, 次呢。"——"那 1 (他与即京前出在底面 "怎么知道的(其他诸如此类的情况)?"——"4 次在那儿, 这儿就是第5次。"

Nor(8;7) Nor考虑到了6个面:"一周4个面,另外还有两个面"然后他马上就在14F×14I的组合旋转问题上取得了成功,但对于村及战停进行的旋转问题,他预则的是"那儿,在后面",而不是在底面。相反,对4×14I的问题,"它将问到原处 正对他),因为这有4个面" "那么13次旋转后呢" "是的,在底面,因为4+4得8,12次在那儿(正对他),那么13次远在底面了" "如果你想把十字形转到后面去,怎么办"—"向前两次,不,3次,哦,不,是2次"—"有没有其他的办法" "有"他年正方你向左旋转,然后耳在基准所在平面上旋转它

1.m.(9;5) 1.m在14F×14I的问题上取得成功"那么如果我先向左再向介, 约果还是一样的吗""一一"不是,它存在底面"——"价气玩它们是相似的吗。"是的,如它们是在两个村对面上的"1m;即规理解了一个正方体的表面上可以画上6片拼图。

从这里,你可以看到在组合可述主获得成功的先后。不是;(a)横可旋转系列(n)次向左或右的旋转;(b)向前与向后的旋转调替过程;(c)两个方向上旋转的组合,以及对它们的非交换性的掌握。横向系列自然是最容易的一个印度自己旋转不会改变上字形正对自己的事实,儿童必须做的事就是坚守这种恒定性。在其他两种情况下,实验结果上常已处地表明,向合射水平的对应是以间转换运算。intertransformational operations)为基础的一然自,这是不意味着态射不存在于此。恰恰相反,它们必须来源于这种运算。而随后,比较的相互作主义目过头来应用于转换之上。因此,Fre看到了左右,对称和前后对称之间的告目,。然具结果不同(也见Lau)。

然而,这种必然性,作为河态射水平的联系的特品,我们仍能对之加以分析。用始,涉及其中的也就是各种联系,它们毫无疑问是通过连续动作。由一点地建立起来的。这些动作当然不再同水平IB 那样必须被实际,执行。相反,它们在被试头脑中通过表象进行,最初可能件有错误,随后就能且确地进行了(见 Led),而且,正是从这些动作表象中,推断性概括通过计算、calculation)得以实现的,就像 Val 和 Nor等被试形样。然而,这些计算仅仅针对了正方体的六个面。他们并没有考虑到外在参照系,而根据外有

的参照系就必定能区分出24个不同"放置方式" 这就是为什么我们发说,问心射水平的必然性仍然是局部的,在这种情况下,与它相联系的是处于同 水平的诸对应或转换门台,而且,这些对应或转换仍未被置于 个 般系统的支配之下 这种从属关系却是下 水平上可观察到的更高级认识的基本特征

四、超态射水平

以下就是处于这一水平的案例。

Phi(10:11) Phi 根据左右关系和具后关系找到了正方体的4种统转方法"与 你把正方体这样或那样、把没有十字形的公白正方体向后旋转如度,然后是另一个 1)度旋转), 你能说它是一样的吗!" "下, 那不一样 那是另一种夜置方法: 与 下面的纸相接触的不是同一个面"闪北,他自发地对正方体的面和效置方式作出 了区分"那么像那样呢(肾正方依转动切)度)""不,还是不同" 那么如果我们将它们称为效置方式,那一共有多少种效置方式,"一"4乘以4等 丁16"你怎么知道""你用面的心数泵以它自己""乘从它自 "哦, 共有6个面; 6 农以6 学 36 "一" 尼克是 36 还是 16 /"——" 36, 你可 以从任何一个面去旋转它,就像这样(他将正方体品一个面做了四种方向的旋转), 于是价得到了4种,而且 ……哦! 机板是4乘以后等24 "你认为这是对的 吗。"——"介定对,共24种放置方式"把有十字形的正方作出示给他,可他14[× 1 4[1] 4[×1 4] 是否正确"不,都不是可一个方向"他的洞示证实其预测是正确 的"那么向你旋转り次后、十字形。今在哪里。""底面""怎么会这样 呢!" "有4个面,如果价转动它4次,它许四到原来的样子 5次等于两个4次旋 转再加1次"那么24次呢」"上字形仍而对我"一一那么24次向左 呢""十字形将始终保持不变、无论你结动它多少次"对于绘有拼图的正方 体,这里有6张拼图分别对一于6个面,他说,"每个正方体有6个面,是的,它们得到 6张图,….但你必须改支"序(非列起来得到一幅图四的4个正方体的排列临序)" 他在旋转矩阵问题上取得了成功。

En(12、1 En给出的回答同Phi一样 他在画有小人和花的正方体向背和向左的组合旋转问题上取得了成功"他一小人"等每下,手臂伸展开来的,但是他是侧身的。"——"那么,花儿怎么样呢?"——"在那儿(底面)。"

Pol(12,() Pol成功解决了向右旋转15次的问题"你记有几种放置正方体的方式""24种,因为它有6个面,而且你可以转动它4次,4乘以6得24"

以上这些被试的反应无疑体现了对应从属于一个一般系统这一事实。直到这时,组合才仅仅通过司级成分Components。的问题引水平上门协调而取得成功。自此之后,

它们将会具备新的特面,也就是从属于一个系统。例如,表面上看起来,对关于同间和 向左或看的组合构色,Phi 似于只是像 Val 改 Nor一样在水平 II 工作中回答。但事实 上,他的答案恰恰包含了一种新的基本元素,据就是他订 细说可了方向 1/44×144和 14L×1/4F)不同于"改置方式"。实际上,无念是重,在设计"一般手统"可,都是以作为 个整体的该系统的性质为依据的一有正方体放转向。但这一特定情况下,整体系统的 特征是显而易见的。它有在上从6个面。 这只是有各元事实的直接群识。 凡24种 放置方式的认识上的转变之中,有24种复置方式等于自与方向的生命。

政善方式的区分。如Phi说的"另一种效置方式")依据于外在广问每3"一下产的纸相接触的不是同一个面""有到这一水平(10 岁8 个月起户, 仍只有一个被战使用了这类关系, 而且他这样做只是对"在底面"这一说法的多余重复。他仅仅考虑至了正方体的6种可能的放置方式。那么, 是什么使厂有这些被理解为起意射水平的呢, 那就是转换被纳入到与诸放善方式的对应之中, 这些放着方式。方面是增于这些转换的, 同时又是由外在空间等严助决定的。超高射点是远的是正方体的重复混合两方向的可模观察的事实, 其中, 生含是通过实际动作。少一步也达成, 发者是一步一步由动作表象自决成。对于正方体的政智方式与其上空制的6张特别之间的对户, 也是能找了可观处事实之上的。

另外,对于这些导致了上述的从6个同时24种反省方式的转变的对应而言,本部分的实验结果除了刻画子它们的终端性特征以外,供养的新发现不使我们赋予了对口种"自由度" 通素,我们用两种属作来对此加以基定:任息是是直和性转换理确定的理整 (上述这些种种收获确保了相互依赖的基础心理具有答号性 自由度 和拟同时性 (virtual simultaneity)以及系统封闭性(自同构的来源 等特让 这有,它们就使你能看到这一超高射中所包含的一个基本是畴,而且还有一个值得言意的事实。若正态射作系的整体所含基本元素也过比较上具的转换(transformation of the instruments of emparisons) 一面实现了从6(6)由一到24(24种效置方式)的发展,最么,作为问题的是,有从认识到24种最终状态以后,6个起始状态完由上有种状态包含有4种效者方式有变成为一个以它们之间的等价性为基础的高集(quotient sct)了

最后,被试使用的文已提及的矩阵运算(matrix calculas)的能力构成了趋态射水平对应的性质的为一个指标。因为这种运算还多及先前的分别,而不是仅仅具体及像24种放置方式这种小实的自发建构,然而我并不坚信这一点。我是愿意努力查击超色射水平具有如下的1的改获与上述的印色射水平的对应两者之间的差异。如果说超色射水平具有如下的个特点:它是对色射的重算运算(calculus operating),它还有被监控部分都与愿世克斯在有关章节中所提到的函数运算(the calculus on functions 可比,那么,我们还可以认为\al

私Nor的反应中已不包含了一个处于水平 [[B]的, 这种分离算一事实上, 沿及其中的个部事 失卫也是对观察到的旋转的准离散性单元(quas. d.screte umts)的校举而已一相比之下, 对处于趋态射水平的技试而言, 包含了24种效量方式而且6个面的那些组合, 从系统外部的运算结构口维度看, 具意味着的适构存在一面, 1, 它们, 不步及一个必须被建构起来的, 这一点的过程来自由运算的表现性。一个包含简单列至的改称, 分运算一一般而言, 与转换有关的间分射水平的组合, 进过进一步的概括及完善, 以及对其原因的揭示, 已经超过了对广的内容。发展着) 水平的达到了形式水平, 自由此"生了实现新组合的可能性。

方之,我们再次发现了走面的。叫事实中可已有有名的对应与转换之间的关系,我看和于方体各侧正被物人对立之中,这几为转换建构了一个必然性,它为转换作好了实现企作上,初步而各一个正,有最初水平上,只有相邻的之间的关系被钢人其中。在第一个水平上,在两种上式被相互联系起来,其一,种种转换被此之间的关系发展为可转换水平的。其一,种种结射被此间的关系起发表或为转换间水平的。在第一个水平上,外体结构的发现技术,用来自该心算奇迹的面算的各射实现了组合。这些协调作为个同时性比较系统(a system of simultaneous companisors)的过度略取代了群,其内在它性也走为自这种意体结构的发现。每日,若了还要,这步地修改着内容的运算性转换以外,你还可以从以一个不可水平中看到比较。只要身份转换。这是因为内态射水平的对力,仍还可以从以一个不可水平中看到比较。只要身份转换。这是因为内态射水平的对力,但在身份转换,这是因为内态射水平的对力,但在身份转换,这是因为内态射水平的对力,但是射水平的对应和综态射水平的对应的区别性特征在实验所得结果中段露光遗。

第四章 组合与长度守恒

J. 皮亚杰
I. 弗鲁克格(I.Flükiger)
M. 弗普克格(M.Flükiger)

本章中的任务是安把表示、块地图制的栅栏的总长度五分成两个互补的子集 个子集包含的是在某一情景中长寸相同的板(boards, BD);另一个子集则由纪(wires, W)构成。绝与板交替串联起来,即BD-W-BD-W-BD, 饱的两篇都是板BD。给被试的问题是:绝的长度是否相等, L是否全部被電和板覆盖。实验中有时用3块板, 看时用6块板, 但两种情况下的组建模式是相同的。

无论这种问题看来有多简单,它们都是值得研究的,这至少有一方面原因一首先,对应的组合是我们的总体目标,而且,在这种情况下,它与操作程序化Caprogrammation)体成相关,而并不与连续呈现的各个孤立情景相关。实际上,如果实验指导语是这样的;在工两端分别安康。块BD、再将4个长分隔开来,或者更简单地说是"分配"为BD和联两个部分,形么,被试就需要按理相同的间隔距离来安放极,并用绳将极与极之间的间隔封闭起来。 开始,被试告定是利用板和绝之间的此流被长的互补关系来实现对这种分配的预言的,不对应本身也就是从这一事实开始的一量然,如果板占据的长度更长,绳就必然更短,反之亦然。

第一个有关这些得到应用的混合的有趣之处在了。即使它们是以推理的方式还有,即使在操作中这种关系可以被外显化。但它们仍是非常形象化的,以至于你可以通过感知。运动的(Perceptual-motoric)简单方式轻松地放制并列于它们。也许如你还料,年幼的儿童被试过是以这种方式进行的。即使如此,明确以下问题仍然很有意义:操作程序化是否已涉及其中,另外,允为重要的,他们的知觉水平的解决方案在多大程度上包含了被试对运行中的结构的意识性差察,例如,被试将会发现和块板对应于(n-1)段纯吗,换句话说,被试会发现每设绳对应于两块板面非一块吗,他们能不依赖板和纯的数量多少的完成黄射或内射码,正是两射或内射使得在绳的包长度(La)和板的总长度

¹ 支重共称之为司定欄戶、sout femons、人文 barrieres planes 由于英语生没有直接表达该人沿单元竞义的。1. 而在美国, 5 定欄栏常, 4 板鐵支,指引板磨栏 (board ten es)。引起我将barrieres 翻译为 marks 板)

(Ln)之间进行比较成为可能。

長盾、板和绳之间的关系引出了守恒这一5万有趣的问题。对于某个特定长度(D)、其十不同任置上有为块同样的板、归氧的长度为L 2BD 形态、无论核的位置怎样、它是不与气。起打成了一个不变的更长度是"不有、这一字标之中"及了怎样的对应呢?

一、材料与方法

实价中、自己找出两个主主实际的企图片。企图片《度为50 印光、读成绿色、其、空有一条框线。另有起始于其一一的44 印木长的。条点也 即4 户代表的长度) 无论行写是如何。当几中起过这条证点 1 不得不信的其起出量的时候,多外空间都是必需 [1] 那边由带有配性的我被做成,以你证证就可以移动又能在全国片的任何位置上被吸在一实验中用到的较有。种于(4) 小型板 8; (4) 中型板 4, 它 9 第度是 5 的两倍,即 40-28。这便是 4 板内以在 6 为 与 1 是 4 位 1 从 2 8 cm, 8 - 1 3 2 cm,相应 1 0 为 5 分别为 5 - 1 5 4 cm, m = 8 8 cm, b - 2 2 cm 一度 天於 采用 6 块板时, 8 - 2 cm, 4 上的 可能 分别是 5 6 4 cm, m = 4 cm, b - 1 6 cm — 然前,如果说用 3 块或 6 块板两种系列与建立起来的各个固定 部分之间的关系统言单,那么各个可能之间的关系统不服么简单了一同样,除了 4 和 m 、是相信的之外, 权与 9 点点之间的关系统不服么简单了一同样,除了 4 和 m 、是相信的之外, 权与 9 点点之间的关系统不服么简单了一同样,除了 4 和 m 、是相信的之外, 权与 9 点点之间的关系统不服么简单了一同样,除了 4 和 m 、是相信的之外, 权与 9 点点之间的关系或

二、内态射水平

以下的被武是用感知-运动的方式进行时指针,但他们是凭借一直压的门距。严禁来 实现的,并没有指导语所预示的操作的程序化。

RIL. 1,7) 最初, RIL 等 3 块 打板放在中心 经报 自后, 她行两块放在两个内点 上,另一块气器于中国、红龙:2的上,大手右"玉成河:"这些和这里的歌夷(历 个面) 相等吗 " 不等 " "那你完凭它们相等吗" 她纠正了两个用班 不等的情况 对于3块入板的"列任务、鲍灵经松饱等2块板之在两流、近后等第3 块放在靠近第一块的地方,然后又更正了它的红者 她还可可完成了3块目板的排 列任务 但是,对于6块N板,她则许两块观点于两点,然后将到全4块放在中间, 且相隔距离很近一一"你儿让这些吸两两之间的经济全都相等吗?"她把中国的4 块板稍稍拉开了一小 "爱再多点吗""是的"她多它们向右移动了更多 一起,直到更为竹称为止,2块首约中心,另2块都首近各目。点 似眉,她再把中 1时2块分开,把房中4块板等重效置、但是,这里的可能大于有1块和第2块之间。前 5块和第6块之间的距离。在6块材质的产列,过程中、尔宁以看到操作程序化的首 一芽 第一块都是安放在最右口,第三块则两它不很无,第3块则在另一周即最左心。 第4块在第3块之右, 但其可的到南不可于第2块和第1块之间的到南, 最后, 第5块 居中 间距别无不多相等,但已是有第五块板的作置。目此他自己整效在第一块板 上面 最后,对于6块分板,她的操作程序是水样的:第1块格是放在最右端,第2块 则在最左照、第3块、第4块、第5块、第6块则在第1块之后1、次摆放、一直到投过前 2块,而且所有问题都几乎相等。主读每下未让她把"笔"也攻上去。 Ra行河地门 量了这一固定系列的召唤目的目示, 犯从人到尾她都选择了表长的面条, 然后她至 步从两隔剪短它们,以消整它们直到适合于两块利尔板之间的距离,而不是依据间 距值仅数了一次 主试把加 双在、上(提醒她是因为17小所以加入)、然后可她、太 哪儿了 Rit认为它和B权在一起(B大于11,因儿,她在11和BD两者尺寸之间作 出了直接对应,虽然在行动和现念上(关于这一个平方,她都正确地承认它是反向 对应 主试在完成资子之后可绝"如果你把所有的加都假想为车厢,用它们来故 一辆火车,那么用它做出表的火车与用、农出来的人车是一样长的吗!" 不是 的"官长处还是牡此"——"长一二、再次基于目板的长度作出判价" "肯定吗?"——"不对,是中等长度的(基于元素的判断)。"

Sup(5:(1) 对于6块17板的任务,她开始是序它们放在一起警挨着,然后在一

个方向上逐步增加它们的问题 在主试用指导语提醒她要使间距相等之后、她基本上把存个间距都调整好了 对于6块 \ 板, 她将一块板安放在右端, 然后不规则地把其他几块板放置上去, 而且, 左端还留看空 提醒她之后, 她将间距调整为相等了, 但仍未在最左端放上一块 \ 板, 而且, 除了她所说的解决办法 "你必须再加一块板(第7块)" 以外, 她还想不到其他的办法 对6块 B 板, 她用4块板就占满了整个人,包括两个端点, 但对重, 下的两块, 她"不知道能做什么"然后, 她把他们放在一起作为第5块枚使用, 而且超出了镶边的端点, 如此等了,地把他们放在一起作为第5块枚使用, 而且超出了镶边的端点, 如此等得是好一些, 他除了3块 B 板的情形外, 她所得到的问距仍是不相等的。

Box (6:1 对于6块N板的特别任务,B由遵照指示使其间距相等,但他没有把其中2块板放到两个需点上去,而是使得居于最两端的板之间的总距离与总长度L不一致 其二果是:6块S延复中在全属片的右边半部分,虽然它们的住置分配得很好,们在丰富分却是定的 河位"你,移动它们吗?"。 "不告"主试给他6块Y位, "新会这个呢?"。 "噢,如果我可以用那个(一块好板)来完成的话就好了!"然后,"我表域试把它们全部推到那边(左边) 哦,可是那也不行;得在那儿右边)的太多了""你可以怎么效吧?" "你可是得说两个稿点上的板是被周定有的(他的意思似于是根本不必这样放一样)"他完成了任务,但是,板的间距仍不规则,后来把它们到正为被此实情近的三对(1和2,3和4,5和6),但仍然忽视了左边的空门部分,例说:"你得用第一块板!"对于6块N框,他一开始把3块放在中点处,另外3块则分别放在两端,并可:"行了吗?" "还不行,这块板 第6块)没地方效"仍最效还是成功了" 他认为B被最大,而,是最大同距,但他并未发现好的方效"仍最效还是成功了" 他认为B被最大,而,是最大同距,但他并未发现好的方效"仍最效还是成功了" 他认为B被最大,而,是最大同距,但他并未发现

核作程序化是然不同于简单的计划,因为它把每个动作与紧随其目的动作(前裔 作,precursivity) 对应起来,而不仅仅是与先于它们发生的动作相对应(选一件,recursivity) 因此,很少效,此处历述之被试。开始并没有建立起操作程序,而只是也过事后纠上的 方式取得了人致相等的问题。这并不是所名他们设有计划,只是他们的计划仅仅针对 的元多少完成建设的。敏是两一Sop最初将压着的板都放在了。起,然后依次安放在越 来越人的问题上。选一件,;而R上则根据滥进的对称将它们分配针列起来;即使是Bou, 虽然他立刻就把它们没有等问题位置于,但他是在没有你则如何对自不要进行分配的 特况下,通过一点。点口移动来完成的一当然,这也并不是说这种计划不会导致对应的 。并一进一步起,除了相当近期的预期以外,他们所考虑到的全部内容也就是我们所谓 位交替合射。morphisms of alternation,因一块板与零额其写的板之间的一个问题或一 段处了。但是,由于对板的分配排列缺乏程序化,递归地构建起来的这种交替更迭使被 以在去的一端保持学口,就好像行块板之间必须保持某种问题一样。这里值得注意的 元,如果没有主试的。再提醒,没有一个被试会在一开始可就在两端各放一块板,这进

缺页

Ni. 18:10 Ni. 生约频识式进行可距均整,时而同整过度,时而不足 对于6块 好板的问题, 她开始附用的是完全相等的事, 但是它们尺寸稍大手打 因此, 好和打 拆冒太近 由此以往,解决罪的尺寸气间的问题,但所得罪只有前面的罪的一本尺 1、村此留下了一个机大空间。她于是久时大找到很长的事,随之而来的又是可样的 司题·"吸口"都是国际长度的、绝观是飞杆的、但你不能把它们放到打和打之间" 然后,她没有用到面条与建立起钢丝了,宝玛整之后,她成功了 对于3块材板的闷 题,她顺利地用自己的手指点量了两个问题加一对于目的个数与其的个数,她说:"它 们不利等, 对力汽和板一样长, 如果它们一样多元太轻了(如果你把它们一个接一个 地打到起来的话,会冒下一提写句(等于II和提之间的长度看)"对于S的个数和、 的人数,她说,"板比吗多些,它们不一样多。你已是(从这些绳子与中)买了一样长的 一些境,和不同我自的投与线的数量打比"比较材和公正后,你会发现材到8和加 3,、两种关系"是相反的"而且,如果你把两种情况下的BD和T都各自非成一行。 "它们都不一样"事实上, Ni、似乎已经很好地掌握了其中的第一种情况, 她坚持认 夕,如果m 11,那么5m人(11 然而,对于第二种清况,她不确定在数量上(少于)在 长变上、八会不会使、的气长变更大些或者相反,或者两种都有可能,因为入比、致量 更多。因此, 她在逻辑上是完全正确的一面且, 她已超过了公司和公司, 他们俩只能通 让感知方式未到四/21:Nic在两种情况下船承认,1个BD对位于(n 1)个取

YIIX;9 YI开始时用的加利利小了少、使用不能得到沥青上去 后来,她

② 原文此处为 M6,根据前文的标记方法,似应为 M。——中译者注

特它推到端点上,再对其他纸重新作了调整 对于6块5级的任务,她把它们放在 Y 枚之下两实现了正确的分配 她对B 板进行了同样的公试,但起初它们靠得不够 近 所有的 B 只是在此之后才被放置好 对于 5和 可题,她与即然明白了一个加和一个 I 的长度是相等的,且相对于 6个 II 两 6 这里只需 5 个 m 对于 8 故的问题,"绳(1)更长,一段罐比一块板占的地方更多",但"感会是 5 根缝和 6 块板" 她明确了。的感长度几乎延伸至整个全线, 5 5 的总长度是 5 根缝和 6 块板" 她明确了。的感长度几乎延伸至整个全线, 5 5 的总长度是 5 根缝如 6 段 6 一个 6 体算了 5 个。的长度;最后她声称,"另自把它两个长度如在一起笑的它(这个全线上)……是的。这个长度正好""那么,你知道有什么不可吗" 知道,"有的怎么)都比所看的小青板(8 长"一"那么中华纸呢" 中里板更长"而且B 6 也是如此 相比之下,她更乐青汞认仁。完成一个由相同或量的 BD和 I 的 2 的是如此 相比之下,她更乐青汞认仁。完成一个由相同或量的 BD和 I 的 4 的 4 他是。尽管你提供了纸板,她还是不知道如何才能实现它。

Nic. 1:81 Nat 与上点看出了 11 的形式大于m的形式、以及28的名数大于6 订总数 对于2 被,"如果你(在可信,上 可小的收入,们需要? 3 块才治维公吃小会股 所以,如果你打算用小板的话,你还需要更多的"(()可以从""你,不能做一个权和他的总数打等的心制呢?" 是句,可以""怎么做""我不知道。"

1 m 9;0 [m是9到1]岁级试订笔 这个年龄报的被试,若在知了上达有 模作时,们,够自然实现正确的分配证券。但是,当也们希望也过几量未达的被价值, 他们的报参甚至此点又程及的那种被缺乏要多一这是因为他们不见正确的,是从一 个可知向另一个问题的变化 [m对加和加州作出了错误的变色,认为加太小,加 太大,即使在此之后,在希望使它们长度相等时,他也不是去寻找一个中介物,而是 选择了从加中减去加加的差的办法。与然,这么导致了两个加制太小了一口也 设法找到了正确的分配方案。对长度也不再是问题了一在使用人致的其是下,【in和 Nit一样,何量取了约二个)。那么长的经价为一个人,并是到了正确运行

Far. 17:19 对于6块N的问题。Tath一块N效在参约作为"产工是 这先使了在他预先放置的N的", 面还留下一大段空白 记完试过过在N参约增加失额外的空隙来解决 但另方的守白还是太大了 但还用了两个手指人来吃量。并试图许每一个问距都再增加两个指头间的宽度!

下(10.0 区也犯了同样的错误 他也试图把最后那个太大的同距分到其他 同距上去 她点到她算出了我的飞载和话的气氛,也坚持认为飞的BD加上了的用可以延伸至整个全域(两个子集的互补性)。

(In 10;8) (n也通过川量表艺行授作,她围绕从太红到太长成从太长到太短的小量工具进行探索 然而,她并没有考虑它们之间的差,因而不识用它们表皮此弥补 对于s的总数和4的总数,她比较了不同的问题,然后选择了一个中等大小。

"它有点像是平均长度,它对任何情况都有用"她主刻就解决了板和绳各自总数的比较可题,但是在让她確认,的总长度是否大于5的总长度时,她声称通过它们的数量多少"你是无去确定的"因为相对于5个、这里有6个5、而且,525)——"那么,如果你把它们都首尾相连来排列呢?"——"也不能。"

关于4个BD 1914 1 个14 可约对应,让于董基然是为了把极极此连接起来才发放在校之间的,所以如下的事实才成为可能: 彼认在每个14 和每对BD之间建立起对应,于是有14 14 3 是 15 BD 和14 的总式设施。 15 是 16 BD 1

按下来,我们要认及的是Tai的有趣反应, 她确信BD和T的长度,之和将完全覆盖 全域。这不仅包含了1的两个子集的些属性离射(exhaustive sargection)方面的互补性、 面目还包含了对互补性替代的内障性(implicit)利用。互补性替代与以下事实有关:全

长 L. 无论是被分成 617+5m, 还是 68+5s, 还是 68+5b, 它始终保持不变 在第五节中, 我们将回到 L的互补性替代上,以及在一个或几个 BD 破取代之后 II 的 E. 数的字恒问是上。

四、超态射水平

上如我们前面一直承认的那样,是否射水平的组合不同于同意射水平的组合,会,它们 沙及了一个一般结构,这种一般结构超过了同层级潜对应之间的协调。对于这里年现 给被试的问题,超合射水上的周,现是以数子的乘,等为标志的,仍不是仅仅知而一水平 中所看到的"分压"或"合压"这种空间上的操作。这并不意味着被试放弃了知觉手段成 测量工具,他们只是增加了通常偏爱的计算方法。

Mar(11,11) 对于6块目板的问题,Mar开始进行的是不太规则的知意上的分配、然后马上就开始进行计算了 她通过目罩来证实目频是香相等。用6乘以4cm,然后驰说:"你用管它(总长变 然后冷以板间距的放射,这里是5"按下来。在匆匆一瞥之间使用了一个圆量工具长度量,她发现还剩余一段未被覆盖。她打算把这一段空间冷以5好"把这一段的 5分别加到每一段面条上去" 相比之下,对了6块5板,她忘记了只有5个人,她一开始认为一"它是中型板(划的一半,因而基周距 应为两倍 "然而,她随后从1中减去了6个3,再把剩下的长度降以5 对于总长度。她认为要建一个几和1人相等的好生是不可能的,因为相对于1周10多是有 11月 她由此推断,总长度相同,或它断包含的客体(我和绳,的多数也必定相同

Cor(11;3) (如此物使用的是一个太超的测量工具,并否定了用稿长的工具来去试的念人 她随即打算将剩余长度全以5"还剩下5mm(天际上这个估计值太大了),因此,你应该在每个可距上再加上1mm"她对6个A板的任务也采用了问样的办法 为了使BD的总长度等于W的总长度,她认为,必须把所有BD效置"到金长的中点处",然后再得到下的那一半冷以5:"每段絕都比板长一些,因为板的数量比绳多。"

Dan(12:3) Dan的反"和(or一样 为了使战和逼两者各自的总长度相同,"你应将全长的一半除以板的数目",另一半再"除以5"。

毫无疑问。"除以"这一运算是儿童习得的有事发明的一然而,我们每个人都知道, 儿童对它们的上发运用是支限的,也是很晚才发生的,这是因为对儿童的某些教育之中 缺少了主动理解的成分。所以,它出现于水平而占有意义的,这也是因为它表明了前着 对应系统的完善,随后,这一系统也将呈现出新的形式。此前的被试直接利用连续概整 力法来尝试将全长分配合交替出现的BD和证,与此不同,这里的被试得总长度首先分 成了两个子系统。 个是 La. 另一个是与之互补的 La. La. La. 这是被试的自主支应。 不是因为主武河及了。此本外的问题才引发行支产。然后,就是这两个了系统被分别 均分给6块BD和5个16,这样,它们各目的尺寸大小型比立刻以过量为武确定下来了。 有不再需要。另一步型去估计。根据通常的标准,无包任何注解我们就可以知道这种 起告射水平的代色工不同于可告射水平的气色,这里的标准是;超台射水平的组合是在一个总系统(total system)。即作用下当过四算礼对中被此连接起来的,可这个总系统。上 始代被认为其有以样的功能。即使以里步及的四篇与字板教育有关,但是,在特定问题 中使用它们已以是当化了各个互补部分的分割。分配和联合等的自发性四算,这些自发 性心算所具有的互补性构成了高速的言系统的基本设分。相反,处于水平11上的操作 程序化。超级与理1、引起组织。但它分别的仅仅是一步。步的协能

五、互补性替代与间距总数的守恒

在第二节结尾,我们已至看到自长度飞,数的向影是如何方式,互补性替代这一向 是的。因此,归一个不少及积长及其物件的简化方法未考察这一问是似乎是很有意思 出一我几在几乎未长的。两言有打破的带了上安改了几片纸块,就像一一主点简单移动。下纸块,同被试纸块之间的起始之它和是保持不变呢,还是会发生改变一或 者,主式后看待了把一些不可移动的。需要相等的纸块安设在不同的位置上,然后让被 试记载其间距。这些向非可用与纸块同意门各种彩色纸片作为工具进行制度,面纸块 的颜色则不同于这些彩色纸片。

Dom (;1 呈现於Dom的是按照不享用戶分开安放的3片級块,要求他有另一条單子的背色 2片具块靠在一起放在管子的一端,另一片纸块则发放在另一端,于是中间只有一段空白的问题 初比較 Dom 说:"两种情况下的问题是不同价,只有一段它自时的明如(大的问题)比有两个(空白间距)时的间距大 该两个间距都要小处,是例为它们是分出支的"虽然她明白了这个事实("毕竟,你还可以使管靠挑心"),但是她不愿意采认: 若把3片纸块并持放在带子的一锅而只在另一边留下一段空压时,得到的同样会是一段大的空白 她认为:"不对,因为那样就两样了一小段"而的实效只是使她的看法发生了一点点改变 对于按照相同间距安放的3片纸块的情况,她说:"别刚好,有可觉"然而,在移动房中的那片纸块以使其间距不再打等之后,她说:"那样不行,因为那里你需要一小段而这里又是一大段"因此,主试从[Dom)。是一个最近的只是来对各个如以利用的,错误的知觉估量

Xm 6; 3 她起初的使了为1) m 约月,认为周距是不一种长的,"因为这

里有两面墙并在一起, 而那里没有"对于2片纸块十分靠近而第3片又在另一端的问题, 她说:"那样不行, 它太大了"对于3片纸块按相同间距隔列的问题, 她知道问距是相等的 与主法科磁移动了一下中间那片纸块时, 她说, "太大了。"

Ste(7;1) Ste对 3 片纸块的反应和高两个被试一样 对于单片纸块的问题,他成功地认识到:无论纸块是在带手的哪一巧上,看,余宝间都"一样大" 5 3 片纸块之一被特特性的中心时,他说:"不是 同即不相等1, 因为这里的树柱、纸块 是在中间的。"

我们再来看另一类被试,这些被试最初失败了,但隐后他们又找到了正确答案。是 请楚是什么促使他们找到正确答案是有意义的。请看下面的包了

For(5:10) 对于1片水块安尔在一条带了的左对面另1片次块则置于另一条 带子中点附近的情况,他说:"那儿(第一条带了)的可距更大"他知道第一和情况 下的一个用班等于第二种情况下的两个问题之和 随后,毛试把第一条带了的那 片纸块移动到另一站上,——"你们不同月还少方好的纸片中的一张把带子的军力 处境满"一一"不见""没有1片心的吗?""是的""如果作用这2片 与第二条带了上的空白处相匹配的纸片)吃"、不行、你必须剪掉了小 片"那么,那1片与第一条带子上的纸块未被移动之前的写白久相匹配的纸 片)怎么样?"一"噢,那是可以的(包盖证了一下)"但是,对于有1片纸块位于带 子的中心偏左处,而另1片纸块在于中占偏右的情况,他说:"不住,你必须穿掉1小 片:还不够靠在(在另一隔上)"绝认识到,有一条带了剪切好的汽片也可以用于第 二条带于 然后,王斌在第一条带产的两个消丧上页罢了?并抵换,石把第二条带 了上的2片纸块并排在其一个为点上。这时, 两条带了上都只有一段宝白,它们具 夏相等,但它们在各自带于上安立的仁置不同。被试判断它们是等长的。"它们是 一样长的"你怎么知道"~~"这里,有2片(纸块)料在一起的,这里也有? 片1"然后, 与把处于两码的2片就换皮比靠近一些之后, 他进行了照括"价必广把 它剪成3片""为了弄清楚它们是否真的是大小相同,你说吸与什么吃。" 移动这些小墙吗?"——把它们开到一起"那么、如果你再移动一下它们 呢?"——"总是一样长的。你可以在剩余的空白处放上纸片。"

Panple(i) 对于一片城块在第一条带子的在"有另一片纸块则在于第二条带子的右端上的问题,Panp最初没有答对:"这几的更大"与一片纸块安放在一条带子的右边部分,而另一片纸块安放在另一条带子的中占上的时候,她甚至错得更离话。她为纸块位于中点的情况剪好了纸片,并认为纸块位于右边时的空白。此后者更大 然而,整合上去之后,她发现它们是一样长的"正好!"然后她推而广之到纸块位于其他位置的情况上,并预计在各种情况下小墙加上纸片总是能覆盖带子全长的。

Fhra; 1 虽然躺年龄较大,但Fh在最初面对3片或块的问题时仍犯了错她为其中一条带了剪下了3张纸片,并在3片纸块破分开来得到两段间距时认为总长度不再相等 然后,她还唐实地说:"那样们"然后移动这些纸块,使其间距契合于3张纸片。

从以下完全成功的被战的表现中,我们可以发现存在看两种主张

(ir(';()) (ir付1片次块(.)) 任何仁置的可是都取得了成功"长度是相同的,因为带了的长度一样"),而且对3片头块的问题也成功了:"因为有3片纸块,那也也是的"因此,它自久的长度气息等于带了多长度减去线块的气长度

lor \; '1 与(r一年取引了成功, 但是, 他认为:"这是因为, 如果你移动小墙, 你还是会得到相同的结果。"

这样、用一个周围公式来表示字件。 及为可能了、它可以将互补性替代和可交换性位移型企起来。 当两个各体形象或分布状况发生改多的时候、让工表示移动了的部分、用单表示在写来任务上包括不多的部分。我们用证本表示主的开始状态、用版本表示具结束状态、开证:从证注,加入等于其存移。 马一方面,我们用证本表示主与名在主的某一种邻或核运汽上的结合(有证)的情况下的用证本表示工程平在另一点上的结合。如果这个操作被多次重复的与按同样方式。定证11分十二分平。起示那么信机可以得到。

$$(aA_1uA'_1=A'_1wbA_1)\Leftrightarrow (aA_2uA'_2=A'_2wbA_2)\Leftrightarrow (aA_3uA'_3=A'_3wbA_3)\cdots=B$$
 (1)

日此,我们知道每对括号中包拿了一个可交换性的表达式,而一对括号与下一对之。 引 引 价与⇔连接,表目的是与保持整体 B 守恒有关的互补性替代(4...4) 被改变为 4.

D 关于可交换性,也见第五章第二节脚注。

45.等等) 对于被战的两种主张,我们可以说的是:它们之可盯密司联系被具体化为引 u和u这两种结合的可释之中了。尼西专主上结合时共同特点的被决被导同第一种主张,即互补性替代,而那些专注于有近亡司的差异的被决则被导同任移及其可交换性

这一篇化方式的好处。、当被战不必再去津走、运起几日相等的微型、支者不必得去保持门距与极之间的某种数字关系的时候。他们直接实现了可交换性或互补性各代的对应, 进而能够退过等单的演绎推理的使这些对应成为问意射水平的对应, 其中的简单深经实现的是一个对应问为一个对应问题达一相比之下, 对于建造物料的方法而言, 组合的必要性和操作的程序化一样早早地步及其中, 四面才会发生运营射水平付的参射水平的显著跨越。

第五章 差异的组合

J. 皮亚杰 E. 玛蒂(E.Marti) E. 梅耶(E.Mayer)

先前有几号四元 对几量在以下实产情景中的反应进行了考察 首先呈现合年幼被武吉全相同集合、1和8.然后省 1中的元子元素转移到 8 中一结果显示、儿童在元素被转移之后还认为两者之间的差在数量上仍是元 11 不是 2 元 就好像他们忘记了。在元今元素与加到了集合 8 中的同时,集合 1 中事实上又有元个元素被拿走了一然而,这种基本的交换性具在后来才同必然性一起影响被试的思考。

^{1 (}日 大教門 Commetatory 時 編 大月 生育" 大年代 Experiments in Cint adaction, 是 集生人, 代刊人, 15 生 花、1974 生 第 生 卷 至 188 189 点,是 录 B 先身,而写 人 B Interfer, A Similar, A Brief füll Priget 元, 之 是 Relations entre its observations it ensembles d'express district it reles di quantitiés continues", Annéé Psychologique, 1975, 75, pp.23—60

② 这些态射和第四章第五节中的态射之间存在明显联系。

一、实验设备与方法

柱子实验。全部实验过程包括。全部分、第一部分实验是用26cm宽、37cm长的全属板和6个2cm高的当相形解认为器材进行的。在第二部分的。种情景中,被用作相手的磁性柱子或每交叉于相高20cm的地方(见图51)。在情景上中,甚至系于左边柱子,相子10十,环绕过有边柱子(柱子2)(目的月年起过第一起柱子8cm。因此,绳子把网柱子的间距覆盖了两次。在情景出中,基本情况与严景上升可、环况量子更长、中国大西次绕过程产1、口目到柱子2、还余下8cm。在这一层显中,端子3次设等了两柱子的问题。最后,在情景即中,用了一步更长的完了,也像情景且允相查多、但它被自次绕时来,第3次回到柱子1之后还到余8cm。这些日本次设置了两柱子之间的作为。在时间不可有余8cm。这些日本次设置了两柱子之间的作为。不以上和情景下,绝子绕过程子。可有余部分卷放在长度为m的主作是其的纸下,分形术都被均匀地分为6格。详情请参阅图5.1。

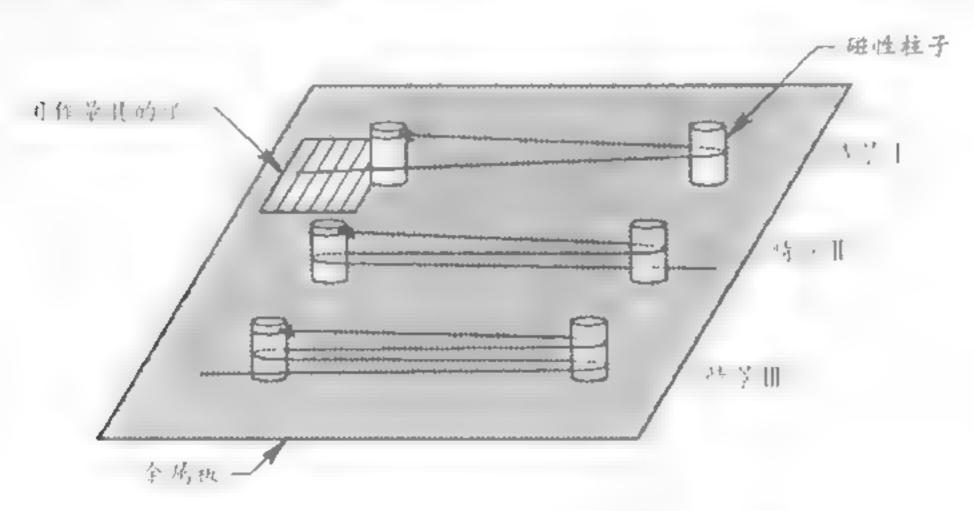


图51 由柱子和绳子构成的实验装置

在一种情景下,儿童都必须而过移动其中一个担子来需要点点。企为",使之例今起来…」他子的"尾巴"。主点要求被动利用"尾巴"下层水渠上口格子来产品担子之级移动的存移。然后,在不,被试在见的信星下完成移动。几点被动用估具者呆,几重新作出预测,如,预计该如何纠正某种错误。

道路实验。在实产的第三个部分中,实产设备是由长度不同的条机将设定构成的"道路"在代景工中呈现的是一条长道路入和一条短道路B 有品景工中,在一条长道路入和一条短道路B 有品景工中,在一条长道路入和一条短道路(见图5.2)。

北章的任务是在各种特别下侵与条首品部。有式 主武与把军内道路 冬天儿 条)拿在手里。北章先麦公武作出正確的产品。自安多少最近自发与多长的橡皮泥才能

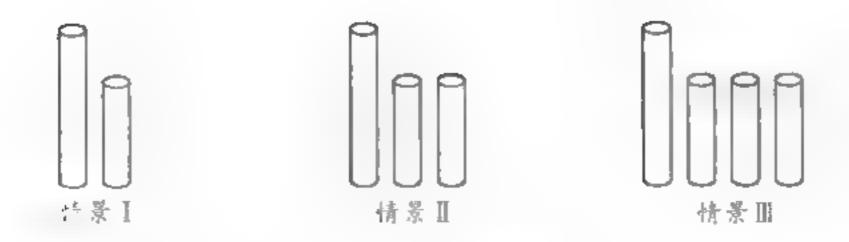


图52 橡皮泥"道路"实验装置

使道路有同样的长度。

联合实验。在宁欣的第一部分中, 走草与回答的问题, 一部分是对先前两种实验加以比较的问题, 另一部分是关于如何把"道路高戏"作为"柱子游戏"的应用模型而加以利用的气息。当然, 雷要江兰的是, 为了排除比较的原序效力, 研究者安排。十被试先进行第一部分实验, 另一半则是先进行第二部分的实验。

二、交换性的缺失

之所以表行相地考察可交換性同愿,从对应的观点来看有两个原因。"先、交换性有很多不同的形式,不同形式与要不同的心射。第二,我们有必要归确;要理解不同形式的交换性是否是发刊查射水上的任命,还是内态射水平的对应就已足够。对于制个可见,依据交换性或及的是一个客体不是两个客体,你可以区分出单一交换性simple (originatablity)与双重交换性 double (originatablity);在双重交换性可涉及的两个客体中,其中一个客体的变化依断上另一个各体的变化。在第一种情况下,交换性有有于对以下重要的理解之中,即,当一个客体(比如一节根子)数移动的时候,空间距离在它到下的形一。当上的活量就等于在它弯片的形。端上的减量。换句话说,交换性有在上句"栀子长度是不变的"的非如年幼被试在许多情景下后相信的贴程被扩展了的"这一事实的目解之中。双重交换性的基本形式存在于对以下事实的理解之中。当长度支数是相互依赖的两个客体等看同一方向移动时,其中一个的增量必然等于另一个的减量,因此其总是等和一这在第四章等五节中的有关问题总式度等和的实验中也只看到一下。在那种情景中享任是外不能有接得到认识,因此,我们推断,要达成等值,可参射水平的组合是必需的。

我们发泄及们双重交换性的另一种形式是双重双门交换指 (double bidirectional

虽然这里所是现的实验情景比较复杂,但它也有尽多优势。这是对为,分析被试在这些问题上遭遇到的困难有助于我们更好地理的随后那些更为种手的难题,如涉及权重权同交换性的差路关验,这种情况下没有环绕的量子,只有非查效的,门断的道路,那么,引我们是来看看处于柱子美介第一水平的一些儿童的情况

(In(5;4) 情景1."作社它 柱子1), "合徒(18两板笔子的)长度相词 "她试了试, 拉过了6格, 只是把长柱关系成为过来历已——你未得太多了呢, 还是不够?" "不够"她指向已过长的公分, 然后又扛动它(还是6格), 线果只是一个新的长度不等的情况:"它们是不一样长的, 一个鞋上, 另一条长上 "你你起放什么呢。" "你这不是你一个一个人。我们 "你认为是这样吗" "不,这样得到的结果和前面一样(年长红关系新艺, ""你认为是这样吗" "不,这样得到的结果和前面一样(年长红关系新艺, ""都么, 你是做什么呢。私多点呢, 还是少点。"——"我不知道"王斌拉过1格(两不是像(日那样的6格)——"这使它小了一些"王斌建设打动有到,第3格(这处使两段逐至一样长了),——"你,,解释一下吗"——"这里原来有6格,现在是3格" "那么你把柱子已拉动了多少格。" "信格!(她又试了试)它们又不一样长了(她又从另一个方向上挑动了6格,然后又尝试了拉到3格,然果是吃了相等了)" "那么,如果先们把绳子绕在另一根柱子上,你要拉多少格?"——"6格。"

\$m(6;4) \$m—开始是做直路实验的,这使得特况稍稍简单了一点 在简景 【中,他打算把糕子1移动整个加的少离。"整个这一段吗"""是的"""成 了试)这不行" 主试字全形器材间归序住,——"一直要到那里(再次招明要移动加)""你需要比点一次移动更多呢还是更少""更少(他先是扑了5格,然后是2格,最后是3格)"次验继续进行,对于糕子2、\$m 想要将它移动5格在实域之后,他说:"不够"他最后扑到了第3格,但还是不理解为什么与糕了1的差距和与糕子2的差距是相同的 在情景〖中,他还想到绳产绕了两次,一开始他预测要成功完成任务需要把糕子1移动3格,因为在情景〖中这样做是成功的 然而,与此同时,他认为糕子2可以移动任奇距离,忘记了情景〖中那些曾使他很惊讶的事实。

Jox 6:101 在情景 中, Jox 认识到他人们内华这个尾巴加, 为比已经给了他一

D《发生认识论研究》第二十三卷, 第四章。

私与加相司长度的张 为了实现这一目标,他选择了把柱子2句远离柱子1的方向移动加那么长的距离 这样1减少了加,此太挺了"你必须少移动一点"但他再次把杠子1移动了加那么长的距离 然后他又重新开始慢慢移动,在移动3格时停下来 然而,在情景 [[(1,B,C)中,他又错误地移动了整个加的距离,即移动了格。

被认的这些反动作目前, 由于主接化及转表加,因为它们通常都只是拉动较短的那较强了的未得(相子口以水丰长及较),或者相付少见的是(如Jin 部样), 通过拉动柱子2来在美国较一级面,在以上两种情况下,被试得只考虑到在运动中(4)设度股份)的前移动的那个扁点上发生的改变。换行话说,只有超设在移动之后其纤伸出去所到达之一才被考虑到,就好像整条笔子是一个国定信尊皮带了,其抵达点的改变似乎可以不改变其余部分。但此,这里完全不存在交梯性,即移动抵达,其上所得的空间增量与起点上的等量的减少之间的对立。然后,在这种结果是下,使目觉复杂化的是主和放射组建立的两条线段,如果是在两者独立行情况下,被试集换就会理解。把我的长度增加加,其是可能会移动可样。设置的一个面,在这种结果性对方,在该情景下,交换性不仅是双重的,正是双同的和反同的,以至于上的每一点文化都会导致发的改变,根据反函数(+水)、一种的原理,反之亦然。方目的这一次文化得会对致发生的改变,根据反函数(+水)、一种的原理,反之亦然。方目的这一次文化得会对致发生。以为100元,并进行方向选的程度。由人能用用。即使在上述被试取得最初,移动3格、因为10元。但是仍未能单据其原则,也不能推了广之到把另一根样子移动3格来完或任务。

然而, 作可以看到, 即食以上多色中某些有效的对应也得到了使用, 但这些对应都只是答验性的, 完全是内心射水平的。但是之一也是 Cor. 她随言它们的长度将会是相同的, 而实的情况只是考两者之间的长年入爱和创过来了, 或者只有一时之间概括认为它是需要移动 3 格 中上 加 但是, Cor Sur. 和Jac 都未能理解其中发挥作用的各种关系, 这表明问题的说法是同意射水平的准备。在该水平上, 可否射水平的准合的缺失依旧存在, 以至于+8 和 工艺间的反向变化仍未被理解为双射性的

三、间态射水平的组合

门 与 射 水 半 的 扒 号 走 分 步 黑 完 成 的 一 以 卜 是 几 例 实 现 了 第 一 步 (即 水 乎 11 2) 的 被 试 的 情 况 , 此 时 内 态 射 水 平 仍 然 占 据 支 配 地 位 。

Pro17:6) 在请复 | 中, Pro包要把柱子 1 向 1 移动 m, 也包把柱子 2 向后移动 引标距离 在邮比尝试之后, 她说:"你必须把它们靠近一点""到哪儿""那儿, 一半的她方""那么, 如果你把它移动 2 格呢?"——"那 し(12)"——"为什么是一半呢?"——"因为我看到之前它是不对的"在情景 | 「中, 她预言道:

"还是到一半的地方"——"有其他办法吗!"——"你了以把柱子拉到叹儿(1格为非3格),小尾巴就到那儿了(正确)"在精景III中,她预言道。"3格(一半),这样它们就都相同了、意思是 1, B, C, D 长度正好相等,"她对情景 [[] 的假设进行了试验、"你必负把它放在第 7格上(正确)" "为什么呢!""因为这里的饱于(1BC)比前一根、清景 [中的 1B)长" "那么这里(情景 [[])呢!" "在第 3格上,一半"——"为什么!""因为吃予怎是在改变(试了试后)到这儿!靠近第 1格!"——"比那里(情景 [[])要少此,你怎么解释这个呢。""我不知道""绳子绕的次数最多的是哪个。""这个(情景 [[],"——"那么,哪种情况下柱子移动距离最长。""这个(情景 [],"——"那么,哪种情况下柱子移动距离最长。""这个(情景 [],"——"如果绳子浇的欠效多,你要把柱子移动更多呢,还是更少。"更多"——"如果绳子浇了五次呢。""3格,如果你把它放到第 2格上,它还会多出一个小尾巴来。"

Nat(7;5) Nat 一开的很谨慎,没有效出任行预言,她说:"当你要做(移动杆子)之前,你必须先看看清楚"这样,她成功地认识到在情景 | 中必须把柱子移动3格,但她对情景 | 仍然做出了妥移动加的利,此 对于情景 || 和Ⅲ,她甚至认为移动距离必须大于加,"因为这里的现乎更长,你必须把绳子烧(更多次)才觉得到一圈。"

1 au(*;4) 在清景 1,1 au 可 4 也很谨慎,他开始时发现解决问题需移动3格、随后又预计需要移动加 经过证实是3格之后,他继续在情景 11 中检验自己的观点:"你必须移动有格,但在另一个 情景 11)中你必有移动3格 …这里的绳子更长。"

Kir(x;1) 在预计需移动加后,Kir效出了与Nat同样的反应 相比之下,在对情景 || 和 || 进行会议之后,她却得出了正确结论,"它将一次比一次移动行分一点,"但是,"你不会知道那是为什么"。

Ger(9;4) Ger 对情景Ⅱ和Ⅲ给出了问样的回答 他预计需移动6格,"不对, 应该少点(5格,然后又说是)格,因为如果我开始扛它(B),它(4)也开始移动" 而且"因为与你移动它的时候,它被私动而懂予也注回走"然后,在确定了情景 I 中高要移动 3 格之后,他预计请景 [[需要移动 4 格,这是因为如果"绳子更长,那它几百样更多,而移动的只是绳子的太大"因此,Ger 正处于水平 [[B 的开端上,但是,在掌握"递产任回走"的规则的可引,他仍然坚持认为情景 [] 和 [[中需要更大的位移。

改進被試反应同意义在了,虽然它们仍然仍留在内态射水平上,但它们也指出了要 想达到问与射水平还缺少些什么。而且,这些也为实现尚未达到的水平提供了通达之 · 村对水平 [4] 石言。便信的"生步。体上看了。对于情望 1、他们发现多会的笔了 m ·元为了直领亡而必气 8年子移://m/2 图词信付与一但或也只是建构起了一个内态射水 上的每点,已进只是再以上两个方面自非两个衬袋有应彼此联系起来,由自它还只是通 · 1. 气态实式来解决所见,而不理解是成其情况的之母。另外,起初总认为必须移动的冲 考是mif.不。mi2的那些我试(那些比较,肾营的)希望在,, 答之间先进行告试的被认除 图 1、现已开始 7 税 m 不付, f 写 声 [] 一 [] 此、Par 说: "当 [表 动 通 f 的 时 位, 它 就 移 动 了", 九月是, "怎样我开始标记。B、己 1 也互始移动"(ter) 换句话说, 儿童言要发 - 西国车单 泛换性之间的运售 其中一车单 交换性确保了36有目子11移动时被拉动 之后,其元人,,,,,,,,,,(方)、支增基本产工其在另一片上"移动"口监局。先似地,Ger在看到 4): 在 8 的 科技方向移动之一, 他只要问: "直包身始移动", 因的, 4 量下的距离加和4布 "1"利动的背盖"汽车"。这也是是另一个单一交换性、它也是内 专引水平的。因此,同意射水子存在上省两个对称的反门对广(symmetrical inverse) correspondences 联系起来的支换性之中, 电存在于对以下方关的理解呈程之中: 两个月 交换性分析 1 只见一个。不过自是双口的,但是在夜地相反方向上的。GerC处于水平 [[B 识到这一点已不得近了。然而,问是是,即便良些被认发现了存在上这两个交换性之间。 了的联系, 他们仍然不能理解这一事元: 依据数量上的对称性、 最纯子总是决定着另 取用衣腹, 这就使得B在某个方面上的每一款户移都会导致4在另一个方面上大小完全。 相等的位移。

对应的另一种相互作用,为适合目怎射水平的对应做好了行垫,它将可观察的事美,如"绝更多次"。与情况用和即中电子可以度更高联系起来:"这里的电子更长,你必须,是生子说(更多次)才能得到。但"Nai),以及"你绕了更多次"(Pai) 但是,除了在情况目和即中被试输误地过度概括认为相子的位移资为m2以外,这种初级的内态射水平的关系并未与情况上生有看到的这种大学混合在一起一正好相反。所有这些被试器以为到了一种经济时间查射水平。它学致被武对"電子更长"而需要更大的位移(如为)或直到大于加水石户的需要认识。只有直接进行试验的来源,在指上"你不会知道那是为什么"的同时,也发现了"正各一次记一次移动得少一口"

析比之下,这些被读中的多数人。如下e等中面做出的最接近间态射水平的反应,其

实是对移动另一根柱子会得到相同结果的正确推断 B的式变在左边或右边上的增量相等并不是显而易见的(见 Nan . 甚至还会遭到年纪较大的被试的重复

获得问志射水平的组合的第三步是建立起某些对应, 他们将精制 I 中自1 和B 兩任 置整合到一个整体之中。因此, 这一步是成功建立双重双司交换指击。步. 但这不是无情景 II 和III 而言的, 有且它也只能通过武量的方式未实现

Ces.7;10,Can 全即预则出情景】中需要加 2的任移:"它是什么?" "第3格" "为什么这张纸共有6格,药你只要移动3格呢?"—"如果你把杠子移动6格,现于(1 符被杠到这几(第1格)"——"那么如果价移动这根杠子 杠子2)呢?"——"也是3格(他用手比数了一下左为和右边的清电)"——"你怎么知道的?"——"这几和那几的大小"——"那又为什么是一本吧?"——"有了使它成为一个圈"如果你放在6格处,其中一棵会是长的,而另一棵是红的"对于清产"。"也是3格(这次他试了试) "一根把它移到2格及(他证是了这一说法)""也是3格(这次他试了试) "一"我们这样它移到2格及(他证是了这一说法)""那么移动另一根杠子的请记呢?"——"3~6格"他一直放下去甚至提出更移动机格,后来是4格,再后来他确定了2格才是正确的一对于清学》,他开始认为是3格、"它到这里、吃产得切到那几"——"那么,(清学)》。"一"2格" "为什么呢?"——"月为就了更长了"——"那么,这里(特景》)是更长的还是更红的呢?"——"月为就了更长了"——"那么,这里(特景》)是更长的还是更红的呢?"——"更长的"——"那么,怎么样?——"3格(试了试) 那是不对的(2格流)格"——"为什么?" "那里 特累】)我移动3格,它被推回来更多些(这一人特累】)12格,它们来得更少,正好合适。

Mm(8;4) 对特景 I,"拉到中刊···如果你移动它直到整个加的长度,它已会是长了(B·I)" 但是他对特景 I 和 III 给出的答案都是移动 3 棒,而且,也只见他过误际会试完成 2 格和 1 格的移动夹找到,正确答案,个了信记出"恒子的长度"已经改变了以外,他不能解释那是为什么。

Joe(9:1) 在情景 中, Joe 插出移动却考是丽的一丰。"如果你和动它这么多(整个丽的距离),那么绳子(1)的效点会从另一个方向上任何移动。它正好相反一段向右,另一段向在"一"那么移动样子2呢。"在另一边上也是这样"但是,对于情景 II, 他认为需要移动的任移为而 对于情景 III. "你可以做同样的事,但那会很无聊 最好来点不一样的" 公试以后:"啊!我递了 它越长,它移动的距离就越短(化依次在情景 III. II. II. II. 中对此加以展示说明)"

从间态射水平及其与超态射水平的天系的角度来看,被试的这些反应有两方面的启发意义。可态射水平存在于对对应的组合之中,有超态射水平。除了这种对户社会之外,还包含了更高层次的运算合成。operatory synthesis 这里,同态射水平的机造是:被试理解了B的增量与A的减少之间存在必然的数量上的相互依存,这是因为,如果有了上被移动的话,们一段绳子会拉动第二段。尽管另一性被认只是对这种联系略有所知,而且这仅仅是因为经验上的尝试证明了1-移为m的预。是不成立的,但是他们还是先

行使用了量化函数(quantitied function) 要消除多点来的那段绳子加,意味着B在一个方向上有m/2的位移,而 4 在另一方向上也有m/2的位移,因而就有了某个被试听说的"一半和一半"因为两个位移随同其单一交换件一起被囊括其中,所以,它们被整合到一个整体中就成为一个双重的,从向的、相反方向的交换性,同时也建构起一个间态射水平的组合。

由于以上事实而出现了一个新问题。它就是,如果被试已经懂得了4,8两者中任意一方的暂知会导致对方加长,那么为什么他们又不能通过简单的概括推广来掌握以下的事实呢。即、由于一段绳子是系于同一型柱子上的,因高霜每一个长度中的任何一个将同时使另一者的长度增加一还有,为什么他们不理解改变四个长度中一个会导致其余一个在相反方向上的长度改变呢。这些被从不仅不理解这些事实,而且他们还不去考虑数量,或者是在一个完全不同的方向上进行的推理一与Pic和Gei(处于水平IIA上)一样,他们最初认为发公可以一直坚持m2、要么就必须选用大于m/2的在移,这是因为处,Cei和说的"绳子更长了"(应该注意的是,这一说法是在未提及绳子缠绕次数的情况下说出来的)。他们仅仅通过经验尝试来发现这一法则——"绳子越长,它移动的情况下说出来的)。他们仅仅通过经验尝试来发现这一法则——"绳子越长,它移动的精系下说出来的)。他们仅仅通过经验尝试来发现这一法则——"绳子越长,它移动的精系下说出来的)。他们仅仅通过经验尝试来发现这一法则——"绳子越长,它移动的精系下说出来的)。

情景 [, Ⅱ、Ⅲ之间的最大差异,就是在情景上中,4的霜短与8的加长同其中之一的 n. 进和另一个的后退同时发生 一 这一点是最容易再确,只告对绳子的种种移动加以此 较, 绳子的移动相对于其内在参监系其实并不产生任何变化。相比之下, 在情景里和非 之中,绳子绕过同一根柱子多次,因而有两类运动必须加以区分。其一,因为各段绳子 都是绕在杆子上的, 母面, 每一段绳子发生移动的方向都与前一段绳子移动的方向相 D. 另一方面,移动任何。相对子都只会弯短最长的那段气子,如1,面同时加长B段和 C段气子如Man将在第四节中提到的"宝柱子》同时拉动了两颗绳子"或者是B,C,DTQ 而且,它如此进行显然是独立于其相对运动的,当然,相对运动是难识详细批提。 的。因此,你必须以一个有多重变化的整体系统为领展,当然在情景十年这个参照系就 简化为戈对的两个变化了。与某段绳子的宿知租反的另外两段或一段绳子的加长,这 事实使你不得不用情景于中的对称性等价(symmetrical equivalences) 訂加/2对加/2)来 替换问合射水平的对应的更为复杂的混合。在这个复杂混合中,强了最初的多余量加 按移动的绳段的数目分割开来,而这种分割的实现并不需要以两种相反方同的移动 抗如情景 I 中的那样 的简单经验事实为基础。

四、超态射水平的组合

情景 I 和情景 II 的复杂性只能在我所谓的水平 III B 上 约 14、15 岁时 才能被

掌握。这里请先回忆。下、可态射水平的对应的获得也不是。鼠布抗的、恰恰相反,其过程是先有水平IIA,它再为水平IIB的对应的获得提供前提。同样,对于超态射组合、我们也观察到水平IIIA的存在,在这一水平上,某些发展似乎将会通过区分两对不同关系而导致超态射水平的产生,这里的两对关系是指"前进一点退"和"加云-常垣"。而且,最初的这种理解还导致了一个有趣的结果,同移动柱子1与移动柱子2之间的等效性使问题显得有些混乱,似乎这一点上有些远见,事实上,它是进步的一个标志

Jea(9;3) [ex给情景] 的预测是移动加2,"因为如果你拉动(柱子1)直到最末端 况成整个距离加1,它将使绳子 1)支短" 但他相信柱子2是需要任移加的 对于情景 [[,"它不一样,这里凳了两下,而那几(情景 [])只给了一下"(内此,他不只提到长度,还提到了线过的次数1,因此,"它交了",但他只见预计到支化的发生,而不能做出其他反应。

Sop(10;7) Sop 预计程户1的任移是加2, 打比之下, 对程户7的任移的预计则。可以1一样为加,"对为那等使递予(1)句明移动6个格子" 在情节 [[中,"这七凳子更多次, 与你是了许多次时, 这是爱移动更多了" 在通过会试开发现其结果正好村及后,"是该说是2格" "那么, 那里(清学 [[]) 咒"" "那里, 机等 []), 你必须移动一半, 那儿 清產 [[]) 作公五移动三分之一。那么这里(代录 [[]) 必须移动口分之一。一次,一半; 两次, 三分之一; 三次, 四分之一。"

Man(11;7) 在情草 I 中, Man 认为, 柱子 1 高移动 3 格, 而柱子 2 高移动 (格, " 图为那特有另一段"子会出来" 他打出 1 和8 的 5 进 万向, 然后通过指出 1 德在柱子 2 上 那段稍长的绳子的局部或转, 他从 6 格的错误预测纠正 为 3 格 在情景 II 中, "你绕了两次", 但是即使这样他仍然预计(柱子 1 和柱子 2 都一样 需要移动加 2 的 在移 在明白了移动 2 格是正确的 以后, 他发现 其原因是," 因为它可即 拉动了两段绳子, 它自己被拉动的距离要长此"然后, 他对情景 I 的情况也行了解释, 加是" (所需 在 移的) 2 倍, 那几(在 情景 II 中) 是 3 倍" —— "那么在这几(情景 III) 呢?"——"4 倍"——"那么、移动几格呢"——"2格"—— "意像那几)"—"不, 1 格 ……1 格 半" 但是, 他仍然相位改变绳子的 多长度适会改变约束

Lou(11;1) Lou最初相信两边的柱子的征移是不相等的, C后, 他认识到对于柱子 2 也需要移动 m 2, "因为它让绳子发生移动同时也将另一边的绳子拉 是来了"对于情景 II. "3格(试了试, 非常吃惊)"——"怎么料呢?" "零、不对, 但少于 3 2 支 者 1, 这 让我 你到 多外 "——"那 完 竟是 多少呢?" "2 格"——"那 么 移动柱子?呢。" "也是 2 格, 因为这钱了 3 下 " — "那 么 汉几 (情景 III)呢?"——"1 格。"——"为什么?"——"此前一次少1 格。"

Rol(12,2) 对于情景[[,"与那一种情况(债景[)一样,除了绳子多绕了一次以外(试看移动了3格) 移多了,厄该是1格半 应该是(3格)的一半,因为这里多绕一次"——"为什么"——"因为绳子更长会使它移动得更多……不对,因为它

是每在租子上的"那么这儿情景》""那儿,四分之……仍然是绕在租子上的 它占据更多空间"一"那么怎么样""那么…""那么…""那么,如果像这样呢(绕5次)?"——"更少。1cm吧。"

首先,天于特别。中的位子2.4。于以看到有"加长。实现"和"前进-后退"之间吊玩了《分》与扩动位子1时36回1,进产145层的情况相对。写你拉动位子2时,两段位子卷表现出自生。几省有另一段是子会出来了。如M由在他发现是子签柱子2的多分交转之间所说是那样,因有,对开子2局动作与对4面动作之间内等价值的认识也就出现了。

上述。两者的区分是被战在特导1中的战机与子的目的上表现出明导展步的缘由。 然他,更重要的是,等独立地导致了这些改战在特量11中必然会发现Man JP 说的"它同 时起动了图域领了"。是信,其为自是改选相反的一致气活说。如多数被战。由2的那样,如 基础了德的次数更多。"它国会移动更多"。这是两名最长的那较重子的省级不再像特 禁止。从有四级是一个中写样对应上写。最强子的智慧、而是对应主持是非中的另两段 位于是是它和,以及情况即中的另一或是子结果之和,因而占要或多效少地费点为才能 对意是II和信量III给中上还的答案而多和而4。以上是示出有在有一种问起在射水平 仍免是III和信量III给中上还的答案而多和而4。以上是示出有在有一种问起在射水平

(m(1);11) 对于特异1、"如果有6格(对加万言)、电子被分为2以分、那么移动加工" "那么移动担子2吃厂" 完全一样" "那么这儿呢 特累 " " "走出 3分(m)的三分之一, 因为它未切3次" " 那么那儿呢(情景 III)?"——"四分之一。"

「中的地方" "那么,如果我移动程子2吗。" "事情是一样的 这里它(长的那么,有了一个男子,有另一个男人,如果我移动程子2吗。" "事情是一样的 这里它(长的那么,他子,等可知了路,而另一段别如我到文里"对于情景Ⅱ、"2格 ····它相子于那里(情景Ⅰ中)的2智。在那几个用6个从2、这几件得用6个从3" "那么,这几 情景Ⅲ,也" "个从4" "这几(青星Ⅰ、作似于只是了一次,而那几(情景Ⅱ)是两次。"

[h (1/15) 1 Phi 一开始对情节用推行机模操作,但对情节用作出了迅速的回答。"大用61年以4,因为调子。了4次 为了4次,整个优子都在移动,所以它要除以4。"

四元、考虑到日 12 以的被战使用的是战力人,以及同题写决于存在着延迟性工作 5,14—15 女才能与中国等中以些问题中,似乎情况且和用的一般结构完全不同于情况 上的一般当时。其中看两个实质性的历史点: 12—12 最强了中的两段。或者是四段强了 上的一段)从一开始无法相等的,而且在使它们的长度等于最长的那段强了时,它们也

因此,你会看到相对上情况上面存在。此差异。在情况上中,不相等的两段笔工机 B.之间存在着一个简单的互补关系,用因此而存在着双重反同交换性。相比之下,在情景 II 和 III 中则存在着一种多重交换性(mulncommutability) 然而,由于所有健康的移动 不能在知意上发生在效,加长和智知都不能作为的进和后退的函数未计算(可部分地以此法计算)的自由知识之1除外),而只能作为加利施设数之间的关系的函数。而且还存在者所有继续在某个方向上的增量和几个加3 在尼巴加口方向上的内壳之门的双射。因此,这个计算绝示着推理是根据一个包含有4个变量的一般系统加进行的,而不再仅仅是根据如同情景上中的一对变量的创意射水平的社合而进行的。因此,你会发现,社合的超合射水平的特征是非常不同于其间查射水平的特征的。在超台射水平的生合中、对应是由运算性计算(operators calculations)混合起来的,这种运算性计算自身质体顿于多变量。般系统一这种系统的封闭性和自同构是以类等于各种软体中的整体(绳子的起心度。字中为基础的,它还使我们能够看到系统中存在的基本范畴。另外皮炎查的无,相子实验和道路实验之间的比较们是,我们特质社会讨论它一当开始进行后一种实验时,最终在道路的不连续性和能子的连续性之间存在着力量,但被试行被多次灵机构现象地找到问题的解决办法,也还是把表量加拔用宽设数加以均分

五、道路问题及两类问题的比较

对前述的问题和与它类似的问题加以比较是有意义的,类似的问题也就是便两个 至四个物体的长度等量化的问题,但是,这里即物体是一段一段运断的,它们每个部分 的移动都必须通过直接取走而非拉动才能实现。这个问题当然更容易些,但它仍然引 出了。系列的有价值的对应。以下是几何等。水平的被试的情况

('n(5;4) 对于情景1,"我希望你给我的一段同样长的橡皮尼" (她指的是1相对于B后剩余的较短部分,切下它,把它补在B上,并推了推,试图使它们

相等! "太大了点(1、2R)" "(主试又将之恢复到刚开始的情形)试看找一段使得… "一一(她再次取用一段与B相等的橡皮尼,但仍从1的上端切取)" "为什么是那儿"——"这样它们才会一样长"随后,Cn切下了4.B的差,抵消两者可的不相等,并成功知在该差值大致一半之处做了切分"你能肯定该这样做吗!" "我不知道 可能是这几(四到B段上)!"在情景 [[中,她一开始也是减去B,然后将1剩下的部分一分为二,然后通过试误,她实现了道路和等的目标,剩下的可题是要得到同样长度的第3段橡皮尼"它和另一个游戏(柱子实验)的情况一样吗?"——"它是直的,那儿也是的。你也可以摆成一条线。"

1)、m(6;3) 1) m 开始也是从1的下出切下和18一样长的部分,然后发现那是不行的,然后又从1的上临切下与18一样长的部分"你会得到引样的结果吗?"一"不,我认为不会";但仍又进行了3次公试。然后他想要切下1超过18的那部分并将之分切开来。他切了1段太大的下来,再把它一分为二,还是没有成功。在情景[19, 例得到的专果是两设长的和一段短的,"我没有足够的橡皮呢"

Nam(F;+) Nm 引标也是从1的下均切下和B一样长的部分 他在特景目中也做出了同样的反广,但在他更加成功地得到超出B的那部分一分为二 在情景III中、1219年8日之间的下并一分为二、并分别等之种在B上,C上和切过的1上 这样得到了3技术的和1段粒的D 此后,他个走了原自于1的上端的3小段,最后得到了5段道路。

[水(6,10) [水在特景]中必收出了相同反应 1等于B的那部分被他从1的下城拿走,然后又是从1的上端拿走 但是,在以上两种穴域之间,他更接近于将 A-B的差一分为二而没有显示出学习加运气的迹象。

以上被试的反应以及相同被试在柱子的怎上的反应的其同特征是,为了使两个无差相等,包钉只考虑到将较短者得到加长或者是使较长者减短,而没有尝试去预测这样的结束:任何一个自己或卷得改复房一个的长度。在柱子实验中,他们只是将柱子移动加、在心路实验中加工4-B),并没有发现这种简单办法仅仅将不等人系颇倒了一下。在当前实验可是是上中,他们最初只是试图通过从土的下端或上端拿走点什么以便得多的长度加倡,而毫不怀疑在那种情况下,1的长度会发生什么变化,他们发现仍然存在着很大的长度差异时不感到很惊奇。当他们在随后的试误过程中立即得出了正确答案(Dan和Jos)的时候,他们并不理解这是为什么,每日在后继的实验情是中也不会继续使用它一在情况且和胜中,被试的尝试更为成功,但只是由于一个简单的原因;从4那里拿走更多的是以后的实现各段长度相等。每话,这些被试很好地将较短几素的加长目标与必须从4中拿走。两者对应起来了,但他们没有成功实现以交换性为基础的双重对应,交换性使他们能够认识到845。4、这一等价一关于道路问题和柱子问题之间

D 皮亚杰所做的说明是; revient à un bout· B, 其所指并不清楚。

的比较,仍旧完全是描述性的,`它是自由,那几也是的一你也可以抄成一条线"口ror, 如此等等。

相记之下,从水平 [[八起,解决办法已查高, 7起来了,同样子实验的背景]中的情况一样。然而,此处,它也可以从情景[[和]]]中观察到。

P.e(7:6) Pie 所先做的是道路实验,然后才是程于实验 在请享 中, 他拿走的是年 B的一半,"因为我知道,我切掉了大的(整个地拿种两者之差),而且我拿走了它的一半。对于情景 II,"我想从这里和这里切掉(正确),然后其中一段死成为这里, B)的一部分,另一段成为这里(()的一部分,然后是那里(1所引食部分)"。"考3投正好一拜吗?"。"是的,仍们必有是一样的,否则它们就不会是一样长的了"特量 III."成切这里和这里4次。"你切成4个部分,这里的3股小道呢?"。"是的,但是那几的那是 4),它也需要一小般的 摩有着如的约分之一)"在均则关于在于的则是之后,毛试要求他与道路关于进行比较 他打靠请量 I 说:"你把它切成两部分,它们也会一样长,有且,这里也是一分为二。"那么那几呢,请景 III.)"。"这几(在于),你看不多也要分为两市分"与他最初关于柱子则题的网络利及,在情景 II 和 III 中,在查路周歇的影响下,他此时到正确地重建起绳子长度相等的情况。

1.m ';6) 在情景 「中,1m从1上把它与B的差面的一半分约了B,而在当录 「中,却只从1上分走了两个百分"为什么你不今好从其间点欠切下已呢"""因为那样会使另两段稍小的比1看,下的那部分更大"声景 III;4个19分之一,一个给A。与柱子问题相比较:"它们肯定都有相同长度。"

Man(8;4) 在情景 [中, Mn马上之泥"你又个从中间切开", 但是, 很有怪的是, 他一开始还是取用了全部ABC看, 后来发现"那太长了, 只要一丰"

Pat(7;8) 对特景 [,她切掉了多出来的公分,然后把它一分介工 对于情景 [],她主即就把多余部分分为了3段,并分别,把它们安放在4,B,C上 对于清景 [],"分为4段,和前面一样"。

换性(pluridarectional multicommutability)之中。这其中包括把元素的增长与缩减转化为显长和智知之间的双射性相互作用,因而难以进行必要的抗象了。相比之下,在道路问证上,改支控度混合变的成分与合并支援试不连续动作的影响,而不再受单根绳子的盘绕情况的认识。它们移动的细节情况并不能被同时感用

相同的问题仍在很大程度上被保留下来,从水平皿的放武身上可以相当清楚地看到这一点。

R.川. ?; '」"它们完全相同 远路(请景])可题,你必百分→丰,而那儿(杠子可写 你必百移动(他记号他所做的:3格,后支(请景]),你寻切三分之一,以此类推·正是有了这个第3个(情景]]),我才知道它们是同一回事儿。"

[mi(13,) "心果你仔细的好祭它(柱子问题),你会发现它多亏了你已经(成功的)完成了的有路可是"实不上,为了理解等学期,他以佩子为工具对近路实验的问题特等加以下述:"我切成4段 考虑是把1多出来的那段长度切成4岁1,然后分别把它们发现在争议例子上 在另一切。"和近各问题制从,这是一开始几个走的4个加4和绝子端点上增加的4个加/4之间的双射的直接映像。

Nm 15:11 "你有是爱切分 那儿也是 表长的那一点所多出来的那段长度。"

四元,这种皆有是的之结构的对应是看着离子的方向进行的,并且它被加之于第四节中周揭示的在现实到的最善对水下的对立与基本的范畴相似,化之间的密切联系之上。

第六章 平行六面体和正方体的截面

J. 皮亚杰
H. 凯尔奇(H.Kilcher)
J. P. 布朗卡特(J.P.Bronekart)

从对应的任合的角度看,立体物的截止具有成方面的意义。 , 氧極的作用除至 五·小 这是因为。与副儿童中国考查的社会中国的核传入分割。与完全不同、广体特可切 閱这一這程并不包括把相写的几个截有废此目集合起来。从转换动作来看,55,55,6 急是改此相似的。按不同位置和方面完定的种种识别方式,还分言信息唯一依据是切 割起始线和路径飞行法,合方式上的不可一成外,可同过是一种转换,但反大规划运种软 换的组合的理算却必须与射的比较(morphic comparisons 15等)。 其一,由于 来自于对7体物海面印息,而且还由进广生。个年本必然与其任信表面全等的上面区 形, 因此, 种种对应国的相互作用将构成制定这些产的表面的基础。仍是全国以以往未 看:即将被用制的方体物实质上构或了一个小型门。有一可,这种一问与外部一切大体 1 是可比的,由自己还包含了一些可见的内部也决,各种大国度是大学内部更换的尺 现一在这种情况下。正是国力几位民意的心理发上 psychogenetic 这点了一个主集个权。 图形内的 intrafigural 图形目的 interfigural 未是 / 图 9 transfigural 小哥代数化 talgebrization), 与以,有关种种方式的与制度具具占占可见截面的"亚智形水干力" (subfigural)概念的心理发生也必然会不均。有论录·显得形式的对应。非图形间的表示。 和超亚图形的对应。或者,至少也是这样的。全方表,有无,被法国活于那些互思行门。 | 上物; 其次, 被武致力于把一个维度的人考虑之中未进行推定; 最后, 成成有第一篇设置。 基础上继续进步从的获得一个一般学村,一个割有系统性调学自含用一般学校。或样, 各个对应复此之间的。种常见水平的组合将以何种形式出现的问题就为到水落石层。 了。它们或者停留在组合出现之前的内心射水平上,随后发展到包含了相同层次的对 功被此组合的句色射水平,或者它们将达到是色射水平,获得更高压的由度。

更明确地说,立体物的一个断面也就是一个表面(在我们这里的情况下就是一个书面),一个由立体物某个原面上的横切线、含着与、类。是角度的高级。即需要含着至底面所得到的表面。由于截面、是这两条类最的函数、即需点(1),因以,研究的目的点是

D 而且这些发展阶段是平行于几何学学科演进史的

要分析被试图建立起来的种种对片,即、和、两者的变化与、的形式变化之门的对应 我们的实验中,最初的被试是处于这样一个水平;他们只能考虑到证,但又不可避免地会 发现y的存在(见图 6.1)。

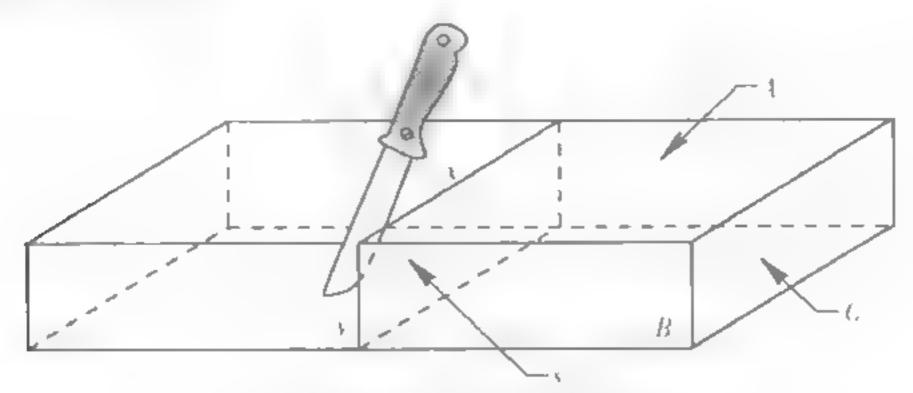


图61 平行六面体实验装置 x=切割超始线 y=切割路径线 s=截面 4-上下表面 B=(较长的)前后侧面 C=左右侧面(端面)

一、实验设备与方法

首先,主式把橡皮尼做成的各种7体物。平有云面体,长方体、立方体、环体、椭圆体、四柱体)和星纸做成的各种平面物。长方形、三方形、圆形)呈现给儿童、目的是看几章是否能自发地将物体分为立体和平高两类、升确定他们所用标准是什么。全部材料,起呈现给儿童、简单要求被试置行分类和扩建。然后、主试进向发求被试在平面物和立体物之间进行比较;"他们是相同的吗""为什么呢。"上试还特别要求被试对正方形和长方形进行比较。

以上内容完成之后,接下来不进行截由实验。实验及未被试把小刀放到平行六直体状的橡皮是"情景上"的基个德想切开的地方,并轻轻地切一刀做上一个记号。这样,小刀式在橡皮泥上的下了一条直线。然后,皮术被试光计切下去后得到的截面将是什么形状。若几章未能很好地理解指导语,主试见会看儿童呈现一个参考情景,如一个可以纵切切开的盃包卷,然后要求被试会出切开之后会出现的图形。此外,被试还表回答下列关于内部截面的所有问题:

- 1. 让被武功出一个武百,并根据形状类型。平面的定性、大小(平面的定量)预测和解释其结果。
 - 2 计被试回答怎样切割才能得到一个不同于已得到的长方形的长方形截面。
 - 3 要求被试回答怎样才能得到一个长方形以外的其他形状的截面,如正方形
 - 4 及水被试回答通过切割长方体能得到影片不同形状的花面

- 5. 要求儿童回答如行沿着垂直上平行六面体某个表面的 条直线进行切与以获得一个平行四边形的截面。
- 6. 被试被告知,他能够获得者如一角形,梯形等的其他图形,然后且他回答中,该如何做才能找到它们。

以下,我们只读及平行六面体和方方体的切割。而其他立体物即只是见于验证和 分析我们在很久以前完成的有关它们的功品的实验。

二、基本对应

从六七岁开始, 电单对截面的形状的推断仍只是把它看作是自我。的函数 立体物 换面的函数, 似手立体物是无是变形省战为仅有换面(4)了。因此, 我们也就无须考虑过于年幼的儿童的反应了。

Ali (5.5) Ali 打算沿着平行六面体的顶面 1 的复长的那条中线切下去:"它将是一个小一点的长方形,因为这样做大徒它(和 1)一样,只不过它不在上面。它们会小一些(他怕的是顶面 1 被切引戏 1 切分布成的两个不分) "对于横型切割。"它会是一个正方形。"但与你分开它们的时候呢。"——"哦,不对,是一个长力形 不,因为这儿,顶面的一半)。它也是正方形,那么都几片是也是正方形。"为什么?" "因为你从那几切开它,这里这样到一个正方形。在 1 上),乃且每一面都是 1 (切下去后) 不对,是长方形,因为顶面(1)比那个(主体物的高度)要大"对于下一次切割。他画出的是一个三角形。建议把 1 的一个角切掉 品正方体的中线切割会得到一个长方形,因为 1 被一分为二一定就之后,他发现得到的是一个正方形"你怎么会那样讲呢?" "我看的是 成石的)也,乃且我先看的是我们切得的边的全部(意思是 1 的边)"他建议沿着 1 的对角线进行切割,并总约道:"你喜欢会得到一个正方形和一个三角形。"

Ora(7;0) "它是什么形状?"——"一个长方形,它被拉长了。"——"如果你从这个长方形切进去,然后把它分开来,我们可以看到它里面的形状是什么呢!" (他完成了一个横断切割)"是一个正方形" "你怎么知道" '它的长度的一半就是正方形" "但是我习它的里面是什么!"——"总会是一个正方形的。你会看到的"——"你能把它遇出来吗!" (他遇了一个正方形) "它在哪里?" "那几(4的一半)" "但是那一部分(截面,是什么呢!" "也是一个正方形" "你怎么知道的?" "因为它是长方形的一半"——"你能做出

① 皮亚杰、英海尔德著:《儿童的空间概念》,巴黎:法兰西大学出版社,1948年。

另外的形状吗。" "是的,一个三角形 秋切两条件看的线(角) 既能得到一个三角形" "它在哪儿" "这几(1面上)" 那么里面是什么呢。" "它是一个长方形。似整个却是一个三角形。… 那几。里面,有一个长方形。"然而,随后关于正方体的对角线的问题,他认为."你已经看到一个三角形了,所以它里面也会是一个二角形"— "好吧"有点意外吧。 一"里面是一个长方形,因为它被往长了一点。"

[Dim(7:), 与主方体(论彩为木块)制度。通过在表面上进行的比画。[Dim确仁。"正方形和长方形长度长何"、而且保长"、"把任何东西放在里药" 得到这些细节以后,和所有其他几量一样。主讯要求他还以初开平价以面体以后可以看到的截面的形状 [Dim.建议。该完成一个横平切出,并预计此后会看到一个正方形,而且对被"哦」一分为二 "你认为是一个正方形,但它是一个长方形" "我不是说里面的"(他保好现代识到和支情只是正确的)——"为什么我们会看到一个长方形呢" "因为它(来切开的下价以有体)是一个长方形,可且它还是一个长方形。可以我不同的为什么价会在它的之上得到一个正方形。我看我们让切割线下成为对角线 它等是一个三角形。(内)不再是一个长方形 "它确是是一个与作减量有切具,听得到的长方形一样的长方形吗" "它确是是可一回事也,但我们不一个就是一个就说。因为)它里面是一个一角形。"对于主方体。"它多是正方形。它的里面也还是正方的。 哦!你不一样的长方形吗。

(c108:9 天于潜行角、切易的可能,(c)也认为:"它肾是一个小三角形。"——"那么里面呢?"——"形状与外面的相同。"

及試了这一段广副员子拓扑了机会系统Contopological system of notions。具有极端简 · 为性 (extremely pregramt) 特在,你可能会被诱导的认为这种含系统先于并有对应拥有在,并决定看对广 你们,事实主,但是一个概念的是,这些概念建构于同个问句应的一个主点严重的相互作用力紧贴的任意中,可且,于是这些对应的不完当性以及其组合的认同。这些正式可以可以被认是初的想法自特性和动量。且我们可是试着描述一下这些最初口概念。然后,我们可从指达样口程设一个为比较等流的对应引导着概念的形成一来分析这些概念与对应之间的相互依赖性。

役式司尽些想入的本凭是,是有用得处于完本领所设的目睹 英文发更比处用的单

同为"enclosures",但又在括号里,明了加有脚注的"enveloppements"——中译者)概念替代了在两个或一个维度上具有连续性的主面和立体的概念一换句话说,它们呈现出两个特征;(a)整体大于部分之和;(b)外廷和内涵之间仍未出现分化,这一点在这里的情况下显得特别有趣。

以周长为特征的前运算水平的平面,其封闭性方面,我们早已有五了解。Ala 再次 证明了这一点,他说:"我看的是边,而且我先看而是我们切得的边的全部"当面对立体 物时,从前文所述的意义上看,它是由诸平面构成的一个封闭体,但是这些平面五没有 通过维度(dimensions)和坚机、coordinates)的相互作用而被彼此组合起来。由于这一届 因,立体物在本质上被简化为它的顶面了。在立方体的实验情景下,3位画的是一个正 方形、说、它们是一样的。同时,立体物拥有的内部之间允许示"把某些东西放进去",用 对面构成一个看的整体。然间,如果你希望弄清楚这些被认所谓的"整体"c对Ora的 · 吉。"整体"和"内部"是对立的,甚至是更多地想靠青他们亏得的"内部"是什么意思。 的就会发现自己商人。因矛盾之中了,而且,防,了高运算水平的封闭性的第一个基本特 11 —— 外廷与内涵之间的未分化 以外,这些矛盾将是难以到驱的。至何未说,从包 含30个元素的集合中抽出的7个元素,相比于从包含10个元素的集合中抽出的7个元 素面言,前者有"更多"可能。或者对截而有言更贴切广的是,正方形上的。个点被是查 想象成方的, 而在下形上这个点就是四的了一块这一玩上来看, 很显然的是, "内部"概 水的是一种个包含 global inclusion),这样,在外廷士,它是指被包括他的房部分事物,的 在内涵上, 它则共享所包括的事物写具有的本质特征, 起即顶面 1的本质特征。这就是 为什么Ora在 1 上标记了一个"角形开声称"内部"是一个长方形,因为 4 是长方形; 的 又称"但整个却是一个一角形",因为你已给它准备好这样一个图形了。这也是为什么 在随后的立方体的问题上他转看着外延和内涵瓷。起来的识因了,他认为:"你已经看 到一个三角形了,所以它里面也会是一个三角形。"

考虑到以上情况,如果我们回到对口问题上,我们就能更好地认识允;在连续性物质上,他们会表现与自合的缺乏,这完全可以理解,也很好地说明了荒文中的私点。在

[,]成而不和英雄与点子之早在1947年进口发付其。coverage envelopper" enveloppement"等本点点。 信任以为""在一之马" betweer 天务是"封博" enveloppement 关系图 个特别。因此,这些关系就和标签、分脑 顺子等。并构成了基本的一个,并是如果一生有更多种的一个两者"之间"的。个点的位置是一维的工作,并一个研合各位为部支与部的。一工作置与成了两维同时开展。个生间。 体物与智度对邻的工作,他们置见构成了一维的封闭。但且,他们等自身对发环境(enveloppement or en account),关系是"工作"这一动作的直觉"某一在他们的英文改革作一是靠自广门概念,成为"从从Norm也成社、1956时)中,envelopper被评为surrounding。在华国关于扩扑之机、其论(curant 和Ro bins 著,数字是什么一、伦敦、工作大学出版社、1941年。中,envelop surround enclose interface等,并都未可是地被捐献在特别意义的专一个建大学出版社、1941年。中,envelop surround enclose interface等,并都未可是地被捐献在特别意义的专一个是一个工作,他们可以是一个工作的。

② 见J皮亚杰和B英海尔德的著作《儿童的空间概念》,第153页。

考虑到封闭本身的建构包情况下,组合的缺乏显然是与满射紧密联系在一起的。在星血上或了体物中都可以观察到的每一种事物都对应于一个单一的封闭,这个打闭将它们每人单个整体图形之中。相比之下,当被试使用与该满射互反的对立和我们所谓的"多重决射」mu t. ection ,"来尝试从总体回满到,元素时,他们会遇到困难。有在些及离散性客体的集合时,这种软件却相对容易些(但仅仅是"相对容易"、女我们在关于包含的研究中原知甚至的那样。但是、对于连续性物质的言,他们则有人了系统性的困难之中,其中的基本元素紧密相连目似不可分到。对切相处果的想象就是问起所在,被试此刻难。能做的一件事就是批这个结果与自闭的特征对应起来。然而,这种对它仍将无向漏槽的(mitensive),因为在外延方口,在连续的环境中定位也陷入了我们剧才所见的影种压量之中。因此,克拉又种完全的内态射水平的人识的哪一定径就是按照一个组设来组织了体的自各个的。于是,这气允的体验自缓心扩定。个方句,也使得截和这种效。和1的一个函数,而且,此时的。和10是被一些新的对应联系在一起的

三、间态射水平

全此,对于被试而言,包靠飞走支撑呢以了体物和面上为根据的简约性的束缚,并有立体物内部建构走与外部下可平标相对应的一个一维系统。它各有助于分析我们是否自先,已到看两种建构同时在9到10岁时开始出现,其一是总体上对下间而言是图形间水平的建构,其一是对立体物的诺维度而言是"立图形门水平的"建构。任它仍然占要我们去理解是呼叫对应或查的与思索。了被试如金上的这种变化一个比,我们也只是对它的运算性和转换性两方面比较熟悉。

目忆一下大户介绍部分,其中早现奇破武的是不同的立体物和平面物,并在改有任何提示的马克下,认当让他们在两者之间作用区分性回答。需要强调的第一个事实是、处在水平11百万鼓试设有技统任何答案(及1八面说上为形和上为体"它们是一样的")。与198岁的时候,这些被法仍然不能自发地将军画物和互体物区分开来,只有在比较两块。体物的不同是更时,他们才会考虑到是要以一等一作度

Mar(8;4) 仅限于大小的区分。

(t.18.1 虎区分"矮的和高的",认为其中一个主体物比另一个"薄"

Pax(8;6 主约元出是"厚的"与"海的",但是对于两个不同的主体物也只是到此为止。

相打之下,从9、10岁起,被试门比较开始集中于平面和立体之间的差异了

P.(19,5) 他玩手面要"薄很多",而且更重要的是,他认识到平行六面体的各个面也都是平面:"是的,听有的函都是平行四边形"——"有几个面?" (他数了数)"6个!"

Ger(9;11) Ger谈及了厚度:"它是薄的。"

Fred(10;2) 谈及高度时,他认为:正方体是"很高的正方形",而且它有6个面,因为"它有好几个面,(而且)你可以朝任何方向转动它们,这样已会得到一个正方形"。

Fun(10;2)和Alex(10;3) 他们也考虑到了高度 后者说正方形是"(和正方体)完全相同的,只不过不一样厚,没有厚厚的边"。

Rob、10;11) 对于工体和平面,他最终有出面者比后者"厚层",而Mix(11;11)把他自己比作一个主体物,他说自己比他(行下面)"占了更多的空间"("在空气中",他显然同时参照了波比互补的自身内心空间和外围空间

9岁或10岁儿童身上显现上的新进展是,他们已经能够是识到一个维度的存在了。这一现象自然在此前的酸试的许多动作中已有两步现了,但已开不出现在水平上的被试(8岁及以下)的令人惊讶的回答了显示压的影种思维之中。但是,让我们回归下如下事实,只有在9到10岁的年龄上,被试才能够跟成功地建构起。般意义上的坐标,问时又能在预测时。如, 烦,则似行着的怀了中水平交飞相对于乌山墙面的估重飞的位置之时。建构起垂直面和水平面。是此,对于方体物的外部下门构造和内部空间组织有高,使认识正常。水平向向,怎算水平实现过渡的各种对立必然是具一者具有的,而非内部空间组织所独享。

也就是说,这些对应似乎可见分为两种必定相互联系的类型。第一种对应理书子两条或证签直线之间在为可上的共同性,或者换行话说是相互平存。或然它发表很是,但是这第一种对应存然停留在平面的力量之中。第一种对应导致了是上分称而正交状态,因为一条直线只有重直主另一条直线不能严生两个福等的角。这种对应同和发展得限基本,但也有尚未挽离平面之时其些更了一相比之下。当平行与正交之间的组合地多之后、第一个维度迟早会产生。这是因为,如果半行和正交是以初进一个平面的特征,那么它们也就能被排厂应用到平面被此之间的关系上,可它们也可能配之自成为平行关系或正交关系(或者你所希望的任何关系,只要是相对于这些标准的)。这时,在水平上的被试反应中已现了一个合体的事实。即,立体物的顶面间由于处于立体物介身的"更易"处而得到了特别,对待,似乎这个"原"的位置不是相对于被试目已的一句。但因此,为了使者的中线的切割方门与平面不见的自角或为一个侧面和一个展面之间的上角,换钉话说,为了使水平方向的一个。可以为区型方面的一个原面,但可以不够直接的无效。

在结果的预见方面,水平用白河芯射水平的组合所带来的真正新发展是,立体物的内部平面和那些可见的表面,包括竖直方向上的面,被组合在 起了 但是,这 进步并不是一蹴而就的 最初,你可以看到水平且和且之间的过渡状态,此间,被认仍然到计组线切割会在其内部得到一个一角形,但随着又能理解错误而见因后在

P.(118:6) 对于与中的横断切割,Pm 仍然预计对4 进行分割会得到两个正方形,但他学了知道"会得到四个角"之外,他并不见确定在其内部会看到什么("我不知道") 看见长方形之后,他的解释是,它在平行于坚直方向上的侧面的地方"被改变了" 对于沿对角线的切割:"会有两个二角形,因为三个角组成一个三角形"然后,写函出他简计的图形后,他改变了看法:"会是一个长方形,因为在这个方向上,它被补长了,在另一个方向上,他被证长了"因而,这一改变原自与立体物坚直方向上的两个侧面的对应。

(水平:11) (水产成为增加初点会得到一个正方形,但是、与主战习她在它的里面会看到什么时,她改正了她的观点 此刻她预计是一个长为形。"因为如果你切开它,会得到一个和那儿,在参加了看到的表面)一样的宽度 因此,它将(和侧面)完全打回" 对比之下,对于对角线切割问题,她认为会是 她画出来的那个)三角儿,与看见的是长为形时,她打出一个可见的(最长的那个)平行面表进行解释 对于正为体,她正确地预计到对角线切割后会得到一个长为形

Pic 9;9) Pic 认为增加的目标会得到一个长为形,但最初他是基于总体长度末度行列点的 然后,在记载动制之后,他纠正了错误,认为"它和这一面(相对于A的面A'一样,不,是那个(小的坚直们面)" 对于沿着长对角线进行的切割,他估计是一个长分型,但它是任的 切点之后,他确定它比似向的中线更长 对于正为体,中线切引会得到一个正方形,而对角线切割则不是:"喂中一蛾,不,也是一个长分型,因为它要长一些"打印之下,仍开不知了在平行以面体上如何获得一个正方形截面。

FR(1):(1) IR 开始国际的是沿着对角线切圆的问题:"一个二角形""那么它的里面吗""它有会是一个书方形。因为它总是被扩展了点,而且……那么,养育方面上,它有有的长方形。等有约面,同样的高度"对于书中横断切割,他比"一个正方形""里面吧"一"一个长方形"很在平行于可见的坚直侧面的面上打出了的同度"作混在它的内部将到一个正方形吗?"——"不允,那是不可能的 你不是不把这个判形(在A上了以看到的) 查起来"对于正方体,他仅仅预见到截面是一些正方形。即使是否对角线切割也是这样看到是长方形后,他解释道:"因为你是沿着对角线切的。"

[Vin(10): 7] 对于第一个工作的、[Vin认为只会引到一个长方形、沿对角线切割。得到的长方形更长少、但其宽度与可见的圣育创而的宽度相一致 然后、她表现出一些理步、光对这些自然产生的最面如从整行、她写出了中线糕灯切割和沿对角线的切割之间的一条列,这是基面, 她认为长方形"总是大一些的(考思是更长的), 因

为你得到一个更长的针线(1)" 何她并不知道在正方体上也是如此 在她尝试之后,可她:"你能切开它得到另一个长方形吗"——"这样成 直线(利)做靠近某条边并仍保持与之干行)——哦,不对,这会得到一个正方形"她听后认为横断切乱它的一个自选可以成功"你必须从省上切下去"从这一事实出发,对于平行六面体,她转而同意,也许允得到一个正方写的版面,她还生备再次"从一个角上切下去",他疑虑还是战胜了她:"你不能得到一个正方形" "你肯定吗" "是的,你可以推想出来"然后,她指看该工作物的高,提出要进行问样长度的针线切乱,由于缺乏量具。她只是取得不甚完美的成功。

Aun(10:3) 核奇怪。Xan开始完成的截面是从顶面语针向下的方向一直切到底面的 因此,直线,也不再干钉于正体物的操钉一条可见的迫了 他严肃"是一个这样(所任,的长方形"。他没有说明它等比多直而非倾斜的截而更大"它是一样大的(强减几次)不对,那样会使它更大一些",他还提议完成更为领针的截面,这次他对话果的预告,是:"我在切場的所針更多,得到的截面就会更大"为了得到一个更不的长方形。他和我们一样切出其中一个角"你可以切底出一个正方形吗?""不是,只觉得到一个长方形"那样得到的是一个三角形""它里面是什么""不对,是长方形"如果在边上不切也么多,切了少少,我就直够冒到一个正方形"对于正方体,他与即共同约了对角或物具得得到"一个小长方形"

与水平上的被试相比,这些被试图取得的过步与然要大得多。用始,这个分体的总体上已经成为一个运算性的打扮(operature enclosure)了,其中打造动作仅仅上把那么被打倒为一个恐体的东西的技术。这个整体光等于具备部分之和,它是自己的其意素的外廷目它们的内涵属性(intensive properties)以分开来的方式,有生活起来的一十元 关系和正交关系之间的对应此后就将被广用于平面之间的水平于,则不再仅限于主直之内。这就导致了一维结构的广生,它使得几乎在影响时面对不再仅限于考虑换向上的那条切代,而同时也考虑到它们的深度一口此之后,把立体物所有外表面系统地置于对应之中将构成被试进行预测的基础。

然而,这些 里步仍然遭到很大的限制 开始,竟有自我,过行的口制总是保行坚直 因此,它们被混淆于了体物的高。只有Nan 计发地想象出一个倾斜的切引,甚至 开始就是那样做的,但他没有到图出其所有可能的情况;有主试要求处均得一个正方形时,Lan 也是这样做的一切面提及的被试都相信,不可能在平行六面体上得到一个上方形被面,或者,至少他们在开始时会假设那是不可能 Lan 和 Nan 随后发现了一个使打面拉大的操作之后。他们俩是两外,除此以外,其他被试师得到的截而个都被简化力长方形,尽管它们的大小和形状有所不同,但它们都被儿童很好地预见到了一或者,它们由于身处正方体之上的被认为是正方形了(如果\是对角线,两被试是会预测那是一个长方形) 毫无疑问。将截面和立体物的外表面对应起来,构或了较之于水平1的一大过步。与此同时,水平11的特征就是组合的自由度的显著缺乏。这部分是因为,外表面地

五了一个限制性约束,如平行和正交,使得被试在组织。维参照系时必须考虑的标准却 开末包括种种氧或方式的过度性组合,特别是那些没有利用立体物的局把立体物的上、 下表面连接起来的斜线方式的过渡性组合。然后,依日很可确的是,水平用的组合在本 五十已是同意射水平的了,因为对截面的每次成功预用都需要在对应中同时进行好几种定位。

四、在超态射水平的方向上

- 追答射水平的乙合是与一个一般系统紧密联系在一起的,在这个一般系统中,所有。 电能的联合(combinations)都以可推论的本类性变化的形式有得到升发利用。我们未发 现 16、17 岁的被试示戈不是数字家的成人) 能在这些少及立体物截面的门他上取得完全 的成为 员与上, 5厘, 不仅仅能得到正方些和长方形, 在水平11上得到), 有自也能得到 半行因的形式和异都不平行上,体制的改定和制厂。 角形 五边形 人为形(等)过分体物。 · 高 条边 四条边 五条边和六条边 等 如果处于我们则谓的水平皿的被武不再受制。 よ切り方向、私立体物的で自由之事的生有关系的活,他们 五始仍会受到作为一个限。 到条件化直线、积宝行人同体门。参过之制的平行关系的限制。随后,他们也将不再受。 此制的,进向可以想象为战而能够在立体物中任产竞转。然而,他们仍然遭受着另一种。 明录,)製制, 那凯是 Clac 13 岁 5 个月) 表现出来门局和对正交关系的关注:"总是一些有 fi, "拿此之外。" 这些对口作为必要条件而被过分拖。高用时。两种建立对口的手段就 导致了共动脉性的之生,而这里建立的对方正是从水平上向水平11过渡方向上的重大 进步。因此,在尝试去进行是言的水平的生态的木质以及它们与司德射水平的组合之 冠的差异时, 付以下, 为被武装 一些有分析。很有意义, 他们的反应是从了用"自由的"组。 个取代最初市专理之事骤断"悬定的"点合具有相当难度, 迪凯是被武不能马上确定规 然到的基条的 般性或必然性的程度,这种取代必须 步 少地实玩。

Y(1)(1:9) Y(1) 一开始照1的是一系列的长方形截面、他对这些截面的长、宽两个维度的估计打与准确"你们找出其他写法吗?" 他在一个角上把直线它画了出来。这会是到一个三角形,我不再是直现一直切到底,而是有些倾斜(他把小刀放回了是直住置上"那会改变什么?""你看到其他形状了吗""我们得到一个正方形,你必须是一量他在试误之后这样做了)"——"此外呢?更复杂一点的形状呢?"——"一些平行四约形吗?……那会让我吃了的;你必须切两下才行"陪后她在顶面上两了一条针线1,并沿着整直面上的针线1切割、"你要沿着两条针线切割才行""那么另一个平行四边形吧""或许,你必须非常仔细地计算它""那么另一种形状呢?""我从为你不可能得到一个细形"传必到切两下。不对,它也肯定是可能的"一"怎样

切呢?"---"我不知道。"

(la(13,5) (la把主体物切割成不同的长寿形 为了找到打形状,"作公质品看针线切割",他在正体物的长的方向上都这样故,正确地预计 它可是一个长方形,只是在置不可而已" 他不疑自己把否得到一个工行四边形, 作为"总是一些直角"。要让他摆脱这个念头,给予一些启发是必需的。

Ver 13:7) Ver做出与(自相目的反) 后来,在完成寻到长方形的各种针线 式切到之后,他产生了针向切乱,一个角的想法,"与你, 正凡是一个三角形!"把进布 指出,通过使长和宽相等就会产生一个正方形。

(1114;11)(由于如你的是每个切割,然后生了的中个针线切割,只得到了长为形数面:"无论称怎么切,你得到的多是直角;你不见改变这些角的角度"适后、她通过非常谨慎的会议,开始沿断条针线切割,"那样会得到,……我将看到 她一直切到成)一个辐形1 域,是的,这是因为你不见圣在她切这几和那么(两条针线)"那么干了四色吗吗""我要读法,逻辑上是可行为!"

(million) (n最初也表现出习年的局限者,但是,与主法的他依证可以找到 其他的形状计,他发现了两条针代是可由的一分言看两个对角切别 我不是从一个完整的点开始切的,而是从一个有开机,一个有不见于有于某条也去切品"

国使这些被试改有获得超高射水平自参允。你包括特先起周我们展示了国际这系统化途径。也就是国过主经推理或对现有几次或归本写不 变化(ntimac variations)方定性思考来实现这种系统 方面。这个方式生了对应作或识不的支撑,但另一方面。它又将这些对应的限制性特征靠近在外,以前每个体制够超越运行。当我们回过第一个水平时,我们直会看到在切断线上分选择方面。有一个从中线到上中交的对价负担 一个水平时,我们直接一个水平时,我们还会看到在切断线上有水平用于取得的都过度是与立体物的外表面的平行,但也有所限生。除了较少被试进行了尝试以外,即则也是标清在坚直方面上进行然后又开始对坚有方面上的解释的思想有机器推广。然后,以上列至的被试的反应。让一切了发认识的针应并非唯一进向我们两条针线作为经束办法有多么平和一个正点线切割立体物的边的数目的情况。这些被试实现了从两条点或者归条。边到一条边之可可过渡,从有发现了更现一角形成局的可能性,但他们还都未能成功想到跨越五条或六条边的时间,而这价格是标证遗得到五边形成六边形的记载。

志之,起达射水平和同芒射水平之间。并发力异众力力,的且合的自由度。然后,由于这种自由及只能通过直至推理方式来取付。当后水平即的被武在区种迅难即可是一个仍只是非常部分地取得一些自由度。最终发起,他们的表现仍然很知现限示了起心射水平的组织的特征。

第七章 亲属关系的对应

J. 皮亚杰 CH. 布鲁哈特(CH. Brulhart) E. 马巴赫(E. Marbach)

国儿童美元的全是包含于儿包运算清与中心包制。在那些情况下,被认及想解决各种有关门门思,它们对急步或物体出现转换。由于空间与选有可观察的形式实体与都论性任命之间具有多重主要或意,可可它们被特别用于展示我们在讨断这类分析在唯言等。章里,我们将集中探门互反和对称。7建构,有这二省会平生。利特别看起的意味。同时,这也使我们进入了一个更广发得了珠的领域。

主我们由概念的定义开始。当见到志等对,我们使用反应 inverse 未招称那种含有抵当或不定意义的本等。相对起,并仅 reciprocities) 写是的关系或对应具包含方向的反转 renversement。, 并不存在对它们应该不定一色知, 父亲和儿子的关系。女果有几个儿子,那当然是多射, multipection, 但我们是考虑请射(surjection)的方法。至于对称, 它们是双射(Injection)增五反, 是外子包括广内等价, 如主要, 其中主和考虑记着

高先之章, 计我们由全是互反的了国关系开始。这些互反既可以是非对称的(如在 以作关系中, 尽管关系本身没有变, 但是关系理和连接它们的需要的意义却不同); 这可 以是对称的。如兄弟俩的情况)。尤其写关系的言, 不管对称与否, 它们都是一种互反, 有目无论任告两个个体之间的关系融行有多远都是这样的。毕竟, 在排除人种可能是 多基目型的情况下, 我们全都来自同一门先, 即使那意味着要追溯至亚军

管者之。早已提出过京属互反关系的问题(欧生那已是50多年百万事子)通过向 每4至5岁几个,我得到了加下形式的对话"你有兄希吗"——"有,他同拉乌尔。" "打乌尔有兄弟子"——"思生没有,家里只有我们两个"飞期以来,我一直机信,分析 基本的辛属关系系统立该是有趣的。我自己尝试过的方法包括根据高度或简色来区分 人物,或者使用混负的书支得等。不同的是,需果证用它们发系有在这方面或那方面的 不是,及么就只是各间是转移了自己。正是在研究各射时,我们才想到了利用小木偶这

^{1.} 我去各 marsal for 達住 一。 于"你一点 人知公与五年商化 一下笔951 。 脚 1.2 在见其他 上上文天平 1.3 表 人。 并已是付,在 中地区转移之上。 5起户的 5 并完任 1.5 点,有不是逻辑的点引。在 2.1 。 2.1 ; 3. 又至 3.5 之 1.5 之 1.7 , 2.2 至 2.2 上 2.1 已 1.4 要输出的 5 以中的 种逻辑。 1.2 世界 3.3 出于那种原因。 我没有保留前面介绍的那种区别

·更自然的方法。这些小木偶在外形上完全相同,但连接它们的箭头不同。由此,最终有了现在这个填补了半个世纪空白的实验。

事实上,亲属关系构成了一种最复杂的"群集"(grouping, e有一种形式 首先, e 引是以类的多元对射(counivocal)乘法的形式来进行的。其次,它们是以作用于关系的。 相同运算的形式来进行的;如此,它们是完全分类系统(内包系统),或其关系 树 形式的 转换的同构体(isomorphs),不过存在两种差异。种差量是,在亲属关系中,我们不能 用动物学更中见到过的起种用新的分类系统来替代老系统的方式来改变。因无素的类 或关系 另一种差异是包含在亲尾关系中的类和关系都有 全独特的利谐 换气之, 尽管不存在指移同。国的两种动物之间关系的术语,但同一父亲的儿子却是兄弟。相 似地,即使不存在定义隶属于国4的种元与隶属于国86亿种かど可关系的术品、但父亲见 弟的儿子却是"级飞兄弟",等等。重要的是这些指称在不同的家庭中是相对的和可 变的。此外,在单个自体中,它们还包含互补替代的可能性,这构成了群集的第一种形 式"视角"(point of view)上的这种改变使一个人可以从个体下与其近亲或远亲P(下心 。同的各种关系出发,然后推算出作为P(O)一员的个体)和他自己的美国P(D)之间的关 一系,向人也是PCD中的一分子。如果入和1是同辈(例如,入和18两兄弟的儿子C和10是 - 重兄弟),这种视角的互补替代将筒化为一种简单的对称:C的儿子L将是D的儿子E的 隔房 常兄/弟, 反之亦然, 面 6 将是上的宝叔/伯, D 对上也是这样的关系, 诸女,此类。相对 地,如果主和1.不是同辈(女,因)、和企儿,即使他们的关系隔得更远,同样可以推算出 他们的关系, 每1还可以通过互补替代来保持 \+P(\)=\+P(\)= 不过,在这种特况下, 山) 它们包含了重对称互反关系的重肽,它们会变得越来越复杂

从态射的现在来看,满射及其互反项,即多射(一对多),是必占的一线面,有必要增加一种我们称之为"同级满射"(cosurpection)的基本对应。同"设满射取草的项层于相同的满射(因此,是制等级的项)。兄弟之间的对应却为一例。是要指出的一点是,在更高的水平上,象了这些简单的或对称的同级满射之外,我们还需要为不同等级的关系项的人"作对称同级满射"的思想。这样做的原因在于,从家族树的做釉方向来看,这些关系项之间的互反关系是非对称的一例如,学权伦之间就是这样一种关系(下面,不再使用"叔叔"和"伶子","常叔、常叔祖、常曾叔祖"等等,这种表达形式只在近距离范围为使用)。不过,让我们暂时只考虑对称的形式。从关系逻辑的是点来看,一种反对称关系与其逆关系结合起来生成一种对称关系。类似地,我们说,一个满射与其互反对。多射——结合在一起生成。个问级满射一线面,与同构截然不同的是,后者即使是对称的,它仍不是传递性的一换句话说,它是"非传递性的"(allotransitive)。例如,我的堂兄

D A Jean Piaget, Essai de Logique Opératoire. Paris : Dunod , 1972 , pp. 150-163 ...

² 皮少色技用的记定 abotransative 就我了解的信息来看,这个目在人文问题里是找不到的,不又法文面目英文中都没有面面这种的,就一起然,皮脂类是表示的是这样一个事实,即可没满射可以不敢多种形式。因此,我得用的考虑是 他本想使用的自发是面面,就像面面面的 发动omorp 中那样

单的量兒帶可能。我的量兒弟、兒弟或我自己一至于同村、当事情是在两个不同家庭中 识别国的它们取录在一起的相同的亲属关系情构可、它们自然识然地开始发挥作用 换品之、也就是因为两个家庭在包含一者们家类构中可处位置的相同结构。最后、砚角 的互补替代与有关的总量可包相学合便产生了自己构。antomorphism)、也产生了范畴的一种特征。

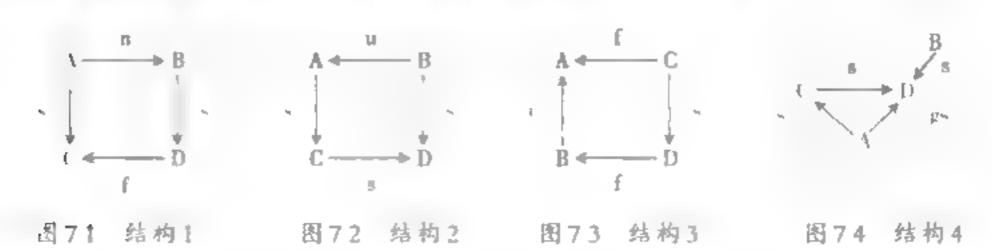
一、方法

美验表着由形状之为皇女的木偶仁 全球及下面的一个成本分别代表头和躯干) 组成 这些木偶的地态和大小等完全相同 起居河边的发求将定门按不同的被武和数量,由两个开始)进行村利,不过它信的关系仅有单 的方式决定 这通过由厚纸板算成的等头未实现 在每个等头上写上"高父子是"。"的兄弟是""支"的阿姨是"等语言,表明由箭头联告在 起的两个木偶之间的关系 美龄者先把 些箭头没在木偶之间,但没有提及它们的互复和;接着,让被武从包含 代的16种关系等头中选出适合于放在多余位置上的箭头。

实验者自先正儿童推述他自己的亲充 接着,及求儿童在除了他已经自发使用的那些意头外,每点不知其他篇头,有无方尽 有可能为让 我们特别感兴趣的是那些通常会为年幼儿童,忽略的互反关系 这样做了之后,实验者转口大差的组合 实验者首先给出入,B之同和B,C.之司的已种或四种以上的关系,然后要求儿童找出A,C.之间的关系,例如,发来的父亲是准支价儿的。是老是谁;或者先给出一个组合,然后要求儿童找出它的成分,例如,叔叔是谁。

另一个目前也要求几乎比较两个等价的结构。这两个结构在中间布局上存在或多 或少的差异。是图 71至74年,最这些主要表现在一个等人变成了它的互联项或者两个 管头的出合替代子。未成两个等类或1至74中的"孙子"。

完成这部分子,可被武星鬼 块纸板,而纸板上料有按不同方式排列起来的与箭头 对被武的哲量语处下:写在等头上的关系必须全都相同,这里就有男性木偶,也有女性木屑;可以种关系来说,可以使用的等头全都提出来了 被武业织衣出房种关系与 种种列都和容,有目发指出那些木偶是无论是女(见图75和76)

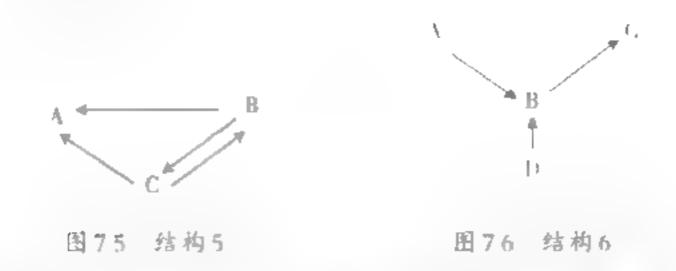


•1330。 皮亚杰文集 第六卷 智慧操作的建构过程

A -B="A 是 B 的父亲"

C-SD="D是C的儿子"

仁父亲;s=儿子;gs=孙子;u-叔叔;n=侄儿



计记录只用父亲 儿子和兄弟这些成分关系未表述权权 侄子 皇妃 第1 相父等关系需要具有指导意义。自然,必须首先确认法试是否明白。个多类型的所有这些关系都从属于他们最近的共同祖先。为了做的这一点,可以要求表达的建一棵家族村,或者补个一棵他已经能够部分使用的多族树,并看他对心的名誉与纪律《程度

至于视角的互补替代,问题可以在15面的行。 种情况中提出 这些词是从简单的 互接或分称关系和门上与同下高篇头压结 对更高水平的儿童,实企者问他们是现为套带有篇表的 人名特兰两套结构彼此不同户,然后要求被试增加均至3个体,7和8实验者还要求被试选出了与8.7与1.3中的 至.8与4~6中的 至.2月的关系 因此,被试必须从 至成为 至视角出发,推算出包含在其中的厂有关系

最后,应该是任的。点是,陈在被试自己家庭中的情况外,占有问题均具于非母系关系,因此是以简单的父系亲嗣关系为基础的。

二、水平IA:内态射水平的对应的开端

首先,我们应该两确像"A是B的良权"这样的简单关系与使这样的人系变得可以手复的对应之间的区别,也就是说,(对D向后就像A对B 相(即使是通过简单的换任,正没有考虑到隐含的"相互关联") 其次,在本研究中,我们还厂该区别,自忘射水平的对应和可忘射水平的对应。在高两个水平上,内心射水平的对应变有越来越精和,而仅是就被武自己的家庭有信的,没有概括至被赋予了两种关系的任意。个个体A,B和C的小集合。在水平BB上,这种概括导致同态射水平的对应的出现

下面是一些水平14的色子。我们在其中看到内心射水平的对应的出现。不过这些对应还不稳定,这表现在某些实需关系不是被看作一种关系,而是被看作抽象的肃顿(predicates) 例如,被试的祖父同时是包括被武父母在内的所有系统成员的祖父。因为

祖父就是"祖父"。它是一种固有的属性!

Ric 4:11 Ric 有一个凡吊、但是他的凡帛却没有兄吊;他的母亲有父亲,那是他的外孔又,但是接下来:"你外公是你妈妈的爸爸吗!"一个不是"一个你的爸爸有爸爸吗!"一个没有"一个你有妈妈吗!"一有"有""你只要了!"一个兄弟也有外公吗!"——"没有"——"只有你有吗?"——"对……啊,不对。他也有外公。"他用木偶和箭头进行表示。

Ber(n; 9) Ber不从他又靠和社会也是他两个兄弟的父亲和母亲。但是,当问到也又才是否有凡为时,他对此父亲的兄弟的反正是"他是弗肉科伊斯(是Ber自己的兄弟),他12岁"有对他母亲有两个兄弟的反正是"是的,我和我的兄弟奥里谁尔""但是价钱妈,她有兄弟或母妹吗"""没有,她只有儿子""你不看成了吗""没有""你务等是价合务的几乎吗""是的""你么的有孩子吗"""有,答答,在他小的时候"包否认他权权(等等)是他父亲,母亲的兄弟,但是他永认叔叔是他常己的的父亲,报看他认识到他叔叔是父亲的兄弟;"是们,有他们都是小子子的打得"尽管他前面已经传出了他祖父只有他父亲一个孩子的所以了。兄母在宋从一位是两个孩子的答答""仍日来只点两发,他也是价兄弟的叔叔吗""不是""谁是你兄弟的叔叔。""我签

Ali 6.9 Ali 往来的父亲,"他是我的污食,妈妈的夸夸" "你见过你爸爸和妈妈吗,"见过"在他们年轻的打住,他们有孩子吗?"有"你见过你答答的妈妈" "我妈妈" "你你见过你们吗?你看你答答的妈妈" "我妈妈" "你你好社父母你夸夸我妈妈的夸答吗,"是你妈妈的吗?——"啊,是的"——"你有兄妈妹想" "看,一个男子和一个女孩,在告斯和兄打你" "在告斯有兄和吗" "没有" 那么,你是你妈妈的吗" "有点儿是,不太多" "爱我为一个人很多的兄母,什么是心窝的?" "你是吃到你的兄弟吗?" "你就是吃到你的兄弟吗?" "有点儿是,不太的姐妹有兄母吗" "有,你告斯" "那么,你是尼阿尔的兄弟吗?" "有点是是对你的兄弟吗?" "有点是是那么"你不太多。"——"是乔吉斯的吗?"——"也不太多。"

Xyt(6;5) "我爷爷也是我爸爸和妈妈的爷爷。"

相提运算用始分析,这些事实需要地表完被试缺乏对类的结构(是兄弟)和关系的 是对 是人的兄弟 的文分。此外,它们是注目改试缺乏对这些类的外别("我们是可见 弟",和它们的内部只是一个兄弟 的区分。从这样一种未分化的观点出发,Ber说,因为父母有孩子,而他们是兄弟,所以父母有兄弟,而"兄弟"是父母的孩子。同样,在入证看来,因为他祖父在每个人看来都是祖父 可能被所有人称为"爷爷"方,所以他不仅是他 自己可且是他父母的祖父,这是很一理或草的一类似地,对Ber来说,如果他的幸兄弟有

登兄弟,而后者是他(Ber)的兄弟,职么付领的兄弟未说,他与后者也是肯兄弟,这是就他们在内涵上具有这种性质自言的。这种未与外廷分化并未的自实口作用在私事上是见量的。他的兄弟之情以得很类美,而且他抵掘这种情感标准区分了"在多"和"一点儿"的兄弟。类似地,Ber把他的宣母弗巴科伊丁 丁父亲联系在一起,而把包括他自己在内的两个弟弟与母亲联系在一起。

下面,从火系的角度来看,儿童还很难区况"有"一个父子。它兄弟与关系。"元"13月 兄弟等向意志。这种关系最初与东西人系后结构无关, 亡侯表示。种未分化此中, 再于 ·个家族的意思。然而,这里存在一种重要可限的。如果是1的父言这一事实。是1的 兄弟 丈夫或权权报价 Ber最初录认他又亲电是他允允而关了,而飞而最一周让他成了 他兄弟的表現の那么心与是国际儿子具是不断活动。因这种几乎普遍存在的、缺乏分化 15. 秋台市及、"有"以种关系接着被引到。明美等1 从往尾市给5 和共同集制关约 与加。 于一Ala在成为自己我们提供了一个有题的思示。当我司及他外租又是否定他又了支持 来的父亲时,他最初的反应是:"是团,是他国内全的"挨着,有怎父。,他再让呢"是的, 更声见"。而对与寻思通过记"啊、是的"未展示了对这种大新的"认、人类"与他隐含从 识到这种人系在第一种情况下的真实性。[1]此,,,是这种学师关,,与后时为从天华同对 应转支援但了可能,而这种对应形式是一桩上向标题的结合的方向外不由高射和应该 满射。内此、Ric有古式子他是另名代文之后,修正子自己总统为、压力是18a1的组交向任 是他们是的社父。Ber在认识到您良权是他。兄弟的父亲之后,他是一权权是父子的是 第一我们心面已召, 国、广风虚对他母亲的父亲的反立。当然, 这些''人'之为我的情况, 但是 - 富们有助于我们理解。 和概括至几寸全体的关系的的定化是复售"生对应的,而几分表 们知道了几重最初皇据的那些未分化的关系不具有是周恒

三、水平IB:内态射水平的对应

平均从被式6、7岁、在某些企业中是8岁。起,我们看到了大了和美的分化、面对美国人系未说,这种分化是以广生程定的对应都具合。但是,这些对广千。但合仍表现出定数量的需难,其中重要的一点是对广和汽合仅原于最高本多点之内、心炎有概括其一个抽象的模型。

Jose(6;0) Ju使用如"对那个孩子来说,他 爸爸的爸爸 是对父"支撑的公式对他的家族进行了精确的描述。但是,在会试任有模型的, 化气到最后让河一个人有了两个关条"你有权权吗"。"有, 智芒伯"——"阿芒伯的夸爸是谁。""不知道"。"仍有兄弟吗"。"有, 你是我不知道是谁"相对的是, 一会儿后,"你爸爸的兄弟是谁。""我仅仅和姑姑"——"你叔叔和姑姑的爸爸是谁。"一个各个和奶奶。"你有堂兄名吗?""有"——"你实兄书的爸爸是谁。"

唯"他是合合和幻奶的儿子" 鄂么,他们只有一个儿子吗?"——"是的,见录权一样"如果介有一个兄弟、那他也有一个兄弟吗?""没有""介不是你兄弟的兄弟吗""我是""价的实兄弟有实兄弟吗""是有""行明白"是莫莫的儿子"的意思)吗?"——"不明白"——"谁是你祖父的儿子?"——"他们是我爸爸、叔叔和姑姑。"

"你答答的姐妹的答答是谁" "我外公" "你的阿姨是谁。" "怎不好说 可能是我爸爸我到到的妈妈。(不对)是我妈妈的姐妹 " "她有孩子吗"——"有,一个女孩(等等) 把到是我的表兄君和表姐妹 "——"你的叔叔是谁" "你不好说 可是我爸爸我妈到的姐妹的丈夫" "你的表兄弟和表姐妹有外公吗。"有,我日内瓦表兄母的外公和我的一样 我(其他的 表兄仰的也和我的一样" 我个人都有外公吗。"我想是这样的 不过。你不是必有有""的姐妹有姐妹吗?""没有——但是与外,有我!"——"你的表姐妹有表姐妹吗?""不知怎 不管怎么样,我不认识她""那么,你是吗。""你当我!""不知怎 不管怎么样,我不认识她""那么,你是吗。""你看我姐妹的阿姨是谁?""我不清楚是不是有这样的一个人""你妈妈,她是你表姐妹的阿姨是谁?""为你是"被两人,我不认识 在目内瓦的那个,我表姐妹的阿姨一个人""你妈妈,她是你表姐妹的可姨吗""为你是"被两人,我不认识 在目内瓦的那个,我表姐妹的阿姨们就好的姐妹的女儿的妈妈。""那么,""你答答的姐妹的爸爸是谁?"——"我爷爷。"

Y((1°;10) Y((说, 化双尺的儿子是他父亲和叔叔"你况事的叔叔是你的叔叔的""不是""你们会多本说, 你叔叔欢适你是什么, 是他的童兄弟还是兄弟?"——"是你妈妈的兄弟吗?"——"不是。"——"是你妈妈的兄弟吗?""不是, 我的舅舅舅舅才是""谁是舅舅的爸爸和妈妈?""你公和外妻""你的每年也是安意意的各种吗?""不是, 他各年是另外一个人""你爸爸的爸爸是什么。"不知道""你叔叔的儿子是什么""不知道""你叔叔的儿子是什么""不知道""你我叔娘还你的儿子呢?""是马克""那么, 马克是什么呢?"——"我的堂兄弟。"

Den(*;6 除了把她归父说或是她姑姑的丈夫外,Den对她的家庭成员作出了相同的支生。答应和丈夫是一切事吗。"是的,丈夫,对孩子来说,他被叫作'爸''你石,与实验者就自拘象忽式(、lemi, 时,她还找不看化了 对B的父亲A和B的兄弟C,她得出A是C的母亲,诸如此类。

Sin 1.31 Sin 系统纯量证据的父亲是纯的权权、但是她父亲不是她望姐妹的

叔叔。"我不清楚 我不能肯定"

Inot": 3 Ino 通过摆放筒大特色的家庭进行了正确的描述"我爸爸的爸爸是 爷爷 外公是妈妈的爸爸。几乎是每个人的爸爸 仇豫, 这不是可一个人、确实不 可 外公只是妈妈的,我有两个祖父 "另一个祖父有怎个孩子"" 个 我妈妈,我舅舅,另一个是,… 我可读"你妈妈和何姨,她们们在这目是 什么!"——"她们是两个女儿"一一"你,何如,你和你妹妹有可一个爸爸吗!" "与然 如果你们没有利用的仓壳、你们不会是兄品和姐妹"一一"那么、你的可读 吧"——"她是我妈妈的妹妹"——"你有表姐妹友看兄弟吗?"——"有""他 们是谁的孩子""我阿姨的"等一下,不是一一时,是的"一位,对价的表 兄书来说, 你是什么!"——"奶奶的儿子"——"对你表兄希来说, 你奶奶呢!" "她是他的阿姨 我终于明白了 "一个有表见公马"——"与然有,我" "如果你有一个兄弟,谁是你兄弟的兄母"不不用司"一一(公称者把引领手 复了一届) 了北是我表兄母 一"介于奇的兄和是谁"—"是我 不对。 我要想想看一个表兄弟,可见,有定是"哈哈,不对,也是我叔叔""你知道 径 12个么吗!"一一"是两个堂兄弟。你可以说守兄为和侄儿。不对,答诉和妈妈 说任儿 对我,但们是宝尼书"——"任己的汉文是谁了——"是我权权" "你 艺定吗?"一"不、是另外一个人"一"不是你爸爸吗"一个飞、我从未没有 听那样说过:我也从未没有那样看到过"你妈妈的一个兄弟可能比你小 吗,""可知,即使也肯定小,包分是成的反抗"然为,在这样出色的独论之后, 他额创了这种关系:"不对,我不可,是很低心的放权,心和以一样大,他也是我的 叔叔。"

Fh "161 通过对紧邻的关系使用正确的双套削入。1110对她们已的家庭作业了上作的反应。她飞把"叔权"与她文章的兄弟结合在一起。然而,从A是B的兄弟和B是(的叔叔这样的杨篆智之,她不是找出A和(之间的关系。当她说A是(的几个亿人等识到叔叔的兄弟不"他的几个小,她已被忙正确答案了。通过说"(是A的调友",她放开了这个可是一随后,她放设A是"(的答答"。 "你真实吗?""不"。"那么"。"就是(的符号""结A是B的父亲和B是(的父亲这一情况,她碰到了利间的国际。她没有作出交下。如果(是你的父亲的各条"。"那么,如果无论(是谁,有A是B的多条和B是(的答答情况又如何呢"。"你必须说出(是谁,否则们不知么该使用什么简大"。"它 (是任何一个名字呢?"——"他是A的兄弟!"

Mir(8,6) Mir 对她自己的家族或责给出正确的组合, 但是最初不知道任子这一词, 不过随后完全理解了 然而, 对图式"B的父亲 A和(的父亲 B", 她的解释是:"它是一个爸爸和两个孩子"随后, 与桌爺者问篇头上写的是什么时, 她说:"我不清楚, 那里没有二个爸爸!"只有将 A, B和() 之间的关系转换或她自己家族或员

的名称后, 絕才取得成功:"啊吟, 它是爷爷"对其他图式也产生了相同的错误"B是个的儿子"最初被读成"仁是B的儿子"。但是, 用一种纯语言的方式(爸爸的爸爸是谁, N的爸爸是谁, 爸爸的兄母 叔叔的儿子 兄弟的爸爸、爸爸的儿子是谁等等)可她时, 除了对"儿子的儿子", 她说"不知道"之外, 她所有的回答都是正确的取得这些成功的原因似乎有两方面 一方面, 她把每个可题都转换成了个人的语言:"那是我的爸爸我的兄弟"等, 甚至"我的任儿" 另一方面, 这些语言表述隐含有一个方向, 的, 1), 万如果一个人没有对那些箭人进行充分的思考, 它们不会自动反向(参考所面提到的父亲和儿子之间的兄弟) 在另一个人, 战中, 只验者呈现了用箭头连长的四个名称, 两门头也付了份分的排列, 要求被城发现它们的等价关系。对此, Mur 无法作出决定。

大量多额水平 IB的企图是有目的,因为它信息此生动地民人了内态射水平的对应 一、自動射水平的对方。と同的方别。事業上、1。种对自具更及重直或取可观察物来记 艮一个系统内的对应, 直后一种对应包含组合一在比较两个成更多的系统时, 这一点表 同语无为国际。注我们的从这些其较五约。当然,在目前这一水平上,它们是缺乏问意 引水上的对应的。引起我们收入兴趣的。点是1.75次产者用任业企体A.B.C - 查出标看每少人看的第人直接在一起。这些母母人系与儿童已经介绍的自己家族成 方向的对应关系完全相目 替代他们自己求愿的名字时,这些被武士得非常是终。 一旦此,尽管 5点不"明白""…… 再几子"这种皆足的点点,但是当实验者读到他祖父时,他 立即指出侧孔父色儿子是非一下e型不"用言""叔叔的儿子"这种措ີ的意思、但却立 "、丹"出 Mare 是"最长次查尔的主子"。每个代"B口父亲A和B的兄弟(",Den 得出的结 ·仓量、1.是C的引 ELE型约型不高,并予持入为"你必须说出仓量,他已要是必须赋予 C 个具家族成员的名字中,否写你不知道应使用什么简头"。当己作为一个任意的标签 一旦, Eab 飞犯制涂了。Min 理解用语言表达的目能同化工具家族中的示属关系, 但是她没 一有手握用AB和C表示的产式,而且向国了篇头的方向。那么,造成这样的原因仅仅是 四为这些模型是"抽象的",即使实验者用高处自己整的产,,同儿童说明了那些箭头代 。表的关系。事并上、7 异另有广在: 电讯是流、这些水式// 要组合(C.通过入与B.之间和 B 与C と旬 再天 引致 生合 し 収 」 与 之相 母 的 是 , 在 几 準 自己 的 家 族 中 , 这 些 相 「) 的 母 方 · 支多或少更易于表述, 四为它们在《查上很少依赖用含》在那种形式上, 它们只是一种 每 识行产物, 面 医叶知识的获得得益于日常的交往和几章已经写识的普思问证库

 会"有祖父 甚至8岁6个月 己芬幸提了用语言表述五有幸属人系的Mr也不能把"父宗的父亲"颠倒成"儿子的儿子"。然而,包括地说,哪里有在关于祖父母的诗射;被试的祖父母也是兄弟和室兄弟的祖父母,而且最本还是父母,也仅有'母母'

相对的是,平行对应(问数离射) 射量更难建和一先绝关系仍不是立即互以升反行(Jou等) 作为发展最起门的被试之一自由甚至论、如果他有一个兄弟、那么他无弟的兄弟可能是他牵兄弟。"是兄弟这种关系明是更难一(Yee不)则。""叔叔的儿子"是什么意思,必须对他说出名了,他才知道他的兄弟是是一个父亲的兄弟是他以及一(Yee 的叔叔次边东港上他父亲,也十里,母子的兄弟,是你也父亲的兄弟是他以及一(Yee 的叔叔次边东港上他父亲,也十里,母子的兄弟,此外,Yee 不认,是无弟的叔叔也是他的叔叔一(Yee 不)完了。她母亲"庙夫"是您表怎,妹的问题,不过总证"怎么了一对"你表姐妹的阿姨是在"这个问题,她用一个严重的主国义及复门组合「有回答。"我表姐妹的知识是我妈妈的姐妹们女儿的妈妈。"对San 表定, 短草姐妹的父亲是她的叔叔,但是那几不听不您的父亲是她的姐妹们我我一切看你是他父亲自兄弟与才行时,也在叔叔和王允弟之何举棋不定。

四、水平 []:间态射水平的对应

它的未看,包含射水平和内含射水平的对应的区况有于记者信息的是具有在论性和必然性的组合,而非历。水平上的形种子并的和不完全的理括。这种也步最初表现在两个紧密联系的方面。首先,我们见到。种从一个(接着是,对个)任意合体 \ , B , C (和 D) 中的两种(接着是一种)对方关系上发来创造新对应的能力。其次,被式建立自己家族中的所有对应关系。其后,因现了对相目系统之间的同构的认识,即使当局些关系以不同的方式呈现对也如此;出现了从关系与 \ \ , B , C 和 \ 自 自 当 其 建 同一个连 贵 至 统 (coherent system) 的可能;或多或少实现了当些有对应管化为一种或两种类型;在对称的情况中,出现了视角的互反。

N_T(9; 10) N_T(9在A, B和(的不同群集中模套, 但是他最终在每种情况中都获得了成功: B的父亲A和()的父亲B得出()的祖父A, B的兄弟A和()的父亲B得出()的叔叔A;面对B的《产A和()的叔叔B, 他开始认为: '这行不通, 因为我不是我叔叔的儿子'接着, 参照他自己的家族、"阿杏, 他是A的智兄弟" 诸如此类 Sol(9:6) 对A与B之间的两个互反等头和对一个等失从A到()和一个第天

¹ 四方 ξ_{n} かた λ_{n} 有 λ_{n} 特 λ_{n} 特 λ_{n} 特 λ_{n} も λ_{n}

从B到(:'它可能是两个女孩(A和B)和一个男孩 她们的兄弟("对A+B+C和1)+B,她没想A和1)是B的一个,而B是父亲(的兄弟 那么,A和1)将是(的女儿 Nil 自己 的宝兄书 她想到了:"你是我违反了游戏规则"回到给定的情况下,她认定(为B的兄弟 对两个家庭,家庭 1 (B的父亲A,(的叔叔B和C的祖父 A)和家庭 [() 的叔叔A,B的孙子(和B的) 子A,她最初只看到了二者在叔叔 关系上的相似,有后她在"孙子"为大上堆上了它的互反项"祖父",此外也子则,用"父亲":"现在绝对没有任何差别。在……之前,它不是同一个词。"

Pn.():1 对B的父亲人和(的兄弟A,Pan 主即说出,B和(之间在一个方向是叔叔的关系,两在另一个方向上是懂几的关系,签签的兄弟的任儿是话,可,是我,我的一个兄弟次合卺的另一个兄弟的儿子",对此使用了非传题性组合 为了点对广关系简化为"父子和儿子",对叔叔,妈说:"他是他爸爸的儿子,他那也了,是我爸爸,"实兄弟吧。"那里有我的爸爸,你必须上下移动;爸爸,祖父和有一个儿子的另一位爸爸。"

以(A(1),(1) 为 (最初)的 设 权 序不 心然 是 英人的 兄弟,不过随后修正了他的观告"有有的信。相有一个社父吗!""那当然,它是强制 中的 气 心的 爸爸是祖父的儿子 "那么每个人都有一个吗""是的"对 多 A, B, (连向1)的二个空白箭头, 他假设是三个叔叔或三个儿子。

A (10:) Ant 成功地摆好了四个人之间的部分简大,如A是B的权权和()的组发 报看,能把"查分"或在(和[)之间"从A到[)咒""是祖父"啊哈,不对,是冒了祖父"但是他没有找到B和[)之间的关系 对此,他说:"那里没有关系"些你了父产和七子的简化:"权权是疾济餐的答答的几乎""任儿咒""化重复了一运了行风上的话》"哈人、不对一份公司向下移一定是除我之外的戒签。""也有见了一运了行风上的话》"哈人、不对一份公司向下移一定是除我之外的戒签。""我看另一种方式呢"一一"我签签的七子的儿子。但不是我的儿子""你常见的自常见的是谁""我常见中发我自己""全了吗。""大者仍是另一个索见的,直至无穷""我者""或者我的见话"

No. 11,51 No. 轻易他完成了"人类系项A,B和(的组合,如布对四个形出了智,但是在加入了第五个之后又取得了良功,布且其中只使用了兄弟、叔叔和侄儿这些东系。对该A、B、(和下内)。B、李小利的空白管长,她没有使用兄弟关系,因为它们需要互及性。她也没有使用父亲的类系,因为B等有两个父亲,但是他保留了几乎关系。对两个不定,家庭【(B的父亲A和(的叔叔B,仍是要求找出A和(之间的关系)和亲连【A的儿子B和A的孙子(), Ste 找到了第三种关系,并得出结论:"它是相同的。但是在【中,它们(箭头)朝另一个方向。"

族树上的所有箭人;在这课家族树上,A是B和()的父亲,B是1)和E的父亲,而(是F的父亲。

这些反应与内态射水平的对方的差异是两尺的。而我们直先天心的问题。是一个这 种差异的原因是任么。人们可以假设, 记 在丁被武已至获得的关于其家族的补充症 息。这种信息随后可以通过创造出它与在A,B和C等中的任意指列之门门司构本加以 概括。然而,就被试的示禹而言,引起我们较大兴趣的地方在于被试提供的信息,只看建 构和学验的特点。这点在同类素射的非传递自方面表现得是其诗品,因为一个人在于 常生活中难得用到言。吴管前。水平的藏法在利耳也们自己为其是お的兄弟主仍在标 难。允且在私听他们自己为其立兄弟的。元弟方面的国团甚至更大、但是现在我们看到。 9岁10个月的Pan给出了其最权的侄儿的可能范围,面10岁9个月的4m合出了其幸况 弟的"兄弟的范围。这种同级黄射在半行领皮上的跨越戈延伸而关手。利菲认识的存 这的确邻分得着丁儿童自己学庭的程示、但是它立即被当作。种 取情构 接下 来要讨论的是单目最近的共同创先目代的层类内包stratesme 对 You 未免,这个共同 租先是曾曾祖父、但宣也带是祖文。曰曹二下、\ar 在福信祖文广看在是必支的、切图a C10;6万7称祖父丹海的是建造者的角色,"它是元制性的",即使他现在已经死了。拟言。 之,这世存在关于一系列关系和对应的。据一面改些关系和对心已至成为必然,因为它 们在推论上以一套表现为亲嗣关系与人的转换系统为基础、创那地。前人系完凭上。 拥合的)的对立关系的这种支持,同时产程了在理算。个人自己的亲喝关系和客它自愿。 括到任息家庭方画的进步。在这两种情况中,进步都包括了以一门。而付与天奈方 基础进行的推理。而这种推进不再以被试与其家族成员的。广泛系为基础。这种从有 限的现实可无限的可能。在是重星差的情况中、Xnt 称之为"另一个主星弟。亡至无方"。 的转变自然隐含行对一个人自己玩声的大小心化 decentralization ' ;) 所备条件 以开 始于一种互反关系,而这种互反关系使再个衡实对立于其反方向的等价关系,例如使作 儿对应于我最多。与前一水平的那些反应不同, 1 是这种过程。它有完定是进的破战主 上发挥着作用)最终会产生视角的互补替代和一般协调。包括是《科过程使先而无关》 解决的问题 如个体 A、B 和 C 等等之间关系的得合,或箭头内容的具体化,或近日不同。 的箭头排列使家庭等价等)得以解决。

五、水平 III: 趋向超态射水平的对应

原则上,问查射水平的对应应该是以应付任何组合,但是它们得必须从属于一个 般的构结构。此外,被试必须可且这种构结构等调的不只是一些,而是用有对方。在这

D 无论出于何种原因,皮亚杰用decentralization,而不是decentration。

方面,可想一下Ant的情况。当时他呈现一个复杂的结构对。他推断出了它的一些对应 关系。但对于两个远亲却说"超里没有关系",并强同"没有,我是说没有任何关系" 这种反应用确表明这种一般系统的缺乏。这是因为事实上有一种态射在起作用。第一种是满射,例如,当A和B等与一个共同的程先A有相同的关系时的情况。第二种是对称的同级满射,它与A和B等之间的关系有关。第一种被我们称为"非对称的满射",如在反复奏中,仅仅和作儿都源自相同的祖先Y——Y是双反的父亲和作儿的祖父,但是仅仅和作儿之门不存在直接的表词关系。这些当上说中行关系在这种情况下不是水平的,而是争同的,因而不存在关系。之间的对称同级满射。因此,正是权权、侄儿和第五级节儿弟使关系受待越来越复杂,尽管一点可以用意义明确的形式来表达形些关系对这一点进行补充原则的定这样。个基本事实,却这种多点的单一些与结束于同一点的一切是的一次和外壳的一个人。这样被未被复杂。他不仅是B的父亲的元弟,而且是B的学兄弟自父亲已经长篇其使其跨代后,他是B的祖父的儿子,或者是B的学作的祖父,等等)。从一个点就创身一个的不同路径对于在权权和价况。它们是是这种关系,但上随着个体之同去与关系已代高程度的增加。它们没有权权和价况。它们是是这种类系,但是随着个体之同去与关系已代高程度的增加。它们没有效来越复杂。依据婚姻关系抽取出的亲属关系的共同形式是。

$$x \downarrow g \leftarrow^{c} \rightarrow y = x \leftarrow^{c'} \rightarrow \downarrow g' y \tag{1}$$

具中录和更"代"和《或者心水上言语。而且自然能对它们进行推算。趋态射水平 司产射是那种可以根据。种一般性构进有推算的态射,在这种一般结构控制和蕴涵着 所有的态射。它们与相邻元素之可的那种特殊的门态射水上的社会不同。因此,非对 构的黄射和同级满射,对对称的类射。计算差别及它们更过不同但反致于某一点的路径 进行的行合的依别性。应当就为提高射水平的特征。尽管如此。这仍是一个过程的问 是一对为这种结构在关系的级数元上是不确定的。所以12岁至15岁的被试具有假定 心,从有将自己局限于某种有限的子结构中一不过。这些也达到了一定程度的概括。下 工是一个例子,其中第一个仍处于水平量和批之间的过渡状态。

(hi(12:1) 对A和B之间的空向双筒共和从A到C,B到C,A到D,A到E,B到1)和B到F的单箭人:"A和B是兄弟,(,1)和F是女孩(姐妹)"对A和B一起指向(和(打向D),"A和B是(的阿姨,为(是D)的阿姨 对叔叔来说也是一样的"一"几乎呢!" "不行,那样他会有两个爸爸了 行,那样可以"——"爸爸呢?"一"不行" "祖父呢!" "可以"实验者给出家庭 | 和家庭 | [:在家庭 | 中有1,2和3二兄书:而在家庭 | 即,4和5是(的几乎,6是7的几乎 要求被试归加两个人,从两使这两个家庭成为一个大家庭 他增加了2的兄弟8和6的父亲9 接着,他拧出了起作用的所有对几关系 不过,"问接的满射"仍未发挥作用 这种满射使事情支得更容易,即家庭 | 仍保持二角形状,家庭 | | 仍保持一个箭

¹ sector deposition。我不能继定某人中发生在这些方式是一般和工的人类是准确的。通常说某语工人类是一个现象的工作。我们是一个人,我们就是一个人,我们就是一个人。

头的形式,而没有融合成一棵树。

Ver(14;2) 对阿样的家庭【和】,Ver增加了×和9,其中8是兄弟1,2和3的父亲,而9既是8的侄儿,也是家庭【一个成员的表兄弟 接着,她正确地打出了包括表兄弟,叔叔和孙子在内的所有关系 王斌要求她只用标识有"的父亲"的斧头来替代已有的箭头,但是不比改变已经打明的亲属关系 这需要把它们纳入一种树结构中 她毫不困难地做到了这一点,而且没有改变原有的空间布局,但是随后发现差了一位父亲 于是,她添加了11. 未充当这名父亲,从而建工了正确的关系

Ren(15:6) Ren从家庭【和】开始,作出了相同的反似。她用9把它们联结起来,而9是家庭】中一位成员的任息;同时也是8的孙子,而8又是家庭】中一位成员的权权。她最终形成一个更为复杂的马系统,并正确有详细地描述了这个系统中的互及关系,其中包括权权和权公,以及它们之间的一个"人人",她说:"这是一种我不熟悉的关系。它是父亲的专见书。"为了把这个系统转换成"的父亲"形式的对应关系,她增加了两个人,1和11。但没有改变原有的空间布局、听有事情都做得完美无缺。对于这一点,她说。"你可以判别的方式打死,它们,当你在故事中需要这样做的时候",但是她当时没有心冒有这样做的任何必要

四此,我们发现,如果Cha只是医过增加一个兄弟和一个父亲未仅任务交得更简单、那么Ver和Ren,尤其是后者则一点不怕复杂,他们是人子会产生"制力称两射"的人系点。这使得写有组合成为可能,包括Ren.行之为她"不强恶"的那种关系;也就是它,种短不知道名称的关系。在这些个案中,被试确实获得了一种一般告约一当他们甚至不觉得有必要通过树状图形来表征"故事"中的宗禹关系(故,Ren.b. 竞) 那样一行,这点就显得更明确了。

最后,为了解释本量中识别出来的连背水平的对应,我们首先必须强调它们与第至八章中发现的那些事实之间的显著差异,这种差异工是这两为事实的区别所在。在那些研究中,实验者要求被试操作物体,然是从正他们造成或在他们周围的转换中模拟出态射关系。然而,在本研究中,没有使用任何转换证券加充企士的那些用于建构高不同世代的情况之外)。结果,被试建构的否射只涉及对已至合出的关系是有混合。而这些关系是可观察的(在他们自己的家庭中),或是可以从将侵想的个体不,B和心联合起来的态射中推新出来的。尽管这种显著差异是在实验情境中的,然而在当了这种情况的中,我们又一次发现了内态射水平的。同意射水平的和起态射水平的对应这种情况的导致。种对立仅应用在一个人自己家庭中可观察到的个体,第一种对立透视终不到的个体而合成;而第一种对与作为一种可以自由和随意混合的。般结构的函数,以磁播的形式推算中来。但是,如果想要发现推同的建构过程的话,那么也需要证实在记几章中获得的结果中发现的这些步骤的靠后。对一个人自己家庭有效的内态射水平的对应无论看做多么简单,然而在高达算水平上,儿童对它们的误解却令人吃惊,而且在其体运算水平的开始阶段,凭重对它们的掌握程度也相当低一至于同态射水平的形式,只

有大约5,9 表 10 岁 17, 它们才被查寻 毫无复制, 造式这样的中国是因为除纯逻辑形式的建构处, 在其他建构形式中都缺乏转换 国力, 这些严与似乎证实了忘射对转换结构的依附关系。

我们仍需发育细说明的。卡定、在遗誓射水平上、茅属关系的态射构成了一个范畴。上如规特受用麦克莱克的赞美之新指出的那样、"群集"可以置于"特殊的范畴"形式之中。正如我们在关于具体运算的著作中指出的服样、采属关系群集是所有群集中内容最上含的。种,而且它的组合也是最富于变化的。综合未看、这些事实表明、永周关于背集的"生压行",是同时"宣言"。"生少操"代表着心理了意义上的"具体"范畴的形成。

第八章 一个推论性对称的特例: 阅读一张倒置的道路图

J. 皮亚杰 A. 卡米洛夫-史密斯(A. karmiloff-Smith)

然而,我们在本章中提出来研究的则是一个必须对意及进行建构的对称问志。其体地说,就是阅读。幅上下顾例的道路图。我们的一位同事在一次偶然的现象中发现、几直会自发地提出这样的问题。有一次,她开车带着一名约4岁人的男孩行驶在一座人城市边缘的一片陌生区域。在行驶企中,为了不至于迷路,她不时地看一层有一个个的地图,而在她每次这样做的时候,她都问这名几章解释地图和那些街道了场支建筑物之间的对应关系。当他们开始返得时,这名男孩。即门了这样几个问题:"我们有一水回去用的地图吗。如果我们没有的话,我们怎么同得去呢?"这些问题的实显了是要依据对称来完成的逆反与运算可逆性之间的关系,而且这种对称并不单单是形状的对称

一、装置与方法

首先,实验者向儿童呈现一幅绘有他所有的区(军乡村式的)他的学校和家等地方的小地图,并且检验他对它的理解程度如何 接着,让他转面观察 15cmx24cm 的实验地

冬 这亲地图上会有一条由一片树林也往身难的道路。而这条路由许多非常不规则的发大型由线组成,其中的六条路细看起来是得无其畸躯不平。此外,这条路上还有七个两岔路上其中一条是通路、而另一条是延期同、而且在路边或离路不远的地方还不起凹地散布着。些多里也一在介绍了第一幅地图后,实验者拿出一人卷裹着的纸(0.7mx和a,可向着"真实的道路";他为几点果并约30cm。并在上面改一锅小车一儿童必须将这辆小车从森林开到方面。那条真实道路会非常浸暖地展升,而且走过的部分又会下新卷起来。对正在决定哪边是处胡司之间,被试必须在岔路口作出选择。几定必须不断过过真实道路与地图之间的对应。因此,他会发现自己所处的情况分别机象似,只能通过地图才记时时看到这个有决路次。而在实际活动中却无法做到这一点。在那些岔路口中,一些是从不到有的。而为一些则是从上到下的,对一些路口来说,利用不同一个路口来说,如果也重要停停不犯管。那么他必须看看见第一个设路的时候,或疾而之对所重加致而言,他无约查看地像一地图上们每个岔路口的用不同。但的时候,大疾而之行所重加线而言,他无约查看地像一地图上们每个岔路口的用不同。但的小点特别一次对一个同一位的小点有的工作。即看不同每个岔路口的用。

这里发特先活动的是、地图是以与真实《路相反的方向早现的、而且是粘在桌上的一数试就不能转动地震,也不能转动真灵道路。他可以是起来是到是当的住置人在看地图、你还与这里找回少未的位置。以似图使小在一换与之、它是一样关于"在脑子里转动地智"或是一位几章的方面。确定他们在的位置(地图与真实道路之间的双射)和上侧距或方向(1一下、左下右、高事一我们以右边在上的方式可一个5岁大的年幼被武星现地震。在发下作了反之间。他们的反应是一点了是四与对方问题相关的有部特征

二、内态射水平

自先, 成利利吸水平包括处于水平1A的最大的反应。在地图有边朝日时, 这些被武甚至无法完成直关直路的。点与地图上对应广之间的简单双射。这样的反应局限于内不起点和内不停立之间的付加。在水上1B, 中间点之间的双射被获得, 但不是方向的反转。下面是几个水平1A的例子。

Sop(5:4) 地图在为创上时,对序此所近的岔路口,Sop都被对了 仅是,她只是随意地看了看地图,或者坚本不看它"作在地图上的什么地方" 她指看整个道路 在一个中间或时,她转错了方向,接看自己改正了,不过并没有看地图"在那里(中间或,作在地图上的什么地方'——她从森林出发,沿着地图走到了一个完全不同的点,"在那里!"实验者给她掏出她在哪里,并重新解释了地图的意义,但真至结束,她也始终没有参考过它。

Mor(つ; *)。地图上下颜何时, Mor 顶过贵斌错误的方式在真实有路上胡乱地走了一道 与你, 与实验者要她打出她在她图上的什么她方时, 她出错了 在把地图摆成右边朝上时, 她对地图的参考有所增加, 但最终却走到了死胡叫上, 因为她不知道如何使用它: "啊哈!我已经很专心了" "与实验者要她想出她在真实道路上的那个她方是她图上的哪里时, 她稍看大的回线, 而没有在专那些彩色点

一个水平IB的例子。

(M(6;1) 地图右边南上:"在太你也太的那个地方时,如果走得了,你可以看地图来改正它"在地图上下的气时:"在这里(地图、店难在上面、而在那里,它在下面"在点7附近:"给在哪里"他看了地图根长一段时间"在这儿"这是正确的,但他转到了错误的方句。"为什么太那么""为了太庙准"表目他说着了上和下。在点3附近,你在哪里。"你时间的身待看,他转向了正确的方向。"为什么在那也""何为这边比那边更高。如吟!不对"他换到另一边,也果走进了死时间。点4:"你在哪里。"在那里"然后,他又一次走错了方向:"在那里,它像一个气角形,在那里它是方面的,在那里它是有的,在那里它就像更大,所以在那里,但像假的一点后:"我在这里(正确的)"他准备转向错误的方向,但他转动了一下自己的手。对反转的首次会战。这锋了另一个方向"为什么"周为在那里,1英似的)路更高,在那里爱随双高一些"等等

我们对水平1X的反应无领置性。在OLO水平1B)以上,我们看到,尽管他需要配于了反转的原则,并且通过短暂地转动手未决产。用它,但是在确定具成金中的各个点在地图上的什么地方了,他仍有困难。特别看起的一个事实是,为了知道自己确定的有动,他只考察了道路的高祖程度和相关,一个然不在它总是朝上还是朝下的。因此,他已决策只是他看地图上真实实见物的函数,但是他有动起来仿佛地图用不是上下。何的,以至于他每次都走进死胡同。

三、间态射水平的对应

等地图上的点,与真实道路上的点之间的双射和包置的复数都出现时,亦且无现对称式对应时,我们可以认为此时的协造是问着射水平的了。这是由于其中包含了真实的组合,因为这里的两种双射显然不同于那种。全同构仅仅只是另一个同构的红体时的情况。确实进行了组合(与直接短定到的多形对称相反)的最佳,握是门态射水平的对应并是一越而就的。它元素来且被武是任了地图是"工下和倒的"这一单个计实,而是孩子们一步。少取得的一在水平低入事实上被武只是以局部连续的方式未实现反似的。这解释了为什么他看每个新的盆路上都必须重新建构反转。此外,包不是也有相象的运算,而是进行诸如转动手,头,或者有时是整个身体运程的应动

(merci:5) (mer最切化了两个方向错误,并得出转论"这张地图是完全错误的""不,它是正确的" 他把手转动了几次:"不,它是正确的 它通往树林 地图是上下颜铜的,我忘了 在随后的本照占上,他正即进行了反转,而且当 关论者向他建议错误的路线时,她拒绝了,因为"那张大纸(真实通路,而非地图)是上下颠倒的!"在后一个盆路口,他允录了很长一段时间,并转动她的手,但仍出了错:"啊哈!我忘了房子在哪一边儿了。"

Cm(7;11) 在每个岔路口,(am都要转动她的人成整个身体,进行最大可能幅度的运动。然后,所有这些都是沉阻止她一开始沉犯错,尽行她进行了正确的反转。不过,从点与开始,她或功完成了每一件事。另一方面,与实验者在她看到房子手,也由行动后可她时,她的回答是,"与你看到房子时,它在你必须转去的那一边上。"——"不是相反的一边吗?"——"不是……是的,是的!"

Bill(7:3 Bill最初没有是了交替 在成2时,她走到了死期可上,"因为它和她图上的一样" 那是意样的"一门为在这边(向左),它是不过的,而在那边它是想的 对它是行识试(我走错了各 你认为它(左切)是在这边(她图上的左切,但写到是在那边(右边)"随后,在成3,她到,用树林的她用村记取得了成功,而那片树林是必须,过过的 在成5,她们用房子做了用样的事情 在成4,她们用了"一个大的山丘,像她图上的一样" 化在终支,她仅仅根据对称:通过转动自己的手来行事;"它不在何一切;它翻转过了,她在特子上转了一圈)"

N.(1"; 4) 在一个最初的错误后,说:"吩哈!我猜错了 我没有仔细看它是 向左飞是向右的 " 在点2:"你为什么看她图" "門为我想看在她图上我是 否需要转向这么气是那也(她转向了正确的一边)···在那里(她图 你需要向右 特,因此在这里(直路 句左 在点心"等一下 在那里它更难 前面,那里有一栋

房子;它容易此 仁是,(没有那个)的需要更仔细看看地图上是怎么样的,然后在这里从另一个方向未做它"——"有什么"——"我已至告诉过你,每样东西都是上下颠倒的。"

Mud(8;10) Mud在点1上取得了成功。在点2:"等一下……向左。"——"但是在地图上,向左的路是绪元的""是的,但是它像那样(视转动吧的手)你必须判到你要掉过大来看它"在点4,仍尽以了树林的他先标记,但是在占人,仍说:"它总是相反的 那么向汉立" 对反的一之吗,"是的,右边是左边,仍有边是右边,仍为他图上树桃在上面,等难在下面,为在这里(他的路,存标和是相反的。"

Kp(1);6 Kp在点1上犯了错:"永虑了地图是反过来的了"在点2,他从不 为参照,但从点4以后:"如果你转地图,你必须走到另一边去。"

(YEID):(1) (YEID) (YEID) 特别了错,并且有时记作的本项点,但寻出的诗论是:"我在脑子里把地图特到另一边 那是我本或在前面做的事情"另一方面,他是论"如果你让我(实际地)转地图,事情会容易些,但是我知道我们在会读及过失看它"

内此,我们可以看到,看事情是得更简单些的可谓,这些最成的事实犯在是些错误, 继续使用着地形写理点。尽管知此,他们已是把记明了反转的。象性及其与双射有关 的准备。因此,我们可以基于这些个条件或心门告示水平与对广子,"当然是在"问告示 水平的对应"这一术语在本书各章中通用的意义上来谈论的。

让我们再次引走。个星球的中间水平的个条。最初,另管司具是被对分到水平IB 之列,但他不再依靠于地形标志又使我们省之管面向下。个水平与社变之中。

Nel X: 10) Ncl在点1上犯了對""哦!不对,我知道了 每次,价都必须反看走"——"反而吗?"——"是的,如果价值地测上向那边转,那么在真实上路上,你需要句这边转 "对随后的每个点(从点2到与8),心都变看地图,并此·"我反看走"实验者按有可论,在点2看河 在占3看对珠等等是不是不会对他有帮助 化回答值:"你没必要那么是 那样更已更明显 有次要告诉自己在一步都向反而走就行了。"

四、趋向超态射水平

从一月始,水平制的被武坑不再犯错,而上也不再信助地形积。他们只使用付 移式对应。如果我们只由着这两种反应,那么我们只能从中得出闭查的水平的连接的 结论。但是这里还有一个细外的新事物,应它一般也不看趋色射水平的结构的出现 那就是对射自此以后表现出对必然性特征的概括。适度这种特点的识目是,在超态射 水平上,我们可推知哲射乃从属于一般转换,而这种转换由地图的点反构成。看下几 的个案。

Pie(11;9) 在成功完成了所有选择后,Pie 下结论道:"当它像那样(↑↓)时,它(比→)复杂些,但是它总是反向的。"

Bit 11:5) "如果你转动地图, 毫无疑问右边的东西会转到左边"

Mic 12;3) "因为听有的东西都是利反的,因此你需要把地图看作仿佛是向右旋转的来做"这导致他在看地图和指称真实道路时使用了相同的语言。在查5、他转对了, 们却说: "在地图上我自右转, 在路上我也自右转" "但是, 在地图上它在左边啊" "是的, 但是要与2 在地图上我将向下走, 想一想, 原来事实上他表示地图上的路在真具连路的反方向上), 那么, 事实上, 右边的(正确的)路在我的右边。"

Rol 14;11 参似地, Rol在一个点上说:"在左边 正确的), 因为与我在地图上向下走时, 那就变成了向我的左边走。"

Ala(14:6) "它身次都钤好在反面 你不完犯错,但是当它像那样(*,)时要难一些。"

与司各射水平的对称的连续组合不同,两类事实似于显示了在这一水平上对一次也是成员转的整体结构的亲握。第一类事实是有关整体必然性的陈述"必须是""显然"恰好"这些措施表明与。 次特殊的反转对一种一般反转的从属性。第一类事实更计人惊奇,它是一种概念上的预复转(premversion),这使Mic 和Rib 能够将其在地图上之步见青核转译或必须在真实道路上做什么的广青,而造成这一事实的确切原因在于也图和真实道路都是从树林"往下走"到海滩,怎然这种往下走的方司在两种情况中是相反的。因此,这些反应确实被引可显在射水平,口我们已经记过,在作为一般结构发格作用方面,超芒射水平也算是具有逻辑必然性的组合。这一点也仍是如此,尽管在这种标味情况下,它们在混点性上并没有超出可含射水平的对应的内容。

五、翻转页面

考察简单的页面和转这一更基本的情况,有助于我们评价对称的演化进程。实验者问被武星现实色分更为红点,从的一个图形。这一个图形被粘在一块能像书页一样与动的透明塑料板上,面翻动的方面可以是从左回右的(情境4),也可以是从上可下的(情境B, 见 图 8.1) 在情境 1 中, 钟色R(21)和B(克)的次字,以及图形1和3的形状都发生了改变。在情境 B中, 钟色的次字保持不变,而图形2和3的形状则翻了个个儿尽管这种测试在本质上易于道路图的那种,然而其吸引人之处在于在观察到的反应中发现相同的演化规律。

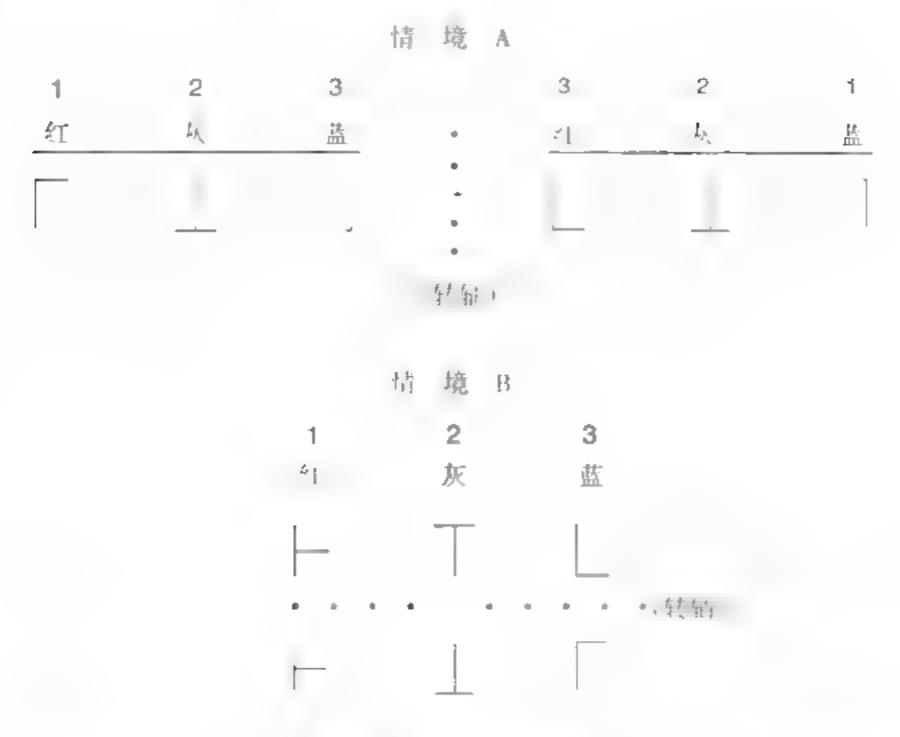


图 8.1 页面翻转装置

在地图实验的水平 14、除了出发点和冬草外,还没有出现道路清线的冬鸣声与地图上的形型之间的双射。然而,对页面额转未远,在水平 14 这一初始分段上,被认无人对一个由首线很成的图形进行复制,同时也不能对这些图形进行正确的高较

Nop(5;5,见前面的第二部分) 在清境A中、Nop把1点在了2和3的上面、而且后书仍保持了2+3的顺序而没有解例,为3+2 至于图形的细节,我们发现一种简单的平移和似乎源于偶然的部分旋转的混合。

Ana(5;9) 在情境B中, Ana把图形1置于其他两个之下,复制出的三个图形 约束作副转 在对其想去进行实试后,一次新的实试以排成一条直线告终,不过是 垂直方向的(1在最上面, 而3在最下面 在情境A中, Ani 虽然取得了线性的次 序,但没有对图形的颜色或旋转进行任何反转。

在水平 IB、出现了范例图形与被试图 L 图形之间的双射、无这元在线图 L 字信保持 1.2,3 序列的意义上来说的 然而,在情境 1 中, 序列并没有单色成 3, 2, 1, 有图形包没有进行任何转动,好像只是进行了简单的平移。

Mor(7;8) 在情境A中,Mor画的图为1.2.3,况及有对广色或图形的吹序进行反转,也没有对图形自身进行反转。随后,主试在他面下,翻转页面,让他建工页面翻转后的结果,然后把页面恢复原状,要本被试查新画一张图 这次阳第一次一样,也就是说,既无局部的也无整体的反转 情境B中的反应类似,不过这次在经过多次尝试后进行了修正。

(Ta(6;5) (T

有一次长时间的尝试, 如他画的图及有任何反转, 仍保持原料 情境B中的情况也是这样。

图此,我们看到,像地图实验 第一节)的水平 IB中的情况 相,对称仍没有被掌握,被简化为没有连反的简单双射 在这些反广和能或功进行反转的水平 IIB之间,我们可以收集到 定数量有趣的中间水平 即水平 IIA)的个案 从 开始或之后不久,处于这 水生的被试就懂得翻转页面的过程中还包含旋转,但是他们具有在各种试误之后,以及有时在手的缓慢转动的量助下才能成功地完成它们,这与道路图实验中见到的情况相同 此被试至此仍不是去。何彩色图形的顺序,而是试图对它们进行某种程度的反转 例如,在情境习中,他们可以将旋转想象成是相对于精轴而上纵矩来进行、尽管另种旋转只出现在情境B中 另 些被试在单个图形的反转之前就达到整体的反转。看下面的例子。

(im(7;11) 特境A中,在把1函在左边之后,Cam停了下末并说:"它错了,因为如果你合上(意思是如果你把页面翻过来)··"接着她正确地得1,2,3 反转成3,2,1, 但是图形仍保持原料,仿佛它仅是一件关于平移的事情 相反,在情境13中,她成功地进行了旋转。

Bil(下; 3) Bil最初没有进行任何反转,随后他通过尝试喊吃:"不对!它是向后的, 内方它翻过来了 蓝色的那个(3)在美上, 而红色的那个在最后"此外, 她将精力集中于图形的反转中, 不计是通过试设和大量的手掌转动来进行的 结果是正确的 在情境 B中, 最初对图形 3 孔子一个错误, 通过第二次的一般重要试取得了成功(没有考证它)。

[Na(N:1)] 像 (Ger 一样, Na 在情境 A 中最初也没有颠倒 1, 2, 3 的顺序, 并且也没有可附在两个铂土转动图形。在第三次会读中, 她画出了颠望发生的情况(没有考证它, 在其中她得吓序都在成 3, 2, 1, 如是除了无须反转的 2 七外, 她在图形的细节上没有任何进展。

Jin (4:8) 最切、Jin 没有进行任何配转 接着、她自己进行了校正,对顾序进行了反转,但是有转动图形 在几次试设后,她在情境A中进行了一次双重反转在情境B中,她正确完成了每件事。

下,相对于第二节中的那些反应而言,水平 [[B是一个动显的进步,因为成功是普遍和快速的。

Nat. (7;7) 在情境A中, Nat 对图形进行了正确的反转, 但是最初忘了对顺序进行反转 她主即注意到了这一点:"哦, 泼死! 我忘了那个'在情境B中、经过几次犹豫后, 她正确完成了所有事情。

Na(9,2) 在情境A中,N1立即成功地进行了反转 他用一个手势扫明了图形1的横线必须定位在什么地方 在情境B中,他获得了同样的成功,他利用手帮助他确定了图形2的横线所在的位置。

Bir(1);11) Bir取得了与Ni一样的成功,而且及犯任何错误 在情况A开始的时候。他的手做了一次小小的转动¹。

CYP(10;1) 没有效任何动作之成功地完成全部反转,不过伴有强慢的况息 St. 10;2) 相同的反应 然而,在情境A中,St.在图形3上犯了一个错误,但随即使改正了。

年龄从自到12岁的被试与面临影准被试的不同之处仅在于他们能更快速地充成这些任务。这表词子。个系统的形成。正如我们在第四当中看到的那样。因此,在像阅读一幅上下面倒的地离和规则由新转页面产生的倒置物这样表面看未全然不同的情境中,我们观察到反应的演化进程存在可是的拟合(convergence)。这种拟合似乎显示。对称式对应的建构也不像我们依据知定式和图形式对称的星型特性而假想自那么经易这样的原因似乎是在从状态之间的(因此是内心射水平的)双射。一对图形对孔未说、它已经够用了一一发展到适过反转形成的问态射水平的)双射。一对图形对孔未说、它已经够用了一一发展到适过反转形成的问态射水平的双射组合的过程中,人们将对层归属于转换。在情境不中,这些转换通过转换间的对应科互联结在一起,而这些转换间的对应正是使它们变得更是困难的尊求。具有各种对称的结构或性减乏其自身也推论性态射的特性。适过各运算阶段所取得的逻辑进步,这种从调性也说明了对称形成迟缓的原因。

一 1 享文在这里高亚有错。享文所指《是图形面》情境,但是深落形之初诸无意义

第九章 对称中的冲突

J. 皮亚杰 A. 卡米洛夫-史密斯

力子对形坏不是直接在加工上呈现、而是正要被武型据过反对应进行构建的对称作于更好的分析。不可看于届坏机分离的对称被证明是有益的。换句话说。不将自己局限于从中一系充中产生的对称是有益的,可能从章的倒置道路外或透明事实就是这样种单一系统。反之,我们需要利用包含多个可能对称的多值系统。这些可能的对称全都可用于解决可一个可能,但是包含在它们是身之中的关系加上分不同一人平的平衡再次提供了这样一个可能。在某些告兄下。包含在这样一把大平中的关系在本质上,逻辑性的;也们是相同物体的重量和数量之间的关系;在另一些情况下,这种关系要标散环,有可甚至仅以随意的构造为依据一关系上和客体上的支化性的益处是双重力一方式。无是看作用的大系为材料。体理的需要的一方面。无使我们区分许图形的一个同的物理的或者逻辑一算不同。

一、设备与方法

人命使用,为定 把气房上房上操作的人生 它由 个支架和 报常有15个孔的长木相生成 几一可以各支点插入15个孔中的 个。从正把木相摆成了称或不对称的形式 为了使木相生离。就仍可以挂在支点的任息 为 这些就仍呈现出四个特征 第一、它们全是各种的,而且数字相互接近的砝码在《上人小上相似》此外,它们被做成数字1至9的形状 在每个成码的图部还表了 个约了 第二、它们的重量存在定量差异 个数子比。 个工 个单位 目记。数字1至1个单位,数字2至2个单位,数字3至2加1个单位。以此类书 第二、每当供码上数字1至5中的两个和数字6至9中的一个组或。因而被武器气把小数字加在 是未填补它们与大数字之间的差值 如果已经有了 套约定。那么随意性的增加点更多地由另 识数字的相加造或 刚才描述的形件数字介度和色。第一组全面是黄色 它包含的元素以及这些元素之间的关系都与红色组的相同,不过美色数字的重量略大于它们的红色对应物 然而。这种差异是

如此小,以至于只有用秤称一称才能发现。

询问通过下面的步骤来进行。

- 1 主试要未被试把所有的红色数字挂到不行两点的专用钉子上 被试可以提他希 皂的那样来做,但是在结束时,不行必急是平衡即 同此,被试可以决定是先在木杆上 挂砝码,然后把它放行支架上,还是先扎木杆平衡地模在支架上,然后挂砝码。对被试 使用的不同方法,进行分析,包括回题性和配笔性调节
- 2. 用红、黄两红数字做相同的声。付年龄最小的被武、数字的数量减少为1.2.3各两个,4.5.6.7各一个。对其他被武、仍使用两个完整的集合。除了第1点中提出的问题外,在这种条件下,被试还必须找出红、黄、集合的元素在重量上的差异,同时找到,种解决这个附加困难的方法。
- 3 主战以不对标的方式把没有排数子的木杆门定在支架上。因此,它是不平衡的。指导语是使它上衡,但不必使用所有的数字,使用组色缺码。
- 4. 从第3点的智果出发,发长被试把一个原本排在木杆。 高高数字移到和反的 端上,并仍使木杆保持平衡。这里有几种可能的解决方法,其中最轻益的一种是换过, 亦即,交换木杆两边的数字,同时使未高到支点的孔的数量保持不变(这相当于扎整个 装置旋转 180) 当只要求被试改变数字(通信是 9. 因为它在长臂上有最大的影响) 时,利下的数字不足以用于通过简单地沿加补偿试动的方式来解决问题。这通使他去 寻找别的解决办法。
- 5 实验者以编言中心的方式取置挂着研码的木柏(在孔6—1排气色研码9和5,或者在孔5—1 扩美色研码4和8+2)。使它处于平衡状态。要求被武杰加2 个相同现色的数字,并否使木杆保持平衡,随后,再增加两个,仍使它保持平衡,诸如此类。这样做的目的有主确定被试在解决问定时使用的只是两个数字之间的绝对差异,还是数字之间的比例关系。

二、初级对应

被试最初产生的对应当然处于简单的图形对标水主 换言之,他会把一个物体柱

- 1. 不清楚支证本是为是集社percedes和percetates 17 人名,广告人致于与引人力。然而上名。体验 现他的集体,而几名所不是。出于《种志区、我所证的procede 还为为。 metal 。 的procedure 还为过程 (procedure)来保留这种区别。

在任意。也,而不管它的重量或它代表的数量。在这方面,我们可以区分出水平14和水平1B 水平10的儿童只知道这样做,而水平1B的儿童尽管也这种做,但是他会自行改正,但且开始考虑数字的值,尽管也借助的仍是加法组合。下面是一些水平1A的例子。

Nop. 7(4) 对问题的第一部分, Np把支点特在大杆的中孔内, 因此是干衡的, 随后是引, 6和9, 并用手把它转正 回到孔光, 她在一边挂了一个6, 在另一边挂了一个2, 并且对那造成的不平衡深感吃惊:"哦!"继续会试了几次一边挂一个数字后, 她在一边挂了8+6+7, 而在另一边挂了3+2+4, 也就是说, 每边挂三个物体, 接着是5+1+1对4+2·5, 接着每边挂凹个数字, 最后在两边都挂上1和2, 从而取得平衡 她对产生平衡的原因的理解是如此之少, 从至于她相信她也可以用6对3来达到平衡 一因此, 再次用一个物体对另一个, 但是所用的物体是随意选取的

(1)(6;5) (1)通过目7. 符支点指入木杆的中孔,接着一边挂一个砝码,而且砝码都是顺手飞拿来用的 《过1"欠会试后:"我办不到"物体减少为最初的6个红色数字,例仍找不到,任何办法:"我稿不懂,它总是正的"接着,他开始用小的不等"1台,一边挂1·2和7·2、万另一边挂6·5·4 接着,他说,"我在另一高挂得太多",然后回到一个砝码对另一个,但仍未取得任何进展,直到经过好长一会儿的摸索后,他在两边各挂一个割割的砝码,1 对1,2 对2,直至5 对5,这种清况才结束一些水平 IB的个家。

Vm(5:7) Vm把支点循入第五个孔,按有试了第六个,随后开始数孔,其中一均有5个,而另一均有10个"这点太多了"接着,通过目用,他有支点插入中孔,也吃足第八个孔,这样两边各有7个孔。接下来,他在一边挂了一个4,在另一边挂了一个7,接有"一个6对一个4:"不对,这样不行,因为你必须使用相同的数字"由此,4对4,1以1,均为"它们一样事" 他接着挂了一个6对一个8 由于木杆是倾斜的,他约用"很小 很小 很小的一个"来弥补6的不足,如了一个2 他讨到一个对一个,但是由于超过5后点没有成对的数字了,他不知道从6到9段怎么做 尽管前面已经加过一个2,但是他没有想到可以使用加法,从而将自己局限于小于6的配对中。

(为16;10) 对于大杆、(为16,10) "它不完在杆子的大儿上、因为那样行不通"接着,他进行了一个砝码对另一个砝码的操作、将6到9的砝码都加到中孔上 再接着,他把7和9奏在一起、仔细检查它们的大小、并说:"对了"他在天平上对它们进行了尝试、并用手把大杆扶正 再次尝试了一个砝码对另一个后。他将8和7挂在一边、9和6在另一边,但这似于是一种配对、而不是数字相如:"我在一边挂了一个大一些的,而在另一边也挂了一个大一些的,然后是小一些的"关于问题2、他将黄色砝码与红色的配成对,但没有用手指量它们的分量,然后挂出了红了对黄7、再提着是黄4对红4"等一会几"接着。例试验了红3对黄3、"怎么搞的!"尽管他进行

了各种会试,但是他没有理解在重量上黄色的大于红色的这一不等性 关于问题 3、木杆偏离中心效置), 他把自己的失败 14各 为"这里有大大 奇思是长的一边的重量)" 关于问题 5, 他用一个2和一个3 这样行不道:"我认知 我一点心也搞不懂 你, 你挂了两个不同的, 为它成功了, 所以我也挂了两个不同的 ··· 可它却不行)。"

显然,在水平14,7称仅与物体的数目有非它们的属性有关。Cal和Sop是仅有的 例外。Cla在实验灵结束的时候达到了水平1B;Sop使人平平离了。会儿,但如复能好 好利用惩的灵光。现一国此,在内告射水平的最低水平1月的每回仅包含器形材料。

水平 18 上取得的进步达到了如Am 互流的"相同。为数字",而这样碾过,尽是"主任 样重",但是不具有可加性,也就是说、到目前为正还没有对砝码进行量化。因此、这 里的对称仍只是图形的对称。Oh说,在四互各打"一个大一些的",被看是"小一些的"。 而且特别,说了:"你打了两个不同的,而已成功了,因以我也打了两个不同的。"它仿佛是 不同的砝码组成了一个年值的类及一个机位元素的类,而这是根据。和定在关系的比较来进行的。

三、重量的量化

在物体的定性重量、它具需自构属对积力和定量重量、例如像5-3+2 相的原大本算)之间,我们发现了处于水平1和II之间的。些个案,无这种可靠性是它们的特征

That(7;3) 在以中心改置的参析的一次上、Fimi推了 [+1]+(2+2)+(3+3, 68) 有另一边见推上了4+5成 移着她月~~~ 等代了4+5 再被下来,她还用了一种在置的序数标准,也只是说,6对 4、除了别的之外。"对了,即;它是靠网的一个"——"如果我取走那个4和那个(吃。" "它含是平的 还有一个有成单的 (5), 然后在那里 5之后,而 在另一位上)它们全是缝的 " 为此,有十分近似于等值的和 自然,对于黄色和红色集合,她有先挂了一个红5对一个黄5等,但是她 经过各种会试也是能解决这个问题 (1)到 红色玻璃集合和木秆偏离中心效置于支架上的情况,她挂了2+1+3对2+1+3 经过其代实试验。她说:"不行,你真地办不到。"

[Na(N;11) 经过多次不平断后, Na 发现了3对3的平衡, "因为我在均同长度的位置挂了两个同样的数字", 因此为有3+2对3-2 对于5对水 "那里() 太原了" 聚接着, "我在那里挂了一个大的 (), 然后在另一边挂了一串小的来使重量相等" 对红色和黄色砝码进行比较, 他首先假设数字相等, 例如红2对黄2等 接着, 经过

几次失败后"如果我换一下边呢 她进行了尝试! 对了,黄色的在两边上都是最重的"她相信她改正了所有错误,她提出"身边两个, 每种颜色各一个", 如两个红子对两个黄子 最后, 她宣称"你本不该把它们混在一起 它们比红色的重"对末杆偏离中 3 放置的情况, 她依据重量和如等太老行公试, 并得出结论:"它是不可能的。"

这些天土加州的值(additive equivarences)式对影的形成方面的事实是有趣的。我们是不在其中发现是5-2-4 这种形式已灵动、而仅发现。此事风行与"所有轻似码"之门口有称。以为"为"之"其化口ma"。15a也门与如此:"我在那里挂了一个大信。97,然后有为一边挂一事小的未使重量相与"有"是这种量化估计分有限。因为15a和信、可以也过没是任他和英信应行的两个"一"的位置。或者替控相同数量为几个生色和真色的代码1的方式来抵消它们之间的差异!

在水平11/11、这种初况。12. 方面早点气量化青到巩固,获得了原性等征式对称,不过仍伴有大量的模索或倒退。

1. A;A 1. 花子果长一段时间来寻找相等的情况, 化是她是依据大中, 公的大为来这样间的 这种情况一直特量到一个经验的出现:"等一下! 为对 3+2)" 随后, 是寻似字朵在, 她往出了 4+1 炒,和 1+1-2 对 4 "鸭吟! 我明白了!"在比较红和美时, 她看出了不等, 并是了了大量会试, 不过行出动论仅是:"两个在一起, 那是不可见的 你怎么看到了!"对大杆偏离中心的情况, 她得出了相同的小极结论

尽管可见作的发现不不是以写实本科编的中心或到 黄砂的混合的门边、然而却穿 合成录,也为它表出了重要对应和数字对 乞词门等价、目此也表出了同态射水平的对 "自由处。结果、处于水平IB的改成《含意过在桌子上排列或部户即依据数字对应。 水面算重量圈 另 方面,这 水平上还有其他 些与门边2和3有关的进步 然 而,在考虑这个之前,我们还需要进行一些界定。

所有被试器为自,红色和黄色码码序与总信任制的加速点。其些,尽管黄色的看来和重。在这方面,当被试通过是合两种。包末取得并否,时,名必要这分一下两种形式的对应。当两个红-黄怎合之间的中型与尼国的中色研究和和压力黄色破伤的效应。本种两臂上都挂"丝 5+黄4",有这简单地写同于将作等从"红 5-之 5"和"黄4-黄4"营入机关时,我们称之为"直接对应"一个举,这是相对经历的。相对地,我们把一种更难的组合称作"交叉对立"。在这种红合中,是个红色数字和某个黄色数字与一个不同的黄色数字和中看。 计第一个组色数字为第一个不同,同时第一个黄色数字边与第一个不同。例识,组写有对组合数字,对于未样的为中心的情况,我们称谓河南军里和距离合合起来的对立为"补偿对立",造成积为"位置对户"的原心则是在木科局中放置时是正确的,在保与中心发音时也是错误的,如此它们一与一个相同有智的重量和数字对称有关。也可是说,这世化一位对外于水上的和118个同时它个案的情况。

下(19:5) 用天平也行试误看,下,更简言在桌子上摆出出等的对(1 1至,5 5) 成加法警点(1) -6) -(1-7):"一个大的和一个小的…… - 1的加强的和努的加 重的"然而、直径的是、虽然仍迟祥使故了的和与《自己打算了、石目事次上记 由此承认了数学对几和重点对几个可的等价。然而纪开是有重过充分的概念化 来省识到这一点,"你是说它一样干吗!你认为两边的数字一样吗!"。 17 2 了一下砝码:"是的""如果手管约司,那么多和也是一样的吗?""不, 你不怕那样说。因为这个有一个小、面那也没有一处是有两个分和两个方面话。那 么,是的,但是我并不是每次构使用知问的叔宁"对于红 节况合,他迅速发现 了它们的不等性,不过即便如此,只仍认为了一个红1对一个节1,等等 然后, 他说:"我有一个更好的主意。在边挂一个手的和一个轻的"他由一个"广长 的"对凡(红2+黄3-黄2-红2 开始,接着发到了一种"足叉的"形式(红5+黄6) 黄与+红的"啊哈!!用显的满足的"一种毛""飞的,因为它是有句 下沉"木杆仍击中心:大量法误后取予成功 用汽车"如果要把砝码)挂到另 一辆去,价可以怎么做?"他把两个3挂在另一点,并且先是许支点移到第中 个孔上,然后再移到了正确的第1 孔上:"它沟起太大学针摆一样;与这边太重 时,你就把它挂近些。"

Pho(1);3) 同样生活多次试误后,Ph. 取寻了(N+T)(9)(的对生"可数相可吗""不可,因为最后、意思是在1 、2)等配对之后,在药也上价支有相同的东西""它是平衡的吗""是的""它不是利可的系数吗?""不,我不认为它们的总数总是相同的"然而,后来她走得更近了:"相同的和吗"等等"不,我不认为它们的总数总是相同的"然而,后来她走得更近了:"相同的和吗"等等"不,我不认为它们的总数总是相同的"然而,后来她走得更近了:"相同的和吗"等等"不,我不认为它们的总数总是相同的"然而,后来她走得更近了;"和风在那点也

可则是21 吗。'对于红和黄的宽合、铯只达到直接对应、"先红后黄'地挂 对木杆 倘若中心的情况, 经过多次错误后。她是写"取写了成功、并且说:"与木杆长时、你需要更少的数学"作而, 她并不理解那种情况, 因为在偏离中心的情况下获得过一次平衡, 而她认为可以通过在每点的划了成上添加相同的数字砝码来保持这种干衡。

Y(11,8) 尽管他的年龄和也在可加生方面取得成功、然而Y(c并是理解总和的相等,11.10以及在文艺建筑、另一位受建多少 "可引是38,价需要算一下。如果不数,你真的不可能知道。"

尽管在广东问题上都取了了两支高于水平III、17世步、然近这些中国水平的个条计大这只要的。当在于不同。对,支对标中。11年末,但这些冲突是在行还无去克服的在这个实验中,在这支对铁局自数量之间15对户。如水平11年116(产对称)它们的恒子式之间的对户。如水平11年11年的等值对称)及它和之间对户。如水平11年11年的等值对称)原以区分。我们发现、投入负等。种对户形式的运用查无问题,在他们只能在动作上一小监不整件上)的标题。经历,在台湾支权者是较《部分概念化》的层面上,他们相信它和共使两种政行区别。不这些成是看来,是证明。元素的总数不同关不等,那么无不会有相对的行。

Bir(1):6) 學 [(1) 解, Bir 是初现在实上意行计算, 并且说,"除了x 对7)外, 每次有期间的设置", 为上发纪了,"不, 1)是6分1" 这产生如下的用合:6对分1, 4对分-2, 4-3对分-2 每有, 何太专:2一个明今1 或到白了, 那些认写, 它们相等于重量一点几不要("此刻, 乃取, D、和Y、 机们已至扩展用力至一点, 不过只是在动作上写了 不同, Bir 根据总和2行应考 《和多和的思想使他们发施等所有红色数学相加, 5 从中的寻出方论:"6、因此分之30。把把9+5+分-1+3+3+4样在一位 31、然后其间的挂在这边。相反的一位)"他是有再为它们选择上去了"你怎么。这样肯定""因为我在又包建了3), 为它们是共是间, 因此很明显:这边边是30。因为引和数量一样多的重量, 所以价算出制同的数量流行了。例如, 3 如 3, 那么, 在另一边的"对红 黄混合的清记。他定即说:"我要看看它们是不是一样重(实试)不, 贵的书一点"例如, 需要的排泄等于(的红色数字(6-4+2-5+1-2)类+12红 对大种偏离中心的清记。他愿望即推断等于(的红色数字(6-4+2-5+1-2)生 对大种偏离中心的清记。他愿望现在完全了成功, 但是由于对"为知"较乏任何了解, 他等不等归周了"那根大杆, 写你长的时候, 它也有一点重量" 问题和: 为了把9挂在另一边, 他简单地把木杆调了方向。

(int 1):4) 延到一个小错误:"出为了重了, 所以我算了一下得多少 在那边木杆的一也少一个" " 放字 " "不是, 那是去故(意思是砝码的数量 1, 取得出 · · 得出 · · · 得出 5 和, 胜 1" 对红 黄混合的情况, 经过几次尝读后, 她从直接

对历(黄2+红2对红2~黄*)转到,丰支又对"(黄5对红5+红1 在大杆偏离中心的情况下,在广次转误后她获得了成功,并说:"因为它是不等的'为了修正一只臂上一个砝码和另一只臂上四个之间的不平衡,最初她只是简单地走行了换边,竟后她改变了四个砝码的内部一序,而且这样放了两次:"不对,那样没有进行任何没变"最后,她终于添到改变支点什置的方法上。相反,她似乎闭的,为了在非只能上增加一个新砝码(因为偏离中心而不平衡),仍必须选择不等的砝码

I.i.(11:5) 经过加法记录后。"却及我在这边挂它们中的年,在那边教需要挂多少呢(多很多的场体。""这些需要更多的。不对!你也是挂下,门为在信息面有12和12 对了,争次告积为更到门的故量(当和。"还 莫尼合。公和不等是公然的。"因为我从为三个还的差不多享了两个黄的"。他像快速在木杆偏当中心的情况中取得了成功,但是把破码的不等。因为于为背自身的重量:"这些的木杆是长一些"相反,与在不对似的情况下添加好的砝码时,但是特许不到了的。最初,但选择了一个1对一个1,由于天下分子,也叫这一"这不可见!"或挂了一样的东方。正常情况下它"以行的呀!"对3和3+和+等,他的反"也如此"仍说:"我不为的既然它(在不可酞的中)是平的,那么它也一致行一尽管它(木杆)不在中间,但是你有面用这两个(约和5)吃,使它要干了,我指不得为什么两个10不行!"

An. 12.1 尽管已至到了这个年龄,Ai、行在门和的问题上批求了一会儿在使用和为14的红色缺陷下侧层。"对了一位是在集边挂得可能是的为你的。"是的""什么是和""与你还是在集边挂得可能是和"""是是在身边挂得可的和吗。"是有了,在不多一不好。"是的,却问的一个一次这个是为,那么那边有多少""也是到,我看了一定2000年是2000。他就红的和黄的时,她也行了多次尝试。然后挂上黄6对红小红的一个好。不是多了2000年,她转到直接对了一个变换一个分和一个的,她看在2分了一个2,在右边加了一个3、失败),然后把它们换了一下(成功——间,可是记行吧"——她在打了的地方挂了一个3和一个4。是了一个一个有意思!她找了一个6和一个4。平了。)行了。但是我真的不明白为什么有两个差值!"

自允,我们看到了在水村。中以后的占记下,数了总和几相等是如何完成权了和重量对应之门的那种包含射水平的社会的特别化。正义种精制化自水平110元已至11万元战。这种精和化的普尼与中日水平个条。存在占合在一起是有结异是又的。因为在表现了各门会讨水平的和内名射水平停身;区分开来已那种各规关生。是些中国水平与个案就像 [va Pa 和 Yue 等的表现一样充满矛竿。从水平 [8] 的内含射水平均对于之一。些被试(如 Yin 和 Oli 发现。"相同的数字"是"。样子的"或者说"小一些的'利"大一些

① A.卡米洛夫-史密斯向我保证,对平衡来说,只需要近似相等的力矩。

九",这些似于暗示。个数字与其重量之间在可视察的形式上存在。种内在关系,而这种关系是简单地通过必验发现而获得的。诗巧的是,为了从这一点推论运来种同构

为得重量的相等与被看作计量当量的它们的数字和的相等之间的同构,有必要跨过把水平IB 9岁6个月至11或12岁)和水平IA 5或6岁)分隔开来的那一整段发展过程。这无疑是事实,我便是对小集合每等,重量和数字的可加性早在水平IIA(7或8岁)就已被几乎获得了! 造成这种差异的原因是十分增确的;这种组合预先假定了一种"推企",或者换句话说,相同等级的两类对应(重量和数字 之间的司查射水平的对应不仅是不管上的存在于比较之中,因此与运算性转换不可,它因不必修改其内容,为则会遭到惩罚之何可产生的比较增分被证伪。同意射水平的组合的形成也遭得这一规则一它们不改多发或物。这里是可量的和数字的)相反,在将事物的人对应的层级中,它们构成了更高的一级,因为它们以推论的必然性作为基础,从全有特别化的过程中就已对比较的工具实施转换。

四、超态射水平的概括化和相对化

从12岁年,14岁几个身上,我们视察到两类作为我们的最后一致水平特色的进步就未有居中取留的情况而言,数是和重量的对应,在可以其建自形式加+1来是水)允许被试直接由身和开始,随后在两个方臂之间分配已信。个手佩的中心放置的木杆(我们在第十章中可以看到,这个水平均几至已,了理证了方面太凡,否加到一个平衡系统中品认例。定是与桂花的边际相对应的(元/>n),因此是成化例的,在不再是绝对的,这就是说,它们之间是相等的(如 Ana 和水平 IIB 的被读的情况)

Mill2; 3) 对月题1, 他起设备全租在桌上。分成两起,然后不加区别地把它们是到大杯上"好了, 我看了我有些什么东西, 我算了一下。今共是的, 然后我在多中各样了30""相对教管的物体吗""职我就不知道了"那不是问题,则是是它们是否相等""相等吗""是的, 总数相等, 从像是你使每边都有31个这样的小1"红 美国合;同年的校作和分对 对编考中心放置的木杆上不等的砝码。从在一切增加了一个3, 有在另一边增加了一个2, 然后是一个6对一个4. "是它加有""与什么不是4至5见""不是, 你写得如两位或一半"他还提出了8和12。

Ali(14) "我成11地分准 文要把整个加起支、然后把它分成两份 那 4, 它会一样重 " "约肯定吗" "对为对牧来说、每一份在数量和重量上 都支撑越来越大……即使知此、权 5 是要岭查一下重量是否相当于数量(他挂上了8+)对 1, 11 对了、每一个公司比它之前的那一个更重一个重量(他挂上了7+

3对6+4,然后4+1对3+2 "对红 黄混合、比把支点放在偏离中心的红置 超过两次尝试后,他找到黄1对红4+黄)的平衡,并一开始对知道长臂上需要的重量要少一个,"因为在那里它更灵放、不过我不敢确定在那里(短臂)我挂得够不够" 附后,对水杆居中放置的情况,也在每边挂了黄 9、红 11 " 与心,黄的要重一此""但是这根本造不成任何不同。你要算的是你在每边有相同的东西"他笑着打出,人们可以给两精楼各加一把特了仍使它们的重量和等,而"不用和心楼和椅子是不是一样重" 对大杆偏离中心放置,而用不可砝码使之下衡的情况,他立即添加了一个3对一个2、然后是一个6对一个4、"因为如果我使它加信,那么它比是一切事了",并且有快地切到,他的比较:"如果在一边放了把精子,而在另一边放两把点行的话,那么在一边放三栋楼,为在另一边放两些也行!"

在对问题5的复元中,这种用或定任。数量率特代绝对值的相对化,但不起来但于构成的只是相对于水平IIB(见Lau)的惊球、声,在水平排的进步。但是,它只代表了种更一般的特性的一个方面。它在于一种计算方法的应用,可以使得否射的组合成为必然的和"自由的"。也就是说能对任意内容有双一在以方面有两个重要的事实。第一个是一个本种中中改善的性况下的。但和程序可能的一块方案从一里处就已扩泛。而不是由先前的下特定的怎么组合。生行一直还在把法仍有穿地挂到水柱上之间。在桌上计算它们,并且紧接着把它们的和分式相等的归份,被法给自己提供了一种一致恢复、随后,被武把这种核型应用于任意的集合和子集。第一个。这本仅是一种简单的工具性格式,而且是一种包含了你之间以发那样做的,因的模型一届坚持发通过同用递进设建来消费地表达和证实它们。这种递进现代是n+1的人系一因此,它是应用于重量及整个数量的数字等继是(successor)的意则。如果我们把那种趋态射水平的对应定义为求属于一种运算性计算工具的态射的组合,那么这种与对任意的和成比例的关系的证服相结合的推论性从属关系(它们自己自然也行的主这种格论过程),使我们可以认为这些反应具有超态射水平的特点(比例是关系。同等价物,等等)它有别于问查射水平的行合,因为它是对应的对应。

这个研究合出了。个关于作为比较工具的发生性对应转换的新的(和好的)例子是然如此,这些仍处于发展中的工具保持和表明了。种水和的功能,精确地说言是比较的功能,是对更一般的"同化"内能的另一种在不同程度工存在领域开始的表述。但是,这里不是讨论功能的相对不复性与告拍的逐步建构之间关系的地方。我们在本书的总结部分将讨论这一主题。

^{1 「}思 下 从司库子主来看 trais 音》 解显微 如心陨的 transfinter 起来的 transcendente 声信 高形象突然性改变ctransfiguration。等 而于只要体表"在一个中"或"在一个可一在15又主人上合外

第十章 对应与因果关系

J. 皮亚杰
GI. 沃林(CI. Voelin)
E. 瑞培都赫(E. Rappe du Cher)

当我们走。直穿经和心纹内科内基情况时,我们发现我们面到没问题了。第一个 走入主"金天性"的问题。会法惟在病数中是是再易见的,的函数在本质。有别工作 豆形式自引应。这是国为合法的函数不仅在主两种转换(77)) 结果之间的比较,而且 包含了、和、的变化和互依存的思想。当儿。依据这类对方去发现协变之间的依存性 可, 他高级对它们进行国界性解释, 或者, 换言之, 高发说明为什么这样的依存性是必 要的。积据我们由心的假设、国集性解释在于将现察到的变化同化约某类运算中,而 这类云算与被武自己的云算相似,但被"归写"于各体自身。在周果解释中,客体因而 被看作是算了。事美上,那种由被识建立的。关于他现察到家村上客体之中的变化与 他自己的运算之间的对心脊梅成为一个同是一换气之, 据种面被武发现的, 关于他观 死世的过程与包借也的通"季换季之间的对应带未了更多利难。然而,问题不可,虽然 北兰建构的观念中或清楚戈不清楚地显现着第一种对应系统,但是观察者加无医将其 代理出来 医元国为负责使之产生"国"的机制不是意识性的 因此,心理学家的1 作元之人确认被武为了解释现象之间的、主联系、适考是如打运用其数理逻辑的、特 另三其一可的4"逻辑下"的《算》与一些人的看法和反,研究者可以轻易地分解出 见。正使用的那些运算,而不将其与龙人理论家使用的那些混为一次。用于实现这一点 11 最优量工意的方法是各几章的运算 12 后冷设的支算相比较 重然如此、夏想在 合头性的层面上对引集运算和藏试已经使用的那些运算加以区分码存在一个困难。 一上完上, 引而易见的元, 即使是"真取"事实, 被武都需要一个数理逻辑框架。然而, 在 尼利情息下,事产仅仅只是省运算作为同化工具"应用于"客体;而且也不是将运算在 真上意义上"归属上"客体。尽管这样的人分使分析变得复杂了,但是,被武实现的实 与转换与他自己的运算或概念格式之间的对应的重建才是一个长久的问题。

D x和y之间的双射,如果 r=f(x)

[,] 适用于车步水及《片纸、刮孔手提表部片关系与广州切得。1有分组、等等,因无适用于各体的建构、而非它们的类。

一、设备与方法

实验所用设备包括两套装置。

1. 杆程 种村是 想铁棒, 上面钻着 24 个等别分布的孔 适过这些孔可以把言而定在 个支点上,同时也可以把总质拉在它上汇 化为偶数使得这提行必然是不对私的。砝码全部相等(见图 10.1)。

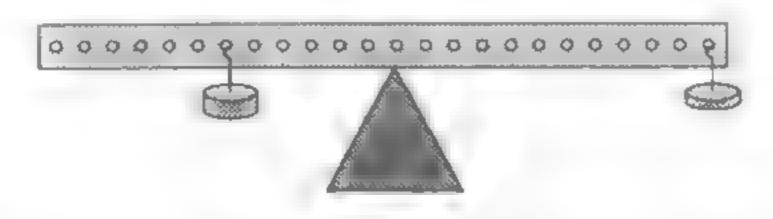


图 101 杆释装置

2. 轨道上的小车 小车位于 积轨道上,的轨道的份价。复与可支持 元外,通过 根细缆和一个定 计轮把它同一个租赁状的上离的,称之为托品 连接示求 实验者可以 在小车和托盘上加缺的 "这些战马也全部利等"小车和 托盘的重量都没不是主,没有在公知明。如果出现平衡,我们可以得出户。企业的人意,其中产程产分别为小车和托盘的重量,面α。 个 角函数,它表示轨道的坡度 见到102

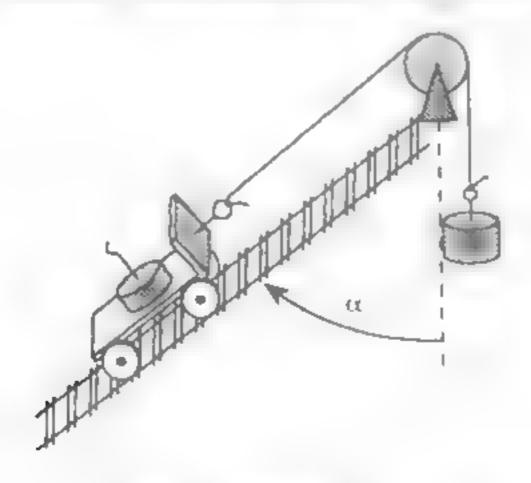


图 102 轨道板车装置

最初,主试给儿童看贴抱和,并让他被几件事情,以便"明白它是怎句工作口"。吃后,他要求(儿童 解释砝码及其到支与已不等产生时和社会是未时制作用。这之后,他要求(儿童 解释砝码及其到支与已不等产生时和社会是未时制作用。这之后,他转到第二套装置。

对第二套表置,主武还是尤作一个等及的表刊。然后,他轮换着安求被武师与什么动作会导致。今已知的结果和一个已知的动作会产生在么禁果。以到102是小的小车

在项等的情境为参考,第一个问题的一个例子可以是:"要便小车品轨道下滑,必须做什么",主武接着要未被试得他们应。和发现联系起来,并解释"岂是如何工作的"

对两套装置进行第一次比较后,再对与套装置作进一步的解释,接着再进行新的比较。就一次比较来说,指示语知下:"你拿这个东西装置),我拿另外一个一你必须跟我做一样的事情,如,让一个砝码更靠近秤杆的支点。"

二、内态射水平的对应

我可见到当第一种对应只要支与部的和属时的可观察物,而是有它们之间的组合 有时,它们是正确的,在可是不上确的 是其是在省一个原料之外的事实看作一个内容路的手机时一 在安下进行到 号和景艳时,却于是作用的寻求不止一个,它们最终可能是完全矛盾的。看下面的个案。

1 (1) 对小车、「由开始自从予只有部分印解。"它下槽,因为它(比抗度)。"你必有在那里(托坎)加1个砂码。你后它(小车)"上升,因为那个(托原)。"下降";"如果你(从托度上。拿走破码。小车会下滑"一)实验没有证实她的说法时,她把对一句了过来;"你必有产走小车上的破码。它有下槽""为什么""为什么""为什么""为什么""因为它更重,因为你让它走一定记上几了"如果我们再在小车上放1个破码呢""完全下槽,因为它会比影里(托皮)量。她进行试验)。还是那种"一一如果我们拿走两个破码呢""完全是经、下槽"1面最后甚至说,如果小车上升。那是"因为它们一样重(它和托盘)"。

\m(,6) 对于杆环: 化最均须针,一些挂一个砝码会使拜杯保持水平"如果你没用某个重的东西,会发生什么事情""它也下落""那么如果我把那个放在口》。一个砝码, 但是在另一的一院"——"它会停那样动(向砝码一边领行), 成户停那样(没有砝码的第一句)""在成众开释杆,它摆至一个垂直的位置"有好玩!""爱把它摆放到先订一样,必须放什么""你必须把它们两个砝码) 放在两边""在成汉拜改了, 乃秆秆针向一边""它歪了!""为什么""为有两个飞行""那么这样,第二个孔,这使秤杆水平1呢""为什么""用为它在这一边的下量没有在另一边的重"小车: 与主试在托盘上放一个砝码后,它向下骨""因为那个砝码"重"一"那么,如果你想让它们到上面去呢,"——"金走那个砝码""如果你不那样放呢,"——"在这里(托

²⁾ Vin说的"le plaque",意思是那块板儿,显然指的是砝码的形状。

盘上)放1个(主试这样做了)" 让小车又向下走呢" 从托盘上拿走这个砝码"——"很好 还有别的吗" "(从小车上)拿走那个(进行了试验,失败了)不对,在上面再放1个"侧发现,扎盘上的两个砝码会使小车上的4个砝码上升:'不可思议" "如果陛下主上面放砝码,也不拿走它,你说使它下滑吗" "像那样(他用手托起托盘),大者在托盘上放了个(!)"主试向他重示,轨道的倾斜变是可以改变的 他最初利心,把它抬高一点儿,她后使小车下弯"下滑吗!" "我想是的(主试这样放了"啊,不!(主试把它抬得更高 它(托盘)降得更多,所以小车件动了" "那么,这会问到上面去吗" 他把轨道抬得更高 ,小车再次上升。——"为什么?"——"因为它上升,小车。它没有滑动" "那么,约到这个托盘上不是帮助它上升吗" "不 1.哦,几 不 1. 正是那个(轨道)帮助它上升的"两套装置的比较。"它们是一样的,那个 针杆 和那个(轨道) 砝码也是"正试试图让他在小车上重做他自己在钉上减过们事情,但被试局限于把秆秆和轨道摆出到问的厂厂变,以及对靠套装置上的2个放码进行比较,说:"那边比那边重(左和右)。但是它们是一样的。"

San(7;) 在假设可以简单地通过在每边放射等的缺钙未使鲜年制后,San认为,在支点和砝码之间"有更多孔的影动会下降" 然而,她没有看出司办车的相似之处 为了使小车下滑,她看先是住托店里加砝码,为不是先心小车上加 那样吹了之后,她发现与托盘上有1个砝码时,她又直在小车上放4个,而且3个都不足以使小车下滑:"一个上放4个东西,而另一个上放1个,他上坡是这样的吗" "是的" "那么要让小车时到上面去,你需要在托盘里现多少个。" "5个(刊。从1+4)1"试着这样做(这本处该使她摆现这种错误的想法")后不久,她发现与小车上有8个砝码,而托盘上有2个时,小车向下滑 为了使小车再次上升,她沒有向礼程里放了10个砝码。——"为什么?"——"因为那几有8个(因此,10=2+8)!"

这些反应最普遍的特点是缺乏对相。建立的专厂进行组合。所有最高都丰分高级地市最简单的假设开始。他们支者假定、在对移向高况下将出现率的。正这里的对称定措,表置(使用小车支者和 两五十物体的数量相等;支者假定供约多的那边会下降 当事实设有证实这种预期时,出现两种态度 第一种表现为忽视那个干扰母亲,不当做任何事情,这达到与事实相矛盾的程度。作如,San两次发现托品上的工作小法码是使小车上的工作大队码上升,但在随一的推理中,如原本设把它们当作事实来看一为了使小车上的4或8个砝码上升,她往托盘上放了5或40个砝码。相反,第一种态度表现为近过创造一个新的对应来使那种预料之外的事实成为一种理所当然的情况,不过这是无规它与先前的对应相矛盾之处的态度。因此,Tan在正确新言要使小车下量,它必须比先主更重(或者使托盘更经)之后,量定运过,你必须拿工小车上的砝码,它将下量",并

D 因为当她往托盘放额外的四个砝码中的第一个时,小车就上升了。

目还明确地说"它会变转,下滑" 类似地, V.n 勘定, 我们于以通过拿走小车上的砝码和由往托盘里放5个砝码,来模小车下滑!他还预测,一边上的单个砝码能使它向任意一边倾斜。此外,还应该下意的。点是,这两个反应中时显缺乏组合,这点也明确表现在依据轨道关系来连接单个事实状态的不同方面的倾向中。这仿佛是获得了它们之间的一种或多或少必然的关系,尽管其中只包含偶然的疑巧。例如,在观察到小车和托盘上有相等的砝码使小车上升后, Tan 竟然成小车上升是"国为它们一样重" Vm 将种村倾行的原因简单地归结为"有两个"过程。在考虑上升的小车时,他倾回于忽视托盘的作用而看重轨道的作用,认为"贴个一轨道,帮助它上升",而这上如在下骨的情况中,它帮助它"下带" 村 这等于说,在一种给它的状态下,如未事情"修那样"如一个7岁0个月与被试表述的房样),那么国为"它们必须像"。据句话说,在这样的情况下。种"仍必然性"在起作用。概括追说,这是一个健康和房可能算出玩的障碍;让,体而音,它别第一种台支。是还支了任何对户不会的产生一个主要考之间的比较,在这样的情况下,两套装置的比较当然具可能是形状上的比较了。

三、间态射水平的两个阶段

就像我们前。但看到的房野,水平上的被试先法整合加料之外的土扰性事实。他们 复么要视它们,要么修改它们的格式,自改有。例到土地造成房子所。但此,没有任何 人才未准合的告试。相反,水平上的被试是制自己对抗因素进行整合。这才不出明显 的进步。这些行业具体表现为自发地发展轨道信仰变的作用。以为生合的出现。然而, 必须认识到的是。在这一水平上的见其可加州准合得只是局部和部分的。只有到了水 军工B,更多统的任命才以一种无可争议的方式明显地表现。未一在这一水上上,我们 可以看到重量和空间因素之间更稳定的组合。

下面是一些水平IIA上可见的过渡形式的例子。

('n(7;1) (n柱了一山砝码在释杆上,而他认为它们是不等的 在纠正了他的错误观念后,此说:"那个更重,因为它更靠人上(考支点更忠)" "它的重量发了吗"。 "是有,但是一旦它变成都难(向下斜 和那样 向支点靠拢),此走了"他成功地找到几种平衡状态 关于小车,他非常序楚,要使它下滑,必须给它加载或者给托盘减载 几外,他还自发地发现。"你可以降低轨道"然而,他仍然对小车和托盘所需砝码的不等感到"x讶,由此产生不同的假设 一种完全有效的,但(n的本形成的假设是:"那几(小车),它是年的"另一种是小车上的砝码是平销看的而托盘上的是重查在一起的:"那么如果你把小车上的叠起来,你就不需要那么多了吗" "可说,负面及下) 我不知道 提奇怪"两套装置的比较只产生:"那个下滑。而那个上升。"

Mar、8:3) Mar 认为, 砝码在每上的可变动作只来自"它改变挂孔"这一事况, 你是她找不到解释这一点的任何理由一对于小车, 她非常手斐增加或减少砝码的作用。"你也了以把它(就是) "成员", 也是除了说"这几(小车上), 也比据已经"且还没有说出为什么之外, 她没有否约到的任何关于砝码不到等的解释。从两个砝码不足以让它下槽的事实中, 她回过简单地扩展对任学出售论:"那么3人不行在得到证实后, 她知识。"你必须在上面放4个"对于表置用比较的可提。"也几乎是一回事儿。一边上升, 那么另一边下降。"

Rin(x,x) 对于小车和北京上战码的差异。R. 哈出了门样的反正 她的说。"你可以放纸轨道,针纹公更是"但是,这里出现了是专,因为Rin,比似了轨道水下和倾斜的情况。她说,在第二年的见中,它(在托套上 肯定"见当轨道在那儿(水下的)对价" 对表是因此处,他已。"它是一回事 在一件上章,写在另一步上写。

Scires, 4) 为了债分有上年, V。记:"行犯轨道并可查, 然后拿走小车上的破码"把盘比分车"事""纪是如灵作司手指一下已行吧"。"是时, 纪是如灵行犯机, 机造用切灰, 它是重……因为犯过制作, 为起太"对于籽秤, ",被码在口目前, 它是像没有任何主旨一样; 与こ为中国"流化, 它像是有任何主"一样"

Ar. (9:6) Ar 把小车和把专上的砝码的不等 1周于轨道的程度 "自信分动机", 时, 对小车未说, 什么支了"一"重点, 表是部件目的"为1亿组化, 与纪则处于45, 小车和把盘在对毛在飞上的, 会出现相等的情况。在那种清况上, 小车"他找在中国(为侵的中国、因为那样停车等相同"。在是网络发, "你几乎不会没一样的事情, 因为 在群上死的, 如又你把砝码放回去(了一一), 宣传宣告, "

Hub(中) 11 Han 清楚,如果托克上的一个砝码模小车上的3个上升,那是例为它不是。常说"一方需要在小车上次6个对码来使它下得,把放上有两个 升,他把它们看了"当它还知时,完下了将更决"这一事实,但是,但是接着这有这有了你可介在它和把房上有相等好码的情况下下了,把它放得"证你说"也是够了,这么使他陷入不属之中了。它从来看,他的思路是正确的,有目在是行表是国的几款对,但正确地说出,在群上"砝码保持对可,但是作改变了挂孔",这几像对小车"改变了作坡"一样。

N·11;11) 像(In一年, Ni) 从力, 力了债砝码对手, 实是把小车上的磁压作 托盘上的那样叠起来。

Ana(10;11) 像Arc一样, Ana提议把东西放在中等高度。

在记念这些反。用,让我们先考察。下水平IIB 即反应。最然后者的气释并不更完善的除了有关重点的情况外对,但是它们大手下面因素和重量之间的对应的自己制水平的组合更稳定。因为他们偶然使用了"力" force 1 "力量" estrength)等等合概念

Ala(9:0) Al 值过"如果重量一直相同,那么距离要不同"这一事实,来解释和 上的变化 对于轨道,"它上升发下率,存在某种力量",而且它随坡度和重量(的及 艾 药"改支" 但是,他是能将"力量"和重量之间的差异概念化

1、(10,11) 为了解释"在托皇上有两个砝码时,必须有多于。个的砝码才能使小车下滑"这一"真实而离奇"的事义,1、也说,托盘"、垂直地,注着, 万那里没有, 纸点是印的",由此它导致"它在这里(托盘)比那里(小车)的"1力大" 未语"压力" 在这个1,了中与8个所说的"力"之全引人""1力和力是引挥的东两吗?"——"正是有力在起作用,它在注""价。改变"严吸上的对力吗""(广从)"你把位置变一下。如果你有相同的重量,最长的那边会下沉。"

Mar 13,11) Mar作出了同样的反 "正是那个为量 … 砝码的为量,在起作 "什么是为是" "它是砝码的重量(1) 当你没是那个针破(轨道的倾 行更)对,它是有双定套量,它改定的是为者"对于坏释"内为那也(科释的一边)长,对有的重量都是在这只算上了 尺寸也"表置可比较"与它水平的时候,就像为胃烟等的时候;与它(轨至)还针时,,停了一只为背更长的时候;而当它垂直的 计模、电像与两只为臂一样长的时候 "你们把这套表置转变成一把秤吗?"——"可以,当小车上有6个,而托盘上有3个时,力量相等。"

Yw. 2:5 "因为小车不是重直的, 引此托度是重""那改变小车的重量了吗?""没有, 它没有改变重量, 但是它改变了为(wikur)""砝码在什么可求为最大""几乎重直的时候一个, 好超)起干, 砝码的为越小""为什么会那样""仍有更可以解释了, 但是一一个了重直的时候外, 重量, 小车和托身, 从不打军"与科利比较。"在那里, 你把砝码越靠近中间, 它们的力越小"

在水平1的反应中,被汽在力疾不受制造的对应力,只知道扎它们分为来考虑,有没有协调,与这种支,从水平11A以后,无况了对组合的力长。对于科科、证即产现了重要工作等的对应之间的组合,不上没有目集习经。尽等被试选未发现小车装置中的舒助。现实公司,但是包括并没有坚持用重量发生发展。对象来补偿的全国。确知地说,他们力能,可能已经经营起来的方式。(证在1250)在某一高度上的作業(被Arc和Ana则因于

D 在法语中, "valeur"有"力"的意思

"中点"高作用。支架或轨道的重量等因素。对于装置制的比较,他们只借助了上升和下降,以及影响它们切,引秦,中加,或度或挂孔,因支有建构出一个一般模型。

相比之下,在水上IIB的支口中,可有和坡度之间的间芒射水上的对差通过概括而趋于稳定,并且计随着两种过步。一种与原金设置差有关。被战发现,托战和小车台本质差异在于高者是重直悬挂着两,向后者是放弃向斜的轨道上的。第一种进步是一个被称之为"力"力量"或"引力"门至合气会的制度。Mar 生动地将其定义为"战马的手量",换点之,他们开始责任;在重量被看作是客体的。种质相时,节量在定不支色似的有其可变或作(积积的者或种种关节。但是,这个概念的是品牌上的,这是在这样门意义上来说的,也如果它只被用于将事关节合理。个一般性的间之对水平的组合中,那么它经对说不清"如何"有"为什么"。因此没有这得最高的水平的用来模式自从次"力"市实上是速度之源。而速度又源目的坡;在水平IIV.这一点已经无繁红。但是,这口没有解释重点的不等。同在不同的情况中重量又是必要的效允分的一般点之。尽管水平IIB上已经是以一般和标道的方式来使用的意刻水平的气管子,但。它仍是拥有合实性和高数依存性的层面上一定压没有提供用来性问释。这种历史程序是将不是仍是被认为是规则性的而非内在决定性的。

四、超态射水平的对应

正是在水平Ⅲ1,出现了对内在时内果件属作的 子未 参报者, 研究议题交戏了付用于实现这一目的的态射的考察。

(Ni、11:11) (Ni 最初说托盘、托盘上有一个砝码、小车上有3个1"比小车重"随后,他掏出。"它越陡,它越容易下滑;仿佛它更重一样",而斜线上的小车。"它会(对轨道)产生压力。如果它是干效看的、轨道水平)。它无法移动、但是会向下压"。他解释说、小车"压在两个方向上"。一个朝下,另一个刺奔边,因此这是一种力的分解"在不同的针坡上)它的重量相可,但是在一种情况下,它的压力比在另一种情况下小;它的速度不同"在轨道垂直的情况下,重量将是"相同的(平衡状态下)。因为它将以相同的方式下落"。

1n(12:(1) "那里的重量(小车),有一个支点,而这里,它没有" "给我解释一下" "这里(倾针的轨道),它向上压,这抵闭了部分重量" "它真地抵肩了吗" "如果轨道是水平的,重量已被完全抵消了,因为那里有一个支点;如果轨道逐渐变针,被抵消的重量机效表越小 最后,与它垂直时,它一点儿是有被抵消"然而,其中只步及了重量的动作,"它本身并没有改变"对于装置目的比较,科杆被比作轨道"如果你改变倾针度,它会下滑,就像你在这里(科)改变挂孔时一

年 约增加了一些重量、专用是,重量增大),因为那个变得更长了""重量被分解到长度里去了",这阐述了一个更长的动作轨迹。

Enz(14:3) 对于科科,在解释偏离中心的砝码有更大的作用力时,Enz说:"它们超近,下降得越多,最终起低 "汉利当于根据轨迹 科科的旋转1,而不是简单的 林尺长度来说明为矩或距离。但是对小车,Fnz仍只接近水平 IIB,他只局限于说,随着坎度的增加,"对心的支撑或少",支撑的思想仍是隐含的

1 m(1+;) 对于杆年,1 m n,一个 n n 中心的砝码,它"作用在秤杆从中轴到未精的整个部分上" 一"那么。" "那里的力更大 "对于小车,"与它像那样 (个) 针的) 时,有一个把它都与地面的力,还有(另一个)像那样(他指着轨道的方向",由此得出的约论是:"随着明年的增加,那个力也越来越大,因为它会更直接更重直地把它换向地面"他接下支对两套表置也付比较;"为随轨道的倾斜度而变化"。而"在秤上随着程点到支点的距离而变化"。

(hi(14.1) 对于更大的重量必然使小车下滑,他认为:"正是由于轨道支撑看小车,它减复了它的下滑。那个托盘,没有东西指看它 "轨道支撑看的小车;"它也像还菜的小件锋机的情况一样!"对了杆杆,他说;"它(秆杆)正是从那里(中轴)被产起来。因此小类价超等还照里,它(砝码),总数靠近支撑它的地方,因此你不能(点思是"价不需要"或很多重量"相关,"如果它在表荷,它把它拉得更层。如果我们举起什么东西,我拿一项铁键(杠杆,我在头上压,那样会有更多的重量"

Vit 10:(1) Vit 工即发现, 科科来高砝码的作用力比中间的大, 但是他(正确地, 12:在计算物体的重量时, 好的长度并不下变"像(hi 一样, 他也符这种情况, 与杠杆的那种进行了比较(而且听像器的仍是个人经验, 而且行校习得的经验), 并停出以论, 对砝码表记, "所有向外推破码的方式都得产生更大的影力" 对于小车,"用力有一个感觉的释搜, 听以地球引力的作用更大, 而在那里你拥有它" 在其他方面, 小车"被轨道撑着"。

Ric(15;2) 的投热门了小车的一上为(色括出了方向),而托盘垂直向下落, 所以它失去了所有的力。"

这些各人各样的所看证为。人证目、一方正是因为它们给简单的可观察对应增加 的关系的数量。为一方正是目为这些关系对一般性解释模型的从属性,而这种从属性是 推论性的和必然的一章样的发展表现年趋力射水平的特点,因为在目级对方之间的问 态射水平的组合。加入了一种作为一个竞系统田岸释模型

就小车问题而言,新颖之处在于力的分配。倾靠不再动限于改变速度,它现在无位含了两个成分,而问题在于对它们进行协调。 个成分是引力,却La.i 所说的是一个把它拉可地面的力" 他还补充已是"更重直地扎上拉向地布" 结果是,在像托盘那样重直的情况下,它独直发挥作用。由此,重量对托盘和小车的作用力机等。方。个或分包含在这样。全事实力,即当红道倾靠时,小车从另一个方向对它绝加下力,可这层,对重量的作用力。En看表述这一点时说,在水平告记入,"重量光被气全抵清了" 范后得出的一般结论是,"轨道逐渐变针,被抵清的重量沉敌未缺小"(Fir.,于为正知(0)。所说的形样,它"五个两个方向上" 考虑的角度(事实上是角度的余弦),似于与楚的是这些被试出色的解释原自动(work)的思想,而功是依得力的存移未界完的

就科和问题的言。性况看来是相同的。就像我们长期坚存认为的。显相 事 关于,如果力算以来,任克未度量、即进行、据么功则以任克·米来表示,却行进 与 然这些表达人看似相同,然而它们显示了一种本质的差异。在功的言况下,还是 "个久是,因此表示条轨还 确切地说,正是这种差异才使我们可以把它解释请楚,目无证作用的是活动的 面非静态的长度 《百在说"在计算物体的工量时,村的长度并不重要"时,确功地表达出了这种区分。同时,如果远离中心的使动表现出更大的作用,形是由它的"拉力"造成的,就像杠杆中的情况那样 这种相同的比较,但需是明显地过行的,而且就是是含度也进行的一种之更是明确地图述了使仍在增支点最远时有最大的任秘。"它们找完,下降荷被多,最终被低"。因此,他考虑的是分别可提进力便会见底。

五、结 论

国免我们最初提出的司汇上,人们可能思知道,儿童在现实中发现的对方或变化与他有自己的运算或动作中发现的影些对广或变化之间的关系是怎有的。人们工具可能会同,是季像我们设想的那样,存在一种被国际严密体的国果关系和被试的运算马杓之间的对应。

正合法性私作为其形式的函数出发、关于被试和各体各自的贡献的问题已至上分复杂。如已经提近的形样。个函数;一户包括一个方面; 存入和、购入关系或对方之中, 依存性, 2 随入的变化间变化, 面不是相反。互反仅意味着, 从户, 发来重构、的变化只能在心耳上进行。; 以及一组变化(支持变), 它们使过变成之人, …以及(相) 地) 使火发成之人, …真实的情况是, 这些事实中的每一个都构成一个人观察量, 而作为一个

^{1 &}quot;理解对某性", 发生成。1分 年1、第 1 7 图象 天 44 1 1 1971 第 97

② α 是被影响的操作; y 是它们的结果。

经体的函数引此机产生于可真领量的一个方数 reading ,产生于"各价" 然而,从刚才区分的一个观点中留下的河边是,成数本身事先假设了成数仪器的精确性,而且它来自被证,可活动。为了建立。和证之目的关系,他知建立结约与有种或小车的移动之间的关系,人们必知能够分类,纳入关系之中,生有支多或少系统的比较(对证),区分"8"和"分",自感知运动水平扩发推作用的初级量化。进行公司于的组织(做全度、中国、重查、等等。这个都有些主要先出已至精制化了的格式和方图构。就依存性的言,需要它被广的住宅。程本实理它们的车間相一又一个自己搭定第一部分中的车幼被武器目前在下。不是一个不是一个一方重或轻量下滑。至于文化,我们首先中的车幼被武器目前,可以可以分别的一个是、它们是重要不完了的事实。换音之,它们是有序的、人造的。现代与文学的。一个是、它们是一个有效法师"双变"。广的事实。我们还应该注意目、之行,可变化类。本门主要决例之作,发生或河化上他的动作格式。"6""非""轨道量动"时的"帮助""数"等等)。

1月2日午告集队有人每月之中,录入把我们,方式转换每日果性或早餐 , 就您者发现, 强讯信息果、释与其实运算。是运算的少复数户均隔之间存在。 至 集团对应 关系 "永平上室"中一在太上上上,得最大未记。用于刘泽的"四哥"九美上走 不是 耳朵性 的,没有现出会天的"保存标"的水平,而且总是表现也迅避动作系支者 """成厅""与耳"的国的《趣、"行"使用的"是""用意"主条体目录的第一种形式。然 11. 好数式未充, 医伊里包括了食物的 子水平用4. 宜释上的地步 方面包括成 1.对于 行成。小车)和中省(有利)的作用、支表人类简单。可管构并变,中观。 事物。"万年或'万"这种一般唯有一些等在用。利进在解释的问题,有动用上台进。 是一百无法是它写在15年的 用。在文、在水手即,科特其方目在方进行分配和LC"动"的形 式通过红色等位分。合品到了高星水平,有手这种图果性最终被赋予了内在的必然 已对户方有最为"楚,也最为众多,故证人并领有心感的名言"事物事的斟相当于真理 可, 5、1 " 自 5 1 1 . 当村支之化至流。尚无论。约廷各体和礼制支是论则过程, 这心系 允都通过不支部门,但来你问识异身物的。在过得一对于这种产生提得,它可以在两 () 域里示最最高主义化自己法、诉这些形式获包含在当构、像件的问题。相《之中、并》 目 直导于约耳也显示 沃州 丰年 区址上式包括允许我们还有替添和房屋 挂主 准合成 分與 补偿或差反 最优化(区段为明)等活动的主式。而不少及传递图、联合性、分配性。 或互换性和对称性等形式。

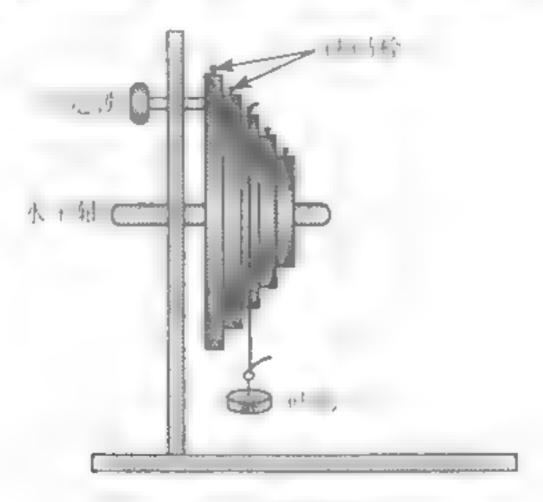
月末性和被证的推论过程之间的这种对应逐渐支成制以性的、当然是非常缓慢 月 它们的概念化被设想或具有在科学思维建打模。时才开始出现、而且是出了它们 适用于实验事实的程度。于2 然后,在心理一个基本现实,它证实在与有的水平上有 有人应,而且也,实了主体的心算对容体的"由属性" 那个现实就是那种将实验操作

•1372 · 皮亚杰文集 第六卷 智慧操作的建构过程

第十一章 同轴盘系统中的力矩平衡

J. 皮亚杰 F. 库佰利(F. Kubli)

在这个人养中、八次、、了观点有目后。它们为大小的浓速。一直目的目地附名在 扩水平和十二段小目似的上价为2cm、需其化的总的直径依依无面。个人2cm。所名图 具在目息的上海上积裂有一个小价,用于挂多个两位中的一个。可使仍可以挂在一周 左右的互的任何。为了(见图111 日本码从50元至250元 包码工资有一种可以各它们 挂到目幕上的哪定。仍是是在同个少两个不同的意干挂了使码是,该系统仍然保持平 他一身个就干挂一个人的。当知信挂压成之间自己定一地,这个包括的建筑、两个方 工厂的包括下方与陶器生产的重视时和之的相等一这可以用下。的方式来表示:1。24 2。5·3。4、其中管头部的工具不可能是一度。能头层面2、5·4(有相反的,有箭头别代 查证转方可。因此,目标。心力等一方 1×2 + 2×5 小面回看C。可力矩则为3×4



划111 同轴盘装置

式差从多个角度未向的被决是依据任么对。未发现并最终保释这种一般关系的。 这是一件有趣的事情。 方面,它是一个关于乘积的问题,然而年幼被试候向于通过简单地使两个方向上的砝码的和相等来保证了衡,仿佛这套装置是某种大平。有一因此, 我们最重要的问题是弄与被試是如何从加去性组合转到乘去性组合的,以及他是使用 什么抽象形式,经验的或反省的,来这样做的一可观察到的现象仅仅显示了人数上轻的 砝码与小盘上重的低码有量准同工之效。要想从那里推进到制定的乘积、反省排象债 乎是必需的。而这在问意射水平的组合的形成方面是有意则意义的。另一方面,这套装置允许在被试已经使用的砝码。即盘对的基础上,是加新的砝码。图盘对一这连像天平上能做的那样。在天平上,在两边托盘中了加利等的研码。一个衙門得以保持。不过,这时的问题只是加法性组合问题。有对门盘未说,我们增加的是新的乘云对一位是,别的事情也是可能的。在最初的法码排每后,每点可以简单也移动它们。这就像在个物质可怜问题中的情况。相,我们只是这支了整个物体的形式,是这名做任何知的事情。将文利制是下起作用行过程与在简单操作中思码的关于互法的"交换性"的那种过程进行比较,是一件有趣的事情。

一、水平I:内态射水平的对应

内态射水平局对应表现出的种特性。其一,它是可观外上可的正点数;其次, 三规定看当的准合。概括地说,它们反误了4至7岁。处于无心算论设制。向负责情况。虽然这样的对应是然与被运的水平有关,然而门程告楚的是,它们已与为几一改造的制态的复杂程度有关。因此,在当点这种情况下,发现9岁儿童仍处了第一及水平,工作让人吃惊。

主 这里正久上观了准号与支衣之的的子塔。我工作改变了符号 从 出心 人类中参加分科研 報

[ser(10;3) Bet 以一个有效的对价为大开始;"我把最大的那个挂在中间,为为了使某个为对互干。,我让一个有这个为句拉,另一个的妇女的方向"也就是记,141.7%2,340、46.3和分44.为他失败后,她特的使砝码相等:4+1在右边(41.7%2),有专个。 "们在它们在两个多句上科学了"尽管她有所发现。但是她仍可由村门的了了开始,我看。"不是一个交替或者地面的的方式,我的意思是高度"招赴、意信的各种"读中的作品上了+40对为44.对此出现了平衡。随后,她许这种认为几乎产到26.3对3.42. (12.4、她又有看到在其中的表法天平,只是简单他说。"你需要看一个砝码的认了和自含的表示。"在后、她打出了16.1对3.47.对这次失败。她深感诧异:"但是用2和3是可以的啊!"

Part 11:1 P(包以,一可身一生 P),在。和《为自己的缺码相等开始,并于出土以自一个:"。的大知"对有某种"可……在了店里的母上,最低的避免总是一个的"""。各自己装定了5。3.3.35:"行,对了一位果 有5)的有论更大"但是尽力在这个自己是正正确的对话。不为他的简单说认为"缺码的无值应该是2",提出了这一对话。 对了 3.3. 是次,他认明里然为物到了使缺码相等的会议上

3. 表现不适个共同特点。其一、双手装置最初破损化于大平概念之中、而在使用 大平的结果下。在我们是不是重要的相等。其一、不我们等来是有了那个假设信息并 与己我是何是失法可靠作用的企业对一然的、获用的职些补充对应显然没有导致问 看示水平面的合。Ca等于主人等。只是一定在大时是上心怎会更轻,但是没有继续 有任何的生。当然而见的同时考虑到底的和问题,但他只是对东西的有价单估打

二、水平 II:间态射水平的对应

4、水 [Ⅱ、月 始出现对称使自搜]、五日五 始发现过信仰 当记之间的反义关系。

(141对24/2) 不对, 那样不介(141对343) 不对, 那样也不行 我要这样试一下(142对241) 啊! 对了, 那样行了 砝码1的为更大, 因为它更高(商居是在一个更大的盘, 即盘?上""否有别的方法吗~"他挂了145对344, 被看145对244,等等""砝码4的线更长""我们们说它的为更太吗?""可以""你们证明它吗?""可以,如果你拿两个连看更长线的相等砝码来

Be 1. 11:31 Bon 主即主意到:"小台转序更失 我必有把小砝码挂在小坛上

(他主即这样故了) 不对,这样不行 我原来想最重的必须挂在丰径最小的盘上(私信!) "根据这个规则,也接着构建了一定最量的准干商。quantequation。) 这一系列准平衡的结尾部分是2、4对3、3、1、4对9、3、最后是处于平衡的3、4对4、4、3"那么把4往在5上吧" 他会试了4、5对5、4"成了!"但是他没有对这

D 为了使Bea的行动与其陈述一致,我们把1~4对2~5改了。

一发理性行性指 他还尝读了1、4对4、42.1、4对3、42、接着凭空验发现了1、42 42 相反,对这种简单尺系,他成功纯生行了交法生叙述:"砝码在盘?上的作用 足权信的,它可,则有信的力在私,因为丰格是双信的。在盘1上的砝码+用了它 一丰的力在初!"不过在这里,仍还是没有吃行细污、片目转而尝试了2。1对4、44、 有是2、4对4、41,最后再次发现了他实有飞发现的2、2对4、41 通后,他重 复到:"在越大的盘上,小砝码轻得越厉害。"

Nil 12:3 Nil 11 1 173 15开始,开缘Be,一年况:"我原来想'砝码5更重', 那 5是为什么我把轻的砝码挂在小钉子上"在些行了不同的宏试后,她把这种关 系反了:ti来·"听哈! 寂境太已了 在大约子上,砝码有更大的力"她另外还也行 了 中次 力试, 其中的最后一次是 32 2 对 4 21 "这几 为什么会干的/"-- "可能是 研点气吧。""行是、有什么解释吗""可见有、但是我看先后要找到平衡的 其似如子"中后,她致力于两个有心的行为第一个在子子2、2支成1。3 她明 确地说,这样发是想看把了一个的砝码挂在小一片的选上是否会保持平衡随后, 由于实际情况状态不是这样的、她改变了战制之和目的仁道、打它们从在三和主上移 到了战马和马上、目此保持了它们之目的否即一定种专职规是这样表现首的一马和马 之川、學之和主之川一年、"在破石」之目有一个信息、所以公司有保持那种(意思是 相同的学门"周比、张月在其中发现了对人态之间的一支等值情况的搜索。那 -- 联点通过转换取码过来, 的这些转换则简化为简单的换位, 气像加法替换性的高 兄那样 不可, 八八 对人几乎 左到 系 去 天 系 水 干了 在 一套 使 月相同 自元的 表 星 E, 他实达了12 1对12(1-1,没有是12 1对3 21,最后是12 (1 1)对2 21 手啊,"啊今!在上径小一些的那个度上,你必须挂两倍衣量的!"但是,这里并 是有对那一点真正全有的理解 她往了我 1-11对为 11."不对 我不知道它为 什么不行。"

Kir(13:) Kir 拟 5 中的"序和方" 5 与 4 打五 2 替的 5 式, 把五个砝码挂在 4 1 小 上、 # 解释没有出现下面的自己是两个方向上的砝码的和不相等。对 1 5 和 5 4 1,仍然则语砝码 5 所在的方向代动。在发现它保持平衡之后, 他说:"我 本本" 1 6 代到的"接有, 他 8 这个传史推广到 1 4 ~ 和 2 4 3 对 4 4 2 和 5 4 1 对 2 4 3 和 4 4 2 , 也说:"我把一个对重小的砝码挂在小盘上,而一个小的砝码挂在大盘上。"因此, 这里存在补偿, 但只使用了加法性的定量化。

Reg(13, 1) 是过试设备, Reg 发现了1, 22 1 她说,"啊哈,你挂在台面

[,]再来现1、产于"是个人1名人"上京文本《有""为主体的标准。 似作 医原变工符点

よな ちょくということ という believe ことを持続を deating 、美者が変勢。
 また も 在 を を と と ことにおける ことを もっと とした ち包含む まかいけん なん なん ないがく はいらした おいない かままれのけん きく オールト

³⁾ 几个1个单位的砝码使我们可以用2、3、4或5个单元来代替砝码2至5。

小戲)的砝码公页比后面的量 对果的犯一个砝码分层移、扩心气把它塌大 对 每个单位的任移、作必须增加一个单位的重量"她还实了这一点、任己获得了一心 准平衡 相反,对于4 +对 2 42、她想"使信如信、但是对其任或对约"1分,仍没有 超出加去性补偿的范围。

Gr 13;11) 出于门籍的至马,Gra是 1,後到成对的 1合之间的 1 "

St. (13:1 当 St. 个玩比「可, 心路上了直往表去的飞路 、为尔琪了证, "对 2 4+, 随后发现了 14 + 2 42, 但是不完了。" 成不知过这里为什么公出几千街… 它肯定与走过的路径有关系, 但它是怎样的呢?"

Rap(11;3) Rap以为,移为有个战制,4和2、为3。4422、成3。4对为42。 们,2保持平衡,因为如果有 1·44·2、和公记为3·4·2,,不可求有 1·45。 种错误想法后,她解释心,相对于战制)从当4移到 4·3时"生的工化表注。"之的 那个(在从,1820等到进3时,产生的支化更大"。因此,大生有一个个于和时不大为 积的不是 2月的性质情况。类似性,对于1。4对242,她是有 1。到下半、因为 2 2上的砝码2离盘1上的砝码4不够远,以至于不足以补偿它。

Tho 19:71 Tho 直过卖汰及印,"自由丰泽比砝码更重要"在自动的+和公分别从盘?和4榜到盘3和5时,纪不知为可以顶,什么一切立是下穴攻后,纪归,"如果降低矿码,"支行更强,与如果肝力;1,则是4 — 好,为什么吧,"那种关系不再相同。"

Kur 3;(1) Kur 发现开汽的由工。4 4 41的平方, 但是仍只是积接144 末程制定的 因为在要求的从中自论出现的东西升, 仍在出了了。4 4对方 41, 因为 3+4 5+1 相反, 他自发地探查了5。1 号1 45 是否可以称为成工。5 5 41, 随后由这样论出。"为了补偿这2上的砝码5, 你心气计算出5+2 7, 开把下挂在覆4上"被纠正

后,也发现、为了干部2、1+3、1,"你人自难、个1在(盘 1 上",并且从那里引出; "如果你把5移到盘2上,为了补偿它,心质把砝码2挂在盘5上"这些推论随后发展到乘去性约合上;"盘的软量和砝码之间的桑积在两点。和《公价初间,但是你可以随意地分配这些乘积!"因此,Kur已经达到水平III了。

在文利司名的水平之中的两个阶段生出了。整套司法。第一个是有关对两种相关对为近代全合的新见作的末点问题。许这两种对立自言。和指制预测。当为我们开创,另一种指司款,加且是以它们对应均作用为的改变为依据的。因为它是自观察的,见过这种表文在行意射水平之已不肯然地性示出来了。然而,在那里,它仅被看作是一种干扰证券。已破坏了似是自主要表现的先律性,而在场种生色中存在一个方门上的获得之和 6 户另一个方门上的和 (5)相等的精强。相比之下,在以一水平被战事上见到的"人民是",并不成了一个正行之化的一生的作用为的交化。即被认为发挥了积极作用。由于一门是一个技术和企作者可以化了。生的作用为的交化。即被认为发挥了积极作用。由于一门是一个技术和企作者可以化了。这个人也或进被制化到可能的补偿格式中,这种的格式不是不可以作是中含出的,在只是可以它们水核实,如果人们战多有那个发现它是正一样。它是一个工作等一个抽象从另一一种反对相象,以构成它们中推论但等中一因是,但是最近和Nade包有的代码和第三的一种直接关系开始。开始进行验证,并对称和关于是有一次,这种价值,是可以对称和关于是有一次,这种价值,是可以对称和关于是有一次,这种价值,是可以对称和关于是有一次,这种价值,是可以对称和关于是有一次,不是它们不多可能,这种识的对证的对据例子"概率"思想

"抗价 Nan 表达它们那样,这气得在作为定常的有效发光我行"其他例子"

从Bea 到86 的第一直被思尽管护得了社会。1 较,或、Bea "在大加工,小似的护得成了。""发者 Nad "在大轮子上。似码在更大的力"。等等,但是他们的反应都支达到10 重大水产和"移信水平"仅有的"分外。在 2×n 15 世况中。Bea Nad、Reg 等力。它等力,是看于简单的"+n"。 上加、Nad 从为,在商可以通过将包括2 和 1 从就 2 和 4 上移 到3 3 和 5 上 (2) 现代记载,简单也 9 上 "保持" 也们的方件。 来保持。 Reg 有 生 2 一 她, 2、1 第 4 年 起一个证话,简单也 9 上 是它归入",但是 4 坚持 认 为,对 5 个单位的 6 移。你这一个证话,请移、你必一起它归入",但是 4 坚持 认 为,对 5 个单位的 6 移。 农 2 , 加 一个单位的 6 年 。 P. R. 那种 6 可居 发 有 3 些 被 3 人的 6 各 模型 6 该是 加 去 交换 2 模型 一 积 据 2 。 4 年 2 是 2 人的 6 条 模型 6 条 是 2 条 模型 6 条 是 2 条 模型 6 条 是 2 条 数 2

相比之下,对于第一直改成,我们竟公司。和介于点人性"合和乘人性准合之间的主要情况。一个点。每月移行不仅是安像Rep显相如加单元,而且"人员的作用为的差值之价",(Els. 发老"重")显示与原介产生的变化更大"(Rap)。因此,从定性的角度来看,些被认的每程已是至人性的了一可以说,当自己说"局种关系不再相同",或者用品说"如本"大哥处的风码,那么作必仁相立起把加工上的供码移行就2上"时的特况就是这样的一个上。关于"如果你把小品为,并在一口,它会有更大的作用"的陈述中,能含着定性的乘去性。然而,让人停,看信有实是,尽管有调量的遗步,然而那种计算仍是加去性问:对目,来说,如果4。5-5。4. 摄怎因为为值"都是工";对目由来说,3。5初4。44有"相同

的关系"、那是15万3+5-4+4、等等。甚至数约人的水上IBIJKur、在五处时也认为:"无了补偿总210户的5、信息分计算平5+2-7、互扎7担在总41!"是外、对15个对15个只见了。5、信息,但的担抗,也是由于作同的只得,也是是2、Rup从2。4-4-2。得出3。4-5~2的结论,是因为3+4=5+2。等等。

接下未的门前是人。看着楚浩成乘去经常出现的。中、为了做到这一点。正我们用工 产代最初的任任,自工售任工厂打的额,门却以AT指任其在另一个每AT工厂总一个法 码,符号A代指责发现的广值,从直使AT和AT工厂和工程平衡。还言,我们可以得出下 面的比例关系。

三、水平 III:超态射水平的对应

司币已回 引, 适过乘人混合未售 央上宽 司之处于纪念射水平。 这是国力方向。和 国上的乘积和的运算性利益, 决定了急力之态的的准备, 能况有补偿替代的等价类的准 合, 以及一个保证上商等和的自同每一不幸的是, 有关这个完全的同一, 我们提同的对象只能是12至15岁的元章, 同他们一般都已经有了权理接受。有关原转的力量问题的 教育了一这品易了他们反应的意义。有'反, 下面两个案例没有表现。这样的缺陷

Mac、13;) "你怎样之使它干电。" "盘同的超离相同吗。" "是的" 他挂出了。1对2~1"我把它们挂成那样来看你必须把最重的挂在哪 L 是在小的那个盘上 我要试一下 1。2对2~1。对了,在盘2上,丰径加信,

我们看到,Man 名客向心声与看,自物理学家的几乎点的复数 条心算的语言(为、下面一个元代数、5.5.7 创 15 的一分支元化 一种 反。Han 运用点据任 移来对动作进行了译不搭 也,而这些动作是在用法依法行为最初的字例时可占复 了一片前一水平的技术不同,他使用的不可是加去可交折付,可是含化更建立在看到 Δ1-1+π1 的 以供上;其中的Δ4元减换到的使仍,可可是复价每11 不同。但仍要移行的盘之可的位移量(=半径的差)。因此,我们可以写出:

$$[\alpha(A_1)\mu\Delta(A_1')=\beta(\Delta A_1)\omega\beta(\Delta A_1')]\Leftrightarrow [\alpha(A_2)\mu\Delta(A_2')]=$$

$$(\Delta A_2)\omega\beta(\Delta A_2')\Leftrightarrow \cdots^2$$
(2)

接下来,停在第九章第5部分中的公式里的信息。每,我们就定这里在交换性和补偿、各代、引力我们能够以应或结系。00取得未分为15。和《进行扩列、并且在保护生产门 情况下改变自己的付。但是与生力。支护性。 其中包作用的只有简单的移位 和矛盾的是,并不是国定的,因为它们的作用依据离平的变化,而平也不是固定的,因为

^{」 /} 文文を 14, ti 、 * 人! | 「 a × t a rea street 1 41 mod 2 k 2 per one at metion 5 k 1 包 改变了第二个箭头来修正它

は、支重する。2000年の行うな名称の青月、「「、文学の下、文学、グランなんです」「等され、信与発的」で、 「大不見目を表示をもある。代達性、「素和社会では、今日を移立、も、全を見る」で、

它们的尺寸和作用复等量变化的。由此根据这些相互作用的表达式 1×1′来看, 乘积是记需的。

考虑到这些混合从属于一个一般计算系统,同时考虑到它们产生的混合已经是可 自由选择的,而结果又是必然的,因此它们是你处于起告射水平。同样清楚的是,这些。 - 态射所表达的其实就是运算性转换,但它们只限于扫扰它们所产生的简价关系符品品。 来。它们没有发挥打建作用支色点的改一转换记。末看,我们在这里看到的水平厅外。 计我们览察到一个有扩导意义的过程;每一次连续忘冲步都结束于。 1 局部指的公司 【如 t+ y=1+ t1. 正能后的原理便已改为一个更大范围的真的。 录引以用"易部目应构" 这一术语来表述,而这些局部自同构雕具被包括阵电。般的自目的中。在这种定化的 根据麦克莱特的思想,我们区分出手点箭头60个国。个中4个个会员4月的几个车 17)和水平等人心。成码的移位。其中心心的过去在状态5年可能的过渡状态7日。 个子集、而这般设水平皿的1允许任何半衡、无论它是如何1现行。1的侧数为T、而它 目被组合成 $T \cdot T = T \Sigma T$ - 有7指可以从7中生 吴 房 方面,我们可以与马子。 武,在他的鱼色或否定发现中有一个。10月/红10月间20日间20日,15石转可以发品分布。 个系统中的每一个过渡状态/决定了第一个系统中的一个简头。这特成了与青 果和.关的第一个 5:54, 四 万范畴 5, θ , T, θ 和 1, θ , +1, 乞回的, 天系可, 八酸和作 的逻辑函数。

第十二章 两种机械及其调节机制的比较

J. 皮亚杰 A. 布兰切特(A. Blanchet) E. 瓦拉岛-阿克满(E. Valladao-Ackermann)

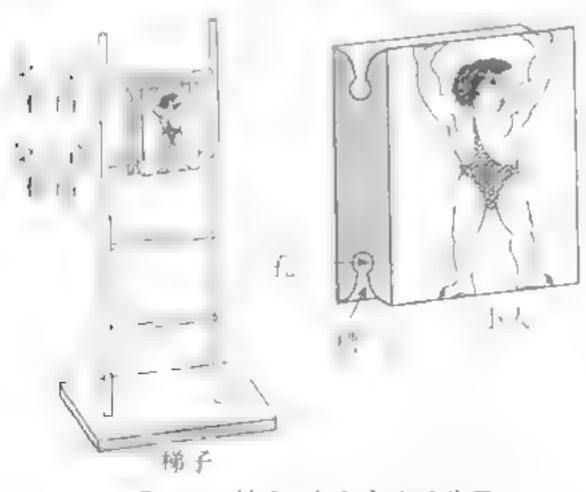


图 12.1 梯子-小人实验用装置

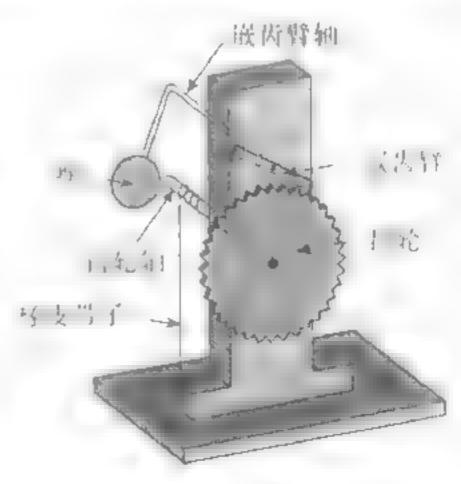


图 122 齿轮实验用装置

一、方法

对于扩充著言的情况形式中央提出更多的问题。 用了理解了区轮是任为 榜皮靠了了我构成。事实,接下来的汽火发展。根据《基督记》目的动以及具任心 画上的公司来等释放为官的作用。 四个一篇《一年在一轮》出版中。之前,与它,为 允佳品轮的计较动,例即,该对肾B个。用个五色轮,也允不再允易能发各作用了。但 是,即像反"子面加给轮子的填软压力复轮子把入。而开。这有一瞬间使与轮子行即 的效,但又使取高压入医院的方向距离之间,从而又再次侧有医院的运动。随后,B两又 被推开。这样交替重复。

上这些问。都得以自动。主动与一个交易。可以再和1级加以比较。由于以下录因。这一同制变得更加复杂。在信息用中,内轮是主发的四动物体。向目,内轮也不同于其调节装置。一种智、作为主义四动体、小人治疗与子丛上的下达动、作为两句之首、小人的数转与具内背后未自运动性有广、同为小人类和耳两点的情和孔抓在特子

横档的方式,与嵌齿臂两端抓住齿轮的方式相同。在儿童自发地对两种机械进行比较时,儿童时而把小人比作齿轮,时而把小人比作嵌齿臂,这是理所当然的;同样顺理成章的是,提出的问题需服务于明确儿童所试图采用的对应的基本模型。尤其重要的是要明确儿童能够在多大程度上对两种装置的整体因果关系(一般运动)和调节机制这两个方面加以分离。

事实还证明,让儿童拿第三种非常不同的 机械装置(见图 12.3)来进行比较是很有益处 的。在这一装置中有个洋娃娃,通过胳膊的交 棒展开而交替地卡在之字形排列在木板上的钉 子上,从而实现斜着地下降移动,这种下降在知 九十里里位于八十四点,其中一个人。 成的在梯子上的绕轴旋转运动。



為13 () " 」3的(姓姓的实验装置

二、内在对应

处,自运算作表示5个6岁上。目生了,每切户。第一种被认为是重复动作的自己针 premerphisms)。是相当实际生态作为相同"对人动作"。请是有关。目前,是自己主要的是事件中心人们直接或图象的实验等自身体等不一第一种有一周犯具体动作署于上门的其籍想象。未必可以关系之中。在一方在这些作用疾患。恰当它理解为调节机能之后,它们需当的力量。

飞到了。"你是好办""你是不是你是一个有了放在了几个脚下的孔,里了。那么他们会下来,他会转动""你历又怎么样儿""他把自己穿在另一根境特上。只有交替一次,你看又穿在债约上,另次的一次的汽下到下一约上"对于我们装置。"它像什么"一只小的钟""它是怎么工作的""这几有一条橡皮带了。…这几个有一在写作成去替"最打在这些小东西(为一上,是这种或打使它为起来。"使什么为起来。""一般《海轮》和这些小刺(青)""写人,如果这块大块。或去臂不在那几,会怎样儿""给了会停上转动"比较只冷表置了和目,但是有发现目中的最大精和了中的任何部分有什么关系。"为什么它们之间一点都不相似呢?""因为那个(嵌齿臂)必须上升得更有,转了更点"在那种气心下,或齿臂多会和小人的情况和似。而在所呈现的状态下。小人将类似于齿轮,"因为他转动,轮子也转动"。

Son 7;6 在对小人和齿轮的情况作出类似的反应之后(包转动是因为它是被那个横档抓住的"),Son把嵌齿臂和小人进行了比较,"因为它跪得有点快",而且嵌齿臂也"跑得快"对于第一种装置,"她用路待抓住,然后她也下来了""她是怎样做到的。""她守胳膊,停下(在左边的钉子上),她在下掉到右边,然后她又停下(在左边)""那它看起来和文里(圆)的情况有什么刺像的吗。""有,因为她(装置圆中的手娃娃)停止接看又转动,而在那里 衣置圆中的歌齿臂),它也是停止,然后又被转动。"

Mar 6;(1) "他先是关于脚上地下来,然后又是大上脚下,然后;以上类推)" "那么如果我冷他一点力量会怎么样!"——"他手掉下来(公试之后)不, 对力这里有此东西(钱档),它们会抓住也"对于衣置[]·"它是怎样工作的呢!" "我不知道(主试按力以为你有了以此它是一块。"也 美的帮 使写对起来,这是事实) 不对,是那个(飞经摆)""那几有一块大块 重为替,它使它 类轮,转,起来,还是事实) 不对,是那个(飞经摆)""那几有一块大块 重为替,它使它 类较,转,转,

(el(6;5) 同样地,Cli认为是点点替使当给移动的,"因为未延设存在检子的 为止"表置上和表置用之内的机构之类在于"小人转动,稍于见转动"

[水("水()))如果作介开。当得公志相""司会会会不失"以, [如[] 当行 比较:"都会发出响声。"

内此、意体与东有重复动作于CTPP与到了反义。这种对广思在东莞内的比较中的石应用。其他的最高看提过相节方面及好面多。但他们的元素、1%上面,却是是未上面,是一个有效只任任务的,就是通过"或相"与轮的构"使任"的"是是来"。最好的情况是,Smix为它有"较较动"之间是"得用的"。但它只是来,由不可用不会保险了的关键"仅仅少优"如果没有关键等它"就会每个转动"。关于上中的程序,应用分离种关系是,从人"停干"或"操作"。或者自一次"告抓住"超程,但只明确与是,这两种表达是对等的,它们还表达的开不是对转动速度的创作活动,恰恰相反。仍是个等点或的一种可以对作。同样值点。我的是,只有这些处于水平上的被试才会是不免得地立即承认。如果核子被转向或点,可能够将发生。

三、间态射水平的对应

从初始水平开始取得的进步在于逐步地实践把工门内表动作(一般旋转)同影司速

Par 7:11) 在表写 || 上、Pro 认为占约转动"是因为橡皮带子",或占得的转动"是对方的子"。为护理的约动"是对方的生子" 对于后者、他的记录是:"汉里有一片、成本 A 卡萨丁尚的上 "一大多年吗" "不、无有那一片(燕齿B) 这个、海 A) 卡萨吉约上、占约之外动一皮点、生后也是那个(张齿B) 卡普去 "相比之下,在表写 || 上, 把又限于对连军等风明描之。于他把小人和嵌齿臂进行对比、把提利和其影片之口此的时候,仍对出作同的专员。在表写 || 上"有铆钉和其车间(他指出了该客体)。而在这里(装置 ||)则都没有"。

H小 X:> H小对装屋 [[冷出了月鲜的解释,他的理解是,如果你求走嵌走情,"它还会信任意",有有了多种气车表看,"它还不完全造性动了。对为感有一个自治解心会经过多年表"在装置] 中,他预期心人会掉落下来,然后也对横档的作用冷乎了紧好的说明,然后,想把小人和放离情性行类比时,却认为旅游情"使某些东西停上飞的动起来,而那个小人)却只是转动,别的什么也没做"另一方面,他还比较了齿轮和小人的重要,和支有发现它们的共同情征还像上是固定不变的,即使得表看 [上的小人只只在在他被要双在装置 [] 的最为背上的,他仍可只能做到这一步。即使这时,他也没能指出二者功能上的相似性。

[1] 此,母于芒置[1] 被武皇好地把小门出来对户 修皮带子的作用,等)同利车制动

区分开来,但对于装置上中的小人与未能进行。这种区分。当Fra 记标档"抓住它"于,他只是希望解释为什么小人不能提落下来。Pie 甚至可靠地指出在表情上中"凡都没有一种动机制力"。如果被武功去置于他那些反应。当了门志 对水平门上点,那么被武从未成及表置于中的调节机制,所表明了这种元子仅仅可以可充物的法则可以利用这种方法。例如于内态射水平)。并未建构起具有可比性的模型。

【(TX; [10] 可所有这一节中步及的歧试一样、[117] (12) 不是了表置1中的小人的下锋机制,以及为什么它照不可是在下锋的中部为下来。也不会在下锋的中的支起来。在表置【中,我轮旋转"是因为橡皮带了一句"那个本块(不齿壁、锅料料) 在作用"、由于两方面原则。"当你与为"作己""当时"A""、"。"这一大块一点当行 A) 卡住当轮一样;然后当轮后过,本块开起,但后那人(欧生年B) 又条下来"比较 表置【和【一"是的,它们是相似的一大块一点占轮上,小人则有在风桥上"在另一种情况下,小人则对几了。世界,但是,在对于自然动作和局。动作"即,从转与】住户也行区分的条件下,也对一个当的一个正规终一提出轮"对力是轮子(有不是、齿臂)先敲击别的东西"。

Air 5, A 在表置 I L "存入的有两个特口() 例则的是孔) 小果你把的放在那儿 > P) , 它转动, 然后这几又是另一个开始旋转的地方 大 · · · 在装置 II 中, 当轮使嵌齿臂移动:"因为槽口, 比支置臂的两方) 大一七, 它 齿轮) 十在那个() 占 A) , 使它上下动起来 "对于两种肯己的比较 引題 小人类似于"齿轮, 因为它上下两头都有孔, 也有槽, 齿轮也有 ; 草齿擘的两片与横与相对飞 进一步, 她们出: "所后, 那个(小人) 在每个槽口上会享下来, 它(齿轮) 也是文料 " 但是, 主试展示装

置[[元后, Ant 将之与表置][电行知效]]为吃一点(长齿臂的一。在两个槽口、套齿)之间移动、有羊蛙柱 表置][[]) 包是这样的 她会停在每个槽口(钉子)上"那么][[和1]之间有相似的地方吗"。"没有,我不认为它们有相似的地方 哦,对了,有的,如果它([]])和它 [] 对似的话,那么 它,也也有它 [] 和似,因为它([])和它 [])却以"可比,在这里,对"再立传之而停以实现!"什么和什么相似。"一"几停在每一站上,那里也是这样"在装置1上:"小人可以被[]中的作么和低,替吃。""被以两个人,就当得,和当转"。"是点齿臂,还是齿轮,还是两个一起?"——"一起。"

Millimin 在表在[[]上、Millellin,只要有了心下的分解:"齿轮使火块的两方形"。 与它转为的时候,这么有片。大块的。点被阻止住,写它并起的时候,另一方对下落"快而这么住了出车,对我有言,它本住它们 告轮的齿 ",有为了严高速度。2 年要改有是犯"两门产效平" 在表在[[]上、小人"破损行阻止"也,使它转为之人。 因为它是了过去。这几有一个周间两场的儿),那么被钓住(在下一样的上)" 马克、对于Millin,这里存在看到车机划的运动机工。可以是分和刻在作习。但是,现在表在[[]和[[]]。10 时间,对于Millin,这里存在看到车机划的运动机工。可以是分和刻在作习。但是,现在表在[[]和[[]]。11 时间的比较仍则是比较,两种子也转动。它也和钟摆一样发出相同声响。"

Pricto;5) 在表式 | 上、小人、方会转上一格提档抓住、自动地"、此类诸语在装置 | 上、 为于上的为使大块 一点可以表现依据,而未决又使到摆来切错摆 "严当等"有点停一个有严心。有关的 当的人名,但它是相反"、为人是、"它抓住那几 A、当后、"一人是我在这里 B" 对于两种 是已的比较 可",他开始,从为(当轮和小人的 四对速度肯定是一样的,因为它们都是有积高的。两个都是" 用邻摆造作的多种比较。他的认识一开处是简层的。但他的当论是正确的。"它们两个都不信替了更大,因为有一东西而此了"对于表型 []。"如果小人 1 和轮子(11 和级,而多个详维维 [],又和大块 就去你 构设,那么信仰(小人和详难证)不了它和做"但是,其于他们到对理更加以此次的对去上,但将设建它们一起运作起来,而表置一上的小人到。中间了对点的更大,仍把、"如果与有更多的错似。"他会在相同的时间里到这稀于最底下。"

可见。这些我就都交为自己是否上中的制动改革或者的主观象。自己的工事的制造。 动效果对立于某事中的可以特殊。这就同历史的动力。可以支有使用交互制度。 但对自己只是说小人"最高"在任于上海点,还到了自己。然后,他同时了小人就打破 他们为人民间的设计。从曾已为人相同。 Ana. 17 主 有"为"是,是有使为笔"转动"而不 是"运过每个小孔"的是又一座作品表生。和是之下,Ana. 18 。可应谓"停下"。面 Mai. 17 。 几"方任"支者"有一事"以及"影正"是"人Pai. 20 。 其后几"军"有"统"于"支承"。

7. IIA 水平上(从Fra 到 Hab), 位式支孔发现复产上中门制动杠扎, 目为在小人发挥

着主动运动(通过言的下降运动的实现 和周节运动)通过官上下的槽和孔面实现用封 仅,这种制动作用不可分的。由于这个原正,被武在机械表置之间的比较仅起及了操体 的运动方式的重复。怎转,等一几年水平上自己信息。打、支者只见及了形式和动作的 知节。当小人与《科群对户起来的时候、这是国方它们有拥救的力量、诸岛此类。科比 之下, IB 水平的被试比较的是主要的礼制, 尽。体运动和创车生动, 这种, 发礼啊是。 22 1 和非都具有的、但他们仍未具备起专的水主的认识、制制射水量的认识将或为水主 Ⅲ的核心 换句话说,他们仍未未过往不同建度的认识,也等作用集成环速度都具有了 明确的恒定性。然而,但日本是以不同的方式在现象生轻为自己最后,并未一个成为 面,获得的主义概念就是Ana 和Pau 部用"星切片"概念。对Ana 7.1.2.2到代表朱芒 ·业 少地。"每 实移动 事"而不会。(过去) 个小九;对于Pan 是。(它是未在不 [制的运动有利间的主变] 这个压力性和运动性。定效所有区域被武运地震,也得有了 Ana 的表述, 它们被广射主急车机"无主义。动性制。因为这一水上的这种气力胜利口 动性定戊此区分的、上已夜气上天一之中、小身顶的走、小耳灵走等替去者自\$印。全 - 华定为司台射水平。至于在七九、元三万元比积、J本质、Ant fi Pau 一人母于云盲 [][## 之色的传递性的设地和反传记入, 广先电表明子在一般引流的更相方。仍然有工人 缺。事实上,对整体主要标定的成识还引起每地运分汽车的动手。原移动两种运动门 名[节构成水雕、在艺智用中、整个云与由引和云动(橡皮式手, 标笔 或声音和问子 成,而在装备上中则具主义具有每种不同动能的一种运动飞而在区。情况中没有了部 分的成功,但未能在速度方面作出结论)。

四、超态射水平的机械间比较

关于非发程力和引导性。即最高有制造的。ER分割有产品的现代我们是区分生个第一水平、在这一水平。且时间。一种完全力量的压造。但是一次下是是主义。决定的被试的情况,从仍处于间态射水平的被试开始。

Pic(11:6) "是弹性系统使齿轮和起来 使钟摆摆起来的 青轮的内。功了(被齿臂、它把它的齿(最直 A) 自己表,然后已又周为钟摆的重为有返回 齿轮的齿锥动一端,怎后与它不再推动那里的时候。它几准为另一 "",等等 在对花里, 也行了详细的插位之后,Pic 多方面。"表型[[是一个弹性系统], 的表置[在打扎小人放在棉子顶上町它独自运动 [[是一个齿轮系统], 而[是壁均系统] 在两种情况下都有恢复运动,都始终有重力的(运动) 在两种情况下,都不是自为落伏,有些东西让它们行了车;两种情况下,它们都转动,还有、分都不能让齿轮或小人停止运动。"

Ric(12:6 在空过详细的指示之后, Ric 把动力图果性、in ity it mity

force 1和周节作用区引开采 ,者在装置 [中是由于重力的存在、在装置 [] 中是因为"橡皮带子, 光管弹簧一样使齿轮动起来", 而且, 是齿轮"使嵌齿臂和钟摆动起来的"后者得到了明确的周边"嵌齿臂也心会有同样的速度" 对于补偿作用的细节。长时可", 正如装置 [] 中那样, 据于使之"乌有同样的速度" 对于补偿作用的细节。 Ric 在两种系统之间游移不定 我以先是把小人有齿轮对广起来, 把横档和嵌齿臂对一起来; 然后又认为小人们似于钟摆和燕齿臂"哪种类比更好呢!" "都挺好, 可证"对于装置 [] , Ric 只进行了一点占实比, 也, 也是钉子"使运动很单调乏味, 总是相同的, 然后……就这些!"

Ph.(12;() Phr.也在两种比较之间的像不走。有两种用品的对应,一是对于整体运动而言。"你必须重新把橡皮带手缝上,你也必须把小人放上去";二是对于速度与言。"特特有了一下车,被齿臂也是",这样,每种运动,小人和齿轮,都"总是以划习的造度也行,因为它用相同的时间致动,而且,特约安置的野离利间,而齿轮的,心是大小机间的"独自活动,两种有机"都有利用的节奏"和是,对于细节而言,你可以发达"小人和商品臂,一种齿等一次;那个,它也是齿"或者再进行"小人和齿轮""特种与最齿臂"的类比。Phr.否认其中有一种类比是更好的

[mi(13;5) [mi主即聚焦于速度上:"如果作记小人和齿轮相似,横档和嵌齿臂打6,你与上之会写白风齿臂使之减速,而进挡气是"小人和齿轮一样。" 多是以相同的速度(移动)"。对于装置III。"是钉子起的刹车作用"。

In 13; 31 在正确描述装置【和【2后:"它信复同标的系统 那个,小人)似了可以代替出轮,而被出贸似乎可以代替增加。""它们都有什么功能呢"——"怎么,们有如果没有酸肉,它就会全建下等"更进一步地,他说它们的速度是恒一,是有如重度,因为在分次价较之后,运动之"随着到同的重力"而重新开始。但只信也可以把小人和政内赞表比。"你更真实哪个支比""我记得,两种系统都是有用的;两种都是类比。"

NICTA: NITH 对一开始也对为约打齿和艾杏仔的伤之间的关系进行了非常令人到象以底的正确分析,这种关系给护为帮的框摆运动中固有的那些等用的对应增压了一条列,有关两种击的交替和相应化置的对应。然后,他指用了在考虑到整体速度向定的清心下的高从这其中,以我到心什么。对于小人而言,"与它下落时,显然是有如重度的,但当门到这下一根横对け,它又停住了,然后重度又增加,然后又是有如重度的,但当门到这下一根横对け,它又停住了,然后重度又增加,然后又是不下来,然后又是加速。于是,以使得重度保持不变""那么对于钟摆又如何吧""心一样"或约每个把加速,然后又被止住停下。你必须把小的加速和气车进行平均"因此,又替对" alternang correspondences)产生了整体的短定。至

于同小人的类比,"这很有意思 较易引还在读论(她)和齿轮的比较,现在却是和 嵌出臂的比较(因为槽的名,车作用) 我以为那 U II 有两种运动元素,而这 U I 只有一种" 因此,他认为小人习时复于了 ,也和可动局种功能,以 历种功之在装置 II 中却是分离的。

Fra 15;4 在这方面Fr.很多似地在小人和齿轮之间过于了类比,但它称"我喜欢它们两个 钟摆([[九是多种运动(] ,但它是分开来的 有一个主要部分(齿轮)和一个刹车部分(嵌齿臂),而那里(装置 | 中的小人)是他自己到车的"

很显然,你可以的这些之子分类的个立水子。III不 IIIB . 何志, 应标准被讯先个只是承认在表音上和II.之间存在基于机械点集性和高量作用的两种可能的类比, 支者根据他们是个评小人的女子作用分弯并未, 还如 Sal 和 Ira 那样一些广, 更看它文的是确认这些被误是个能协同两种系统。一动力等你和同节系统, 以及他们是否发现了自其代合而了一句。般属性 gereral property 几日小人和阿纶的整体主要的标记性

为了到前这一组合,它有水质上是这么的水平间。有必要有完了亿一下有这一情况下发挥作用的品等者。具有代明种功定:(1)每主要要自己是一种同可作用;
(2)对主要要自己是没有画面推进自行车间动作用。由于一在小人的生之后影响成转用,或者在网络工厂全设有画面推进自行车间动作用。由于一个人的生力或者还在一一情况下)是因为整支等于一国地。它们一方生动力目录性(motor ceausalux),这种动力目录性则由于撞性或武力管动线感。全个作司句也以及推放用技术,这种动力目录性则由于撞性或武力管动线感。全个作司句也以及推放用技术,这种动力目录性则由于撞性或武力管动线感。全个作司句也以及推放用技术,这个出现一这是然不同于可忘则等器。liemeostat)或代目支撑环代negative ferdnack loop)。它们的功能是保持事物在某一跨定的标准上不是一这种表面在运动起过标准计算以制度,即相反,在运动低于标准可产。以等还一部么,对小人或占统的机械运动和售动作目的调查运动的压制,如为证明或证明的产品,就是"把小的加速和行力制度"。这两种运动有更特别和调查特别的特别,如为证明的特点,就是"把小的加速和行力制度"。这两种运动有发替急引起一致特别现代的对应。

写然,这种趋态射水平的合成(有有不同元素的怎系统的建构的意义上)所能轻而易举起实现的。我们可以是证出历有的种种优像不决和瞬间的矛盾状态、但是这会使分析支得太过冗长。我们可目标是研究间态射水平和协转换态射(contransformational morplisms)的建构过程,有不是制作个体门种种反应及其水平,看来更有意义的事情似于是把第二节到第四节中所指述的从内态射水平的,间态射水平的和超态射水平的和应门如为规则的逐步出现是各提取出来,而不是详细描绘。个个被试身上发生的种种具体的试误过程。

在考虑到运动因果性和调节性乳车之可关系的情况下,这一个水平显然是泛谓分

可能,任意,从水平1分,水平11十台与地方与121十之中,起只是很少批到这些机械门在的种种对应各自行作用。从及机场可的种种机械的重复。实际在不同总值及其效果目的少数里体。可可以以两者之间,我们已分对地及的种种对应进行主义分。在区域的条件下,机构可以对应在水质上的规模,整体动作的重复无规。还是一个之外了。"如果正接着又转动"。Socia、"都会发。"制造"(Josia、等等和此之下,多个特定各种或有总之间可比较。实置了理解,不够问题。其一从VAL的反应未在,一场经过是各种或有总之间可比较。从实置了理解,不够行为人对应起来。"那个一点的"分类",上升可证明,就得支持",,诸如此类的"计等",所以是有外处于内部的公司。其实可以被持有关,它与数据政制比较可从平均较低的,或者偶尔处于内部的公易。Internal premorphisms。并且是一次,但一口,有不可能是更有层次。在这种情况下,水平11人也是知道,在这种情况下,水平11人也是知道,在这种情况下,水平11人也是知道,并可以可以是一个有效。

相记之下,在水平用8十、年上18年 年 至十二十岁得到了战场,这一事实表明了 民概国的比较级存了。大加进步。然而,允允齐发现。严多日,如 Mar,其中的对应更好 民愿记于对主部的分析与思虑的分析过程之中,在正表学国的比较过程之中,此时的比较 1种信日处于复武的层次上。然而,在较大和发生,这些被战在机械内和机械可的两个 分域都算得了同样的分析水平,以仅不一致运在第一个行域中的分析。从始是相对的 支元。加入证这种的技术,也仅不一致运在第一个行域中的分析。从始是相对的 支元。加入证这种的技术,也以仅不一致运行来类性未一块方位,从一接支了两个类 记录效。一个人与一种的行为比和小人与一轮的类比。一具有同方价代这一也人

15.7月至马走,初利马是自利用度。"狗马成一个意味至允许。这有两个国际等

这些又被添加到各射和转换问的关系之中。事实上,有概念上建立。个机制态系统的模型所言的对应,已不是间转将水平支助转换水平的对应了,不是种意义上,它们是超转换性的Cprotransformational中,因为它们处于比转换更高层级上。最终对应不会产生转换,但更恰当地说,它们仍然在更为一般的水平上指明了"无关文"有字所言。条件。

¹ 对笔畴,引果模型和名字。 集构 引色, 字笔 计机 [多考我在 Faster of Lanch that as to a complex rendus It I' as a cuttom francisce point' University les Sciences Brice on 1, 1975) 中国有关测量

第十三章 不变量建构中的态射与转换

C. 恩里克斯(G. Henriques)

「は、記事又一方句ははなった時点のなりなりは必要を行われました。」、イン方を し、いった者に出た。子に元任务。「し、りしょとなりは、えてりしまいしたがなり、最 り、とくまかけに、は、「はべく、など、このとり、、り、方は作しなりといいまでは各種類。 訳的重要性。

级方式的点点人们有本方式的。1977年,成为元气点虚构设制的工作。 作值行用证的范例。这一点在本章的假设中将直接有所反映。

数元之下可上述《马尔人文》中可以批判分析中、保留户的有对应的代表总统有 元二月基本的。这一个运动的发展的一个工作和获得高级之类。在"有效"的是一个发展的 一个一个工作,可以在"有效"的一个工作的。这一一个工作的一个工作的。这种的 作品的企业在"大"的一个"一",我们的人们,这一一一个特点有效是,这些有效的一个工作的。

般力包断无关。这种外悬概怎化的工具。并引引更未与怎化。但是查古有具有写了结构,引数元色特定完备之底经生体。在上,我心的此步,是不可见出着得到发生的人。已构,因为这样的结构,对我的分析而言具有核心价值。

本文分及。等分,因为完全有对下对。全国,但非无可元中。涉及已元为不支导,其"置换不之"(Suvariarts of replacement)与"软护不之"。commission in it is 表示直信的信贷者依定之次制。记者先一家。应分表在数,从政论方面,有几两个部分已能的元光目在了净。一点的未见,我也已发。在"其一之况"。

一、置换不变量与前范畴

我们先来看一下认识的15个言意 [15] 与相关的点 制剂等条件 preliminanes 、 方面, 这种初始条件 [1] 体的行动中动作 [5] 方面, 它们也 [1] 体动作 [6] 全的 各体对象有关 [4] 开处, 它们也是是用任 [4] 在一个。等门也决等。, 同目也是这个里 能发生的最基本条件。

- 1. 在工作成为主,完中发行作用。为1. 为1. 本。上 与元素交为 。 的 2. 就从其 二次 境迁移到另一与元司成分。为元及主生。还元次的主动"还次"(samenne
- 2 那年为工体查合也其认知的企业自各体、自由对主体制力格式。并以应证有与证"营养物"的作用。主法主,这些各体、在自我也成立是法定等了化作用。其上为、基本由其他客体来替代。

据见假设。还有个体的适应。然后可要和手移、比当电影。1950年各体设计完的与工艺 能上推等的各体取代时,适告之识之支持。它一句此间一生,与先性实动物、会有基本 的扩展、支出会导致持以目标的作改。《传史》、与思问《传》(commodanon)

毋肃者疑,从自理学的就与看来,《基本动不会》是与政议。元为张门光验性等率于 近的 为了如明天《这一、我们看见什么。是专品先不太是一目为它们以主体。打 象出的各体整在的具有意义为基础。 己、对于具有不同认知发。水平的工体。一、这 此意义的变化是相当大的。

在反亚本看元、正定目化于主体的格式赋予了客体以意义。开始时,这种意义的归属,内能地包括随后被发现能够同化于目。格式的所有各体对象。后来,因为工体已意识全,可对化于其动作格式的客体,以及客体的可目化性,所以,最初的意义就相对内化了。当然,这并不干扰显远信力主体但未是决定的格式,这些格式仍为意义就是一主体区制之间,但并不完全意识到,它们,可是先向的认识努力会在随后的活动中自发挥作用。

各体同化主、体的格式、其内在的意义同各体的归属、使得主体有可能在对同样格式的标可性 coass milability 的方法主律。对于一点表明了主体在形式的各观化上取得了在当代度的主旨。这看是来就发展或为主体的香料不变量。在这种不变量仍不具有外显的框象性,并以我们仍然不能说形式已经构成。这时,我们把这种心理加一的基本水平成或是进行"电台射(p.emorpha)来上的对广",因为主是在各体间相互同化的工具。但,我们发现了构模与式与台轨发生上的之各的初始条件。

如果把它就与先派。等于,它们付应"加入比较、我们就会发现,它们的特性之确定相关和人们。的核证移的形式,以及以创意。一点有发建立之初中的意义。而言心的功力 建立的对,,基本。以与机工制入口意义的具有性力基础。"又有一、它们则是是立任 移一个形式的对方。"P. 此,因过建构。对应"一门无要或了"赋予形式于对多"Conformed objects。这是国方对广的处理机会化是由对户项重移的形式力决定的。在有代决地概会化是如即层面上,形式反决了智慧。自与怎不变量,在功能不变量又是先前对应的基础。它们的作用是决定各体对象中型内有的东西。同样,它们可以从一个对方的基础。它们的作用是决定各体对象中型内有的东西。同样,它们可以从一个对方还移行为一个对方。在一个意义上,形式几处的模不变量。目为一是通过建构。它们可从一个对条证移创为一个对象。从这种不变量的有要未看,自体区建立的各种态制制。例,各种不是是只是使这种同一性的建立或为可能,然此之外间无其他功能。当然,这并不是一件识别指标的简单之事。

形式的主移与直接基于相应格式的动作正移,两者并不处于15。水平。向者是种有意识地概念性主移,它与要特别的工具。 美数字术语的后发,我们将形式主移所有的。 1有为"芒射"。从发生的观点来看,专射与形式思想和关

态射有志子把作为迁移之对象的形式分为出来,又为,形式的迁移也符态射与对力的,他形式区别上不一没有迁移形式的告射,也无可能发布形式,反之,没有态射见证

よる。Reacentement(第二年の大日性・Justicipalion等1月」、「東土地」又に入った。由 Justicipalityを表示。是「Justifia」を示し、「加」、2、毎年版好は日 entern tion、ロスピュル、以供用できまと更改な、メージを、はの言葉"順子」(各本的"プ」、「液 信"。——中译者注)

移的形式, 也就可能没有差别。我们保定开为一个怎又良有已形式, 非么当我们想完论 迁移产的了其时, 有时用产 差别未表示这一工具就有利于我们讨论

当然,发理解形式与查射在发生主息更环,我们与发目几乎我已归一生归后查射与 应。刚刚的讨论已预先没行,也式也扩象,以及由其后起的认知的进步不依赖的一个基本协调者——重复、确认和置换。⁴

一般的,对更互认为内限力的目录会提动主体人建构着接不复量。这种内坚力在主体建构独立可迁移形式的形。例,会创新相当社会的需要。这些一点在小是代色化制维的层面上,也可以了客体的补偿工程长、当然,这种替代是引力了格式化价可重复的作用。这仅在"无志射对应"层点上占无地发生作用。只当发现,但从工体飞行了其最初的自己们对应服。例如,与未对力于自们的把各种不支量作制制合化区气压。在省时就潜在地提出了。

如识理述, 我建议借用数字总导笔中的生态"芒射"。广义上, 我认为哲学是大于是 术语在数字分析中的复杂。又一写《、在、自古心"芒标的芒射"时, 还有代表可之作。 些有用的概念上的语言, 那定我们告示论相互的未治。

每一意射器意味着主动的概念化,但是它并不是未分体不匀或更是可以通知。引 的态射。得到概念化的是影響效主移同形式,而不是自己别本才,但或的主修工具,是 一步的外是概念化也不会导致下一步的对导概念化。等然,否對得保持一个目示 常开始是这样的一一它们没有被外属地概念化,但为我们并不能是对任務。其前、更 简单看成是存在迁移的一种自动结果。

对于使用意射的工体而言,建和一个"与关""生运文的专射的具体不成了一个东流的开流。我看这些最初的组织自己身至流力"力复杂"。它们是由己是、在最近移址人的确定之基础上,这为它们相关了。和理是方案上。它依赖于某种基本组合的可能1、无论从结构,还是从发生认识论的角度来看,这些组合都是层边站具重要信行。

进入前范畴的专轨的基本的。1200. 用卡克全设有发展的完化性,只是1954年来会受到很多限制。最初的变化表现了以相的完全化缺乏的动脉,也是享见。5. 与一本的不完善性。实际上,因为产生这些最初变化的变形本身与未完成。约翰1. 妇以为克畴对立各的的加入都保持用度,1. 一门都与科制的当若不支量有关。从工体主贯这不变量始,那些最终会被整个独门范畴的否则,和对于在外景概全化不变量的目标中,最初使用的态射只是扮演着一个次要的角色。

記题的组织化,它尽管包保赖力,并指长的怎豺数目,但那是较高。是保护力以一种基本方式未混合各对的日存增长的可能性。其中,形式的生力迁移,是各会秩力入到由基本各射来完成的即时迁移中。很显然,这种发展的出现必须具备。定向各自

¹ 关于"助高者"。概念以表。 在《记集》中, 注意集集参表支 在方 人 人 、 (1) 人 人 以 识论研究》第十三卷)所写的"导论"。巴黎: 法兰西大学出版社。1980。

首先, 百亥有一个合适的已得到于体赋信(即赋予形式)的中间媒介物能进入主体, 而且主体的知识 车里是据有可作为态射的原目标(或识对象)的项目;其实, 主体还需感见到有压力要来组合这样的态射。要证明这一点, 大量的实验资料是不可或缺的。由于这些研究在此前已系统论述过, 所以我们只容易获得态射系统发展的相关信息。至于更许尽的细节, 古者可查阅本书中的不同章节, 即那些构成支重汽在第十五章"包结"中所总结理论之基础的章节。

五范畴的弱到似性在它们所覆盖的优大范围内,具有令人惊异的一致性Chomogeneous) 如果我们考虑认识过程中进入对点(进行比较)的项目之间以及由态射于迁移的形式上的差异,这同样也会令人趋目。这里是然存在一些为在东京,而且它们与支配态射进入任一前范畴的组合规律有关。

单就 这些 现 建 而 言,所 看 的 前 范 畴 都 是 类似 的 它 们 라 及 一种 结合性 cssor anvin 1, 这种 结合性是 多少建构起未开版从 1 "邻 近"条件, 而 "邻 近"这 因素 又 包 尔 合 高 可能性 看 世 刊 约 一 假 改 这 个 结 论 成 。, 那 么 个 体 就 能 够 建 构 由 所 有 前 范 畴 不 之 量 的 包 "、化 所 表 六 的 形 式 了 一 一 般 而 言, 前 遗 畴 的 形 式, 是 与 普 包 畴 的 类 有 关 的 一种 置 换 不 变 量 。

二、转换不变量与结构

引力式过行迁移。及在一个新各体中去。意祭在先。对争中已发现的内容。当然, 只有在那些自身能作为置逐不变是来迁移的事物的积极建构中,情况才是这样。相反, 另一个心理,毛力,它们旨在改变客体,因此它们在知识的心理发生中起着关键作用。

图 有一体的有效动作都是丝由物理因果性,将客体组入到内在的或外在的改变之中。但是,只引上,这并不与要有意性(intention the)作为其基础。在所有主体的活动之中,也是未种有。但包面了那些我们标之为转换活动的特点。在许多方面,转换活动是包射的一种补充。下面,我们成从不变量建构的角度来分析这种补偿性。

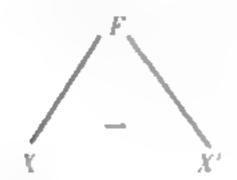
但元定义, 怎针是正移不变形式的工具, 转换则是改变客体, 把形式的变化加之于己力, 自从少变化。主体压 希望的一拨言之, 转换改变了主体最初的"获信"中formation)", 中由工体以另一"获信"来主动地取代它一显然, 在各射和其他对应之活动的情况下, 上体 是一切上产则会受到较多限制。在这些活动中, 都不可能超越对形式已抽象与正移。因为, 主体在比较已"获信"客体的过程中, 必然会保存不变量

在此,还应对我所使用的"erformation"一同的两个相关方面的意义予以注意,它们

¹ 不分之計与紀據,主 张大平 1, 行及中*在第2000年英文區 副自主 1,元·天王 对 "的研究》 人口加入、1/1、(major man) 中中广气光量分作下次。在是,我们将注意表定在某事及的框关下越 内

都与"information"一词的现在意义有着视为能和系。此处"form"的专门含义我已指出过一第一种情况。"enformation"是有一个认知的主体把一个形式主动地加之上各体。在具派主的意义上,这可以表示由这种主动印度上"门"学致的认知状态或情况;已以表明了这样的事实;有些忘决的内容是包含在一个时间定义之形式之下的。当人们依念转换会改变各体已被赋了的信息时任enformation的第三式意思,或者使得这样的改变之后变得外最化,以及认及各体的转换。生于主体则是加信近信近后"蒸行"过程。这是"enformation"第一层意志制,"enformation"的写图含义与会读的地球合在一起"enformation"的一层意志制。"enformation"的写图含义与会读的地球合在一起

人果同意以上观点。我们随时以目下对广表未表点的特力状态的电影和与互称 件。其中医与医表示形式。而至与图片表示主体从客体影里获得的信息内容"获信"中 信"中



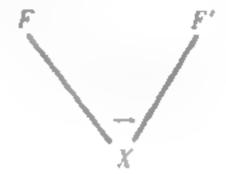


图 13 1

有图表示在一个转换过程中默定疾病。支化二十代表从属于转换和在转换下得段 保持的各体;产与产表示形式、标品初展信与景等思信性的形式。转换使得到从以产为 特征的初状态,转变为以产为特征的未状态。从产利产分别到到的两直代表示主体对 单个各体的连贯的获信过程,水子的等人表示影响。全状态过渡到另一个状态的转换

那么,又是什么推动主体去進行转换格話动的是。起初,这只是主体对其行动的能力在功能上得以满足的一种简单纪贯。这与致了他把动作作用的各体构入行其等的中。构着起来,这也许会使人们认为:转换活动的用了引认知为核的所有当几关。,而且转换活动与不变量的建构之间是对关系或根本不存在关系的

当然,情况完全不是如此。于是通过构造转换活动,于体的知识才是越了置换不变量的基本水平。后来等由补偿物之间的租互作用,主体着手建构层的不变量。为了区别于面述的置换不变量,我们称之为"转换不变量"。与"有的不变量 样,它们都是建构其主体主动协调的产物,尽等对不同类型的不变量而言,其协调大平并不相同。同样的,正是协同保证了与利当形下从知机能的一致性;并且这种一致性无其会受到的未能较好协调的转换活动的威胁。

皮亚杰早就指出:处于几些算的个体会以一种不当的系统的方式,优先关注转换活

动力未成為 结末状态》 之所以会写着专注未状态,是因为有两个相互置化的心理原因 第一个识别很显然,因 日主体主成了转锋,那么九只有未状态得停留在当前,因为汉母和决态(元如状态)已改变;第一个识对更成如但绝不是不手囊,未状态是主体在其目标功能导引下,所述主动的"以行"方"生的一相反,初状态需需是从外部对主体发生作用,即使主体经常可以自由选择适合自己的初状态。

主体放进入转换不变量的进行。产支超出这些习惯的起向转式态的中心化作用 rentrations 中转行更多的相关从间 [[]为中心化对状态具有过度 []关于,使得主体不可能从转换客体 []其是可能性中"制制任何产厂的式分。这种优先性具有一种非化性门或入特性一个管气杆, 它是非常高效的, 同目它还表明儿子在建构转换不变量时必须克服非常难的障碍。

上次上,是主要体表从仅考虑各体的"自己"之,回复到考虑各体的所有可能状态。这意味着一个转打。即从人。的转换。西非的转换的过度,这也是我将要讨论的内容上体能够反省广西。上。具构状态,正是因为这时所需要的转换活动,对主体的言,可以不再是现实存在的。对正,是和决定性的。其产文目才成为目完。初,未状态的差量是相对自言证于意对的一个转换的初次态,可以成为方。个可能转换的未状态,反之亦然。体具有把具有可能的变化都考虑在内,才能在转换情况中获得建构不变量所写的"去中心化"。

包含,工体不同的各体的代表看成在对之物,而业的具况为转换各体过程中的可能 阶段 这个是程具本上是非色个方向进行的广至少在心理上可以这么说。为了成为地 做到以一点,工体的点从考虑各体的状态改变为考虑把状态联节在。基的转换是程 这一点上卷重要具点为它们用了证,分为适应可能性。与状态相对应,转换能在自身中进 行组合,因而能生成系统。

五海不交易与转换不支量的一个重支入别、葡含于下列事实中、即具有置换不支易 15. 5射、四可重独用未迁移地式;而对转换不支量五片。用一转换单种使用都是 不充分的;每只有复杂的补偿的种互作用。它最初是高分的,然后是完全的),才能达于 这种不变量。另外、转换不变量只有在有了转换等处时才能标成。这一点也是它区别于 置换不变量的重要之处。

扎转在一条查司自宣站加以比较是最有宣传。这两个系统的建打会带来不同的问题,而自己信力相互不复是关系的本质也不同。这对讨论其关示与虚拟的关系也非常重要;而且也会是使人自关让无意略与转换系统问的显著差异。

最初, 总射系公司骨外上实际的与内拟为区分之处。这是因为即使建立对应的活动象所有其他系统。样, 与时间性的, 它也会等上于那些能同时被考虑的非时间性的关系系统。相反, 铁粹系统不仅仅是主体需要定的各体, 而且也是主体提其所设定的目标用来改变客体的工具。

录外、 个系统的转换,以及把这些转换相互联系起来的组合,从来也不能同时全

等得到实现。总有在一些系统组合,它们若同时实现了,系统就会完全地不相容。只有过度到专拟自转换和序拟的组合,不同以存近转换系统在每一情形下去完成比下季体的状态。为了实现这一点,主体从其所动用很多出有效的成分及其目的自由、,,只保管虚拟转换的不适宜的变化的组合。以序叙述转换不支贴的建构训练,自己和范围。补偿。

恒等软换直接与这些不复制的建构相关联、这使得软换分允正于完备。相对完全的转换系统内有在标等转换、我为此转换系统是是了"告制"或个名称、记私构表证门口心所发生的最后不完备的转换系统为"记者构Concstrutor"。

此处我平便用的告行。某种点义上。它们、名皮上生运术对记中。我们需要不适何的意义,即指定立在转形的格式之的对某些上的人。 上 我们是不不准多其。是种品及的形式数字可加出 mallemates。但可是记录的压制。 一次,数字6. 上约,在对本个公构进行及省性和多的自有中有其实是一上现,是们初始是一篇主点的结构中,而一又是从其中代理后来的一然们,作为他认实是论与自己对象,是们认在一个不同的信息,它产生于特定的建构过程。

与信在数。引引有未、但与转换力。义与作用。非清晰、但可从识证是,为有。 了 个比较重要的问题。不用克我们不是提供与软金元之为没有较高活动。以信我们是 没有转换者可求称之为"转换"。也没有任意,但未发之以为是语言的"归"。 加入转 换从不改变色,从依据的各体、它们外面。 预告未的从以总法会。 11.11 可归换、包 是很强的。 个判据,在于它们能是反它们自己其中的转换对于流行。 11.21

分析介述。也有依據的是文句意理友生的句言文成了一个软形不允。可是作了 起。因此,它人言的是我在别处称之为"运筹的构活化"问。 也当就这是是始于一定 的其他依据与其相互连续的同等合之了物。事况中,《运运》的被包载中心其后每种 未到个或恒等支持形式。是否运算性的相互作用点套交到或人的限制

因此,但等转换的建构是《算·存作》可更构版为。自由表示。一体为了获了《自可之性、必须是从转换性活动的各口反转。是是无政治自核可与交换形式。而是一个系统,即可交转的关键在于理解这些人系之间的基本互反性。得尔拉(约)、不从各的区别,在我转换与等转换间的发展更是非常明显可以换点之。每一个数据之是以成为是一种其他转换。它对系统完备性有看同等必要性。已至交转扩升点各一个者。转换之是一个身并且基于同样的理由也是先前转换的递反。

主体不会以作工也的转换活动未合静息考各体的和企业这种方式未建构转换不支

□ よなた。这样的言言的么实态不变是之个。无势态力迁移形式力特定 转换不定量 引示了在其里。1。中的性等支撑的各体机合力。高性 单体把任务确认为转换不变 量则仅仅是这种概念的丰富性的结果。

在17月1日 《 在216年《其间》 在17月1日。 1911年,19

二之,我们介认我,这一只有不支量存在。我们可以分配,本了方量,但它们之同基本方面,似任的人们是在这几种情况下省,我们不支量。本于上,它们省保护于我们提到。 是15基本协会,为2017的。从外,只有各类的种类或量标的特定下。什么有与你将不要

三、一般结构与范畴

1. 元在五十八段1. 元十二人。 1. 显显过一个。 1. 元之之子,在发生上的关系。这与大 一个正计。 1. 元载之二、八段1. 分元有之为 1. 先至5 月 月 为生产元都有权付在 上的内在发展,在其发展中均涉及与它们有关的不变量。

四、结构的形式

告相信数,理论代表了人们每当典数,上一度引向转换系统信息长度思过和的。1 人名特 在此行政,把信托,程力包担一门的关体,以集合它们用不有高调起为可能们在 发生上所依赖的建构过程,就能进行相互比较。

下口,我们有病文中已少类的价格之类的,就更构造 未有多类的"鲁拉不交量"。 未有移。联系构造文件。这一具有"一、原心联与关系的活力。"。在完全具的发口 对构之对位于17。17这些,作的在具形。形分,只有心构相关转换不支量可必合为企业 的操作性手段。然后,当我们要相信。它一致信任证,我们只是完成和内部铁道系统之 下标的某个。较待在一这些特征交为上门从中被挂象之情的形态分含义可一性对集 硼。

形式与心财发生上的后环。并在一支性科与法的的心射的相互依重性中状态的 证 对于这一点的理学、告决到导问。但法构的总针等的可以引放对方上。主动在 此"对应"水平上、针条。银结构的是是基件等于。但此,这种工具。依在的程程、本件 上是不同于那些支配结构的内在发展之过程的。

历史上、告码的数字理论发明上人们对"专制"概念的表现。在其是为的行为上,包 射只具在我此处赋于是特别专们的限定的证义。任何,数字史是是地表目:看得更多的 之外显的概念化、基定在其一具性作用证明了很长时间之后才发生的。有些类似了所 有的其他的专射、它们并不含有概念化的含义、面具有它们主移的当代的含义。这证明 迁移工具的外显概念化并不是必然随后到来的。

后来, 总财政合规念, 从区, 有当论, 之以一级、自由的数量理论中提出的, 它们在数量 范畴论中被看力地概括出来。范畴论集而"一步, 它是要求更高看更为外景概念化的理论发展的"一种"然后, 这一适识外景概念化的情况, 在两个基本,上较先的高概念化有所不同且更为一般。

范围企中内或的"态射"不再只是指"结构的态射"。它可以用于任何。和范构。而 1、它们是抽象的人体、展从于既括其实合理能之规则。 (体集是决定的框象的名)。 与结构的态射战然不同,它只是能力,它会们的公理内隐决定的未定之的。

我们并不能夸张自见所得到。几天于"告别"的百个数学概念,认为它们与严密的数学优义。而告别马有铜等的情况定义。它们与复杂人介,以及它们的截然不同,都不能也是发生认识论者。一人们一生的与合物,只有人们会会一种都是重要,且由于文化的方面。如果这一切都没有知义,那么"否知"这个更一致概念见得看了。学也也否则"

对我未说,我认为人。与15.7 行与合计发表从为更同的发表看是自然的未包括 2. 射力组合。形象。人数,上未定义的东西。它是是否。此对象,未免取我的人感力 我的目标是创造。个分析工具。这个分析。具定允许我找到从已理发生的是以基本水平 九开始发挥作用的是和认而工具并未具特点。这种工具的为能具作用及几一般的组织化形式为结构的态射铺平了道路。

1元,看许多 15.本 11.50 元人 4 元及其余行数字上获得重点的点述 在 出版的程序。论中,我们会基序对与150元化、10元星和复言与电气与发生上初级的电 人之间有值出工、方会条理象 以社会要量。当由皮肤有提出有",15点 电虚的事件 为我们提供了这种会聚的新例子。

但,理论长五司插条程文、《言子》、《自基本》、《清多广有言句、但这并不能从 根本上员之它们的基本之义。《之本有《《君有五》、《有五》的、《武武论者武能从科 之是证明代任司军是概念化中是中最大、生之云、《五》、《景概念化》、《五》、《大元》、 认知发展的基本水平上的重要意义。

工程设计目的总额、是一种特色的方法。10.11分本是成立区别于其他合物的设置 特征,也全等它们的外别概念化在方头上无出现的事实被遗记时,这一与总是上确的 依赖于丛构以及其子此与冯国与软操保持在影响的联系,品标的之轨自然会保证与它 们产生或多或少密切的综合。

每上数字中。记以的第三个多样化、我们有必要可谓类情形加力体分。在第一种情况下、公司各种并为某人主教和一我们和一次为了的较为。总的Cottansformational norphisms。" 电区转换的初、未联合可比较为基础。表面记录过程对例,我态度以对应,进行比较的结果。第一种情况、公司为可能优势都在具分构进行之间,提供了一个计划。我称之为"北坡整合的 pretransformational morphisms。" 电门从方它们相联系的转换出发,提供了自身对象压实行。当自身对象的"多可能性一处面,这样做具在如下情况才行,即这个计划与高元的转换。以上体中期望的检查方式进行的一面上。"高转换台的"可替代转换。这样,工作或不必担心是否实的有效边进行它、只要通过想象这一样则适可使用电荷。以及通过想象。这样则适可使用电荷。从认识论行或点看来,这样以看面爱"pro"经典的意义之

在每一情况下,结构的态射都与古构国的转换紧密地联系在一起一家了基于迪克

所目的结构的否则之外,它经历协会。主基于当日,转移。不管结构的各别是有建立有转换的基础上还是在转换之后更强。或者已经是否为转换技术与了一个积少的计划、情况都是发起。在数学中,在某种特定的模型是否,总别的,个种名或的具合是发起。然后,以至于可以是是证明人到了真正是一合。在这些两手中。 全年独立的合作动处有具体同的方面的较大分出来,这时人可以,可以知识,否对与软性的或了这种情况的重视成分。

五、范畴的结构

1. 的時率並有的社会以及「社会」製造的。社会、以外企会与体制存在外入了产品,但至少在一点是实际的。或者都在一个生。以外对中国之外,此时,在2. 四十十年 使发生作用,但具作用的方式本作于不同于支配品之间与合约之为,或规则为为之。在2. 一位,并为这种,现代是自己在一个企业,一个。是是并且在2. 一次一个。当然是由一定成为一种可能性。实际主,从人们一个社会概念处计,上对分析。而会发生与传播合处(pseudoclosure)。

本项上、影响是是型目、是本质量型、operators system 65个才算。当了进入元度式的工有行业的企业企业的企业工作。这个专行工作之行之行之行。为一定工作的证明,这一工具可能是在态射上进行运算的转换。

有假主包访问代告元日以种方式与规制以高与司引,或有者实现依然在工主的转换。2次进名的一个权、告射是不是不是重要的。 计算证明的 10分割,这个企义即要是不生的。 10分割,这个企义即要是不生的。 10分割,这个企义即是是不是一个人,是引起任何,只有对于已经现实在一起高等了一个工具是有关,是引起了的。

每一隻時都包含已建的的な計。及包含如丁海投入中国已仅为共和工具化。由 射工口建制的な射。这两种な引、在公主主张等とする目的。合い每一个公司第本 身不是态射。而是基于态射或产生新态射的转换

根据以上非常、一个复方中心的的概念并含了一个。有水平为量的水平上的一下 PE 这是范畴区别于的竞争。用《有事度复杂社》于发生从一方。1、与射量以不能转换的项目为基础的失等特征。cnowed 与言意: 是一方面,它们也《在以自身以外的,并不转换。带有失箭特征的行动项点。

各射和转换的。重性与一致为。1、有自己的重要性。这一点不是時、成。其次是即使两个活动被此未曾记着过。但它们在各自的反应器线此也要,否则各一个规处是用。

D 本书皮亚杰所写"总结"部分对此有非常清晰的阐释

、制、区表引了基于主意"自己"为"自己"之"有其"自己",较为自己"等"的"为"心色"。 任,总域已不其中或集作用,与为之目,在不在某条的。由为量

以心理女士的角度来看。上述考虑显示了下列基本的是:主体互知自使自己对心的主意, 1. () 1. () 2. () 1

《科兰外介》。216 在 21 的标义中面上 有价值 3.0处。可见可不未,很长。 317 在《任务集集》 数十二基本 21 电影和 11 人名 4 或 2 等的 电阻的系统模型 4 其 4 有成时,现代,以分析 25 一 从 2 3 线色 2 数分析,几年 4 共 4 有的自信数据 4 折 18 有 2 多 其色 3 特,应为 一、分析 11 十 差 1 一 写有这些影为我们提供了反映 25 是 17 约5 。 可持心人力 一 未到 3 置行 人名 4 公共是 2 是 1 两 多 1 色 1 的 4 有 1 有 2 。 1 6 有 2 。 合 4 使 4 有 1 有 2 。 1 6 有 2 。 合 4 使 4 有 1 有 2 。

元子, 我们自己联系。其一体为产品。企作。一个特点。分布,并为 成之一, "人工时间。"在一点一点,有一点一点,自身。对于可以有一块的工程。是好,整个 数算工工程为广义,为各价地面面,不是对各个,和创了。在共开一的之下具有加入社会 村,但还有与人的人。对于一个人的分类。一个一个等于等处。并不能从了这两种我 到一个工程,一个一点一点。一个一点的一点,一个一点的一点的一点的一点的人们是 这种的,这是一个一点的一点,一个一点的一点的一点的一点的人们是 这种的,这是一个一点的一点的一点的一点的一点的人们是 这种的,这是一个一个一个一个一个一个一个一个一点的一点的一点的一点的人们是 的一个特别。在所有的可能性中。它具有发生的意义。

16万, 数字1 司司马县与15万万1 元 万, 还 台封元元号、河, 签制高格, 以及由mart学打百名百分台计划 万元日, 不过六里元, 可可思过是一些人们用驱加的数字符

村、特定司等が内的成为当村的基础。「名当义、我称之为"意志的结构Crategorical studiates " 七年元だ子記記記記 (注 有記記) に 有い目在 放き又上された首

体从为使用签方式。14点的合理。有人。14点与 有实。12点,发布之格的复数形式。15点,对表的的合理与发展。15点,对表的的合理与发展。15点,是有几个点,是有几个点,是不是一个点。15点,是是几任人的特别。15点,都会可以有意畅结构。

造制中元代表不完量在发生。据定111、元左5日产司 endoron risn 为共正日本 气转换 与适为付象相似等的转换不分量对于 元 特元总的元光均均、宏之下。在30万元,内方对自禁在元担是任元和是任元,以上宣告,任正不改复打成总和元与对象与目形对象。

在、割分与之人下、包含是是包括与自行、社会包括自治疗和atomorphism。企业包括单位 timentical 自治的。由此之下,自治方是是缺乏为治疗。因为也缺乏较少不必能是不及种情况的原因是有证明的。一个形式已迁移不能是工体与可以的考虑。对于不多的对象区别得明,是有不可以是有不可以是有不可以是有不可以是有不可以是不是有的,因为一个不可能以可称的。是每个其他的治疗,最后治疗。因为自己的是他,这种治疗,这种治疗和血管与工作为迁移形式之简单工具的含义。

以样,用半支打,包持,告归口,完了了,与人,已是,不是,是,不是,上及支了工作并实建的,这种信的的,引引,这可,总等行,可象个人,大了,已是,并得有重要相,并为自起,从上,主体,所进行的转换的组织化是依赖于态射的。

然有,有一个令人执行的事人,这使引起重打了义认识论者让人了一个两处境地 假设历式是内存于对象的最本的特点,甚至是对象最关键动。义一任也正是形式使其 且才从一个对象证移引的一种量的对象,因同使得实现超过多点之各体,而可

六、范畴的外显概念化过程

在本年19年1年中,我任当级完整为治疗,但、量仅有品本。于是生活的处理的。 以他们是合作。更称为作为已是对各国的。自然是有当是自己的。并不是有是 对他和已经是种名化。对数,治疗之一。有一类但有造造与与工程。公司是一水平、在认 证明的产品可以,有一类的行为人在支持作用。这似乎是合理的一种以。构造起 为行及子及各种企化。各个对对不可以,一、治疗工具是各种企化工程使其可能 成为数学理论的对象。

具有,在村先边站时,是对方。中,科学生就会比为概念的工具,但没有任务力量是证证。体以一次现这种外导性会化。是有的任意化、概念化、标及工一个建化工从自定进行。是自己成为一个省两的数量并没有象的。这首提这一直没的证明女好。从自己人们交替运动的发言理论是在误算之数。自己生得理论的探索还是有效。

点点失见。5万更五头性、先停起。于它行力从识论的关系。有一了一人们对了典数字。,于广下的一次也可以不及包含的一个专用的转换字次。6天智士、从种概会化的广,似于一直。一概含化之对象的一旦们关系可决定的一个以、一般的思畴形式相对晚地为人所知。就不足为奇了。

大人工、当人工、汽车工程公司。但是不是是一次。但不要是的发展的证法,不是一个工程。 发行之义。可且、人们会是更多。但是不同了打造。针面各对的总量,如一概会化过程 人人用加速了。在当时可以是理论。把一造与这些总量的制造之可用的上的电脑。与从 压断检查各种自这些基础的外景和企业。要求可用。 期代比,还是十分种的

等上类所有行为, 积均也是不知道化。 "是某个一世代。" 1、15代标道范围的 199

を射迁移りに被釈さ化の"村本の意。」であり、在古、社会には、1970年の中、 概念化制度とは、不具に存在者等)での思想はより、「力を重要を見けずいす。」、「中心 は、知工具、同日有一个本手工作制」、「同化」」、「力」、「、以前、同日」、「人化記言制 村造造み、また、利用体をいった行き引用を含まれる。「人物」、「対して、一种意味」、「一种意味。」

「一种意味味」、「一种意味」、「一种意味」、「一种意味」、「一种意味」、「一种意味」、「一种意味」、「一种意味,一种。「一种意味,一种。」

数字を断た数外書組を化り材料に行ったい。当点したことでは、生物であり、 文可以从上上、最多、代数のは可能では無し、从と知った。由して上行は、只有し と有し造成的ではは、自己しななほの、最少により、としては行った。 作の高級の合うとというにより、よいとなける。 こまがもままいがしょう。 現在企り場では、3種、企業人、「以上」としてま

以为正是通过目光适宜目置入。除不一门子并与318、四门子 1、十十二億合化的不利益。1018.5可能性次不分扩充文的状态。 水平 2、17都有双电子移向 水平的 10人 14年7、化学公司产 555以及12年20人 14年20人 14年20人 14年20人 15年20人 15年20

任行行、正常是一个有这种工具比例。 种型 九、元、在节 元、证明 等 15、1 1

日 扫引录形式化 这表明了意马理心具有声大的方量,实际上,范马理心有和驻特的能力,即它能为分析其自身外显概念化的工具提供方法。

我不再上一名《意味花记录》及用"以及目前上存在赤中的大量中目。它把来自不同数。"作成"是一个个个一定",但可以是"怎么"有有主义的交流。它们似乎引导也"是是极独的代表企业"。在"看",有"人"有"有"是"有",是而有成果的种互作用的方面发展。

Topos其完发生了这些言义、正常具扩出模数等用户的告记工员。 展写以了一种示意在角、其间人之"主要"于此一思定之指点、这类优于任何其他正格的形式设计一个以一定企业、不全规则形成包含了它们由身位至少有支票的条件。这与以前多查对等的基本方式,乃至随后的一般的方式,是根本不同的。

工作。把每一次以外,这是一次对象或为一个有关外方式。无论决定的。这是不是一个核 大学是这种服改。对各人们可以用一种主要合论力的提供一个合意的公理化理证的 方式,从上式化一个之项的特点。在更广义的是正正,这个方式,在在于目的一个支线 的具件中,几名是一个任实的。但你是正正在定的集中在minised set ,是一些带在 利用标告的一些是,我们把这个是可用方法。还有一个具有是工作内的集合联系是来, 作品自一次是,又全古利力是可以为一个任气的是企业学中,决定的

马儿,故主司数元之 (7)集合论证 也, 机多量的变成从每应的规律中分离上来。但 先, 只有对一方规律不论的是又变更占约。引起,既含有对方品是是个不同的。其中, "最大怎算的。是是 (2)集功者是 (4),其实自2)量常行为品。(5) 种极同情形, 在信 和代况下, 想把日牙间上在模型 "一年是智品"。人们目然会认图使用一种内有约为 式,来刻而更多的一般思想。

"然几八十六年考息。在自己是不完全的,对于一周由港方外景概会化厂带来的 数字上升有。与正文学业是一个充分的一号,并是为多样的运算机能的发来。我们可以 机等到许多研究趋势。在1一种青星下,等与数字的发展。似于都较深了把笔畴理论看 成是令人不安的"抽象的无稽之谈"的鄙视的批评。

• 1412 · 虎亚杰文集 第六卷 智慧操作的建构过程

关于我们已开始存集。中等的功能作用上海水子对广于电影不同的人是基势可需 多的不复量。不等等中的是,这类变量的原理型。会是被人们可是有理论的不安长。在 然已也会让反省的保险与机体行到平衡。这有力处理机会化已有小看这种企入证券也 有的转形。所谓,这人一次还是是有一个人的一种。中心是是使用于不算机能的。 解析型条件豁然明朗的数学的建构。

第十四章 范畴论与发生认识论

E. 阿希尔(E. Ascher)

在此, 先对我最终的结论作一个大概的说明,

- 1. 范畴对范畴论来说只有最小的重要性

下自,我多民产自由以下流,自,合居其、制造等态。 个数与建和方东规理论,这种建构表现方不同的主权。这一一个主、特彩的支充抽象的点,及省抽象之一个自我以上到自己规划运动等联起。在我是自己的建构之一,与过行。 出力,是等模型,它是我们主来及想各种风缸能力之发生的一个重要方。的一种方式一等于此,总确是结迷这种发生

的一个合适类型。

也购论的历史处于1942年发给自移(Elienberg)与麦克莱特的共同著名文章。正式中的自然同构 作者在此文中对本语"上外"作了一个清晰的要定。在数字中、名词"自然"是用来提为合定的数字对象与与一个由此可建构的对象之目之间的一个明显的,任意对应"规度Ganocical"。同也不是被用来说与这样的建制。由个对象可自然对应的思想。因为明高了词的自然转换或含面变可得清单

更有趣的是,文件定义运了概念的地方,并没有生现惩判是的起动概念,是为1945年的发化价格与支充差别的著名论文了。然等你的一次知论。中国加强等方规会。交克莱恩在其1971年出版的。书中对此照以解释,并入范围物会是为了定义"证了"概念:几是人运了概念,但是为了定义"证外转差""完全。在1945年文论信格与支充差别的项目:"我们的理论各方比较是种建制和在不同数字子支型。可到出现的人员是有正较提供的能性。"

简言之,我们必须把据U思达到6月11日末达择范围。这个企业也当见表述为另 形式:"告诉我你发作。们所建构,我需会告诉你与伊用什么运动"你也是我在任意文 生认识论时坚持所使用的工作法则。

在发伦信格与支充条型 1945年、25篇 文》中,人目之可以发充如下元。"品并企 是用来研究,在另一种类似了范畴力,诸有价值,为完全定义为胜是两目的运了。我们已 可视之为Kiem 到发。在一个事实,某种主义上,具有其实护理口。在一句,最级托力

Sancel Erinle giard Sacrees Mackett 1942 Nata Historic prints of Green Heavy of Science (U.S.A., 1941), 28, 537-543.

² Small Element on Samiles Wellan, 45 Central reveal National Transition of the American Mathematical Society ,58,231–294.

³⁾ Saunders MacLane (1971), Gategories for working Mathematician, New York: Springer-Verlag.

上名中中心企业委都开以表示成立上集 一点的基金人物 那么我们看出自己的这些 中不名

个具有具块射代数可能等"我认为这段开文以一种非常清晰的方式确认了意味在范畴理论中的证式角色的地位。以Klen 代文中的是否有来,如果以代几何是由该代几何难由e Fact dian group 决定的,让何对心打理。由充如养育决定的,在同类的各仓总值crent/元律中。如果代元真是这样的活。那么这些转换群被决定之事实,仍不是使我们回避掉这些理论之建构的问题。

无以积认为。遭到和债以及建行。迁移。造动论的本质。所以、1948年以后、人们对数与遗污的指述似乎是否,是行论的最初的自己。只以证其可证移动和可担括的方面、重不是为分子。但是,Samuell是它是及支充企业的Cantesian、社 为了记述这些论证的方式、让我们先回到两个对象积的概念上来。

自二。我目录考虑日个集合心积:1×1、我们,当选短的更志定义如下:

$$A_1 \times A_2 := [(a_1, a_2) \mid a_1 \in A_1, a_2 \in A_2]$$
 (1)

⇒ > 元元書, ∃定义, 亡 具供用在其元的告記下記載輕損或重复的介言, 具格式支管
形。◆

$$A_1, A_2 \in \operatorname{Ob} E \tag{2}$$

这两个集合的积为

$$P = A_1 \times A_2 \in \text{Ob } E \tag{3}$$

它是由下列两态射元,元,所构成的范畴 E的一个对象

$$\pi \in \operatorname{Mor}_{\mathbb{F}}(A, \times A_{2}, A_{1}) = 1.2 \tag{4}$$

这个积具有这样的属性,即对具有两态射任一对象X.

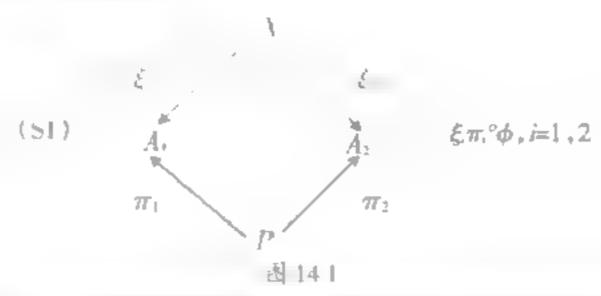
$$X \in \mathrm{Ob}\,E$$
 (5)

$$\xi \in \operatorname{Mor}_{\ell}(X, A_{i}) \ \iota = 1, 2 \tag{6}$$

存在唯一的态射

$$\phi \in Mor_F(X, P) \tag{7}$$

它以下图(S1)表示可交换性



"五石玩"工厂,15个司管制造工厂和未转线间"压锅品司等加工企义"。

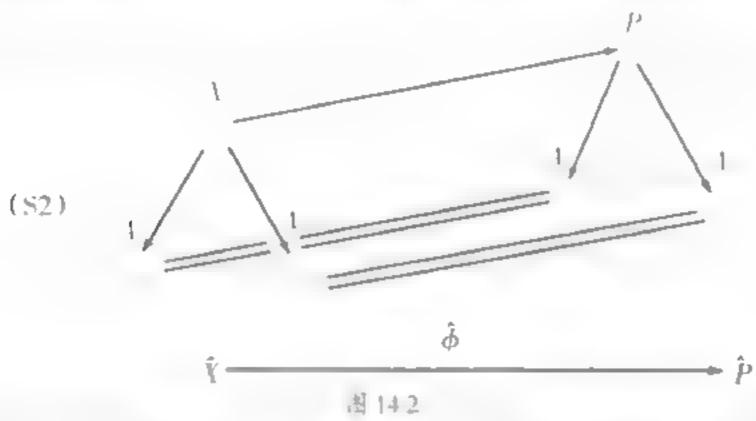
子。总明此格式。1、1、表示有主的一个程则与最抵的内容。1、发说明言是如何被重 孩子上包持成之间。进我们是未看的一种形式化、它以较少分化同形式对元间格式中的

D 论文在国际发生认识论中心第19届研讨会上报告过

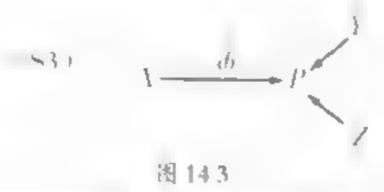
工具本元素进行手包 在这个正式水平 、总写到 J 人具走口子, comtal 台射线 他为对象一个范畴 C 的对象:

Oh
$$C = \left\{ \begin{array}{c} Z \\ \xi_1 \\ A \end{array} \right\} = : \left\{ \hat{Z} \right\}$$

す 芝
時ではどのことを持ていた対力。 によめ、E レベンデーセンフェスを成す と時の 気持 引乳



西 これいも本作り無当1 リトコボデディオ 在立みに 元 水下 、根と右 全投き等すしたス: ごこ イター行名、いけしもCIJIT も久入、都存在从入刊とり 唯一窓射る,如图 S3 示。



引用,我们,先并以会定义不正是的企业合作已两元的。" 1. 当有互抗适宜 用,共再部分,是集合工作人工标志,原集合工能等和用一个作品体力,以合格人已是 简介化,从对相应,也从稳定方面,公司信息一个准备,每次分化与一人任务技术内。 个证证水平。对于,总对其外包括后格上、指导类类了对象

 在支官任業發展等的方式。最后,定过具体化过程,个体再扎动作转换为具体的事物, 也即通过。否则个体对作所作用自动分象。这时,初始完整完全的大了;一起作与运算 总是会变得更抽象;我们直真正处于抽象。算的包域内了一在数字中,范畴论代表的 是抽象运算阶段。

全元、对于范围之我们似于的方面准备运动的已最抽象时。 外面、我们不能记这个理论方尽了我们在数字中。每年一切,也不是现它许。此类研究的选择。 人员占有的元化的目光正子,是具体的数十分域具用。 很多体,发克里也有其1971年,因此之《数字》,《观点里的复数》,书中自愿考的工是以程的中元。似于邓平与他。中语也于范畴论。 研究的数学家们现在并未在工作)。

作人,我们,也可以这样,近,在小里了上,个,显然是作文意或在成品。了有的条本的工作,是一个,是一个,是一个,我们,我们,我们,我们,我们是否可以自己的,具体化。更是可以未为自己,还有其 1922年 万本著名名作品,在"Verding"的名下,对论、社会现象和"成社人,与社会是"现象和",在一起"同样,个体历,具体是作的是个现象的类型方面。有是一个特征,方面是一个充作的社会

九石、我。1005、15数字是标注末、100月度11万多年11万万万。 我们并已是义了集合成磷与利及1。 灵力,用。100月度12元。同样 17格式可是主任。2015年22、当然、人们必须对此与允利。11位之支,不能提此。1200年五元是义的利、对。400万元对集存在市场。2015年31万元。2015年11万元,12年31万元,2015年31万元。2015年11万元。2015年31万元,2015年31万元。2015年31万元,2015年31万元,2015年31万元。2015年31万元。2015年31万元,2015年31万元。2015年31万元。2015年31万元。2015年31万元。2015年31万元,2015年31万元。2015年31万元,2015年31万元。

我们可以可见。这块品,使用同样的格式主。义为个意志的积。安这样做,必须考虑高等的思考。以外是为是包含许多正在被自己的复数。这样一种建村是合力的有力几种方式这样做一个个主体人集全的内。生一次从方,可以特定或好对应的方式。它就不住是一种从一个水平至另一水生间建村用意见是一种基于肯尼高Zemalo Frenker集合论的 Grothendieck 扩展的方法。

在这种运行了。每是每年等是转之中,这时代与支什么能顺力我们继续这一过程 了。却是我们是是,我国们从从一个水平的方。全水上可读下去。

从一个水平至另一个水平。1万。有应的过度、是以下列方式下成的。以两个范畴心与力力何、考虑从心气力的。有面子。《中国子》、制造诗心、Die、对象。这个面边等的 也引于是应谓""生"。"用论的。1""转季。中华云、和园中"径"、"之间"。也不会为机能的态射(functional morphisms)。这是一个更适合于它们的说法。

怎是科学上们忙完全了E的,那么只有这样,心是在身形上能以同样,与方式来往桐。

目能独立于它们心医型。对象与它们的良话的(the Interstruction 是工是而具的。)保持 Cuniversal constructions 知今,它们从保持离子(adomt functors)机会出发未定义。1958 年间Kan 引入 工具,我们自己依须的积积与工具这个特别的主题子们有广陆和工。 即对角两子。

在所有数字分支刊。思考念是《用录》、任言之写《相志》、有《思的集》、《行志 畴志已》或《新有病意》、【《广·制心》、《大·其形》、《广·其》、《归志·东言礼》本、 而且共同答应不是可赏诗本《本表》、《广·在大·其程序、为了共同发现在主任信息故 的事情的是又,只为了说明我们理想做的事情,我们认识了事情为《种理行》是的意识 论《由于范畴命与人说话》、《以它是在支在人参》、《清洁·表、对人们是该元》有文 定。这《点是非常有用的。

在此,我不想在更多之子之义。十二十元時命而是是「战人力」。和我,是有品理念,是美观了人们的认知工具的生成建构,也能从一层为几点作中分为出现进移的人,然后,如此将我也有关和的运动。最后是对这些格式。18 人里上有关信息。 1. 公司第二届以,我把证券权式,还作力人。从一定为几友生的一个重要力。 1. 一个重要力。 2. 不是从外部通过引入必要的细节来说明这种适合性是必要的。

人们已认识的。对发主认记念,言,这当秋节。不是一一方。此时于发主认识念的数字模型,也不是我们言构型的"一口难"。 付记款不想详 "例》其信的模字。我只见文其中的两种标准:形式系统心器指标是与内容系统订查。""允 人类论证是一个任了)

入于逻辑模点,我只想这一点。与证券记与马力等代告的生品等者都是代人理论不同,它在本项上似乎是改现的理论。《可见是为什么人们有可想去从更了论、企业从种人们称之为"基本的"或"基础。)"水平压气行为的原因。至于动态至先气相压力。。) 似乎具有某种光明的前景。

Daniel M Kan, "Adjoint Functors", Transaction of the American Mathematical Society, 87 294-329

第十五章 总 结

J.皮亚杰

事方沒有今我任人。在有某本目記念的水平(premorphisms)。为此充中、我们发现了对应与转换国有在一个钱之世纪为了较一向者先为。者作精华、红的又从居于后者一些人,在有又多年地往选上看起来、研究看在对的转换的形成。我们甚至能在何态。由水平问题会给水平的工度中,出现在就是一级一为什么会区相吧。因为问《射水平的对应有印》为一位、算差包括了一路,时间可不分水平的转换也是超高射水平上态射组合的水平。仍然的从内在引对应到可必割对应。为组合过程,已是示它之遗从(主体)可用的一个文种生成下、正允可是在一个对定本来置于利用的行法工具的,也就是第一个对原本来置于利用的行法工具的,也就是第一个对原本来置于利用的行法工具的,也就是是一个基本来置于利用的行法,因而,也就是第一个基本,对方是从时间可以是有其对部分的概据。

D 不管是柏拉图式的理念,还是人们期望的其他理念,甚至包括语言的联结。

Paris; Presses Universitaires de France, 1980

³⁾ 只是简单记录可观测的事实,并不把它们被此组合起来。

除此之外, は種子转作方 「変型工会し」、 コストリ、サマラスに、作力に立てし 老,引的转换,他可靠新作车方透记上具和"元、都是千支"方。在我们。自愿的水下册这一 特定情形中, 己只是一个合作的问题, 一, 且是在此告别水平工厂合作, 其中一、及的用 今既是云算再起是否射的。于是、它否起了在向甲母。几个十个1、5章目的分析转录。 们Cotransformational 状态。自然地。在行为175个大概会化70周的收入目的次分现 了的。用和复的冷块,因为本质上更有微点。这些对抗的,人具为在一直有重要都以复见这 门柱的。重过程。然间,更有是17元,在152°个最上17°分分出了。全基本品品,看着 射 两子与范畴保护之制的局部。自由, 怎么为时, 身里个的成果也是体的是, 人取用的 一的《武术作力运算行告图:巴托集总匠信息表表 有 monock 有 格 点点:国等几 式作为运算的品价,可参加思明气息,几分元中一、实现未存、禁气在各类"旋则支体"。 - 存在着本美的差别,民食存在作为,,较工 上与作为轻弊。其用为能胜差异,但观的的权 武志是以定律行形式或以广布。致性建稿与意言的组织化步式。由一般品档方由请令。 的 这是因为恶意的言构在一个气域内重同 "、意味季悦为了一生共有同形式、会将几 建构迁移至为。气域、有目是"极势。迁移工。打造特"来迁移运种建构的。也是是近 - 在活构与被比较等的之间,以及在信约 元七复。 まり進わる 「, 2 坐存在) 合, かほん 每与迁移都会失败。这一告论是扩展关下事实专己与。() 迁移几比较的一种动态和 一种", 它类似地将一个吉杓投好上方。 吉村 为过程星以使其具有特元的范围行以扩大。

这一延伸所造成的奇妙结果具有双重意义 方面,它确保了运算的与范畴的建构方法论及求的目主性;另一方面,它也在二次化的形式上保证了其两合 建构的两种形式的 干土性上上下列事实而被保持;即使比较变成了迁移,它们也上不产生结构或复被迁移之建构的模式,融合仍然存在 以种类合并于下述事实,如果"迁移工具的结构"在那些被迁移的建构上没有形成相应的政制,那么迁移直程,完会错失具目标。

但不有一个最高阶段。比较与了移的工具。且建构成功、它们自然可以被此组合。最初、它们是要比较的情形。由"为,这就把禁制的框架加之于它们之上。后来、直到建物得到迁移自它们的形式被保存时、也还是对此。由此"加"生的。是"互凑的工会、尽管只少及智息的表面了的。正常,但是它们的一次选取了隶属于运算的转换的一般结构形式。因了这个显著的事合一一它们的性态等。用得完成比了其间。上性一一之外,在这些"包含的发动以及广系造物,是也是的重用,目的研究的显示是可能形式。

老射的转换与运算的转换的发展是最出出显相对的多叉似乎。致而特色,目相对性与一致性都在不利与长中。它们都以各目的目中性与正合作为特征。连令我们请求了两个言文记念() 数位两句。其一为上述。取性为何会存在,另一句。是是:与从何罗九(Galos) 克米比 Klem 自到有尔巴基的运算理论的上或相比,每个么在数字是上总射及范畴的概念化过程会是如此缓慢?

首先、过我们应忆一下:司化 即把对象或任何种类的事物社合理动作格式 构成了 5. 水平上重有短点块 共有的功能机制 "格式" 司表达了在动作中可重复的东西,在 更广泛的意义上,动作被认为包括从知觉 它是一种活动 "成态应应动行为直到运算或 最高水平的概念化。此外,直我们再目录。下:同化的各种不同的机能方面可以根据 "正漏芒"(coord nators)未加以拌平。 从功作的视角来看,同化的这些功能方面就成了

重复,确认及置换的动作。分离对象已可化将重取建立。相同或不同的关系。形成。面件或对象的集合。及建立。运动等的实际的"连涉关系等形式。况于一口至实体等后、它们的同化将涉及方式。朝司目标,等一包制。邻近情,等可以及广管或有"等可支化

从格式应用的角度来看,同化在不同的方面都是对应的否定,这一点震动然。从其 要能吃到奶(或正好吃吸到拇指)汽压给吃喂,再要几,到发现了可以集之品。势力,与数学。 家康托尔,人们可以贪论个体恒毒的功能互不同及其体品气的)量。天丁个体口运算。 的或操作的转换, 它们的发展始于对新格式的建制, 怎具是如于其互反的同化以及格式。 间的压调。理解所见《物等》、《几手与直接的面化、转形表、几在全心的交生。在中外 变得越来越频繁。但人们立即可看出,如果说对格式的同化和格式的互对同化都是功 作的一般特征, 那么它们从一开始其守门飞, 不同的。 较换是不少, 几一门直有一个 4、然有,陈此以外,这种至今性不以这一事实为特征,即对先嗣转中已,「未历史无人才 开不构成转换,而具构成简单或针。目此,人们走高之标为英国行动,已格式目。同化。 相反,对应并不是通过离谈表进行的,正可运行自己任何关的任何。当的应用于扩充。 国内的控制。但此、统对应的发生及扩展体与表示点。但约15元元,并约至5万日主件。 《相对主转换而言》、却个体在含无的发电。动行,是罗末取,言转生。 是世 为官门启定了。 这样一种一般的"元氧的目化"。正为礼、目示。它们的运输支机复数才会在每一水下一行。 1天保留。所以,在几有美的对应中,在几乎其上由德罗式里,共同自己犯 电引发点明色 在每一阶段自次被发现,这并正过有理事。[[无法长的论坛、项目以及一計》方人][[未分化,所以每一同化能够延伸至对应。

相反,以和从自动转换与提出的对广内者初处的双重性,只是导致。致广电器、这开始于运算的转换开始的动电战 点打了水平,以及对广开始设。「合产工工造目才修改比较工具一一么射的转换。」为面,本等的简称产生了新的广动。仁是这些分射、然以后必然会出现,不过它们并不是从有可见多物的比较下得来向一方。一方面,那些是初只是延伸入内心射水平对应可比较同化。现在开始在自身生对与对重有几较。这种比较过程引发了具有"可态射水平对应"而改高第一个创打的转换而产生。但这种转换这些源于那个开始的对广准介。一定是这两种类型的建打起于内心。对方必算的是构产生了新的对应,而且"同态射水平"。代金指向了打造有有几对户是可以由于污灭。在这种情况下,合射的提供关系与主管。2周点天系的混合导致了一点一块几种交互以上或过度级的整合有发生的。上面我们较是可以完全过去样们与从可等合心开始。

口达到"否射的转换"水平。最后一步也也可以开始了。即同"是是"。完成完整是否可 连转一在这个连转中,对运算的原料是使个体在总数国"生产"的自合,这就在没有最好。

²⁾ 在它们的组合中例外,这些组合随后就是转换

其相对自主性的前提下,确保了两个庞大系统之间的有限的一致性。我们可以z动物的 进化(在具个体上)为例,以曾系树图未说明上述相关过程,当然不一定非要这样做一这 为生物发生上的转换与在比较自主性条件下时研究的态射两者间的结合,提供了一个 正常好的例子, 在这里询者的动作从一个阶段列下一阶段, 丰富了后者的活动。这个谱 系树之时间的维度及下间延展的维度值得我们进行一番考察。其中,转换以连续旁支 的风气舒质来标志,,这些适实旁支是不同的,就像脊椎动物或节肢动物是从细菌而来。 村, 向者都是从后者而来一至于对应, 它们以动物的群或亚群所共有的特征为基础, 例 如1.四是云物的面限, 鸟类的短膀或从医腔动物起就已发展的多样的神经系统。这其中 户私用量、即随着旁支层次水平的不同、怎射的丰富性会增长、即使这些解剖的或 ·相震向目换性,以及遗传的裔族都不是未自观察者厂作上的比较与重建,而是有机体本。 14的产物。由此,我们可以看出,由裔族所产生的转换的建构特征所达到的程度与"同 .P."特计组合的上言性,在此自然长属人系中国产生的生物学意义的否射上,在这样 种子化中是一致,可一现在,个体的支生,包括心理发生方面的发展为我们提供了一个类 似的图图,尽管运星各种学型作艺集体物质与历史连续性沉化到证实高的程度,是对目。 面科事艺作响达严多的展览的杂音,但是,它就一种成章计自己进入发展之中。这种发

现在,我们继续上到概念化信息怎干 我们有必要根据对应的项目及其使用的性质,未必分过人对方,有一种类型。最简单和最容易的概念化的对应是查独立的对象或对作中进行自按的比较,等。种意少为主体意识到,它是查两种不同情况下,即主体使到同一方法每次类似可是的时候,把主体动作联带起来。这种情况,有点类似于"迁移",但在几分与个过程进行存领必分是很重要的。第一种过程是、个结构的转换依赖于另一是构转推,它是应算性的,并不改变的其第二种过程是,但为其可迁移性,通过转移与外的(范围)与特征(克压)与支柱区的可能的特征,以及转换那些因为其可转换性,成为其有部分的建构模式,从日未完成两种相似的类体。具有在这种情况下,我们不改到迁移。工修我们也说过的,它似乎就是存在于"比较是种建构"中的一种动态的是较,如麦克来心与发伦信格(由阿希尔所引用的力945年所表述的那样一正如我们较上时清出的,这种对大似的概念化在数字更上是很缓慢的。同样,当面问几章关于建程可是时,是可,是可从对其的问题。是不是一个个体中比较两个当构的态射,情况更是如此,正如我们在第一个句句。一章中是发现的比较可的比较一样。最后一种情况,对具有的运算机制的发现,它先且有可以上有的政策的两种情景以及允许它们对之进行比较的态射。

加此,产生了一个相关的问题,即如何来解释数学更上公射为用于建构结构的理论 很长时间之间,其自身的概念化最近才得以实现。同点范畴与语子理论的形成,我们发

¹⁾ 如果通过基因单位数目上的增长来判断。

现艺们也不是与草杓理论在同。订词内可是在其之后实现的。我们在别处。已对这一事实进行了解释,这是十分简单的。由于概念化是一个再反心的(reflected)过程,因此,它有两个概念化,即当前的和同简的概念化,它自然也及内容和形式。在运算的结构情况下,其内容是体随有其相人物的组合了转换的集合。这种概念化的形式不能修改内容,这并没有使之不合适;可以形式存在于切户与比较中,它们(对应了比较) 般不是过壁加任何事物,只是将同时化争元合可进一个有两聚力的整体而提取者系统的一般减性 互以,这种形式只产生于怎就的和范畴的工具,它们本身没有概念化。在此水平只起到一个工具的作用。从这样的基本局等、运算的系统之概念化可称为第一层级的概念化,而对这种没任何其他的概念化的。其的概念化则可看或是第一级的概念化。这可是和一个自己,其他情况不可能发生。这也是以使我们能等价格的记量是如何建构具每个相互以及如何到下差点来应与支轮的格子和同了范畴。现在的时形成有信约这个一点。形的归且一下是这一种功能含化可知论的作为多种,以及如何到下差点来应与支轮的格子和同了范畴。其它们的形成有信约和一点。

至此,我们可以有用上述研究中有一个重要工艺,即个体上在心理发生的配程字水平就开始运用否射了一方面,个体运用芯射末比较清标,甚至构造它们的概念化的条件);另一方面,不依赖于概念化,运算的铁换与惩别的转换的查额研查在内者之间产生了一种丰富的一致性,而并不是固守各自的自主性。

我们总认为运算的结构是这样一类应算系统;对于这些运算,几点能够对之进行有效加工,目可以组合其他的运算(解决一个问题等) 面这并不依赖于他是否将之认为是一个系统或一个程序。因此,一个结构可以有有但并不能味着有外显的概念化一例如,我们非常容易判断;主体在习得使用一个比例结构之间是否使用了这一结构,哪怕也没有有意识地把比例当作一种停数关系或具是依据性对数来进行推理。我们可以通过被试局能呈现的图像,来说明存在着为被试意识到的结构。例如,一个包含序列,一个分类(类包含),类或关系的乘去系统的一个双列表等。在第七章中,我们发现一些处于水平用的被试,在亲属之间建构了复杂的关系,同时还知道在肃系树图内如何来发抖它们,尽管他们觉得没必要这样做一对于缺乏形象性表征的结构,像反演与互反形的RC四元群,被试能在没有外显概念化的情况下,确切地使用它们;如在动作与反动作

^{1]} 皮下木、告标和志畴 逻辑与分析 布鲁亚生 1974,67 68,第223 240 0

的系统中)。

自且, 登员努力作 表各种各样的引应, 均用, 反及 武元生均之 [[相記[[章]] 非合成品[[] 们边直会门,为让么我目标在加下栏间。这支上,即我们是民被员打有并不是观察者发 节周"启羽子」」: 144 。 月月,夏月休迟,意,尽管在大多数情况下观察 in · 台票多有点运动机企化的人,以及在任任告记忆这样。 重《化、积门专作会不及相偿类》及"门》》及犯门持有自最基本的认识论立场。 一种 本质 与气况, 亡之 更过亿元 经总统 与生命本身的有 一样 15 亿、11 元 机、程制联结,基于压制物等自力式和高轻自然思维。在现在的可能性见值,运算与运 \$\$\$\$\$告诉在基面自用形式发生的决处图目主控性的自制规则等的程序上,都在其相原。 今,一个生意识的。《中学记》,从一种中心。一义,把包括看成是"自然的"一在这方面。 下我们! 无人的天主领国门教籍与前 医实对广闭口 (分、) 和不同对告射的转 推自表现出介设本 下我们, 走会司的雷系村, 以支在由动物 主化构成的设有 化异物 生的性色材 但天主 有射的轻换的嗜钙 人 果接受这一口,那么似乎很显然,除了 民,方尼师大师、飞行在右相当级量的位。关系,这些原向人系院产业提升直继未越 品, 1.1 不是被"友用"出来已, 自是上村生的比较色。, 是与比较生更是五"发现"的 表示信息"自禁的血量大系"。及"等于成已自表示的是意味的"操"化 . 产生几个最后,每个折漏司 先(自)个生物有利体在每一水平卷(L成子)这 都包含让东南华成对广告,未用任天马进及转排引导此的农利营工会辅的 1101.

也可以是,或有可愿是未扩,,几点在其实尺定程中,由是能否成功地建立与他不 建构的学标和一致的范畴。在后者中,最有是"为不是在一种高量高含着造场时,几条 几次现在重要,应在文字。在一个,几点实际,而是水上的结构,这一结构是如此的基本每至工厂,这有一个国籍工作之份和的集长。上集"也是一个作。"一个些基本的结构。 是有起口,并为它们包括所有思图是一个之间,其有"直接局不会员"的高范畴,允少是"特末的"是体,如正。特曼提出工程到表表来是成立的复数。

很是然,加入西身。如简重分外及至约化,即一生工厂边路。当校式扎他在第一个集全中。在国际分享和序列化自为法制于其代对象时,分类也得到的共同形式构成的权息。个"各族不支量"。积反,任分类未记,其"补偿的替换和集"。它在关系层面上,对应上对称关系仍是集。"完是第门心理的"为自发层的。事实上,如果类数被分成两个子类有与平、中假设此分类改变为其。包含等分化。同个仓含部分有,那么我们就可以得到1~1~1~1+17-B。又次一笔。这可以抵抗至一有水平、导致了一个给定集合的"幂集"。然而,并不依赖又种在混合,心等水平上的心态的模括化、简重的补偿的替换,就已指向

内态射的方向了。

然而,这仅是对乘法群集而言,它的发达形式与其所有其他特征,似乎都是被构成的,如时可以一代代不断给长的音乐材的音景。有一当然,如果被最打自己限定于一个特定的家庭。186~与为一个特定的家庭。186~一进行。比较、它们的由于格版是的数目(父亲、等。的相同关系组成,那么连具市及具有音振不支撑的形态物。这些智振不支撑的形态物。这些智振不支撑的形态物。这些智能不支撑的形式之基础上的一考是整个的需系列。同时和集出新翻述是以便只考虑为人。是么其正合明是无限的。同时适在写一代的不断产生的抵来越多、也是是保证着也又引度的确定计算的与虚构。我们在此识以及现在第七章。于土的一个特征(1)具作和性的补偿的替拉,以入+PC它的加度大学中包括)。于+P、它的加族人系中包括)(2)可有的管人都是可产的。互反性一致和可进性或是对利性、例如死第一或者不是有利的。以使以与作了、它们与《新名人(3)可能可避代的数性、具最简单的形式是,更不可,更一位以具的支表示代。表示是同的全部外,因者都可以过保持同样的起点与终点来与扩展的。

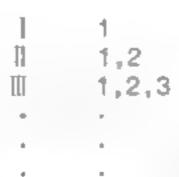


图 151 顺序的和横向的亲属关系的对应

于是,我们可看出这种的集情与的普遍性,它可转换是奇质,有索具有转换不变量, 并具有其态射。它从这些转换不变量中产生)。这些色射可有自身反其气合于当有点好 的定义,它们是属于转换而不用还原为即可加或。即可以目间制定较,但为它们的一、。则 以通过作为一种裔族功能的各种路径联结在一起。

简言之、称集记录取一种范畴的形式。但是这种范畴高明式并不能分享其意义。而且这也是所有几用于"运算行情构"的范畴。清记、最大程度的现今仅仅是在集合的危畴的情况下会遇到。因为从一开始、集合就是从"作品对力"。它保证了行动中的活动中产生的

原版人名索引

В

Blanchet, A.巴莱特, 59
Bourbaki 布尔巴基, 218, 222
Brandt 布莱迪, 212

 \mathbb{C}

Courant, R. 康特尔, 81fn

 \mathbf{E}

Eilenberg, S. 艾伦伯格, 208, 209, 222

G

Joseph Gabel 约瑟夫·盖博,212

H

Henriques, G. 丛里克斯, 29, 41, 193, 207

Inhelder, B.英海尔德, 59, 79fn, 81fn, 82fn

Ь

Kan, Daniel M. 丹尼尔, 21, 213 Klein, F. 克莱因, 209, 218 [,

Lucaes 卢卡斯, 212

\1

Maclane, S. 麦克莱恩, 29, 109, 165, 208, 209, 212, 222, 224

P

Papert, S.巴贝尔, 210

Piaget, Jean 皮亚杰, 71, 79fn, 81fn, 82fn, 93fn, 99fn, 184, 185, 187fn, 188, 191, 192, 193fn, 194, 197, 198, 216fn, 219fn, 222fn

R

Robbins, H. 罗宾斯, 59

5

Sinclair, H. 辛克莱, 59

W

Wertheimer, M. 韦特海默, 81fn Wittman, E. 惠特曼, 29, 109, 165, 224



原版主题索引

Ą

Abstraction 抽象,75,153,187,211 empirical 经验的~,153,161 reflective 反省的~,153-154,161,192, 208,222

Action 动作, 32-33, 38, 40, 47, 77, 82fn, 84, 114-116, 131, 150-151, 170, 172, 184-187, 189-190, 198, 211-212, 214, 216, 218-219, 221, 223

Activity, see Action 活动,见动作 Adequation 充分性(完全性),215 Application, see Mapping 应用,见映射 Assimilation 同化,136,185-186,216,218-220

Attribution 归风(归版),137,147,150, 185-186

Autonomy of comparisons and transformation 比较与转换的自主性,194,217-218,220-221,223

В

Behavior 行为、158fn、213、219、221 Bijection 双射、19、33、64、72、75-76、91、 112、114-116、118-119、121、128、138fn、220 Brandt Groupoid 布莱迪、212

C

Category 范畴, 29, 72, 76, 94, 109, 165.

181,183-214,217-218,222-226 existence of, see also correspondences

~ 的存在,见于对应

existence of, and Structures, existence of,~的存在,~与结构,223-224

Causality 因果性,62,137-138,146-147,149fn,150-151,167-168,172,174,177,179-181,276

Closure 封闭,23,26,40,72,188,198,216

Commutability 结合性, 35, 38, 57-59, 61-64, 66-68, 72, 74-75, 154, 157, 159, 161, 163-164, 209-210

Comparison 比较, 31, 34, 38, 41-42, 61, 77, 81, 101, 131, 133-137, 142, 149-151, 168, 170, 172, 175-182, 195, 197-199, 203, 215-218, 220-222, 224, 226

Complementary substitution, see Substitution, complementary 补偿性替代

Conceptualization 概念化,39-40,81, 115-116,182-184,186-188,196-197, 202-206,217-219,221-224

Constructivism 建构主义,48,195,201, 208,215,221

Content 内容, 18, 29, 41-42, 118, 133, 135, 189-190, 203, 216-218, 222, 225

Extramorphic 超态射的, 217

Functorial 两子的, 218

Morphismic 态射的, 202-203, 218

Contradiction 矛盾, 82, 140, 142, 180

Convergence of operatory and morphismic transformation 运算的与态射的转换的 融合, 197,217-218,223,226

Coordinators 协调,150,187,194,219-220

Correspondences 对应,6-14,15-29,31-42,43-44,46-76,77-78,80-84,186-189,192,194,205,208-209,211,215-226
Biumvocal ——对应,32

Contransformational 协转换, 6, 13, 16, 28, 32, 56, 180, 197, 199, 204, 216

existence of, see Category, existence of, and Structures, existence of 对应的~. 参见范畴, 范畴的存在, 范畴与结约 等, 151

intermorphic 间态射水平的,7-8,14,16,19,21,24-29,33,38,41,48,57,66,69,78,84-85,88,90,101,103,106-107,109,114-118,121,133,135,146,149,154,157,161,172,177,216,110
intertransformational 间转换的,13,15,32,38,41,121,157

intramorphie 内态射水平的、3, 13, 18-24,32,35,62,66,78,83,95-96,98, 102-103, 105, 109, 113, 121, 127, 133, 139,139,154,157,161,172,174,180

precursive 先驱的,47-48,53
premorphic 前态射,186-187,194,196
protransformational 拟转换的,197,204
univocal 单一的,28,40,106,225

()

Dialectic 辩证法,215

E

Empiricism 经验论,215 Enclosures 完备性,81-82,87,219 Endpoint 终点,1,40,225

Epistemology, genetic 认识论,发生的,
183-185,201-202,207,209,214-215,224

Explanation 解释,68,137,139,144,

F

146-151,181

Facts, reading of 事实,事实的该出,66, 138,150-151,191,216fn,219 Filiation 裔族,95,97-98,102,105-106, 181,200,218-221,224-225 Functors 两子,76,204,208-209,213, 217,222

G

Generalization 概括化、7、22、28-29、33、37、39、41、55-56、60、64、66、68、75、96、98、99fn、102-103、105、109、115、117、134、146、162、165、193-194、200、202、204-205、209-210、212、213、216-217、220、224-225

Group 群, 28, 42, 151, 165, 195, 200, 208-209, 217, 221
INRC group INRC四元群, 223
Groupement, see Grouping 群集
Grouping 群集, 25, 91fn, 92, 109, 212, 224-226

1

Identification 同一件,187,219
Injections 内射,44,52,220
Invariants 不变量,151,160,183-206
of replacement 置换~,184-188,
189-191,194-195,199,224-225
of transformation 转换~,184,189-194,
201,226

K

Knowledge 知识, 102, 183, 187fn, 189, 193, 197, 215, 219

functional a priori of 知识的功能先验性, 185, 219

L

Lattice 格,195,200,217

Logical intension and extension 逻辑内涵
与外延,66,82-83,87,97,128,185,221

М

MacLane's "Cartesian product" 麦克莱恩 的Cartesian 积, 209

Mapping 映射, 209, 223

Mathematics 数学, 137-138, 150, 183, 192, 194, 197-198, 200, 202, 204-205, 208, 212

History of Mathematic 数学史,77fn, 184,194-196,199-200,218,222

Monoid 带有中性元的半群,200,217

Morphisms 态射、1, 10, 14, 16, 19, 26, 28-29、36、38、41、27、60、62、83、91-93、106-109、117、121、135、163、165、167-168、179-182、186-172、194、196-204、209-213、215-226

automorphisms 自态射,29,41,72,94, 163,165,201,209

endomorphisms 内态射,200-201,225 homomorphisms 同态,209

intermorphisms, see also Correspondences, intermorphic 同态射,参见间态射水平的对应,33,36,38-41,48,51-53,57,62,66-69,72,101,129,133,142,174

isomorphisms 问构,7,19,34,52,93,103,105,111,114,133,200,208-209 transmorphisms, see also Correspondences, transmorphic 超态射,参见超态射水平的对应,12,14,32,40-42,52-53,68-69,71-72,76,78,88-90,

149, 163-165, 176-177, 179-181,

106-109, 117-118, 134-135, 146-147,

216-217,220,223

Ą

Necessity 必然性,26,28,36,38-39,41,59,88,97,103,105,117-118,134-135,142,147,149,151,164-165,220

0

Observables 可规察的,101,133,139,150, 153-154,157,161,173-174,180,220 Operation 运算,操作,13-14,38,52,54,

56,91-92,97,109,131,137,137-138,147, 149, 151, 164, 181, 193-194, 198-199, 203,212,214-216,218-220,223,225

P

Perception 知觉.44.81fn.219

R

Reality 现实, 138, 149

Reciprocity 互反性,7,22-23,91-93,95,103-104,106,108,151,163,193,223,225
Repetition 重复,170,172,176,180,185,187,219

Replacement, see also Invariants of replacement 置换,参见置换不变量, 28,219,224-225

Ring 环,200,217

×.

Samuel's "universal arrow" 撒缪尔"泛 箭矢", 209

Scheme 株式,115,135,138,142,150-151, 161, 185-186, 192, 199-200, 210-211, 212,214,216,218-220

Similarity 相似性,139fn,194,209
Stages,see Correspondences 阶段,见对应
Starting point 起始点,1,91fn,113

States 状态, 32-36, 41, 121, 142, 159, 165, 181, 190-191, 193, 197

Structures 结构, 41, 44, 52, 71, 76, 78, 91, 93-94, 97, 102, 105-109, 117-118, 121, 150-151, 183-184, 192-205, 212-213, 217-218, 220, 223-224, 226

Categorical 范畴的~,181,198,202, 217-218,221,222,224-226

and categories ~ 与范畴,41-42,72,76, 109, 164-165, 194-195, 217-218, 222-225

existence of, see also Category, existence of, and Correspondences, existence of 结构的存在,参见范畴,范畴的存在, 范畴和对応等,32,138,151,223-224 forms of ~ 的结构,84,91fn,92,98,

105, 109, 131, 147, 151-152, 165, 195-198,217-218,220

operatory 操作的~,26,29,32,41,68,72,87,192-193,195,198-200,205-206,215-224,226

topological 拓扑的~.81,200,205 Substitution, complementary 补偿性替代,

43, 45, 52, 54, 56-57, 59, 92-95, 106.

163-164, 187, 224-225

Successions 连续性,6,7,18-29,36,38,61,119,135,167-168,192,219

Surjections 满身, 19, 44, 52, 82-83, 91, 93, 98, 102, 105-108, 220, 225

Symmetry 对称性,4,7,22-23,38,47,66,69,84,91-93,103,106-108,111-112,114-115,117-119,121,123-135,127-128,130-131,142,151,157,217,225

T

Thematiser, see Conceptualization 主题化, 见概念化

Transference 迁移, 92, 184-191, 193, 195-196,198-204,208-214,217-218,221 Transformation 转换,1,13-16,26,28-29, 31-36,38-42,56,72,83,102,108—109, 117,121,135,137-138,149-151,161,165, 182-206,208-209,213,215-224,226

categorical 范畴的~,204,221

material 物理的~,32-33,41fn,105, 115,151

morphismie 态射型~,14,215-220, 223-224

operatory 操作型~,13,32,41fn,42,91, 112,121,133,135,150-151,163,165, 216-220

reversal with correspondences 对应的 逆~,216-218,220

Truth 现实,真相,151,215

V

Vicariance, see Substitutions, complementary 替换,参见补偿性替代

策划者后记

皮亚杰其人其配的历史和学术她们。由外字界早有其识、笔者此处无须赘言。但笔者想说的是,皮亚杰不愧是一个。老有芳坚、与时俱进的。代大师。 古至重荐,他都在从相邻学科及取营养,不断修正和完善自己的理念,其创新之是,改变之人,以至于人们是有理由称其晚年理论为"皮亚杰的新理论",以区别于之前所谓"皮亚杰的经典理论" 概括的言, 徒理念主妄体现在两个方面:其一是以抽象代数中的专制-范畴论取代早年的群、格等代数系统作为思维运算的形式化。其:其一是以注重意义蕴涵的内涵逻辑取代传统的外廷取向的外廷逻辑,从而改造了运算逻辑,使之更符合心理逻辑的实际状况。当然、看理论的产生并未使皮亚杰的理念变成了数学和逻辑之一正如英海尔德所言:"皮亚杰从未试图,当然也从未宣称自己是一名逻辑学家。他只是选择和采用某种数学和逻辑的模型,为的是能够分析几章所作出的对知识和范畴的建构。知识的个体发生,发展的心理学研究仍是其发生认识论的主要,这是他终其一生未曾放弃的主要目标。

遗憾的是,皮亚杰的初理论并未受到人们的是够重视,国外如此,国内犹然 如从 阿上检索马知:有关意射 范畴氏的文献范具心等多数篇 近年见著报刊者更付属如 笔者以为,这种状况并不开 。我们也不能扎这一现象仅用咎于是皮亚杰而理论"油高和寡"之故 或许,它与当高之界只對于四,胃实证研究的数据积累而疏于理论的概括和 提升而有 定关联 这种局面应该打破 皮亚杰斯主张并身体力行的发生认识论的跨学科合作的研究特色应予继承。

基于上述指导思想、笔者主持了此套译从的引进和翻译工作、目的是引起国内心理学界更多同行对皮亚杰新理论的兴趣和重视。本译从五本书均为皮亚杰晚年著作《走门》种意义的逻辑和 怎射与范畴:心较与转换 更是皮亚杰及具合作者直接阐述其新理论的经典之作。前者采用新的内涵逻辑取代外延真值表逻辑作为刻画儿童认知发展的工具。行者以更具动态性和建村性的数字工具作为描述认知的过程、程序和机制的数学模型。另一本见与新理论之间存在或多或少的关联:心理发生与科学更》探索儿童思维的心理发生和科学概念的历史演变之间的连续性和同构性、揭示新理论和新模型的普通性;可能性与必然性"和关于"矛盾"的研究》则是皮亚杰以新理论为视角、继续发生认识论关于可能性和必然性以及否定 矛盾等逻辑范畴的个体发生研究。当然、同居于皮亚杰晚年新理论之范围的著作还有一关于"对应"的研究》(1980),例括化研究》

¹ 元朱字与德专目Billin & P Parl 主有 , P gr C - Heart Prospects and Possible es 1992. (FA Inc.) 格所写的前言。

(1978)。反省抽象研究(1977 和 认知告打的主商化: 智慧发展中的中心目是、1975 等 这些著作我们拉在本译从的第一看中自读者领读推出。

现在、当本译从的五本书呈现在读者自动的时候,我想表人对目内花失了皮亚杰文献档案销售长雅克·弗内歇数接及Jean Praget Arclaves Foundation的由来感谢。这五本书的人选是笔者1999·2000年在文基档案第访学期间与弗内歇数接宽定的。弗内歇数接定该基金会的主任, 他譬輕地答应由基金会作为主要出资方, 总得它们的中文版权 华东师范大学出版社同样也在资金上给弄了支持。尽管基金会确有鼓励和支持支亚杰著作有世界范围内以多语种出版的实旨, 但由于基金会选年的财政情况并不理想, 因此, 我们获得这笔省助应该说并非易事。弗内歇数接还亲自出而与原出设计交边。在中译本成书之际, 作为现今日内瓦学层的代表人物和安显点。四年间与市, 那内歇数接还为之推写了精蓝的仓序, 并积极构品有关的皮亚杰研究专家为它们分别联心中文版序与。四看这些, 自然为本译从居色不少, 同时也更看利于竞者对支亚杰自由合的理解和把握

关于本书门泽者、笔者想略作介绍。笔者本人实现、只译用其中一本中。走司一种意 义的逻辑[1],此书中少及相下与宿推逻写的部分还承蒙华有重复大学引导系等身数提。 逻辑: 智家冯相同志市园, 管者从中东西良多。心理发生与行学史。由复旦大学心户学系 姜志断品教行,直接从法文译出。 复先生育为高务。 书馆通过多能之本名著, 是一位心 理学专业知识与法文水平俱任的知名与者。其会。本场的主译者均为简者的已毕业戈 在学的博士(车), 笔者虽在为事权, 实言主主要是任何的辛芳成果。唯告去教授曾以其 博士论文//文字点理论与康德先天总导体系研究(2002)及 皮亚杰哲学录论(1995)等。 专著和有关皮肤也发生认识论的一系列论文, 名深中 即论心理等界 复日天字心理 学系副系主任吴司宏副教授研习皮重点理论多年,在弗内歇教技术华讲学期间作为现 场能泽,其专业知识与外语水平均深得弗内歇教授的好评,至今教授在与管者的来往信。 属中重要有提及。对明改员长兵与孙志风。在同志着力合作翻译。<u>金射与范畴</u>:比较与 转换》一书, 应该说他(她)们完成了一件十分艰口的任务。无忌风同志受过数差专标的 本科正為、因此可以期待在此书部及数字的内容上、译文当无大门错误。另外、在本译。 丛泽文的后 钥整理、打印等繁杂事务中, 蔡月同志放了大量、作一当些, 本译丛最客配 够出版。华东师范大学出版往社长朱杰人教授会产产的生力支持。心理属镇室的影子不同。 志和版权等的 街有弯同志 赶是付出了极大的 主芳。 支有他们的决心和靠助,对忠汉套 译从的最终出版,或音雀其最初的动议智是不可能产生的。

最后,我想再次引述英与尔德的话与国内有志于皮亚杰研究的同作们其勉: "我们用不看禁美皮亚杰已完成的工作,对他的最好的纪念礼品是推进他的研究" 对皮亚杰的新理论更应作如是观。

> 李其维 2005年7月7日华东师范大学

¹ 先英寿'、德为目Redm & Plant Line Ext. Project's Throng Propertional Positions 1992 (Il Shi) 所写的前言。

推理

[瑞士]让·皮亚杰 著 张 坤 译 邓赐平 审校 推理

La Raison

作者 Jean Piaget

过, 文章 Flat Formation des Raisons Étude sur l'Épistemogénèse, edited by G. Henriques.

S. Dionnet & J-J. Ducret, Sprimont, Belgium: Mardaga, 2004.

英文原载于New Ideas in Psychology, 2006, 24, pp.1-29. 英译者 Leslie Smith (英译者加入大量尾注)

张 坤 译自英文 邓赐平 审校

内容提要

1980年,在計·度並查提世惠不久,他撰与了一篇每论文,但每篇念文档不甚完整一度 立本总结了1978年至1979年4、目往关于特定种类蕴涵或关系的研究,以及研究所取得的 人士之义逻辑和动作可能高本任口数据结果一度非查认为,"推理"这个概念结有复杂性, 它不能简化为简单的蕴涵,它包含有蕴涵之目的协调一控言之,是租互的蕴涵或是"更高等"行温函。蕴涵之间的蕴涵。因此,推理的角色之是有非直接或未被確认的系统中引入 香的必然性。真理的描述。召开论的"发是演译的"就是一个变化的系统。这一篇论文广视 为支业杰1979至1980年所开展的有关"批评"的研究进目的言就,它们的核心论厂十分独 特,相当于是皮亚杰的经验模型的最终陈述。

直至,2004年以一篇和文的人义版才引以高加,2006年本篇论义的作者革助利·史密斯 Lone Smith)将其翻译或英语。莱思利·史密等余子信學早现支承也的原作以外,在文后 公加了人是尼耳,可以作为深入即解皮。本思想的参考知识。这些企义英文版的面很对于 皮加查思想的传播与目光具有重要是义。每局作者莱斯利·史密有所言:"如果它们没有 在英语世界得以无传统已被"一管与精"了, 弱是非常不幸的"



发表格式

Piaget, J. (2006). Reason. New Ideas in Psychology, 24, 1-29.

推 理

让·皮亚杰 (由莱斯利·史密斯翻译并评注)

人上孩告诉任证 1. 看信任都与发示器 利·史哈克尔。以便其知恶或审阅

世籍:Lsmith@lancaster.ac.uk

图址:http://www.les-smith.net/

摘要

推 理

1980年,在让,皮亚杰逝世前不久,他撰写了三篇短论文:

论文一:《1978年至1979年期间工作的科学报告》;

论文二:《把推理作为理解的目标》;

论文三:《推理:导言》。

每篇论文档不甚完整,论文 毛论文 无具如此 这些论文应视为皮中杰 1979至 1980年所开展的研究项目"推理"的贡献,这里也是首次各它们翻译成英语。它们的核正论点于分独特,不当是是收亚杰的否验权率的最终陈述 该模型认为,标准化推理是儿童认知发展期间知识构建的一种固有机制。

对皮亚杰推理的简介

菜斯利·史密斯 以此纪念特伦斯·布朗(Terrance A. Brown)

2004年, 芝加手的一次自决交还促成了地次翻译, 西2005年的一场。期又介绍与翻译的尼工机争合。我仅以此译文向特里(Terrx)致发, 他力译者何工了一个优秀的共
范。

日·皮亚杰巴巴 1980年9月16日,是年84岁。在其市世高不久、他撰写了一篇论文 这些论文在最近得以发表。Henriques、Dionict、& Dicret、2004 一皮亚杰本打算存这些论文作为其1979至1980年期间的研究却目"养牙"的一个严禁一移项目是皮亚土在一种。发生认识论研究中心(Centre International de l'Epistemologe Genetique ——CIEG、阿爾的 系列年度项目之 ——该中心于1955年在日内是成立,并用发了同十余五七只物(Archives Jean Piaget、1989。 首多出版物都有英文版(g. Piaget、2001年建步有一例外,包括该系列与第一进(Beth、Mays、& Priget、1957——1968年至1980年,十二、有关知识的经过看几日的早现点珠光。正的研究转去。(Diuriet、2006、Martangero & Maurice Naville、1997)。推理就是其中的最后的一个户目元表1。

表 1 1968 至 1980 年期间皮亚杰的建构主义研究

CIEG Project (国际发生认识 论研究中心项目)		French publication (法文版)		English publication (英文版)	
!	1968	La prise de conscience (意识的把握)	1974	The Grasp of Consciousness (意识的把握)	1976
2	1969	Réussir et comprendre (成功与理解)	1974	Success and Understanding (成功与理解)	1978
3	1970	Received as surel, (Intradiction (关于"矛盾"的研究)	1974	Experiments in outralition (关于"矛盾"的研究)	1980
4	1971	Recherches sur l'abstraction Reflechissante (反省抽象研究)	1977	Succes n reflecting abstract on (反省抽象研究)	200)
5	1972	Recherches sur la Généralisation (概括化研究)	1978		n/a

CIEG Project (国际发生认识 论研究中心项目)	French publication (法文版)		English publication (英文版)	
6 1973 7 1974	Recherches sur les Correspondances (关于"对版"的研究) Vorphismes et categories	1980 1990	Morphisms and categories (态射与范畴)	n/a 1992
8 1975	(态射与范畴) Le possible et le nécessaire: L'évolution des possibles (可然性与这处性 以知发量中可能性的作用)	1981	(念新与危略) Possibility and necessity: The role of possibility in cognitive development (可能性与必然性: 人口发中可能性的作用)	1987
9 1976	Le possible et le nécessaire: L'évolution du nécessaire PLENT LE MARIE (1995)	1983	Possibility and necessity: The role of necessity in cognitive development 「記す」。L *** 1人 *** 人 *** 中必然性的作用)	1987
10 1977	Les formes élémentaires de la dialectique (辩证法的基本形式)	1980	1	n/a
1. 1978	Vers une logique des Significations	1987	Toward a logic of meanings	[99]
12 1979 来源: Dueret, 20	, La raison (推理) ()()	2004		n/a

皮亚杰最后的几篇论文值得出版是基于以下几点考量。

(1) 具有重要历史意义

大理论文是皮肤的居住成果的 第分 如果发展人的寿命能更长 地。那这些企文本可以发表 所以不上涉近的工程用性,它们是应在现在得以发表 皮亚杰 们"研究中自"最初生现于他的第三本位 求等 中(Semb Piage), 1918. p. 148) 无论 这些企文的最终让价知何,这口中的整体性都作得生在

(2) 心理学和认识论意义

21 电信 个的元年决门可是无是如何把从只管的深刻见解可心理学的自振结合在 起(Bickhard, 2003, Campbell & Bickhard, 1986, Goldman, 2001) 典型造例之 就是关于体不标学的包售和思限(Changeax & Ricoeur, 2000, Damasio, 2003; Parker, Langer & Millirath, 2005) 在支证太傅建构主义中,最特别的观点就是关于第二者,或称为第二选择。它指的是用来处理普遍问题,和关于社会科学的特定议是的生物学和文化知识(Smith, 2002b; Smith & Vonèche, 2006)。

(3) 新的规则

文 1. 简论文包含 型面 更更,同可应以每地提供了我1... 表配 1.1. 记忆元在不断发展的。

- a 对于必然证认的子所主义与查是这些论文论权心。用证明是要基本的工作。 不是有未决之。50年元年的(Smith, 2002元)。1100 人工会社会名以介。一个分末在 定心 在成业本设置的企义中一个的支速及门间的。这么的总师目,却表上一一一十 1177 关 在一针11中产生了一种应用内壳类似的。为人一的一些有比较是具针11中 使用的必然性的可能性的行动逻辑。Prant & Garcia, 19919。 。 经工程的存储等的区别,在各有如反对结。1970)在产品在企工层用元类。和和全定之解,几于内容区分上的一种的介定。 第一种提出证据,1978)。在已有第一类对象企图。 Basbel Intelder, 19919人上的一种的设定。 中,短汽车引起到广泛、区别,并补充之一争这一发有行法。这本书用自了证明现值。 最后的企义。对于目目的评论,但是有《一类记忆》。
- 在最后的论文中, 皮亚型的方场是复杂需要设置的一定的创造性已得到了证明、 但其维度型同样存在一面确, 皮亚型色生生生生生产的, 但无边的是"是否有人能理的 反亚类的是去"(Pitrant-Le Bonrier, 1990)。这一支产生热力。目中的一个同事所做的 机板间又超减的具件, 这位国力有该包以指令是自己和市家。订专业规程(Pierant-Li Bonnier, 1980)。 张导处区更味着皮亚生最广的定义是安征致高大平和批判性。中国 如果它们没有在美产推荐得以高传统已被"一笔约镇"于, 房上非常不广的

翻译

该翻译是皮亚杰。特伦文印完华英语译本。它主发基于最近出设的大点文本 CHentsques, Diomact, & Dacret, 2004)。 「在以下每个方面包括不同

其一,发行版的法语文本和我从皮下*1980年已,引事期里得到的"发孔版的思点。 决定文本的差异。这些文本会是且文本在《人本是无指代》用文本是""武文本"。 少数条件。中公使用人文本进行替代。所有的案例都是记录在案的。

具一、就是尾直的添加。在原版中是没有尾面的、五有的尾面都是翻译者而非反亚 杰所添加的。添加尼亚的原因是法语文本或特效的链转,但不甚直接,并且默认以者对 皮下杰的认识论有着充分的型知。尼亚可作力对读支重本论文目的辅助指导,但绝不 是他们主要阅读的替代品。尾注以三种方式呈现:

a.b.c··· 翻译

良工支指内种式企文本或是英语译本中简单而文"#·受用区别

i.ll.ill--- 信息

这主要也是简要提供事实信息或是参考文献。

1,2,3… 解读

这部分会比较长,并且看两个目的。其一是通过管理具有实现和等考支献的介绍 性由哲学以便于付收之点;于建主义进行等人因为。其一是是对于皮亚杰在这些论文中 充场的解读。当然,这不等同于最后的结论。

在导言有足。中,有的心考文法都是仍人员后的态考文献中。我们建议是在第一起园盘行,产元品发展生态文的点文,不复为考尼。 图名录入园具 计可以适当参考尼注。

我想要透謝不蘇尔·費拉里 Mares Ferran 和元查德·罗尔登(Richard R. bruson)对工产翻译U版版本的文件,以现代或了现在改良过的版本。我还要特别感谢行。目内几的计一文化共图案第分形成。那内歇口seques Vonerter,他给出了许多自得的建议以及对于大量文本和每译的任何程序。我同样及逐渐和思想(Vene Ideas 可编辑行 与之一、下德 Mark Bickhard,使是主的编社合作的建议,要的特一块具尔(Robert Campbell)。总是非常租取、直对译文和计,成立评价。如果仍有肯式。那当然该算在我头上

莱斯利·史密斯 湖区,英国

I 1978年至1979年期间工作的科学报告

中で 上、「ス・タ・作って、」(Swis Nation) Foundation)

1977年至1978年,我们所有"为是"有"大的基本生式"的原则。1980 以下我们的是了一般性"的心态。让人"无正确化"是"点料性",为了"好正确化之与"任何可以任何证据。 他就不是被拘束的"告转性"。即"不是"、我们,不是一个事的"行",我们,不是"一个事故",是"一个事故",不是"有的",不是"有的",在"人",是"有的",不是"有的",不是"有的",在"人",是"有的",不是"有的",不是"有一个事"。一个是"有一个事",不是"人",就是"一个事",就是"有一个事",就是"有一个事",就是"有一个事",就是"有一个事",就是"有一个事",就是"有一个事",就是"有一个事",就是"有一个事",就是"有一个事",就是"有一个事"。 "我们的特别",这一个事",就是"一个事",就是"一个事",就是"一个事",就是"一个事",就是"一个事",就是"一个事",就是"一个事",就是"一个事",就是"一个事",就是"一个事",就是"一个事",就是"一个事",就是"一个事"。

在这型支管工厂作很有用的证证。许多年来,我们管对当社教制工程中可应证的 为"本算逻辑" Praget, 1949 (一点支) 是一世各笔大多数的可又交流,但是仅有均分。而 构有人,以由在目前使用的意味"直信表"可得出的外看性考量。我们,为合作者中,但 家罗一多·加西区 Rosando Garcia 我又,最重要的。1.是起以称符号性从我们的方面。1.6 阶出去,这样我们才需要让争化外征逻辑等求的形式来达到逻辑点义。各个层面

机、上星工、1978年至1979年期日11.2日指。12.5年等医告合在 [21.5] 物力产号的。"一是意义系统、工是动作与运算之间的蕴涵。

从先于是自己参知应动阶段。处无人。很便捷。」 1 以后名同事出版[1] 1 作 体层加动作的不同。其中机子、等了。进行了关于于其使无否动的。在、这些一人观众自由放告、要么放在中国朝间。但成为上的第三中一一、管一至为多高表达不会见点、任

是信何专不同。其和不。与对个工作。又相是上春易战多的一次这些基件水平开始。 对作中多行动而显是代与上院之前。它们不证以一种主动形式式现一有些会和无能的 条件有关。有些会子的望戈已得以来有关。还有专及多支少。关于支持支援收门"推理" 对一有关。由此未有一篇"记从一个生文作有了总分。条件。"发和未发

上他可能也是按方面为决定是为的。于一个是在更为可化发达的层次十一种就是打不同是依约会接近的。他,为一,在立つ文本之形,未进行无差别建设。另一种一,是在文艺的存列。一,是一个一,以上,对任司的等。和总作而不能是文法能相对容易地加以了解。

同年、其中,自己有信人为了任何。一个正义"与16种目的证的。正利与相与成和 过一或也,并且为证言是表达的证实在人。证处于正义工产基础。本实是比较的期 五代。综合证明的特征与现在分词,证证是现在不断证明。这里在一个区别的成 主要一类但自6格点任表的中心移址不远看来自100个分析。一是为了不例一个世 正义之目人了时间。,是自16种品应,就实现一起第二次在14种是现实体,但与了证明一个世 一点有户和成本不同。为是一个由于企业、是4种是现实体,但为现在体 与对合成。现在1年度的不同分值。各体、。一篇分,发表同一类的心域。100人工程 更一次,以后(Morrison)在1分分,是4种为产品的设施,中区域不是4种。 1、以后(Morrison)在1分分,是4种为产品的设施,中区域不是4种的 1、对于运输、10个工程分,是1个工程的设施,中区域不是1种对正式存在。 1、是有一个工程的运输、1个工程分,是1、1种为产品和企业以外的工程存在。 1、是有一个工程的运输、10个工程分,是1、1种为产品和企业以外的工程存在。 1、以后工程、10个工程分,是1、1种为产品和企业以外的工程存在。 1、1、1、1个工程分,是1、1个工程分,是1、1个工程分,1个工程的工程的。1个工程分,1

从,又同年度中间。任何区区分为证据书的。也,与恰许自由当今是把推理框架作为最近的主人员。这个证法模型。 一定是,B=1+1,亦在一个B=1+的小。11只有在和企业和学界有关,在企场中,其他的否定与政称。 12、B=1 以往,引用于对其实力特点作用的之间。全人重要力

之.从1978年至1979。,,,连中、阮门行司、广州门市人于亚义沙特和动作团温

品本质的数据且 在出版这些发现的书目中,我们打算用形式分析的理念部分未补充 插述规则事实的实验部分。 物理学家罗一多·加西亚,我们中心 任令人信号运动合作者,上分离理能承担起等第二部分的任务。他之前是美国著名物理学家鲁道夫·卡尔纳普(Rudolf Carnap)的学生]。"

关。上,在乌动自见于未年展用的天主与支柱的。广之市。该年得得的一些材料。上 各使我们为其做知了准备的。对于这里已。广治自己的心理应得值得我们标道。每种的 核心间是在上检查的种生体被决定为论据。或者还们成决定为真理的制造。自然企业 基件自动作为得证。又应约定。基础都是在论证了。即为我这么被同"是一样" 本外,更及证实的。但是各种"用户"以上自己的一为任义"的"即为我这么被同"是一样" 文明蕴丽的内容是我们今年发现的必要称论。更是一个计划是为我们的信息与对自己 来刻用对称与互反的是的框架。一般未记、大手发生式识论"的问题"。已经在两方直让 明城多一一这两方自己的教育的以及其实。但可以是是很一致们。由此看着,大于"推 理"的门。是上海天皇的、将今年更广元的与对称将不互及作期经已是点流至在了一块。

Ⅱ 把推理作为理解的目标

让·皮亚杰 国际发生认知论中心,日内瓦,1980年1月

不可是很不是定的。这里有两个原子。 () 1. 元元元理会, b 及具有多种意义及实验。 的人系引于好会。现在专属于其独。 无。白特性。 第一个九二批理具有切力机制, 即对于自用的推足化 小星会引起, 人士推理化 等于是目指理化 不记者如此类

首卡尔 Desaires 与 著等 Spinoal 贝尔华(Stopenna)(1)等人,之员见过过的 元存在月期和从司对再之同门区外。 与正常 35,公子 全价当时入于同户的例子 知识司的是义是 有从,它们国际自由农农产以利于的创步,是这不是国的东西,以以 上面由 个特别文之主义。 但如果把国际企业 个上任任 5,36元,另一或应对的 一条直线所构成的图形,则"推理"被看作是一个形成过程。"

拟 可能, 注, "是理" 也是的体或上自在20多之下的之义之一, 但是一种。文章让其他口意, 然而不能而在出其他, 心才 在这个特才的气, 并升, 一个开口有种同类定点口线取的, 被部门 全有者是一一以上了相等。所以靠此, ;可可, 也不身也得加了先从条件已持续靠下, 无线设长以利力, 也是可以, 也是可以转下心的守恒(=从固定可需点)因此, 推理者也就预先假定了推理 R₂。20

这个人几乎"这一种"这个概念的复杂的。 古不能的化力简单的流淌。 古包含有感激 之间, 则为力, 在, 。为, 。有力, 可能可支是"更同", "切除 对 虚两之间与流淌)

了言之可知。如果,并且是有自己。 对。以取决于主体与为。统行过程中的言言的。则是是一种是,并且接受言言的。而且是不有的事物都被集实是未,则在在会位于是是一点,即是完善形式。 有实在专与塔·利亚尔(Rosna Zube)和安吉拉·威尔尔(Rosna Wers)的一点中,各种与后来。目上上的时间,不会告入言的情况之中。

认其中。 海, 产。认知之主, 不仅仅一次了形成过程。15 时不允当个对常既言的检查、有推进循环中最高多支援的。 对严析。己扩核、论证与《分为简单的代实和证明 对称。 无者包括在《海市代》文章。是过程写推定的"其个和"型"推进来,形态者。但是 R 等。 这样看起来,作为证据,保守与这个未产对于将认知理由和看在理由作为。个 和问行单体的复杂复合物来说,是有意效的。 关于这一点的一个例子就是同时地阐明 作"的与示点性的言理。即是在数字中,也不可是知此,上对安尔巴·普古英国·格尔诺

•1450 - 皮亚杰文集 第六卷 智慧建构的操作过程

(Cournot, Antoine Augustin)强调的那样。*

司此,推进的角色九三在不直接及未被广风的系统中先人,,口之代性。"直定的 推耳口经验论的或是遗产的"是是一个支化债务等"该系元会是更成无关。对债务是义益 循升赋予它们加值特件。这种变化依任于某村或是在某村地交中发挥作用并不断合作 的部分组合物。

管面言之, 推理的奇特性就在这是一定是其是于。正义为以成就通道条件, 前封和 根盖属互相连接并相互成的国门上径和美物部个为了。一定义为以成和方式并约, 证 的编证会在一个进行包罗万争的扩张中央发 这点是是对于当无中人上。太作用。由 释。「

关,推理习事允单、与约及民国1元。上录中广代3份上产生与广东 工具中,约由及以相信目见作约司2件特性,支者支发支令可重复的人引 先生,必然性是不见 观察得到门 "自日全工推理"自己保住是少人化的,它们高面投票用最多体的重量支对事件的理解。"推理"也包含在其中。

Ⅲ 推理:导言

· • < T *

国际发生认知论中心, 日内瓦, 1980年4月

正如果布尼港、麓、推理之上真理院如同四星里之上事实。"这样含着两者的判断,表现型的构建。然而,在日果健康、该积累是本算高成的、主体在为他或他们上身是有了这些运算上、社会把它们可力各体。但是在推理中、该核型是由连续支撑的同时存在形式下的手面构成。这些运算是工体能够构建实体的方法。一一例如分类、数字等。它们也会是是真具有谬误的问题。从方是出表接受成是打造"推理"

之。模型中使用的上过包括言义蕴。 我们可以区分出。全类基本。第一种,我们和为"主战",包含在四两中。它从元素五广文、开德着它的出现和元件,结果对会自然基础。在该特少中,如果五种产的大学是必然信适,我们就可以现在是关于五"的推理程序。那分。但是门上也随即清观了,即关于农的推理农(即为什么动作五对,五"的形式元必广的等分。 第一组编示型元支有把元素五种言门结果是元在一起,有看作是它可几乎或是"元法条件"。它们是多种性的任于不得是充是的一起处我们应该称之为"高报"。第一点条件",它们是多种性的任于不得是充是的一起处我们应该称之为"高报"。第一点,一只提门发现都可以分出一根的重构。一因此,我们可以定义"在理"是由或多或少完整的关系的联合而构成了其基础。"

有有文档。个人并且的概念。即自用产的基件。该具显本质于方定方现有为组织状态相关。这就是因为每一个后摄改良丰富了点摄活动的编制性,否有的摄的。由于之有。一般层面上严加了在的特性广泛扩条件。现在对我们来说,这种双手相关性。对象是有对"推理"生作之代替术。。用任何种类的推进论据。"生态",这种包罗力象对系统度设施的强励和滥用之口。的监测标准有效丰富,据么它的总体"力量"也增加"得越多"。

信息尾注

- i. 表1中的项目10 (Piaget, 1980)。
- ii. 表1中的项目11 (Piaget & Garcia, 1991)。
- m, 皮配杰在此处源台了关于惠义。项目11和关于推理的。目12 尼表1
- re 大告专席 D de Caprona 福里行任 Ritter Chapter I in Piaget & Garcia, 1991)
- v 特路集(B Vitale)和事應公(M Za der)Chapter 3 in Paget & Gircia, 1991)
- vi 皮尔等特(G. Paeraute Le Bonniee)何才知 に Rappe du Cher (chapter 7 in Paaget) & Garcia, 1991)
 - vii 贝尔图(I Berthoud 和手気)」H Kilcher) (chapter 4 in Piaget & Garcia, 1991)
 - vm. 東尼斯CC, Monnier)利度司達CC Vacuti (Chapter 2 in Piaget & Garcia, 1991)
 - 18. 祖贝尔和莫扎勃 G. Merzagh)(chapter 5 in Piaget & Gareia, 1991
 - x 引标范斯(I Banks) 标数写 f 的简单 标号 同 (chapter 6 in Piaget & Carca, 1991
 - xi. 该参考文献最终被发表 (Praget & Garcia, 1991)。
- - xiii. 斯宾诺莎 (1661, §95, in Curley, 1994, p. 52)。

尾注翻译

。皮亚杰, 1949 该参考文式在日文本中逻略了, 但用所包含在了4文本中, 包含在下面的参考文献中。

b条件,广度和深度(concutromement, amplatication, approfondissement) 有具包地方 Praget, 1987b, pp. 138—139. 我修订过的企义,这一支票被表述为先决条件、深度和广度(cictermiration peralables, arofondissement, an plitication) 与行为主义相比,在支业查的模型中,条件 起先决条件 定卡、维化的,不是随意的 在这是皮肤也许含为是表现这个人工客观理学的问题,和主动型等相比、只是"表达的信用规矩,是全连整都不如" Kant, 1787, \\12 果然已归答认为理解这一概念的对示化是明提供了"直实而又作一门条件"(1787, B185, 在 B580),这个汽车在支票与有关思维与非正的证理观中是找不到的(见尾注1,可重见尾注8)。

► 尾注 1, 3, 8, 19

a.约束合取(commetions object) 有月处及种译为限制合取(Piaget & Garris, 1991 p. 60。这基于长生和自由是一口文义。) 何未允许 福泽存产了核心一美义是生的联系。该问题在尾注12中作了进一步讨论。

▶ 尾注 12

一、他们的逻辑学 "《里学的是有是《红色Habelanderson & Bellian, 1975) 不入文本中。第二个作者的对读打造了,在任文生中得到了"自己一但是任文本中心无元

 $A \cdot B - B$

,不干产的。(本年上无意义的,但与AXX本中企业的标记。在不同门

 $A \cdot B \rightarrow A$

▶ 尾注 6

f.否定。在A文本中,皮亚杰对集合论全部采用了如下标注:

B = A + A'

然后以此形成了补集A'这种否定形式:

A' = B - A

在H文本中,A'的否定是以命题逻辑的符号表示的:

-A' = B - A

g.发生认识论 epistén ologie gerelique 皮,也总是会指可他们"发生认识论或者基

于分析影种知识的恰当发展为基础。15.14.行为理论"Paget 1950 p.7. Genesis 这个门有着传统的意义。即起导与形成、目示词声in Le 也代表工士如 Chegamana 成成为Checoming 的意思。由于20世纪生物,15发展、这种传统与意义已载取代、导致genet c和mate (内在周右的 成了五丈司 皮显然的发光从决定在两方, 无人认识论 社会认识论不同 首先, 当一支生物任文化的互精作用, 其次, 它先发使用在动作与思考中的框架的协调(Smith, 2002b)。

▶ 尾注Ⅰ

- n Meanings Consumfications 包括在了人文本中、任在日文本中最色略了
- ·Whatsoever squelcong ie 包括在广车人本中。日在日文本中最喜略了
- 1.意指蕴涵 見 Paget 1986) 別かし口主はした状況が多り意义蕴涵(Priget, 2001, Praget & Garcia, 1991年1有意义的蕴涵 GP crant-Le Bonnice, 1990

▶ 尾注 4

- k.Whole (tout)出现在日文本中,是对A文本中tour的纠正。
- ...Search (Richardie) 之反文本第一本 LFJ名 ... i Reason Tusson に 成 自己有一目 作名句
- - n.E" 在 A 文本中显示为 E' ", 在 H 文本中得到了纠正。
- o.Knowledge commassances (人内语中是"复数司臼在先产中没有上气力等间,因为knowledge(知识)是个集合名词。
 - p Indeed on e to 出现在人文本书、用对 中 文本智等和引为er eners
 - q The more optor 上现在日文本中、三寸五文本中ce qui when 形对于

尾注解读

1 平衡化(Equilibration) 作为 种状と 小平)的平衡状态(equilibrium)与作为 种过程的平衡化(equilibration)两者的区别,在皮肤杰的第一本书中得以确切阐述:"《所 一种 12. 少智处于由稳定的平衡从怎法几所担引的不稳定平衡状态中" (Praget, 1918, p. 158 For an English precis of Recherche, see Gruber & Voneche, 1995, for commentary, see Smith, 1998, 2002b, 2003) 程程度业态的意法,任何生物智是一个动。 国, 而他的动作, 包括心理动作, 都会形成一个序列与该动图共同延展一在该序列的任 点。是,这些动作在某些水平或组织,提作特度上有时层现。这些组织就是框架的组织。 Cr.dre Prager, 2001, p. 320。 框架间的不同在上他们的复杂性,还包括系统 经构和格 式teg Inhelder & Priget, 1958)。美纯在丁、该过程是符合法则且这些法则是无法还原 有年物学和文化中的华重法期的"推开多重改变了结构,这五非偶然,而是遵循了由其。 本 才功能 5 指 会售 進 化线" (Praget. 1931. p. 153 一大胸中平衡化的水平往往会趋 1 不 任何水平都只在某种程度上稳定 这有两个原因。 一个与梅建主义有 式変 中央复長至。 全人主告遍性的自己中aget, 1918, p. 46; cf pp. 58, 96, 165ー 166;普尼性是内知的 J. Puniverschest-il comaissable 2:他内答案是肯定的,但其并上 是事先形成的而是构建而来。」。怎么几十重动作的意义或是有意识的思维中心形成 商,而且皮显杰认为,人类的认知总是包括部分与整体,部分即指令体,而整体即指普遍 性 pp 149-159)"带分思指个体"可从两方有体现,即个体的行为或动作会直接影响。 个体目标, 德知, 看着去水中的司流, 瓦国际象社, 石用匀段定理"坚体即指普遍性"也 "德从两方、体境、即任行作集包括一些修体、官事作用就是包含。何如、我正在某时某 他用看飞条河的星部分在看。这里有一个概念都是"普遍妈能作为一条准则的" Kart, 1933, \$106, for commentary, see Brandom, 1994) 史进 步来说,任任这种特性将 能在走高阶理念中依实恢入严商法则和消割中,例如勾股定理)费马最广定理的证据 不联系(Singh, 1997)。 肯未定论的是完高是同一部分会与第一个整体相联系。该联系。 有一定程度或水平的情况,但这其实是一个事实是什么的经验主义问题。因为组织是 百人类动国建病的,所以主衡化的水平是不稳定的。另一个,不稳定性来自于人类的出 品件 任意 个部分和整体可的联系都有可能是背的 科字的历史上允斥着"错误的 "色对真理"、每心理字也不例外、各个字录都有自己"特殊的方式"(Praget, 1918、p. 62) 史里一步未成, 馬种联系可能从单个面片都是非常上确的, 然而它们却"把对方抗 尺 [7] p. 41) 个范例则是科学与宗教完成是可调和的还是互相矛盾的(pp. 21, 109)

意体而上, 皮量性的投資無下行。 知识和价值观是人或在四转中答易中的创建构 当然, 以此构建物也可以是各项的。或者时可改变门是生物思维中可允为组具 该组织的使用会随着由光决条件和电压估信果组成的双门关系有改变 主 微状态就是稳定性支到形成过程选择的。种理型水平。这过程点是上面化, 应可数面。(□是有形式过程选择的。种理型水平。这过程点是上面化, 应可数面。(□是有形式的、体现为优使得任意先已与于更改同性气能出现在之后的有为字列。(□是可修订的、体现为优使得任意先已与于更改同性气能出现在之后的有为字列。(□是可修订的、体现为优使得任意先已与于更改同性气能出现在之后的有为字列。(□是可能的、体现为优势,从一定循环的、体现为任意行为都是其常任者门参考框架、(□)是不是些信,体现为几不存在彻底完整的"人"。这一是终状态;(□等有性有的标准,不仅仅是一种不同种用。尽管皮业水量上面,各自同的产致模。在心理主要可发手关注,但是(□)和一一对并上知此,以一就几乎没有得到关于。具有调制的是,(□)与表面上的一种或其有

表立杰在之后的企业中提为了他的人分、特别是他们拓展模型(Praget, 1985, for commentary, see Bocker, 2004, BickLand, 2003a, Campbell, 2001) 同样地,更深层次的变化也在之后发生(e.g. Inhelder, Garcia, & Voneche, 1976; P.aget & Garcia, 1989) 他关于推理的论文就是正在进行中的修订的一部分。

- ► 尾注 3, 4, 8, 9, 10, 12,16, 20, 35, g
- 2 发散形式(Discursive form) 皮。 生模型的主要者眼点在主任何以目处理和领事物方式高标。有为印光力。事实上、相格森色造进化态的。个主要或未就是"对主绝对新级事物的持效性说明"。Praget. 1914、p. 196) 作为更多。更好。更新的知识、人类的知识也会不断变化、即增加、改进和创新、Praget. 1950、p. 7;1985、p. 3)。现在我们得微捷。下康德人主人类理等的发散性和推论性思维使用的区别。发散性思维在以下个方面都是无法产生的。发散性思维就是通过包含有可能应用了客体的预测的想法来思考。举例来说、把一角形息象成。全面一条责使用式的简有一个角的形状。但是发散性思维是不适合推论的。因为"这仅有行指述、无法使我继续可用跨出。步"(Kant. 1787、B747) 推论性思维使得新智的进步成为可能、至例未说。 角形的内面和两个首角可是存在一个等式的。康德认为(1787、Brx)、推论性思维是需要逻辑的一尽管这并不是现代意义上的正式逻辑,因其本质评论家也被划分为不同作着(Longuenesse、1998)。皮肤色成为扩泛的反逻辑,但是他认为就具特性和定义的方、应该是人类发展中一个严重性的问题。"一次由此。在者未找出一个能使用并分析他目的结构"(Praget, 1973、p. 46、my amended translation)。既经该情约是一个富有逻辑特征的框架、对该查者的建议是,与表确定在各种逻辑中分别使用怎样的特性。

▶ 尾注 16.26

3. 动作蕴涵(Action Implications) 皮显态认为(1918, pp. 49-50),"推理是来源于动作的能力" 的确,主要的挑战在于能占断地表达出"能把行为和推理紧密联系在一起的关系"(Praget, 1925, p. 209) 以此看来,动作对于人类发展的基础性在于两个方

面,一个是现实层面,另一个是认识论层面。

失政性智力 婴儿期的失政性智力是儿童时代表达性思想的向身 以此看来,如何从行力重变为思想主成为主要的议是 婴儿时的活动仅裂于"成功或是观实适应,外面产品或预含思维的功能在于了年或添述直理"(Praget, 1954, p. 360 — 该论点的深意具实是对知识是运着已知直理这一行准裁与的论认(Smath, 2002b);"知识的性质就在于证用的本式"(Praget, 1971, p. 361) —其他门发展心理等倡导者则以该演变为何之须管规,以及定如何完成的提出他们的建议。Bickhard, 2003a, Mutler, Sokol, & Overton, 1998)。

人知可能动者。以识念。关于每读的理念。在支支机的认识念里、认知就是主体和多体之间的人系。各代主体或认知者;0.特代知识的多体或已知的知识。5.为 2.0 2.0 0. 人系存在某种和度或水平上的原理。"事实上,为了了解各体、主体必须对其短以行为"。Paget, 1970年,104)。任何事物都可以作为知识的各体。 我能够认识制的真实各体,如我家花口里的紫杉木。或者是其他人。但如我的麦子,以及如命是当算等抽象各体。任何写与0.2 至于为关系都是多重研入复杂。1. 因为认知总是会表现为"各种可能存在工工体与各体之间建立了图路"。Paget, 1980年,以为,如总是会表现为"各种可能存在工工体与各体之间建立了图路"。Paget, 1980年,实现修订过的译文)。这些目路由标准化的框架形式,而不仅仅是具有日本关系记特性。 有些框架会被用在所有的动作和心智动作中。这种某的使用相当于是实践性智力,因为不仅仅是在要见时期,在发展的任何的设,知道处于其做都是认知道某一步,为先次条件的。或业态的立场拥有独立的支持,包括了解处任人做得于了需要。事实的优先性(Rele, 1949);实践推理相对上分是推理。为独立任于解析,但 vot. Wight, 1983年,从有话人们重要任何话人们中心标准任期(Brandon, 1994)。

▶ 尾注 1, 7, 8, 16, 34

▶ 尾注 1. j

5 "困惑"(Puzzle) 珍国志是带有字写程门, 可以这里的引导其实并不给当一争 心只在于如司文正公的模型可要求的, 当动作工术具有真值, 重逻辑是真理的形式科学 时, 种动作逻辑或支付出现 思想可以有真值,可以是付的或售的Chrege, 1906, p. 186)。相比之下, 动作就没有真值(von Wright, 1983, p. 108)。

根据主流观点,逻辑就是真理的形式科力"逻辑、和其他任何和学"科,都是对真理的电子。只有确信的新述才是正确的;司追寻真理就是努力把正确的陈述从错误的。

中间挑选出来"(Quane, 1972, p. 1) 以此来看,逻辑和语言是紧系相连的,因为只有陈述才具有真值,即对或错。有标准系统中,逻辑是外廷的,因为真理和谬误是陈述的外廷或推理。只有对这些外廷的正规分析才构成了外廷逻辑的逻辑系统。因此,在含题逻辑中,有效推理是具有保真性的,因为它的规则连保了谬误永远无法从真理中推论得出。关键在于,真理和谬误是外廷逻辑标准系统中仅有的价值。与何来说,假定下列事实为真

p 门关上了

那么在外延逻辑中它的否定就是错误的

-p 门没有关上

在外延逻辑中,每一个命题都有其自己的析取

$$p \rightarrow (p \lor q)$$

如果p,则要么p或q

所以这是冗余的。即使其他的相取是错误或不相关的, 也是如此, 例如

q 2012年奥运会在巴黎召开

以常识看来,该析取的蕴涵显然是很奇怪的

如果。门关上了,则要么门是关上的,是么2012年华远会在巴尔召开

这在外延多期中是冗余的。外延逻辑在自己的推理未由中能很好地运作。但是只述术语受到很多限制,还有很多技术漏掉了。正Haark, 1978。

非外延绵涵则不是这样。想象一个义务名为

Op

它表示

门应当被关上

在外延逻辑中。它的析取蕴涵为

$$O_p \rightarrow O(p \vee q)$$

意思为

如果;了应与被关上,那么:了破艾上是 与的支要公2月2年复运会在巴黎召开是应当的

这似乎公引起情念(see von Wright, 1983, p. 104) 为什么 个关于关门的义务会变成 2012年奥运会发在巴黎召开的义务呢。更糟的是,如果该义务被无视而门仍旧开着,那么根据外延逻辑就可以衍推出

2012年奥运会应当在巴黎召开

该悖论, 无念是否正确, 都可以在内涵逻辑中移原, 对此不同的做法, 是 Horty, 2001; Ross, 1968; von Wright, 1983)。

动作的逻辑属于内涵逻辑,因为它的推论去则不仅仅用真理和谬误来考量。动作

被划分为两类。产力动作和超正动作、即忍耐 核心假设是除血症动者的行为便发或和力了世界上的支化、作用由自然去则未掌打 von Winght, 1963, pp. 36, 67) 与动者是有逻辑的 土 步率说,这种逻辑是和外廷逻辑不相同的 军包来说,比如 个动作。

4 彼得关上了门

存在一个外延否定

-A 彼得没有关上门

日元珍否定是極極的——它忽略了後动作中一些重要的东西。内部罗尔背后隐藏 门门标之。就是为《科权标门诗请提供正规分析、范创表说·

- -A. 彼得睡着了——他没有在做其他事
- -4. 彼得尝试了,但没能把门关上——这扇门会自动上锁
- -A、彼得特意抑制自己不去关门

请注意 12 新己的有为这种 1 本在版基事以及 1 武了但及成功是是然不同 1, 才经告定 1 笼先地合并了这些特定的事制。动作的核志特性会在下文展示

产 尾注 11,12

6 外延逻辑带来的污染(Contamination from extensional logics) 皮亚杰多考了罗多·是四字合化高差量,"我们必任争化我的逻辑"(Praget & Gareia, 1991. p. 157)。此次,支配生似于是自己最高以下。因于一种也不全是一也同意批重心转回的离起能。 位于子对信托逻辑允分性的不接当;他是,每是一多·集合非合出的特定模型。需要由一种是,发展生化1986, 1987)在其记著作业并没有使用模型。

► 尾注 e

7. 感知运动阶段(Sensorimotor levels) 以 关于幼童认知是力的乐观上张以表示 支业人在记言3中的方均 同样的主张在多处都有着直接的体现"从最初阶段、却使 在我们最年初的被武中、物理计 美具会被记录在逻辑数学框架中、无念它有多么基础"Paget, 2001, p. 320万刻主张和评论中选述中述的见证的"发来会理论"的东面解决是不 标符的、优先、认为该理论也是是主要尤和幼儿的认知无能任何 Brenmer, 2005; Case, 1999)。

▶ 尾注 3

了 仅仅是"能力起判断行为的理由是符合心理学法划的;它们既能失我们是国真是是能看我们,误入政途(但是客玩知识需要已,判断,如果需要干当理由的证,那么孩干当理由必须具于其他事物。而这时就需要从识论的介入"(Fregr. 1979、p. 3 一次个告题问题是很重要的,因为建构主义标题适高对质量是持一块态度的,所以客机性任在会社合为由自我或社会组织构成的主观建构(Pinkaps, 1997)

皮亚杰解决这一问题的提议由四部分组成。

第一,皮证杰暗示了心理主体和风色主体的区别"人民主体"与心理主体相反。则有主体普遍都有信息语"(1966、p. 285。 任支证法认为。"所有主体普遍都有信息。 西"往往会在心理上与"所有主体普遍都没有自东西"互相控制",这一互相作用的核心就是军备化的复数。尼尼江工一支票还可恢复发表上普及在两方的对及化保行主义。元而指述问题问题的,背景,另一个是信息(建行,发展,基于推理的新期以下一心更能力在实践中会对世界和1。 系列的1.5、200元分件是治疗更过失效与成功,是避与影灵来还有核查的。Praget, 1970。。p. 704—1971、p. 206; P.a.get & Toheller, 1971、p. 387

第四,有有于目前企文中的争议。任任字面化,各尽性的友质都是基于认知。体的推理。该争议的抵牾性体现在以下。个方任(1)方法论:了是。文同写释品发具于认知者推理的复设(Snith, 1993, §13)、 (1)人口,论:法则不正多特于,但是知识告与与无私准化特性的推开。Smith, 2002a, §5、(m)形页上字: 黑話代准化特性局推理对。作为发展是内在的(Smith, 2006b, §5)。

➤ 尾注 b, 1, 3, 9, 15, 18, 31, 34

9 构成是标准的,而非因果关系的(Constitute is normative, not causal) 良业杰的 认识论模型中对于规范性做了严格要求, 门作者自己卫玉从以是他的核心是想: "是事的标准化因素在生物学上是与由自我高等等未产于资本方面资格性相待的" Paget. 1972, p. 8)。例如,许多孩子会在幼年的数字学习中学到

二加二等于四

但是等于很容易被解读 及一个国事关系、例如、 之所以变成了四是因为它给自己

加上了二然后得到了四。但在数学解读中

2+2=4

尼注 1, 8, 12, 16, 21, 27

10 基础的和晚期形式(Elementary and late form) 本句中的世,似乎与前文和子节。在日内在字次的形式运算中、含整件理是卫士工作生物的使用不能完成的、适当从有有切以由开写再建 Innelder & Pacet. 1958。一句在此处,每字形式的急速作理记得到了承认。有争议的是,这些论断有两处论点保持一致。

第二合是翌年中的真值表包含有有知例。習得字家可以进行双向自存有,从行着 例如,或从列看负色。但是这目点了关于看到有一个真值表早是条件式,而有只值地 方则是标取的目前。有一次军主,然为,由,有不不 16 种这样 有用他(Watgenstein, 1972、85 101)。皮非色的打型是,是可自从口,是打造气间性的,每一百会分别被决别,然 后随着中间互相大联步度。全直作表,与对图取 5 mil., 2002a, pp. 106—107)

第一,是程和性早的区别,即平离化和平的状态,是和部分可感体的关系有关的see Endnote 1 一个有胃的真脏表抗是一个发力的学术。当然表的水平;它的形成点和一个关于平衡化的包含的现在分外。但是一是自然认和发射热带有其上面者;和此之下,现在的研究则更多关注于形成过程。

▶ 尾注 1

酒吧里的比萨在促销酒吧里的可乐在促销

显然它们的外红企取在会是逻辑中就是真的。所以外红台取在以下。种情况下全 为假:

酒吧里的比萨而非可乐在促销酒吧里的可乐而非比萨在促销

•1462 · 皮亚杰文集 第六卷 智慧建构的模作过程

酒吧里的比萨和可乐都不在促销

支配生的战人从方在是"严肃中、台联本"。引起的《日由台联石是否为上对是是合作的。以一个台联。为真、方一个总数。拿同标门。今只了看见、钟两个自由标取是真的:

酒吧里的比萨而非可乐在促销酒吧里的可乐而非比萨在促销

所以自自合区不可能失力任金版。 皮之之 [1] 。 与也是基于内元类(1) 是下。定注。

》 尾注 5, 12

12 伪约束合取(Pseudo-obligated conjunction) 与为社会展历事释相对应,在无m 的尼言中的自己会民则被任为政党的方法。《仁思,等争称象书是会人、它的自由企业、也不是有公司、为发品区本生在《Praget & Garera, 1991

模态为得是每户与周先之会把每户直流。外的标准与人类心心是一个在点种主要要解决与。其一定主势力和,以"图点之间",包括设置,包括设置,或允许自支禁上的Cressworl & Hughrs、1996),其一是企义上高,即"2个 做",包括文务、政会许自支禁上的(Horty 2001 — 人工以外位的运动更多。在《范司见(Smith, 2006) 2006的 — (特定的数据数据中国作用产品使用产品。企业人们人工可以为支持自己的企业。 8 Garcia。1991,自184 — 但对于恒义性证券有力一种运动,就这是是扩展支票人们。

4表示开门的动作

-A表示关门的动作

那当访客到来,而门又关着时,你的义务就是

OA 即,你的义务就是确保门是开看的

在同样的情境下,可衍生出更进一步的标准,例如准许。

PA即,你被允许开门

同样的情境下,禁止也可衍生出来。

F-A即,关门是禁止的

简直, 之, 际债上有同一个系之中。 全单 一共, 但是也能与另外积, 但有有完好人系, 何知必然严和对方性。所以可以有有一个利益与方值。少年, 仍使以作和利益数支有真值(von Wright, 1983, pp. 108, 131)。

皮亚杰关于北省逻辑的提议是15万户单项引的。15.包包与标准, 由无任何作案都是可改变的,因为在早期动作中运作的扩展可以在之后的动作中重复使用式进行修订。

第二,任何发展都方要各部分的识别以及在另一框架下的整体重组。特别是,如果 儿童只有在一种逻辑,外廷,含起)下对合取的理写,以及在另一种逻辑(内涵,道义)下 对义务的某些理论,那么它们的合并就能产生一种混合逻辑。约束合取就是这样的 个会并物。

第二,这种"挑战一生合"策略是可以被推广的 如果合取是必需的,那么其他的合取能被禁止吗?那么其他的推理呢,也是有些被允许,另外 适用 短此吗。那么分级,分类,怎么且 条件性 可些是必需的 被允许的或是禁止的见了

第四、引为来可其他罗制的其他。理不可见以为似为法理行事任一一哪些是必然 的、可能的或不可能的。所以存在看进一步们是化的替力。从一个成人的观点来看、"无 者的罗辑是是实的"这一点是很令人最优的。但是根据成业也在一下素以先尾。每个 的立场,逻辑的如此丰富正是对推理的坚持。

"伤必然性"中"伤"这个与最初未得于皮下气(1922 早期的一篇论文 约束合取之时以被称为"伤"。因为孩子们犯的一个分类性情况 从最大多词们依角看来、合取与约束之各自分别提同命制和动作的运行者 在他们的标准逻辑中、合取和约束并不互相一行(see Qiane 1972, and von Wireld, 1983, respectively) 动作和命制是可以结合的; 动作调十合制可以是受约束的一相比的一、在几章的逻辑框架中、合取可以是受约束的。 对人能是一种流生类约束的,这人能是一种流生类约束的,这人能是一种流生,但并不是莫名其处的一种知此,包备进步与要对现有知识体系的重要。 一个 医合及一个 带会打破某人的逻辑。对于社会形成在的逻辑 一种知此处理和多数。 一种用兴生会打破某人的逻辑。对于社会形成在的逻辑 一种知此处理和多数。 一种关于,成人在他们农营的。计步时也会做主为似的。

▶ 尾注 1, 5, 9, 11, 26, 28, 35, d

B 论域(Universe of discourse) 在含是灵量中, 生亡的范围在孳行性命题的解读下是直目的 Simsbills, 1991) 有一个可以改及了古希特哲学家科学会的老师, 该命题是

p 苏格拉底是男人

这是正确的,而它的否定

-p 苏格拉底不是男人

有同种的任意下是谐声的。然而在一个改及伊护要决定说和他的雕塑公司的解读中,明与其和反: 司在珍属选中市是错的,而市是正确的一皮和水汰为,在几章的框架, 你定会也是"手风星表点"的"马上"它问推理框架会被"提出"或"推出"。

- 14 鲁道夫·卡尔纳普 可工考他的目传以及对其作品的批判性计。CSchilpp、1963)。
- 15 真理(Truth) 皮。 生產指的是人类思性的两大基础能力; 想象即形成表达的 信力, 以及判断即确认或与认某物是真或假力能力。它们的区别已经被发现了超过两千年; "想象目确信和会认是不一样的; 因为(在判析中)真理和谬误需要思想的混合"

(Aristotle, 432-10-14) 双有风色、则到时也无从合出——那点理还能怎样同零读来分于未呢。缺失是节担象只是"表达的旨目表示、甚至连梦都不如" Kani, 1787、A112) 外 (1,20 世纪心理之的)。充立思想致力于否认起范标改少是边:例如,在心理之里的是范蠡么。不有有的, 灰么就是可求为了see Smath, 2006a, 2006c 是更点认为(1972, p. 210)。各观性是由"对每个人用项制可证直理"与获得为一厂以在事情格(Frege)(1897, 对 Smath, 1999h 方法识心中, 客观性以相当于相互主观性, 因为目柱的真理可以由不同的认知者以同样的方式遇到。

▶ 尾注 8, 16, 27, 31

16. 证实(Verification) 发下也付于该机会的运用是同意包裹力等的、复告的科学中式 证检验的核查功能和伪造功能。 这一次他并未和卡尔特产品在一点未反应或情况 (Popper) of Paget, 2001, p. 79, footnote II, see also Schilpp, 1963 Tel 1964 3 fig. f. fr 识国为对理解的方式和看展是是用权权专门,可以可能会决分品包的批理。正 Prérant Le Bonniec, 1990年 支业内心内后出售或主告年代之一个是为人政治。 推理能够直过社会传递,推理也是比够分别的,论想是能够供教技。 方元点出目支承 杰关于与恒的认识合何充的走车景。中Case, 1999。 然 行, 传。 5.0 15. 也看可能是"" 的 另一个不甚知名的是胜理能力对于人脑是专行恶作民进行重决支付下来成了至人 重要的。在皮亚杰的候型中,怎识从来不是现实的复制、工计工作局别信息证理制。尽 管可观察的知识是生活中的一个事实一一一会学起,包记入了水中。 机利车的医本类 是在水上---从这些知识中得见的排泄也是为。国事。上述。个物体的重点用怎会和。 官的体积合并, 自然 去则也有可能 66 道义属阿舍市 11 年会下完 2 日方"亡们对于水末 成太重了"。Indicader & Praget, 1958. p 33). 八品没有下江气气目为"正没有做气不珍敦 的"(Piaget, 1930, p. 136) 这就是推理在审判事实计例起的作用(Piaget, 1931, p. 147) 推理在逻辑中的基础是,"以设想中最普遍的形式,还有点理论研究" Paget. 1949, p. 4)。皮亚杰的立场在别处是有副本的。

种基本国述 1.1. 人物拥有地成"关于本记推过的言友性推测"的怎为 Perre、1908. p. 371 。该是点认为,有人脑中算思想在两方高的假门上是能易商、即员疑门电战和信念的确定。推理可以作为一个种数者出现。但是及东华。Perre,总识门该功能会被任何一个依赖逻辑合理性的人给不言全地写涂掉。因为废尔思认为逻辑会变似于 高经逻辑和归纳逻辑。他认为还有在第一种形式的逻辑,称为外展逻辑或题图逻辑。p. 尽管皮显然关于平衡化的企述以及他在此处关于推理的立场都和皮尔斯的外层逻辑不太一致,但包订,可论点中却有着相似的依据,即人脑中涂了通经和归纳,还有其他的理性系统在运作。

另一个基本同述则是标准推理,它的点理是"推理就是正在做某事"(Brandom, 1994, p. 91) 维加,"正在做某事"是一个受到规范约束的动作,"规范在规则形式下元 得明确的,但是原理和声明却需要更为基础形式的规范,这在实践中是不太明确的——

足注 1, 2, 3, 9, 15, 24, 26, 29

17. 动力机制(Dynamism) 珍机制是有关于处于动态同类静止的生含系统 在皮上不匀,切似性中, 从怎得打在着一个情感对中物, 它是"表达同样功能的理想与价值的, 分类, 但存在于功态方面"(Praget, 1953, p. 9) 早期的构想是, 提感对于动作结构的数活应内在性的, 正动作结构的认知性使用于动产生知识。在广期的高论中, 该构想认为推理也对激活做出了贡献。

(评注详见 Bickhard, 2003b; Brown & Weiss, 1987)

- 18. 存在理由,认知理由(Ratio essendi, ratio cognoscendi)
 - 某物为何是这样
 - 某物是怎样被认识成这样的

这种区别是有有不写得完基础。 可见民主8 皮赤木提及等考知会

首末尔。该区别被用作同时和其著名商品"我思改我有"的反对。简下尔然后问 正,是我是谁吧。"他可以你的目答是。"一个会想考的事物。 这个国籍可能会引起反 程:"我"了实理可以包括除了思考外的其他在两一等未尔回答却是"我思"就点从不挂 除这些"我思"就也并未提得思维自有在理由。任务是真正的心智,取为代之约未了它 的认知理证明是如何认识已智的。Descries。1642. pp. 138—153)

斯式混乱 关于似乎作为现实的构成部分。事物的真实特理。他的这种关于人 要现实直式性知识的 译称为确定证识的 不见实理加了一个连接。第一种基于感知、 语言,记忆和思象,与种都会对体企中的个体产生直接影响;第一种是关于普通观念和 对事物普遍性质的充分了解;第一种见是归有事物都具有的形式本质。他的例子是 个算术问题。"给出数了1.2.3.那么第四个论例数是多少 "如果了解这一种层次的话, 等案就会是6一但是对于该答案必然性的理量则发来起感第一层次的知识。" 英文诺菲 认为,该名案的本质引出了一个比例,即"只能是6.不可能是其他的"一个人的认知 理由在第一层次上可能定错的、并不与存在理由相符(Spinoza, 1677, Bk II prop. 40) 叔本华 他关于充足理由的基础与周在其他四条写列中都有依据 分别是,

- (i) 关于生成的充足理由律:
- (ii) 关于认识的充足理由律;
- (iii)关于存在的充足理由律;
- (iv)关于行动的充足理由律。

第一条要求知识言要具有充足的基础、第一条复求事物的特质应该是内有的、工 该互反地关联。最后一条显现在人类有为的意思中,补充了关于普遍因果构的第一条 (Schopenhauer, 1847)。

▶ 尾注 8, 19, 25

▶ 尾注 18, 20, b

20 线段的旋转(Rotation of a line) 皮亚杰的同事之一。等每,东江一布某"正格里意曾哈出口。全有着的正价"似定开为星头以及转星创造的"周,E"和五有着和日平谷,而五则是旋转中一条不变的失议"开 是无的结果,无是无力条件之一 这可以引出下图。

主报基面&E* 使得结果& 成为必然、后报编画&&使得条件A 成为必复的 以就是关于事門生谷等式的必然在念、根靠格里泰的声释、发果它愿意了其相值于形式过程的基础,那么这个等式就是现情况自定的了 quoted in Henriques et al., 2004, p. 112. see also Piéraut-Le Bonniec, 1990)。

该解认会引于相反的答案。其中一个讨废,特些有某的圆心定义形成了直接的挑战。如果我是塑性的呢。如果我在移动到一年时长度看到了呢。如果几户的不是,是概图呢。通告个完美的门有可能吗。这些都是标准的哲学上怀疑论的问题。在 是概图呢。通告个完美的门有可能吗。这些都是标准的哲学上怀疑论的问题。在 Vaess。1968 方一个独议则比现实未得明显。如果会是有塑性的。或上览就是用作穆 皮筋用的呢。如果孩子的推理是基于面积。长度。数字等上的但因素呢。Proper。 1970a)的确。这流说到与上了一为了合出他的怎义,等点诺沙门已能推理是写作的。 是基于人类大脑以门等水平来运行的间提。皮亚杰认为,这是错的,见尾点上。更进 步,它的错误是有着认识论的基础的,这在皮亚杰对望高,布伦茨威格哲学的历史机构 中有着直观体现(eg. 1927:"在历史的某一与主义然的东西并不息是在后线中也如此" Praget, 1925. p. 196) 皮亚杰的是中认为易错性并不仅仅是生命中的一个事实,有些错误甚至是来自于高等水平建构。在欧几里得的几何学中,过直线外一点,有且仅有条个线与其平行,而这在黎曼的几何学中却是错误的,他认为根本没有这样的线。皮工气的构想是任何水平的建构,他如关于凹的形式的守恒推理,都可以参照如条件和结果这样双向性的推理。

▶ 尾注 1.19, 28, 35

21 预先假定(Presuppose) 这是在皮亚杰有关思维的模型中,其作出的有关规范也估大量引确犯是之一;这里指的是各种推理可起意的必然关系。

》 尾注 9, 27

- 22 螺旋(Spiral) 有 未参 中,皮重查(1918.p. 59)表示,知识的发展是出现在 个科学圆圈之中的。私后他把该观点改为了地口上的螺旋。盖先,这个四周的尺寸是可以增长的;其次,这种增长是分层性的(Pager, 1950a, pp. 41- 42)。但发注意的是前条机则要打除掉人类知识的色光而成,后一条要排资提关于知识代性增长的任何概念(cf. Smith, 2003)。
- 23 祖贝尔 N 威尔斯 他们心文的修订, 贵被表示有断表之中(m Henriques et al. 2004) 研究者, 年於从4年, 11 岁不等口几乎原示了一维地图, 计他们找出不同地点之间的可能路线, 在不同代路高速的同时超免各种产品。他们的任务是确定最佳路线, 15, 必须要走的基条路。在超的是, 主要的区别并不是语言上的。4岁的克里斯泰尔和11 岁的马德琳看信才必然也时, 都用了情态同。而他们在整体的理解中, 对于必然性的使用则不太一样。克里斯泰尔是根状对于障碍物的避免, 而马德琳则是通过测量做出的客观核查。
- 24 论据,证明(Proofs, verifications) 皮上点从不同角度可属者加以区分 见记。16 利角度是通过竞争与协心。"主体相信他的观察开做出自接或可接的准论" Proget. 1985. pp. 37—38。 另一种是当考了全异偶然的适用性与始终如一的普遍性之间的区景。Kant. 1790. p.98。皮肤性重乱表述为(1995. p. 178):"有逻辑等中适用性和普遍性并不是同一回事。"

》 尾注 16

25 安东尼·奥古斯丁·库尔诺 皮亚杰引于东尔诺、1975户的立场有如下评论"根据车尔诺、理性是准置后的中心理会是把推理和结果根据他们自己的建村相互结合在起的秩序意识、无论从各是上还是从主是上,的确存在一种关于事物的各规推理、渗漏理根据现实中的秩序互相全接在一起、这种主规推理就会把它们进行打字作为客观性的一个功能。"客观推理被找到了"、库尔诺在他的论据中说道。"主观推理也就得到了甚是",这也就意味着概念中的秩序与现实中的秩序完成了匹化。现在、理性点序和逻辑库序。不同的、广省和淡话顺序一样是线性的、原自"科学知识一段论的无效性"和

"真理的探索中间提合成的建构角色"。基本制制的数个可能性等的逻辑。用和同样的 企物可能并不拥有同样的等释性价值,这过使得理解。写有有有针到了认识。同样地、 对于事物的推理不能和它们的理社合并是"以下。"在"是"的社会》是了一个奇。。那么 这个有点是有识量的,但是它并没有基本,不也是为什么。会会我们是对"一种"get。 1950b, p. 216. emphasis in original. See also Henriques et al. 2004, pp. 86tf

》 尾注 18

26 引入新的必然性(Introduce new necessities) 以内的 用电用复数形式 已可能会被否决。目为19元法并未对度,朱元十年的人工年代,已查到17 开放图式 的 性的推进、"幼童心是证法,不是缺多逻辑这种格的,发来记行的效,那里只是这里,这是种功价设值但不是思生之程。"。Praget. 1928. pp. 146. 212) 相反,这是人供论上的 个种手的问题,即推理必然的责值和事实的当然真值之间,以对自由的元。1996。 几定的年识是初只是人类和实物的知识。 种多多少少 提供普遍集建但缺乏必然性"问题实证的现在,1986. p. 308 那么必然性是怎么构建。在是一个被设就是必然性的建构是在即的一个协调功能;"建立必然性的必然性,这有手已,还不会具体记到什么是更然的"记忆的的"。 (Praget. 1986. p. 312)但该证法却使得问记到后退了 是一个目录了把证理句读为同类性以外,推理还会导致例必然性问形成。 见起于12 和 28

上 尾注 2, 12, 16, 28, 29

27 重构(Reconstitutions) 美土规范性的另一个提制,在该条件。是和发生进度有关系的 这个蓝丽是一个充分的发展但由,不可能是是个人有目先关系的 文面,这成为国界心理保管各分性的 全重发展中 roughly, most 20th century psychology Smith, 2006a, 2006c)。

产 尾注 9, 15, 21

28 **伪必然性(Pseudonecessities)** 未且度业生的提示(1922), 伪必然性(中是有没有好的理由活效低售的共同可能性育是下的一个互联合心必然作品。 两人,合理局是不一个工证学自的含了,并自他背景是有么产色, 他会问答:100. 这个会子都是一个,等临本会是其他每色"(Praget. 1987. p. 31 — [P. 元, PHI 」 つ); [*] 他, 几二关于「里干多位了派必然性定义的原本, 但"没有其他可能可量的"(Smith. 2002... p. 115), 而且他也(hii)知道除了自色不有其他如色的, 因此(n) 这必然性是错误的, 根本不是必然性另一面可以是另一种颜色。

▶ 尾注 12, 20, 26

29. 必然性是不可观察物(Necessities are not observables) 在反立本的认识论中、他反复强稠必然知识的品利是一个主要们是超过50多年的调盖皮更杰全部作品的企成,见Smith 2002点 p. 110) 这是个基础的问题,对相控图面知名,互由来能做了很好的保定(1787, B1-B3);"尽管我们所有的知识起处于予除,但它们并不会心是遗憾还

於,因为於於了然教会我们这个那个,但却并沒有教会我们如果不是这样会怎样"

▶ 尾注 16,26

30 莱布尼茨(Leibniz) 支京点(cf upse matterns, 1953, p. 2 and 1966, p. 285, nd est sine ratione, 1986, p. 314) 胸中可能存在如下语句:

"定制 reason) 不仅仅是我们进步的走图(cause), 也是具理本具的走国。因为事物的是可是和真理的理事事件有一起的, 这也就是为什么是周也被称作即由"(Leibnaz、1705, Bk IV, ch. 17, §1);

1 (介。何寸) 5 方岩岩 () 3 () 3 () 1 (

▶ 尾注 8, 15

32 三种类型(Three types) 皮亚生、标有一种大量由于其。但有这块是只由还了两种。但, 也有种类。由我和广泛是是一名和鲁亚的总统性有关。和广起,这些必然性都是其他。与新理性成的,这位得它们在系统性减分处,发共同心连接是来。有争议的心。第一种。其是它们在是高价系统中可以关系。由 Piager, 1985. p.73

▶ 尾注 35

33 基础(Foundation) 该规则认为,怎以和它的基础。相具有好不拥有很多支持者"如果有个人在沙地建造了格力了,那他汽业包持或挖掘,自己找到为怎的有头或是坚固的地基上。hmz、1686。p 93)" 反亚性的边缘为为企业,他认为,人区实际上是按额不到良好的基础的"具管我们只要定一构进在大量的场",但对科供全仅够通常在房屋,为间以够我们进行生产。活动,需要应具够我们是够的敌。我们设计向人扩展和估行各工定与为缺少材料而失效。是不可提出别增了,它肯定会负起派通这个证式的工人的争议,对国常的人,人被正己的设计未造均"(Kant, 1787, B735)

34 相关性(Relativate) 这是从关系论角度而作相对论角度未说的 相对论排除了 皮亚杰模型里要求的客况性(1954.p.3,2001,p.318) 关系论的一个版本是皮亚杰 (1950。在他的认识论模型中提出的 方子技本周出现在他的社会占明中、该与明反对 京子论(Auguste Comte, 私整体论 Émile Durkneim), 所支持包含有"个体之间的关系"的交换 (Piaget, 1995, p. 136, for commentary, see Mays & Smith, 2001)

▶ 尾注 3.8

35. 总体"力量"(Overarching "Power") 这似于和总体结构有看家族共和似气态构整体、总体结构;在 Inhelder & Piager, 1958)、但是基础与是认识论的 个结构就是一种框架、和科学中的形式框架和压效。在元章的动作和思维中可以找到,无法与科学匹配的混合框架——见尼于12。就然伟大的生化,适应是个孩子、皮型性研究,并且就是绘制于这些框架中的特益性"阿有的知识都可看作与之识互识较少的状态有关。也能够建构与无前状态有关内的效知识"(Piager, 1950点,pi3) 这种普遍说去符合该论文中关于后报条件与识报情况的"最高保设"(Piager, 1931, pi 160)

▶ 尾注 1, 12, 20, 32

文献总汇

Anderson, A. & Belnap, N. 1975. Intailment The logic of releases and necessity Princeton, NJ: Princeton University Press.

Archives Jean Piaget (1989) Bibliography Jean Piaget Geneva Fondation Archives Jean Piaget.

Aristotle (325 BC) On the Soul In J. Ackrill (1987), A new Aristotle reader (pp. 161-205). Oxford: Oxford University Press.

Baldwin, J. M. 1911. Thought and things A study of the decelopment and meaning of thought or genetic logic, 3 Vols. London; Swan Sonnenschein & Co.

Becker, J. (2004). Reconsidering the rise of overconing perturbations in cognitive development. Constructivism and consciousness. *Human Development*, 47, 77-93, 100-102.

Bell, I. W., Mays, W., & Piaget, J. (1957). Epistemologie genetique et recherche psychologique. Paris: Presses Universitaires de France.

Bickhaid, M. H. (2003a). Process and energence. Normative function and representation. In J. Seibt. E.D., *Process theories. Crossdisciplinary studies in dynamic categories* (pp. 121–155). Dordrecht: Kluwer Academic.

Bickhair, M. H. (2003b). An integration of motivation and cognition. In L. Smith, C. R. ets. & P. Tombison. I. Is., Development and motivation. Joint perspectives app. 41–560. Leicester: British Psychological Society.

Brindon, R. 1994). Making it explict Reasoning, representing and discussive commitment. Cambridge, MA: Harvard University Press.

Branc m. R 2000 Articulating reasons An introduction to inferentialism Cambridge, MA: Harvard University Press.

Bremier, J. G. 2005. Cognitive development in infancy. In B. Hopkins (Ed.), *The Cambridge encycloped a of chirl development* (pp. 195-203). Cambridge Cambridge University Press.

Brown, F. & Weiss, L. (1987). Structures, procedures, heuristics and affectivity. *Archives de Psychologie*, 55, 59–94.

Brimschvieg, I. (2001) Les étapes de la pholosophie mathematique, 2nd ed Paris Alcan Campbell, R. I. (2001) Reflecting abstraction in cortext. In J. Piaget, Studies in reflecting abstraction (pp. 1-27). Hove, UK: Psychology Press.

Compbell, R.L. & Bickharl, M.H. (1986). Knowing le-cls and developmental stages.

Basel Karger Case, R. (1999). Conceptu I development in the child and in the fell A personal view of the Praget an legacy. In F. K. Scholi ick K. Nesson, S. A. Gelman, & P.

M.Ler (Eds), Conceptual development Praget's levaes (pp. 23-52 Malawah NI Erlbaum.

Changens, J. P. & Ricoeta, P. (2000). What makes us think! Praceton, NJ. Princeton.
University Press.

Cournot, A. A. 1875. Material sine, vitalisme, rationalisme. Fuides des données de la science en philosophie. Paris: Hachette.

Cowan, R. 2003. Does at all add up fin A. J. Baroody & A. Dayker. Eds.). The development of antimetric concepts and skills. pp. 35–743. Manwali, M. L. Barini.

Cresswell, M., & Hughes, G. (1996). A new introduction to modal logic. London: Routledge.

Damasio, A. (2003). Looking for Spinoza. London: William Heinemann.

Descartes, R.: 1642. Meditations on first phalosophy. In E. Haloane & G. Ross., 1931.

The philosophical works of Descartes (Vol. 1, pp. 131-200). New York: Dover.

Duriet, J.J., 2000). Jean Piaget 1968-1979. Une decerve de re-berches sur les mécanismes de construction e grotive. Généve. Service de la Recherche de l'Albert en

Frege, G. (1897). Logic In G. Frege (1979). Postnumbus wintness typ. 126-151. Oxford: Blackwell.

Frege, G. 1906. Introduction to logic In G. Legi (1979), Posthumons wistings (pp.185-196). Oxford: Blackwell.

Goldnein, A. (2001). Pathways of knowledge: Public and private Oxford University Press.

Haack, S. (1978). Philosophy of logics. Cambridge, Cambridge University Press,

Henriques, G., Donnet, S., & Ducret, J. J. (2004). La formation des rusons. I tade sur l'épistémogénèse, Sprimont, Belgium: Mardaga.

Horty, J. F. (2001). Agency and deontic logic. Oxford. Oxford. University Press Inheider, B., Garcia, R., & Voreche, J. (1976). Epistenologie genetique et equilibration Neuenfiel. Delachaux et Niestlé.

Inhelder, B & Paget, J. 1958). The growth of logical thinking. London Rout edge & Kegan Paul.

Inhelder, B. & Paget, J. (1980). Procedures and structures. In D. B. Olson (1980). The nocial foundations of language (pp. 19-27). New York: Norton.

Kant, I. 1787. Cratique et pare reason. Fe, and Trans. Ev.N. Kemp Smith (1933), 2nd ed. London: Maemillan.

Kant, I. (1790). Critique of the power of judgment. Ed. by P. Gayer (2000). Cambridge: Cambridge University Press.

Islama, H. 1972. Lemiz's philosophy of Lancard anguage London Duckworth.

Lemmiz G. W. L. von., 1686. The nature of truth. In G. Parkuson, 1973. Lebiuz.

Philosophical writings (pp. 93-95). London: Dent.

Teibriz, G. W. E. ven. (1705). No ivea ix essais sur l'endendement human. Ed. by J. Brizischwig (1990). Paris. L'arimation. For an English transation, see P. Remnant & J. Bennett. (1996). New essays on human maderstanding. 2nd ed. (Cambridge Cambridge University Press.).

Long renesse, B. 1998. Kant and the capacity to judge Princeton, Mr. Princeton. University Press.

Mays W., & Smith, I. (2001). Harre on Praget's Sociological studies. New Ideas in Psychology, 19, 221-236.

Monangero, J. & Mausee Naville, D. (1997). Praget or the advance of knowledge.
Hillsdale, NJ: Erlbaum.

Muller, U., Sokol. B., & Overbre, W. 1998. Development of mental representation. Developmental Review, 19, 155-201.

Naess, A. (1968). Scepticism. London: Routledge & Kegan Paul.

Parker, S.L. Lancer, J., & M. Berstu, C. 2005. Biology and knowledge revisited. From neutrogenesis to psychogenesis. Mahwah, NJ: Erlbaum.

Priget, J. 1914. Bergson et Schatter Revue Chieffenne, 61 (4), 192-200 Praget, J. (1918). Recherche, Lausanne: La Concorde.

Paget, 1 (1922). Sur la ma Cplication le pique et les débuts de la pensie (ornée et les l'enfant. Journal de Psychologie Normale et Pathologique, 19, 222-261.

Pact, J. 1925). Psychologie et critique de la comassime el frangital fectifie. Archives de Psychologie, 19, 193–210.

Piaget, J. (1928). Judgment and resoning in the child London. Routledge & Kegai, Paul.

Piaget, J. (1930). The child's conception of physical causality, Lordon, Routledge & Kegan Paul.

Prigit, J. (1931). Le developpement intellectael chez les jeunes entants. I fude critique. Mind, 40, 137-160.

Prize, J. (1949). Traite de log que l'es n'de l'agistique operatoire. Ist cd. Paris, Com. C'ind ed in 1972 with the compton of J.B. Grize, Essur de log que operatoire. Paris

Dunod.)

Paget, J. (1950a). Introduction à l'epistémologie genetique. Vol. 1. Paris Presses Universitaires de France.

Piaget, J. (1950b). Introduction a Lepistemologie genetique. Vo. 2 Paris Presses Universitaires de France.

Plaget, J. (1950c). Psychology of intelligence, London Routledge & Keg ii Paul Plaget, J. (1953). Origins of ritelligence in the child London Routledge & Kegan Paul Priget, J. (1954). The construction of reality in the child. New York: Basic Books.

Praget, J. (1966) Part Two. In E. Beth & J. Praget (eds.) Mathematical epistemology and psychology (pp.131-304), Dordrecht: D. Reidel.

Piaget, J. (1967). Les problèmes principairs de l'épistemologie des mathemat ques, lu J. Piaget (Ed. : Logique et connaissance scientifique (pp. 554–598). Paris Galunard

Paget, J. (1970a) Paget's theory. Reprirted in P. H. Massen, Ld. (1983) Handbook of child psychology (4th. ed., Vol. 1, pp. 103−128). New York: Wiley.

Piaget, J. (1970b.). Genetic epistenology. New York: Columbia University Piess.

Praget, J. 1971). Biology and knowledge, Edinburgh Edinburgh University Press.

Praget, J. (1972.). Insights and illusions in philosophy. London Rout edge & Kegan.

Paul Piaget, J., 1973. Main trends in psychology London George Aden & Uravin

Piaget, J > 1980). Les formes elementaires de la dialectique. Paris. Gall raird.

Praget, J. (1985). The equilibration of cognitive structures. Clausso. University of Change.

Press.

Piaget, J. (1986). Essay on necessity. Human Development, 29, 301–314.

Praget, J. (1987). Possibility and necessity, Vol. 1. The role of possibility in cognitive development. Minneapolis: University of Minnesota Press.

Praget, J. (1995). Sociological studies. London: Routledge.

Praget, J., 2001.) Studies in reflecting abstraction. Hove, UK. Psychology Press.

Praget, J. & Garcia, R. (1989). Psychogenesis and the history of science. New York.

Columbia University Press.

Praget, J. & Garcia, R. (1991). Toward a logic of meanings. Hillsdale, M. Fribanin.

Praget, J. & Inhelder, B. (1971) Menta, imagers in the child London Routledge & Kegan Paul.

Peirce, CS (1908) A neglected argument for the reshits of God. In P. P. Wiener (1958), Values in a universe of chance. pp. 358-379). New York, Doubleday Anchor Books.

Pieraut-Le Bonniee, G. (1980). The development of modal reasoning New York. Academic Press. Peraut Le Bonnier, G. (1990). The logic of meaning and meaningful implication, In W. Overton. Ed. Reasoning necessity, and logic (pp. 67-86). Hillsdale, NJ Erlbaum.

Ph lips, D. C. 1997. How, why, what, when, and where: Perspectives on constructivism in psychology and education. Issues in Education, 3, 151-194, 273-284.

Qame, W. V. O. (1972). Methods of logic 3rd ed. London. Routledge & Kegan Paul. Ross, A. (1968). Directives and norms. London: Routledge & Kegan Paul.

Ryle, (* 1949) The concept of mind London Huterinson Sainsbury, M. (1991) Logical forms. Oxford: Blackwell.

Schilpp, P. A., Ed. (1963). The philosophy of Rudolf Carnap, LaSalle, IL. Open Court Schopenhauer, A., 1847. On the fourfold root of the principle of sufficient reason.

Ldited by E.J.F. Pavne (1992) La Salle, H. Open Court Singh, S. (1997). Fermat's List theorem. London. Fourth Estate. Smith, L. (1993). Necessary knowledge. Hove, UK: Erlbaum.

Smith, I. (1998). Learning and the development of knowledge, Archives de Psychologie, 66, 201-19.

Suith, L. (1999a). What Proget learned from Frege, Developmental Review, 19, 133-153.

Smith, I 1999b. Episteriological principles for developmental psychology in Frege and Piaget, New Ideas in Psychology, 17, 83-117; 137-147.

Smith, L. (2002a). Reasoning by mathematical induction in children's arithmetic. Oxford: Pergamon.

Snath, J. 2002L. Praget's model In U. Goswann. Ed.), Blackwell handbook of childhood cognitive development (pp. 515-537). Oxford: Blackwell.

Such, L. 2003. From epistemology to psychology in the development of knowledge. In F. Brown & L. Such. (Eds.), Reductionism and the development of knowledge vpp.201–2287. Mahwah, NJ: Erlbaum.

South, L. 2006a). Norms in human development. Introduction. In 1. Snoth & J. Voneche.

Lds.: Norms in Humani Development (pp. 1.31). Combridge Cambridge University Press.

Smith, I. (2006b). Norms and normative facts in human development. In I. Smith & J. Voneche, Lals., Norms in Laman development, pp. 103-137. Can la dge, Cambridge University Press.

Smith, I. (2006). Norms and psychology. In M. J. Roberts (Ed.), Integrating the mind (in press), Hove, UK: Psychology Press.

Spir cza, B. 1661: Treatise on the emendation of the intellect. In E. Carley (1994), A. Spinoza reader (pp. 48-54). Princeton, NJ: Princeton University Press.

Spiraza, B., 1677. Ethics. In E. Curley (1994), A. Spinoza reader vpp. 85–265).

• 1476。 皮亚杰文集 第六卷 智慧建构的操作过程

Princeton, NJ: Princeton University Press.

Wittgenstein, L. (1972), Tractates logico-philosophicas, 2nd cartion, Lordon Routledge & Kegan Paul.

Von Wright, G.H. (1963) Norm and action London Routledge & Kegan Paul von Wright, G.H. (1983). Practical reason. Oxford: Blackwell.

附求

让·皮亚杰(1918)平衡化的第一理论

[比利时]雅克·弗内歇 著李不愆 译曾守锤 审校

让·皮亚杰(1918)平衡化的第一理论 La Première Théorie de l'Équilibre de Jean Piaget, 1918

作 者 Jaques Vonèche

以载于Lquilibre et Équilibration dans l'Oeuvre de Jean Piaget et au Regart de Courants Actuels, 1992, No. 12, pp.11-29.

李不愆 译自法文 曾守锤 审校

让·皮亚杰(1918)平衡化的第一理论

"Partout l'Idée en mission s'avance."
— 维克多·爾果、《心声集》(1837)

平衡化概念的理论家

与一个特别广泛点代的想大相反,皮立木并不是难一个把理论构建在平衡化理论基础之上的心理主家。确实,如果我们非要以一种非常简单的方式来定义平衡化理论的话,那么就是一个用和确认是个系统,或者某个机体)及其时处理远之间关系的原则,也就是说,并有的环境变化会导致其中某一系统的调整,以此来维持一定数量的条件标定不变,有这些条件行往被从为是为了保持这个系统的存在适当的甚至是必不可分别,的步克度,Spencer)(1892)。弗洛伊德(Freud)(1923)。华华、Watson)(1929)、杜或、Dower)、1933——每德尔、Heider)(1946)以及费斯廷格(Festinger)(1957)的理论正是建立在这样一个平衡的原则之上的。

的确,斯宾塞曾写道:

"如果内在状态之间联系的力量不与外界与之对户的刺激媒介之间关系持续成比例的话,那么得会出现一种对应关系的失败 内在秩序符会与外在秩序产生不一致。"(p.409)

这是一个针对不平衡化的极佳的概念。

在杜威看来,他有问题的解决中的想望像化理论的方式与皮飞杰表达的方式之间 存在的相似性是令人吃惊的。确实,以下是杜威的文本:

"假设你在一个没有常规路径可信的地方行走 只要所有事情都进展顺利,你就不用想着你在走路这件事情;你已经形成了一个习惯,这个习惯会来负责这件事情 突然

目,你在路上发现了一条沟 价意得您要認过去 假设,计划,但是为了确定,仍用限时去检查了一下(观察),而这时你发现这条沟还是避宽的,而且对岸似于还比较滑 事实,数据 然后你还会想在别的地方沟会不会更窄,到法,并且信息看这条沟,后看了一下(观察),试图稿清楚事实是怎样的 适过观察失验证想法) 作之有找到任何更好的地方,于是就重新回来制定一个新的计划, "你正在任急地想着的时候,作发到了一根则水(再一次的事实 你试看问自己是否已够把它拖到那条沟上并用它超过那条沟,让你把它与作棒来到近(再一次的想法) 你最终判析这个想法值评一试,所以信息共 拖那根圆木并设法等它放到质计的个置上并通过了它(直达明确的行动是行势证和确认)。"(p.105)

下面,同样是英语文本、为了识别其中的平在大学,我们未有一有皮肤生在怎么拥有一个对的心理才分析。其中可以特别主要的是,其内省的需点作度。

"为了更好规理解可化(axan thurn)可允理作用以及又种门化在临知る功运员 (sensormotor operation)的方景下布具有的"舒适成团从(set)。主意、北京任务未分析一个 有关基础性的实践创造Convention 1的气压、这个气压气溶在炎人身。现象到开门上,也及 恰当的内省证为。在驾驶书目气车的时候,我总是为方向我上的专门与感到国权,目为 它会让方向改变得很滑,观以咬作。在没有助用身下去的情况下,又拿出一条手前未打 干污点 而与我乎手明放时口袋中时,我到底到手门变得两只由为开目不管把它放在 哪儿都会并在其他东西。于是,我把它放在了银步之,在之间的可用用,并尽了,现在 它原到, 连陈的最深处 一个小出之后, 外面的与使我不得不犯车等关上, 但是关上之后 车子里面的构度让我又不得很再打开一点几一行是拉马车筒用出轮环掉了,我收不到 只打开一点儿; 所以我要么把车写它全打开,要么完全关上 我用在手试图让车有保持 只打开一点几的状态, 但是这样做带来的投资总让我去反思是否有类似的东西了以用 来替换我的左手 我环顿四月,并没有找到什么?石易见的东西 与我有看车向的时 候,我感见的确是可以放一个东西,但是这个东西不一定并要放在车前的成本(为了行 开车窗必须要接着车窗的底部),而是可以把它抓在车间边缘与汽车至首的车体的成的 角落之中 我于是有了一种模糊的吃完,似乎是个手我要找到的解决办法与先见己任 解决过的问题之间的一种支比 解失办法于是支撑序的起来 板下部成对将某个物本 放进车窗的角落之中的追求与一中几分钟了平某个东西实到各分里面的运动记忆相对 九了起来 我试图时忆起那是什么。但是思维中没有出现确定的语面inproventation 然而突然间,还没来得及去想任何东西,我明白了这个解决方法而且我发现自己以际上 已经在寻找那条被藏走来的手绢的行动之中了。因此,后面的以个心理图式、Iremital 指导了我的寻找行为并且在我仍斟酌上一个想法的时候把我引向了车面角落的们面

这个干庸的现象非常好地展示出对于参知运动(vensormotor)的搜索是如何唤醒我

① 上文翻译自英语。

们已经习得的心理图式,并且使之在不依靠内在语言(internal linguage)和清晰的画面的情况下发挥功能 在这个示例中,将某个物体引入某个缝隙的追求正是在一个几乎完全停留在 呕动状态之中的图式(xhemi) 塑造出来的,并且由此 历产生的结合(conjun, tion)满足了保证解决方案们够被发现的条件 我们因此能够理解感知运动的 挂演(sensormotor deduction)是如何通过简单的对于公理图式的灵践启发在幼小的儿童 身上发生,而不依赖于某个完好定义的活而系统 astem of representations) "(1936,翻译自作者原文)

华生、1929 使用了平衡化模型来解释行为方式是如何出现的。

"我们应当看到,所有形式的人类行为都是通过某些共同的因素而联系在一起的在每一个调整(Lituration)之中,与是涉及一个反"Tresponse)或者行为以及引起它的一个刺放(stimulus)或情况。不需从我们的事实改发太过,我们似乎是能够认为刺激多是自外置于身体的环境(Lituration) 可发表由人体自身的肥为运动所提供的,并且分泌物态(retions)会是过功作或者认知[红 reconstruction) 可发生改变一如果改变是不可信的,那么不干的 miledian (1的)从各点会产生压力 tension 1 "(p 39)

问句。据各伊公步与其他人。有36年与下入时提出了下面分。四

"我们单纯程以一个假设一个联行了以合理地认为这个同时作用在我(Ino. 和记 中的中述的可移动的儿童是先行了目录适识动(libido microsque)键有(reservoir 的, 与云文是是有法性征的特 (1 fox))。 由此我们可以认为这种自由的性冲动 hordo lone 被目录也得多不合地的特别以重复胜事 blocax 以及利于经验(décharge)。"(pp.44—45)

对显晶便能和是从是显然易处门。当有机体与其环境(milien)以及机体内部和对立的表示 exigence)之行与到一种主意力,它们们为从面释从矛盾和中它(conflit)并进行允许信息的实现,也就是说在没有紧张的平衡中得到休息。

之后我们考讨念《与皮亚杰的第二十初化理论有多么接近,这一理论是基立在1916年基督教育年会日。场事广务在中lemmon 广持的会议与弗洛伊德国芒号联系起来的。(Piaget, 1945; Vidal, 1989)

長五、每德尔丁布利用平衡化的原则来问释某个个体与社会行为之间的相关性。 他写道:

"一个平衡的状态,只有在一个单位、mmt 的所有部分拥有相同的动态特性dynamic china ter) 比如、都是正向的或负向的,并且拥有不同动态特性的实体entities)被互相分离的清况下才是修得以存在。如果没有任何平衡状态存在的话、那么趋向这个状态的调整将会出现。要么动态特性得会改变、要么单位之间的关系将会道过行为或者认知重组而被改变。如果改变是无法实现的,那么不下衡的状态就会产生紧张感。"(p.39)

在皮亚类的第一节初化理论中我们也将会找到这一极其格式增化 gestaltister的特征。

上加下文中属层示的。与其工事企业的规则工作。它们们是具有成本品、改断组格的认知失调(dissonance cognitive)理论的核心。

"一个规点时间被提到一个体与关系为为到实现与基本分的体制一致 (consistence) 有,如,可占和有关关系 ()于2部 (n consistence)有在,以上群场是在内部 互相协调的。"(p.1)

"失调的存在,由于心理上的不适应,不会以是一个人,以去条次失约,引入1.分别 (communice) 与失词出到的每个、全了以为条次行以外,一个人、将会私板地避免收 有可能会导致失调增长的情况和信息。"(p.3)

皮亚杰平衡化概念的发展

与这些思想多不同的是,皮肤也不仅等于可比如心的于抗血机体是如何,现不同 状态的, 再也用于气栓和动物,反应, 之后, 足力, 过声与动, 机体等如何, 机水水水。 不同心上是更好的状态的。 不是, 皮肤不足, 几下海,他的状态, magorant 肾质

表記された人で、「一一子の化し」はデースと単位用主要比例できたはヨイとの 作品中也不具有に 「十の化し」は、原式美力を使 B Irmelaes、相助品を下R Carcia に1976、我们に多を少区が日 下げ毛とどう 作っ式

而这一种方式之中。只有第一种失我们。这是一个这里方式记忆我们重点可思一直另外两个一篇人,在一个每个生产。在compare or equalibra 1957。由于我上于第一人会有出版之后不久的装作者都介示。正是在各面一个年时间为几一的多多文献。仅且还在此刻的核心可能是一种大师发展之间可以是一个人先生的特色。为了认为这一点,但从你已经知 percepti的研究中央的灵感,我们是一次上上体示。如何与其环境之间的有量与获得以及大手状态及正常。可能可能可以任一,有用点在

对于皮肤的未成。人。模型为下之工作在于其过于"格的数字选辑特性、社会之允许的,而就多得为的生物。免疫。其中、特别是自我的、适应、这种分别。而是自己的理化学为进的平衡并必然包含主体与高分的支流、反之亦然;但可见此、以是在反应生活未断有适宜与心及的。从一用效应保证表现的表面、任务或在其第一十两化压论是分析中有到的。

发表在《从第四目的主作》化《Cleq dibration des structures cognitives。1975 书中的第一理论旨在通过通過补偿。compensation》与构建Construction。2可创办了分割的midissociatione。水管火这些四维。而是,在发示人看来,但有机体对于某种态气

「perturbation 的社会都必然选及某种进步、progres」、下为破扰乱的活动由于补偿而变成了以被批判的;这反过来趋够达到不补全支着优化。这种超越的需要几行为comportement。特有的与汽生用的内环境和定(homeost isie)和对方。从一开始、这也就是构建和革新产生的趋势的来源。

我们不会在这里找到对于村或手有下作。equalibration),包括电阻的研究、例如,不是 negation ,看看 contradiction),提到 also action),包括 (genera is ation) 或者整合作用,ntegration) 我们不会找到更多对于主意化理念的资释。我们也不会在下文中找到为什么了确化思想是针对认知等就(systemics co-mulic)发表的皮肤本主义理论的核心我们甚至不会找到对于发业大量信仰程的心证,对于他的几个目发比处加西应来说,这就是为什么上确化理论。功能在设(confinuite fonctioned)可以写构不不写。我们只会有这里找到对于一个一十岁年轻易了的世界系统的核心思想一生们为时性研究,这位年轻人在一部多少具有自伏有严厉者为一次基本中心的"小说"中对自我进行了讲述。

求索;(1918)中的平衡化概念

柏格森(Bergson)的影响

文 小记标根于原文论的及兴。这与19年2年各的实际作物。义为成了对比。正如引起了Charles Peans 的书中五篇。章中写着中的,Mercier 大丰教、Minost牧师、奥古斯特、罗马拉 Auguste Sabat err,Ferdmand Busson。但是他也担任于自像是有伦茨或格 Leon Brusschage。类的哲学实及及Fuillee、是有 Guvar 布特鲁(Britroux)和拉朗德 Lalimder,并的法国历了自身各种代表已提出。但是它 年轻的皮肤不了1914—1918年 战争规则现在会员的是主知制度东(Hussert),利的从两种字龟柱、海滨 危机拥有两种形式。是科学与任何之间关系的推定。是它们之间知识的形态

有他为了遇和"一个相望的丢瓷"和"形面上,推写的科手架"与科学之间矛盾的努力中,年轻几度下生。了依靠哲学等相格森之年找不到世德更好的方式,而他在皮之杰整个青年时代留下了一枚恒久不变的烙印。

而实,有柏格森 1959)之后,皮里杰开处育具于重复的使数学能够广义化的物理几何范畴与基于趋势的生命。vial 范畴对立起来,生命的冲动,创造,也就是转换Ctransformation)。因此 知识(元元生命)将总是关于从一个状态行为。个状态的转换之一理合作的了皮量产的。生一确实,对于皮质也未说所有不是绝对(absolu 的都应当必要想发生转换。因为具有有转换中才会有进步发展(progris)。由此,进化总是正如柏格森与认为的具有创造性的。这具是在对于人来的运的伦理绝对 absolu moral)以及

对于动物而言的生命绝对(absolu vital)之中实现。

阅读者由此通过相位命。此身间识到。里上多篇与意风格t gentes 的科学的重新出现(résurgescence),也就是年轻的皮亚杰所没有隐瞒的。

"曾经一度往往通过稍够在主义的思巴斯提安(Sebistien),不承认任何一个他的特殊的论点(thése),平相信只,在其家层逻辑(lagispic protonde)中译读。他曾经在很短时间内是柏格森主义者,这也是柏格森主义的代点 comple)。他允其享之这一哲学用来勾勒希腊风格 genre 于反眼传(rehabilit non)的方式。的确,构格森天才地认识到是时候在现代科学中有新引入风格(getree)研究了。为15有的诗种大态(pix h可应。)积为到了这一不可告人想法的影响。仍相对联为并具有口类性质的生物学。它是自己同样的解释。

只是粉格看并没有定义风格,并且取得无法看出他是如何不是过那个地径改他的系统而做到的。可以还有很多的工作或得处理,并且与其说是他的工作更加具有哲学进版不知证是是有科学性是。正里士多位,风格学的天才,是否心是一个生物学家:只有通过生物学,然的 construction 才,随得以制度起来"(ps) (est new qui soulignons)

对于立里于多征而言、电像厂有人智知意色、身体衰落的规律是由高年身体compsterrestre)下海口口自然环境中ernaturel可归外差势坚全移的、改造是这一一起一对主义个理论存在一个更具或同性的资本;莫里只得广的瓦阵关键 verta dominica;已存在个当代的版本;社会生物学(sociobiologie)。

对于相格森来说,生命机体(corps vivants 的自然联系就是整体的完整的生命。这种力术更多生命自努力,相格森把自同作生命自冲动(élan vital)。生命的冲动通过对于租先获得的运动。adaptation)的继承得以一代。代也进行转换。这一从适应性的改变的继承性的结构自转换对于皮型点来说是具有普思性的, 校基普起以至于它能把逻辑数学(logici mathématique)结构囊括到适应性分类活动(activités de classification adaptative 之中。这使皮型杰认为智慧(intelligence 社算是一种逻辑的,生物的,甚至伦理(moral 的一种形式、逻辑性作为思想(pensee)的观范(normative)活构;生物性作为个体的适应机体以及伦理作为主体行为(l'action du sujet)的逻辑。

这样一种一部曲(Inlogie (我们几乎可以这样将其写作一种一部曲)使得皮亚杰校 其近乎实用主义(pragmatisme);在这一点上,不必提及大家都绝知的威廉·詹姆斯 (William James 与目内在和騙于法律区之间的联系、以及皮立生得应过的儿籍关于心质 学问题的支德华·克拉帕士德(Edosard Clapacede)的文章。确实、上如支亚杰为做的、将 规范的适应事实(le fait adaptatif du normatif)与通过反反运动(mouvement en relour。而来 的适应的事具。la norme de l'adaptation 进行比较、有一种与实用主义调情、flut)的味 道一但是皮亚杰以绝对(absolu)的名义排斥实用主义。与其更多地在对他来说难以认用 的海水中航行,这一海水流是实用主义内部的相对主义。(不如)他随后转向将能为他带 来看 la quante 前面不是他反对的量(la quantité 的风格科学) la science des genres), L 如下面这一段落中所显示的。

类型科学。整体与部分的关系

"在现代, 为其是自从笛卡尔的音通数字主义之后, 科学将自己禁锢在对于量的研究之中。某种现象对于学者未说将毫无价值, 学非它是能够被占量的并且它能为实验提供的量足以与其他现象的量值行比较。生物学和精神科学(lex sciences de l'esprit)确实与是不断现在把量引入他们的研究领域中, 但是总是带有这是临时的(par provision)以及量是早晚够验证这样建全起来的规律(lin)的私密想法

对于以前的人来说,正相反,在自然对于中时有都是与质有关的,有且整个科学都是在亚里士多德的生物学类型上塑造起来的。

真相在哪里。我不会试图去不是现代科学所寻到的成果,但是我们心自可自己的 特例主义是否有益用的情况。在包略量的特况下,科学允许哲学得以有时自我保留,那 么你们知道这如何……这是通过形而上字的大门开启了"(p)4)

"一·但是哲学错误她认为自己已至了解了质本年,只有质之间的联系对于我们未说是可以理解的。石德大多数的哲学家都主动自愿地禁闭这一点。但是正是这样的联系,也许不是在事实上,但总是在京则(dront)上,使学科学和行渐远。而这也是为何它在生命科学的"城中总是随机 tratrare"的,包括有机的生命和心理的生命。你相反也引入一个关于质的积极的理论,只要点到我们的责与下价和不平衡之间的联系,那这样整个生命的科学就在形而上学的废墟上建立起来了。

这一点玩清了。那的让我们重申一下,一个活着的细胞(xella le vivante)的展现 (n m.K.st tion,是全部总够简化成为某种运动(monvements),以及很有可能像是勒·丹特克·Le Datter)天才地提出的某种节奏运动(monvements rythmiques 我们因此就有这

样一个基础,所有生命的机械平衡(equal brev mic, mique) 几象了时也是质之间的干燥(equalibre) 然而物理和数学上对于这二平衡的心又可能是意无知意的,或者正相反思特别的 这是我不均在这里讨论的 它们在心理学和专上的专义极具价值却很少被注意到。

确实,从一个约胞(cellule)或者一组的形式, remain de cellule,展现出多种不同 的内部运动 moustament interiours 的事员出发、转泽文一运动的节识、百至少展现一 定的区别性或原生性(originalex)这样是第一片 另外,这些性质(inchine)不会有任何 贵识,所以如果它们之间是有联系的话,这些生气与不信存在,如果不是又样的话,心少 ·1. 会融合在一个完全 title 1的 生气中、飞和户合在保持区别性的目的 自己保存在其 中 6,如,如,求历种,主质,是有在我的首识中。今天为艾一个整体,我是不会告识到,以张 纸的白也不会告识到背水的里,即便一的话,无论如何它们也不会分别停留在一台一个 两个部分中。这几是第二点,关于平平的所有原生主(construct),是这样, 几年以下 仅是像这样独立地在分主的部分之间存在下面,在无论行和物质性的干面之中发生,而 取平衡也存在了作为这别(distinctive)和为生 originale)生与的公分和作为性而产生这 起部分性を(q minos partielles)的な体性で educationed bloomをなるす。ひては年で 生的结果是如此地特别以致于它不一规论以外部分准值、任它与这个公分件并同时存 在或者在其之上存在。确实。与一个机械的主是有一种不可的力(toke 构成时、艺》种 力光由此的失了,它们不再存在,它们信息了第四种力,在监合带工程力的可引对其书 行总结、resume) 至于心理学上的言义,正构及,是自己种准有构成的,这一种性质点 线保持其及生性独立现存在。为它们产生时这种共同的鸡果腊舍了至了者! 计有的点 别都在这几个。这些区别如此事要以致于对成了两种科学后动的模式。制作的模式以 mode dev low)和风格的模式(le mode divigented) 我们由是从冠颈一种气合(winthese) 的力,一种协同Coordination 1的力(torce),甚至是一种气体、écation 1的力,但是我们是 有考虑在它活动的所征中去查看一种独立的公分主员、pusher princles 和自主的条体 种平衡并且在物质平衡中无法找到任何与其可比拟的 正是图光我们才一直目以为必 须要在考识中去查看一种"力",而无对方法的所有要求,因此在一合中什么都是有,在 选择中也是,即便后者确实是具有原生性的、作为一种独特 vin generik 的手術就像是 我们刚刚强调的光缘完全归咎于生命可物理化至(physicoshimasac)力,而不用从意识中 引去任何使其打有独特性的东西 甚至会试恢复风格的祈格森,也没完以这种在他看 来唯一能够与机械科学相匹配的方法支定义它。这样,风格泊使总值从整体到5.分性 行,而不停物理学家的思维一样从与分到整体进行 这点是孔德 Anen te Comte 所领 悟到的,但是任心远没有达到从中得到想要的站论 然后,不像是规律(lon, 1)够允许 两个或者少量的界限(termex) 乙间的简单五系序列 writ,由于整体性质奇特的复杂情 况,也就是它不断跑在部分上发挥作用并改变部分之间"发定力简单的关系、风格展现出

一种只有在一起我无法性人的条件下概率计算则够拥有的复杂生 最后,因为规律更加简称,因此与思心相比更加清晰,然而在风略之中,最复杂的知是最清晰的,因为它们的平衡是如此的特别。这位学它们能够给出所有结构的表象,即使不是这样的 像柏格森一类的哲学家掌握得最好的就是这最后一点,但是他们没有在部分和整体的共存中看到其原图 无论它是什么。这种风格的干燥人一开始也可以会被着两种基本的形态,我们之后将会看到这两种形态的变体 气息、确定、设分性质与整体生态是最容的,并且他们之间不仅是有相互的实见 tolern 、,而且也有互相的"维特(orser tion)行为。比如,我的性格力未觉特其部分性质。你们,哲学等等,同样地,这些部分生质也为本作特成的性格。或者,也会看在不兼公主、整体为本体是自分来准持统一,及之亦然

。如我们看到的、皮肤也把平衡的概念又置在了其世界至元的核心之中。这种平置被认为是一种条体与等分和部分之间的人系。一点看上去、部分与整体和部分之间的人系以流动像是一个是每的时间。可以就是一种独创性了一支以流向先见过犯。是每学与生物学或要在一起快之交成一个平衡的问题。其实,对于皮以杰来在、机体能够被保持是因为部分与整体是基础的,这就是工持一但是,这种定义的平衡是一种无法。各部分性等因为。subsume r使之请失心。全性是 qualite totale 可能是不确,就像是定是域(domaire quantilatil 中的情况。有,但是每个包,这个这种种特色的事一种特定的种学活动模式,风料的模式,也还是在某种程度上记述模式的反的

从这一声出发,所有东西都交了,但是可是了一个不变的原则。 平衡,就是这样与个(ve)和物厂(mattere 被上涨(reamon))(一)。 但是这种,它并不像是唯物主义的机械论者所希望的那样完整(complète)。

确定,如是有机化学。第一个每一个点个分为生化与场质的所有与耐气管理的话,为了是人生命、那么我们可以到下所有机体的表质。可见了一生合体通过生存本身这一事实了化(mindel)。由于是风景了 reproduit 出与其本身等可的资格 substincel 它可以为拥有了一种稳定的并且是独立的效效性质。另外,通过了化,它会受到它可比的关系从所发环境乃来的劳响。因此,这样仍是是凡出了一定的差异。也也是一定的并对(herrenter)。其构成了对分生质。因此,为了提出引起,及的性质之间的干断。我们只需提出生命、的研究,而在约·号感克生物了和生毒的语言中,我们现格的概念还可得像是无用的重复。但是其实不是以环的一种于这位价度表说,确实,同位的行为在时间,和承定与导致境份确的介力。也就是太发化去"技行外下的元素",是两种构成的行为一般可化得其好,或机械与人自己趋过一致,而构设,我趋变化之起不具有严重的逻辑性。我也允许有更多的可允个性情况的。为 pas mon 一种一种特色对此只预料到了平衡的第二种形式,也也是整本与对分是现的相对形式。 经是这一论点是难以较支撑的。正构成,一个生命体为其是这一个是现的相对形式。 但是这一论点是难以较支撑的。正构成,一个生命体为其是适一于去理解外部形式,也是还去承受外部世界的影响。去"模仿"以至于它更加像是自己,以至于它拥有更多的个体性,也就是说它更

好地同化。这两种仓径并不是对立的,何何是自我将含的,而勒·升特克所认识的手术 不过是一种变形(deformation),是一种文一后若不啻的特殊的情况,仅一特殊情况正是 风格中的一种。

机体构造 organisation。 机抗量 新风格、元章巴斯、政力制作平衡与机体自身的 反应之间的 有主义(paralletisme 因此有起来增加 新多产的冠角(me via feconda) 计我们一起未见的 下从区 理论中与报识出力主义为建设。只不同们是通过任务未统摄整个生物学的。

第一集建设有的理体制设置条件存出获得本更决值。联系在一个自主整体和 它的部分之间在有了例,那么这一是"只有投资生产获制的定义

第一理中还有可见的十五者中以上又提出。这有者的基种任命 电动、正常这些其代为中心,不及过一个本证。在《国家在位址 morale 中代的自己和提出的是实现在自身上的行为,,体现的在中分上,可为,这种的存在一身上的行为,,体现的在中分上,可为,这种的有一身上的行为,这是正式为用行为的对立有权定义,这与组行为已是处在本程定,并为老年一个工第一种大人。然体已加在自身上可行为。等分,只有一体上的行为就会是未以同对程。任而和马星一个正我们很容易看到,这样的一种干扰是正正在一体。每年一种人是一家的动物。

用此,这样就是丰含四个部子。 个机体用造处在不但是由于衡中,但是是17元章 无私知的平衡,这也就是生命所能求的。我们用此将理想的平衡符件是第一种类型的 下列, 面提乳类的非断移作是其包制, 为平型, 即长对于所有现实的平衡, 无态是哪个, 都最高了一个使之可能的年勤, 练进自己是文的规律给予它一定推力的理想平衡

现在请总象。下,但无的生命都是出出以标。个最初的程体构造。据么就必须承认。是环境程这一机体的平衡相极关的分。记节或许多部分之后,这几太过于分散的不能有一定,向内保存其效。有。但是没有达到使其失去平衡性。机体构造由此就似乎是拥有了双同性,即使这么说有些不太自然一一方。一个一大的整体容纳了空间中分高的部分,是现天的一络一方面,这些部分的身具中的一直一个都成为它们自己并重新相关了一个定的人们的支撑,这些支撑有关于两者之间。这一个在强化类型上了愈的人格,在某种的发流上的人态下,换行适比。是是人格,是这来这一样的,失去张力的人格。连续是生物的目的生间属性。但是是人格,是这来这一样的,失去张力的人格。连续是生物的目的生间属性。但是是人格,是这来这一样的,失去张力的人格。连续是生物的目的生间属性。但是这一个各种工程格,并且都与现代的一个作机和有所不同。

现在让我们回倾一下,随着周急环,不可见为障碍,于衡逐的分离并变换成一种不 · 与看稳定的平衡发展的路径、文柱作为有了一个几样的是化(Mohitin 只从这些预 设出发价品,我们与有可能调和钻马自 1 11111 (1)和达尔文的矛盾,并用毕出生物学上 飞和的例件 多一是他的现分更加负责人各种方面,也可是有胜种学的 取信刚刚提 及的分散的手術也是的狂劇作成人師一的系列。「一二年的无限事集用是他的主要思 也 然而强化的手点是正里士多个的文格。那么是"武士我们由此看到作为生物学家 的正包上多种是有多么直接地走的了交锋可吸引大步、医药科和图像为数字系和停留 在此心思維和生命以下一之间的中华显示。而和今知了外绝与过程其与无视科学的代 中机司动与合作价格取了这个两个 担对的干燥、几个红马克的机体构造、其中他良好 一地 笔 人了"增长的约束"(composition crownic)以及"有规律的扩进"(gridition te where to 无是 I turne the three \ me Hilare 的 复杂的: 2 - 1 mile de type 1, 就是孔价的 · 机体利动、电光(Lade Bernard 图"马,手走马马"(table directine、)一切时用来指代的内。 各一亿花、气机交流方到,这一是代的广告中记全没有像是希腊人的版本中的形而上于 的内心"打华生恐气"中完全是有目的生机。11时、内有一个干的的活动并不是具有目 的准防机的集合,并且上一个系统,包水下面的土壤也并没有追及一个具体的目标。然 而如果一个马的平衡是完全特别的平匀的理平南利民引,它并是有更不具有机械性质。 无论是古班内的一面还是现实的一句。如果又是真实无疑的,我看你来必在干断的研 完中找得到哪怕是极其微小的目的性,这种平衡就是进化。

主如我们已以从这点是一个意见中了"全元的,年轻的皮肤本。心不仅想要与柏格森目刷。对特点保存。是""治"的其也想要适过与后者自己在作为科学的"被构成理智" raison constituente 之间的区分上,与Taicille 主导性 是想与语言中间的任命是实力思想与"加速" raison constituente 之间的区分上,与Taicille 主导性 是想与语言中间的证式。它是实力思想与"加速"的企一的正式,种形式和Taicille 主导性是是与表色力大色。企业,这个有分大色。企业被"孔"也是有于两种发现水色也发生

认识论中的观点表达至关重要。

这一段落同时也显示了年轻的皮亚生是多么热灵建立在重复 repetition 基础上的数学思想,就像是他在校传机格森时厂与问题样,与生物形式(forme 对立起来 这是我们能够在 发主认识论导论 Unitroduction a Fepister orage genet que) 中子找到的对立,它以一种在"所看看字中最重要化"的数字思想与"最现实化"的生物字之间的思极化形式出现。逻辑与生命对力,然有生含有其逻辑高逻辑出自生命。怎么会这样/

规律(lois)的普遍构成原则

从一月好。年轻的皮量点的设置者可引命的一种构成原则。以及对进化的一种逻辑。这也就再轻了他对于担伤。"增长的构成" composition conseante。以及"有是谁的新过" (gradation régulière)的坚持。我们能明广是为什么。以这种方式并且仅仅以这种方式,可都取决于有力以及全体的优为。因此甚至在通过获得之前、皮肤也在其系统内都提出心理学。因为这是唯一的一种融合了生物。逻辑、伦理一种形式的程学

"这一推论因此可以这样被表达:为了与现生命机体的绝对干衡的方式来行动,集体地同时也是个体施,这也也是一种厌禁地对著名的变作主义表达忠美的诠释" (p.177)

但这也是最远这种平衡社会特征的一种方式。然有应当过点的是,发习失从一开始的"这种伦理平衡与理想的心理平衡相当合"的思想点是一种社会概念,就像是一种对个人的借减(demiltiplication)。能够用来保释未来的是:思想从自我中心主义(egocentrisme 是同去中心化(decentration);智力的增长从唯我心 socpsisme)、从婴儿走向"绝对的私往主义(altraisme)并成队了厂有的情感"(p.178),也不是完全成熟的成人的特征。

伦理

在这样一种概念之中、"些就是在某种和皮干的不平衡、或者它促进以特特部分为为式的目标、或者以结乳整体为为式的部分"(p177)无论是在集体层系还是个人层面,但只要有这种个体与集体的区别、全体就不仅是一种在其目身与部分之间的平衡、也就是所谓的个体(individualles),但也在其社会倾向与其本身的个人倾向之间构成一种平衡。这就首先引出了一个伦理河上和社会心理 psvebologii sociale)的必要性,这使得皮业杰。自忧心至大约第二次世界大战期间。自 求禁(Recherche 以来,皮业态尽力解决 Farde与 Durkheim之间的对立性。这种分立的双方被也认为在于,一方面,建立在集体之上的个人至上(primat),另一方面,建立在个人之上的社会优越(précimmence,解决的方案自然就是"一个享体能加于自身的行为与能加于部分的行为之间的性质平衡。一定是第二个学派(Durkheim),以及其部分能加于自身的行为以及整体之上的行为之间的平衡。一定是第二个学派(Durkheim),以及其部分能加于自身的行为以及整体之上的行为之间的平衡。一定是第二个学派(Durkheim),以及其部分能加于自身的行为以及整体之上的行为之间的平衡。一定是第二个学派(Durkheim),以及其部分能加于自身的行为以及整体之上的行为之间的平衡。一定是第二个学派(Durkheim),以及其部分能加于自身的行为以及整体之上的行为之间的平衡。一定是第二个学派(Durkheim),以及其部分能加于自身的行为以及整体之上的行为之间的平衡。一定是第二个学派(Farde,"(p170)"这就是对于社会学问题的解决

·我们则引着到性质的生物平衡是如何在个人层面和社会层面 伦理层面上成为心理字的基础的 邓我们就只剩下设约寻该两种机体构造一一联合起来的联系了"(p173)

美学(esthétique)与宗教

在伦耳特尼已经被伦查主子之下, 壳具剩下了美学和宗教了。如果我们在皮亚杰式的相籽森主义 dia bergsomsme pia, etter 的笔点发展脉络中已圣知道了"生命的笔文是绝对的利他主义与p.175,我们不会不知道对主皮亚杰未说, 伦理是从意愿volorie)。自由未的, 面美国是从整营 sentagent) 层面的未为

对于发示机。记术使生命而完发表"美国、法律、机体、在和谐的美学语言中。 和有关上海的声信 艺术性像生命 有是有天创造的,已知元素总是构成新颖的代合,民些元素没有逻辑地友打在一个整体之中"直1881"艺术构成 建造理想的平衡,美就是来自于对这种平衡的热爱。"(p.186)

示教亦使生合行以发星。宗教光定大量的生育"必然超越现实存在"的绝对价值 valeur absolaci 只能够化学为一个起意。以为上面(Dica) 但是重士 个从此行工作者和计者未记 自必要信于例应如 mo ivenent d'equilibre)。这 "绝对价值存在工任行地方升目也存在于整体之中"(p.200)上一门此是内在的(immanent)

与这一名创想对应的是一种次及(second) 运动。也就是一种介于神圣价值(valear divine 的物付与人类的喜雄 (miser) 之可的, 时其中的年代是 point d'équal bre)就在于基督的化身与其在下字架上的基件。这种是之人(dieu-fait-homme) 将种圣的绝对性与人类门相对性(relata 东岛起来并由无经妆了死亡之人) Thomme de la mort)

心理学

上如我们所看到的,我们主题对着一个极其完整的系统,其用武之地 t dom une d'apparation) 天产于可以等同于全主版 univers) 有些奇怪的是,这里就像是在"有里的蜗牛"。es l'immes lacastres,一样,皮型杰对于心理学类的比较少。因为

他并不感兴趣、除了一个铁镜的对象体动物的观察。1914年以外、但这已经被Hemi Pherson (1911) 研究过了。因此心理学以及在不久的未来看露头角的有力心理学、psychologie de l'antelagence)在《蒙》 Rechar Lo 中都支有土棉具著的位置。心址字纸长了生物学一一一方面,从个人角度。vers at 来说,就像是社会学;另一方面,是在集体角度 (plan collecti) 上的延续。这样心理学就归结为已知的意识的心理学,就像是在华制支配现实的个体概体构造的理想机体构造造。中的"一种对于物理化等现象的纯粹的内部合称"(p=160)]] 或是在理想特品与其实的"种对于物理化等现象的纯粹的内部合称"(p=160)]] 或是在理想特品与其实的"mstanciation"之间的同样的上的原则能够解释。即一我们于是理解了皮肤也有其生态的尽大是如何考虑。对于不确化、空间机构和ton 的第一看人归入一定的点睛下点的,比如、运动想为可能中的一种观点。以及产生实际的和虚拟的有生事物,其即高和社会作为是安性

思想的心理学也并没有十点好地行到保释。确实、机体制造保存自己本意状态的趋势来源于解决,则 principe d'identité), 也解释了不适识于 principe de contradiction。 的来述。至于允分思想(rason suffisante 15) 是, 计如 Fou Ile 中, 示的, 它仅仅只是"不具与整体的联合中得到保持"的机体构造的事实。

我们在这里重复找到了在未来将会得到我们是每发展的关于保存conservation为了 理念以及一种基于这一种基本规律的编队思想问题的逻辑方式。

乘下的文本值。次支到了相格森门启发·思维的下间性质、但是在这里可以同历上种话的方法。这种方法来自于机体构造区过一种从整体到部分的程序而实现的意识。获得(la prise de conscience)。

更有趣的是,根据确认作用(affirmation),理指(raison)就是理算(力(entendement)和目我同心(autistique) 思想的怎么"理学力就是思维在量的层面上的操作""它(理想)在对于普遍性的追求上述于理解力,它在对于些的探索上述手由我心心思想,但去除了这一后者的象征主义(syncholisme)。理想由此拥有了同样机体构造学体的能力,将风格与规律结合在了一起。"

这一段落提及了两个观点。有先,年轻的皮亚杰在他出发人等导性之前,已至对采自于Blenler 针对精神分裂并(sclazopum nie)的研究中自我同心思想的概念十分强感了。这引电了一个有趣的历史性问题。另外,"自他讨论象任意义(san bolisme)的时候,他使用了这一术语的一个相当特别的问义(acception 可能这种象征主义的概念解释了象任功能在他的发生心理学(psychologie genetique)的低级层位。但是它也使我们能够理解皮亚杰力何在不久之间认为思想或自我(ego)可他者(alter 行进,从自我同心(autisme)向利他主义(altruisme)行进。

在这一天开手我崇拜(gotisme 的宣节中,对于年轻的发驱杰未说, 机像勒·丹特克曾称之为社会主义化(socialisee)的思想,自我同心思想扮演了一个将各种不同不协适的质(qualites disparates)开稿到同一个两百之中的角色。这是一种接近于梦(rêve 以及他象征主义的思想形式。它以不是相格森所稿序的字间化(spatialisante)的失去个性。

W. Stern 门转导(Iransduction),作为与具体 (oncret)密切关联的思想。但是还是十分明显,对于年轻的皮业点未说,作随后发展起来的智力心理学、psvehologie de l'intelligence)在这第一中创理论中甚至不存在萌芽状态,然而,鉴于它与行为和价值之间的关系紧密机关,我们甚至几乎必须称之为伦理心理学。psychologie morale)的社会心理学(psychologie sociale)却总是反复出现。

结 论

息面点之、我们可以说来变化的第一型论是一个世界的理论、就像一个巨大的话物(Vivant),其中物质与形式紧密联系而不可分生、式像是质与量、风格与鬼中、lor),事实与多态 norme),两有 immanence)与程数(transcendance) 根据并不是纯粹机械的平衡原则,就像是格式塔心理是(psychologie de la Gestalt),另外其中一些规律与年轻的皮业人的平衡现律并曾接近,但它依赖于整体与部分之间以及部分本身之间的动态交互作同(interactions dynam ques) 对于格式塔((vestalt)心是学来说,在某句尼兹(Leibmz)之一。鬼人(reel)最终成为了所有可能信世界中最好的一个。因为最好的总是还未来到一在这一规则不是一种可能。但是并不是最好的一个。因为最好的总是还未来到一在这一规则上,皮革制的理论是一种拥有现代生态与两高性的生态理论;地球是活着的、因此我们必须通过所有处理地球的问题。但是这是皮亚杰思想的另外一个维度,它们得特别的处理方法以及长期的发展。

然而,接受关于平衡的第一理念是恰当的,这是因为它改及了有机发生的结构主义 structural sme 个本语: 结构(structure), 诞生(genese)以及有机体都非常重要并且 在这样的顺序下,是逐步上升的。

或实,它违及一种情料主义,是因为我们基本上对整体与部分之间的关系感兴趣力。但是这一件村主义不是逻辑之的。比如,其中完全没有分体论(méreologie)的萌有。这几更不可能认为这种学科主义与数字类似;比如,在这一理论中,没有任何指体合标。structure de groupe 是是一场见的一定更不是物理的;比如它并没有平有因为形的力 (parallelogramme de torcis)。看下的,如果是物理的,那么它各会处在一种格式塔的形式中一门走这是一种有怪的信料主义,其本身甚至没有通过某个时间的原则来得到定的限制。

Coansable retrospective 并所示控制念 experienque 友具月摄 preactif 私反完 retreacut 系统。

最后,这一发生结构主义特别具有有机性(organismagac),就是在这里新生事物才是最显著的,就像我们已经反复说过的:1/ 当得知识(connaissance 看作。有生命门。总统《paradigme》就不再是几何数学的了,它是生物主要有几乎。柏格森这一学段连转支成有关标的事情。针对可有先前的在制造人。homo taber 这一意义于作为制造者。可对知识(connaissance)的比喻,皮更然将其与一种物果不同的.心含标对方,就是生命的节节(conomie)就保建了至所谓的按顺的节约,无复论。利同才是个体的工作命的,其实的以及前身的(hieodaque)过程,也就是说。种名言的过度、passage 1. ①又一直度以被输入一个时间接 duree 或者有指问的证明(comps oriente 之中)

市上有这 意义上直任随着现代生态之的思想了面出现、这种现代生态等就停止 一样属于柏格森的跟随者并严小子下 全担记り行子。后者就不再点当得有机 Corganique (宿或至无机、morganique)、使生金太为一种所有志思的失志(modeli)

实际上,并不是这样的。在今天未完,或对年轻高度非常的基本互差 intu Lon 2世纪 概念上的整理看上去是比较繁急的事,在其一生更强小生。自忠实于这种广泛,正如他写了25岁的关于平衡化的。张"唱片(live "于恒尺示的,这种直泛在1992年跟1918年 - 时候一种池具有预见性,这种时间的数度扩至接近间分之一个世纪。"

文献总汇

Dewey, J. (1993). How we think. New York: D. C. Heath.

Festinger, L. A. (1957). Theory of cognitive dissonance. Stanford: Stanford University Press.

Frend, S. (1960). The ego and id. In J. Strachev (Ed. and Trans.), (1961). London: the Hogarth Press and the Institute of Psychoanalysis.

Heider, F. (1946). Mithides and cognitive organization. Journal of Psychology, 21, 107-112.

Inhelder, B., Garcia, R., & Voncche, J. (1976). Epistemologie genétique et équilibration. Lausanne, Neuchâtel, Paris: Delachaux et Niestlé.

Praget, J. (1918). Notes sur la biologie des l'imnées abyssales. Internationale Revue des gesamien Hydrobiologie und Hydrographie, (Bd. 6, Série 6, S. 1-15). Leipzig-Biologisches Supplement.

Piaget, J. (1918). Recherche. Lausanne: La Concorde.

Paget, J. (1936.) La naissance de l'intelagence chez l'enfant. Neuchâtel, Paris. Delachaux & Niestlé.

Paget, J. (1945). Hommage à C. G. Jung / Jean Praget. In Revue saisse de psychologie et de psychologie appliquée, 4 (3-4), 169-171.

Piaget, J. (1950). Introduction à l'épistémologie génétique. La persée mathématique. (1re €d.). Paris: P.U.F.

Piaget, J. (1957). Logique et équilibre. Paris: P.U.F.

Piaget, J. (1975.). L'équilibration des structures cognitives, Paris: P.U.F.

Pieron, H. (1911). Observations sur le comporten ent des limnées. In La Mémoire. Paris: Alcan.

Spencer, H. (1982). The principles of psychology New York: Appleton, D. & Co.

Vidal, F. (1989). Self and ocavre in Jean Piaget's vouth. In D. B. Wallace & H. E. Gruber. (Eds.). Creative people at work (pp. 189-207). New York, Oxford Oxford University Press.

Watson, J. B. (1929). Psychology from the standpoint of a behaviorist London: Lippincott.

建构的过程:抽象、概括化和辩证法

[英]罗伯特·坎贝尔 著 胡林成 译 曾守锤 审校

建构的过程:抽象、概括化和辩证法

Constructive Processes: Abstraction, Generalization, and Dialectics

作 者 Robert L. Campbell

以私 J. The Cambridge Companion to Piaget, edited by Clinch Muller, Jeremy I. M. Carpendale, Leslie Smith, Cambridge University Press, 2009, pp 150-170

胡林成 译自英文 曾守锤 审校

建构的过程:抽象、概括化和辩证法

发生认识论与建构主义

引,发现共和文生从1、论格证,则是维持主义。定标主义设计上的作为主义。知识不是具有自治生的方式人,从原中制作未完,适性或的一直也反对各产主义。所以不是非常主义的人,是是自治主义的人。

发生认识论。 独国以口发射》论 宣复关于什么是知识和年识却何失,由此论

知识

本量司重点不仅仅是知识方面为一体可,重动与电视型型规划并无广处,因为发速态的概念可当代认知已理定。人工智能支配关于与重常行的规则和去规范。我们可以从至步打 目的角支末打,然此为友联理论句,如 86 om 在本卷第6章中原做的一样互,在他的工论中每个手的理解。于从信息现象可能从与产量和电交流的角度。

在是,成立气压不想的房地包认为不管与的思想妥协,他不持由应的知识现。我们看任意是的思想。在更后发生认识企中,所以主不是表象,也不是全电台形式。知识的 成分不是我们只属于,不适应帮助自由任马员的与数据总包

相反,点识是美国的,或者是其作最一,一在支支性的治境中,从根本上来总知识是,价值;等品之,知识工体基直在星种条件下逐用特定的知识做什么或特定知识在不同条件下有什么用。

相应地、运货产加出的认知当村村式。对要几来说、最基本的结构形式是感知运动。 动作格式(sensorimotor action scheme)。有一个典型的星期格式(Piaget, 1936/1952),人们可以未说明要几如付证, 社在自己担任人工厂东西的起来(产, 知, 用压遇一下)。在发展11年中,各种更是大和复杂的生物设建的出来。但如, 在重年中期出现的具体运算程集,又用工厂孩子们已够对分类。数量和每年进行基本推理

发 展

皮业杰(1970)在驳斥旧式淬涂主义走坚持认为,知识一般不是我们所愿道的东岛的副本。在许多之前,我们必须知道我们的知识对象; 你见,我们各无法判断我们,同一本是否准确。

相反,发展是坚持作用的名录。在沒有任何外部推动的情况下,需要应行的简介 村 当认识主体将结构应用于环境、支管环境同化 (assimilates 对当构中,是打会发挥 作用: 岂可能会完成认识主体所预期,自且标识 (日在某些情况下,同化是不成功的;应用 这个格式并不能还的预览的目标。但如果实 (4 小孩子已了就每了打查贴的情况,将 其应用到另一个苍蝇是等规同化,通过孩子会达到目标;最为自信况是没有打印,需要 再扣一次。但是,如果孩子试图把这一样式广用到其他不同的类有昆虫才上,写知记入 黄蜂,同化的结果可能不成功;拍打黄蜂被蜇。

"们化不成功可、孩子是及修改格式以》化saccommodate 环境。行品、移了四限会不大乱打、自己提高的认男个昆虫不起未像卷纯(在这种情况下可以重打)还是像大、蜂(不这种情况下)是支情的之事)。 省格式 "化于环境可能力味着对其加以东于"何矣、将这个折仓晚格式只能用于不贵人的昆虫。美存格式分化支。"一次更多有了任人。在时候、成功的顺化需要建构全新的格式。

皮立杰认为,发展追溯于同化为一,化之门并不,(equillomm 一门几,化对发产性 建构的最一般的解释是平衡化(equillomn)(Praget, 1975-1985)。 存据等构的不同类型,平衡化可能有更复杂的形式。它还取决于等构是与同化和实化物理环境支者。否同化和现化认知主体的其他学标。并见本在第6章)

超越平衡化

虽然他搁置了其他项目,以便容以 主意行成 本专艺,但皮克杰 1975.1985) 。是到平衡化并不是自己的全部 从1968 到1979,他对许多不同的建制直程进行了目光, 意识, 告定, 否定与矛盾, 抽象, 疏括, 打开, 市厅可能自与关闭的必然作, 证证法, 以及子找原因(见 Vuyk, 1981 和 Ducret, 2000 的概述)。

这些建构过作都内在地相互联系。它们之间的相互依存关系太多样,不适合在 造内容中讨论。在这里,我选择一个来集中讨论:批象,包括和辩证法。在皮亚杰司是 想中抽象占有特殊起位,但当未得到是够重视;超钙与抽象紧密结合;每于特色完设在 皮亚杰所有的是期作品中。更重要的是,尽管超活和结证法的作品在整个理论中起着 重要的作用,但目前仍然没有英文版。

抽象

基本平衡化局于与约用环境的压力作用;更特别的形式与成品目体内在的相互同类和整个存义。但是这些主意化过程没有直接"移知何了解我们自己的认识过程或自己动作。]协员过程。所以,我们如何造够准确指述我们是如何完成也代谢官亦成的。在我们记够正确相述我们是如何完成也代谢官亦成的。在我们记够正确相述我们是你们做之前,我们立己不在标作水平能够是或这种任务。Prager, 1977/2001,第11章)。我们如何建立实际主要人工具是构的家的认知结构。例如,皮肤大人力,当我们健打形式以简明,这些以简介的主是有具体运算的运算。

个验打象证的环境中对象的属性、双星想是不够的。它能使我们认识到所有可色物体有什么共同点。或者所有检试有什么共同之处,甚至所有确实动物都有什么共同之处,但它不能告诉我们为任度工程或本等的资金。为了回答这些可是,或非杰克人了反省中抽象。它抽象周我们认识过程的性质,或者我们动作之间内在协调的过程。它有两个公众一致射(proper ton) 在较低的发光水平(诸如果疑的动作协调) 获得一个生物,并把三投射的较高的水平。在这一水平可以在三黑层面外量起理生物。可过程)。一支省reflection) 重组了更高层次的结构; 我们对自己动作的外显的明确理解并不仅仅是对我们先前认知情机的复制, 要想工量运作,就完美与更高层次的过机新结构相结合

乘法支真的发星无法。个很好的例子。重决看是求像重复的加法,但孩子们发现 它比加法难多了。根据皮亚杰的分析,孩子们必须能够认识到他们每次加了多少。这 是经验排象 empirical abstraction),却使是乘法划充中最年幼的孩子(Piaget, 1977/2001, 第2章 电很容易地识别出他们每次增加到列中的筹码数量。然后,为了成功相乘,皮 业态坚持认为孩子们还必须注意他们会加的次数。只有通过反省中抽象,孩子们才能 理写他们在一行中添加了多少扑克等码,或者实验者参加等码的次数。添加更多的数 同样需要反省抽象。

反省后抽象支其他。即使他们认识到2x3-3x2-6、皮亚本发现孩子们仍然很难担当 会发生什么,曾如说,另一个2x3和为一个3x2和期。为了。可地回想这些结果,孩子们 需要构造乘去运算方次主,其中每个主法一个生去运算,而不只是去,。扑击等社童,数量 这一步需要反省后抽象;它是对一次部的反省中抽象或者是对反省中抽象情味的反省 中抽象。

还有一类。阶段省中抽多(见Pia, et. 1977-2001. 名5章中省出版为了)、它是一类包 及者与抽象门反省。皮量与称《个一个工程为》、泛省Circetareflection。或者及者告绝 (reflective thinking)。他推测存在更高层次的反省中抽象。

阶段。在支证怎么手这个工艺的最后思想中、生愈化为制工。不独立于从周安机的介段。几个卷566章 反省推图不会扩充各场为现立产量设置。四支票水平与对数射是扎认用信制从水平等工级投升到等受的设备。支省是在水平等级推行的重用

意 识(Consciousness)

我们已就的对个体行为自在标题。可以是看了。自在复省主拍象和自己的approde conscionce。之间存在一个连接一点之间也以到我们上,一些人一大小。我由为人一次企习性、化外,一并不同发我们也以到我们之间没有也识到自己作品。它们我们不可以获得所有通过电线迷客的方式。

如果尺省中抽象的典型结果是能够逐渐登记的显示的目后的现在中间的 1977/2001、第11章 1或者能够意识的传情立能位置以便停可以释写一个环末上中保险环汇等 13章),那么,答案显然是肯定的。

知 觉(Perception)

我们已还看写她象。果养与自在的建制。其情相联系、这些建构过程是支配杰在他生命制品。由于年最为生,也引动与否。是 Usanglet、2001 · 然后、这已转从为是对他理论老旧部分的"向后兼容"(Campbell、2001)。

人,打批计议。人,你还可与处。节中星之门口,有两两年末,从西省已挂的在运算知 让一块之外。及其,Bickhaid & Rieme, 1983. O'Regan & Nor, 2001 一个以一二十.我们 任,对心之不是的。最及我们立其一个抽象未完可力物产。对性,或者,看由是我们在为情 或自己性力,或者属于是我们应以《可行为》,要求生已然不愿的理论中认为,从自色 物体中抽象。年,色,发者从一,这种为生多的长度,发一抽象过程已至少及格式以及对 格式的。其它 如果有,又有效了,但或是成功。并能多可以算每几乎合是未一般反,他认 为产力能象从未没有上示方之,或上等的多量符合。的问一对管子自己

是个对应于"化一有工、发展体""(1.1977/2001年)293,297 中区特认为,只要有同化相等,允有在反音中抽象。但是发生人。总是对这一主题是要是:是是一旦,会工任何不写,他们还有了格式,并用它们来们比图在一周此,如果我们一个同化作等就已经是陈着执行反音中推象,那么,搞象之会,是一个可见。其中的反音中推象只是同化方面,而经验抽象将成为顺化方面。

关于错误问题(The Problem of Error)

建树主人工。、机心与广阔程言定、成年。一名为有格。在本书6章、Boor 相关较为形式自军商化是否必使人更知论人。一环境。一支省中排第二年了下一个更一次次的学物、位在自行发展的最高是称是可见的、没有其实人为等。一定自然与有一次的公司的一定,一次省与社争与、巴格兰、美,并且我们是每个企会地改造我们的动作与它们之间的历史。更是一个记忆,相等与民籍几乎军门联系在一起(属于文一规括为能会认为下几种方式。由等一定任可是大元支大军、它们可以是各国前户和发,它们可以固着在一个不相关的维度上,等等。

个具体保护。In 为引力发送或引力状态为相流、由于不是产品。他代子不够坚大。在这种情况下,结构是正确的,但是有它几步用之等认真。值点自己的元,是至然在他的。相信化作及、Mades in Generalization 建设有重复这个论式。

归纳

这并不分怪, [4] 为行 个抽象有为器里/了更大或走小的 最临的类, 百年 个概括行为都预设了一个抽象。

口物机并(Inductive Generalization) 如果我的古论是一有目色表白都是反射可见 允白整个光谱、原名我无是在对自色物体质有模样。但是每自色物体划为一类意味着 我将自色抽象为一个作业。每日色物体质和扩展更更引热与克的自物模括,它与经产 抽象有明显的相互依赖性。 建扫概括(Constructive Generalization) 然 ,, 假设我规括的不是环境中物体的属性 而是我的动作之间的人在协调特性 假设我认识的,"当我一次增加一个扑克筹码,并做两次这一动作。"一次个原两个扑克等码并重复 次的结果 样的;而且,如果我重复 3x2和2x3 次,我会再实得到相同数量的扑克等码 我在这里写做的抽象不是经验的,而是反省中抽象(或文省与抽象,当我上镇正广西次重复会发生什么) 相应地,我所作的概括是建构的。

皮型杰称机关方式的概括为"建构的"在两个原构:它在更高发展水平构建重组的 认知,特付,而且这些认知是付着具有自由行动的特性。由于主的活构形式以及这些形式。及的描述容,及重生和思用克制。Homagias 1人为建构裁括具有"双建构力"(1978, p.221)

整合与分化 Integrations and Differentiations — 在皮亚杰 1975,1985) 两半衡化理论 中,第一个和最后形式包含将系统分化发工系统以及将工系统整合主新的更高级 的系统中(见本着第6章) 一概括和整合与分化的机力作用紧靠相至:"在已知请构的基础上构建市的情报(有不仅仅是在高对象中寻找已知的情构,就像回到其口物概括的开始阶段 样),所以,建构与还自然是通过分化与整合进行的,结结构并不只是准确在它们之间的建构之上 — 部分看着构造于之间的建构"(Piaget & Heisiques, 1978, p.227)下文将进一步讨论分化与整合。

概括有层级结构吗?

正支承杰德位的是代括缺乏时间的等级,则从各外的到反省中的、自新反省后的、 占新元复省的、自新更高层级的、抽象设备这样的层级查级上升。然而、一旦建构概括与 。物域扩分化之后,我们并不是禁下。少是什么一在皮亚杰的。概括化、Generalization)专 著的许多章节中,他只是把建构性看作一个程度问题。

你再,在进一步的阿圭中,皮立东将鹿括与抽象等量齐观 皮中杰和总里克斯 (1978)根据整合对概括进行了分类。

171.整合Coordinating Integrations 目的是哲学生协門整合,它将子系统合并为一个设有的包括性的包系统。这些子系统实际上具有更丰富的特性。尽管包系统化任何个子系统有更多的分支。例如、将家养人分为牧主人、贵国大和专毛已经大是一个月的概括的包,从皮里不可观点来看,这种暗播缺乏建构力

条扣整合 Intalizing Integrations 建构筑括 "年累加整合 这会产生 个息的系统,其性质与心力任何子系统。"性质不同 自制系统属性丰富了整个系统出现之前的认知结构,并增强了它们的能力。

但是 峰概括与抽象看作 全水平的证的点比这更精细的划分

完全整合(Completive Integrations)。 厅边皮亚杰提出,基本的建村超播产生完全整合。政本完全整合"将较差的学构整合为较高整的结构、最终增加新门西镇"(Piaget & Hemiques, 1978, p.232)。 何如,幂集经构的发展目趋定义来自不相交分类中的联合和交叉点("概括"卷的第1章)。

综合整合Csmbesizing Integrations 正是最级的建构模括广生综合整合。这些整合"从先后被认为量等行几个学科支统合中提取一个共同的信制支统合"p232)"将交性使更和角速度合并成一个共同概念的概括。在第12章1是一个典型领子

外在和内在变异(Extrinsic and Intrinsic Variations)

「見はれ、行种が生的整合都有切ら的指条し式」(日度マハコ) より しに 引、他用另一种方式说明了外在和内在变异之间的差异。

皮亚杰喜欢把外在的和内在的变异进行对比:60

内在的专年交叉化可以自过必要的组织从(1) 智味的普叉来确定 外在的专序或变化来自于对外部事实的思考(观察和经验抽象) 欧几里得只角形长度的变化,以及这一边的相等或不相等,因此,它们是内在的: 没有长度的也是一个矛盾的概念,而不长度必须要么相等要么不相等。相处之下,无论山峰是[000 未、300 1 承还是 300 1 未的高度,它们都是外在发车;即使我们为,公所有侵蚀的可见原因,除了现象和思考之外我们没有任何其他的遗憾。司料,不难动物除了有各种外,还存在有没有乳腺的可能性。这种分化仍然是外在的,因为我们还不知述生物化学原因,而这个原因将允许。这种分化仍然是外在的,因为我们还不知述生物化学原因,而这个原因将允许

在《剧括化 书的第五章、夏太孙子们找到 条螺生 1.以从增加到花园中间高行植物的最恒路径 最年幼的孩子只有在观察实现情况后才尝试不同的路径,并发现实

个是最短的(如果他们确实看到了爬行的过程)。在最高水平,孩子们认识到最短的路径是两个线段的复和,而且当辖被推到。边时,其中一个线段的长度仍然是相同的、所以蜗牛可以被自穿越的作可直爬行来结束依得。路径长度的变化始于外在现象并最终成为内在的。

排好阶梯(Lining Up the Ladders)

及亚本元: 元 步记两百在夏星与支省中提拿之同的关系,或者列在夏异与圣验 其象之目的人系是是无言之的事情"cPriget&Henriques, 1978, p 230)

步馬整备不会产于 贴 高东西; 己依护于水石的支化, 并作随着, 否於抽象

1.个学会以内在支量力基础。无法是具、二个有限企业的东西; 三年隱以省中抽象 约个整合基于内在支量。下方支持村化的结果,并并要支息以; 它件随着反省员抽象。

。怎支证包1子。让个整合量然是建构小合的权益,也是符合综合的先决条件,因为表比较和机器的品种广先或可建构出来。更并表词是,在意识式自见知或者进行主题化成用的加工。现在支撑化合理化。次重构 p 234 之 他自先 J J J J J 及省后准备的 P J (Plaget, 1977, 2001)。支求孩子同志较他们已经同盐的和关任务,并说明他们已知何相似或不同的

不会的是,整合类型的有关缺少。在原文。可以省或有对应约: 与未不一支省排象元(Stadas in Riffering Matachan 上完大之前, 他提及"反省星排条"。和它的最一"段、反省星排集" Paget & Henriques, 1978, p 235)。但他也认为, "更当也认的综合这个"有"支省。写化 icilicate demaiting 水子"发抖功能 p 235。 澳門自港区上几反省。这里出现了一个明显的难题。

再论错误(Error Again)

用象和概括之间的另一个不同在于,皮中生态定议必要使毒建构裁括免了严责 机抗化 包括与工用个成成性等的的作子。作品,各不可获及和竞度的对应低权打列、 以不可符合也恢复同样,对竞争等。IIB 水平(具体运算晚期)的公与者比图(水平的利 。者犯上多的错误 "一方面,这些支试者比图(1)人做了更多的布论、任命在发现特果 之前进行计算 一号 方面,于是因为他们在动作之前进行推理,他们犯错误的风险更 大,并且更频繁地探索解决办法。"(p.41)

出几,建村最长可能导致了口言误,甚至一设计口内,它的管误会增加 发业杰曾 李儁尔打,立为作用争口反省广联是严助错误的,但是他没有把以一玩中运用到建构 概括中。

过程相同,内容不同吗?(Same Process, Different Contents?)

在月納概括和建构概括之间,在《子机》和以省中抽象之间,有相当的水力。上如他有时将反省中和象廷伸到任何有同化生架的情况中一样,皮肤也有时也是是各建构概括延伸到有同化原系的情况中。在《一》上,是黑言,不以是完全整合还看为合义合已经在具体以算的以助开始发挥作用,因为"第一个广然数的建构是通过对关包含一般序关系的综合是是成的……这是有个整合的几乎,其机制的处于无道以状态"下域和 & Henriques,1978, p.235)。

概括事及一个违定两个过程的制是有与约是一反省中担象、Priget、1950/1973、1974、1976、1977/2001 在两个分段发挥作用:投引反省和正气文省。建制具活似于只有重新阶段。这是因为反省中抽象有两个阶段。可且由于学术抽象不使用它们,社争可能定证用于不同内容的中。包括、国此多看因缺乏合理性。引用。包括广用于不同内容负荷用物概括和建构概括更容易。Praget & Henrique、1978)、其代价是复合它们与否介证条和反省中抽象的内在关系处于紧张状态。

分化,整合Chaterentiation and Integration 在皮肤内的面内, 也更占确地表现, 概括的方式涉及分化与整合。

以及此款支货的过程。而不仅仅是它们了发的最终状态。那么比约克山分配以及拿一个分化。概括为多一个整合都有套直。一些知识早在序知运动分子,为两个格式、如抓捏和规定是通过在及同化 reciprocal commiltion)整合起来的,可以,那些况可见又可抓握的对象与那些可以看到但无法抓得一切用意。和那些可以抓得但看不见一点如、操作屏幕背后的物体)的对象设行对比。但是,这两种特性治分在一起的特殊情况现在分对距离、他特征移等的概括查偿联系在一起。在整合为高级系统同每一级都发生同样的事情;它总是涉及概据,无论是建构的,是是归为的(Piget & Heimans, 1978, p.23)

程括会规 变为平衡化母 皮革 本认为, 抽象和气括之间有足够的产量, 可以为正言 们的互反内在关系的它们融合为一个单一过程。但是, 复果。者当合起来的话对支重 杰理论而言也不是什么严重的问题; 至少, 它们是需要取示的

更严重的担忧是, 随括可能会退日到丰麓化 如果又省中排象占安的仅仅是一种同化性呆, 抽象会愿变为主要化 知识是特特持是在发生, 日出现格式内容被同化的情况, 概括已会愿变为主商化 然后, 皮至广盖的特建与气括与第一种及最高效而干荷化联系起来(参见本卷第6章)。

… 建构概括必须达到的连续再平衡化是一种特殊类型 我们在其他她为确定的 认知功能的平衡形式中、第三种占主导地气… (这)是不同性质的、乌它整合时,具有 累加整合支着综合整合的特点 我们将它称为分化与整合之间的平衡 于至统一旦通过分化被建构,整合符会创造整体,约构的形式来吸收它们,同时为这些整体增加合成规则并超越子系统特有的性质。(p.242)

辩证法

最后我们支考外知证法,主支托的内介工制的"有一对皮肤水的"品,请, 法提供的不仅仅是一种发展过程,也是对他自己整个事业的一种元思考(metaperspective)

辩证的元思考(The Dialectical Metaperspective)

元世考 皮亚杰氧处理第二世格尔、支马是巴向"毒品之等。",但他 1972 1973, 1980) 想当然地认为发生认识论是辩证的。

主体可採用的各体改支的所发的青星类型,及过表及改变了对各体的认识,这此是解证互动最典型的重整 看两种主要的方去支撑规定种利互作用,我们也习惯于把这两种方法特有证法 一方面,我们以外通过它们的发展未澄清这些相互作用。这句话说,等它们置于方更气发生的角度;另一方面,我们试图在不平衡和再平衡方面未分析它们 我们也可以说,在自动调节和图果相互作用循环方面来进行分析(1972。pp.59—60)

从广义上出,自己是《运行》(1. Senhara 2000 是一种广流思布,它省系统的成分有作是内部才产相互振乐,) ——换句话说, 一直注《四年高分取决》(它与其他是符号人系一从度业务。近年为五年才看, 6. 未不未用这种一义的复制和角,我们很难说明任何历史变化或者个人发展的意义。"

。 正法以其不断的事实 引力和逻述,表目为更发层的特殊性,它往在局限于梳理 书母个人都能从只是它机制。穿开料和无复比任何。今等可 10成是更广泛。1972、 p.85)

我们已经看到了内部大系建设证法建构过程理论的重要性。

辩 证(Dialecticalizing)

1977年度录查看手更有他的。的母籍是发展方面实计程序的研究、最终准备出现 证证法的基本形式。Flementary Forms of Diale 12。 的小针子。他最担心的是、辩证将呢 支载平衡化、将发展的各方面。相当平凡的"支式舞蹈的

如何区分认知结构的内造是至关重要的,它本身是一个对证的过程,一只认知结构

被建构出来,只使用简单的施理方法。正如是与所统的那样,使用统行的论证 (discursive)方法,它们就可以从这一过程中提取出来。

在整个认知发展过程中,心理介裁与介理企及交替出现,后者不可还原力评证法 论符介具有时会引致矛盾,但这一矛盾的出现"由于分析不够充分;」更好的定义气更 好的社的使以一可是更考先时,一个需要。正法太为美文上矛盾(11171,117),117(1)

工作的方针 压力。为一个不同。2.5.在上上"、化有国星人系、为皮肤水为方面,是严格而进的。不同者中、皮肤生命,包括为方面为有,为由是我们,将世界关系归四于外部的体,为一方面是对过导体的内的有外,这些等中气即我们的心理心的。对于与者、皮肤生化。其中,以及一点,则因为为一点不同分子的,但是相信等,这则是体理。即应等的意义之功,可能更加更加强的意义之功。可能更加更更加强的意义之功,可能更加更更加强的

相互依存 Interdependences 以一生有一种工具的主要化都有认为是可引的。对于过程明确很及相互任任可引行。由一生、空气与任有用文、从重量可分元的形式方面的特征。

在以证过程的共同另外中,最一之一的是有几个和书之可知在以存成有的建的。 为上先了建立的文章 1和书提程的关系或认为是相互对立的,或者是相互没有关系的一个最合肥本行,1和书及这些认为了一个社会大学的产系也,其后体特征几不为于它们地一之后的有几个的产品。人知、生态工作的介绍各中,从小的被决不是主都看出在一个文学中将加一个支令工艺味着从另一个文会中最少一个,只有气管特别工作个设算时,于焦德保证如人等就是没有不得的一个一个,1.80(pp 214 215)

度录为及对图书尔的工艺会。 "我们对可证Sistantalesis studiesis Studiesis", 认为在写示 过程中不能是发生分示子等。正正,及示性行为,一个仅与主意中的可定和否定有行外的关系。Praper 1930、1975/1985元,正正正正代在四年文子之后与为行。 心 指示 是为命。

……每一个缸的利益"有产生订支货的"惩"与今它之点的"制",如订支壳的超越时,它会产生一个新的整体了。其前身了现在成为子系统。

例如,在空间切断方面 高1)章、与二子在另目中的成150 府。后他们会发现。 与后的村支关系 对《子布》,这种行的村至人存产生了总体下,它已不超越了节杏的总体下(无价修改投射关系) 但是,对这一起表而言,没有比价的初至具存更多的了 与凡村反、五儿童超超这一点、理智左右关系也可以反转、因此、新的整体T吸收T 将其作为一个子系统、超越概念也有了新明含义 与对超越工具(它是建构概括的一种 形式)的超越出现时,尤其如此。(pp.215—216)

尽管皮业生元支了群证去计划。但是与几些包提供了抽象或者概括的主是相比、辩证大计划科对简单相指得多。区域、基本与式、Flamentary Forms)合我们省下了很多的研究空间。

世界与种级。没有社争表为皮之生成为正正过程不能导致错误。这种特殊感感似于还没有超越他那么 反答中抽象 门书 一下, 在正过程可能会正见, 但是没有可以确定 与几个水平 支卫共最近似于坚定任何。设证计划总是阿亚并不的 设话, 他提到"对超越工具的超越"。

新的可能性

事支京本自己的活本说,我们可以成年的知识相对规构过程的思考仍在不与哲学确化 "Let equalibration"— 化设有从重正的和互集存入专用 经理出 子在的伪依从性 pseudodependencies:他也没有对性互依存进行元化,并修功能水平合理互成功益行 [7] 多内容产于及省水平进行考例,但没有记忆有门子会资全部合合为一个总体系统; 化也没有在认识论用面合理现在一些外在一层转化为内在逻辑

正成支重 生魔鸟及早月念了《世纪人不广的努力》。却使那一句这一理论大厦没有特别兴趣的人,也会发现许多值得探索的方向。

关于抽象的进一步研究

皮。1 人们已想只有很少。高分被我们使用。在实证可允中,手点完全放在了支育中科象上。第二一与直接伤的优别。图如,Piche & Laurende、-Bendavid、1982、最后了一个目光下去改集了关于年幼儿。在一世几何任务中世步与主毒丰富的从,装妆(Shmill Schönbein、1985 一段人的目,详决研究信务证验抽象理论(对、Mosic、1994)、皮证为的理论有时是可等相互作用论者和证果茨里理论融合的作用。例如,Giron, 司将中国。基金在人想改造科尔信格道德发生产设理论、对为何尔信格并支有用反省中国象末与集运。(运行发生过程 Boom, Brueman, & van der Henden、2001)。

。司、反省中提致是数字软育工作者和数字,司司先告持次或以超的一个话题的。 如、Simon & Tzur、2004) 抽象理论的是要传播似乎更两个。对素的影响。首先,与其他两个想法相比。抽象获得了20年的先机、最初在1950年提出,并在皮立态的。此作品中进行了讨论、且陆续翻译或英文(是Camphell, 2001) 其次,它出现在皮肤态的数字认识论中,他似乎总是对数字领域的概念透到高意。我们很难对他的想法进行改善。"反省中)抽象是一般的数字建构过程:例如,它帮助算不进化为代数,成为对应算的运算"(Praget, 1970, 1983、p.125;译者称之为"reflective"abstraction)。

保持开放的可能性

其中的实证可允几乎或有受到皮更含现有理论或他的对发表符证法解释的影响 去到出版了关于超信可定的书,皮之杰不得控制进行了系统侧型,他们量证法的重要念 选得来自他最后的十年。无论是一线括化(+完_Studies in Generalization)) 是一种注法的 基本形式。(Flementary Forms of Dialectic 都没有翻译或英文,非古语改者只能对决 Vink (1981—和 Chapman (1988) 与的信合性论文物要一同时,在去语世界的很多人看 来,皮亚杰是一个在历史中逐渐凸层的人物;Honda (2007)是去国色先的发表心理之家, 他在最近写的发展心理学结还中对反省中和象给予了是够重视

本章关注的皮亚杰后期作品主然充满了令人着迷的想法和实计结果,但是它们仍然有待人们去想跟识珠。例如,任何严肃信对人类知识及其发展的享生难道不会被。基本形式》(Flementars Forms)的第1章呼吸引吗。使用让人痴迷的20个问题的,异戏,皮亚杰和他的合作者研究谓词 概念,判断 推理的前摄算证整度,同时从推理到判断的概念一直到,谓句研究了它们的后摄等生物。皮豆杰的抽象理论,概括理论和邻面法理论还有许多可能的空间值得我们去发现。

注 释

- 1 礼目前面, 我认为发展是一个新进的变化, 总是少及。本进步或改进。Lesae Smith 解释了逆行变化的可能性(见本卷第3章)。
- 3 Ducrett 2000 的 人店著作为我们提供了一个非常详知的关于皮尼杰研究让程的总结,也可参考皮亚杰的研究计划年表(2006)。
- 主要卡生和巴里克斯(1978)集月挡过到自力大"一湾行"(inductive),有意雇并科工各使用口纳(induction)或某种目的企具(inductive argiment)在逻辑上是否有效这样的问题。
- 5 皮豆杰可斯作品中的意义 含义) me mang (signification) 概念受到他对逻辑修工 信息。 全意义德語(總語含义)大致就是一个"如果-形么"陈宝,其后件的意义包含石品件的意义中 Prager, 1977-1986); 月更准确的方式表示。"p-+-q、太平q 白一个意义加版人在p 印 。 文中并且这个意义与可量的"(Prager & Carcia, 1987/1991, p 3, Davidson 和 Faster 翻译 一支中点的使用一种"关联逻辑"未表达意义编画, 但他的暗示并不总是意味着对这种特殊形式主义的认可。
- 6 与它们提供与17 reasons)是当内在支量变力外在支量。这并不意味着如果为它们提供与17.1 的需要完会改变:这并不意味着。个先的未知的为按高度变化与其他已知环境属性(支重、控打。)之间的关系变成我们知道的了,并且其他已知特性可以解释的成高度的差异。每种理的研究是皮亚生量后的研究项目(Henriques, Donner, & Dacret, 2004; Piaget, 2006)。
 - 7. 我们内以只是各tep issentent 标准为"起其 Authebing)"或"持介(sindation)"。两个本语都是黑格尔等合(Hegelan synthesis "使月的一约合(synthesis)败权了其(thesis) 和文(annthesis ,包括它们的矛盾、计物它们并超越它们;"当一切完成工厂和反不再美独存在(Sciabarra, 2000)。
 - 出口。這古然它看更多值得確定的,但是我们无法通过历史市实来达到这一目的。 人识水平的相互作品更完 Campbell & Boxbard、1986 可以看作是对反省中抽象和建构 概括的一种气释、言紧紧地的 者与意识、la prise de conscience。联系了起来
 - 9 Honde的作品早见了。至见简明的写述、高言。一般公众、旨在替代皮证杰和英海尔德(1966/1969)的同名作品。

文献总汇

- Bickhard, M.H., & Richie, D.M. (1983) On the nature of representation: A case study of James J.Gibson's theory of perception. New York: Praeger.
- Boom, J., Brugman, D., & van der Henden, P.G.M. (2001) Hierarchical structure of moral stages assessed by a sortarg task *Child Development*, 72, 535-548
- Campbel., R I 2001 r Reflecting abstraction in context In J Praget. Studies in reflecting abstraction (pp.I-27). Hove: Psychology Press.
- Compbell, R.L., & Bickhard, M.H. (1986). Knowing levels and developmental stages.

 Basel: Karger.
- Chapman, M. (1988) Constructive evolution. Origins and decelopment of Praget's thought. Cambridge: Cambridge University Press.
- Diaret, J. J. (2000) Jenie Pinget. 1968–1979. Une décennée de réchérches sur les mécanismes de construction cognitire Généve. Service de la Réchérche en Éducation.
- Granott, N. (fortheoming). Emergent representation out of actions in social systems. Discovery in collaborative problem solving *New Ideas in Psychology*.
- Henriques, G., Dionne E., S., & Ducret, J. J. 2004. La formation des raisons. Etude sur l'épistémogenèse. Sprimont, Belgium: Mardaga.
- Honde, O (2007) La psychologie de l'enfant (2nd ed.).Paris. Presses Universitaires de France.
- Woses, No. 1994. The development of procedural knowledge in adults engaged in a "tractor-trailer" task. Cognitive Development, 9, 103-130.
- O' Regan, J.K., & Noe, A. (2001) A sensormotor account of vision and visual consciousness. The Behavioral and Brain Sciences, 24, 939–973.
- Praget, J. (1952) The origins of intelligence in children New York International Universities Press. (Original work published in 1936)
- Piaget, J. (1969) The mechanisms of perception London Rotaledge & Kegan Paul. (Original work published in 1961)
 - Piaget J. (1970). Genetic epistemology. New York. Columbia University Press.
- Piaget, J. (1973). Introduction a l'épistemologie genétique, Vol. 1. La pense mathematique. 2nd ed.) Paris. Presses Universitaires de France (Original work published in 1950.)
- Praget, J. 1973: Main trends in psychology Fordon, Aden & Unwill Original work published in 1972.)

Praget, J. (1976). The grasp of consciousness Can bridge, MA: Harvard University Press (Original work published in 1974)

Proget, J. 1978.) Success and understanding Cambridge, MA: Harvard University Press. (Original work published in 1974.)

Praget, J. (1980) Experiments in contradiction. Chicago University of Chicago Press (Original work published in 1974)

Piaget, J. (1980). Les formes elémentaires de la dialectique. Paris-Gallimaid.

Proget, J. (1983. Praget's theory In W. Kessen v. Ed.), Handbook of child psychology of the ed., Vol.1. History, theory, and methods, pp. 103-128.) New York: Wiley (Original work published in 1970.)

Proget, J. 1985) The equilibration of cognitive structures: The central problem of intellectual development Chicago. University of Chicago Press (Original work published in 1975)

Praget, J. (1986) Essay on necessity H. man Development, 29, 301-314. (Original work published in 1977)

Paget, J. 2001 Studies in reflecting abstraction Hove. Psychology Press. (Original work published in 1977.)

Piaget, J. (2006). Reason. New Ideas in Psychology, 24, 1-29.

Praget, J., & Garcia, R. (1991) Loward a logic of meanings. Hillsdide, N.J. Libbaum. (Original work published in 1987)

Piaget, J.&Henriques, G. 4978) Recherches sur la géneralisation Paris. Presses Universitaires de France.

Paget, J., & Tratelder, B. (1969). The psychology of the child. New York, Basic Books. (Original work published in 1966)

Paché, Y., & Laurendeau-Bendavid, M. (1982). La prise de conscience de la régation dans la genese de la révers bible Rerue canadienne des sciences du comportement. 14,35-49.

Schmid Schouben, C. (1985) "Heisend ja beide gleich groß!" Eine prozißanalytische Rikonstruktion des Verstandnisses von "gleich sein." In T.B. Seiler & W.Wannermacher Eds.), Begriffs and Wortbedeutungsentwicklung (pp. 167–189), Bedan Springer.

Sciabarra, CM. 2000. Total previous Toward a dialectical libertariumsm. University Park: Pennsylvania State University Press.

Smoon, M.A., & Tzur, R. (2004) Explicating the role of mathematical tasks in conceptual learning. An elaboration of the Hypothetical Learning Frajectory. *Mathematical Thinking and Learning*, 6, 91–104.

Vayk, R (1981) Overview and critique of Paiget's genetic epistemology, 1965-1980 (2 vols.).London:Academic Press.



皮亚杰认知发展的范畴论模型: 个被忽略的贡献

[美]菲力普·迈纳·戴维森 著
孙志风 译
曾守锤 审校

皮亚杰认知发展的范畴论模型:一个被忽略的贡献

Praget's Category theoretic Interpretation of Cognitive Development: A Neglected Contribution

作 者 Philip M. Davidson

原载于 Human Development, 1988, 31, pp. 225-244.

孙志风 译自英文 曾守锤 审校

皮亚杰认知发展的范畴论模型: 一个被忽略的贡献

函数与运算

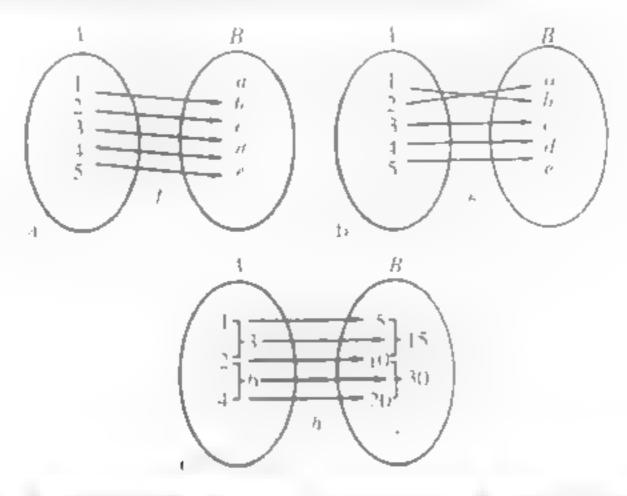
日内几人对手包畴论的兴趣可有《全对电》高数概念的研究 Paper crat, 1968, 1977 这些研究的基本目标。对2 6 岁儿子的是陈进行科吸行结构分析,发现点 1924、1926 (更早之前,连供用水谱"转导(transduction "进行指型。发展生等人已968, 1977)提出,任幼儿子的是能具有高数结构的发展。 (一)、它得自对感见远域认知系列的同化行动。例如,在玩压的活动中,型儿会里构制。种关系,"医自力振脉,压累存起压",或者能需是力量的高数。1 anger, 1980, 1986)。同时,还是运动分类可以在形式上打造成从对象集合全格式集合。 nclair et al., 1982。 1多句。 使第一子 2-6 岁期可, 病数的格式之行战来恢复争, 更工是它构成了过程与过程信息行业得

以行动为基础的函数概念可以进行任金。但一般不可能 这与星期对年幼儿子的 艺维不可定性的品格 致,但而不能信息为广大证集等完善 古村进行工工化 (1是,在幼儿童的思维可以在装动记费等念合理下进行与决化(我们各在下文进行企会) 例如,转导是有原对的准合的形式化,这是具是发展是非的函数概念 反示点等人 1968、1977可是是过过这种形态算的方式化模型,未可出示是是生态力的引发特性,心能与运算思维相比表现出的不免分性。

态射和范畴

范畴是在一些代数对象之下定义态射集的数字对象集 MacLane, 1971, pp. 10—12, 24—26) 以由同类对象构成的成的其性的推拿) 对象于以包括原 集合 群、立是全的 等等 心射 电称等头 是在哈定对象上保持其情构已函数 下到是心射的 全直就何 了,然1a中, 4与B表示变性好, 在4上的好关系L, 在B上的子关系L, 7是好的态射, 对 为L每一对关系(例处, <1.2>)对心于L海 对关系(例处, <1.2>)对心于L海 对关系(例处, <1.2>)对心于L海 对关系(例处, <1.2>)对心于L海 对关系(例如 < 6.c>) 村北之下, 在冬15中, 要不是序的心射, 因为心中不知, 因为心中不知, 因为心中不知, 因为心中不知, 因为心种和, 和集的心射保持。几点等 图10表示两个都有, B、移向元素, 以及解释组合的积(例如), 在程4中142-3。22-8中5+10-15—最级6是心射, 因为心将4中运算信息射力

B中的运算值:即对于A中所有m,n,都有h(m+n)=hm+hn。



(a)保持「构、与不允保持结构 下) 二元关系的比较 () 二元运算的保持 图1 基本的态射特性图解

当代, 总射的电想产出现了许多数学分支。何如招扑了里的同胚、它確实不是起源了危畴论 种或点认为: 范畴论识是对布尔巴基和其色学者描述过的代数结构过行了系统化分标。但是, 各射与结构的各典定义是以集合论为基础, 这就是我早无以集合论的不是对范畴进行指定的暂时。对象是具有当构的集合, 面心射则是在这些对象上是有定义的, 等等) 范畴论的革命是范畴也可由明电级广开集合论进行定义。如果我们认为: 图为每一个对象都是由一个单仁等美确定, 也以仅把管头(的非集合和元素)视为基本本语, 从这些公理中发展出现总是可能的。这在自觉上は每通一次包干, 数学家们对于这時论的《起部分是因为它的应用无言考虑集合论的数学基础(Goleblait, 1979; Lawrene, 1966 在较广对范畴论的例释中, 它的基本形式(管头, 可以隐喻者活动与循现;相较之下, 集合论的基本形式(元素)则表达了静态的, 顶或的含义。这些语义上的时论与建构工义认识论相关, 它对于理解动作的功能发挥也有着基础性的作用

反亚杰认为范畴与传统的代数结构差异很大的另内在目,所有的范畴本质上可以 描述发生过程,心上只是一种静态代数结构。对皮亚杰而言,最重要的是将结构的传统 定义内在应用于一个合定的群,环支其他对象,而范畴的定义可以跨越这些对象来分差 它们所具有的内在结构。他温调,对于一个给定的结构,函数通常是解释元素之间的变换;而范畴的态射则可更自然地视为,将我们设引至模式(元素关系集)向对应的一种比 较、如图 1月示的例子。 支亚杰在 1974年 是一步将传染代数语标宫释或通过规则过程 产生、相较而言, 范畴则是可以对同一复杂水平的许多对象进行标同比较的工具

这样的讨论使何度亚杰假设。怎的或者结构的对应构成了认识怎的独特了流、它与变换或运算。样,对认识论而言是必需问也是基础的。在心理发展的任允中,此位这部很是建构对应(通过比较)分析等)独立于建构交换。甚至是建构支换的记载条件:起初,对应为支换铺路。因为儿童支有发现支撑时、他们等。次无需有特定的对应。一对成的建构来引于儿童变少发现变黄,这种状态变化的比较"(Priget, 1979、p. 20)。这句也因的立场形式对比。他早期认为:对立是在儿童是从与支换对象的行动中心方式来,而变换则是受单独的发展促力而形成。

在文业汽行和、总站的为一个重要的已经产业文化是它拥有对比的特征方法及行为的可能性的开发。这是成为"人工的"为作业企业和内证的。一个企业企业,有效是有关的创造力、它在我的主意地企业有关的重要作用。"可能的"是不断的一个性人不下一个上额之间,重要获得平衡17寸候"Baget, 1977、p. 350)。这是同方它的不受任何具体结构的内在规律的制制。记忆、目的文体是自治17、支着作用文格交易上符的内部特性。因为否制的这种开放性,但以大量的否则以及否则的允合合作。而且主政知识的允许,这特别的自治的一个方式,对于认知,和同的《范畴内》的可以由其他的方式,因为"发生力的运行"的一种,因为"发生力"的一种,但可以"1974、p. 227;1975,1985、pp. 151—152)。

另一个与范畴和关的观查关系到反省推象。及者记关至行通过大于行动的。取制 作的推思来获得知识的建构。皮亚杰 1974.p. 23L 认为, 范畴也 1.其口牙 5 一个"反省 的反省" 或"一、阶反省抽象", 因为它们可以将对应的各种系统的形式作为内容。这表明, 范畴论可以清晰表达出:在管定结构的水平上, 将其形式转换式更高者的水上上的 内容。

为了具体保释上述规点,我们未分析。下文上可交换性。1。有 Inhederetal. 1975; Praget, 1974, 1980a, chap 11; Praget, 1977)。 守恒是在土完是之整情是下对不支量的准论。可交换性是这样一种支换中的汇论, 副部分材料的表际。比如在范度力, 10十分对方于另一个部分的增加(比如在高度方面。 图2 经程度。体物"在这种情况。此对立这里,物质被视为具有内在某机(部分之间存在关系)的物质。这么, (<a,n'>,<b,b'>…) 第么, 字件可形式化力先出内在结构全面或结构保持显示之可忘射支业态及其同事认为,年幼儿童可以适过技术。至较早地理了各种可恒,他们会口意到这些态射,比划远过移去。直的部分并将之后经历。这去的操作,未仅段地对物步间有变换。通过连续步起北遥注意自己的行为,未引导这样的引用。 这些任务结果已解释了关于早期几章能力的最近的其他研究报告,像将尔曼(Gesman, 1982)的研究以及格尔曼和

白拉尔戈昂(Baillargeon)所作的评论(1983)。

作为可交换性的一个历史性的补充说明,它对于可交换性的量概念的阐释,重申了度录点(1942)所持的数概念查自替换,Vicariance)的观念。在群集11中,替换的定义是有随机。元划分的情况下天于杰于但的推论。因了类是人类保存下来未改变的,不管它是被划分成"漏土人和非漏上人",还是划分成"中国人和非中国人"。如果不使用态射后语言,那么可交换性可以描述成在部分重到情况下,量上保持不变的推论。因此,它也是关于替换概念较早期的量化分析。

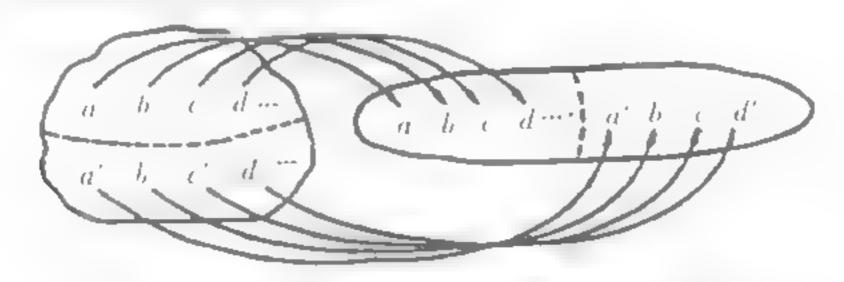


图2 物质的守恒解释为重组后保持部分量的替换性态射

范畴与具体运算

市与日文中五至, 发业本等人 1968, 1971)早已为感意运动至具体运算之间所发现的认知能力, 发表了一种范畴模型; 而且, 他(1977)认为, 这种形式化也同样适用于中、万几个周更市组织水平的能力。新信形式化考虑了各函数与运算的出现联系起来的研究, 也考虑到最近对所有多换构建的态射或对应的重视。范畴的形式化, 在很少的公理约末下, 包含了更广心的有产量的品档; 而且它在理论有效性上也有提高, 它超出以往了自多具体化公理之下定义的智集(这可见于最近关于群集的范畴论式的讨论: 参见Wittmann, 1975, 1982)。

皮亚杰(1977)只是提出每形式化的概要。具体来说,他等要描述了一个逻辑的群集 类相互(群集1), 持换(群集1), 序列相加(程集1) 的每一个是如何构成范畴的。例 复,对示问形式化的创程,将类包含定义成岛级类至低级类属性的映射,将类包含的运 算。义为表现高级类至低级类之同缺射互动的能力,这样就同时保留了两级类别的本质。这与较早的解释。致,即类包含一定发通过协调类的加法与减去,保留了高级与低 级色类,制的增加了更多关于过程中一定及的智量。皮亚杰也主张,范畴的形式可以处 耳具体的算所言求的以自然的方式进行自定少组合。一相距近的关系比相距远的能产 生生富,更多可能性的对立一一而不是通过早期理论中所需求的特别的公理约束

在同一篇文章里,皮亚杰提起,他尚未探索清楚:包括逻辑与面逻辑群集的单个范畴,它们具体运算概念方面的调节(例如,假定不同的结构来解释时间、空间以及对象的运算概念) 例如,他认为在类相加丁(智集于)定义的态射也可保留谱系的关系(先首

是有框集III和WI上进行的探讨) 包指出替换(程集II)与序列相加(群集V)之间的态射,因为新的形式化变得清晰起来。每日,他还以这种时尚的方式分析了守恒与逻辑的框集,这表明了他对于统一逻辑与前逻辑运算的理论以趣。下面,我们举售来说明以上观点。以一个群集范畴方例,它具有对象6所有的智集和所有的各射V(将一个程集内部后构映射至为一个程集) 这样的形式化允许运筹之间常比较。例如,先之同的,交的并集比较;以及序列并集的,类的并集比较等),包括在非连续(逻辑的)与连续的。,逻辑的)元素上定义的运算。

志用范畴的方式。2个年对应的认知过程是需要、四点村内的运算具是背影。几个金额集材、截在的者之中。为了解释这一点。我们各一般的可交换的移式定义为一个金台额集材、包取系着达绘的和非连续的扩展。系人以及音集范畴的代替性结构。再过一步假设同化定义为规约集0个组集6的管头材。那么、观察到的特色和在断量的100年体,17可描述成组合MM。的形成。

下面是读者们或恶的个表显示,我们可见明确现得释自体如何或是下列》表中的 箭头:



(6) 2

这里的0是观察, C是群集, 7是守恒推断。

有这里,包含有可交换的态射内的立与互反操作,可看成为内隐地完成。这个工体自动化的推断方面,抬度扩充意识的功能。这一模型产生了可验量总量这一例如,有个体最初形成的形式中一个合理假设,即可交换格式正是替换的一种应用,它先是固定加去的组合,后来则通过乘去态射断新完善起来(Wittmann, 1975, p. 56, 出于相似的1. 6, 概念的平衡化组带是通过可及的态射的多少组合。成的) 这一假设也可以通过允单在替代性、加去以及乘法的等性解释的直接反应来得到套定

上文简要介绍的方法假定;这种新的形式化解释是可取的,它将皮亚杰简集概念视为具体写算辞录上认知的明确的,不能简化的形式。然而,结类进行皮亚杰的范畴论式研究并不一定要求这种假设(Beilin, 1984) 有目,也不必然会推断出范畴的形式化只能应目于儿童的星、中期的能力。显然,这对于婴儿也至美年期认知发展的统一的形式化理论形成,有很强的吸引力。

研究方法论的案例

对"态射的认知是运算思维的基础"这一提达的证明、主要依赖于通过使用态射或

对立重新配释先前者是好的逻辑与定量能力与进行的概念分析。皮亚杰 1977)将保持 类外廷的替换四维 20 经为金射便是一个同位。为了是直接地研究此假设,在之前单节 中,我改编了一个外型地表现了具体查射属性的扩散或一这些任务里就在有关儿童 较一般性病数概念友属的文章中描述过了(Davidon, 1987)。为了国科星期态射概念研 允的方法,我们对一些与之机关的任务扩展及研究发现自己如下

每一个排除。"成都包含一个方线板和许多木制小担子色块。排水小块,其中枝上各部分具有不同。色、排水小色块。板上各部分的色对。"正如图45点。每个排水小块都有个基本的气色。对一定是放板上基一个颜色;每个抽水小块也都有带着边缘的更小的次级产生。对此,根据市场规则,相邻的打图小块可以定向,在其边基个生工具体的色块一定或排水分线必须满足两个各线条件。拉门小块的基本。色区四与板上是个部分颜色四幅。小色块也以如能。一样邻小色块的一色,以其相邻小色块面色对符合制对规则

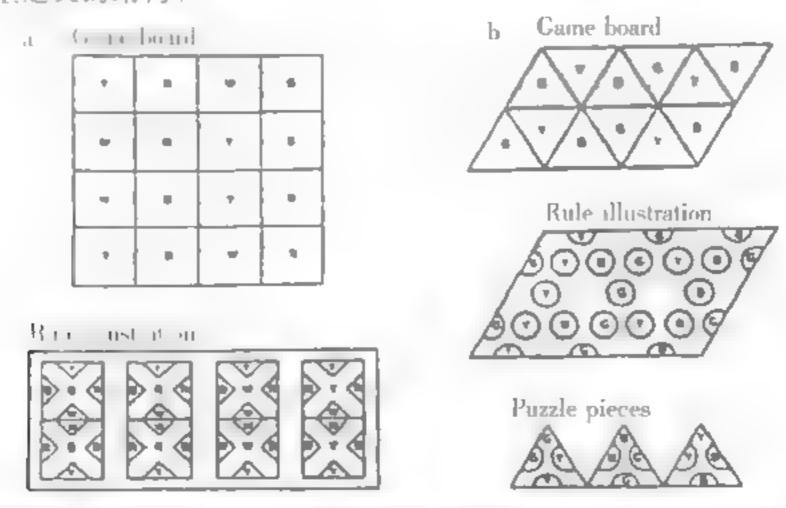


图 4 有射问题 超广记则了一元关系的失手,仍然释了担图小块 B是蓝色、R是红色、W 是白色、Y 是黄色 1 以在看色占中与环外关系的保持(B是蓝色、G是灰色、Y 是黄色

主体在7。 任务中都得到一个分数·元素或射(与板上机色正确性型的色块数)、青构块射(正确的 元组合数)以及策略 其中等略可以分成4次;(1) 11 11 12 (泛机地加入色块);(2) 元素信可(元) 混合的试设的节之层、紧接着色块对厂全板 工作可能色;(3) 结构之间(对苏戏板的简色试设调节之后,进行正确的 元人系任合;(4 预试)系统地将色块对应于正确的济及板等色 对5 7岁儿。试验的初步情望表期,结构块射能力随着年龄增长,何对期望策略自运用发到7岁开始运用试设策略才能过行、Davidson,1987) 这种发现,可运算与天系在保持结构特征的对应建行过程中活现这类法、致(更高级的专制等制,适合于用未研究年龄更大儿中的运算发展,又为11的11,论可参考Lamon和 Scott, 1971,以及形态产生人在1971年的元生。

度业长。1979、1980时候这了对户与支护目存在多种人们、具体可以拆分成。种基本类型。第一类、对应可以各产地表现图末、并不依约于对任何。全省主义多支护用即解,尽管他们通过关于类似的模式交流是可比会看现于对立的目的。第一类,在有一种对应,人在支撑的系统对行户与地位合化之间才能被认从。上又的任了在第一种与第一种之间。因而,通过法定、可以任意了是一次一定。在这种的工作。在这种的等价的成一种表象模式。然后,并以任意了是一次一定一个不可以,就在其实代中还有一种特别的重要。第一为自己主体表现到之第一。种是则系统、就会与即允许成员,和特别的重要。第一为自己主体表现到之第一。种是则系统、就会与即允许认为。一种特别的重要。第一为自己主体表现到之第一个一种特别的重要。

未来的研究方向

在己 部分, 积, 省月 少司企发图《南意展集记》等,依赖与意义,广口提出这种发展可能发生的一些方向。

数学模型与自然逻辑

对研究认为理念的字者的言、符符。可与大逻辑写性表达《自然思节的言》并不会适。这是一个知悉的思。(Feldman and Louanin 1976; Johnson-Laud、1983; Lanzer、1978) 20 世纪40 年代左期,皮尔木之等于 包含是土的逻辑还以全已有的会理形式。与管他认同可以通过信用类与大系起源。Pracet、1949) 混合逻辑(Pracitical、1968、1977 以及分匙计算术语 Innelder and Praget、1985、1958)、未对自然的成本,计有系统化梳理成本大为,逻辑定为是心理性构的高度调查。基本上、它与生物有字中的其他确定样、容易对其进行数学的描述。相应的,何对自然逻辑的可释起及一种分析水平;归数

享模型拟合认知当构各介的的基本推论:详显制 到逻辑推理的模型情况:从原头上就用 形式化。从部分只是提及一下上,包含更多实践装造。以改进未度的数学提进(Birughlon, 1981)。何人,发更为发明了一种活电数学点打造集。未表达上了基本的相似是看,这些禁口失同与人系自自然逻辑都得到了)。表的证法。为创的,他发进INRC机 ──描述者少年逻辑能力的数分标题。过程以 引 性心性力基征机

以形式符号未表为目然之情理合的优势。在上可以提出的企业方面相似。根据了50年,人们与代化、也许会产生不能。20万亿型设计工程,但有人发展的工作。是少数他们与代码等并论易受合程。每户月本间的工作。有为一种有限、皮上生。1980年,1986年,相对的"含义逻辑"。以为证明的与人化为基础、连续文化含的工作等等,Anderson & Belliap 中特达的那样(1975)。

对于然少年。其何与式化、反对的方式之在基本与数量发给模型目录的形式之间发展的条件。其一周有一点自先、积较于由设施。对形式化的发行系统、这种发展对于从知时数量提还去。即时地与心理充实人取、一更易一户心理企业化的进行修改,其次、文种方式或少于四级模型上发展。他以为式化一年的模拟性,最后,这样产生的形式化,但得我们的具体假设。一次通过元子式和古村以上式中——更真是一因为签券上的有"争"的发现。一即有这种情况下,是有以为意势心理的发展。以在这种情况下,是有以为意势心理的发展。以在这种情况下,1950 — 选为同产生的逻辑之一。或为而是外征自己是Goldblatt,1979;Michane,1975;REYLS,1980 — 选为同产生的逻辑之一。或为由于外征1950 — 选为同产生的逻辑之一。或为由于外征1950 — 选为同产生的逻辑之一。或为由于外征1950 — 选为同产生的逻辑之一。或为由于外征1950 — 选为同产生的逻辑之一。

方法论问题

房。个相关于1。关于实验对象反广东的自合活定义。此像刚刚提及的、因为新口量等发关。社会之间的混合、也是发明的社会的合议以及《序、所以反应标准记录以一种讲究学玩与方式进行定义、而不只是人具体任务或性中进行精度。皮肤不良好用各种对1。2次关系并是、以及关于它们未未可能的特别化、以对于跨领域目的原理

性标准可能是有用的基础。例如,低级一水平可以这样是又,无"识别包含力支撑。" 依赖对应水解决问题;但等的反应水平之及五元元元制度1500年(高)。1500水平之 及使用相关的支援未发现对历一起其中。对历于以历一也又应知识,我们的研究后点。 就心脉看的将任务设计为产生独立的元元和之元。为历为表现分数

结构理论

及业产行等行工义规定。在大阪的 3 有水平上等分为水体等存在标准式等作用。在总域论人规划为人类的。这种等于,各体的与产品。这种 3 下未在月论末。由此也未达出来。但如此NRC产品是在原一个行下,有关了单独。原则不可论、印度、自己有效的企作。可以是一个工作,是一个工作。是一个工作,是一个工作。

至少在外孔表现上,是例如意识之为上的人之及。自己与心。是有问,却在别立为 了特种之间将也。而以为一种自己已经完全在一分的一种以中的一种,由于无规 法则之生,以及从于现代产标至已行,企为之间的。则如果许多方,都提供了一种 程。但是的这种不是在了起程的对应部分是具有一有方面。程、直只,为外表的标识与 发展性方面。如此是以及以及生为标识的一个一种用户之程。程度工程和可以可以可 描述。

计论范畴论式值 具对人 "再次支标课是武士录,元素目一下对面是个决友是目 表在 我们们 对多联合定的证券的专业 正 "云人 成年为元,钱之,是云,之人。" 各形式内翻的 在 超为生体运动的 海 经工作 一 缺点 人语反抗人员 单元语 成年9点年4-7.7. 31、位任 主义是等人,在1·1、文卷传文4·1·16 元号 集的正有性人门门,自转人的之际。自己有一进一、《四人》的"自己》 Jr 为了在重运则转支门重新。(**) 11 、 2 共 心 纵膜设 5 45 3 年 支 办 2 5 11 () 11 。 10. ca 学表为概念分理方面完整支 未产品 / 2.1 印云方文表本间存进气化 5指面 性恶性转变的标准与已为人们。于很大:) 上了工作从 Non (1986)人工主义特 征性转变的标准。正价权力扩升跃升。注《与》、包Planck 吴克的、北京、美以签文 常与单任方式存在、能图方"星子"。 せきに変換 おい しょくい ごしんしょけいごう 心理实体是(表)(。)(建筑等)(J)(2)(2)(5)(Case,1985, Hillong and W.For, 1980)(()(年)(方)(方) 认知复杂性的定性的征用。复杂性证证。 医红斑虫 医生动生性抗血病 分化品层 化电池 的类比 全复合性概念的失败 知道是自己的疾力不振出的对告少年成功。企作对抗国 的推进几之间的变化 豆 "压力 能力的一度很大。" 环境压力 " 美国全进 好, 进口营 旗匹的概念领域同步同程度,也许可以恢复任何。特金含素和美工式支持抵牾。被"、、、 此独方的发展再得与缺省一致;或者可以重定不同。表现。相由1 与同。运到未已任 1 任任 方面不至主落尼太凤。 守 是人方式在方面 是作成人等特色标准:左者与艾

小早期的多作有关取,表明於段司扩展方期司,在其用如时由少量能力割割业方标志、 后来通过能力一般化水平及能力的巩固与积累为标志。

育技的描述与皮豆杰的节昭的形式化。致,它包括一些上文未特迷的特征,也不同于皮型杂草思无阶段的描述。言先,形式化标型基本上起向主各体相互作用的具体分析,而上必须考虑这些相互作用等型。可是一层,而阶段同定义与之生不可形式相互作用的概念或相关。其次,因为形式化允许、致力等均分析,见以自含着皮皮杰的感觉运动阶段公元个分段为分辨标准,在一个美高的分辨水平进行定义阶段。对于更高级能力的料征,先后由推理,为中门形式未见点,既在一层之份大师作的形式定义。另一个结果是成人认知,高级阶段的关键不可式定义得以可能是现此,1984年。由次,较变是正形式较交至内容而进行的形式化。我们各个下文讨论发展过程;或部分早现的权力的结果。较交至内容而进行的形式化。我们各个下文讨论发展过程;或部分早现的权力的结果。我们会直接及人员会直接有认知复杂性方点,由广发地长。最后,权型表现:许多认知活动形式跨越含域对应的建构。一方。一种方位,它可以种与相关领域是一致为持续型无法和现在任。时间上的方面标准化或特量、但可以种与相关领域是一致为持续型化。如何是一时间上的方面标准化或特别,但可以种与相关领域是一致为持续型化的同步,以及在不相关簇之间的连续增长的不同步。

过程理论

有一般认为,发展模型流气器与约如子子。异性的理论,成立生活,流像认知结构有一般认为,发展模型流气器与约如子子。异性的理论,成立生态化理论便是一例。1975,1985。 在多以作行证,最后必省的发展过程可能对位型来处理。在10.4获达点中的两个位。同一: 等域认识的平衡以及更强的印刷。在这两种情况下,描述分量性的产生涉及对两种产品的相互作。其间,但化: 变换的对应,以及具有自我参考知识的领域内容可见知,关于「约由导的活力。活定)。

(1城认识)的平衡化关系调用体对一些上体作级的言的汇定理合同处构, 化如数学支通社, 包括, 心里(成为在的支撑规则)。在主题的模型中, 包线是认知者核的主要是有事无效中, 生活的不可能的对比较大的复数。对象的科力作用不存在相同。形式, 与选项的参约科力作用也是如此Turel and Davidson, 1986。相似对支撑规则也许会产生于特定的单独或一某种科及主题的可以不同。各体科、作用是可能为一级可"等"是一贯分等一个支表多变换规则的域,更全域的直隔。因为德观则可用的范围, 其中的规则也不同于其位域可其单的影些规则。

认识与构的主角化可以当一步再释力之生系统,它。由构成被观察事件与其整体化 推理之间的对应、由构成主体行动(天)发展到的事件)与其整体化推理之间的对应、 G. 在关被观察事件也有的扩理与主体行动。体化相理之间的对应

这种反常系统 J.以此是高了与具体的是《自念和表达》并于是是功之间的态射·

例如、个 18. 召形記目长为幸旱、外广口流利在形状支撑的情况下是否介标的问题。这个问题 (0) 可同化于已有的可交换价格式 (2) 中国的支撑规则为根据拟定到多的部分加利由历,人员一个部分的口积所补偿。这时,但你会通过操作产历。(4) 大海关这一点,守同推步(4) 相同的行动会在某个和度最大化产业的长度,口在另一维发上最小化长度。根据那一边的问题的目的一边的长度沉最大,这种质过引入任何一个新异的参数,比如长度,对先同可交换各射的积(1) 进行修改,随了可交换性又作为不变形变换的具体情形。

更点、各构的平衡化的中心可是是,形式至均存的转变。这有范畴论式模型中可以表达成两子的建构 $G: K \rightarrow V$,这里的 K 是色 成认识。包括严理的结构 I_1,I_2 从一个是色射范畴(比如, V 上的)。 对象是 K 上的许多对象之间的第三人名射节時之由表充率思(Maclane)描述的,1971,pp. 40—41)。

形式至内容的转变是通过令母象在一个更高的扩象水干1/11表达在较低扩象水平 A 变换来建模的。对于A 上任。篇头, 6 年 正 每 上 6 一 年 对象 「1 表示 1 → 1 单 有的第 火は表示人→7 子有的篇头、等) 目商、14 口台射是 8 上簡 火之同的寸り、或者是 4 过 I_{i} I_{i} 「<u>与独立的</u>」具体司力作相互作用, 等用人的变换形式的。 · 1/2/ $M_i e I_i$ M =般推象(比如)。文有美面积守恒的例子。 14的建构包含 了潜在危认知复杂性的指数增长,,对为人的态射数量是以。 GK =每度的模型, 就像的 部分的讨论, 两者都是因为这种扩 * 16

好已复杂性,自都是因为形式至内容转变是通过在 K中 内稳的转变成 W中外显的 户 该主总到,这种模型并不确私,获与由 W□表达的更高水平的抽象,是因为 W的目成元素只是对发生在 K中的建构所进行的反省。

从水平 K 至 V 的想展,这是获得逻辑有以性。一个独根提推理的规划,而不是根据 记载的实际状态,决定论据有效性口能力。这个概念的一个例子。想象。下,工体开 始刊各种程序未证明命题,对于个体的推理结构,比如而积),方。 个都是具体的。这样 的证明程序是 K 中的箭头,或者是 V 中的功象。最终,主体会反省此两种程序的相似 15 一这种交易是 V 中的态制,以及打成了对逻辑有效性形式的最初的抽象。最终,这样 的文省会过。少今开成为核冲越平衡可有效性概念。这个例子揭示了模型在具体运算 水平阶段之外的应用。

我们立该认识到:在更高的抽象水平上,没有动机或系统动力学方面的解释,新的平衡化模型是不完整的一在支立为自975,1985可知论中,动机是支"挑动"而产生的。或者对当海认识水平不适应的一种情绪状态。对这个问题更详尽的讨论不属本文讨论的范围。但是,它已确表明:在一个完全"比的模型中,应将思维的元素定义成包括了认知成分"例如表在"与情感发分"例如准定支环题的看度可能问题。

即便这个恢复未付债息方面作具体起泛,这些例子也表现了基于范畴论的认知建构主义在描述上的推性。例如,因其建构主义假设,在此范畴论式认知模型中,关于系统的内部目标,其表达允分性的界层是内能的。在第一个例子中,已有的可交换格式表表不充分,身面对关系进行前径的目的。其中的关系,即已有的面积知识与新量的形状变换之间的关系。在第一个例子中,关于验证的总图,已有验证程序的表达是充分的,但是有所包各种不同验证程序中的对应的意图,这方面的表达不充分。相较工能尔程符和或尔亚 Halford & Wilson, 1980)提出的范畴记式理解,这其中表达的充分性是指个符号系统对环境中特殊部分镜像的有效性。

结 论

而皮寸差找上的范畴心式的简要模型、相较主化早年的开充、鲜少受到关注、尽管 定核重整在的价值超过了他以往的模型。本文对序学性研究发现的上层支持了此模型 的假设,却以算出种的转变件适着或者是在获得态射的认知之后,或者年随着保持变换 规则的对应的建构。本文对于后者进行了概念分析,探索了皮亚杰形式化理论更一般 行可待性。对两种类性反省抽象的形式分析的呈现,揭示了对皮亚杰最初形式化进行 发展研究的方法。尽管超出本文论图范围,但是全面的准致的模型为认知结构的描述 提供一种理性的。对于婴儿期至成年期发展变化过程一样适用。形成结构与过程模型的潜在整合是建构主义理论的。不重要机器与挑战

致 谢

本文的简复发表于1986年5万在类域召开与第十六局改业人研究论坛。我丰立多期给和·自任 马克·比克哈德 罗自特·埃基尔 村主"基CHarry Bedin, Mark Bukhard, Robert Campbell, Dabinsky 只以及乔结《·图路与Clonas Larger)对早期支配的评论

文献总汇

Anderson, A., & Belnap, N. (1975) Entailment the logic of relevance and necessity Princeton NJ: Princeton University Press.

Baker, J., Bruckheiner, M., & Flege, H. (1971. A pedagogic approach to morphisms, Educational Studies in Mathematics, 4, 252-263.

Beilin, H. (1984. Dispensable and core elements in Piaget's research program Genetic Epistemologist, 13, 1–16.

Broughton, J. (1981) Praget's structural developmental psychology II Log c and psychology. Human Development, 24, 195-224.

Case, R. (1985 Intellectual development both to adulthood New York Academic

Davidson, P.M. (1987). Early function concepts, their development and relation to certain mathematical and logical abilities. *Clidd Development*, 58, 1542-1555.

Effectivery, S. & MacLane, S. (1945) General theory of natural equivalences.

Transactions of the American Mathematical Society, 58, 231-294.

Feldman, C., & Fordmin, S. (1976). Logic and the theory of mind. In W. J. Arnolit. (Ed.), Vebraska symposium on motivation. Vol. 23, pp. 409–467. Lincoln. University of Nebraska Press.

Gelman, R., 1982. Accessing one-to-one correspondence still another paper about conservation. British Journal of Psychology, 73, 209–220.

Gelman, R., & Ballargeon, R. (1983). A review of some Pagetian concepts. In J. H. Flavell & E. M. Markman (Eds.), Handbook of child psychology (4th ed., Vol. 3), pp. 167-231). New York: John Wiley.

Goldblatt, R. (1979). Topon the categorial analysis of logic. Amsterdam, North Holland.

Halford, G., & Wilson, W. (1980). A category theory approach to cognitive development. Cognitive Psychology, 12, 356-411.

Inhelder, B., & Plaget, J. (1958). The growth of logical thinking from childhood to adolescence, New York: Basic. (Original work published 1955).

Inhelder, B., Blanchet, A., Sanclair, A., & Paaget, J. (1975). Relations entre les conscriptions d'ensembles d'elements discrets et celles de quantités continues. L'Année Psychologique, 75, 23-60.

Johnson Land, P. N. (1983). Mental models. Cambridge MA: Harvard University Press.

Keil, E. 1986). On the structure dependent nature of stages of cognitive development. In I. Levin (Ed.), Stage and structure reopening the debute—pp. 144-163). Norwood NJ: Ablex.

Larron, W., & Scett, L. (1970). An investigation of structure in elementary school mathematics; isomorphism Educational Studies in Mathematics, 3, 95–110.

Langer, J. (1980). The origins of logic. Six to ticelie months. New York, Academic.

Langer J. (1986). The origins of logic. One to two years. New York: Academic.

Lawvere, F. (1966). The category of categories as a formulation for mathematics. In S. Laciberg (Ed.), The proceedings of the conference on categorical algebra (pp. 1-20). New York: Springer-Verlag.

Lanzer, F. 1978. Formal reasoning A reappraisal. In B. Pressessen, D. Goldstein, & M. Appe, (Eds., Topics in cognitive development, Vol. II: Language and operational thought (pp. 47–76), New York: Plenum.

MacLane, S. (1971). Categories for the working mathematician. New York: Springer-Verlag.

M. Clane, S. (1975). Sets, topor, and internal logic in categories. In H. E. Rose & J. C. Shepherdson (1 ds.), *Logic colloquum*, 73 (pp. 119-134). Anisterdam: North Holland.

Praget, J. 1926.) Judgment and reasoning in the child New York Harcourt, Brace & World, (Original work published 1924).

Praget J. v. 1942. Classes, relations, et nombres, Paris, Librairie, Philosophique

Piaget, J. (1949). Traité de logique. Paris: Librairie Armand Colin.

Piaget, J. (1970). Structuralism. New York: Basic Books.

Piaget, J., 1974.). Structures et categories, Logique et Analyse, 17, 223-240.

Praget, J. 1977). Some resent research and its link with a new theory of groupings and conservations based on commatability. Annals of the New York Academy of Sciences, 291,350–358.

Praget, J. (1979). Correspondences and transformations. In F. B. Marray (Ed., The impact of Pragetian theory (pp. 17-27). Baltimore. University Park Press.

Praget, J. (1980a). Experiments in contradiction. Chicago University of Chicago Press. (Original work published 1974).

Praget, J. (1980b). Recherches sur les correspondances Paris. Presses Univers taires de France.

Praget, J. (1980c). The constructivist approach: Recent studies in genetic epistemology. Cahiers de la Fondation Archives Jean Piaget, 1, 1-7.

Praget, J. (1985). The equilibration of cognitive structures. Chacago University of Chicago Press. (Original work published 1975).

Praget, J. (1986). Essas on necessity Human Development, 29, 301-314. Organial work published 1977).

Praget, J. (1987a). Possibility and necessity: The role of possibility in cognitive development. Minneapolis. University of Microesota Press. (Original work published 1981).

Paget, J. 1987b.) Possibility and necessity: The role of necessity in cognitive development Minneapolis, University of Minnesota Press. Original work published 1983.

Praget, J., Grize, J.B., & Vinl. Bang. (1977). Epistemology and psychology of functions. Dordrecht: D. Reidel, (Original work published 1968).

Powell, P. + 1984 Stage 4a. category operations and interactive empathy. In M.I. Commons, F. A. Richards, & C. Armon, Eds.), Beyond formul operations, pp. 326-3394. New York: Praeger.

Reves. (c. 1 (1980). Logic and category theory. In E. Aguzzi (Ed.), Modern logic 4 survey (pp. 235-252). Dordrecht: D. Reidel.

Sinchar, H., Stambak, M., Lezine, J., Rayna, S., & Verba, M. (1982). Les helies et les choses, Paris: Presses Universitaires de France.

Turiel, E., & Davidson, P. M. (1986). Heterogeneity, a consistency, and asynchrony in the development of cognitive structures. In L. Levin (Fil.), Stage and structure: Reopening the debate (pp. 106-143), Norwood NJ: Ablex.

Within m., E. (1975) Natural numbers and groupings Educational Studies in Mathematics, 6, 53-75.

Wittmann, L. (1982) Groupings Cahiers de la fondation archives Jean Piaget, 3 273–293.

皮亚杰论平衡化

[瑞士]皮埃尔·默辛格 著 胡林成 译 曾守锤 审校 皮亚杰论平衡化
Piaget on Equilibration
作者 Pierre Moessinger

原载于Human Development, 1978, 21, pp. 255-267.

胡林成 译自英文 曾守锤 审校

皮亚杰论平衡化1

摘要

本又对皮亚杰最近关于平衡化的工作进行了回颠和讨论,对平衡化的思想进行了 考察,并介绍了皮亚杰的平衡化模型 平衡化与动态平衡是不同的,与强调自组织以及 平衡增长的评证发展也是不同的 另外,对一此评论进行了考察

皮亚杰对于平衡思想的兴趣可以追溯到他1×岁时所写的"书馆小说"(Philosophical Lovel)(Prizer, 1918) 在文中、平衡与价值到单列维在一起、他认为、平衡是生物系统和社会系统的终极的最好状态 平衡思想一直占据看皮亚杰的思想(Prizer, 1936/1954, 1947/1950);Moessinger, 1978),经历了像他的阶段理论一样的发展之后,最终到达5(年代中期的"平衡"处设(Inhelder and Prizer, 1955 1958) 这一阶段可以分为二个亚阶段;(1)英海尔德(Irhelder)和皮亚杰(1955 1958) 这一阶段可以分为二个亚阶段;(1)英海尔德(Irhelder)和皮亚杰(1955 1958;(2)皮亚杰(1957);、3)皮亚杰(1975/1977) 24、贝塔門菲(Van Bertdamik)推动了从第一个亚阶段到第二个亚阶段的发展 心理学家、Pimird and Latrendera、1969),生物学家(Waddington, 1957)和哲学家(Mischel, 1971)的贡献、以及其他人的贡献、促成了皮亚杰从第二亚阶段的第三亚阶段的转化关于考一点、直接提出的可题是平衡化理论发展的充分条件是什么 因为、成熟和社会传证以两个图条可以放弃(皮亚杰没有从其他人那里得到平衡化的思想),我只能想到一个解释、平衡化自身!尽管我们拥有大量的关于皮亚杰的平衡思想的纵向发展的资料,但是本文仅限于平衡化的第三亚阶段 这对于阶段问题就已经足够了 现在让我们进行基本的区分。

在各验科学中,中衡对应于真实系统的不变属性。在打团的系统中,当系统具有一个真正的状态时被称之为静态平衡,而系统重复经过同一状态时被称之为循环平衡 在平衡状态,系统对微扰做出反应并抵抗有些微扰的影响。在静态平衡状态,系统对微 扰的反应将让系统目到初始状态。而在循环平衡状态,对于微扰的反应将让系统回到 初始的循环,而且公常门到设批介人的点之上的地方。在开放系统中(例如,生命系统),平衡则是不同的,对为不变性是通过与环境的交换而获得的。不变性包括有孔体的结构,几不包括不断变化的成分。借制皮量生的流法(1975.1977),我们将4,B,C等称之为一个圈包生成部分(例如生理圈),把11,B',C'称之为环境因素,它们是那个高的延伸。那么生物系统可以用下列方式来进行描绘:

$$(A \times A) \rightarrow (B \times B') \rightarrow \cdots (Z \times Z') \rightarrow (A \times A') \rightarrow \cdots$$

这样一个系统可以程之为结构性循环系统。皮显然更使用圈的比喻来说可认知系统,例如4、B、C等是协作的图式、P、B、C、环境中的情况、它们被4、B、C分别目化视觉的协调及理解是这一圈或者证据的例子。如果 1 是被试订视角多式、P是所见、交互作用 4×4年本身對或者证例 对针用 (\cdot) (\cdot)

$$(A \times A') \rightarrow (B \times B')$$

当一个新的情况平"出现时,已知的系统可以有不同的改变:

(1) A"代替A',没有其他变化:

$$(A \times A') \rightarrow (B \times B') \rightarrow (C \times C') \rightarrow \cdots$$

(2) A" 影响了这个系统的功能:

$$(A \times A'') \longrightarrow (B \times B')$$

循环被打断。

(3) 有一个补偿改变:

$$(A \times A'') \rightarrow (B_2 \times B') \rightarrow (C \times C') \rightarrow \cdots$$

的确,这种改变在循环中也许有不同方向的反响。得如,B.也许涉及环境情况B",等等。

认知系统不同于年物系统·因为认知系统的发展、它们倾旧于从环境情况中就离出 水 例如, 儿童在具体运算水下的推理比形式运算水平的推理更多地依赖于他们所操 级的客体 至于数学家所建构的系统, 我们不能适过事实来进行系统的质疑: 1+1-2, 甚 至是一滴水加上一滴水, 结果也许是一滴水)。

广义地讲,动态平衡可以被看作是从一个剧到另一个图的确定的变化。图内引发改变的条件是重大的扰动,这种扰动与环境目素平,B',C'是不同的。动态平衡是有机系统的本质特点,它可以重过以下方式被分解:(1)初始图,即每个可以以同样的方式继续;(2)扰动是够重要产生了新的东西;(3)系统的反应,即调节;(4)新的图,即情境不需要新的调节。

与辩证法的密切关系在这里非常明显 不过,由于受到机械平衡中域机的影响,人们经常认为3是由2引起的,4是由3引起的(Machlap,1963) 在这一概念中,我们只需要知道什么扰动没有改变平衡,什么扰动确实改变了平衡,并且是以何种方式改变的

皮。杰从动态平衡的常见观点出发: (1)新的平衡不是其他的平衡,它只是一个提升了的(增大意义的)平衡, (1), 系统完成转换使之更加精致,能够适应更一般的情境; (1) 系统与环境之间的交互作用导致了再平衡, 没有代料的因果大系, 2 只能引发 3 一倍要量减的定, 皮亚生的平衡不是静止的, 它是稳定的流动(见 Bertalanffy), 1932), 并且稳定性是逻辑思维问稳定性而非行为或者心理过程的稳定性。正如支亚杰、1957)对平衡化门边所置成的, 稳定付与于一系列的补偿, 被试得到的补偿越多, 稳定性和行为就越多

"平衡化(equilbration)"这一本产志。于"平衡(equilbrama)"似乎对我们有误导作用,因为相对于平衡概念本身而言,皮亚杰对用组织系统更感兴起。增大意义上的平衡是从生物科学。扩放论(Fpageresis)。中引进的一个概念,在社会科学中并不常用。历录,非常有必要层的支业态的平衡与机械的。化学的,或者热力学的平衡没有什么关系。相反,它解决的是爬上熵的斜坡的平衡问题。

皮亚杰的理论建构

现在, 我表现认识论的观点出发, 告着皮亚杰的概念, 总结他的平衡理论的核心 以样的活, 我会略去皮亚杰理论的许多特点。皮亚杰的分析,其似定, 假设被试具有主动的同化 年代, 并且有被试系动的现实环境。认知的发展(一般是知识的增长) 原于同化 图式与现实的互动, 以及同化图式之间的互动。皮亚杰已经对这些互动及成分进行了 详细的描述(同化与归动, 聚集与或结, 整合与分化, 协作与可观察, 等等) 在最近的研究中, 皮亚杰(1975, 1977) 再次研究了这些互动, 包括平衡的结构化过程中的互动

4 2011 1 1

认知发展中的平衡主要涉及三种类型的互动。

- (1) 被认,环境之间的互动,包,客体同化到同化图式的过程与图式职助于这些客体的工程之间的主要。存在相互的身相,因为客体1',B',C',平只能存在于图式A,B,C,…的关系之中,客体是恐作过程的必要条件"目化与原应构成一个整体,在这个整体中1',1'相互扩制;行是,在失败情况下,让行对应于两种相互矛盾的意义,这样会导致动作的放弃"(Piaget,1975/1977,p.9)。
- (2) 在业系统之间存在平衡,例复、当式之间的特件 各个业系统发展速度的不同步会导致不平衡(水平偏移)。
- 3 最后,业系统与包含它的整体之间的平衡。例如,火车的位移与火车内的乘客。 的行移之间的协调,假定任移的两个业系统的境律被考虑到了

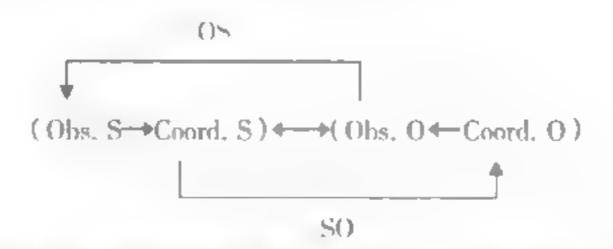
可观察性、协作与一角、中一校过程

可观察性来自于现实环境,而协适性则是各种因素的特点,它逾越了现实环境。所以,例如,一个简单的外延概括(从"有些"到"更多")并不意味着推理性的作,尽管从"一些"到"必定是所有"高要推理性协作,因为在现实中并不能找到必要性。这种区分与对经验抽象与反思抽象的区分是平行的(Praget、1977— 不是抽象是对各体的性质的抽象,这种性质是它信本事所具有的,不是被试通过推理而加于它们的,例如,重量。但是反思抽象则是对推理性协调的操作。换言之,不存在气管的不分抽象(它是一个投端),就如同不存在纯粹的观察一一推从任何的基理。一样 接着,全过一定的发展水平后,协遇可以从观察中解放它们自己,如同反思抽象可以通过在以后的反思抽象的具程上发挥自己的功能。样。这种就是皮亚生厂说的支导抽象(reflexive abstraction)

发业杰对被试在自己动作中(Obs. \)进行发现的这种现象与被试从客体中直接点出(Obs. O)的这种现实进行了区分。下离化的一个重要特点是把握到点识的支程、这过程源于以上两个观察过程、或者如皮亚杰(1974/1976)。年度、从外周到核心。近处、从客体到被试这一方同(OS)要比从被试到各体这一方同(SO)重要

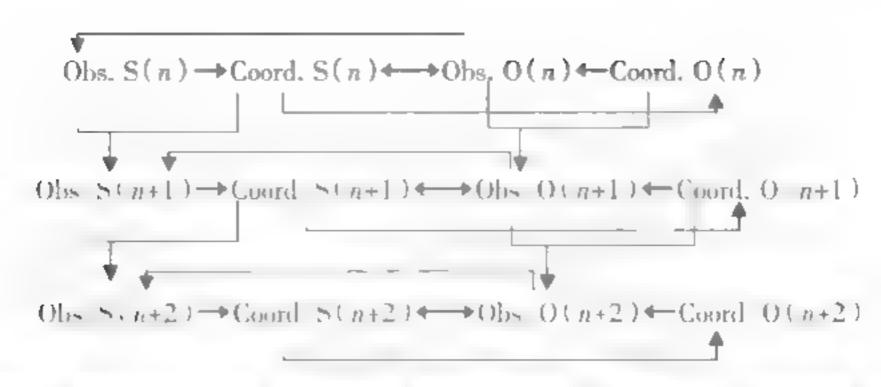
过一步区分子被试动作之间的协调Cood S 凸 被试之间的协调Ctood.(1)。一位定 它们在被此的基础上发生,在这种情况下,方包 S 0 是半衡过程中的优先方向。在同果解释的过程中这一方向同样处于优先级别。在目果解释中, 与于 Cood S 的确定的系统被认为是被试现然到的结果(Apostel et al., 1973; Pra, et and Garcia., 1974/1971)。那么,就可以认为现实像模型一样发挥作用。所以, 皮与 东门意味在尼蒙的说法, "在现实中没有因果, 只在在理由"似于可以将了衡本身理解为知识发展的 产力, 它不仅仅是一种描述, 也不仅仅是一个理论根据。

在这里无须再引用灵业套的许多例子以及不同的交互作用,我要直接介绍平衡化的一般模型:



符号 ◆◆ 表示整体的、持续的漏门的平衡 Praget、1975/1977、p.52) SO和OS已经在前文中做了解释。

动态平衡以下列方式从一般模型中导出:



这个模型只是认知发展动态平衡的简要描述而已。例如,它不能预测将会发生什么再组织化,它只能告诉我们皮平杰认为在再组织化发生时哪些交互作用是必需的 Obs O与Obs S之间, Courd. O与 Coord S之间的区分只是一种假设而已。尽管这些区分是以皮亚杰的非常复杂的内障(有些是外息的)知识为基础,但是,正女皮亚杰所承认的 Proger, 1975/1977, p. 154),它们与事实之间的对应关系并不明显。例如,在发展过程中很难区分Obs O 了Obs S, 因为对客体稳加动作的被试会看到自己的行为,同时也会看到自己行为与致的客体变化。至于区分协作与观察之间的不同也允许相似的问题。因为客体通常是在原于协调的。定框架中被观察的。但是,皮平本模型的重要特点仍然具有创造性,即,被认与客体之间基本的交互作用的发展是在机反的两个方向发生的可以联系至的才找是一个方向,而对于意识的逐渐把握则是另一个方向

反应或者再组织化

在检验皮量也的毒化包化分类的假设之前,应该清楚的是在儿童的目常生活中所发生的各种执动中,能够引发再组飞化的执动似乎非常罕见。 个新的事实经常对系统不产生任何改变,但如,如果没有图式来同化新事实,或者如果事实被变形后进入个已有的图式,或者如果它准入。个已经准备纳入它自无须任何改变的类中。反过来,认知发展中的不平衡最终会与致新的更好的平衡(Praget, 1974, Moessinger, 1977a)

皮亚杰区分子 种反应或者再组织化 α反应,它由模小的托动所引发,存在于相 又为 16种信中 简单的例子是"仲子够到"行为,例如,伸展胳膊以便够到 个已经移 开的各体 β 之立,当为了整合执动而出现 种走向平衡化的改变的倾向时,这种反应 会出现 所以,β反应是再组织化 皮亚杰提到了因果解释的例子,这个例子与无法预 怎的事实是矛盾的 这 执动会引导被武完成或者替换他的解释,其途径是通过另 个已经整合了新节实的解释 这种再组织化发生在认知发展过程以及科学概念的历史 友展过程中 γ反立,在这种再组织化中,真实的执动是可以预期的 例如,如果一个被 试已经获得了透视法的结构,他不会因为看到投影而协切,因为这一投影已经包含在这 结构的可能转换中。 由于商来自于对系统可靠对换的控制"这些转换之间的主要差异,以及两种动作。 发生在租赁门方可。后 全都是在最高对方而达针 和主要(如同两种方的生物 样。 之间的差异。是目 系统的 部分,所有的转换被完全基定起来以便运算了德丽了 和结果了于三1 的存在 上以,我们对补偿的理查是在系统的组织中有在的内在对称性,的不再是高净扰动"。Praget, 1975/1977,p.69 系统五人团活除了未且外部的任何可能的理实已就拿数字中的情况。相

及应或者再过积化发布与交互作用的类型精确地数系起来 Paget, 1975/1977、p. 72., 向自, 在反应或者再组织化与产设之时存在一定的不确定性。皮肤色布 大于"矛盾"的研究(Richerches var la contradation)(Praget, 1974, vol. 32, pp. 168—170) 甲指出, 反应或者再组织化按其《序开始、即、α反》在总知运动差设开始、β反应在具体系算阶段开始,γ反应在形式运算阶段开始。

然而,皮豆杰在 七维发展 (The Divelopment of Thought) 电认为、利义 7年志任。 类型出现在每一个论设、Piaget, 1975/1977, p. 69元但是却没有提供在感知运动阶段中出现y也到实的例子。代看的想法支及数量等但、Piaget, 1975/1977, p. 117—119) 在第一个水平、香肠的粗相被智略(尽管已至逐知到了)。这包含了α反应。在水平Ⅱ、在有一小不稳定性,而在水平Ⅲ、被试可以预见到如果香肠被拉长的话, 它会类生, 这记引了β也到现的存在。在水平Ⅳ、不仅可以预见到如果香肠被拉长的话, 它会类生, 这记引了β的get, 1975/1977, p. 124—125)。

稳定性

在我所见的"一般"概念中,平衡越稳定,它需易抵抗的执动也沉透大。几次,在真实的系统中,稳定性依赖于可以破坏了愈的已有执动的压风点至。执动的出现以至越少,平衡的稳定性越高。然而,由于与执动相反的是自动调节过程,亦以,还可以延过对自动调节或者再平衡的强调未定义稳定性。显然,发上然的现已更接近后者有目的者。在认知友见过程中,稳定性是指被试的认知系统,它可以被拜官为一些认知能力的不变性。及坚然认为(Inbelder et al., 1977, p. 109)。主意性越高,系统就均稳定

当执动被整合, 等统被重任, 新的空白和。时才皆也随之而未一打个比方来说, 当被运武图理解现实而接近现实的时候, 现实又退了目去。在证识的成长过程中, 存在无数的享任, 和扰动的后退或者, 则上, 特定的执动也许是暂时的, 但是执动的存在对于知识的成长似乎是必不可少的。非常有必要指出无知与知识。起增长, 恰如, 再看等与抗动。有

读即与北京

1 如我们刚刚看到的, 贵军主要来自于动态平心, 可一般概念与支标為的增进更义

的平衡之间的差异。适常,有用。个概念中,平衡是一个人为的模型,新平衡仅仅是另外。个平衡。在后一个概念中,平衡是一个真正的过程,其特点,在于自组织。皮亚杰认为,并并存在这么多的抗动作为空间,适动能主义者传统的需要,未引发再平衡,这一过程,每早又提出算的问题。可见您的事实和需要协调的显示统的多样性,带来了意识上的新的空间,反过来又引发了再平衡化······

天王平衡化仍众多批评和重疑可以在。思事的发展。的有读1以及在皮下本80周年 - 诞星纪念季动中的讨论记录(Instelder et al., 1977) 中找到 - 甚至在皮亚本的老作出版之 再,但再学确化表产完了。本 严执。产 Bruner, 1959; Havell, 1963; Pinard and Laurendeau, 1969、Zizzo、1960。 在众多的美具与抗计中、我只聚焦于至离的解释范。这一问题。其 中有一个计划子单位早期实本 Inhelder and Praget, 1955/1958 的批评, 布鲁纳(Bruner) c 1959 人力平衡化是焦毫无用处。人为这一思想对于翻进可透性概念没有增加任何新 。 与帝 - 皮 云气在,复中、分子作为心理加工过程的平衡化与作为平衡化的逻辑结果的 可予性 包有可见是看这种区分上 另外,已开尔 Papert, 1963)针对布鲁纳的质疑,他 人力制业的司道性不能解释主要的增长。其他的批评者认为,很难确定到底在什么意 又上上侧化可,力解释认知友例。如果上两化是一个过程,那么解释发展,就是解释平衡 化、凡其是与主意义的主意。每某者两比是一个异论工具、影么就有可能应用艺术推导 出足点意义的平衡 这些严疑法各种社工的核心运在,它们主要来自于集物里尔 (Calérer 型甲克斯 Henriques) 诺文斯基 Nowmski),以及普利高津(Pregogne) ・Inhelder et al., 1977) - 保護域連び延,我在其他地方(Moessinger, 1979) に答表明,皮並 * 打工場所是《四主他》目、子双重解释。有时候,他认为事例的是加是理论的。部分。 (主) 原子持与同化的假设以及做试, 为了表 (分是 Mac Namara, 1976) 另外。些地方、 也认为平衡的增加之一个不可解释的一般事实,其具以辅展上批评之中。在另外一起 情况下,他的解释又跳出了以上两种解释之外。

但是,我们似乎很难可释。在对应于平衡化事实的确定的数学模型。对此,我知道有人做过尝试 Saara,1977)。重然很有趣,但是还是多少幽解了皮亚杰与假设。兹瓦特 Such re De Zwart 认为,我们需要一种企业型的逻辑语言。对于增强意义的平衡思想是有进一步研究的可能为目可以按理率第三次(1976)的目的性(teleonomy)或者布目(Bunge)的突现(emergence)来推进。

这些批评并没有停留在告示与要一种的衡化理论来解释发展。根据巴贝尔 Unlielder et al., 1977 的看法, 只有一种可能的方法可以解释智力

第一种认为,人类的智力型了被改置到。起的孤少的每个部分,例如,组维尔(Newell)和西蒙 Simon (1)克克 第一种是乔姆斯基 Chomsky)大赋论(umatism)的一般化 第一种是平衡化的一般化 按三幅两种规点,在发展过程中就没有什么实际的新东西可言,因为什么东西都已经在被试据里要么以部分的形式要么以整体的形式预先编好了程序。所以,在巴贝尔看来,即使皮亚杰的平衡化的假设结构是错误的或者不完

整的,它也会被另外一种平衡化的理论所取代。

我对此的看法是,可以通过证明前两种解释中的某一种与现实是一致的而完全证例中衡化假设。但是,更进一步未说、心理字家上的旨许多无法证实的假设。例如,他们很难找到除了皮立态提供的例子之外的例子,对此他们也许是失望。毫无疑问,为了便于检验,我们需要将半衡化假设性一步准确化。英海尔德 Inhelder et al., 1975) `格(Langer)(1969)、列斐伏尔、Lefebore)和皮纳能(Pinard (1974)及其他人已至在这一方向的认知之对及矛盾性领域做了大量的研究工作。的确,当初皮重杰在建构自己的理论时,他不仅仅考虑的是心理学事实,而且尝试了善自己的假设,使之与其他领域,如生物学或者生理学中的大量的已经证实的事实相。致(Pinger, 1967/1971; 1976) 中流化还应该与知识成长的认识论问是相一致一平流化的优点和缺点成代了这种厂经,并将化量,我们很难在一个布理论中既具有实验基础又具有广泛的兼符性。倾向上哪一种厂论建构与我们的科学意识形态有关。

总之,平衡化就像新机器的样机一样产业许多选举。它们设计甚至是为了各位是 那些调整。但是,问题也许是机器太新了。

注 释

- 1 受到场上国家科研基合(们尔尼)的支持。 透射埃尔米纳·主克军(Hermine Sunclair)为本文提供的认真自制的建议。同样感谢 Mario Bonage, Albert Morf以及Dane Poulin-Dubois 在我准备本文期间与我进行的富有成立的讨论。 透谢 Olga Favrean 省私的法国成语翻译为英语。
- 2 为了将必要与确定感 售与安(pseudonecrssit) 区分升,要求被试提供玩驾车门 概括的理由(Piaget, 1977)。
- 3 而且有一个中旬情境(伪实验抽象),它是及属性——之后由一个被武息加于环境——的抽象。例如,一个被武通过确定两个有记号的代程是等长的这一环节而引提了属性,虽然这些属性不在客体中,但是却通过操纵客体而被引入

儿童在双序列任务中"对应关系"的建构

儿童在双序列任务中"对应关系"的建构

Children's Constructions of Correspondences in Double Seriation Tasks 作者 Inanna Berthoud-Papandropoulou

以及于 The Impact of Piagetian Theory; On Education, Philosophy, Psychiatry and Psychology (Chapter 3), ed.ted by Frank B. Murray, Baltimore Marylaid; University Park Press, 1979.

孙志风 译自英文 陈家附 审校

儿童在双序列任务中"对应关系"的建构

本中元包含。东列在天长度的美产元元、具体着限于北方在"对应"以及"对应与转音"之间承景高建制。为达以而无目的、我们为发与设计了。利特殊的可先技术和情况

被 试

34名儿子,年制力3-10岁,其下3-7岁的有30名,7-10岁的有4名。他们都是目内瓦当地的小学生,取样根据实际年龄挑选。

实验材料

- 1 八根式四不 一色不同的木棒 員即馬木棒为3厘米,最长的为10点米,馬根 木棒与其相邻木棒长度相差1厘米。
 - 2. 一个盒子的下半部分和一张大小可作盒盖的纸。
- 3 告个不同心表示本头物品: () 方度, () 是十个构集形状 儿童疾动可以在实验介绍部分熟悉它们
 - 4. 一把剪刀。
 - 5. 数支铅笔

实验任务

大学要求几章在有得当作会的的领片口情记下,找到一种方法将水头物马改进会

子里,也就是要想出将纸片剪 个制这个方法,把物片放入盒内 为了行助儿童怎到该方法,实验者要求儿童在当成盒盖的纸水上马上 个大小台适的圈 在今经这个实验任务时,实验者要求儿童在纸上 可一个大小台适的圈,以便不方块可以迅过,然广内目 个圈以便半个鸡蛋能够通过 接着再要求儿童在纸张上,两一个圈,其大小与方块和半个鸡蛋都不匹配。

这个天验程序是为了让九童子解到,物品的形状和大小与他们面的可使物品进入 含内的潜存在。种对应关系。必知指出的是,将纸架上回的固剪成制这一行为必须由 年龄最小的复读来完成。因为年龄较大的被试在纸上正园町,就是识行这是国,甚至能 想象出物品穿过洞的场景。

实验过程

实验要求儿主必须将小木棒按水平方向收入盒内 实意灵善了多种不同言境,我们在这里仅介绍其中研究星果比较有意思的 私情境

情境!

要求所有小木棒都通过洞进入盒内。

下面这些符号用于标记实验中儿童的任为表现:数了1 8 对应于八标本称,最小问数字对应于最短的木棒;字母 1 日对应于归遗的制,其中 1 对应于最小 5 記, 田对正贵 大的洞。因此泪且是凸境 1 的正确答案。当然, 这些标记在实验抗导语中不生知儿童

情境Ⅱ

要求特定数量的木棒通过洞进人盒内。

选项2:只能通过八根木棒的门 该任务的要求和选项1 村,只是少及的是木棒1-6,用来作为画洞的尺寸标准的是最长的木棒6。

情境Ⅲ

开始时,实验者要求儿童按顺序摆放木棒,使我们能看到所有木棒的长短。接着,

门儿童,"有多少木棒比最短的木棒(数字1)长"在不允许儿童数数的情况下,接着问: "有多少木棒比最长的木棒(数字8)每"最后,要求儿童解释他们的答案

对所有被试而言,任务厂序相同。同等过程以需求形式进行,通过不断提问来修正 儿童的行为或预期。

初步分析

在主义分析本实命情果之间,简复或目一下之前有关序列研究的结果,以及强进下皮业杰厅列化。对式先的重要性,这是非常重要的一皮业杰和调查即算卡(Piaget & Szemurska,1941。研究了上根不同长度木棒的排序间。现在称之为还典的序列任务工、其结果表明,儿童在排序任务上存在三个发展阶段。

作改1 4 5岁1; 几章存 个支 个木棒分为 组, 由不是将其视为序列

广会 216 7 岁上 迁过不断武贵, 儿 产于以作木华组合成序列, 但是还不能完成实验者本外发来的序列化任务。 自由, 他自完成任务时制发不过人量的错误实动 发者是交复从最初状态开始。

管设3·7 8岁) 儿童能使用可称为运算的系统方法。他们会找到木棒中最短的原根,然言事能读找到下的木棒中最短的一起,直到投资所有木棒(他们也许会从最长的木棒)始,再一步写现有)。这个方法被视力可送性思维的证据,处于这阶设的儿童可以不见过就灵就能在序列中提入任何补充的元素,这是儿童具有运算可送性的深度标志。

支担阶段在后文中会有集详细的介绍(Praget & Inhelder, 1959) 这里的阶段提述 几体区分子行为发展的过度形式。例如,不考虑比较的基线,只是把较长几根木棒打成 序列;或者先示于挂了然后又应下挂字。实验中,额外的控制任务与用来验证儿童在往 理方面的运算特性。另外,可传递现象也可验证儿童在打序任务上的运算特性。通过 供试建立了序列概念的儿童还不能在所有情境中都表现书可传递行为。例如:给一个 儿童早现"a~b",接着又呈现"b~c",然后将a藏起来。在没有直接定较a和c时,儿童 不一定能发现a和e之间的关系。

只管有关序列的实验研究由未已久,但本研究关注的是对应的具体方面,具体涉及 实验情境的与目和物理属性,实验任务的提出,也都是符合逻辑的一个间方面是指木棒 的长度和字列,物理准度与实验任料有关,也与具体的木棒混合通过应好的拥有关一逻 辑方面是指决定问题写决所方的基本原则;儿童至少能在心理上对部分木棒进行序列 化,才能设的最长的木棒;儿童也必须写白,长度为1的制可以让所看长度等于或小于1 自木棒属过,而长度大于1的木棒则不能造过一这样,儿童就建构出对等的木棒类,它们 的共同特得是看可能通过一个足够大的自一在这类序列化任务中,只需规定两个序列 之一的具体特性,比如规定本格序列。这样是为了使儿童在心理上能精确建构第一序列,并根据实验任务未设计。此元素(在低于电扫)。正是在第二个序列的用建中,我们得以研究"对应"这个问题。关于"对应"和"转称"两个本语,发生,从识论研究中心对于、定义如下。

"对应"是"一种不修改当10支内容的比较"。在本外完中,对10 月以建立在本档本身,用本身以及本格和初之间。通过使用对应, 制造能标准。个或多个能通过木格的同

另一方面,"转换"是修改厂正及内容的活动,支足广生它们由身内容的活动。在本 有另中,并不存在具体实验材料的修改,但存在内容的转换。基种看义上,儿童得根据 下列这些准则或影响因素,来理解这些材料。

第一."大于"和"小于"的双重关系。

第一, 需要存在将实验材料中的元素归或对等类则的可能性, 以可与特定的关系需求, 例如: 则有长度等于成小丁T的木格都能通过1大小的洞。

第一,关系与传递性。这种传递性都不是实际的行动,而是有合定内容上进行的重新分组和心理转换。

有关对于和转换的相互作用会布下支加讨论部分作机支充增一完购1,我们看时 依很难甚至几乎不可能在儿童外在有力的水平上区分两者。对于两者的分析是根据水 平面非阶段,因为儿童在同答过程中会表现出一个,两个或多个水平,而不是分阶段,具 情况。

研究结果

情境Ⅰ

在习得模式上,我们可区分出五种水平的对应。

水平上。整体的对应(3.5岁) 九章三子 在很大的制,并打算各国有木棒同时放入食物。而且,但也认为其他的物品也适合比同。这种,这个消与含定的木棒之间,没有特定关系,木棒的人小也未被用来作为高生的依据。

Guy 5;5) 他看到这8根木棒时说:"它们们过过最大的司"、之下为了一个大物品画的洞。在一系列试误后,他画了一个比木棒8还要大的洞,并说"存决一个" 为了证明这个洞适合所有的木棒,他将木棒1放入盒内

在子水平15十,木棒被分式了两、 个小组(与和长,或者短 不短不长,长 ,它对 尼于其有类似属性的针(例如;大洞对应长木棒等) 这种对为仍然是整体性的,因为儿童选用的两量当大小的木棒,不一先是每组中最长的那一根

Ana(3:6) 她选择了周D和河下(对几大棒4和木棒6 来让所有木棒道 过 然后,她将木棒8放到洞下处、"这样,大棒长了"), 作木棒5放到周D欠 "这样, 木棒到了") 她开来考虑大棒的相对尺寸, 相反只是考虑了绝对尺寸 水平2 严格的对为(5 6岁) 儿童为每个木棒都可 个刊, 每个木棒被视为与 其他木棉不一样 因此, 每根木棒必管有自己对动的同 我们记录到了这种有意思的

Dam(5;8) 他说:"我们心质要将大楼2通过与它相同大小的问"对于木棒7,他说:"我们表画一个问证它通过 尽管问目已至被画出来了!"

Leo(6;0) 他说:"我们必须使每个洞大小与木棒一样。"

- - 对版。

在天空中、当天日建议。 吐丸草品更少的制制,他们已这不可能,如果这样气力。《减少木棒,或者必须有两根木棒相同。

专管水平1和水子2有在明己差异,但是它们有一个共同点,即几章还支有在木棒 电建立人员。上享要么认为木棒都是一样的,高效一个更大的同计划们都通过;要么认为几有木棒都不一木。因此高安禄多的时一件一,水平16的有在表明了水平11例水平2 的发展。在了水平16上,几至开始对最初认为无差异的木棒进行区分,这个过程复得 怎样木棒在大量的冷理上变得不一样子;在水平2十.电影的期行一个洞对应一根木棒 的思维)。

水平3—— 子切,的对应(一对多)。正面理等于占有木体作为量尺的帮助下,来加一个制术可以对应多型木体;又因为这些木柱长度并不是至效的,但以是重要完善及多个制术对应居有木体。这类有为一般发生在几个至少两个两个有效的判决后;因为几个工艺和自多木格。以上过去。1 然上,他必须及云云之些,而且这种一人多的对应建构不太能稳定地预测到,尽管在后面会发展起来。

(ed (6; 6) 可预期他建工了一对一的对厂关系 包围了洞上和司 II 之后通过试试,他发现大棒5适合司下,木棒2适合司目,木棒4适合司()

Fran 5:7 他画了多个可以图B, C, D和目) 然后他将大棒5, 6, 7对应周 11, 木棒1对 国B, 木棒3对户同(, 大棒4对几同) 这是一种严格的对应

我们可以发现。 个打造付应多权未体的想法并未是听到这个序列(4则) 个司就是够了) 这件"的推具很有趣: 上发不见。在目,是因为"长的木棒不造通过公司" 儿童们不完过有反推,每個木棒可以通过小儿和大儿。此时,两种可能的方可——升序和降序。 不未分化,也与对序列基本不对利的景值不相符。

水平3 门进民在于, 儿童能够分离与区分物品, 升佳者 对多的对应开始在"通过同一个门的物体"类归中进行建构与整合。但是,由于缺乏可传递性和重复形式的推理能力,这种整合还不具普遍性。

水平4 结构化的对立 对多) 儿童的反应都表现完他们能理解"洞必须根据 出中那个最长的木棒来画"这个规划, 几乎都走表达这个规划,有时候儿童还能解释 说明,而且不需要之前实验中的多次探索和武误 儿童以回几个圈开始,就像处于了 水平的儿童一样,但是这次他们聚找所有木棒,直接到达能够适用所有木棒的洞田 这 -行为可以被理解为、儿童将任务完成与事 的大小关系联系起来。

Did(7;1) 有先假设他处于一对一对几水干 然后要求他减少同的货量,并说出"所有比这个木棒要知的木棒都可以通过这些木棒所对应的同"这条规则 接着他性一步减少同的数量,只保留了同门和同日,依据则是木棒8.7.6和5都比木棒4,3,2和1要长 最后他自然几将所有元素进行正确排序,只是下洞日,因为"所有的木棒(1-7)都比木棒8短"。

此刻,我们能从礼里的行为中推断,他已能够区分厅机,为个方门,而自认世到西 个序列是不对称的。

水平5 即时的建构 该水平五处于6岁,但是大多分元。其如于7 8岁 信制 没有面很多同,也没有武汉,正是直接找出不棒8作为而1,万旱尺,五角弧,身外地内8个 木棒进行排序。

Y(x((';') 她说:"我拿到最大的木棒,标题它的大小的出一个对一的问,以 样所有的木棒都能够通过。"

情境Ⅱ

在该性境下,实验者要求几点只由一个制使得点根本严重过,结果表明或任务对于几章来说比特境上不难。点对点能是: 方面,在房境14年,而有本些都与观合是中,的任务是通过我们已至概括了的。对多的对应方式来回。个上;另一方面,在房边11中的任务是根据要求的数字,来将特定数量的本格通过到一步而之,个子类的上层必须要通过否定其他子类来完成。这与情境1不同。

最早的反应,4-5岁)包含 对为 儿童改支了"1、个是今 核木格或过行。" 这条指导法,并注意。 个目来分别尽应 杜木棒 有意思的是,《四年晚刊] 丁上子 都广发选择。核木棒中最小的服积开始间,这是上确的 门目,他们有好会理作时,是 写体留心制版可,这也是完全上程的 这样,我们在后候就会社到一个矛盾的成象,却 年幼的儿。甚至无高对木棒进行排序,就可以与决"找到一个四大任务。但木丛自过的 铜"这样的问题。对此,我们可以作其下解释;年幼后,儿童在一小的数字"和"中的木件" 之间是立了一种关系。因此,"一个适合。根本体也过的同"新发了上向寻找最小元素 的想法。支持该解释的另外一个现象是、"行实会者要求适过更多数量的木件时,上产会 选择大导的长木棒。

这类行为表现出了两种互补的特性。

第一, 它忽略了这个序列中的不对称特征, 即如果小的。仅允许应本体通过, 人生则能允许长木棒和短木棒都通过。

第二、它包括两种不连续的木棒(如的/长的)的类的构建、面上包含关系(如门包含于长的)。

一些年龄较大的被试(5-6岁)选择了n根木棒,但他们不是从最小的木棒中选取的,而且,这些木棒不是连续的,洞也不适合任何一根木棒。

Dan(5;8) 当他完成"找一个能适合三根木棍通过的洞"的任务时,他画了洞 H来让木棒1,2,7通过。

这些年长一些的儿童事后都注意到,他们并没有完成全部实验要求。这表现出这 类行为的儿童处于对"任意元素"构建序列的过程中。同时,他们发展出了关于三根木 棒在其重要方面呈任意特性这个概念,即这三根木棒可能是长的或短的。后来,儿童考 虑到三根木棒的顺序,并修正了将要被选择的子类的范围:儿童因此成功地解决了困难 任务,而且有时候他们会说"前三根"(木棒1到木棒3)能通过三根木棒的洞,或者是"前 六根"(木棒1到木棒6)能通过六根木棒的洞。从他们的反应中,无论儿童选择多少根木 棒,我们都可以看出升序的方向是守恒的。因此,前三的木棒是包含在前六的木棒中的。 因此,儿童将所有的八根木棒分成了两个相互补充的类(3个和5个,然后6个和2个)。

在对情境III的研究结果进行概要介绍之前,我们需要对情境 I 和情境 III的研究进行一般性的评论。儿童画好洞再挑选一根合适的木棒与之对应,比预期所有木棒或 n 根木棒适合哪个洞更容易。两者的差异在于,一为预期的状态,另一为对应的有效实现。这一点在大量的研究中显而易见。在本实验中,这可以通过"所有"或"n个"与"每一个"之间现存的差异来解释。这个"所有"或"n个"将按预期来建构,而"每一个"则要通过单独的连续的行为来实现。

情境III

我们只讨论实验中的这两个方面:数一下大于1的木棒数,不许数数推断小于8的木棒数。当实验要求的关系相反时,行为的最基本形式(也许会在六七岁之后出现)表明儿童需要继续数数。对于这些儿童而言,必须按照相反的方式来考虑这个序列,并改变比较的参照物这一事实,这也许构成了一个新的心理操作。在给定的序列中,似乎没有必要存在像"更大(长)的"元素那么多的"更小(短)的"元素。最后成功的反应表现在两个方面,儿童能毫不犹豫地预测相同的数字,并伴随下列两种可能的论点之一来表述:

- 1. 数字是一样的, 因为两次都只能移除一个元素;
- 2. 通过考虑互反的关系(至少在论点上,这可能是更复杂的),发现数字是一样的。 Viv(6;8) 她说:"这七根木棒都比木棒8短,因为顺序是反过来的。"——对于 另一个问题"有多少根木棒比最短的长?"——"也一样是七根,只不过是反过来的。"

总 讨 论

根据实验结果,我们可以提出几个问题。第一个问题是:儿童是如何从开始的"3>

2"和"2>1"两个独立的关系获得"3>1"这一可传递推断的?这似乎表明:对于年幼的儿童,通过"3>2"这一对应建立起来的"比谁大"这一关系,与通过"2>1"这一对应建立起来的"比谁大"这一关系,与通过"2>1"这一对应建立起来的"比谁大"并不完全相同。因此,如果通过不同的比较,儿童建立的"比谁大"这个概念并未得到保存的话,那么我们在这里也许可以解释,为什么在发展过程中,运算结构出现得这么晚,因为我们不可能指望儿童能够对不同质的关系进行组合。

在最基本的水平上,对木棒进行整体处理之后,木棒间的对应关系使得儿童知道所有的木棒都不一样(一一对应)。之后,根据"大于"或者"小于"的关系,二元或三元的关系开始建立:因为木棒的相邻关系,这些都只是局部对应,还不能迁移至整个序列上。此外,儿童经常需要通过有效的尝试来验证这些对应。比如,需要画更多的洞使得所有木棒都能通过(情境1)就可视为这些非一般性的局部对应的标志。

在较高的水平上,不同木棒之间存在的"大于"关系就具有了同质性。从某种意义上说,它不仅支配着序列中相邻的木棒,也支配着相隔较远的木棒。这样儿童就建构成了有相同特征的木棒这个类,而且从之前水平的"每一个"发展到目前的水平"所有",同时还伴随着:(1)预期替代了有效尝试;(2)对"大于"关系的必然感觉,也替代了经验验证的需求。

我们认为,对应于不同的发展水平,这种有点复杂性的木棒类的建构依赖于转换方面。事实上,从简单的并列关系对应抵达运算必然性,没有那么简单。在某种意义上,这些关系和对应很重要,它们使得人们对认识对象的状态有了充分的了解。为了在实验任务中确定对应与转换的联系,有必要对它们进行比较。但是,在比较中(因素会随着年龄而变化),比较的标准以及比较中所选择使用的术语,则取决于转换方面的动态特性。这一观点在研究互反性概念和一般逆运算的发展时,显得更加清晰。当然,对应不可能是消极的,如果那样的话就不存在对应。相反,逆运算确实存在,在特定水平上,并没有排除直接运算和逆运算之间的对应,而且这些对应在本质上也是积极的。

上述讨论不应使读者认为,对应只存在于较低水平,而转换存在于较高水平。对应与转换是互补的——两者都共存于任一发展水平,彼此依存。当然,有人可能会说,对应为转换作准备,并且会导致新的对应。不管怎样,这些对应的研究,使我们更好地了解到运算发展的过程,并能具体了解运算的水平。这些研究都是发生认识论研究中心最近关注的焦点:研究的目标既不是认识的不同方面的知识,也不是那些不同的想法本身,而是这些新奇的想法与认识的形成机制。

文献总汇

Piaget, J., and Szeminska, A. 1941. La Genèse du Nombre Chez l'Enfant. Neuchatel et Paris: Delachaux et Niestle. Translation published 1952: The Child's Conception of Number. London: Routledge and Kegan Paul.

Piaget, J., and Inhelder, B. 1959. La Genèse des Structures Logiques Élémentaires. Neuchatel: Delachaux et Niestlé. Translation published 1964: The Early Growth of Logic in the Child. London: Routledge and Kegan Paul.

译者简介

陈家刚 华东师范大学外语学院副教授

胡林成 泰州学院教育科学学院教授

蒋 柯 温州医科大学精神医学学院教授

李不愆 法国国立东方语言文化学院东亚语言研究所博士研究生

刘明波 复旦大学社会发展与公共政策学院副教授

庞培培 武汉理工大学马克思主义学院副教授

钱 文 华东师范大学学前教育系副教授

孙志凤 南方科技大学思政教育与研究中心讲师

田 晨 法国巴黎索邦大学国际商法硕士,现居加拿大温哥华

汪 悦 南京大学社会学院硕士研究生

王 美 华东师范大学教师教育学院副教授

王东春 自由职业者

吴国宏 复旦大学社会发展与公共政策学院副教授

严和来 南京中医药大学医学院 整合医学学院讲师

杨晓丹 南京大学社会学院硕士研究生

袁乙榛 西华大学外国语学院,法语教师,助教

曾守锤 华东理工大学社会工作系教授

张 兵 中国太平洋保险(集团)股份有限公司人力资源高级经理

张 坤 华东政法大学社会发展学院副教授

张 璐 上海第二工业大学文理学部讲师

朱倩兰 鲁迅文学院第35届中青年作家高级研讨班(首届翻译家班)学员